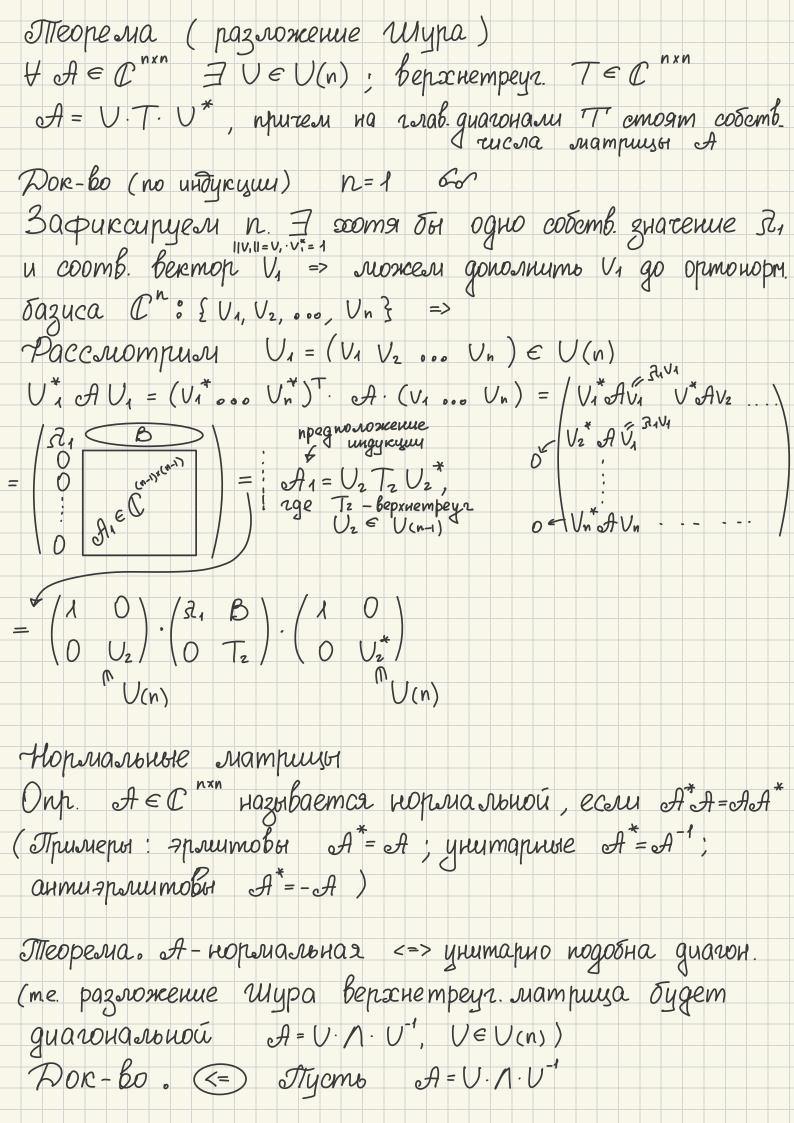
Русик. Скелетное разложение TTeopera. Tyomo A∈IF ", F∈ ER, C3 rk (A) = r Morga 3 U e F mxr, V e F nxr $\mathcal{A} = \mathcal{U} \cdot \mathcal{U}^{\mathsf{T}} = \mathcal{U}_4 \cdot \mathcal{U}_{\mathsf{T}}^{\mathsf{T}} + 000 + \mathcal{U}_{\mathsf{r}} \cdot \mathcal{U}_{\mathsf{r}}^{\mathsf{T}}$ $m \cdot n \gg m \cdot r \cdot n \cdot r$ nnu r << m,n DOK-BO: U1, ..., U= (U1, ..., Ur), SEFF "x" $\mathcal{A}^{(\kappa)} = \mathcal{U} \cdot \mathfrak{D}_{\kappa} \implies \mathcal{A} = \mathcal{U} \cdot (\mathfrak{X}_{1}, \ldots, \mathfrak{X}_{n}) = \mathcal{U} \cdot \mathcal{U} = (\mathcal{U} S)(S^{-1} \mathcal{V}^{\mathsf{T}}) =$ CUR-pazronceme Meopena: $A \in \mathbb{F}^{m \times n}$, rk(A) = rПисть А - невыпожденная rxr подматрица Illorga $\mathcal{A} = C \cdot \hat{\mathcal{A}}^{-1} \cdot R$ $m \cdot r + r \cdot r + n \cdot r = (m+n)r + r^2 < m \cdot n$ 7 mxn 7 mxr A 7 rxn R DOR-60: 3 X: A=C·X R=A·X => I=A·R => A = C. A-1. R Meopera. A ∈ Frr: det A 1 -> max Morga R-cmporu A, C-cmostys A ||A - CA R ||c ≤ (r+1) Orm (A) 11 A 11c = Max | aij | Pacchaz oronzeh

Примеры $A = \begin{pmatrix} 1 & 1 & 1 \\ 2 & 2 & 2 \end{pmatrix}$ rk(A) = 1 $\hat{A} = 2$ $\hat{A} = \frac{1}{2}$ Уир: Сделать A E F 2×3 $C = \begin{pmatrix} 1 \\ 2 \\ 3 \end{pmatrix} \quad R = \begin{pmatrix} 2 & 2 & 2 \end{pmatrix}$ $A = \begin{pmatrix} 2 & 1 & 1 & 3 \\ 1 & 0 & 1 & -1 \end{pmatrix} \quad \text{rk}(A) = 2 \quad V = \begin{pmatrix} 2 & 1 & 1 & 3 \\ 1 & 0 & 1 & -1 \end{pmatrix}$ $U = \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$ He aronomum : CСпектральное разложение: $A = S \cdot \Lambda \cdot S^{-1}$ $\mathcal{A} \in \mathbb{F}^{m \times n}$ $\mathbb{F} = \mathbb{R}; \mathcal{C}$ $\Lambda = diag(\mathfrak{F}_1, ..., \mathfrak{F}_n)$ Существует не всегда
Критерий существования: \(\sum_{\text{nognpocmp}}\) dim (собственных) = N Жорданова форма: A = S·J·S⁻¹, rge $J = \begin{pmatrix} J_1(\lambda_1) & & & \\ & \ddots & & \\ & & \ddots & \\ & & & \end{pmatrix}$ $J_i(\lambda_i) = \begin{pmatrix} \lambda_i & 1 & \\ & \lambda_i & 1 & \\ & & \ddots & \\ & & & \end{pmatrix}$ $\mathcal{D}_i(\lambda_i) = \begin{pmatrix} \lambda_i & 1 & \\ & \lambda_i & 1 & \\ & & \ddots & \\ & & & \end{pmatrix}$ $\mathcal{D}_i(\lambda_i) = \begin{pmatrix} \lambda_i & 1 & \\ & \lambda_i & 1 & \\ & & & \ddots & \\ & & & & \end{pmatrix}$ $\mathcal{D}_i(\lambda_i) = \begin{pmatrix} \lambda_i & 1 & \\ & \lambda_i & 1 & \\ & & & \ddots & \\ & & & & \end{pmatrix}$ $F = R \Rightarrow \exists$ не всегда (т.к. эсар. миоготлен не всегда и меет) $F = R \Rightarrow \exists$ всегда (т.к. эсар. миоготлен не всегда и меет) F=C => 3 bcerga



$$A^*A = (U \cap U^*)^*(U \cap U^*) = (U^*)^* \cap U^* \cup V \cap U^* = U \cap V \cap U^*$$
 $A^*A = (U \cap U^*)^*(U \cap U^*)^* = U \cap U^*(U^*)^* \cap U^* = U \cap V^* \cup U^*$
 $A^*A = A^*A^*$. Bocharbzyerica paznoweniem Ulypa $A = U \cap U^*$.

 $A = U \cap U^*$

