

Exercícios de Fixação - Curso LaTeX

Autor: Kauê Scaranari Alcântara

Data: 7 de março de 2022

Seguem os exercícios resolvidos referentes à criação de expressões matemáticas:

Exercício 1:

$$\sqrt[3]{\left(\frac{2^3 + 2^5}{10}\right)} \quad (1)$$

Exercício 2:

$$\overline{(x \cdot y)^4} = \overline{x^4} \cdot \overline{y^4} \quad (2)$$

Exercício 3:

$$\frac{a}{\sin \widehat{A}} = \frac{b}{\sin \widehat{B}} = \frac{c}{\sin \widehat{C}} = 2r \quad (3)$$

Exercício 4:

$$\|\vec{u} \times \vec{v}\| = \|\vec{u}\| \cdot \|\vec{v}\| \cdot \sin(\theta) \quad (4)$$

Abaixo, encontra-se um extenso ambiente matemático para estudo. Podemos produzir um texto que apresenta expressões matemática no decorrer de sua leitura. Como exemplo, temos: $x = 2$, ou seja, x está valendo 2. Abaixo utilizamos o ambiente `equation` da seguinte forma:

$$x = 2. \quad (5)$$

Os operadores básicos são **soma**, **subtração**, **multiplicação** e **divisão**

- Para soma: $x = 2 + 1$
- Para subtração: $x = 2 - 1$
- Para multiplicação: $x = 3 * 6$ ou $x = 3.6$ ou $x = 3 \times 6$
- Para divisão: $x = 6/3$
- Para frações: $\frac{6}{2}$ ou também $\frac{4+3+2+1}{6 \times 8}$
- Para exponenciação: a^b , a^{b+c} , $a^{\frac{b}{c}}$
- Para radiciação: $\sqrt[n]{b} \longrightarrow$ Lê-se raiz n de b , $\sqrt[2]{4}$, $\sqrt[3]{81}$
- Para logaritmo: $\log 4$ Lê-se logaritmo de 4, $\log_2 4$ Lê-se logaritmo de 4 na base 2

- Para seno: $\sin 60$
- Para cosseno: $\cos 60$
- Para tangente: $\tan 60$

Agora podemos aplicar as propriedades aprendidas anteriormente às funções:

- $f(x) = 2x + 2$
- $f(x) = 2 \cos x$
- $f(x) = 2x^2 + x + 4$
- $f(x) = \sqrt[3]{x} + 2x + x^2$
- $f(x) = 2x^2 + x + 4$

O ambiente matemático do LaTeX também é útil para que possamos escrever reações químicas.

Vejamos como exemplo uma reação básica para a fotossíntese:



Para o cálculo de limites:

$$\lim_{x \rightarrow 1} (x^3 - 3) \quad (6)$$

$$\lim_{x \rightarrow 2} \sqrt{x^4 - 8} \quad (7)$$

$$\lim_{x \rightarrow -3} \left(\frac{x^2 - 9}{x + 3} \right) \quad (8)$$

$$\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{1}{x} \quad (9)$$

$$\int (e^{-x} + 2^x) dx \quad (10)$$

$$\int_a^b f(x) dx = F(b) - F(a) \quad (11)$$

Em seguida, temos a equação da Lei da Gravitação Universal de Isaac Newton:

$$\vec{F} = -G \frac{m_1 m_2}{r^2} \hat{r}, \quad G = 6.6 \times 10^{-11} \frac{m^3}{Kg^{-1}s^{-2}} \quad (12)$$

Aplicamos agora a construção de uma equação em t diferenciada:

$$f(t) = \frac{1}{2} + \frac{\cos \frac{\pi}{3}}{2\pi} \sum_{-\infty}^{\infty} \frac{1}{n} e^{Bn2\pi t} \quad (13)$$

$$\frac{a}{b + \frac{b+1}{c + \frac{c+1}{d + \frac{d+1}{e}}}} \quad (14)$$

Agora vejamos os limitadores left/right na prática que servem para demarcar uma equação/expressão:

- $\left(\frac{a}{b}\right)$
- $\left\{\frac{a}{b}\right\}$
- $\left[\frac{a}{b}\right]$

Vamos criar agora na prática mais um exemplo de equação:

$$\frac{d}{dt} \left(mr^2 \frac{d\theta}{dt} \right) = 0 \quad (15)$$

$$\begin{pmatrix} a & b \\ c & d \end{pmatrix} \quad (16)$$

$$\begin{pmatrix} a & b & c \\ d & e & f \\ g & h & i \end{pmatrix} \quad (17)$$

$$\begin{pmatrix} a & b & c \\ d & e & f \end{pmatrix} \quad (18)$$

$$\begin{pmatrix} a & b & c & d \\ e & f & g & h \\ i & j & k & l \\ m & n & o & p \end{pmatrix}_{4 \times 4} \quad (19)$$

$$\begin{cases} 3x + 2y = 6 \\ 2x + 3y = 5 \end{cases} \quad (20)$$

$$\begin{cases} x + y + z = 6 \\ x + 2y + 2z = 9 \\ 2x + y + 3z = 11 \end{cases} \quad (21)$$

$$3x + 2y = 6 \quad (22)$$

$$2x + 3y = 5 \quad (23)$$

$$x + y + z = 6 \quad (24)$$

$$x + 2y + 2z = 9 \quad (25)$$

$$2x + y + 3z = 11 \quad (26)$$

$$f(x) = \begin{cases} x - 1, & x = 2 \\ 2x + 3, & x \neq 2 \end{cases} \quad (27)$$

$$\det(A) = \begin{vmatrix} a & b \\ c & d \end{vmatrix} \quad (28)$$

$$\det(B) = \begin{vmatrix} a_{11} & b_{12} & c_{13} \\ d_{21} & e_{22} & f_{23} \\ g_{31} & h_{32} & i_{33} \end{vmatrix} \quad (29)$$

Temos agora, portanto, uma opção para escrever expressões com sobrescritos e subscritos:

$$\text{Exemplo: } A + B \xrightarrow{2min} C + D$$