

Parallella Processer 3/9

Klassiska problem

Översikt

- **Klassiska problem**
 - Dining Philosophers
 - Producer/Consumer
 - Readers/Writers
- **Lösningar till dessa**

Klassiska problem

- "Typproblem" i PP
 - Samarbete
 - Tävlan om resurser
 - Global ordning, etc
- Kritiska sektionsproblemet ett exempel
- Fungerande lösningar finns
- Tricket är att känna igen problemen

Dining Philosophers

- Filosofer
 - En typ av process
 - Processerna växlar mellan kritisk sektion (äta) och icke-kritisk (tänka)
- Runt bord
 - Alla har två grannar
- Delar gaffel med granne
 - Båda gafflarna behövs för att äta



Dining philosophers, forts.

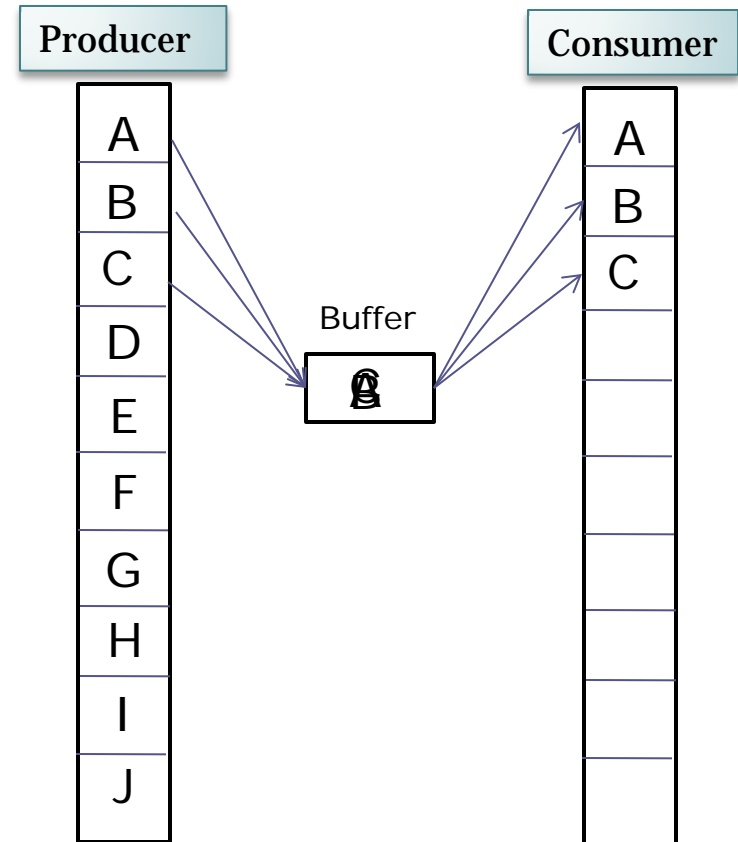
- Mutual exclusion
 - En process kan aldrig äta, dvs vara i sin kritiska sektion, samtidigt som sin bordsgranne
 - Flera processer kan vara i sin kritiska sektion samtidigt **om de inte är grannar**
- Kritisk sektion definieras kring de delade resurserna

Drinking Philosophers

- Generalisering av dining philosophers
- Godtyckligt nätverk
- Godtyckligt antal grannar
- Process kan inte vara i kritisk sektion samtidigt som någon granne
- Global invariant
 - Sann i **alla** möjliga tillstånd
 - $\forall i, j ((\text{eating}[i] \wedge \text{neighbor}[i, j]) \rightarrow (\neg \text{eating}[j]))$

Producer/Consumer

- Två sorters processer
 - Delad buffer
 - Producenten lägger in data
 - Konsumenten hämtar data
- Producenten får inte skriva över ett värde som ännu inte lästs
- Konsumenten får inte läsa förrän värdet uppdaterats
- Enkel buffer implicerar att de måste turas om



Global invariant – Producer/Consumer

- **Mutual exclusion**

$$\forall i, j \quad \neg(\text{inDeposit}[i] \wedge \text{inFetch}[j])$$

- **Producenten skriver inte över**

$$\forall i (\text{inDeposit}[i] \rightarrow \text{count er Producer} = \text{count er Consumer})$$

- **Konsumenten läser inte samma värde två ggr**

$$\forall i (\text{inFetch}[i] \rightarrow \text{count er Consumer} < \text{count er Producer})$$

Producer/Consumer, forts.

- Cirkulär buffert med flera positioner

Producent och konsument kan exekvera kritisk sektion samtidigt
om de accessar olika positioner

$$\forall i, j (1 \leq i, j \leq n \mid (i \text{ nDeposited}[i] \wedge i \text{ nFetched}[j]) \rightarrow \text{front} \neq \text{rear})$$
$$\forall i (i \text{ nDeposited}[i] \rightarrow \text{counter Producer} = \text{counter Consumer})$$
$$\forall i (i \text{ nFetched}[i] \rightarrow \text{counter Consumer} < \text{counter Producer})$$

- Godtyckligt antal processer

Processer av *samma typ* utesluter varandra

$$\forall i, j (1 \leq i, j \leq n \mid (i \text{ nDeposited}[i] \rightarrow \neg i \text{ nDeposited}[j]))$$
$$\forall i, j (1 \leq i, j \leq n \mid (i \text{ nFetched}[i] \rightarrow \neg i \text{ nFetched}[j]))$$

Cirkulär buffer

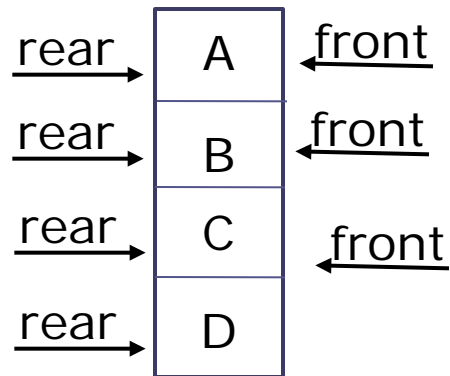
Producers

P_0

P_1

P_2

P_3



Consumers

C_0

C_1

C_2

C_3

Readers/Writers

- Två sorters processer
 - Läsare och skrivare
- Delar en resurs, t ex en databas
- Flera kan läsa i databasen samtidigt
- Vid uppdatering får endast en skrivare ha tillgång till databasen
- Selektiv mutual exclusion
 - Läsare utesluter bara skrivare
 - Skrivare utesluter alla andra processer
- Global invariant för readers/writers-problemet
 - $RW \quad (nr \neq 0 \vee nr = 0) \wedge nr \leq 1$

Dining Philosophers

```
sem fork[ n] := ( [ n] 1)
process Philosopher ( i := 1 to n)
do true →
    P( fork[ i] )
    P( fork[ ( i mod n) +1] )
    eat
    V( fork[ ( i mod n) +1] )
    V( fork[ i] )
    think
od
end
```

Dining Philosophers

```
sem fork[ n ] := ( [ n ] 1)
process Philosopher ( i := 1 to n - 1 )
  do true →
    P( fork[ i ] )
    P( fork[ i + 1 ] )
    eat
    V( fork[ i + 1 ] )
    V( fork[ i ] )
    think
  od
end
```

```
process Philosopher ( n )
  do true →
    P( fork[ 1 ] )
    P( fork[ n ] )
    eat
    V( fork[ n ] )
    V( fork[ 1 ] )
    think
  od
end
```

Producer/Consumer: enkel buffer

```
sem full := 0  
sem empty := 1  
var buf : int
```

```
process Producer ::  
  var m : int  
  do true →  
    produce m  
    P(empty)  
    buf := m  
    V(full)  
  od  
end
```

```
process Consumer ::  
  var n : int  
  do true →  
    P(full)  
    n := buf  
    V(empty)  
    consume n  
  od  
end
```

Split binary semaphores

- Används när processer delar kritisk sektion men blockerar på **olika** villkor
- Invariant
 - $S_1 + S_2 + \dots + S_n \leq 1$

Producer/Consumer: cirkulär buffer

```
sem full := 0
sem empty := N
var buf[N]: int
var rear : int := 1
var front : int := 1
```

```
process Producer::
  var m : int
  do true →
    produce m
    P(empty)
    buf[rear] := m
    rear := rear mod N + 1
    V(full)
  od
end
```

```
process Consumer::
  var n : int
  do true →
    P(full)
    n := buf[front]
    front := front mod N + 1
    V(empty)
    consume n
  od
end
```


Producer/Consumer: Flera processer

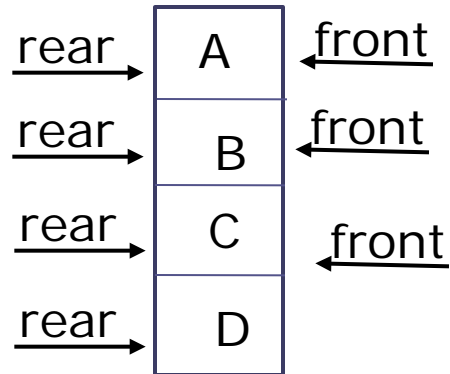
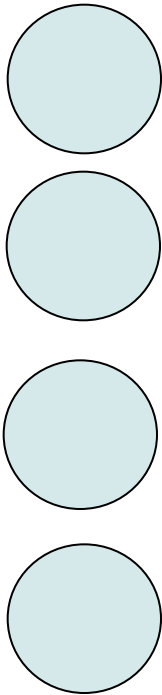
```
sem full := 0  
sem empty := N  
sem mutexP := 1  
sem mutexC := 1  
var buf[N]: int  
var front: int := 1  
var rear: int := 1
```

```
process Producer(i := 1 to M)  
  var m: int  
  do true →  
    produce m  
    P(mutexP)  
    P(empty)  
    buf[rear] := m  
    rear := rear mod N + 1  
    V(full)  
    V(mutexP)  
  od  
end
```

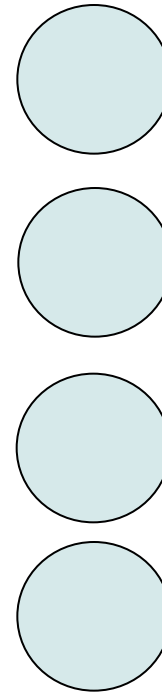
```
process Consumer(j := 1 to M)  
  var n: int  
  do true →  
    P(mutexC)  
    P(full)  
    n := buf[front]  
    front := front mod N + 1  
    V(empty)  
    V(mutexC)  
    consume n  
  od  
end
```

Cirkulär buffer

Producers



Consumers



Readers/Writers

```
var nr, nw: int := 0
var dr, dw: int := 0
sem mutex := 1
sem read := 0
sem write := 0
```

```
process reader(i := 1 to N)
do true →
    P(mutex)
    if (nw > 0) →
        dr ++
        V(mutex)
        P(read)
    fi
    nr++
    signal()
    #do some reading
    P(mutex)
    nr-
    signal()
    #do something else
od
end
```

```
process writer(i := 1 to M)
do true →
    P(mutex)
    if (nw > 0 or nr > 0) →
        dw ++
        V(mutex)
        P(write)
    fi
    nw++
    signal()
    #do some writing
    P(mutex)
    nw-
    signal()
    #do something else
od
end
```

```
Procedure signal()
    if (nw = 0 and dr > 0) →
        dr - -
        V(read)
    [] (nr = 0 and nw = 0 and dw > 0) →
        dw- -
        V(write)
    [] (nw > 0 or dr = 0) and (nr > 0 or nw > 0 or dw = 0) →
        V(mutex)
    fi
end
```



Partyproblemet

- Två typer av processer, värd och gäst
- Godtyckligt antal gäster
- Värdens uppgift är att fylla på förfriskningar i en bålskal
- Gästerna dricker och umgås omväxlande
- Hur garantera att gästerna inte dricker från en tom skal?
- Hur garantera att värden fyller på vid rätt tidpunkt?
- Hur garantera att ingen törstig gäst blir utan?



Partyproblemet, forts.

- Vi måste kontrollera innehållet i bälarna #glas kvar
 - Kräver mutual exclusion
- Vi måste meddela värden när bälarna är slut
 - Kräver synkronisering
- Gästerna måste vänta tills bälarna är påfylld
 - Kräver synkronisering