

Arhitectura Sistemelor de Calcul

Lect. Dr. Șotropa Diana
diana.sotropa@ubbcluj.ro

Facultatea de Matematică și Informatică
Universitatea Babeș-Bolyai





Analiza conceptului de depăşire (overflow)

Flag-uri

- Următoarele patru instrucțiuni sunt instrucțiuni de transfer al indicatorilor:
 - Instrucțiunea **LAHF** (Load register AH from Flags) copiază indicatorii SF, ZF, AF, PF și CF din registrul de flag-uri în biții 7, 6, 4, 2 și respectiv 0 ai registrului AH. Conținutul biților 5,3 și 1 este nedefinit. Indicatorii nu sunt afectați în urma acestei operații de transfer (în sensul că instrucțiunea LAHF nu este ea însăși generatoare de efecte asupra unor flag-uri – ea doar transferă valorile flag-urilor și atât).
 - Instrucțiunea **SAHF** (Store register AH into Flags) transferă biții 7, 6, 4, 2 și 0 ai registrului AH în indicatorii SF, ZF, AF, PF și respectiv CF, înlocuind valorile anterioare ale acestor indicatori.
 - Instrucțiunea **PUSHF** transferă toți indicatorii în vârful stivei (conținutul registrului Flags se transferă în vârful stivei). Indicatorii nu sunt afectați în urma acestei operații.
 - Instrucțiunea **POPF** extrage cuvântul din vârful stivei și transferă din acesta indicatorii corespunzători în registrul de flag-uri.
- Limbajul de asamblare pune la dispoziția programatorului niște instrucțiuni de setare a valorii indicatorilor de condiție, pentru ca programatorul să poată influența după dorință modul de acțiune a instrucțiunilor care exploatează flaguri.
- CLC (CF=0), CMC (CF = ~CF), STC (CF=1), CLD (DF=0), STD (DF=1)
- CLI, STI – actioneaza asupra flagului de intrerupere (IF). Funcționeaza efectiv doar in programarea sub 16 biti, aici la programarea sub 32 biti SO interzicand accesul la flag-ul de intreruperi.

Analiza conceptului de depășire (overflow)

• **CF (Carry Flag)** – flag pentru depășire FĂRĂ SEMN

- are valoarea 1 în cazul în care în cadrul ultimei operatii efectuate (UOE) s-a efectuat transport în afara domeniului de reprezentare a rezultatului si valoarea 0 in caz contrar

$1001\ 0011b +$ $0111\ 0011b$ <hr/> 1 0000 0110b	$147 +$ 115 <hr/> 262 (fără semn) CF=1	$93h +$ $73h$ <hr/> 106h (hexa)	$-109 +$ 115 <hr/> 06 (cu semn) OF=0
--	---	---------------------------------------	---

• **OF (Overflow Flag)** - flag pentru depășire CU SEMN

- dacă rezultatul ultimei instrucțiuni în interpretarea CU SEMN a operanzilor nu a încăput în spațiul rezervat operanzilor (intervalul de reprezentare admisibil), atunci acest flag va avea valoarea 1, altfel va avea valoarea 0.

Analiza conceptului de depășire (overflow)

- Definiție (generală, comprimată și incompletă).
 - O depășire este o condiție/situație matematică ce exprimă faptul că rezultatul unei operații nu a încăput în spațiul rezervat acestuia.
(nici -147 nu “încape” în intervalul [-128..+127] și nici pe un byte însă e mai dificil de intuit că definiția cuprinde și se referă și la acest caz...)
- Definiție mai exactă și completă:
 - La nivelul procesorului și a limbajului de asamblare o depășire este o condiție/situație matematică ce exprimă faptul că:
 - rezultatul UOE nu a încăput în spațiul rezervat acestuia
SAU
 - că acest rezultat nu aparține intervalului de reprezentare admisibil pe acea dimensiune de reprezentare
SAU
 - că operația efectuată este un nonsens matematic în respectiva interpretare (cu semn sau fără semn) și nu poate fi astfel acceptată drept o operație matematică corectă.

Analiza conceptului de depășire (overflow)

$1001\ 0011b +$ $1011\ 0011b$ <hr/> 1 0100 0110b (reprezentare binară)	$147 +$ 179 <hr/> 326 (interpretare fără semn)	$93h +$ $B3h$ <hr/> 146h (reprezentare hexa)	$-109 +$ -77 <hr/> - 186 (interpretare cu semn)
---	--	--	---

Care este nr MINIM de biți pe care se poate reprezenta 326 și -186?
 $326 \in [0,511]$ și $-186 \in [-256,255]$

Așadar numărul minim de biți pe care se pot reprezenta numerele este 9.

Ca urmare, TOATE operațiile de mai sus se desfășoară CORECT MATEMATIC pe 9 biți și operanții și rezultatele finale INCAP în spațiul rezervat, DACA operațiile se desfășoară pe 9 biți !!

Analiza conceptului de depășire (overflow)

$1001\ 0011b +$ $1011\ 0011b$ <hr/> 1 0100 0110b (reprezentare binară)	$147 +$ 179 <hr/> 326 (interpretare fără semn)	$93h +$ $B3h$ <hr/> 146h (reprezentare hexa)	$-109 +$ $- 77$ <hr/> - 186 (interpretare cu semn)
---	---	---	---

Insă din păcate, adunarea de mai sus se desfășoară la nivel de procesor pe 8 biți (deoarece în limbaj de asamblare avem că ADD b+b = b) și ca urmare dpdv MATEMATIC, aceasta NU se va desfășura corect pe 8 biți, nici 326 și nici -186 neîncăpând pe 1 octet !!

Acest lucru este semnalat SIMULTAN de către flag-urile CF (pt interpretarea fără semn) și respectiv OF (pt interpretarea CU semn), ambele flag-uri fiind setate la valoarea 1.

Prin setarea flag-urilor CF și OF la valoarea 1, procesorul ne transmite mesajul că ambele interpretări în baza 10 ale operației binare de adunare pe 1 byte sunt operații matematice incorecte !

Analiza conceptului de depășire (overflow)

$0101\ 0011b +$ $0111\ 0011b$ <hr/> $1100\ 0110b$ (reprezentare binară)	$83 +$ 115 <hr/> 198 (interpretare fără semn)	$53h +$ $73h$ <hr/> $C6h$ (reprezentare hexa)	$83 +$ 115 <hr/> 198 (interpretare cu semn)
---	---	---	---

198 este rezultatul corect în baza 10 pentru ambele interpretări ale OPERANZILOR binari din adunarea de mai sus, INSA trebuie să vedem acum dacă rezultatul începe pe 8 biți (DA – începe, de aceea vom avea CF=0) și respectiv dacă rezultatul operației binare în interpretarea cu semn este unul consistent cu corectitudinea operației matematice efectuate (NU este, deoarece $1100\ 0110b = -58$ NU este un număr pozitiv în interpretarea CU semn !), deci OF=1

Analiza conceptului de depășire (overflow)

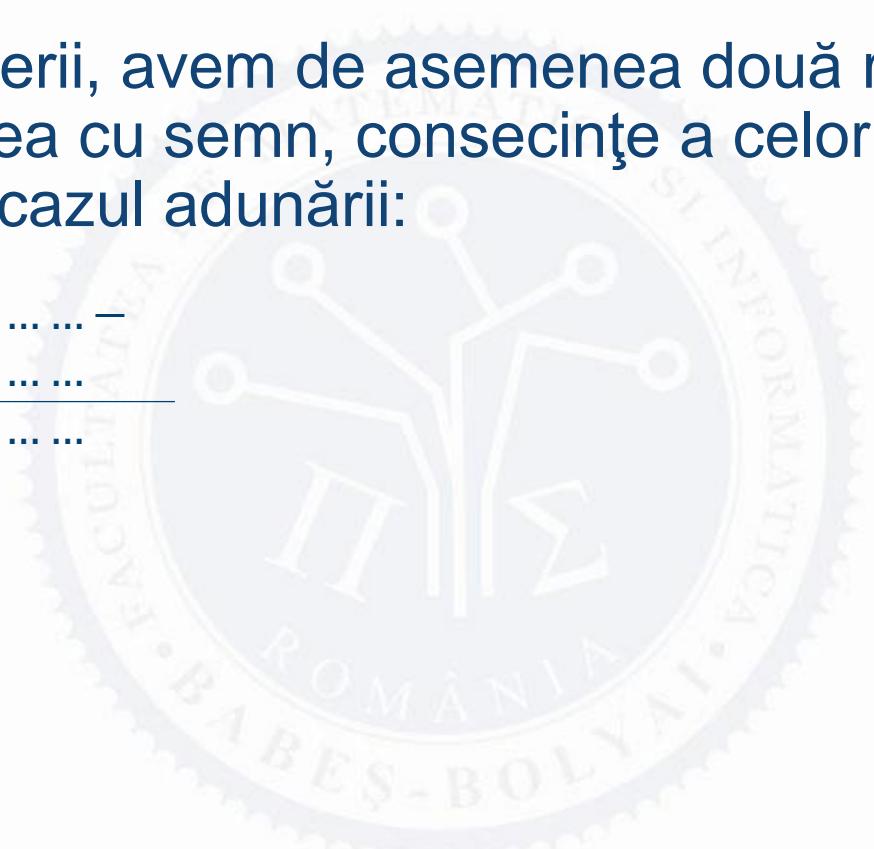
- OF va fi setat la valoarea 1 (*signed overflow*) dacă pentru operația de adunare ne aflăm în una din următoarele două situații (regulile de depășire la adunare pentru interpretarea cu semn). Sunt singurele două situații care provoacă depășire la **adunare** în interpretarea cu semn:

$$\begin{array}{r} 0 \dots \dots + \\ 0 \dots \dots \\ \hline 1 \dots \dots \end{array} \qquad \begin{array}{r} 1 \dots \dots + \\ 1 \dots \dots \\ \hline 0 \dots \dots \end{array}$$

Analiza conceptului de depășire (overflow)

- În cazul scăderii, avem de asemenea două reguli de depășire în interpretarea cu semn, consecințe a celor două reguli de la depășirea în cazul adunării:

$$\begin{array}{r} 1 \dots \dots - \\ 0 \dots \dots \\ \hline 0 \dots \dots \end{array} \qquad \begin{array}{r} 0 \dots \dots - \\ 1 \dots \dots \\ \hline 1 \dots \dots \end{array}$$



Analiza conceptului de depășire (overflow)

$\begin{array}{r} \textcolor{red}{1} \ 0100\ 0110b \\ - \\ 1100\ 1000b \\ \hline 1001\ 1010b \end{array}$	$\begin{array}{r} 98 \\ - \\ 200 \\ \hline -102 \end{array}$	$\begin{array}{r} 62h \\ - \\ C8h \\ \hline 9Ah \end{array}$	$\begin{array}{r} 98 \\ - \\ -\ 56 \\ \hline 154 \end{array}$
(reprezentare binară)	(interpretare fără semn a operanzilor)	(reprezentare hexa)	(interpretare cu semn a operanzilor)

- REZULTATELE MATEMATICE CORECTE sunt precizate mai sus ignorând INTERPRETAREA în vreun fel a configurației binare 1001 1010b
- Însă, dacă luăm în considerare și interpretările REZULTATULUI obținut în program, avem din păcate :

$\begin{array}{r} \textcolor{red}{1} \ 0100\ 0110b \\ - \\ 1100\ 1000b \\ \hline 1001\ 1010b \end{array}$	$\begin{array}{r} 98 \\ - \\ 200 \\ \hline 154 \end{array}$	$\begin{array}{r} 62h \\ - \\ C8h \\ \hline 9Ah \end{array}$	$\begin{array}{r} 98 \\ - \\ -\ 56 \\ \hline -102 \end{array}$
(reprezentare binară)	(interpretare fără semn) CF=1	(reprezentare hexa)	(interpretare cu semn) OF=1

- Ambele interpretări ale rezultatului obținut în baza 2 SUNT INCORECTE MATEMATIC, deci CF și OF vor fi ambele setate la valoarea 1.

Analiza conceptului de depășire (overflow)

- **Operatia de înmulțire NU furnizează depășire la nivelul arhitecturii 80x86**, spațiul rezervat pt rezultat fiind suficient pentru ambele interpretări
- Pentru a nu rămâne neutilizate flag-urile CF și OF în cazul înmulțirii s-a luat decizia ca:
 - în cazul în care în cadrul operației de înmulțire dimensiunea rezultatului se întâmplă să fie identică cu cea a operanzilor **($b^*b = b$, $w^*w = w$ sau $d^*d = d$)** flag-urile CF și OF să fie setate ambele la valoarea 0 (**« no multiplication overflow »**, **CF = OF = 0**),
 - iar dacă avem în mod real una dintre situațiile **$b^*b = w$, $w^*w = d$, $d^*d = qword$** , atunci **CF = OF = 1** (**« multiplication overflow »**).

Analiza conceptului de depășire (overflow)

- Cel mai grav efect al unei situații de depășire se manifestă în cazul împărțirii: în cazul acestei operații, dacă câtul obținut nu încape în spațiul rezervat

(spațiul rezervat de către asamblor fiind byte pentru împărțire word/byte, word pentru împărțire doubleword/word și respectiv doubleword pentru împărțire quadword/doubleword)

→ se va semnala situație de « **depășire la împărțire** » cu efectul '**Run-time error**' și cu emiterea din partea sistemului de operare a unuia dintre cele 3 mesaje echivalente :

- ‘Divide overflow’, ‘Division by zero’ sau ‘Zero divide’.
- În cazul unei împărțiri care se efectuează corect, adică fără a se semnala depășire, CF și OF sunt nedefinite. Dacă avem însă depășire, programul « crapă », execuția lui se încheie, deci practic nu mai are nici un sens pentru nimeni să se întrebe ce valoare au la acel moment flag-urile CF și OF...

Analiza conceptului de depășire (overflow)

w / b -> b

$1002 / 3 = 334$ = situație de depășire (overflow) în cazul împărțirii => **Division by zero**

Oare DE CE se emite un astfel de mesaj care sugerează împărțirea la zero cu toate că aici am împărțit la 3 ?

Analiza conceptului de depășire (overflow)

De ce am nevoie SIMULTAN de CF și OF în EFLAGS ?
Nu ajunge un singur flag pt a îmi arăta PE RAND daca am sau nu depășire fie în interpretarea cu semn fie în cea fără semn ?

Analiza conceptului de depășire (overflow)

DE CE AM NEVOIE DE IMUL si IDIV ?





FACULTATEA DE MATEMATICĂ ȘI INFORMATICĂ
UNIVERSITATEA BABEŞ-BOLYAI

Str. Mihail Kogălniceanu nr. 1
Cluj-Napoca, Cluj, România

www.cs.ubbcluj.ro