

Bucket Sort a Poriadkové štatistiky

Bc. Katarína Olejková



KATEDRA INFORMATIKY
UNIVERZITA PALACKÉHO V OLOMOUCI

Bucket Sort

- Triedíme čísla z intervalu $[0, 1)$
- Využívá dynamickou datovou strukturu nazývanou SPOJOVÝ SEZNAM:
 - Každý prvek seznamu obsahuje **hodnotu** a **odkaz** na další prvek seznamu



Jednosměrný
spojový seznam

Bucket Sort priebeh

1. Interval $[0, 1)$ rozdelíme na n – podintervalov rovnakej veľkosti
2. Pre každý podinterval vytvoríme spojový seznam $B[i]$ nazývané “buckets”
3. Prechádzame prvky vstupného poľa A a vložíme ich do príslušného bucketu/spojového seznamu $B[i]$
4. Každý bucket/spojový seznam $B[i]$ zotriedime
5. Prvky zotriedených bucketov/spojových seznamov $B[i] \dots B[n - 1]$ vložíme poporade do vstupného poľa A = máme zotriedené pole

Bucket-Sort($A[0..n-1]$)

1. **for** $i \leftarrow 0$ **to** $n - 1$
 2. vlož $A[i]$ do seznamu $B[\lfloor n * A[i] \rfloor]$
 3. **for** $i \leftarrow 0$ **to** $n - 1$
 4. Sort($B[i]$)
 5. vlož postupně prvky z $B[0], \dots, B[n - 1]$ do pole A
- } Vloží prvek z A do příslušného $B[i]$
- } Zotriedi každý $B[i]$ samostatne pomocou nejakého triediaceho algoritmu

A – vstupné pole

B – pole bucketov

i – index

n – počet prvkov

Bucket Sort - časová zložitosť

- V najhoršom prípade
 - Vtedy keby boli všetky prvky z A umiestnené v jednom buckete $B[i]$
 - Prvý cyklus + triediaci algoritmus + druhý cyklus
$$\Theta(n) + \Theta(f(n)) + \Theta(n) = \Theta(f(n))$$
 - Bucket-Sort bude mať potom čas. zlož. toho algoritmu, ktorý zvolíme za $\text{Sort}(B[i])$
- V priemernom prípade
 - $O(2 - 1/n) = \Theta(n)$

Poriadkové štatistiky

- i -tá poriadková štatistika = i -tý najmenší prvok (v množine s n prvkami)
 - Najmenší prvok ... prvá poriadková štatistika ($i = 1$)
 - Najväčší prvok ... n -tá poriadková štatistika ($i = n$)
- Výber i -tej štatistiky z poľa A
 - Naivný prístup – zotriedime pole A vzostupne a vrátime i -tý prvok
 - Existuje lepší algoritmus založený na podobnej myšlienke ako QuickSort

Poriadková štatistika v priemernom čase $\Theta(n)$

- Rekurzívny algoritmus – na rozdiel od QuickSort, ktorý sa rekurzívne volá na obidve časti (ľavá a pravá), tento algoritmus sa bude rekurzívne volať iba na **jednu** časť – tam, kde sa i -tá poriadková štatistika bude nachádzať
- Použijeme funkciu Partition:
 - podľa pivota rozdelí pole na ľavú a pravú polovicu
 - na rozdiel od QuickSortu, kde vyberáme vždy posledný prvok ako pivot, teraz použijeme Randomized-Partition, ktorý vyberie za pivota náhodný prvok
 - q – index pivota, k - pivot
- Môžu nastať 3 prípady:
 1. $i = k$ našli sme i -tú poriadkovú štatistiku prvok $A[i] = k$
 2. $i < k$ i -tá poriadková štatistika je i -tý prvok v zotriedenej ľavej časti
 3. $i > k$ i -tá poriadková štatistika je i -tý prvok v zotriedenej pravej časti

Randomized-Select(A, p, r, i)

```

1  if  $p = r$ 
2    then return  $A[p]$ 
3   $q \leftarrow \text{Randomized-Partition}(A, p, r)$ 
4   $k \leftarrow q - p + 1$ 
5  if  $i = k$ 
6    then return  $A[q]$ 
7  else if  $i < k$ 
8    then return Randomized-Select( $A, p, q - 1, i$ )
9  else return Randomized-Select( $A, q + 1, r, i - q + p - 1$ )

```

Vrátí i . pořádkovou statistiku pole A .

Randomized-Partition(A, p, r)

```

1   $k \leftarrow \text{Random}(p, r)$ 
2  swap( $A[k], A[r]$ )
3  return Partition( $A, p, r$ )

```

Partition(A, p, r)

```

1   $x \leftarrow A[r]$ 
2   $i \leftarrow p - 1$ 
3  for  $j \leftarrow p$  to  $r - 1$ 
4    do if  $A[j] \leq x$ 
5      then  $i \leftarrow i + 1$ 
6      swap( $A[i], A[j]$ )
7  swap( $A[i + 1], A[r]$ )
8  return  $i + 1$ 

```


Randomized-Select - časová zložitosť

- V najhoršom prípade:
 - Napr. keď hľadáme prvú poriadkovú štatistiku (najmenší prvok) a náhodne bude vždy zvolený najväčší prvok ako pivot
 - $\Theta(n^2)$
 - Existuje lepší algoritmus, ktorý má $O(n)$
- V priemernom prípade
 - $\Theta(n)$ – pomocou aparátu z teórie pravdepodobnosti