

# アドバンスト CG

## 第5回レポート

学籍番号：201811411  
所属：情報学群情報メディア創成学類  
氏名：加藤虎之介  
2021年5月27日

### 1 実行環境

#### 1.1 実行に用いた OS

macOS Big Sur ver11.3.1

#### 1.2 プログラム起動時に表示される情報

OpenGL version: 4.1 ATI-4.4.17  
GLSL version: 4.10  
Vendor: ATI Technologies Inc.  
Renderer: AMD Radeon Pro 5300M OpenGL Engine

### 2 課題 A

#### 2.1 修正したソースコード

##### 2.1.1 Affine Deformations の実装

Code 1 affineDeformation

```
1 glm::vec2 rxMeshDeform2D::affineDeformation(const glm::vec2 &v, const glm::vec2 &pc,  
    const glm::vec2 &q, const double alpha)  
2 {  
3     // TODO:この部分で 入力頂点座標 $v$  と 制御点座標 $p, q$  から入力頂点の変形後の座標を計算するコードを書く  
4     // - 横ベクトル×行列の計算部分は  
    glmのオペレータ*は使わない方がよい (glmは縦ベクトルを前提としている)
```

```

5      // -
       $A_j$  を計算してから変形後の座標を計算するのでも、スライド  $p_{43}$  の式を直接計算するのでもどちらでも OK

6      // ( $A_j$  の前計算は今回は行わないでもよい)
7      //
8      // - 制御点でループして相対座標を計算するまでのコード例:
9
10     //  $A_j$  の逆行列部分の計算
11     glm::mat2 WP = glm::mat2(0.f);
12     for (size_t k = 0; k < m_iNfix; k++) // 制御点数 ( $m_{iNfix}$ ) でループを回す
13     {
14         int i = m_vFix[k]; // 制御点の頂点インデックス
15
16         // 重み
17         const glm::vec2 &p = m_vP[i];
18         // 固定点と計算点の間の距離に基づく重み
19         double dist = glm::length2(p - v);
20         float w = (dist > 1.0e-6) ? 1.0f / pow(dist, 2.0f * alpha) : 0.0f;
21         // 重心を中心とした制御点の相対座標
22         const glm::vec2 p_hat = p - pc;
23
24         WP[0][0] += p_hat.x * w * p_hat.x;
25         WP[0][1] += p_hat.y * w * p_hat.x;
26         WP[1][0] += p_hat.x * w * p_hat.y;
27         WP[1][1] += p_hat.y * w * p_hat.y;
28     }
29
30     // 行列式
31     double det = glm::determinant(WP);
32     // 正則性のチェック
33     if (det < 1.0e-6)
34     {
35         return v;
36     }
37     // 逆行列の計算
38     glm::mat2 invWP = glm::inverse(WP);
39
40     //  $f_a(v)$  を計算
41     glm::vec2 fa = glm::vec2(0.f);
42     for (int k = 0; k < m_iNfix; ++k)
43     {
44         // 制御点数 ( $m_{iNfix}$ ) でループを回す
45         int j = m_vFix[k]; // 制御点の頂点インデックス
46
47         // 重心を中心とした制御点の相対座標
48         // 各頂点の座標は配列  $m_vP$  と  $m_vX$  に格納されている (それぞれ初期形状と変形後の形状)
49         const glm::vec2 p_hat = m_vP[j] - pc; // 初期形状での座標

```

```

49         const glm::vec2 q_hat = m_vX[j] - qc; // 変形後の座標
50
51         // 固定点と計算点の間の距離に基づく重み
52         const glm::vec2 p = m_vP[j];
53         double dist = glm::length2(p - v);
54         float w = (dist > 1.0e-6) ? 1.0f / pow(dist, 2.0f * alpha) : 0.0f;
55
56         //  $A_j$  を計算する
57         glm::vec2 B = v - pc;
58         float A = w * ((B.x * invWP[0].x + B.y * invWP[0].y) * p_hat.x + (B.x
                    * invWP[1].x + B.y * invWP[1].y) * p_hat.y);
59
60         fa += A * q_hat;
61     }
62
63     // 変形後の頂点  $v$  の座標
64     fa += qc;
65
66     return fa;
67 }

```

---

### 2.1.2 Similarity Deformations の実装

Code 2 similarityDeformation

```

1 glm::vec2 rxMeshDeform2D::similarityDeformation(const glm::vec2 &v, const glm::vec2 &pc
2     , const glm::vec2 &qc, const double alpha)
3 {
4     // TODO:この部分で 入力頂点座標  $v$  と 制御点座標  $p, q$  から入力頂点の変形後の座標を計算するコードを書く
5     // - 横ベクトル×行列の計算部分は
6     //    $glm$  のオペレータ  $*$  は使わない方がよい ( $glm$  は縦ベクトルを前提としている)
7     // -  $\mu_s$  を先に計算してから変形後の頂点位置を計算
8     // - 行列  $A_i$  の前計算は今回は行わないでもよい
9
10    //  $\mu_s$  を計算
11    float ms = 0.0f;
12    for (size_t k = 0; k < m_iNfix; k++)
13    {
14        int i = m_vFix[k];
15        const glm::vec2 p = m_vP[i];
16        const glm::vec2 p_hat = p - pc;
17
18        // 重み  $w$ 
19        double dist = glm::length2(p - v);
20        float w = (dist > 1.0e-6) ? 1.0f / pow(dist, 2.0f * alpha) : 0.0f;

```

```

20         //  $\mu s$  に加算
21         ms += w * (p_hat.x * p_hat.x + p_hat.y * p_hat.y);
22     }
23
24     //  $fs(v)$  を計算
25     glm::vec2 fsv = glm::vec2(0.0f);
26
27     glm::vec2 vecVPc = v - pc;
28     glm::mat2 matVPc;
29     matVPc[0][0] = vecVPc.x;
30     matVPc[0][1] = vecVPc.y;
31     matVPc[1][0] = vecVPc.y;
32     matVPc[1][1] = -vecVPc.x;
33     glm::mat2 trnsMatVPc = glm::transpose(matVPc);
34
35     for (int k = 0; k < m_iNfix; k++)
36     {
37         int i = m_vFix[k];
38         const glm::vec2 p = m_vP[i];
39         const glm::vec2 p_hat = p - pc;
40         const glm::vec2 q_hat = m_vX[i] - qc;
41
42         // 重み $w$ 
43         double dist = glm::length2(p - v);
44         float w = (dist > 1.0e-6) ? 1.0f / pow(dist, 2.0f * alpha) : 0.0f;
45
46         // 変位行列 $A$ 
47         glm::mat2 matP;
48         matP[0][0] = p_hat.x;
49         matP[0][1] = p_hat.y;
50         matP[1][0] = p_hat.y;
51         matP[1][1] = -p_hat.x;
52
53         glm::mat2 A = w * matP * trnsMatVPc;
54
55         // 加算
56         fsv += glm::transpose((1.0f / ms) * A) * q_hat;
57     }
58     // 変形後の頂点 $v$ の座標
59     fsv += qc;
60
61     return fsv;
62 }

```

---

### 2.1.3 Rigid Deformations の実装

---

```

1  glm::vec2 rxMeshDeform2D::rigidDeformation(const glm::vec2 &v, const glm::vec2 &pc,
      const glm::vec2 &q, const double alpha)
2  {
3      // TODO:この部分で 入力頂点座標 $v$  と 制御点座標 $p, q$  から入力頂点の変形後の座標を計算するコードを書く
4      // - 横ベクトル×行列の計算部分は
      //   ル $glm$ のオペレータ $*$ は使わない方がよい ( $glm$ は縦ベクトルを前提としている)
5      // -  $\mu f$ を先に計算してから変形後の頂点位置を計算
6      // - 行列 $A_i$ の前計算は今回は行わないでもよい
7
8      //  $\mu f$ を計算
9      //  $mf = \sqrt{A^2 + B^2}$ とする
10     float A = 0.0f;
11     float B = 0.0f;
12     for (size_t k = 0; k < m_iNfix; k++)
13     {
14         int i = m_vFix[k];
15         const glm::vec2 p = m_vP[i];
16         const glm::vec2 p_hat = p - pc;
17         const glm::vec2 q_hat = m_vX[i] - q;
18
19         // 重み $w$ 
20         double dist = glm::length2(p - v);
21         float w = (dist > 1.0e-6) ? 1.0f / pow(dist, 2.0f * alpha) : 0.0f;
22
23         A += w * (q_hat.x * p_hat.x + q_hat.y * p_hat.y);
24         B += w * (q_hat.x * -p_hat.y + q_hat.y * p_hat.x);
25     }
26     const float mf = glm::sqrt(A * A + B * B);
27
28     //  $fr(v)$ を計算
29     glm::vec2 frv = glm::vec2(0.0f);
30
31     glm::vec2 vecVPc = v - pc;
32     glm::mat2 matVPc;
33     matVPc[0][0] = vecVPc.x;
34     matVPc[0][1] = vecVPc.y;
35     matVPc[1][0] = vecVPc.y;
36     matVPc[1][1] = -vecVPc.x;
37     glm::mat2 trnsMatVPc = glm::transpose(matVPc);
38
39     for (int k = 0; k < m_iNfix; k++)
40     {
41         int i = m_vFix[k];
42         const glm::vec2 p = m_vP[i];

```

```

43         const glm::vec2 p_hat = p - pc;
44         const glm::vec2 q_hat = m_vX[i] - qc;
45
46         // 重み $w$ 
47         double dist = glm::length2(p - v);
48         float w = (dist > 1.0e-6) ? 1.0f / pow(dist, 2.0f * alpha) : 0.0f;
49
50         // 変位行列 $A$ 
51         glm::mat2 matP;
52         matP[0][0] = p_hat.x;
53         matP[0][1] = p_hat.y;
54         matP[1][0] = p_hat.y;
55         matP[1][1] = -p_hat.x;
56
57         glm::mat2 A = w * matP * trnsMatVPc;
58
59         // 加算
60         frv += glm::transpose((1.0f / mf) * A) * q_hat;
61     }
62
63     // 変形後の頂点 $v$ の座標
64     frv += qc; // ここの書き換えること
65
66     return frv;
67 }

```

---

## 2.2 実行結果

格子状メッシュかつ、alpha=1.00 の条件でプログラムを実行した結果は以下ようになった。

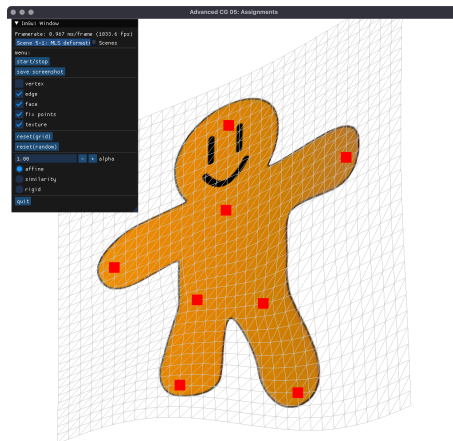


図 1 Affine Deformation の実行結果

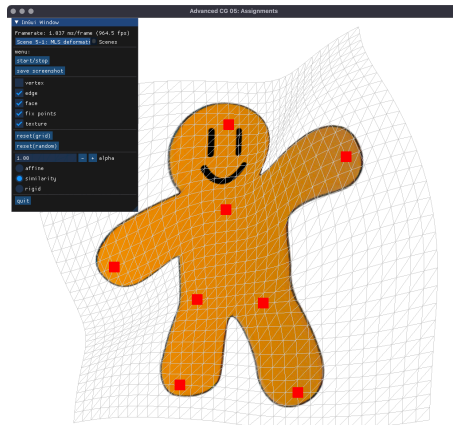


図 2 Similarity Deformation の実行結果

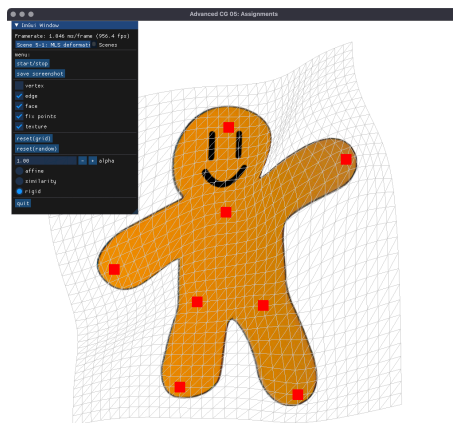


図 3 Rigid Deformation の実行結果