## Análisis probabilístico de la semántica latente (PLSA)

Salvador López Mendoza

Junio de 2018

## **IDEAS**

Un documento es una muestra de varios tópicos.

Dado un comjunto de tópicos  $\{\theta_1, \dots, \theta_k\}$ , se considera a un documento como una cierta generación de texto relacionado con cada uno de los tópicos.

$$d = p(d|\theta_1) + \ldots + p(d|\theta_k)$$

El documento completo también contiene palabras que no pertenecen a los tópicos (el, un, una). Son el *LM de fondo*.

Ayudan a descubrir los tópicos que discriminan a los documentos.

A estas palabras se les trata como un tópico especial  $\theta_B$ .

**Entonces** 

$$d = p(d|\theta_1) + \ldots + p(d|\theta_k) + p(d|\theta_B)$$



## GENERACIÓN DE TEXTO CON VARIOS TÓPICOS

¿Cuál es la probabilidad de que una cierta palabra w sea parte de un documento?

$$p(w) = ?$$

Sea 
$$p(\theta_b) = \lambda_B$$

La palabra debe pertenecer a alguno de los tópicos.

Entonces,

$$p_d(w) = \lambda_B p(w|\theta_B) + (1 - \lambda_b) p(\theta_1) p(w|\theta_1) + \ldots + (1 - \lambda_b) p(\theta_1) p(w|\theta_k)$$

$$p_d(w) = \lambda_B p(w|\theta_B) + (1 - \lambda_b) \sum_{j=1}^k p(\theta_j) p(w|\theta_j)$$

Como  $p(\theta_i) = \pi_{d,i}$  se tiene que

$$p_d(w) = \lambda_B p(w|\theta_B) + (1 - \lambda_b) \sum_{j=1}^k \pi_{d,j} p(w|\theta_j)$$



## **PLSA**

$$p_d(w) = \lambda_B p(w|\theta_B) + (1 - \lambda_b) \sum_{j=1}^k \pi_{d,j} p(w|\theta_j)$$

- λ<sub>b</sub> representa el porcentaje de palabras de fondo. Es un valor conocido.
- $p(w|\theta_B)$  es el LM de fondo. También es conocido.
- $\pi_{d,j}$  es la cobertura del tópico  $\theta_j$  en el documento d.
- $p(w|\theta_j)$  es la probabilidad de que la palabra w se encuentre en el tópico  $\theta_j$ .

Hay muchos parámetros ( $\{\pi_{d,j}\}$ ,  $\{\theta_j\}$ , para  $j=1,\ldots,k$ .

Se necesita determinar el conjunto de parámetros que hagan la mejor clasificación.