

Home Production

Calvo, Lindenlaub, and Reynoso (2024)

柳本和春 

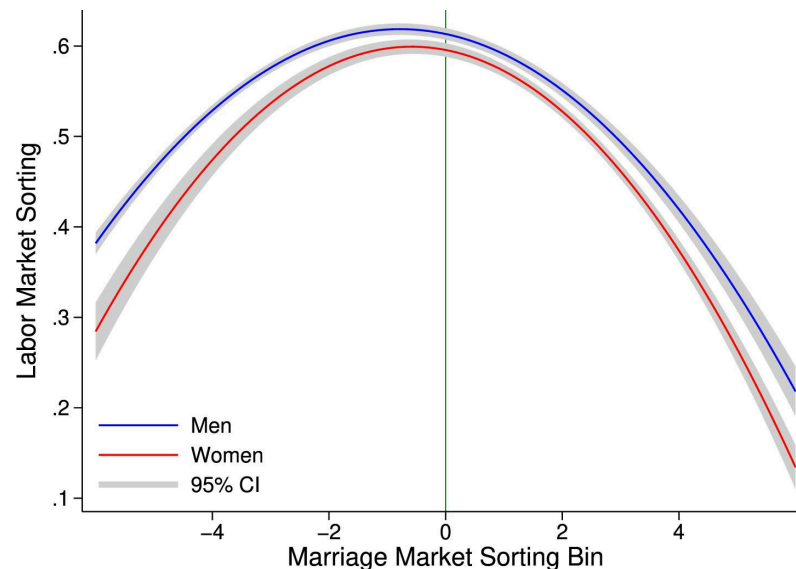
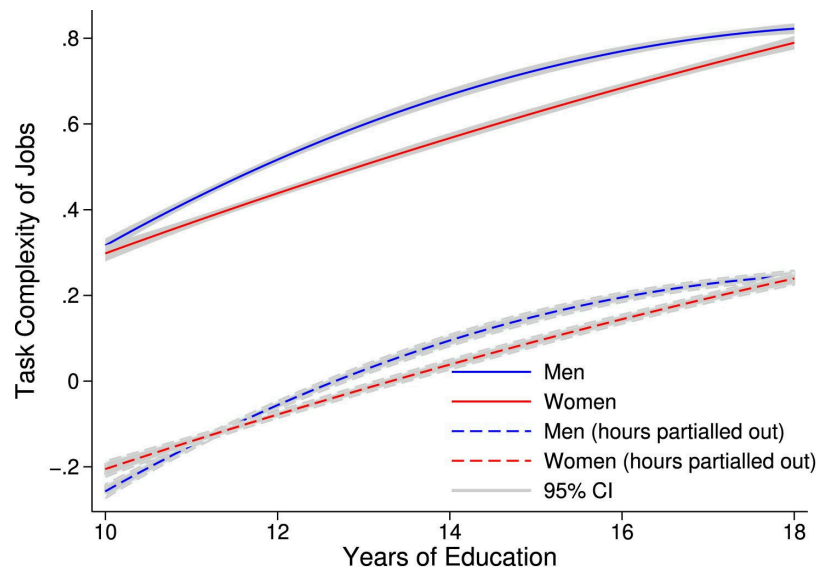
yanagimoto@econ.kobe-u.ac.jp

神戸大学

2026-01-14

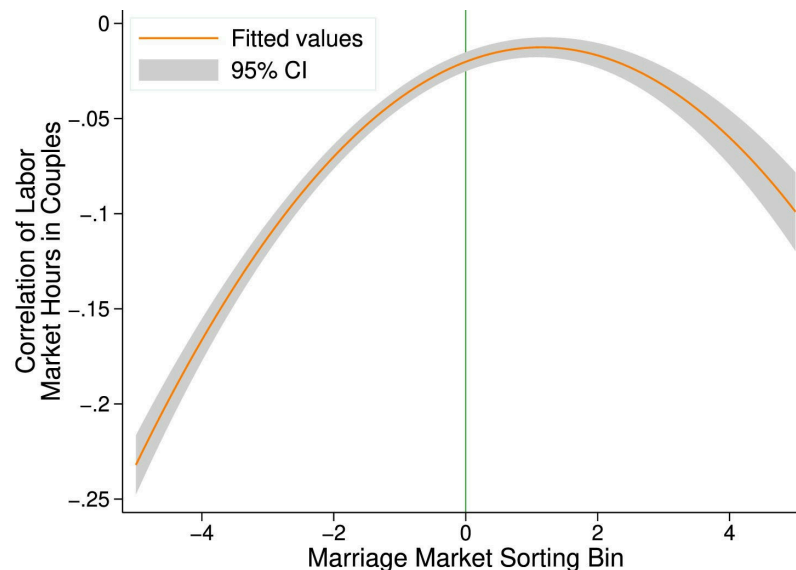
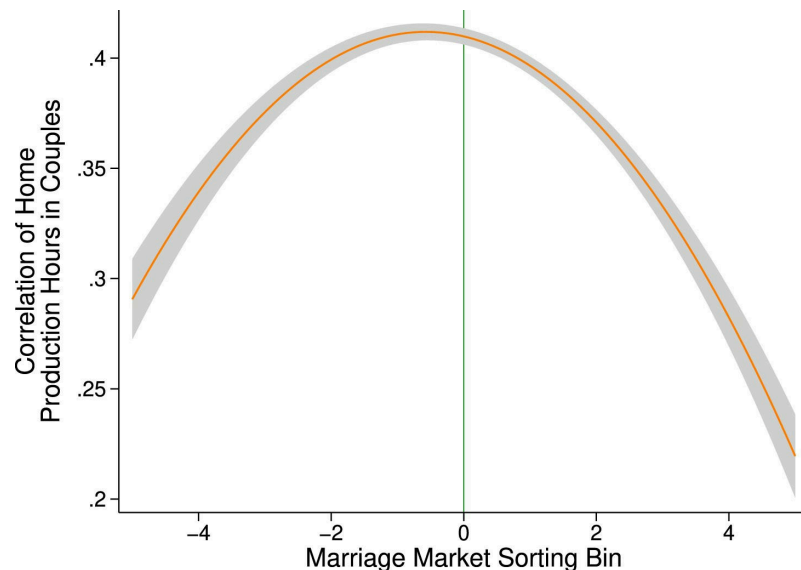
Calvo, Lindenlaub, and Reynoso (2024)

Positive Assortative Matching (PAM) in Labor and Marriage Markets



- ▶ 教育年数と仕事のタスクの複雑性には正の相関がある ⇒ Labor Market Sorting
 - Hours partialled out は労働時間で回帰した残差を教育年数で回帰した場合
- ▶ Labor Market Sorting とカップルの教育年数の差には \cap -shape の関係がある
 - 同類婚者は, 自身のスキルよりかなり高い仕事や低い仕事に就くことは少ない

Home Production



- ▶ 夫婦間での労働時間の正の相関が、市場労働も家事労働も、学歴が高いほど強い
- ▶ 家庭内分業 (賃金の高い方が市場労働に従事し、低い方が家事労働に従事する傾向) と整合的

モデル 設定

Stage:	<i>Marriage Market</i>		<i>Household</i>	<i>Labor Market</i>
Allocations:	$x_m \text{ matches with } x_f \rightarrow \eta(x_f)$		$c_f, c_m, h_m, h_f \rightarrow p, \tilde{x}_f, \tilde{x}_m$	$\tilde{x}_i \text{ matches with } y \rightarrow \mu(x_i)$
Prices:	$v(x_f)$			$w(\tilde{x}_f), w(\tilde{x}_m)$

- ▶ 3つのタイプのエージェント, 男性, 女性, 企業で構成される
- ▶ 男女はステージ (Marriage, Household, Labor) で意思決定をする
- ▶ 企業はそれぞれ生産性 $y \in \mathcal{Y} = [\underline{y}, \bar{y}]$ が異なる
- ▶ 男性はスキル $x_m \in \mathcal{X}_m = [0, \bar{x}_m]$, 女性は $x_f \in \mathcal{X}_f = [0, \bar{x}_f]$ を持つ
- ▶ 企業は労働時間 h と合わせた effective skill $\tilde{x} = e(x, h)$ を用いて生産 $z(\tilde{x}, y)$ を行う
- ▶ カップルは家事労働時間 $l_i = 1 - h_i$ をもちいて, 公共財 $p(1 - h_m, 1 - h_f)$ を生産する

Labor Market から後方帰納法的に解いていく

意思決定

Labor Market

生産性 y をもつ企業は, (一企業にとって) 外生的な賃金関数 $w(\tilde{x})$ に基づいて労働者を雇う

$$\max_{\tilde{x}} z(\tilde{x}, y) - w(\tilde{x}) \quad (1)$$

- ▶ 式 1 は (market clearing 条件と共に) マッチング関数 $\mu : \tilde{\mathcal{X}} \rightarrow \mathcal{Y}$ を定義する
- ▶ 式 1 の 1 階条件を微分方程式として解くと, 賃金関数は

$$w(\tilde{x}) = w_0 + \int_0^{\tilde{x}} z_{\tilde{x}}(t, \mu(t)) dt.$$

Proof. $t = \tilde{x}$ において, 一階条件は $\frac{dw}{dt}(t) = z_{\tilde{x}}(t, \mu(t))$ より, 変数分離して

$$\int w(t) dt = \int z_{\tilde{x}}(t, \mu(t)) dt.$$

$t : 0 \rightarrow \tilde{x}$ で積分し, $w(0) = w_0$ とおくと, 示された.

意思決定

Household Allocation

$$\max_{c_m, c_f, h_m, h_f} u(c_m, p(1 - h_m, 1 - h_f)) \quad (2)$$

subject to

$$\begin{aligned} c_m + c_f &\leq w(e(x_m, h_m)) - w(e(x_f, h_f)) \\ u(c_f, p(1 - h_m, 1 - h_f)) &\geq \bar{v}. \end{aligned}$$

- ▶ \tilde{v} はカップルにとって外生的な効用水準. 女性のスキル \tilde{x}_f に依存する (結婚市場で決定)
- ▶ Home production function $p(l_m, l_f)$
 - PAM の条件 (次ページ) を満たすために supermodular ($p_{l_m, l_f} > 0$) の必要がある
 - 言い換えれば, 家時間 (家事労働や余暇) が補完的である必要がある

意思決定

Marriage Market

家計の問題 (2) の解を $c_i(x_m, x_f, \tilde{v})$, $h_i(x_m, x_f, \tilde{v})$ と書くと, 結婚市場の問題は

$$\max_{x_f} \Phi(x_m, x_f, v) := u(c_m(x_m, x_f, v(x_f)), p(1 - h_m(x_m, x_f, v(x_f))), 1 - h_f(x_m, x_f, v(x_f)))) \quad (3)$$

- ▶ 式 3 は (marriage market clearing 条件と共に) マッチング関数 $\eta: \mathcal{X} \rightarrow \mathcal{Y}$ を定義する
- ▶ η を所与とすると, 式 3 の一階条件は $v(\cdot)$ の微分方程式を与える

Conditions for PAM in Labor and Marriage Markets

この論文は PAM が労働市場と結婚市場の両方で成立する条件を示している:

- ▶ Home production function の**補完性** (p の supermodularity)
 - 労働時間を同程度にするインセンティブ.
 - 同程度の労働時間なら, 自分より高いスキルのパートナーを選ぶインセンティブ
- ▶ Production function の**補完性** (z の supermodularity)
 - 高い生産性を持つ企業は, 高いスキルを持つ労働者を雇うインセンティブ

離散選択

理論モデルと異なり, 実証分析では離散化的なスキル s 上で離散選択を仮定する.

結婚市場

スキル s_m の男性が, スキル s の女性と結婚する効用:

$$\Phi(s_m, s, v(s_m, s)) + \beta_m^s, \quad \beta_m^s \sim \text{Type I } (0, \sigma_\beta)$$

女性側の効用も同様に定義され, マッチングのショックは $\beta_f^s \sim \text{Type I } (0, \sigma_\beta)$.

労働市場

$$u(c_i, p(1 - h_i, 1 - h_j)) + \delta^{h^t}$$

ここで, 労働市場のショック δ^{h^t} は, 婚姻状態によらず単一の分布に従う.

$$\delta^{h^t} = \begin{cases} \delta^{h_i} & \text{if } t = U \\ \delta^{h_f} + \delta^{h_m} & \text{if } t = M \end{cases}, \quad \delta^{h^t} \sim \text{Type I } (0, \sigma_\delta)$$

Parameterization

- ▶ $u(c, p) = c + p$
- ▶ $s := x + \nu$: 教育年数 x と能力 ν に依存する. $s \in \mathcal{S}$
- ▶ $\tilde{s}_m = s_m h_m, \tilde{s}_f = \psi s_f h_f$
→ $\psi \leq 1$ はジェンダーギャップ
- ▶ $z(\tilde{s}, y) = A_z \tilde{s}^{\gamma_1} y^{\gamma_2} + K$
→ K は最低賃金を表す

Home production function:

$$p^M(1 - h_m, 1 - h_f) = A_p \left(\theta (1 - h_f)^\rho + (1 - \theta) (1 - h_m)^\rho \right)^{\frac{1}{\rho}}$$

$$p^U(1 - h_i) = A_p (\theta \mathbb{1}\{i = m\} + (1 - \theta) \mathbb{1}\{i = f\}) (1 - h_i)$$

- ▶ $\rho < 0$ なら, 家時間は補完的

Calibration

Data

- ▶ German Socioeconomic Panel (GSOEP): ドイツの家計のパネルデータ.
- ▶ BIBB: ドイツ版の職業分類のデータ. アメリカの O*NET に相当.

タイプの推定

- ▶ GSOEP を元に, 労働者の能力 v を個人の固定効果として推定
 - 内生性などの問題の詳細な議論は OE.3 参照
- ▶ 離散スキル s は, 教育年数 x と能力 v の和として定義し, 6 つのタイプに分割
- ▶ 企業の生産性 y は BIBB の職業分類を元に PCA によって 1 次元に圧縮

K の推定

- ▶ 週 25 時間以下の労働時間をもつ労働者の下位 5% 点の賃金を採用

Calibration

Simulation Method of Moments (SMM)

TABLE 2
Estimated parameters

Parameter	Estimate	s.e.	Top-3 sensitivity moments
Female relative productivity in home production, θ	0.82	0.06	M1, M5, M11
Complementarity parameter in home production, ρ	-0.54	0.20	M3, M5, M11
Home production TFP, A_p	38.33	3.46	M1, M11, M13
Elasticity of output w.r.t. \tilde{s} , γ_1	0.63	0.05	M7, M12, M13
Elasticity of output w.r.t. y , γ_2	0.18	0.05	M1, M13, M14
Production function TFP, A_z	42.00	2.29	M1, M5, M11
Female productivity wedge, ψ	0.85	0.02	M7, M9, M11
Labour supply shock (scale), σ_δ	7.57	0.93	M1, M11, M15
Preference shock for partners (scale), σ_β	0.11	0.01	M10, M11, M14

- ▶ 16 個のモーメントを用いて, 9 個のパラメータを推定. モーメントの詳細は Figure 4 参照
- ▶ $\rho < 0$: 家時間は補完的であり, PAM の条件を満たす
- ▶ $\theta > 0.5$: 女性の方が家時間において生産性が高い
- ▶ $\gamma_1 < 1, \gamma_2 < 1$ は z の凸性を示す. PAM の条件を満たす

Untargeted Moments

PAM in Marriage Market

TABLE 3

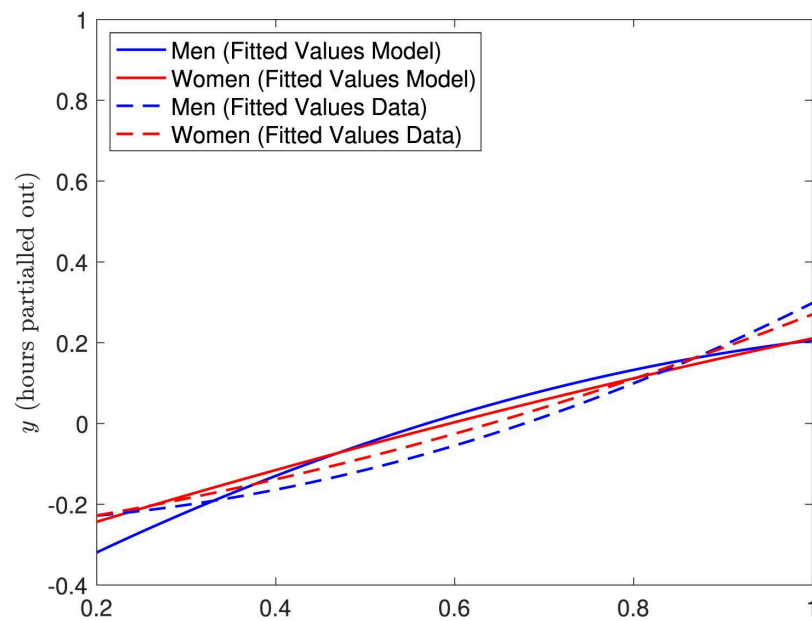
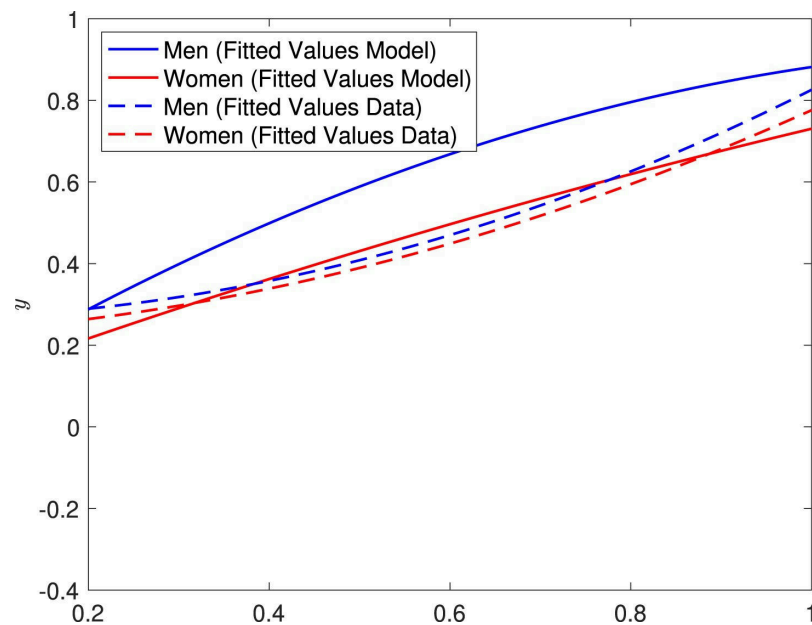
Untargeted moments: marriage matching frequencies—model and (data)

	Low Educ men	Medium Educ men	High Educ men	Single women
Low Educ women	0.0693 (0.1066)	0.0792 (0.0447)	0.0363 (0.0189)	0.0297 (0.0430)
Medium Educ women	0.1056 (0.0894)	0.1122 (0.1681)	0.0891 (0.0727)	0.0990 (0.0765)
High Educ women	0.0363 (0.0176)	0.0495 (0.0335)	0.0924 (0.1066)	0.0363 (0.0602)
Single men	0.0660 (0.0563)	0.0693 (0.0619)	0.0297 (0.0439)	

- ▶ SMM ではスキルレベル s をターゲットにし, 教育年数自体はターゲットにしていない
- ▶ おおむね, PAM が成立していることがわかる
- ▶ 元のモデルでは独身者の数が少なすぎたため, 独身の価値を調整している (Appendix D.1)

Untargeted Moments

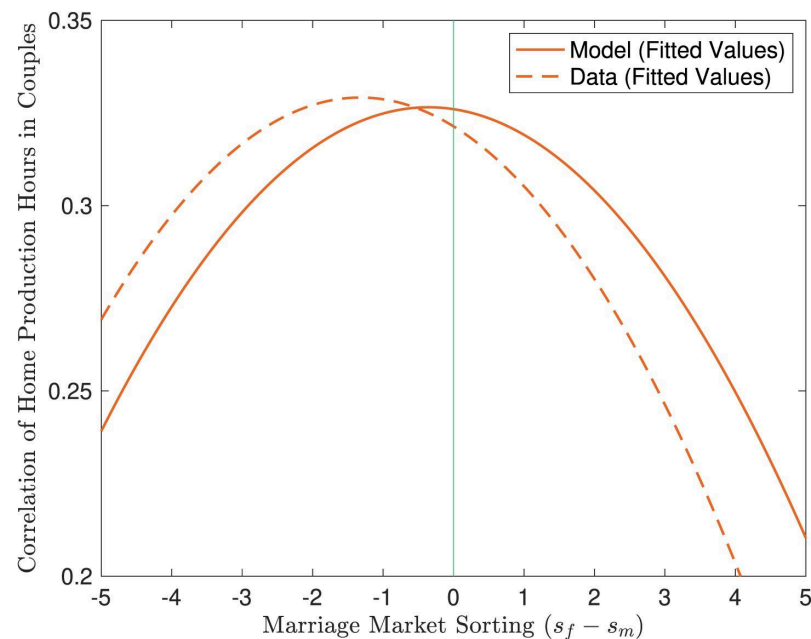
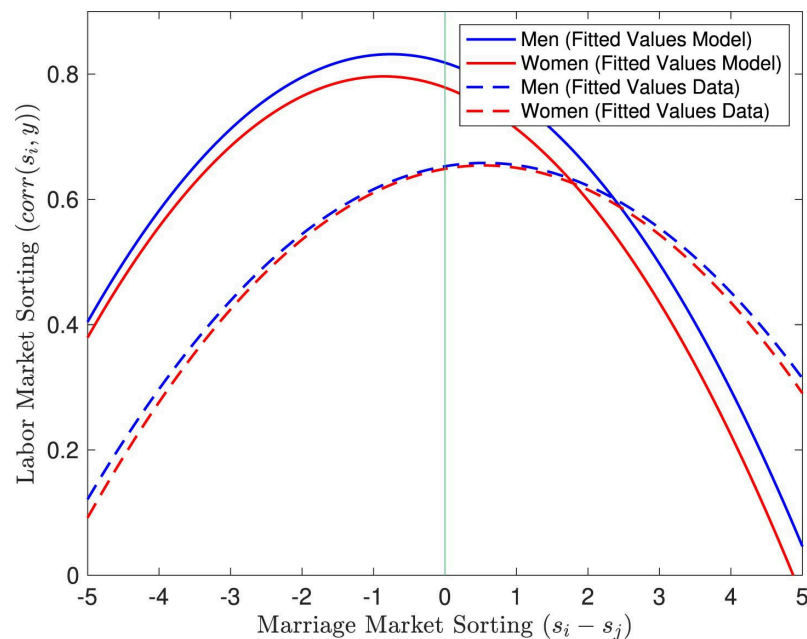
PAM in Labor Market



- ▶ x 軸はスキルレベル s . データで観測された PAM の傾向をモデルが再現している

Untargeted Moments

PAM in Marriage and Labor Markets



- ▶ Labor Market Sorting とカップル間のスキルの差の関係をモデルが再現している
- ▶ 家時間の相関とカップル間のスキルの相関をモデルが再現している

Inequality

個人 i がグループ g に属しているとき, 個人の変数 x_i の分散は,

$$\text{Var}(x_i) = \underbrace{\mathbb{E}_g[\text{Var}_i(x_i \mid g(i))]}_{\text{Within Group Variance}} + \underbrace{\text{Var}_g(\mathbb{E}_i[x_i \mid g(i)])}_{\text{Between Group Variance}}$$

Cross-section 2010-2016

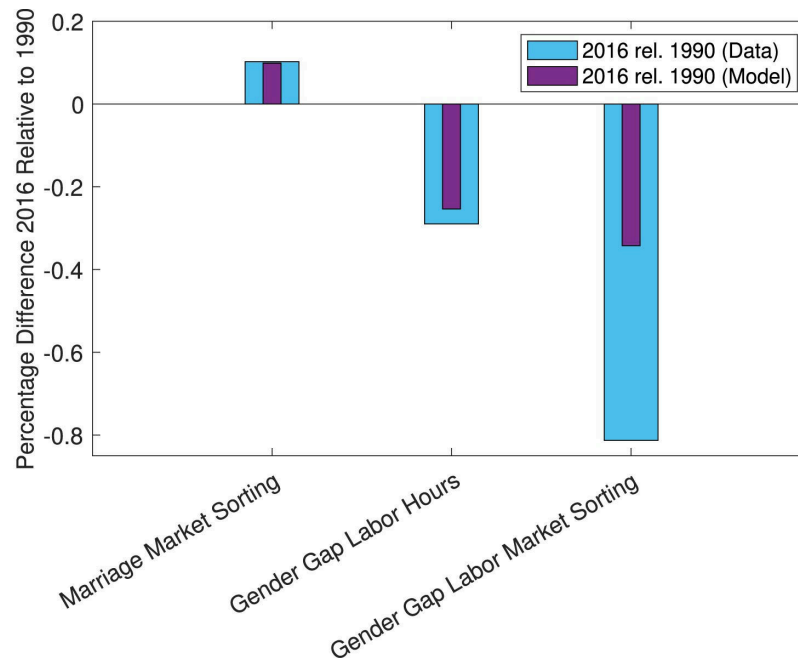
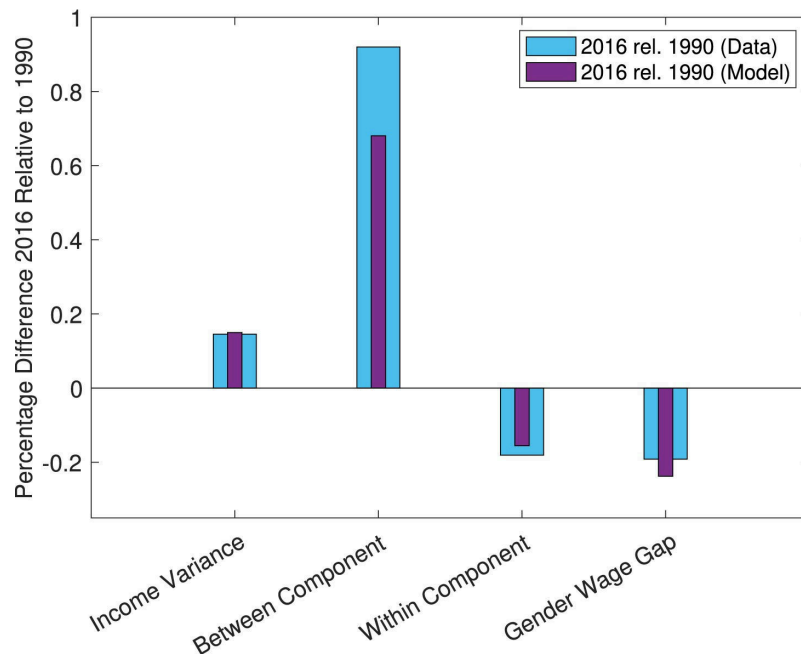
TABLE 4
Gender and household inequality

	Model	Data
Total wage variance	86.80	97.78
Within-household wage variance	40.47	49.18
... share in total variance	0.47	0.50
Between-household wage variance	46.33	48.60
... share in total variance	0.53	0.50
Gender wage gap	0.24	0.20

- ▶ モデルは賃金の分散や gender wage gap を再現している
- ▶ 賃金の分散 (inequality の指標) は, 家庭内と家庭間で約半分ずつ寄与している

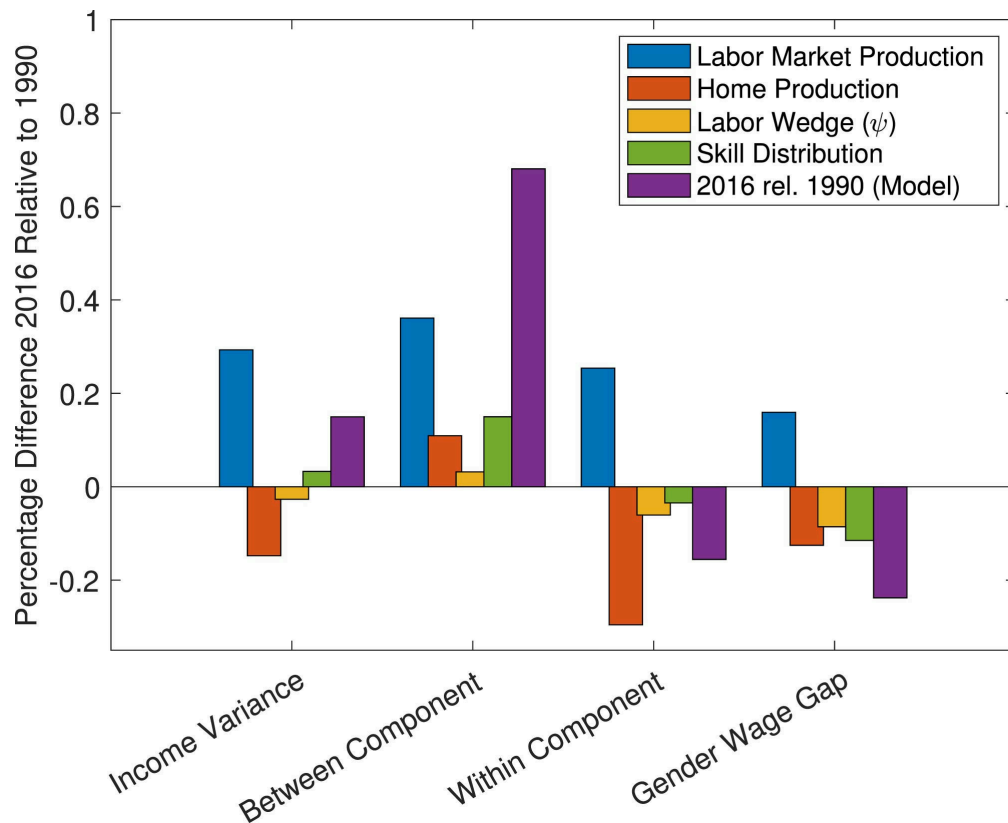
Inequality

Over time 1990-2016



- ▶ 2016 年から 1990 年にかけて男女間の差は縮小したが格差は拡大した. 家庭間の寄与が増加
- ▶ 同類婚傾向は増加し, 労働時間や労働市場でのソーティングの男女差が縮小した

Mechanism



1990 年と 2016 年のパラメータの推定値

- ▶ $\rho = 0.01$ から -0.54
- ▶ $\theta = 0.88$ から 0.82
- ▶ $\psi = 0.78$ から 0.85
- ▶ $z(\cdot)$ も skill-biased の方向に変化 (Labor Market Production, Skill Distribution)

全体的に男女平等化の方向に変化

- ▶ Home production の補完性の増加がジェンダーギャップ縮小に寄与
- ▶ 生産関数の skill-biased technological change が格差拡大に寄与

まとめ

PAM in Labor and Marriage Markets

- ▶ 結婚市場と労働市場の PAM には強い関連がある
- ▶ 家時間に補完性がある場合, 同類婚傾向が強くなる

Model

- ▶ 結婚市場と労働市場でのマッチングを同時にモデル化
- ▶ Home production function の補完性と整合的な結果

Implication

- ▶ Home production function の補完性の増加がジェンダーギャップの減少に大きく寄与
- ▶ Skill-biased technological change が格差拡大に寄与

参考文献

Calvo, Paula, Ilse Lindenlaub, and Ana Reynoso. 2024. “Marriage Market and Labor Market Sorting”. Review of Economic Studies, January, rdae10. <https://doi.org/10.1093/restud/rdae010>.