

Algoritmos - Lista Extra

Jairo Cândido Gonzaga Neto

Kauanny Karolinn D'Avalon Araújo e Barros

Nelson Alfredo de Souza Junior

1) a) Para encontrar a fórmula faremos:

A fórmula exemplifica como a solução de um subproblema depende das soluções de subproblemas menores. Dessa forma, temos 2 opções:

- Não colocaremos o item pois não cabe no espaço j da célula, então

$$\text{matriz}[i][j] = \text{matriz}[i-1][j]$$

- Incluir o item pois ele cabe no espaço j da célula, então $\text{matriz}[i][j]$ será o máximo entre não incluir o item (opção 1) ou incluir o item e adicionar seu peso à solução para os primeiros $i-1$ itens e capacidade $j - w_i$, ou seja

$$\text{matriz}[i-1][j - w_i] + w_i \text{ ou}$$

$$\text{matriz}[i][j] = \max(\text{matriz}[i-1][j], \text{matriz}[i-1][j - w_i] + w_i)$$

b)

```
int Knapsack() {
```

```
    /* considere que ja temos a matriz em algum lugar definido, por exemplo  
    que essa funcao esteja em uma classe */
```

```
    for(int i=0; i < N; i++) { // onde N é o tamanho de itens
```

```
        for(int j=0; j < W; j++) { // onde W é o tamanho de pesos
```

```
            if (i==0 || j==0)
```

```
                matriz[i][j] = 0;
```

```
            else if (w[i-1] <= j)
```

```
                matriz[i][j] = max(matriz[i-1][j], matriz[i-1][j - w[i-1]] + w[i-1]);
```

```

        else
            matriz[i][j] = matriz[i-1][j];
    }
}
return matriz[N][W];

```

c) $j = w$; // ou seja, j = tamanho máximo do peso
 itemescolha[]; // definir um vetor de escolha dos itens

```

for(int i=N; i>N; i--){
    if (matriz[i][j] != matriz[i-1][j]){
        itemescolha.append(i);
        j = j - w[i-1];
    }
}
return itemescolha;

```

②a) Mochila 0-1 foca em maximizar o valor de um conjunto de itens sujeitos a uma restrição de peso.

- WSSP foca em maximizar o peso total de um subconjunto de itens sem ultrapassar a capacidade máxima.

Para a fórmula, analogamente à 1a, temos:

- $matriz[i-1][j]$ se o peso de i for menor que o valor de j no momento
- $\max(matriz[i-1][j], matriz[i-1][j - peso_i] + i)$

b)

```
int Knapsack(int valor) // valor para o qual queremos achar na matriz
```

```
// considere que já temos a matriz em algum lugar definido
```

```
for (int i=0; i<N; i++) { // onde N é o tamanho de itens
```

```
    for (int j=0; j<W; j++) {
```

```
        if (i==0 || j==0)
```

```
            matriz[i][j]=0;
```

```
        else if (w[i-1] ≤ j)
```

```
            matriz[i][j]=max(matriz[i-1][j], matriz[i-1][j-wi]+wi);
```

```
        else
```

```
            matriz[i][j]=matriz[i-1][j];
```

```
    }
```

```
    return matriz[N][W];
```

c) Ao aplicar o pseudocódigo anterior, será retornado os itens i, ii e iv, que terá valor de 240 e peso de 100Kg.