# 計算機科学実験 レポート3

### 1029-28-9483 勝田 峻太朗

## 2018年11月14日

## 目 次

課題8 (仮想機械コード生成: 必須)	3
補助的な値, 関数	4
Vm.exp への変換	5
- 引数	5
F.CompExp の変換	5
課題 9 (必須: ARM コード生成)	5
実装の方針	5
具体的な実装	6
Vm.Call の変換	6
Malloc の変換	7
課題 10 (必須: バックエンドの移植)	8
C 言語への変換の方針	
代入文	
label と goto 文	
クロージャと関数呼び出し....................................	8
C 言語の構造の定義	10
VM コードから C 言語への変換	11
コマンドラインオプション	13
	10
	13
到達可能定義解析	
解析器の定義	14
課題 12 (任意: レジスタ機械コード生成)	15
実装の方針	
フレームの管理	
プログラムの構造	
trans_decl	
process_block	
機能: スワップ	
(競形: ヘソック	22
課題 13 (任意: ARM コード生成その 2)	23
	23
プログラムの構造....................................	
補助的な関数, 値	
APM コードへの変換問数	24

課題	題 14 (任意: 最適化)	<b>2</b> 5
	無駄な命令の除去 1 - simple_elim	25
	定数畳み込みとコピー解析 - constant_folding	26
	実装の方針 ....................................	26
	無駄な命令の除去 2 - dead_elim	28
	コマンドラインオプション	28
	<b>実行谏度とベンチマークテスト</b>	20

## 課題8 (仮想機械コード生成: 必須)

vm.mlの trans 関数を完成させることにより、フラット表現から仮想機械コードへの変換を実現しなさい.

```
vm.ml
    (* ==== 仮想機械コードへの変換 ==== *)
   let label_of_id (i: F.id): label = i
   let trans_decl (F.RecDecl (proc_name, params, body)): decl =
     (* convert function names to label *)
     let proc_name' = label_of_id proc_name in
     (* generate new id *)
     let fresh_id_count = ref 0 in
     let fresh id () =
10
       let ret = !fresh_id_count in
11
       fresh_id_count := ret + 1;
       ret in
13
     (* >>> association between F. Var and local(id)s >>> *)
     let var_alloc = ref (MyMap.empty: (F.id, id) MyMap.t) in
     let append_local_var (id: F.id) (op: id) = var_alloc := MyMap.append id op !var_alloc in
16
     let convert_id i =
17
       match MyMap.search i !var_alloc with
        | Some x \rightarrow x
19
        | None -> let new_id: id = fresh_id () in
20
         append_local_var i new_id;
         new_id in
22
     let operand_of_val v =
23
       match v with
       | F.Var id -> Local(convert_id id)
       | F.Fun id -> Proc(id)
26
        | F.IntV i -> IntV i in
      (* get number of local var (that need to be allocated) *)
     let n local var () = List.length(MyMap.to list !var alloc) in
29
     (* <<< association\ between\ F. Var\ and\ local(id)s <<< *)
     (* >>> remember loop >>> *)
     let loop_stack = ref ([]: (id * label) list) in
32
     let push_loop_stack (i, 1) = loop_stack := (i, 1) :: !loop_stack in
     let pop_loop_stack () =
34
       match !loop_stack with
35
       | hd :: tl -> hd
        | [] -> (114514, "temp_label") in
37
     (* <<< remember loop <<< *)
38
     let rec trans_cexp id ce: instr list =
39
       match ce with
        | F.ValExp(v) -> [Move(convert_id id, operand_of_val v)]
41
        | F.BinOp(op, v1, v2) -> [BinOp(convert_id id, op, operand_of_val v1, operand_of_val v2)]
42
```

```
| F.AppExp(v, v1) -> [Call(convert id id, operand of val v, List.map operand of val v1)]
43
        | F.IfExp(v, e1, e2) ->
44
         let new_label1 = "lab" ^ string_of_int(fresh_id ()) in
         let new label2 = "lab" ^ string of int(fresh id ()) in
46
         let e2' = trans_exp e2 [] ~ret:id in
47
         let e1' = trans_exp e1 [] ~ret:id in
          [BranchIf(operand_of_val v, new_label1)] @ e2' @ [Goto(new_label2); Label(new_label1)] @ e1' @ [L
49
        | F.TupleExp(vl) -> [Malloc(convert_id id, List.map operand_of_val vl)]
50
        | F.ProjExp(v, i) -> [Read(convert_id id, operand_of_val v, i)]
     and trans_exp (e: F.exp) (accum_instr: instr list) ?(ret="default"): instr list =
52
       match e with
       | F.CompExp(ce) ->
         if ret = "default" then
55
           let return_id: F.id = "ret" ^ (string_of_int (fresh_id())) in
56
            (match ce with
            | F.ValExp(Var id) -> accum_instr @ [Return(operand_of_val (F.Var id))]
58
             | _ -> let ret_assign_instr = trans_cexp return_id ce in
59
               accum_instr @ ret_assign_instr @ [Return(operand_of_val (F.Var return_id))])
         else let ret_assign_instr = trans_cexp ret ce in
61
           accum_instr @ ret_assign_instr
62
        | F.LetExp(id, ce, e) ->
63
         let instr' = accum_instr @ trans_cexp id ce in
64
         instr' @ trans_exp e [] ~ret
65
        | F.LoopExp(id, ce, e) ->
         let loop_label = "loop" ^ (string_of_int (fresh_id ())) in
67
         push_loop_stack (convert_id id, loop_label);
         trans_cexp id ce @ [Label (loop_label)] @ trans_exp e [] ~ret:"default"
69
        | F.RecurExp(v) ->
70
         let (id, loop_lab) = pop_loop_stack () in
71
          [Move(id, operand_of_val v); Goto(loop_lab)]
72
     in ProcDecl(proc_name', n_local_var (), trans_exp body [] ~ret:"default")
73
74
    (* entry point *)
75
   let trans = List.map trans_decl
```

#### 補助的な値,関数

var\_alloc: (F.id, id) MyMap.t 平滑化後の id と,Vm.id の関係を保持する. 変換後のこの Map の長さが,必要な local 変数の数となる.

**convert\_id:** F.id -> id id の変換を行う. var\_alloc にすでに変換が存在すればそれを返し, なければ, 新しい id を生成し,var alloc に記録する.

operand\_of\_val: F.value -> operand 値の変換を行う.

loop stack 現在どの loop 文にいるかを保持する.

trans\_cexp: F.id -> F.cexp -> instr list cexp の変換を行う. F.cexp を F.id に代入するような命令列を生成する.

#### Vm.exp への変換

変換は,trans\_exp で行う.

#### 引数

e: F.exp 変換対象の F.exp

accum\_instr: inst\subsur list toplevel に来る表現を持ち回るための引数. [] ret: F.id 変換後の表現が返り値となる場合,"default"が入れられ, 変換後の表現がある id'が代入される場合はその id が入力される.

#### F.CompExp の変換

trans\_expに F.CompExp(cexp) が入力されたとき

- ret="default"であったとき
   Return を通じて,cexp が返り値となる.
- ret="some\_id"であったとき,
   trans\_cexp を用いて,cexp を some\_id に代入する命令列を生成する.

## 課題9 (必須: ARM コード生成)

 $arm\_noreg.ml$  の codegen 関数を完成させることにより、仮想機械コードから ARM アセンブリコードを生成しなさい.

#### 実装の方針

gen\_decl において、各 Vm.ProcDecl を受け取り、ARM コードに変換していく. gen\_decl の内部では、各 Vm.instr に対して順番に変換を施して行く. 最後に変換後の命令の最初と最後に、呼び出し規約に従った適切な命令を追加し、返す.

arm\_stmts: Arm\_spec.stmt list ref gen\_decl の内部で, 生成した命令をここに順番に追加していく. stmt\_instr: V.instr -> unit Vm.instr を受け取り,arm\_stmts に適切な命令を追加する.

手順としては,以下の用に処理する.

```
(* convert main instrs (store to arm_stmts) *)
List.iter stmt_instr instrs;
[ Dir(D_align 2); Dir(D_global name);
  Label name;
] @
[(* step3: save fp *)
  Instr(Str(Fp, RI(Sp, -4)));
  (* step4: save lr *)
  Instr(Str(Lr, RI(Sp, -8)));
```

```
Instr(Sub(Fp, Sp, I 4)); Instr(Sub(Sp, Sp, I ((nlocal + 4) * 4)))] @
!arm_stmts @
[
    Label (name ^ "_ret");
    Instr(Add(Sp, Fp, I 4));
    (* step8: reset return address *)
    Instr(Ldr(Lr, RI(Fp, -4)));
    (* Step10: reset fp *)
    Instr(Ldr(Fp, RI(Fp, 0)));
    Instr(Bx(Lr))
]
```

#### 具体的な実装

呼び出し規約に関わる部分について,説明をする.

#### Vm.Call の変換

以下のようなステップに従って行う.

- 1. 関数クロージャは、常に第1パラメータにあるので、それを取り出しておく.
- 2. 関数の引数は、常に第2パラメータにあり、それを取り出しておく.
- 3. A1, A2 レジスタの値をフレームに退避し,A1,A2 にそれぞれ 1,2 で取り出した関数クロージャと引数を設定する.
- 4. 関数ポインタを適当なレジスタにおき、そこにジャンプする.
- 5. 戻ってきたら, 返り値は A1 レジスタに入っている. A1 レジスタの値を, 適当なレジスタに移し, 一時保存しておく.
- 6. A1,A2 レジスタの値を復旧する.
- 7. 一時保存した返り値を,適切なフレーム条の,local 変数に格納する.

(\* step6: move \$sp (n+5) words down \*)

```
| V.Call(id, op, opl) ->
 let f = List.hd opl in
 let x = List.hd (List.tl opl) in
 let result_r = V6 in
 let pointer_r = V4 in
 append_stmt(
    (* step1: save A1, A2 registers to memory, set new arguments to A1, A2 registers *)
    [Instr(Str(A1, RI(Sp, 0))); Instr(Str(A2, RI(Sp, 4)));] @ (gen_operand A1 f) @ (gen_operand A2
    (* set function pointer to register r *)
    (gen_operand pointer_r op) @
    Γ
      (* step2: jump to function head *)
     Instr(Blx(pointer r));
      (* === preprogrammed in function === *)
      (* step3: save fp *)
      (* step4: save lr *)
      (* step5: update fp ($fp <- $fp + 4) *)
```

```
(* step7: run function *)
  (* step8: reset return address *)
  (* Step9: reset sp *)
  (* Step10: reset fp *)
  (* Step11: go back to main function *)
  (* === preprogrammed in function === *)

  (* Step12: store result *)
  Instr(Mov(result_r, R A1));
  (* Step13: reset 2 arguments *)
  Instr(Ldr(A1, RI(Sp, 0))); Instr(Ldr(A2, RI(Sp, 4)));
  (* move answer to specified local var *)
  Instr(Str(result_r, local_access id))
]
);
```

#### Malloc の変換

Malloc は以下の手順にしたがって行われる. mymalloc の呼び出し部分についてはほとんど Call と同じである.

- 1. 確保する必要がある領域の大きさを A1 に格納する.
- 2. Call と同じように mymalloc を呼び出す.
- 3. A1 にある結果 (確保した領域の先頭へのポインタ) を適当なレジスタに一時的に避難する.
- 4. A1,A2 レジスタの値を復旧する.
- 5. 結果を適切なフレーム上の local に格納する.
- 6. ヒープ上に保持するべき値を,順番にヒープ上にストアしていく.

```
| V.Malloc(id, opl) ->
      let alloc_size = List.length opl in
      let r = V7 in
      let r2 = V1 in
      append_stmt(
        Γ
         Instr(Str(A1, RI(Sp, 0)));
         Instr(Str(A2, RI(Sp, 4)));
        (gen_operand A1 (V.IntV alloc_size)) @
          (* jump to function head *)
          Instr(Bl "mymalloc");
          (* Step12: store result *)
          Instr(Mov(r, R A1));
          (* Step13: reset 2 arguments *)
          Instr(Ldr(A1, RI(Sp, 0)));
          Instr(Ldr(A2, RI(Sp, 4)));
          (* move address of allocated block to specified local var *)
          Instr(Str(r, local_access id))
        ٦
```

## 課題10 (必須: バックエンドの移植)

ARM アセンブリコードではなく C 言語コードへ変換するコード生成器を作成し、性能比較を行いなさい.

#### C言語への変換の方針

} closure;

```
代入文
<type_of_src> dst = src
ただし,<type_of_src> には,"closure"(クロージャ), "int"(数), "int*"(配列), ""(すでに定義されている)
のいずれかが入る.
例として、ソースコードの変換結果はソースコードのようななる.
let a = 3 in let b = a in 0;;
int main(){
int var00 = 3;
int var10 = var00;
int var30 = 0;
printf("%d\n", var30);
return 0;
}
label と goto 文
<labelname>:;
<some operation>
<some operation>
goto <labelname>;
のような形で、C 言語の goto 文を用いて実装する.
クロージャと関数呼び出し
クロージャは、以下のような struct を用いて実装した.
typedef struct{
   int (*f)(const int*, const int);
   int* vars;
   int length;
```

f は、第1要素目の関数ポインタ (クロージャの第0要素)を表し、vars は、スコープ外変数の列 (クロージャの第1要素以降)を表す. length は、vars の長さを保持する.(ただし実装では用いられていない.)

また、混乱を避けるため、クロージャの第1要素は vars の第0要素ではなく、第1要素に格納される.

例えば、ソースコードは、ソースコードのように変換される.

```
let a = 1 in let b = 2 in let rec f x = x + a + b in f 5;
#include <stdio.h>
#include <stdlib.h>
typedef struct{
    int (*f)(const int*, const int);
    int* vars;
    int length;
} closure;
int _b__recf10(const int *param_0, const int param_1){
int var02 = param_0[2];
int var12 = param_1;
int var21 = param_0[1];
int var32 = var12 + var02;
int var51 = var32 + var21;
return var51;
}
int main(){
int var03 = 1;
int var13 = 2;
closure var22;
var22.f = _b_recf10;
var22.length = 3;
int params[3];
params[1] = var13;
params[2] = var03;
var22.vars = params;
closure var33 = var22;
int var40 = 5;
int (*var52)(const int*, const int);
var52 = var33.f;
int var70 = var52(var33.vars, var40);
printf("%d\n", var70);
return 0;
}
```

#### C言語の構造の定義

C 言語上で使用する命令を,  $c_{spec.ml}$  において, 定義した.

```
(* variable names *)
type id = string
type label = string
type imm = int
type binop = Syntax.binOp
type ty =
  | Int
  | Closure
  | Tuple
  | Defined
type op =
  | Var of id
  | Imm of imm
type exp =
  | Decl of ty * id * op (* int id = op *)
  | Exp of op (* operand *)
  | Bin of id * binop * exp * exp
  | If of op * exp
  | Write of id * int * op (* id[i] = op *)
  | Return of op (* return op *)
  | Print of op
  | Read of id * op * int (* id = op[int] *)
  | Label of label
  | Goto of label
  | Call of id * id * id * op (* id = id(id.vars, x) *)
  | DeclareTuple of id * int
  | SetTupleValue of id * int * op
  | DeclareClosure of id (* closure aru_closure; *)
  | SetClosurePointer of id * label (* aru_closure.f = b__recf00 *)
  | SetClosureLength of id * int (* aru_closure.length = 2 *)
  | DeclareClosureParams of int (* int params[i]; *)
  | StoreClosureParams of int * op (* params[i] = op *)
  | SetClosureParams of id (* aru_closure.vars = params *)
  | DeclarePointer of id
  | AssignPointer of id * id (* id = id.f *)
  Exit
type funct = Funct of id * (id list) * (exp list)
```

#### VM コードから C 言語への変換

```
ただし、ref型の値は以下の内容を持つ.
var_assoc Vm.idか idへの変換を保持する.
closure_var 中身がクロージャである id 集合を保持する.
tuple_var 中身が (クロージャではなく)tuple である id 集合を保持する.
defined_var すでに定義された変数集合を保持する.
let c_of_decl (Vm.ProcDecl(lbl, local_var, instr_list)): funct =
  (* helper definitions and functions *)
 let var_assoc = ref (MyMap.empty: (V.id, id) MyMap.t) in
 let closure_var = ref (MySet.empty: id MySet.t) in
 let tuple_var = ref (MySet.empty: id MySet.t) in
 let defined_var = ref (MySet.empty: id MySet.t) in
 let id_is_closure (id: id) = MySet.member id !closure_var in
 let id_is_tuple (id: id) = MySet.member id !tuple_var in
 let id_is_defined (id: id) = MySet.member id !defined_var in
 let op_is_closure = function
    | Var id -> id_is_closure id
    | Imm _ -> false in
 let op_is_tuple = function
    | Var id -> id_is_tuple id
    | Imm _ -> false in
 let append_closure id = closure_var := MySet.insert id !closure_var in
 let append_tuple id = tuple_var := MySet.insert id !tuple_var in
  let append_defined id = defined_var := MySet.insert id !defined_var in
 let convert_id id =
   match MyMap.search id !var_assoc with
    | Some id' -> id'
    | None -> let id' = fresh_var (string_of_int id) in
     var_assoc := MyMap.append id id' !var_assoc;
     id' in
  let id_of_op op =
   match op with
    | V.Local id -> convert_id id
    | _ -> err "id_of_exp: unexpected input" in
 let convert_op op =
   match op with
    | V.Param i -> if i = 0 then Var paramO_name
     else Var param1_name
    | V.Local id -> Var (convert_id id)
    | V.IntV i -> Imm i
    | V.Proc 1 -> Var ("unexpected_" ^ 1) in
  (* end helper definition and functions *)
  let rec c_of_instr instr =
   match instr with
    | V.Move(id, op) ->
```

VM コードから  $c_{pec.ml}$  で示した C 言語の構造への変換は  $c_{of_{decl}}$  関数を用いて行った.

```
let id' = convert id id in
 let op' = convert_op op in
 let id_was_defined = id_is_defined id' in
 let is closure = op is closure op' in
 let is_tuple = op_is_tuple op' in
 if is_closure then append_closure id';
 if is_tuple then append_tuple id';
 append_defined id';
 let ty = if id_was_defined then Defined
    else (if is_closure then Closure else if is_tuple then Tuple else Int) in
  [Decl(ty, convert_id id, convert_op op)]
| V.BinOp(id, binop, op1, op2) -> [Bin(convert_id id, binop, Exp(convert_op op1), Exp(convert_op op
| V.Label 1 -> [C_spec.Label 1]
| V.BranchIf(op, 1) -> [If(convert_op op, Goto(1))]
| V.Goto 1 -> [Goto 1]
| V.Call(dest, op, opl) ->
 (match opl with
  | closure:: x:: [] -> [Call(convert_id dest, id_of_op op, id_of_op closure, convert_op x)]
   | _ -> err "unexpected function call")
| V.Return op -> if lbl = "_toplevel"
 then [Print(convert_op op); Exit]
 else [Return(convert_op op)]
| V.Malloc(id, opl) ->
  (match opl with
  | pointer:: vars ->
    if is_vm_proc pointer then (* if tuple is closure *)
      let closure_name = convert_id id in
      append_closure closure_name;
      append_defined closure_name;
      let funct_name = label_of_proc pointer in
      let var len = List.length vars in
       [DeclareClosure closure_name; SetClosurePointer(closure_name, funct_name);
       SetClosureLength (closure_name, var_len + 1); DeclareClosureParams(var_len + 1)] @
       (List.mapi (fun i op -> StoreClosureParams(i+1, convert_op op)) vars) @
       [SetClosureParams closure_name;]
    else (* if tuple is not closure (a normal tuple) *)
      let len = List.length opl in
      let id' = convert_id id in
      append_tuple id';
       [DeclareTuple(id', len)] @
      List.mapi (fun i op -> SetTupleValue(id', i, convert_op op)) opl
   | _ -> err "undefined")
| V.Read(id, op, i) ->
 if op_is_closure (convert_op op) then
    (if i = 0)
    then [DeclarePointer(convert_id id); AssignPointer(convert_id id, id_of_op op)]
    else [Read(convert_id id, convert_op op, i)])
 else [Read(convert_id id, convert_op op, i)]
| V.BEGIN _ -> err "error"
```

```
| V.END _ -> err "error" in
let instrs = List.concat (List.map c_of_instr instr_list) in
if lbl = "_toplevel"
then Funct("main", [], instrs)
else Funct(lbl, [param0_name; param1_name], instrs)

let convert_c = List.map c_of_decl
```

#### コマンドラインオプション

- -C このオプションをつけると, 生成された C プログラムが gcc によってコンパイルされる. ./a.out を実行することにより, プログラムを実行できる.
- -o filename 結果を<filename>に書き込む.

```
$ ./minimlc -C -o sigma.c
# loop v = (1, 0) in
if v.1 < 101 then
   recur (v.1 + 1, v.1 + v.2)
else
   v.2;;
compile c program in sigma.c => success
# ~C
$./a.out
5050
```

## 課題 11 (任意: データフロー解析)

生存変数解析モジュール live.ml を参考に,(a) 到達可能定義解析,(b) 到達コピー解析,の中から一つ以上を実装しなさい.cfg.ml, dfa.ml 等の依存モジュールは汎用なフレームワークとして設計してあるので,修正することなくそのまま利用できるはずである.

#### 到達可能定義解析

到達可能定義解析は、プログラムの a 行目の定義が何行目まで有効か調べるための解析である. これにより、例えば a' 行目以降で、ある定義が使われていない場合、その定義を削除するなどという最適化が可能になる. 到達可能 定義解析は、以下の伝達関数に従い、不動点反復を繰り返すことで実行できる.

```
gen(d) = \{d行目で新たに生成される定義の集合 kill(d) = d行目で消去される定義の集合 のとき, f_j(x) = gen(j) \cup (X - kill(j))
```

#### 解析器の定義

```
open Vm
    open Cfg
    open Dfa
   module Set = MySet
    (* TODO *)
   let filter_vars vs =
      Set.from_list (List.filter (fun v ->
          match v with
            Param _ | Local _ -> true
10
          | Proc _ | IntV _ -> false
11
        ) (Set.to_list vs))
13
   let transfer (entry_vars: Vm.operand Set.t) (stmt: Vm.instr): Vm.operand Set.t =
14
      let gen vs =
        lub
16
          (filter_vars (match stmt with
17
                  Move (dst, src) -> Set.singleton src
                | BinOp (dst, op, 1, r) -> Set.from_list [1; r]
19
                | BranchIf (c, 1) -> Set.singleton c
20
                | Call (dst, tgt, args) -> Set.insert tgt (Set.from_list args)
                | Return v -> Set.singleton v
22
                | Malloc (dst, vs) -> Set.from_list vs
23
                | Read (dst, v, i) -> Set.singleton v
                | _ -> Set.empty
25
              ))
26
          vs in
      let kill vs =
28
        match stmt with
29
          Move (dst, _)
        | BinOp (dst, _, _, _)
31
        | Call (dst, _, _)
32
        | Malloc (dst, _)
        | Read (dst, _, _) -> Set.remove (Local dst) vs
34
        | _ -> vs in
35
      let kill' = kill entry_vars in
      (* TODO *)
37
       lub \ (gen \ entry\_vars) \ ( \\ \underbrace{Set.from\_list(List.filter \ (fun \ x \ -> \ not \ (MySet.member \ x \ kill'))} \ (MySet.to\_list.filter) 
38
    (* make reachability analyzer *)
40
    let make (): Vm.operand Set.t Dfa.analysis =
41
      {
42
        direction = FORWARD;
43
        transfer = transfer;
44
        compare = compare;
        lub = lub;
46
        bottom = Set.empty;
47
```

```
init = Set.singleton dummy;
to_str = string_of_vars;
}
```

## 課題12 (任意: レジスタ機械コード生成)

生存変数解析モジュールによる解析結果を用いて、仮想機械コードをレジスタ機械コードに変換しなさい.Reg.trans 関数の第 1 引数で指定される整数は利用可能な汎用レジスタの個数である。なるべく多くの局所変数を汎用レジスタに割り付けるよう工夫すること。

#### 実装の方針

変換におけるレジスタ割付は、生存変数解析と制御フローグラフのデータを用いて行う. 具体的には、制御フローの基本ブロックを順番に生存変数を参照しながら変換していく.

変数は空いているレジスタが存在すればレジスタに優先的に割り付けられ、空いていなければフレーム上に割り付けられる.一度設定された割付はなるべく各段階で引き継がれ、一度フレームに割り付けられた変数は、レジスタ に空きができたとしても新たにレジスタに再割付されることはない.

ただし、レジスタへの割当が必要な場合で、レジスタが満杯の場合は、レジスタに割当られている変数との割当のスワップを行う。スワップ対象となるレジスタに割り当てられている変数は、確率的に選択する.

#### フレームの管理

フレームには、以下の領域を確保する必要性がある.

- (1) 呼び出し規約に関わる saed fp, lr, saved a1, saved a2の領域.
- (2) レジスタに割付しきれなかったローカル変数を置く領域.
- (3) 関数呼び出しをするときに、呼び出し後に必要で、かつレジスタに割り当てられている変数を退避する領域.
- (2) が n 個, (3) が m 個ある時のフレームの状態が図 1 となる用に実装した.

offset 型の変数へのアクセスは、用意されている Load, Store 命令で行うが、レジスタ退避領域へのアクセスは、簡単のため、新たに命令 Save, Restore: (reg\*offset) -> instr を追加した. たとえば Save r (m-2) は、図 1 のレジスタ退避 m-2 に当たる箇所へのストアを行い、Restore はロードを行う.

#### プログラムの構造

#### trans\_decl

Vm.decl を decl に変換する. これは、生存変数解析の結果と基本ブロックを参照しながら実行する. 変換の主要な操作は、各基本ブロックに対して呼び出される process\_block(下で説明) において行われる.

#### 生存変数解析関係

live\_bblock 生存変数解析によって得られた基本ブロックの配列. get\_property 命令と Cfg.side を受け取り、その時点での生存変数を得るための関数.



Figure 1: フレームの使用

#### 生成命令関係

基本方針として、各 Vm.decl の変換過程で生じた命令は、順番に ref list に追加していく.

instrs\_list 生成された命令を順番に追加していくための ref instr list 型の変数. append\_instr 命令を追加する

#### フレームに逃がす変数の量を管理

レジスタに割り当てられず、フレームに逃がす変数分の領域を計算する必要がある.

save\_space 別関数への呼び出しをする際にフレームに退避する必要のあるレジスタ変数の合計を出す.

update\_savespace: int -> unit ある関数内で複数の関数呼び出しをする場合, 退避するレジスタの個数の最大値をフレームに退避領域として確保する必要がある. この関数は, 受け取った値 (ある関数呼び出し前に対比する必要のあるレジスタの個数) が現在の save\_space より小さければ,save\_space の値を更新する.

```
1  (* manage local memory space *)
2  let save_space = ref 0 in
3  let update_save_space n =
4  if !save_space < n then save_space := n;
5  debug_string ("updated save_space to " ^ string_of_int n )
6  in</pre>
```

#### 基本ブロックごとのレジスタ割当の管理

図2は、以下のコードの実行時の生存変数解析の結果の例である.

```
loop v = (1, 0) in
if v.1 < 101 then
  recur (v.1 + 1, v.1 + v.2)
else
  v.2;;</pre>
```

このとき、100p3 の基本ブロック A から出ている 2 つのブロック B と C について VM コードでは、 $A \rightarrow B \rightarrow C$  の順番であるが、単純にこの順番で前に述べたように実装すれば、C に処理が到達したときに、最初の生存変数である C ない割付が受け継がれない。これを防ぐためには、基本ブロック C の割当情報を保存しておき、C に到達したときにロードする必要がある。

これを実現するために、各ブロックに対して、ブロック最後の命令におけるレジスタ割当情報を保持しておく仕組みを作る.

past\_allocations: (V.id, dest) MyMap.t array ref i番目のブロック末尾の割付情報を配列のi番目に保存する. 初期値は空データである.

set\_past\_alloc 割付情報をi番目に保存する.

Array.get !past\_allocations i in

get\_past\_alloc i番目のブロックの割付情報を取得する.

```
(* save allocations in other blocks *)
let past_allocations = ref (Array.make (Array.length live_bblock) MyMap.empty: (V.id, dest) MyMap.t a
let set_past_alloc alloc i =
Array.set !past_allocations i alloc in
let get_past_alloc i =
```

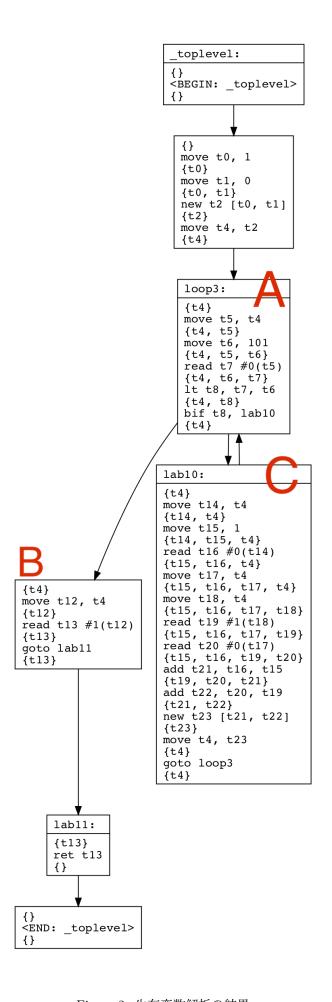


Figure 2: 生存変数解析の結果 18

#### オフセットの管理

レジスタに割付しきれなかった変数は offset 型として, フレーム内に割付される. この offset 型の個数を管理 する必要がある.

offset\_counter 現在の offset 型の個数を保持する. 初期値 0 に設定してある. get\_new\_offset 新しい offset のインデックスを返し,offset\_counter を更新する.

```
(* manage offset of local *)
let offset_counter = ref 0 in
let get_new_offset () =
  let r = !offset_counter in
  offset_counter := !offset_counter + 1;
  r in
```

#### レジスタ割当の管理, 更新

in

24

各命令の変換前に、その命令の前後の生存変数を参照し、レジスタ割当を決定してから値を更新する. 具体的な手順は以下.(ただし、命令の直前の生存変数を BEFORE、直後の生存変数を AFTER とする.)

- 1. BEFORE に入っている生存変数の割当をを前の命令評価時の割当から引き継ぐ.
- 2. 新しく生成される変数  $(S_{AFTER} \setminus S_{BEFORE})$  の割り付けを決定し、割当に追加する.

allocation 現在の変数割当を保持する.

```
get_used_reg 現在の変数割当のうち,使用済みのレジスタのリストget_free_reg 現在変数割当で使用されていないレジスタのリストを返す.get_nlocal 現在フレームに割り当てられている変数の総数を返す.
```

```
(* manage allocation of Vm.id to dest >>> *)
     let allocation = ref (MyMap.empty: (V.id, dest) MyMap.t) in
     let append_alloc (id, d) = allocation := MyMap.append id d !allocation in
     let search_alloc id = MyMap.search id !allocation in
     let string_of_alloc () =
       String.concat ", "
6
          (List.sort String.compare
             (List.map (fun (id, ds) -> "(t" ^ string_of_int id ^ ", " ^ string_of_dest ds ^ ")")
                (MyMap.to_list !allocation))) in
     let alloc_status () =
10
       let rec loop 1 raccum laccum =
11
          (match 1 with
12
          | (_, R i):: tl -> loop tl (i :: raccum) laccum
          | (_, L i):: tl -> loop tl raccum (i:: laccum)
14
          | [] -> (raccum, laccum)) in
15
       loop (MyMap.to_list !allocation) [] in
     let get_used_reg () =
17
       let (r_usage, _) = alloc_status () in
18
19
       r_usage
     in
20
     let get_nlocal () =
21
       let (_, l_usage) = alloc_status () in
22
       List.length l_usage
23
```

```
let get_free_reg () =
let used = MySet.from_list (get_used_reg ()) in
let all = MySet.from_list (List.init nreg (fun x -> x)) in
MySet.to_list (MySet.diff all used) in
(* >>> manage allocation of Vm.id to dest *)
```

#### その他補助関数

convert\_id Vm.id に対する dest を生成する. 空いているレジスタがあればそこに格納し, なければ,get\_new\_offset を用いて, 新しい offset 型の場所に割り付ける.

```
(* >>> manage allocation of Vm.id to dest *)
(* helper functions for converting statements >>> *)
let convert_id id =
  match search_alloc id with
  | Some d -> d
  | None ->
    let free_reg = get_free_reg () in
    if List.length free_reg = 0
    then let ret = get_new_offset () in
        (append_alloc (id, L ret);
        L ret)
    else let ret = List.hd free_reg in
        (append_alloc (id, R ret);
        R ret)
in
```

convert\_op Vm.operand 型を operand 型へ変換する. Vm.Local 型の場合は,

- 1. すでにレジスタに割り付けてあれば、そのレジスタを返す.
- 2. すでに offset 型に割り付けてあれば、以下で説明する swap に従って割付のスワッピングを行う.
- 3. 割り付けられていない場合で、レジスタが空いている場合は、新たにレジスタに割りつける.
- 4. 割り付けられていない場合で、レジスタが空いていない場合は、スワッピングによってレジスタに割り付ける.

move\_to\_reg レジスタにある値を Vm.operand に移動する命令列を生成する.

mode to dest レジスタにある値を dest 型の場所に移動する命令列を生成する.

```
(* move data in s to register d *)
 let move_to_reg (d: reg) (s: V.operand): instr list =
   match s with
   | V.Param i -> [Move(d, convert_op s)]
   | V.Local id ->
     let dest = convert_id id in
     if is_register dest
     then [Move(d, Reg (reg_of_dest dest))]
     else [Load(d, offset_of_dest dest)]
   | V.Proc 1 -> [Move(d, Proc 1)]
   | V.IntV i -> [Move(d, IntV i)]
 in
 (* move data in register to dest (either reg or offset) *)
 let move_to_dest (d:dest) (s:reg) =
   match d with
   | R r -> [Move(r, Reg s)]
   | L o -> [Store(s, o)]
 in
```

#### process\_block

この関数は,Cfg.bblock と自身の live\_bblock の配列におけるインデックスを受け取り, 変換命令を生成する (instrs\_list に追加する).

#### 手順

- 1. bblock.label があれば, 現在変換している関数のポインタやトップレベル出ない場合, Label 型の命令を追加する.
- 2. bblock.pred があれば、その基本ブロック変換の最後の変数割付データを得て、変数割付を初期化する. 複数あれば、それを統合する.
- 3. その後,各命令 bblock.stmts について,命令1つについて変数割付を更新しながら,変換する.
- 4. 最後の命令が変換し終わったら. その時点での変数割付データを past\_allocations に追加する.

#### 関数呼び出し (Call) の変換におけるレジスタ退避

関数呼び出し時には、関数呼び出し後にレジスタに割り当てられている値が失われないように、フレーム内に退避する必要がある。退避するのは、呼び出し命令実行後の生存変数のうち、レジスタに割り当てられいるものである。また、呼び出し後には、退避した値をレストアする必要がある。下のコードでは、regs\_to\_saveで、退避する必要のあるレジスタを探し出し、各レジスタに対し、Save と Restore を呼び出し前と後に行っている。

#### 機能: スワップ

変数を新たにレジスタに割り付ける必要があり、レジスタが満杯の場合は、確率的にレジスタを選び、スワッピングを行う.

具体的なステップは以下.

- 1. レジスタ割当のデータを交換する.
- 2. 置換対象のフレーム上のデータを予約レジスタ (Ip) にロードする.
- 3. 置換対象のレジスタのデータを置換対象のフレーム上にストアする.
- 4. 予約レジスタの値を置換対象のレジスタに移動する.

```
(* swap allocation for given offset and dest *)
     let swap (off: offset) (r: reg) =
        (* === swap alloc data === *)
       let id_off' = MyMap.reverse_search (L off) !allocation in
       let id_reg' = MyMap.reverse_search (R r) !allocation in
       let (id_off, id_reg) =
         match (id_off', id_reg') with
         | Some o, Some r \rightarrow (o, r)
         | _ -> err "failed to swap" in
       allocation := MyMap.assoc id_off (R r) !allocation;
10
       allocation := MyMap.assoc id_reg (L off) !allocation;
        (* === change data === *)
12
        (* move offset to reserved_reg *)
13
       append_instr [Load(reserved_reg, off)];
        (* move reg to offset *)
15
       append_instr [Store(r, off)];
16
        (* move reserved_reg to reg *)
       append_instr [Move(r, Reg reserved_reg)];
18
```

### 課題 13 (任意: ARM コード生成その 2)

 $arm\_reg.ml$  の codegen 関数を完成させることにより, 課題 12 で生成したレジスタ機械コードから ARM アセンブリコードを生成しなさい.

#### 実装の方針

前に実装した arm\_noreg.ml を参考に, 実装を行った.

#### プログラムの構造

| Reg.Reg r ->

```
補助的な関数,値
```

```
normal_regs 汎用レジスタ V1~V7 までのリスト
   param_to_reg パラメータ番号をレジスタに変換する.
   reg_of_operand オペランドをレジスタに変換する.
   gen_dest レジスタと Reg.dest を受け取り、レジスタの値を Reg.dest に格納する命令列を生成する.
   convert_op Reg.operand を Arm_spec.addr に変換する.
   let normal_regs = List.filter (fun r -> r <> Ip) (List.map (fun (_, r) -> r) reg_mappings)
   let reg_of r = List.assoc r reg_mappings
   (* 「reg 中のアドレスから offset ワード目」をあらわす addr *)
   let mem_access reg offset = RI (reg, offset*4)
   let local_access i = mem_access Fp (-i-2)
   let param_to_reg = function
10
       0 -> A1
11
     | 1 -> A2
12
     | i -> err ("invalid parameter: " ^ string_of_int i)
   let reg_of_operand op =
15
     match op with
     | Reg.Param i -> param_to_reg i
17
     | Reg.Reg r -> reg_of r
     | Reg.Proc 1 -> err "cannot convert proc to reg"
     | Reg.IntV i -> err "cannot convert immediate to reg"
20
21
   (* Reg. operand から値を取得し、レジスタ rd に格納するような
22
      stmt listを生成 *)
23
   let gen_operand rd = function
24
       Reg.Param i ->
       let rs = param_to_reg i in
26
       if rd = rs then [] else [Instr (Mov (rd, R rs))]
27
```

```
let rs = reg of r in
29
       if rd = rs then [] else [Instr (Mov (rd, R rs))]
30
      | Reg.Proc lbl -> [Instr (Ldr (rd, L lbl))]
      | Reg.IntV i -> [Instr (Mov (rd, I i))]
32
33
    (* create instrs to store register rs to destination *)
   let gen_dest (rs: reg) = function
35
      | Reg.R r -> [Instr(Mov(reg_of r, R rs))]
36
      | Reg.L 1 -> [Instr(Str(rs, local_access 1))]
38
   let convert_op op =
39
     match op with
40
      | Reg.Param i -> R (param_to_reg i)
41
      | Reg.Reg r -> R (reg_of r)
42
      | Reg.Proc 1 -> L 1
43
      | Reg.IntV i -> I i
```

#### ARM コードへの変換関数

gen\_decl: Reg.decl -> Arm\_spec.stmt listは,ARMコードを生成する. 内部では,arm\_stmts:Arm\_spec.stmt list ref に生成した命令を追加していく.

arm\_stmts 生成された命令列.

append\_stmt arm\_stmts に命令を追加する.

stmt\_instr Reg.instr を変換し,arm\_spec に追加していく関数.

#### 命令の変換

命令の変換において、いくつか取り上げて説明する.

Reg.Malloc 以下の手順の命令を生成する.

- 1. A1, A2 レジスタを退避する.
- 2. A1 レジスタに確保したいメモリのサイズを格納する.
- 3. mymalloc にジャンプする.
- 4. mymalloc から戻ったあと、得られたメモリの先頭アドレスは A1 に格納されている。ヒープに値を格納して行くため、以下の 2 つの手順を Reg. operand list の各要素について繰り返す.
- Reg. operand を Ip レジスタに格納する.
- Ip レジスタの値を A1 レジスタのポインタから適切な offset に格納してく.
- 5. 確保した領域の先頭アドレスへのポインタ A1 を,適切な Reg.dest に格納する.
- 6. 退避した A1, A2 レジスタを復帰する.

```
| Reg.Malloc(dest, opl) ->
    let alloc_size = List.length opl in
    append_stmt([
        Instr(Str(A1, RI(Sp, 0)));
        Instr(Str(A2, RI(Sp, 4)));
    ] @
        (gen_operand A1 (Reg.IntV alloc_size)));
```

```
(* jump to function head *)
     append_stmt([Instr(Bl "mymalloc");]);
      (* store contents in allocated space *)
     let some_reg = reg_of Reg.reserved_reg in
     List.iteri (fun i op -> append_stmt(gen_operand some_reg op @ [Instr(Str(some_reg, RI(A1, 4 * i)
      (* Step12: store result *)
     append_stmt (gen_dest A1 dest);
      (* Step13: reset 2 arguments *)
     append_stmt([
         Instr(Ldr(A1, RI(Sp, 0)));
         Instr(Ldr(A2, RI(Sp, 4)));
       ]);
Reg.Read(dest, op, i) 以下の手順で処理する.
  • dest がレジスタの場合, dest が指定するレジスタにメモリ上の値をロードする.
  • dest がフレーム上にある場合、
  1. 読み出すべき値を Ip レジスタに読み出す.
  2. Ip レジスタの値を適切な dest に移動する.
 | Reg.Read(dest, op, i) ->
     if Reg.is_register dest
     then append_stmt [Instr(Ldr(reg_of (Reg.reg_of_dest dest), mem_access (reg_of_operand op) i))]
     else append_stmt ([
         (* load to reserved reg *)
         Instr(Ldr(reg_of Reg.reserved_reg, mem_access (reg_of_operand op) i))]
         (* store to dest *)
         @ gen_dest (reg_of Reg.reserved_reg) dest
       )
Reg.Save, Reg.Restore 図1の offset(x) は, nlocal は n+m であるから, local_access (nlocal - offset
    - 1) でアクセスできる.
| Reg.Save(r, offset) -> append_stmt [Instr(Str(reg_of r, local_access (nlocal - offset - 1)))]
| Reg.Restore(r, offset) -> append_stmt [Instr(Ldr(reg_of r, local_access (nlocal - offset - 1)))]
  in
```

## 課題 14 (任意: 最適化)

データフロー解析に関する課題で作成したデータフロー解析モジュールを使って、(a) 定数畳み込み、(b) コピー伝搬、(c) 無駄な命令の除去、の中から一つ以上を実装しなさい.

#### 無駄な命令の除去1-simple\_elim

一番簡易な最適化として,同じレジスタ,同士での Move 命令を除去する最適化を実装した. たとえば,以下のような命令を消去する. これは opt.ml 中の simple\_elim に実装されている. 簡易な実装なので,省略する.

Move v1 v1

これの実行例を示す.

```
$ ledit ./minimlc -0 -os -v
let a = 1 in let b = 3 in let c = 7 in let d = 5 in let e = 10 in a + b + c + d + e ;;
(* [VM code] *)
proc _toplevel(10) =
 move t0, 1
 move t1, 3
 move t2, 7
 move t3, 5
 move t4, 10
 move t1, t1
 move t0, t0
 move t2, t2
      t5, t0, t1
 add
 move t3, t3
      t6, t5, t2
 add
 move t4, t4
      t7, t6, t3
  add
       t9, t7, t4
  add
       t9
 ret
(* optimized vm code*)
proc _toplevel(10) =
 move t0, 1
 move t1, 3
 move t2, 7
 move t3, 5
 move t4, 10
 add
      t5, t0, t1
 add t6, t5, t2
 add t7, t6, t3
      t9, t7, t4
 add
 ret
```

このように、同じレジスタ同士の Move 命令を消去できている事がわかる.

#### 定数畳み込みとコピー解析 - constant\_folding

次に、定数畳み込みとコピー解析を 1 ステップで実装する. これは opt.ml 中の constant\_folding に実装してある. このステップでは、畳込みによって消去できる Move 命令の消去は行わない. それは無駄な命令の除去 2 で行う.

#### 実装の方針

命令中に存在する Vm. operand 型を,以下の2種類に分けて変換する.

9471 可能ならばレジスタではなく定数に変換しても良いもの (定数畳み込み) 9472 レジスタ (Param または Local) でなければ後々エラーを起こすもの.(コピー解析)

たとえば、BinOp(id, bop, op1, op2) においては、op1 はタイプ 2 にあたり、op2 はタイプ 1 に当たる. それぞれのタイプについて、到達可能定義解析と生存変数解析を用いて、最適化を行う.

例えば、以下のような命令と到達可能定義解析があったとする.

```
BinOp(t1, Plus, t2, t10)
[(t2, t3); (t3, t4); (t4, t5); (t5, 100); (t10, t11); (t11, 30)]
この時, t2 は t5 に変換し (タイプ 1),t10 は 30 に変換したい (タイプ 2).
このような変換を行う関数を convert_op, convert_op_to_reg に実装した.
```

```
let reach = if not (Vm.is_label ins) then get_property ins Cfg.BEFORE else MyMap.empty in
let search_reach id = MyMap.search id reach in
let rec convert_op op =
 match op with
  | Vm.Local id -> (
      match search_reach id with
      | Some x -> if is_alive ins x then convert_op x else op
      | None -> op
    )
  | _ -> op in
let rec convert_op_to_reg op =
 match op with
  | Vm.Local id -> (
      match search_reach id with
      | Some x -> if Vm.is_reg x && is_alive ins op
       then convert_op_to_reg x
        else op
      | None -> op)
  | _ -> op in
```

各命令とも,到達可能定義解析の結果を用いて変換を行っていくが,変換先の変数がが生存変数解析で存在しない場合は,その変数には変換しないようにしてある.これは,loop 式などにおいて,到達可能定義解析の中に,その時点でまだ定義されているとは限らない変数が含まれていることがあるからである.

たとえば、以下のコードの到達可能性解析の結果は、図3となり、その時点で定義されているとは限らない変数 t23 が含まれている.

```
loop v = (1, 0) in
if v.1 < 101 then
  recur (v.1 + 1, v.1 + v.2)
else
  v.2;;</pre>
```

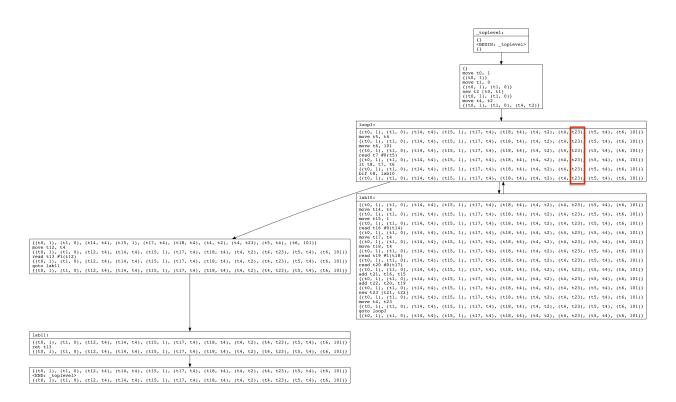


Figure 3: 到達可能性定義解析

また、この関数を用いて、各命令を変換していく.

#### 無駄な命令の除去 2 - dead\_elim

| \_ -> append\_instr ins) in

最後に、上の定数畳み込みによって不要になった Move 命令を除去する. Move 命令の直後にその命令で定義した変数が生存していなければ、削除して良い.

これも簡易な実装なので、省略する.

#### コマンドラインオプション

```
-v Print debug info (default: false)
-vv Print many many many debug info (default: false)
-s Print simulation result (default: false)
-os simple optimization (default: false)
-of fold optimization (default: false)
-od dead code elimination (default: false)
-help Display this list of options
-help Display this list of options
-osでsimple_elimを,-ofでconstant_foldingを,-odでdead_elimを実行する.
```

#### 実行速度とベンチマークテスト

ベンチマークテストは,benchmark/benchmark.py を用いて自動実行できる.

各ベンチマークプログラムに対して,以下のオプションでコンパイルし,計算時間を計測する.

- 1. C 言語の実行時間, VM コード最適化あり.
- 2. C 言語の実行時間, VM コード最適化なし.
- 3. ARM コードの実行時間、レジスタコード生成なし、VM コード最適化なし
- 4. ARM コードの実行時間, レジスタコード生成なし, VM コード最適化あり
- 5. ARM コードの実行時間, レジスタコード生成あり, VM コード最適化なし
- 6. ARM コードの実行時間、レジスタコード生成あり、VM コード最適化あり

ただし,C 言語に関しては,以下の例のようにして実行時間を図った. 追加されている時間計測用命令はベンチマーク実行プログラムにより自動で追加される.

```
#include <time.h>
#include <stdio.h>
#include <stdlib.h>
typedef struct{
    int (*f)(const int*, const int);
    int* vars;
    int length;
} closure;
int main(){
    clock_t begin = clock();
int var00 = 1;
int var10 = 2;
int var20 = 3;
int var30 = 4;
int var40 = 5;
int var50 = 6;
int var60 = 7;
 var10 = var10;
```

```
var00 = var00;
var20 = var20;
int var70 = var00 + var10;
var30 = var30;
int var80 = var70 + var20;
var40 = var40;
int var90 = var80 + var30;
var50 = var50;
int var100 = var90 + var40;
var60 = var60;
int var110 = var100 + var50;
int var130 = var110 + var60;
printf("%d\n", var130);
   clock_t end = clock();
   double time_spent = (double)(end - begin) / CLOCKS_PER_SEC;
   printf("cpu time: %f seconds\n", time_spent);
   return 0;
}
また,ARM コードは,以下のように bl start_timer, bl stop_timer を追加し,時間計測用のジャンプ命令をは
さみ、実行した.
    .text
    .align 2
    .global _toplevel
_toplevel:
   str fp, [sp, #-4]
   str lr, [sp, #-8]
   sub fp, sp, #4
   sub sp, sp, #16
   bl start_timer
   mov v1, #1
   mov v2, #2
   mov v3, #3
   mov v4, #4
   mov v5, #5
   mov v6, #6
   mov v7, #7
   add ip, v1, v2
   str ip, [fp, #-8]
   ldr ip, [fp, #-8]
   str v3, [fp, #-8]
   mov v3, ip
   add v1, v3, v3
   add v2, v1, v4
   add v1, v2, v5
   add v2, v1, v6
   add v1, v2, v7
   mov a1, v1
```

```
bl stop_timer
   b _toplevel_ret
_toplevel_ret:
    add sp, fp, #4
   ldr lr, [fp, #-4]
    ldr fp, [fp, #0]
    bx lr
これを,以下の3つのプログラムに対し実行した.
many_add
let a = 1 in let b = 2 in let c = 3 in
let d = 4 in let e = 5 in let f = 6 in
let g = 7 in a + b + c + d + e + f + g;;
sigma_loop
loop v = (1, 0) in
if v.1 < 101 then
 recur (v.1 + 1, v.1 + v.2)
else
 v.2;;
fact
let rec fact = fun n \rightarrow if n < 1 then
                         1
                       else
```

fact 10;;

benchmark	C opt	C noopt	noreg noopt	noreg opt	reg nopopt	reg opt
many_add	0.000253000	0.000253000	0.000007605	0.000003333	0.000031770	0.000003281
$sigma\_loop$	0.000434000	0.000470000	0.000150417	0.000147084	0.000123020	0.000124792
fact	0.000299	0.000258	0.0001225	0.0001275	0.000149167	0.000124144

n \* fact (n+-1) in

many\_add の結果

sigma\_loop の結果

fact の結果