

# Unités vectorielles

**Oguz Kaya**

Université Paris-Saclay

Orsay, France

## 1 Principes

- 1 Principes
- 2 L'unité AVX & les intrinsèques

## 1 Principes

## 2 L'unité AVX & les intrinsèques

## Principe

Un processeur scalaire effectue les opérations séquentiellement, chaque opération portant sur des données scalaires (un scalaire)

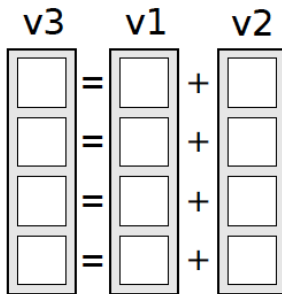
## Exemple: addition de vecteurs de 4 éléments

$v3[0] = v1[0] + v2[0];$

$v3[1] = v1[1] + v2[1];$

$v3[2] = v1[2] + v2[2];$

$v3[3] = v1[3] + v2[3];$

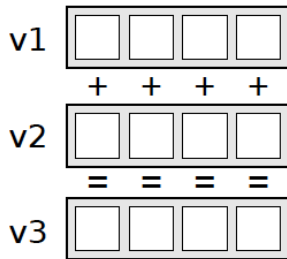


## Principe

Un processeur vectoriel effectue les opérations en parallèle sur un ensemble de scalaires, chaque opération portant sur des vecteurs

## Exemple: addition de vecteurs de 4 éléments

$v3 = v1 + v2;$





# Avantages/inconvénients de l'approche vectorielle

## 1 Avantage:

- Instructions  $n$  fois plus rapide,  $n$  la largeur de l'unité vectorielle si l'algorithme se prête au paradigme SIMD: une même instruction simultanément sur plusieurs données
  - calcul vectoriel
  - simulations scientifiques
  - traitement d'images
  - apprentissage automatique (réseaux neurons)

## 2 Inconvénient:

- Gain uniquement si l'algorithme se prête au paradigme SIMD.
- Sinon c'est une perte de circuit qui pourrait être utilisé pour d'autres fins (cœurs, cache, registre, ...).
- Parfois difficile (et sale) à utiliser à la main (automatisations possible).

- Années 60: premier projet Solomon
- Années 70: ILLIAC IV, université de l'Illinois
- ensuite: CDC, Cray, NEC, Hitachi, Fujitsu
- depuis 1996: processeurs “grand public” scalaires + unités vectorielles, Pentium (MMX, SSE, AVX), PowerPC (AltiVec)
- maintenant: dans quasiment toutes les architectures (x86, ARM, RISC-V)

Pareil que le fonctionnement des registres scalaires, sauf chaque opération se fait sur un ensemble de données.

- 1 Chargement des données de la mémoire vers les registres SIMD
- 2 Opération sur les registres SIMD
- 3 Placement du résultat en mémoire

- **Vectorisation automatique:** Le compilateur tente de vectoriser le code automatiquement.
- **Programmation assembleur:** Programmation bas-niveau, manipulation directe des registres et des instructions.
- **Intrinsèques:** Manipulation des variables par des fonctions intrinsèquement définies dans un fichier `?mmintrin.h`.
- **Bibliothèques de haut-niveau (OpenMP):** Auto-véctorisation à l'aide des astuces données à la bibliothèque.

1 Principes

2 L'unité AVX & les intrinsèques

# Streaming SIMD Extensions (SSE)

- SSE - Pentium III, Athlon XP
- SSE2 - Pentium 4 Willamette
- SSE3 - Pentium 4 Prescott
- SSSE3 - (Supplemental SSE3) Core Woodcrest
- SSE4.1 - Core 2 Penryn
- SSE4.2 - Core i7 Nehalem
- AVX - Sandy Bridge
- **AVX2** - Haswell
- AVX512 - Skylake et la suite

## Composition

Chaque nouvelle version de SSE/AVX contient la précédente

$SSE(N) = \text{nouvelles instructions} + SSE(N-1)$

# Intrinsics

Les intrinsics sont accessibles à travers des fichiers .h qui définissent:

- des types de variables
- des fonctions opérant sur ces variables

## Fichiers

- SSE: `xmmintrin.h`
- SSE2: `emmintrin.h`
- SSE3: `pmmmintrin.h`
- SSSE3: `tmmintrin.h`
- SSE4.1: `smmintrin.h`
- SSE4.2: `nmmintrin.h`
- **AVX/AVX2: `immintrin.h`**

Lancer **lscpu** sous Linux pour afficher la version supportée.

# Advanced Vector Extensions (AVX)

## Registres de 256 bits

16 registres 256bits sur x86-64: YMM0 — > YMM15

## Instructions

- transferts mémoire < — > registres AVX
- opérations arithmétiques
- opérations logiques
- tests
- permutations



## Compilation du programme.c

```
gcc programme.c -o programme -mavx2
```

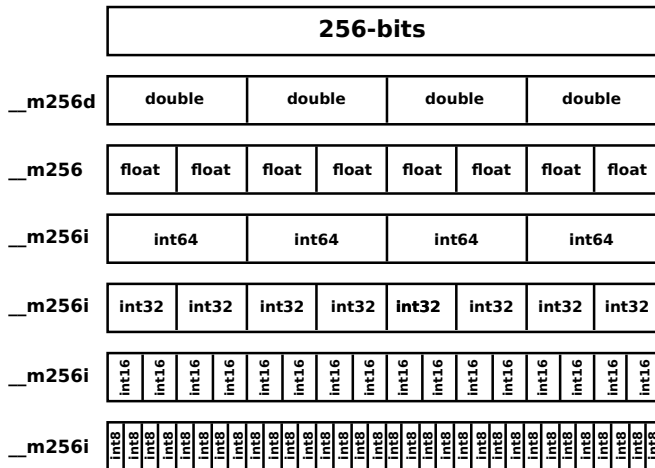
## Exécution

```
./programme
```

## Types

- `__m256`: 8 floats
- `__m256d`: 4 doubles
- `__m256i`: 256/*largeur* entiers (*largeur* = 8, 16, 32, 64)

Il y a un jeu d'instructions définies pour chaque type.



## Nomenclature générale

`_mm256_{operation}_{non-alignement}_{dataorganization}_{datatype}...`

## Exemple: addition de 2 vecteurs de 8 flottants

`_mm256_mm256_add_ps( _mm256 A, _mm256 B)`

`_mm256_loadu_ps256`

- s (single): flottant simple précision (32bits)
- d (double): flottant double précision (64bits)
- i... (integer): entier
- p (packed): contigus, opérer sur le vecteur entier
- s (scalar): n'opérer que sur un élément (obsolète!)
- u (unaligned): données non alignées en mémoire
- l (low): bits de poids faible
- h (high): bits de poids fort
- r (reversed): dans l'ordre inverse

# Fonctionnement général

- 1 déclaration des variables AVX (registres):  
`__m256 r1;`
- 2 chargement des données de la mémoire vers les registres AVX:  
`float A[8] __attribute__((aligned(16)));`  
`...`  
`r1 = _mm256_load_ps(&A[0]);`
- 3 opérations sur les registres SIMD  
`r1 = _mm256_add_ps(r1, r1);`
- 4 placement du contenu des registres en mémoire:  
`_mm256_store_ps(&A[0], r1)`

- **Flottants:**

```
__m256 _mm256_load_ps(float *addr)  
void _mm256_store_ps(float *addr, __m256 a)
```

- **Doubles:**

```
__m256d _mm256_load_pd(double *addr)  
void _mm256_store_pd(double*addr, __m256 a)
```

- **Entiers:**

```
__m256i _mm256_load_si256(__m256i const * addr)  
void _mm256_store_si256(__m256i const * addr, __m256i a)
```

# Transferts depuis la mémoire vers les registres AVX

- alignés ou non alignés:  
  `_mm256_load...` ou `_mm256_loadu...`  
  `_mm256_store...` ou `_mm256_storeu...`
- par vecteurs:  $8 \times SP$ ,  $4 \times DP$ , ...  
  `_mm256_load_ps`, `_mm256_load_pd`, ...  
  `_mm256_store_ps`, `_mm256_store_pd`, ...



- L'accès à une variable est **alignée** si l'adresse de cette variable est un multiple de sa taille. Cette contrainte est matérielle.
- Pour les variables AVX, le processeur peut effectuer des transferts efficaces des variables AVX 32 octets (256 bits) si elle est aligné sur 32 octets.
- Pour obtenir l'alignement d'un type: `__alignof__(type)`

## Cacheline splits

Une ligne de cache a généralement une taille de 32 à 64 octets.

Si la donnée chargée dans un registre SSE provient d'une zone mémoire à "cheval" sur 2 lignes de cache, alors il faut lire les 2 lignes de cache pour pouvoir remplir le registre SSE, ce qui implique une baisse de performance

- Alignement de données statiques sur 32 octets:

```
int x __attribute__((aligned (32)))
```

```
float y[8] __attribute__((aligned (32)))
```

- Alignement de données dynamiques sur 32 octets:

```
type* x = (type*) _mm_malloc(size*sizeof(type), 32);
```

- Les accès non alignés peuvent être beaucoup plus lents (mais pas autant dans les nouvelles générations).

- `_mm256_add_pd(__m256d A, __m256d B)` - ( Add-Packed-Double )
  - Entrée: [ A0, A1, A2, A3 ], [ B0, B1, B2, B3 ]
  - Sortie: [ A0 + B0, A1 + B1, A2 + B2, A3 + B3 ]
- `_mm256_add_ps(__m256 A, __m256 B)` - ( Add-Packed-Single )
  - Entrée: [ A0, ..., A7 ], [ B0, ..., B7 ]
  - Sortie: [ A0 + B0, ..., A7 + B7 ]
- `_mm256_add_epi64(__m256i A, __m256i B)` - ( Add-Packed-Int64 )
  - Entrée: [ A0, A1, A2, A3 ], [ B0, B1, B2, B3 ]
  - Sortie: [ A0 + B0, A1 + B1, A2 + B2, A3 + B3 ]
- `_mm256_add_epi32(__m256i A, __m256i B)` - ( Add-Packed-Int32 )
- `_mm256_add_epi16(__m256i A, __m256i B)` - ( Add-Packed-Int16 )
- `_mm256_add_epi8(__m256i A, __m256i B)` - ( Add-Packed-Int8 )

Idem pour `_mm256_sub...`

- `_mm256_mul_pd(__m256d A, __m256d B)` - (Multiply-Packed-Double)
  - Entrée: [ A0, A1, A2, A3 ], [ B0, B1, B2, B3 ]
  - Sortie: [ A0 \* B0, A1 \* B1, A2 \* B2, A3 \* B3 ]
- `_mm256_mul_ps(__m256 A, __m256 B)` - (Multiply-Packed-Single)
  - Entrée: [ A0, ..., A7 ], [ B0, ..., B7 ]
  - Sortie: [ A0 \* B0, ..., A7 \* B7 ]
- `_mm256_mul_epi64(__m256i A, __m256i B)` - (Multiply-Packed-Int64)
  - Entrée: [ A0, A1, A2, A3 ], [ B0, B1, B2, B3 ]
  - Sortie: [ A0 \* B0, A1 \* B1, A2 \* B2, A3 \* B3 ]
- `_mm256_mul_epi32(__m256i A, __m256i B)` - ( Multiply-Packed-Int32 )
- `_mm256_mul_epi16(__m256i A, __m256i B)` - ( Multiply-Packed-Int16 )
- `_mm256_mul_epi8(__m256i A, __m256i B)` - ( Multiply-Packed-Int8 )

Idem pour `_mm256_div...` ; attention, la division est **très lente**!

- `_mm256_fmadd_pd(__m256 A, __m256 B, __m256 C)` -  
(Fused-Multiply-Add-Packed-Double )
  - Entrée: [ A0, A1, A2, A3 ], [ B0, B1, B2, B3 ], [C0, C1, C2, C3]
  - Sortie: [ A0 \* B0 + C0, A1 \* B1 + C1, A2 \* B2 + C2, A3 \* B3 + C3 ]
- `_mm256_fmadd_ps(__m256 A, __m256 B, __m256 C)` -  
(Fused-Multiply-Add-Packed-Single)
  - Entrée: [ A0, ..., A7 ], [ B0, ..., B7 ], [C0, ..., C7 ]
  - Sortie: [ A0 \* B0 + C0, ..., A7 \* B7 + C7 ]

Idem pour `_mm256_fmsub...`

- `_mm256_hadd_pd(A, B)` - ( Horizontal-Add-Packed-Double )
  - Entrée: [ A0, A1, A2, A3 ], [ B0, B1, B2, B3 ]
  - Sortie: [ A0 + A1, B0 + B1, A2 + A3, B2 + B3 ]
- `_mm256_hadd_ps(A, B)` ( Horizontal-Add-Packed-Single )
  - Entrée: [ A0, ..., A7 ], [ B0, ..., B7 ]
  - Sortie: [ A0 + A1, A2 + A3, B0 + B1, B2 + B3, A4 + A5, A6 + A7, B4 + B5, B6 + B7 ]
- `_mm256_hadd_epi32(__m256i A, __m256i B, __m256i C)` - (Horizontal-Add-Packed-Int32)
- `_mm256_hadd_epi16(__m256i A, __m256i B, __m256i C)` - (Horizontal-Add-Packed-Int16)
- Idem pour `_mm256_hsub...`

# Opérations logiques et de comparaison

- `_mm256_{and, or, xor, ...}_{ps, pd, si256}(A, B)`
- `_mm256_cmp_{ps, pd}(A, B, op)`
  - `op = _CMP_LT_OS`: Comparaison  $A < B$
  - `op = _CMP_LE_OS`: Comparaison  $A \leq B$
  - `op = _CMP_EQ_OS`: Comparaison  $A == B$
  - `op = _CMP_GT_OS`: Comparaison  $A > B$
  - `op = _CMP_GE_OS`: Comparaison  $A \geq B$
- `_mm256_cmpeq_epi{64, 32, 16, 8}(_mm256i A, _mm256i B)`
- `_mm256_cmpgt_epi{64, 32, 16, 8}(_mm256i A, _mm256i B)`

## Comparaisons

Pour `C = _mm256_cmp... (A, B)`, si  $A[i] \text{ op } B[i]$  est correcte,  $C[i] = 0b11...1$ . Si c'est faux,  $C[i] = 0b00...0$ .



# Mélange des données: Permutation

L'instruction permet d'obtenir n'importe quel permutation des données dans un registre AVX. La permutation est précisé par un entier immédiat dont bits servent des indices.

- `__m256d B = _mm256_permute4x64_pd(__m256d A, const int imm8)`  
 $B[0] = A[\text{imm8}[1:0]]$   
 $B[1] = A[\text{imm8}[3:2]]$   
 $B[2] = A[\text{imm8}[5:4]]$   
 $B[3] = A[\text{imm8}[7:6]]$
- `__m256i B = _mm256_permute4x64_epi64(__m256i A, const int imm8)`  
 $B[0] = A[\text{imm8}[1:0]]$ ;  $B[1] = A[\text{imm8}[3:2]]$   
 $B[2] = A[\text{imm8}[5:4]]$ ;  $B[3] = A[\text{imm8}[7:6]]$
- `__m256 B = _mm256_permutevar8x32_ps(__m256 A, __m256i idx)`  
 $B[i] = A[\text{idx}[(32 * i) + 2 : (32 * i)]]$
- `__m256i B = _mm256_permutevar8x32_epi32(__m256i A, __m256i idx)`  
 $B[i] = A[\text{idx}[(32 * i) + 2 : (32 * i)]]$

- `_mm256_set_ps(float f0, ..., float f7)`
- `_mm256_set_pd(double d0, double d1, double d2, double d3)`
- `_mm256_set_epi64x(int64_t i0, ..., int64_t i3)`
- `_mm256_set_epi32(int i0, ..., int i7)`
- `_mm256_set_epi16(short i0, ..., short i15)`
- `_mm256_set_epi8(char i0, ..., char i31)`
- Il y a aussi la variante `_mm256_set1_ps(float f)` qui affecte la même valeur à tous les éléments du vecteur (idem pour double, `int{64, 32, 16, 8}`)

- Organiser correctement les données pour éviter les accès non contigus.
- Rester dans le cache autant que possible.
- Aligner les données (moins importants dans les versions récentes).
- Rester le plus longtemps possible dans les registres (c'est à dire, éviter les lectures/écritures sur la mémoire)

La structure initiale ne pourrait pas être adaptée à la vectorisation. Dans ce cas là il faudrait y repenser.

- Tableau de structures (Array of structures - AoS):  
xyzwxyzwxyzw
- Structure de tableaux (Structure of Arrays - SoA):  
xxxxxxxxx ... yyyyyyyyyy ... zzzzzzzzzz ... wwwwwwwwww ...
- Structure hybride:  
xxxxyyyyzzzzwwwwxxxxyyyyzzzzwwww ...

- Unités vectorielles permettent le mode d'opération SIMD sur un vecteur de données.
- L'état du jeu d'instructions AVX est assez chaotique (tout comme x86-64)
- Instructions pas compatibles avec tous les types de donnée
- Potentiel de gain substantiel (16-32x avec AVX2)