Exercícios de Equivalências Lógicas

Olá Alunos..

Como comentado em nossa aula ao vivo trago a vocês as equivalências lógicas. Equivalências lógicas como o próprio nome diz, são proposições lógicas que possuem o mesmo valor ou resultado final. Dentre as equivalências lógicas mais conhecidas, temos as <u>Leis de De Morgan</u> que são aplicadas em relações de conjuntos que é o nosso próximo assunto a ser abordado, então vamos lá?

Determine a tabela verdade para cada equivalência lógica. Lembre-se que os valores obtidos devem ser <u>IGUAIS</u>. Lembrando que \equiv é denominado equivalente.

1. Identidade

1.1

$$p \wedge V \equiv p$$

| р | ٧ | $p \wedge V$ |
|---|---|--------------|
| V | V | V |
| V | V | V |
| F | V | F |
| F | V | F |

1.2

$$p \vee F \equiv p$$

| р | F | $p \vee F$ |
|---|---|------------|
| V | F | V |
| V | F | V |
| F | F | F |
| F | F | F |

1.3

$$p \leftrightarrow V \equiv p$$

| р | V | $p \leftrightarrow V$ |
|---|---|-----------------------|
| V | ٧ | > |
| V | V | ٧ |
| F | V | F |
| F | ٧ | F |

$$p \lor F \equiv p$$

| р | F | <i>p</i> <u>∨</u> <i>F</i> |
|---|---|----------------------------|
| V | F | V |
| V | F | V |
| F | F | F |

2. Dominação

2.1

 $p\vee V\equiv V$

| р | V | $p \lor V$ |
|---|---|------------|
| V | V | V |
| V | V | V |
| F | V | V |
| F | ٧ | V |

2.2

 $p \wedge F \equiv F$

| р | F | $p \wedge F$ |
|---|---|--------------|
| V | F | F |
| V | F | F |
| F | F | F |
| F | F | F |

3. Idempotência

3.1

 $p \vee p \equiv p$

| р | р | $p \lor p$ |
|---|---|------------|
| V | V | V |
| V | V | V |
| F | F | F |
| F | F | F |

3.2

 $p \wedge p \equiv p$

| р | р | $p \wedge p$ |
|---|---|--------------|
| V | V | V |
| V | V | V |
| F | F | F |
| F | F | F |

4. Dupla Negação

$$\sim (\sim p) \equiv p$$

| р | ~P | ~(~p) |
|---|----|-------|
| V | F | V |
| V | F | V |
| F | V | F |
| F | V | F |

5. Comutativa

5.1

 $p \vee q \equiv q \vee p$

| р | q | $p \lor q$ |
|---|---|------------|
| ٧ | V | V |
| V | F | V |
| F | V | V |
| F | F | F |

| р | q | $q \lor p$ |
|---|---|------------|
| ٧ | V | V |
| ٧ | F | V |
| F | V | V |
| F | F | F |

5.2

 $p \wedge q \equiv q \wedge p$

| р | q | $p \wedge q$ |
|---|---|--------------|
| V | V | ٧ |
| V | F | F |
| F | V | F |
| F | F | F |

| р | q | $q \wedge p$ |
|---|---|--------------|
| V | V | V |
| V | F | F |
| F | V | F |
| F | F | F |

$$p \leftrightarrow q \equiv q \leftrightarrow p$$

| р | q | $p \leftrightarrow q$ |
|----------|---|-----------------------|
| V | V | ٧ |
| V | F | F |
| F | V | F |
| F | F | V |

| р | q | $q \leftrightarrow p$ |
|---|---|-----------------------|
| V | V | V |
| V | F | F |
| F | V | F |
| F | F | V |

6. Associativa

6.1

$$(p \vee q) \vee r \equiv p \vee (q \vee r)$$

| р | q | r | $p \lor q$ | $(p \lor q) \lor r$ |
|---|---|---|------------|---------------------|
| V | V | V | V | V |
| V | V | F | V | V |
| V | F | V | V | V |
| V | F | F | V | V |
| F | V | V | V | V |
| F | V | F | V | V |
| F | F | V | F | V |
| F | F | F | F | F |

| р | q | r | $(q \lor r)$ | $p \lor (q \lor r)$ |
|---|---|---|--------------|---------------------|
| V | V | V | V | V |
| V | V | F | V | V |
| V | F | V | V | V |
| V | F | F | F | V |
| F | V | V | V | V |
| F | V | F | V | V |
| F | F | V | V | V |
| F | F | F | F | F |

$$(p \wedge q) \wedge r \equiv p \wedge (q \wedge r)$$

| р | q | r | $(p \land q)$ | $(p \land q) \land r$ |
|---|---|---|---------------|-----------------------|
| V | V | V | V | V |
| V | V | F | V | F |
| V | F | V | F | F |
| V | F | F | F | F |
| F | V | V | F | F |
| F | V | F | F | F |
| F | F | V | F | F |
| F | F | F | F | F |

| р | q | r | $(q \wedge r)$ | $p \wedge (q \wedge r)$ |
|---|---|---|----------------|-------------------------|
| V | V | V | V | V |
| V | V | F | F | F |

| V | F | V | F | F |
|---|---|---|---|---|
| V | F | F | F | F |
| F | V | V | V | F |
| F | V | F | F | F |
| F | F | V | F | F |
| F | F | F | F | F |

6.3

$$(p \leftrightarrow q) \leftrightarrow r \equiv p \leftrightarrow (q \leftrightarrow r)$$

| р | q | r | $(p \leftrightarrow q)$ | $(p \leftrightarrow q) \leftrightarrow r$ |
|---|---|---|-------------------------|---|
| V | V | V | V | V |
| V | V | F | V | F |
| V | F | V | F | F |
| V | F | F | F | V |
| F | V | V | F | F |
| F | V | F | F | V |
| F | F | V | V | V |
| F | F | F | V | F |

| р | q | r | $(q \leftrightarrow r)$ | $p \leftrightarrow (q \leftrightarrow r)$ |
|---|---|---|-------------------------|---|
| V | ٧ | ٧ | ٧ | V |
| V | V | F | F | F |
| V | F | V | F | F |
| V | F | F | V | V |
| F | V | V | V | F |
| F | V | F | F | V |
| F | F | V | F | V |
| F | F | F | V | F |

7. Negação ou Inversa

7.1

$$p \vee {\sim} p \equiv V$$

| р | $\sim p$ | <i>p</i> ∨ ~ <i>p</i> |
|---|----------|-----------------------|
| V | F | V |
| V | F | V |
| F | V | V |
| F | ٧ | V |

$$p \wedge {\sim} p \equiv F$$

| р | ~p | <i>p</i> ∧ ~ <i>p</i> |
|---|----|-----------------------|
| V | F | F |
| V | F | F |

| F | V | F |
|---|---|---|
| F | V | F |

8. Leis da implicação

8.1

$$(p \to q) \equiv (\sim p \lor q) \equiv \sim (p \land \sim q)$$

| р | q | $(p \rightarrow q)$ |
|---|---|---------------------|
| V | ٧ | V |
| V | F | F |
| F | V | V |
| F | F | V |

| р | q | ~p | $(\sim p \lor q)$ |
|---|---|----|-------------------|
| V | V | F | V |
| V | F | F | F |
| F | V | V | V |
| F | F | V | V |

| р | q | ~q | $\sim (p \land \sim q)$ |
|---|---|----|-------------------------|
| V | V | F | V |
| V | F | V | F |
| F | V | F | V |
| F | F | V | V |

8.2

$${\sim}(p \to q) \equiv (p \land {\sim} q)$$

| р | q | $(p \rightarrow q)$ | $\sim (p \to q)$ |
|---|---|---------------------|------------------|
| V | V | V | F |
| V | F | F | V |
| F | V | V | F |
| F | F | V | F |

| р | q | ~q | $(p \land \sim q)$ |
|---|---|----|--------------------|
| V | V | F | F |
| V | F | V | V |
| F | V | F | F |
| F | F | V | F |

9. Leis da Equivalência

$$(p \leftrightarrow q) \equiv (p \to q) \land (q \to p)$$

| р | q | $(p \leftrightarrow q)$ |
|---|---|-------------------------|
| V | V | V |
| V | F | F |
| F | V | F |
| F | F | V |

| р | q | $(p \rightarrow q)$ | $(q \rightarrow p)$ | $(p \to q) \land (q \to p)$ |
|---|---|---------------------|---------------------|-----------------------------|
| V | V | V | V | V |
| V | F | F | V | F |
| F | V | V | F | F |
| F | F | V | V | V |

9.2

$$\sim (p \leftrightarrow q) \equiv (p \leftrightarrow \sim q) \equiv (\sim p \leftrightarrow q)$$

| р | q | $(p \leftrightarrow q)$ | $\sim (p \leftrightarrow q)$ |
|---|---|-------------------------|------------------------------|
| V | V | V | F |
| V | F | F | V |
| F | V | F | V |
| F | F | V | F |

| р | q | ~q | $(p \leftrightarrow \sim q)$ |
|----------|---|----|------------------------------|
| V | V | F | F |
| V | F | V | V |
| F | V | F | V |
| F | F | V | F |

| р | q | ~p | $(\sim p \leftrightarrow q)$ |
|---|---|----|------------------------------|
| V | V | F | F |
| V | F | F | V |
| F | V | V | V |
| F | F | V | F |

10. Distributiva

$$p \vee (q \wedge r) \equiv (p \vee q) \wedge (p \vee r)$$

| р | q | r | $(q \wedge r)$ | $p \lor (q \land r)$ |
|---|---|---|----------------|----------------------|
| V | V | V | V | V |
| V | V | F | F | V |
| V | F | V | V | V |
| V | F | F | F | V |
| F | V | V | F | F |
| F | V | F | F | F |
| F | F | V | F | F |

| | | | | |
|------|------------|-----|-----|---|
| _ | _ | _ | _ | _ |
| | ⊢ I | L 1 | - | - |
| | | | l l | |

| р | q | r | $(p \lor q)$ | $(p \lor r)$ | $(p \lor q) \land (p \lor r)$ |
|---|---|---|--------------|--------------|-------------------------------|
| V | V | V | V | V | V |
| V | V | F | V | V | V |
| V | F | V | V | V | V |
| V | F | F | V | V | V |
| F | V | V | V | V | V |
| F | V | F | V | F | F |
| F | F | V | F | V | F |
| F | F | F | F | F | F |

10.2 $p \wedge (q \vee r) \equiv (p \wedge q) \vee (p \wedge r)$

| р | q | r | (<i>q</i> ∨ <i>r</i>) | $p \wedge (q \vee r)$ |
|---|---|---|-------------------------|-----------------------|
| V | V | V | V | V |
| V | V | F | V | V |
| V | F | V | V | V |
| V | F | F | F | F |
| F | V | V | V | F |
| F | V | F | V | F |
| F | F | V | V | F |
| F | F | F | F | F |

| р | q | r | $(p \land q)$ | $(p \wedge r)$ | $(p \land q) \lor (p \land r)$ |
|---|---|---|---------------|----------------|--------------------------------|
| V | V | V | V | V | V |
| V | V | F | V | F | V |
| V | F | V | F | V | V |
| V | F | F | F | F | F |
| F | V | V | F | F | F |
| F | V | F | F | F | F |
| F | F | V | F | F | F |
| F | F | F | F | F | F |

11. Leis de De Morgan

$${\sim}(p \vee q) \equiv {\sim}p \wedge {\sim}q$$

| р | q | $(p \lor q)$ | $\sim (p \lor q)$ |
|---|---|--------------|-------------------|
| V | V | V | F |
| V | F | V | F |
| F | V | V | F |
| F | F | F | V |

| р | q | ~p | ~q | $\sim p \land \sim q$ |
|---|---|----|----|-----------------------|
| V | V | F | F | F |
| V | F | F | V | F |
| F | V | V | F | F |
| F | F | V | V | V |

11.2

$${\sim}(p \land q) \equiv {\sim}p \lor {\sim}q$$

| р | q | $(p \wedge q)$ | $\sim (p \wedge q)$ |
|---|---|----------------|---------------------|
| V | V | V | F |
| V | F | F | V |
| F | V | F | V |
| F | F | F | V |

| р | q | ~p | ~q | ~ <i>p</i> ∨ ~ <i>q</i> |
|---|---|----|----|-------------------------|
| V | V | F | F | F |
| V | F | F | V | V |
| F | V | V | F | V |
| F | F | V | V | V |

12. Absorção

12.1

$$p \vee (p \wedge q) \equiv p$$

| р | q | $(p \wedge q)$ | $p \lor (p \land q)$ |
|---|---|----------------|----------------------|
| V | ٧ | V | V |
| V | F | F | ٧ |
| F | V | F | F |
| F | F | F | F |

12.2

$$p \wedge (p \vee q) \equiv p$$

| р | q | $(p \lor q)$ | $p \wedge (p \vee q)$ |
|---|---|--------------|-----------------------|
| V | V | V | V |
| V | F | V | V |
| F | V | V | F |
| F | F | F | F |

13. Lei da Contrapositiva

$$(p \to q) \equiv (\sim q) \to (\sim p)$$

| р | q | $(p \rightarrow q)$ |
|---|---|---------------------|
| V | V | V |
| V | F | F |
| F | V | V |
| F | F | V |

| р | q | ~q | ~p | $(\sim q) \to (\sim p)$ |
|---|---|----|----|-------------------------|
| V | V | F | F | V |
| V | F | V | F | F |
| F | V | F | V | V |
| F | F | V | V | V |

14. Lei da redução ao absurdo

$$p \to q \equiv (p \land \sim q) \to F$$

| р | q | $(p \rightarrow q)$ |
|---|---|---------------------|
| V | ٧ | V |
| V | F | F |
| F | V | V |
| F | F | V |

| р | q | ~q | $(p \land \sim q)$ | F | $(p \land \sim q) \to F$ |
|---|---|----|--------------------|---|--------------------------|
| V | V | F | F | F | V |
| V | F | V | V | F | F |
| F | V | F | F | F | V |
| F | F | V | F | F | V |