Prova nº 3



Disciplina: Introdução à Álgebra Linear

Nome:	Valor: 3 pontos
-------	-----------------

Matrícula: Data:

1. (0,5 pontos) Achar os autovalores e os autovetores dos operadores linear do R³,considerando a base canônica:

- a) T(1, 0, 0) = (2, 0, 0), T(0, 1, 0) = (2, 1, 2) e T(0, 0, 1) = (3, 0, 1),
- b) T(x, y, z) = (x+2y-z, 3y-z, 4z)

2. (0,5 pontos) Determine a matriz associada, na base canônica, da transformação linear $R^3 \to R^3$ T(x, y, z) = (x + y, y, z). Depois determine uma base β de autovetores, se possível, e a matriz $[T]_{\beta}^{\beta}$.

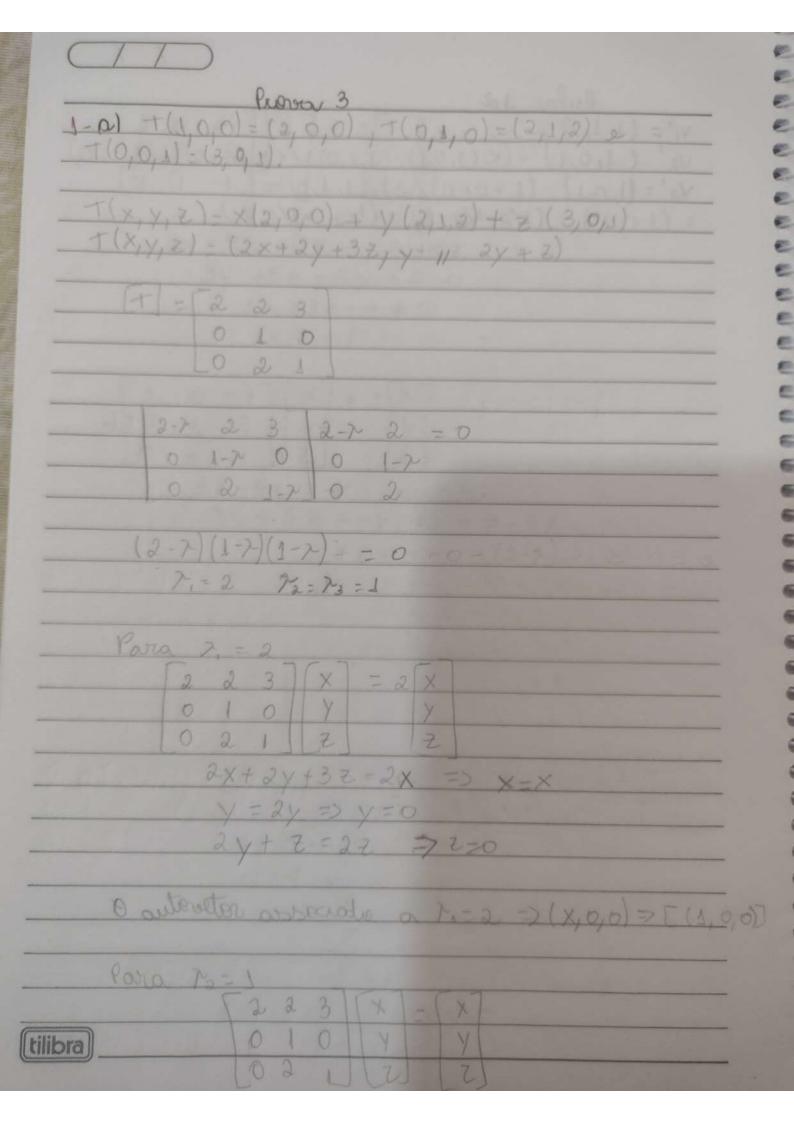
3. (0,5 pontos) Seja T: $R^3 \rightarrow R^3$ um operador linear T(x, y, z) = (x+y+z, 2y+z, 3z). Determine o polinômio minimal considerando a base canônica.

4. (0,5 pontos) Sejam $V = R^3$, u = (a, b, c) e v = (x, y, z) dois vetores quaisquer de R^3 . Caso seja necessário considere $w=(\alpha,\beta,\gamma)$. Verifique se a fórmula dada por $\langle u, v \rangle = \langle (a, b, c), (x, y, z) \rangle = 2ax + by + 4cz \acute{e}$ um produto interno em R^3 .

5. (0,5 pontos) Considerando o produto interno $\langle u, v \rangle = 2u_1v_1 + u_2v_2 + 4u_3v_3$ e os vetores u = (2,5,8) e v = (3,6,9) calcule:

- a) $\langle u, v \rangle$
- b) ||u||
- c) ||v||

6. (0,5 pontos) Seja β = {(1, 1, 0), (1, 0, 1), (0, 2, 2)}. Encontre, a partir de uma base ortonormal pelo procedimento de Gram-Schmidt de R³, em relação ao produto interno usual.



2x+2y+32=x => x=-32 O autoritor e assarado (632,0,2) => [13,0,0] b) T(x, x, z) = (x+2y-2, 3y-2, 42) [7]= 1 1-2 2 =0 (1-2)(3-2)(4-2)=01=1, 1=3, 1=4 x + 2y - Z = x => x = x 3 y - Z = y = 7 y=0 10,0,x) i exorperce satoralus tilibra

