Simplex - opšti oblik LP

Potrebno je implementirati funkciju rijesi_simplex(goal, A, b, c, csigns, vsigns), koja prima parametre

- goal string koji označava max/min,
- A matrica koeficijenata uz promjenljive u ograničenjima,
- b vektor slobodnih koeficijenata sa desne strane ograničenja,
- c vektor koeficijenata u funkciji cilja,
- csigns vektor s elementima $+1(\geq),-1(\leq),0(=)$ koji odgovaraju znaku ograničenja i
- vsigns vektor s elementima +1(nenegativna),-1(nepozitivna), 0(neograničena po znaku) koji odgovara ograničenjima na promjenljive.

Funkcija vraća vrijednosti varijabli x i optimalnu vrijednost funkcije cilja Z, te rješava opšti oblik zadatka linearnog programiranja korištenjem **simplex** metode. Opšti oblik linearnog programiranja glasi:

$$\arg\{\max / \min\} Z(\mathbf{x}) = \mathbf{c}^{T} \mathbf{x}$$
p.o.
$$\mathbf{A} \mathbf{x} \{ \le / = / \ge \} \mathbf{b}$$

$$\mathbf{x} \{ \le / \le \ge / \ge \} 0$$
(1)

Rad sa znakom \leq , = ili \geq (prije ovog dijela treba provjeriti ima li negativnih b_i): Rješavanje odstupanja od standardnog oblika zadatka linearnog programiranja sa ciljem da se dobije početna simpleks tabela:

1. Ograničenje tipa =

Dodaje se vještačka (nenegativna) promjenljiva na lijevu stranu jednačine. Pošto ta vještačka promjenljiva mora u konačnom rješenju biti jednaka nuli, u funkciju cilja se dodaje ova vještačka promjenljiva pomnožena sa velikim koeficijentom (kazneni koeficijent M), koji je negativan za traženje maksimuma, a pozitivan za traženje minimuma (umjesto uvođenja konkretnih vrijednosti za M, mogu se koristiti dva reda za koeficijente funkcije cilja kako bi se odvojili koeficijenti koji se množe sa M od ostalih koeficijenata). Pripaziti kako radite pivotiranje.

2. Ograničenje tipa \geq

Oduzima se nenegativna promjenljiva od lijeve strane nejednačina koja se sada pretvara u jednačinu. Dalje se radi kao u prethodnom slučaju.

Rad sa znakom promjenljive X: vrijednost u i-tom redu je:

- 1 ako je $x_i \geq 0$,
- -1 ako je $x_i \leq 0$,
- 0 ako je x_i neograničena po znaku.

Na osnovu ovih vrijednosti treba vidjeti jesu li potrebne dodatne promjenljive.

Napomena: Nakon završetka simpleks metoda treba vidjeti da li je dobijeno rješenje, je li ono jedinstveno, da li je degenerirano ili ne. Također treba ispisati poruku i u slučaju kada je rješenje neograničeno ili kada isto nije nađeno. Testirajte program na različitim primjerima.