ΌΝΟΜΑ: Αικατερίνη

ΕΠΩΝΥΜΟ: Μηλιώτη

**AM:** 1115201900112

### ΕΠΕΞΗΓΗΣΗ PART 1

- Πως έφτιαξα τη γραμματική μου:
  - 1. Αρχικά, αφαίρεσα την αριστερή αναδρομή( left recursion ) χρησιμοποιώντας τον εξής κανόνα : όταν A -> Aα | β έχουμε αριστερή αναδρομή και αφαιρώντας την αριστερή αναδρομή θα γίνει:

A-> βA1

A1->  $\alpha$ A1 |  $\epsilon$ 

Παρατήρησα ότι η γραμματική της εκφώνησης έχει αριστερή αναδρομή στο σημείο exp-> num | exp op exp | (exp) και με βάση τον παραπάνω κανόνα έγινε exp-> num exp2 | (exp) exp2

exp2-> op exp exp2 |  $\epsilon$ 

Το op και το num παρέμειναν προς το παρόν έτσι όπως ήταν.

2. Έπειτα παρατήρησα ότι η γραμματική δεν δίνει προτεραιότητα στους τελεστές(ο τελεστής & έχει μεγαλύτερη προτεραιότητα από τον τελεστή ^). Οπότε, έφτιαξα την γραμματική μου: exp -> term exp2 | (exp) exp2

exp2-> ^ term exp2 | ε

term-> factor term2

term2-> & factor term2 | ε

factor -> num

num-> 0 | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 | 8 | 9

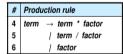
με βάση αυτές τις διαφάνειες του μαθήματος

## **Back to expressions**

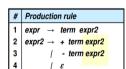


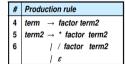
Two cases of left recursion:

#	Production rule
1	expr → expr + term
2	/ expr - term
3	/ term



· How do we fix these?





# Eliminating left recursion



- Resulting grammar
  - All right recursive
  - Retain original language and associativity
  - Not as intuitive to read
- Top-down parser
  - Will always terminate
  - May still backtrack

There's a lovely algorithm to do this automatically, which we will skip

1	expr → term expr2
2	expr2 → + term expr2
3	/ - term expr2
4	ε
5	term → factor term2
6	term2 → * factor term2
7	/ / factor term2
8	/ ε
9	factor → number
10	identifier

# Production rule



- 3. Στη συνέχεια, άρχισα να φτιάχνω τον parser, αλλά παρατήρησα ότι κάτι δεν πάει καλά με τις παρενθέσεις όποτε σκέφτηκα να αλλάξω την παραπάνω γραμματική και να γίνει:
  - 1 exp -> term exp2
  - 2 exp2-> ^ term exp2
  - 3 | ε
  - 4 term-> factor term2
  - 5 term2-> & factor term2
  - 6 | ε
  - 7 factor -> num
  - 8 | (exp)
- 9-18 num-> 0 | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 | 8 | 9

καθώς το factor μπορεί να είναι είτε μονοψήφιος αριθμός, είτε εκφράσεις μέσα σε παρενθέσεις.

Έλεγχος αν η γραμματική που έφτιαξα είναι LL(1):

#### **FIRST**

- First(#1) = {0,1,2,3,4,5,6,7,8,9,(}
- First(#2) = {^}
- First(#3) =  $\{\epsilon\}$
- First(#4) = {0,1,2,3,4,5,6,7,8,9,(}
- First(#5) = {&}
- First(#6) =  $\{\epsilon\}$
- First(#7) = {0,1,2,3,4,5,6,7,8,9}
- First(#8) = {(}
- Για συντομία First(num) = {0,1,2,3,4,5,6,7,8,9}

#### **FOLLOW**

- Follow(exp) = {\$,)}
- Follow(exp2) = {\$,)}
- Follow(term) = {^,\$,)}
- Follow(term2) = {^,\$,)}
- Follow(factor) = {&,^,\$,)}
- Follow(num) = {&,^,\$,)}

#### FIRST +

- First +(exp -> term exp2 ) = {0,1,2,3,4,5,6,7,8,9,(}
- First +(exp2-> ^ term exp2) = {^}
- First+(exp2-> $\epsilon$ ) = {\$,)}

- First+(term-> factor term2) = {0,1,2,3,4,5,6,7,8,9,(}
- First+( term2-> & factor term2) = {&}
- First+(term2->  $\epsilon$ ) = {^,\$,)}
- First+(factor -> num) = {0,1,2,3,4,5,6,7,8,9}
- First+(factor->(exp)) = {(}

Για συντομία τα First+(num->....) δεν θα γραφθούν, καθώς είναι προφανή.

Παρατηρούμε ότι για κάθε A->α και A->β First(a)  $\cap$  First(β) =  $\emptyset$ , οπότε η γραμματική είναι LL(1).

## Δημιουργία LL(1) Parsing Table:

	(	)	٨	&	09	\$
exp	#1	error	error	error	#1	error
exp2	error	exp2->ε	#2	error	error	exp2-> ε
term	# 4	error	error	error	#4	error
term2	error	term2->ε	term2->ε	#5	error	term2->ε
factor	#8	error	error	error	#7	error
num	error	error	error	error	#(9-18)	error

## Εξηγήσεις στον κώδικα

Για να φτιάξω τον parser χρησιμοποίησα το παραπάνω LL(1) Parsing Table, το οποίο με βοήθησε πάρα πολύ. Οπότε, αυτό που κάνω και στον κώδικα είναι ότι ακριβώς λέει και το παραπάνω πινακάκι. Αν για παράδειγμα είμαι στη συνάρτηση exp() όταν δω το σύμβολο ( πρέπει να γίνει η πρώτη παραγωγή οπότε το μεταφράζω αυτό σε κώδικα Java. Με αυτή τη λογική έγραψα τον parser. Επίσης, όταν η συνάρτηση exp2() δει το σύμβολο ^ , πρέπει να διαβάσει τον επόμενο χαρακτήρα, για αυτό έχουμε consume('^'). Το ίδιο ισχύει αντίστοιχα και για το σύμβολο & στη συνάρτηση term2(). Τέλος, στη συνάρτηση factor() , μόλις δει το σύμβολο ( το κάνει consume ,έπειτα καλεί τη συνάρτηση exp() και μετά αν δεν εμφανισθεί κανένα parse error πρέπει να κάνει consume το σύμβολο ) , σύμφωνα με την παραγωγή #8.

- ο Για μεταγλώττιση make compile.
- ο Για να τρέξει make execute.
- Οι εκφράσεις πρέπει να δίνονται από τον χρήστη.

**ΣΗΜΕΙΩΣΗ:** Έχω χρησιμοποιήσει τον κώδικα του φροντιστηρίου που δόθηκε για αντίστοιχο παράδειγμα.

## ΕΠΕΞΗΓΗΣΗ PART 2

Αρχικά, οι προτεραιότητες που έχω είναι precedence left IF;

precedence left PLUS;

precedence left REVERSE;

πράγμα που δείχνει ότι precedence(if)<precedence(concat)<precedence(reverse)

**ΣΗΜΕΙΩΣΗ:** Έχω χρησιμοποιήσει τον κώδικα του φροντιστηρίου που δόθηκε για αντίστοιχο παράδειγμα.

- ο Για μεταγλώττιση make compile.
- ο Για να τρέξει make execute < όνομα αρχείου.txt