

# Szoftver mély neuronhálók alkalmazásához

12. előadás

Kovács Bálint, Varga Viktor  
ELTE IK Mesterséges Intelligencia Tanszék

# Előző órán - Felügyelt tanulás

**Adott:** A tanító minta (training set), input-címke párok halmaza

$$\{(x^{(1)}, y^{(1)}), \dots, (x^{(m)}, y^{(m)})\}$$

$$x \in X \subset \mathbb{R}^n, y \in Y \subset \mathbb{R}^k$$

**Feladat:** A címke (az elvárt output) minél jobb becslése az inputból.

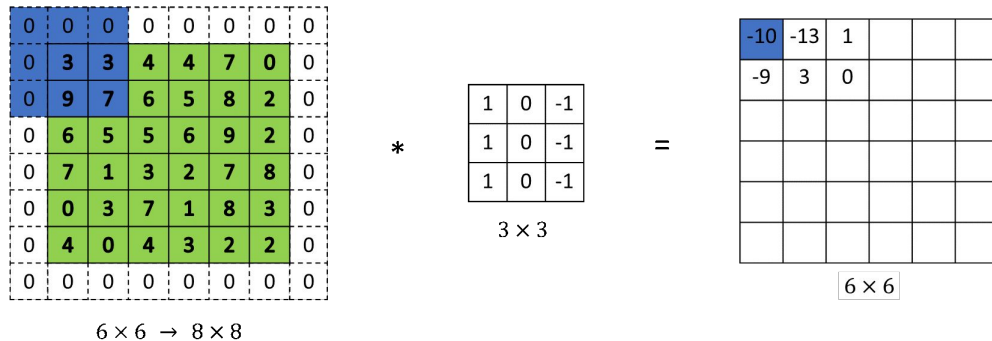
Azaz, keresünk olyan  $h_\theta$  függvényt (hipotézisfüggvényt), melyre:

$$h_\theta(x) = \hat{y} \approx y$$

# Előző órán - A konvolúciós háló hiperparaméterei

## Padding:

`Conv2D(..., padding="same", ...)`

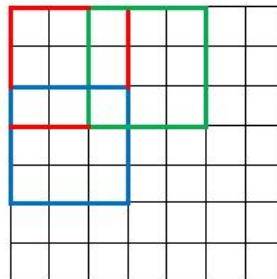


## Stride (lépésköz):

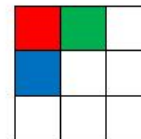
`Conv2D(..., strides=(2, 2), ...)`

`MaxPooling2D(..., strides=(2, 2), ...)`

7 x 7 Input Volume

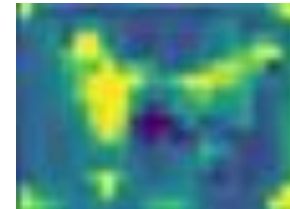
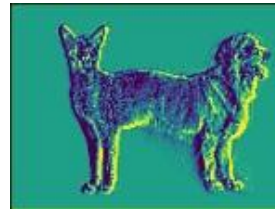
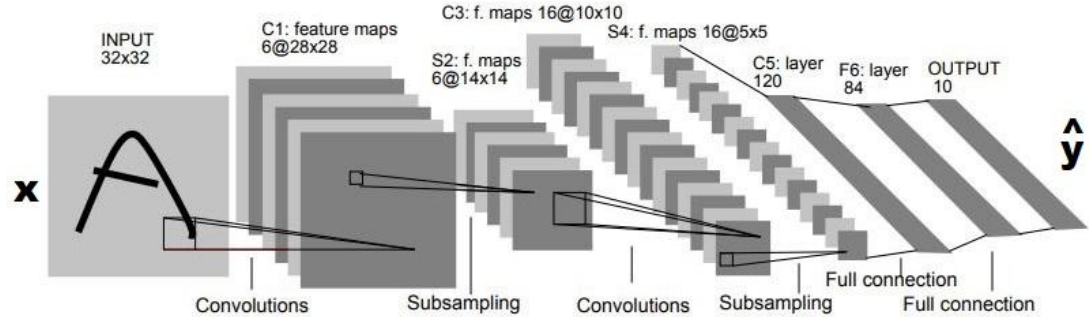
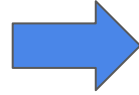


3 x 3 Output Volume



# Előző órán - Mit tanul egy konvolúciós háló?

## Heatmap vizualizáció



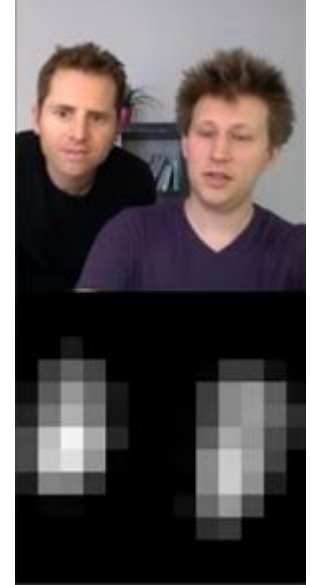
# Előző órán - Mit tanul egy konvolúciós háló?

## Heatmap vizualizáció



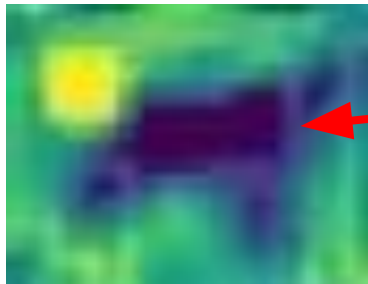
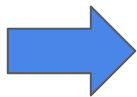
**Első konv. rétegek:** él-, sarok- és színátmenet-detektálás

**Utolsó konv. rétegek:** magasszintű objektum-detektálás

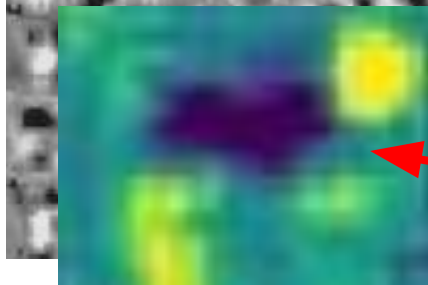


# Előző órán - Mit tanul egy konvolúciós háló?

## Heatmap vizualizáció - utolsó réteg



**Az utolsó rétegben már  
kutya/macska klasszifikációra  
alkalmas filtereket is találunk!**



# Előző órán - Mit tanul egy konvolúciós háló?

Input, mely maximalizálja egy-egy heatmap pixeleit



**Első konv. réteg**



**Középső konv. réteg**



**Utolsó konv. réteg**

# Előző órán - Transfer learning

Hogyan tanuljunk kis méretű adatbázison?



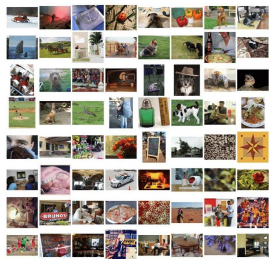
- a) **Tanítsunk be egy mély neuronhálót** → túltanulás
- b) **Tanítsunk be egy kisebb neuronhálót** → magas hibaarány
- c) **Transfer learning** → enyhébb túltanulás, alacsony hibaarány  
**HA** találunk megfelelő előtanítási feladatot/adatbázist



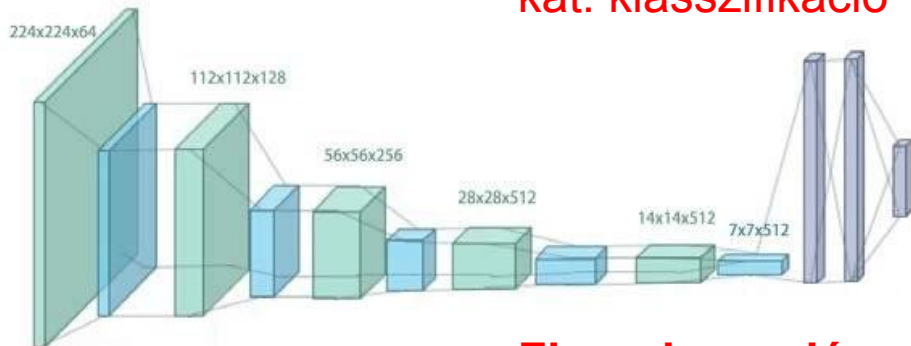
# Előző órán - Transfer learning

## Transfer learning

1)



nagy adatbázis



**Előtanítási feladat: 1000.  
kat. klasszifikáció**

2)



kiseb adatbázis is elég



**Finomhangolás a célfeladatra:  
bináris klasszifikáció**

akár az előtanított súlyok befagyasztásával...

# Előző órán - Transfer learning

Transfer learning - az előtanítást nem minden esetben kell nekünk magunknak elvégezni!

1) `model_pre = VGG16(input_shape=(128,128,3), include_top=False, weights='imagenet', input_tensor=inp_t)`

2)



**Finomhangolás a célfeladatra:  
bináris klasszifikáció**

**kisebb adatbázis is elég**

**akár az előtanított súlyok befagyasztásával...**

# Előző órán - Transfer learning

## Transfer learning a gyakorlatban - esetek

- **Minél kisebb a célfeladat adatbázisa:**

Annál kevesebb réteget/paramétert tanítsunk a finomhangolás során!

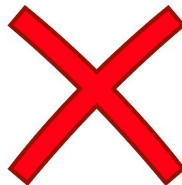
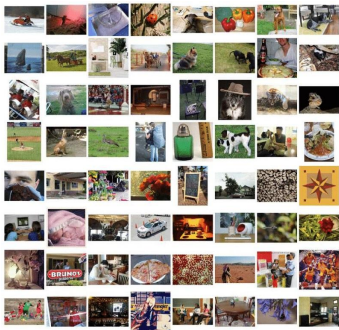
- **Minél inkább különbözik a célfeladat az előtanítási feladattól:**

Annál kevesebb előtanított réteget tartsunk meg a finomhangoláshoz!

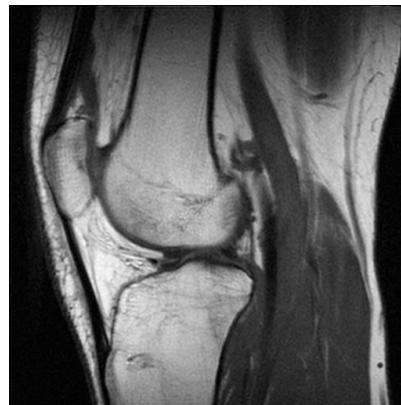
# Előző órán - Transfer learning

Nem minden célfeladathoz könnyű előtanító adatbázist, vagy előtanított modellt találni...

Előtanítás



Célfeladat



# Előző órán - keras.models.Model, Functional API

```
inp_t = Input(shape=(n,))  
t = Dense(h, activation='relu')(inp_t)  
t = Dense(1, activation='sigmoid')(t)  
model = Model(inputs=[inp_t], outputs=[t])  
model.compile(loss='binary_crossentropy', optimizer='sgd')
```

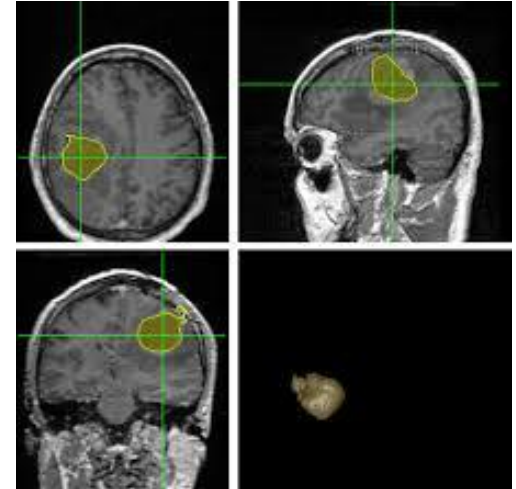
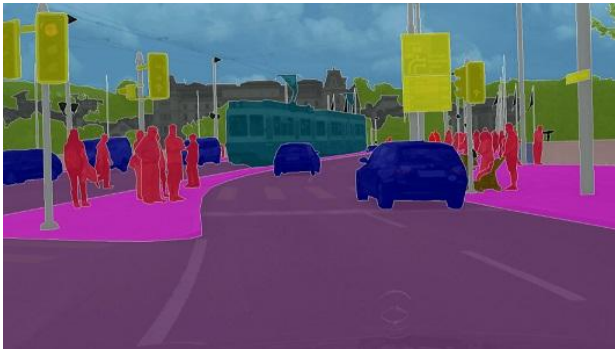
Első réteg input tenzor

Első réteg output tenzor  
== második réteg input  
tenzor

inp\_t, t: Tensorflow  
Tensor típusú változók

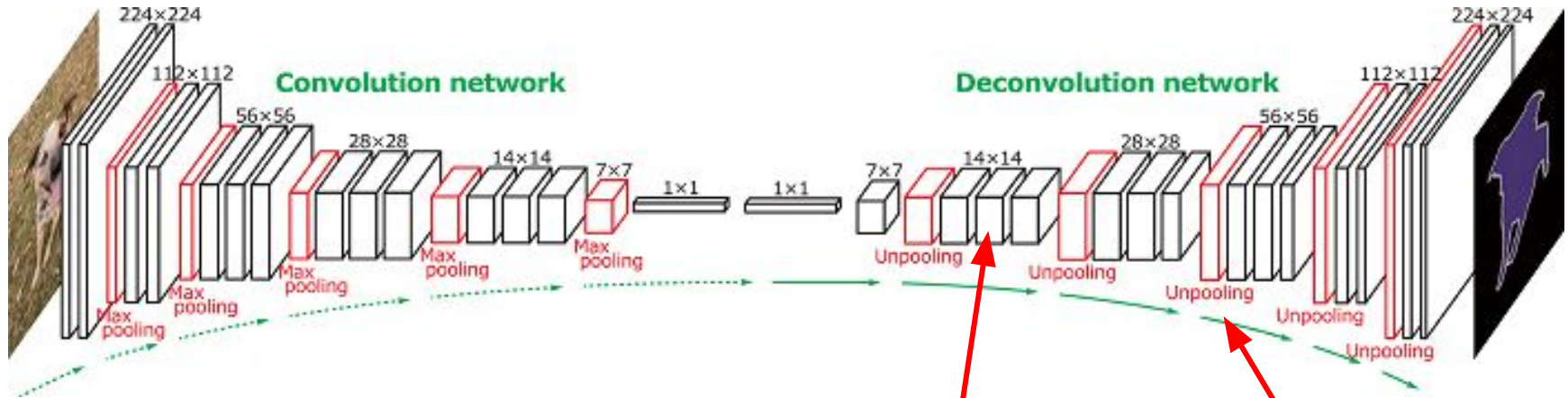
# Előző órán - Képszegmentálás alkalmazások

- **ADAS** (Advanced driver-assistance systems)
- **Térképészet, földmérés**
- **Orvosi képalkotás**



# Előző órán - Fully-convolutional network (FCN)

A hálónk egyáltalán ne tartalmazzon teljesen összekötött rétegeket!

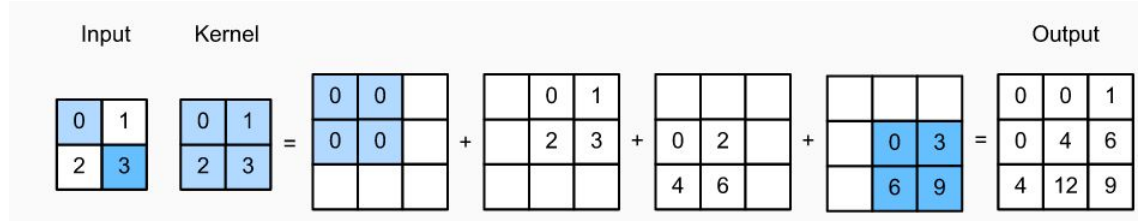


Hagyományos, vagy  
transzponált konvolúció

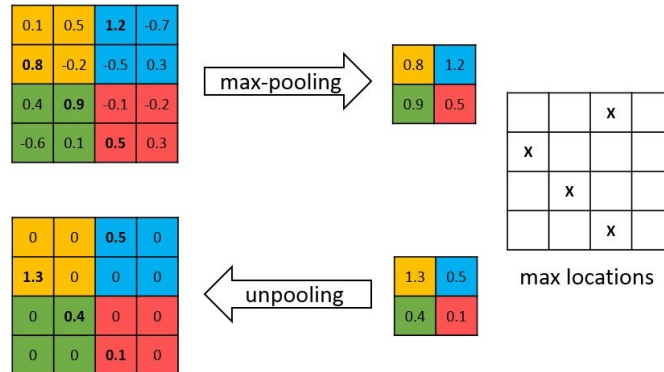
Felskálázás,  
“unpooling”

# Előző órán - Fully-convolutional network (FCN)

## Transzponált konvolúció:



## Unpooling:



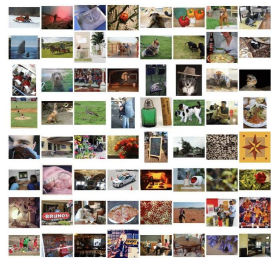


# Transfer learning

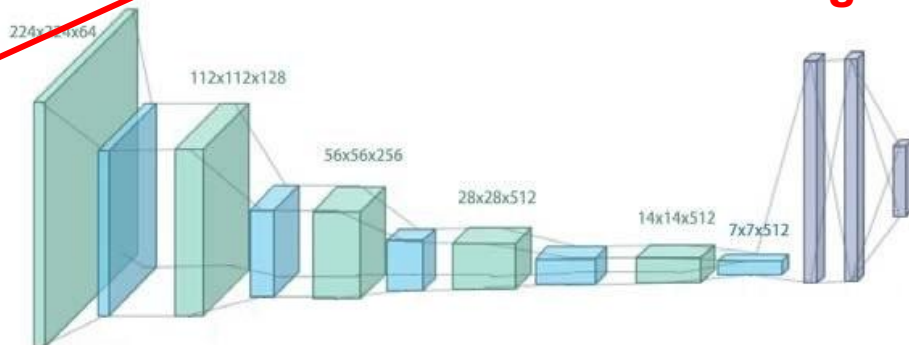
## Transfer learning

Az előtanítás sokat javíthat a célfeladaton elért eredményünkön, de **nagyméretű előtanító adatbázis meglétét igényli.**

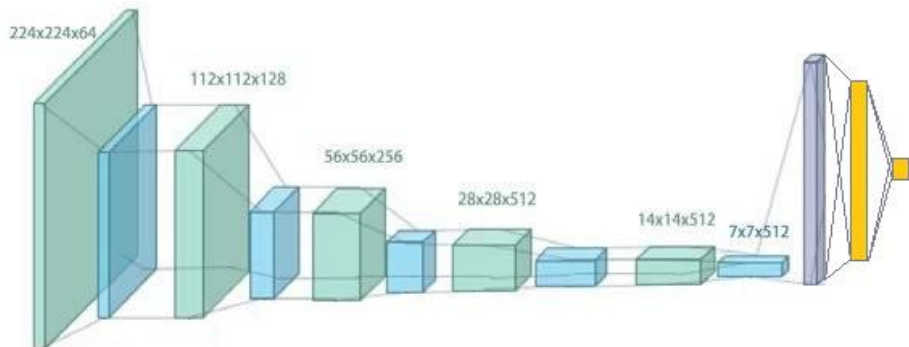
1)



**nagy CÍMKÉZETT  
adatbázis**



2)



**kisebbs adatbázis is elég**

# Transfer learning

## Transfer learning

Az előtanítás sokat javíthat a célfeladaton elért eredményünkön, de nagyméretű előtanító adatbázis meglétét igényli.

**Nagyméretű címkézett adatbázisok előállítása drága lehet.**

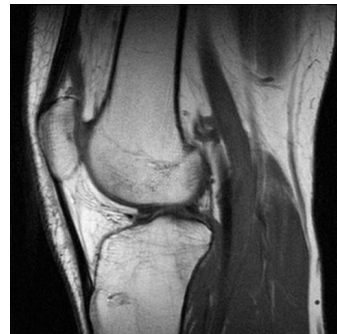
# Transfer learning

**Nagyméretű címkézett adatbázisok előállítása drága lehet.**

**Példa:** Az ImageNet adatbázist valószínűleg nem tudjuk felhasználni előtanító adatbázisként térdizületek szegmentálására MRI felvételeken.

**MRI felvételek címkézése szakértelmet igényel**

→ rendkívül drága lenne



# Felügyeletlen tanulás

**Nagyméretű címkézett adatbázisok előállítása drága lehet.**

A világban nagyon sok fajta adat nagy mennyiségben a rendelkezésünkre áll, azonban semmilyen címke nincs hozzájuk rendelve.

**Vajon haszontalan a címkézetlen adat?**

# Felügyeletlen tanulás

**Nagyméretű címkézett adatbázisok előállítása drága lehet.**

A világban nagyon sok fajta adat nagy mennyiségben a rendelkezésünkre áll, azonban semmilyen címke nincs hozzájuk rendelve.

**Vajon haszontalan a címkézetlen adat?**

Nem. → **Felügyeletlen tanulás**

# Eddig - Felügyelt tanulás

**Adott:** A tanító minta (training set), input-címke párok halmaza

$$\{(x^{(1)}, y^{(1)}), \dots, (x^{(m)}, y^{(m)})\}$$

$$x \in X \subset \mathbb{R}^n, y \in Y \subset \mathbb{R}^k$$

**Feladat:** A címke (az elvárt output) minél jobb becslése az inputból.

Azaz, keresünk olyan  $h_\theta$  függvényt (hipotézisfüggvényt), melyre:

$$h_\theta(x) = \hat{y} \approx y$$

# Felügyeletlen tanulás (unsupervised learning)

- **Tanító minta** (training set):

$$\{x^{(0)}, x^{(1)}, \dots, x^{(m)}\}$$

$$x \in X \subset \mathbb{R}^n$$

**Feladat:** ???

# Felügyeletlen tanulás (unsupervised learning)

- Tanító minta (training set):

$$\{x^{(0)}, x^{(1)}, \dots, x^{(m)}\}$$

$$x \in X \subset \mathbb{R}^n$$

**j**: mintaelem index

**Továbbra is:**  $x_i^{(j)}$

**i**: feature/változó  
index

**Feladat: ???**



# Felügyeletlen tanulás (unsupervised learning)

**Feladat:** Első körben, ahogy felügyelt előtanításnál tettük, próbáljunk olyan súlyokat/filtereket tanulni, amik hasznosak lehetnek más speciális célfeladatokon is!

**Inputunk van:**  $x$

**Címkénk viszont nincs hozzá...**

# Felügyeletlen tanulás (unsupervised learning)

**Feladat:** Első körben, ahogy felügyelt előtanításnál tettük, próbáljunk olyan súlyokat/filtereket tanulni, amik hasznosak lehetnek más speciális célfeladatokon is!

**Inputunk van:**  $x$

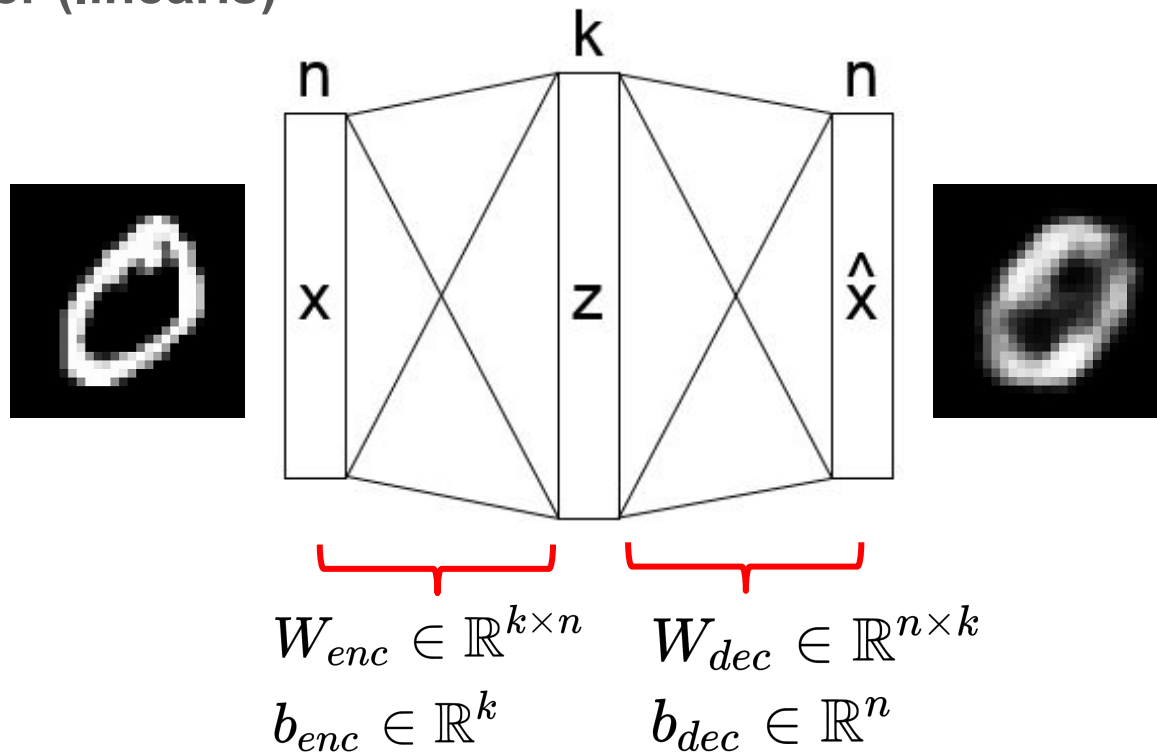
**Címkénk viszont nincs hozzá...**

**Ötlet:** Használjuk  $x$ -et címkének!

# Autoencoder

$$h(x) = \hat{x} = W_{dec}(W_{enc}x + b_{enc}) + b_{dec}$$

## Autoencoder (lineáris)

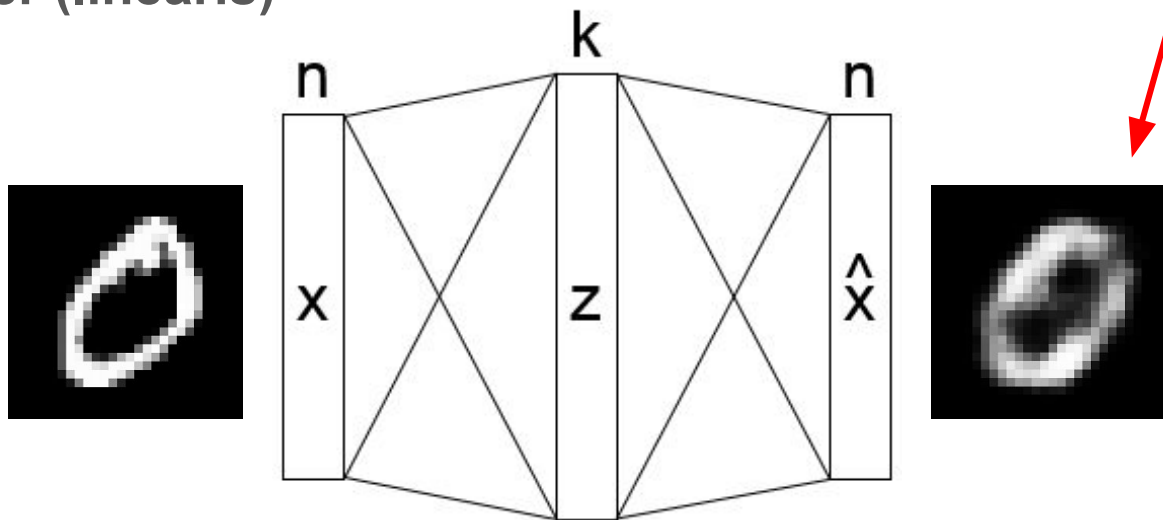


# Autoencoder

## Autoencoder (lineáris)

$$h(x) = \hat{x} = W_{dec}(W_{enc}x + b_{enc}) + b_{dec}$$

Tanuljuk meg **az inputot előállítani**  
(rekonstruálni) **az outputon**.



**Kétrétegű neuronháló,**  
egyelőre aktivációs  
függvények nélkül.

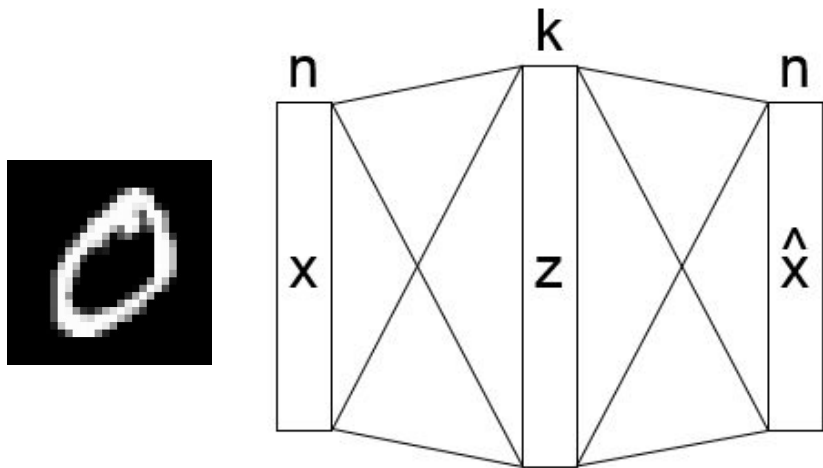
$$W_{enc} \in \mathbb{R}^{k \times n}$$
$$b_{enc} \in \mathbb{R}^k$$

$$W_{dec} \in \mathbb{R}^{n \times k}$$
$$b_{dec} \in \mathbb{R}^n$$

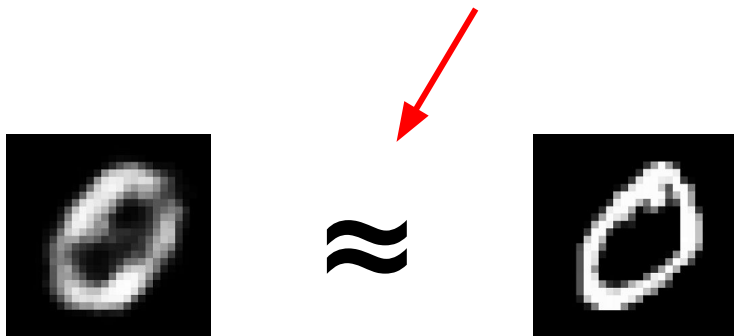
# Autoencoder

$$h(x) = \hat{x} = W_{dec}(W_{enc}x + b_{enc}) + b_{dec}$$

## Autoencoder (lineáris)



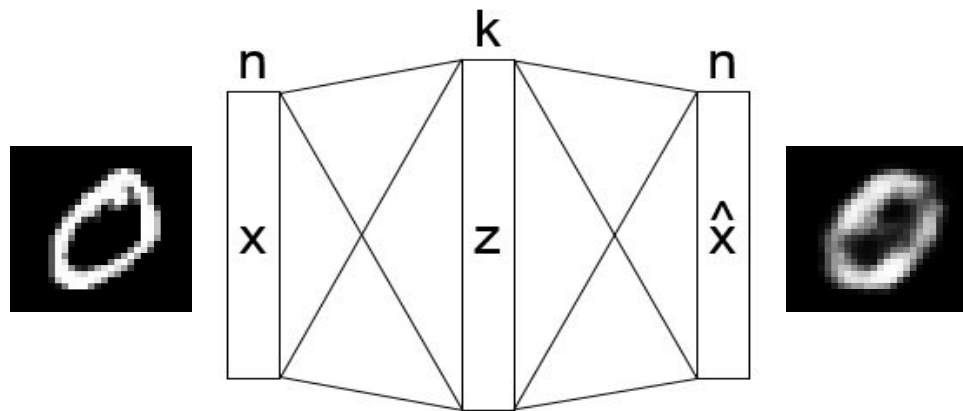
Tanuljuk meg **az inputot előállítani**  
(rekonstruálni) **az outputon**.



$$J(\Theta) = \frac{1}{n} ||\hat{x} - x||_2^2$$

**A költségfv. egyszerű MSE**

# Autoencoder



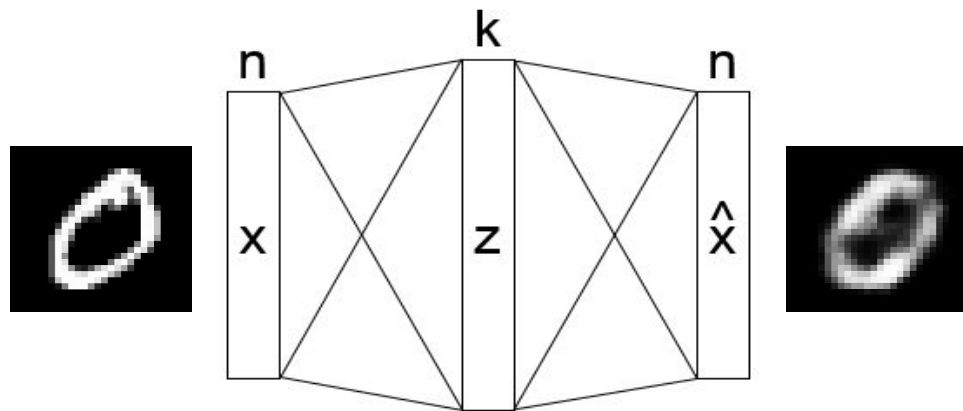
**Probléma:**

$$h(x) = \hat{x} = W_{dec}(W_{enc}x + b_{enc}) + b_{dec}$$

**átrendezhető:**

$$h(x) = \hat{x} = \underbrace{(W_{dec}W_{enc})}_{\in \mathbb{R}^{n \times n}} x + \underbrace{(W_{dec}b_{enc} + b_{dec})}_{\in \mathbb{R}^n}$$

# Autoencoder



Probléma:

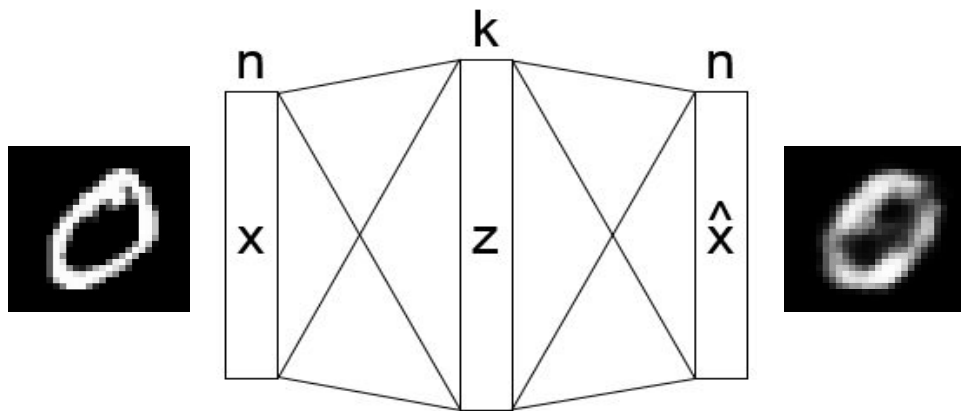
$$h(x) = \hat{x} = W_{dec}(W_{enc}x + b_{enc}) + b_{dec}$$

átrendezhető:

$$h(x) = \hat{x} = \underbrace{(W_{dec}W_{enc})}_{\in \mathbb{R}^{n \times n}}x + \underbrace{(W_{dec}b_{enc} + b_{dec})}_{\in \mathbb{R}^n}$$

**Két lineáris réteg kompozíciója egyetlen réteggel is leírható!**

# Autoencoder



**Probléma:**

$$h(x) = \hat{x} = W_{dec}(W_{enc}x + b_{enc}) + b_{dec}$$

**átrendezhető:**

$$h(x) = \hat{x} = \underbrace{(W_{dec}W_{enc})}_{\in \mathbb{R}^{n \times n}} x + \underbrace{(W_{dec}b_{enc} + b_{dec})}_{\in \mathbb{R}^n}$$

**Sőt, semmi nem akadályozza meg a hálót, hogy az egységmátrixot tanulja meg!**

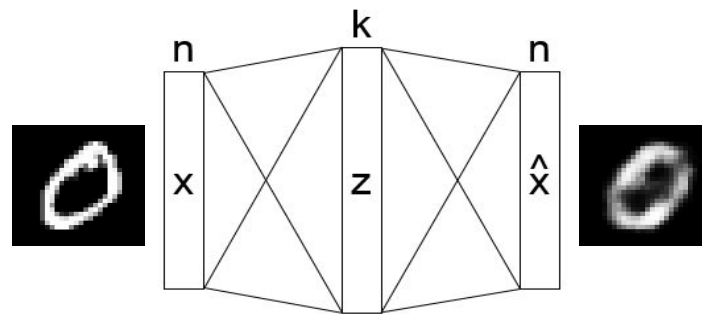


# Autoencoder

## Probléma:

Az autoencoder célja az input rekonstruálása az outputon. Ebben a formában, semmi nem akadályozza meg a hálót, hogy triviális súlyokat (egységmátrixot) tanuljon.

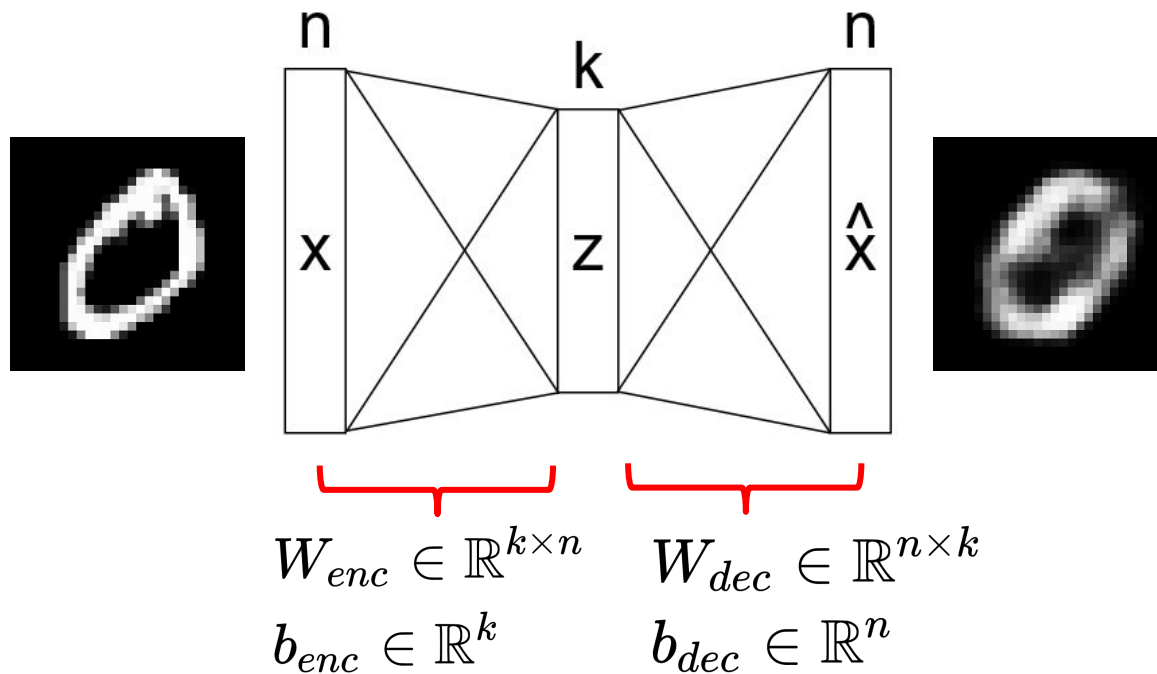
→ **a célját tökéletesen eléri (0 költség), de semmi haszna számunkra**



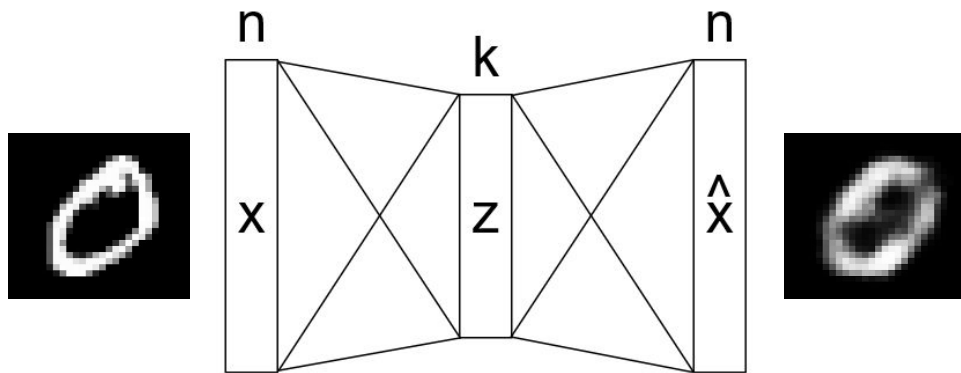
# Autoencoder

$$h(x) = \hat{x} = W_{dec}(W_{enc}x + b_{enc}) + b_{dec}$$

**Egy apró módosítás:** legyen a rejtett réteg kisebb, mint az input/output!



# Autoencoder



$$h(x) = \hat{x} = W_{dec}(W_{enc}x + b_{enc}) + b_{dec}$$

$$W_{enc} \in \mathbb{R}^{k \times n}$$

$$b_{enc} \in \mathbb{R}^k$$

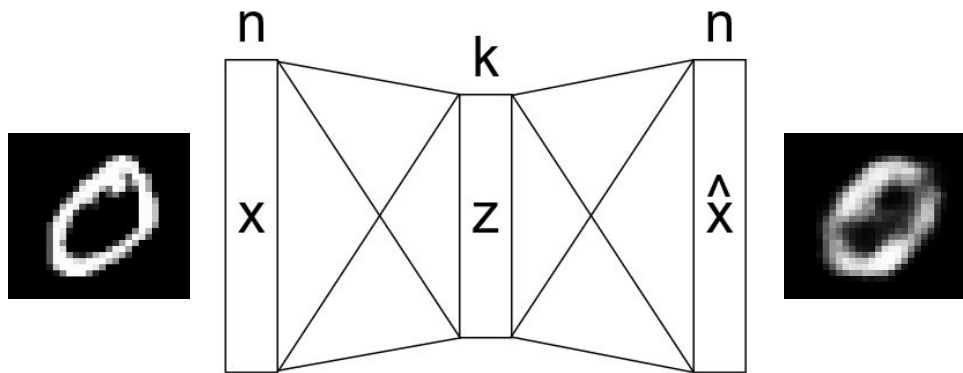
továbbra is átrendezhető:

$$h(x) = \hat{x} = \underbrace{(W_{dec}W_{enc})}_{\in \mathbb{R}^{n \times n}}x + \underbrace{(W_{dec}b_{enc} + b_{dec})}_{\in \mathbb{R}^n}$$

$$W_{dec} \in \mathbb{R}^{n \times k}$$

$$b_{dec} \in \mathbb{R}^n$$

# Autoencoder



$$h(x) = \hat{x} = W_{dec}(W_{enc}x + b_{enc}) + b_{dec}$$

$$W_{enc} \in \mathbb{R}^{k \times n}$$

$$b_{enc} \in \mathbb{R}^k$$

továbbra is átrendezhető:

$$h(x) = \hat{x} = \underbrace{(W_{dec}W_{enc})}_{\in \mathbb{R}^{n \times n}} x + \underbrace{(W_{dec}b_{enc} + b_{dec})}_{\in \mathbb{R}^n}$$

$$W_{dec} \in \mathbb{R}^{n \times k}$$

$$b_{dec} \in \mathbb{R}^n$$

**Azonban, mivel  $n > k$ , a háló nem tud identitást tanulni: az egységmátrix rangja  $n$  lenne, de  $W_{dec} \cdot W_{enc}$  rangja legfeljebb  $\min(n, k) = k$  lehet!**

# Autoencoder

## **Autoncoder megszorítás**

Az autoencoder betanításakor, különböző megszorításokat kell alkalmaznunk, hogy ne legyen triviális a megoldás.

Az egyik ilyen, az inputnál kisebb rejtett rétegek használata:

**Alulhatározott** (undercomplete) **autoencoder**

# Autoencoder - tömörítés

## **Alulhatározott** (undercomplete) **autoencoder**

Az alulhatározott autoencoder egy tömörített (alulhatározott) reprezentációját tanulja meg az inputnak.

**Enkóder:** Az autoencoder első része, előállítja a rejtett (tömör) reprezentációt.

**Dekóder:** Az autoencoder hátsó része, rekonstruálja a rejtett (tömör) reprezentációból az inputot.

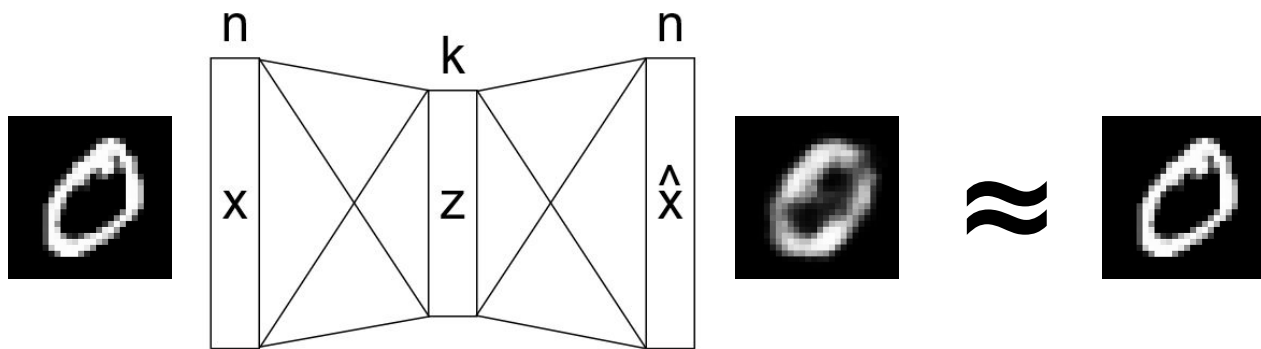
→ **Veszteséges tömörítés!**

# Autoencoder - tömörítés

**Alulhatározott (undercomplete) autoencoder**

**Veszteséges tömörítés:**

- **Cél:** Minél kisebb hibával rekonstruáljuk az inputot az outputon!



# Autoencoder - tömörítés

## Veszteséges tömörítés

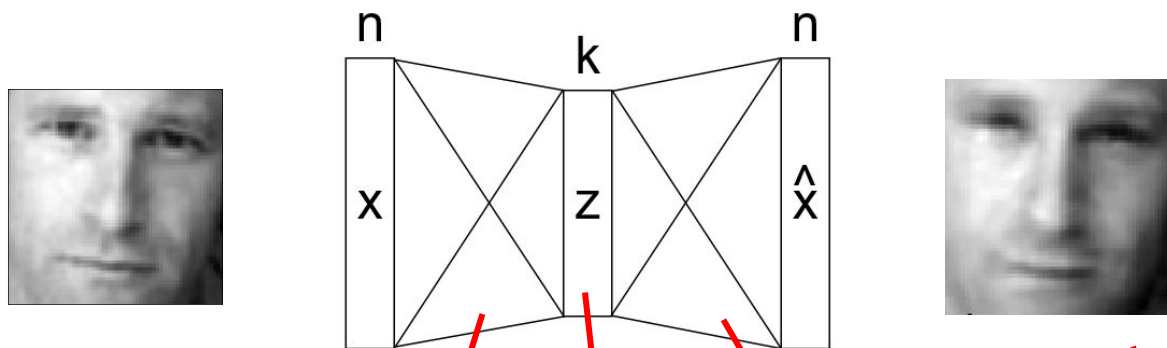
**Példa:** 64 x 64-es szürekárnyalatos  
arcképek tömörítése





# Autoencoder - tömörítés

## Veszteséges tömörítés - példa



**Analógia:**

**x:** tömörítetlen  
adat

**Enkóder:**  
zip.exe



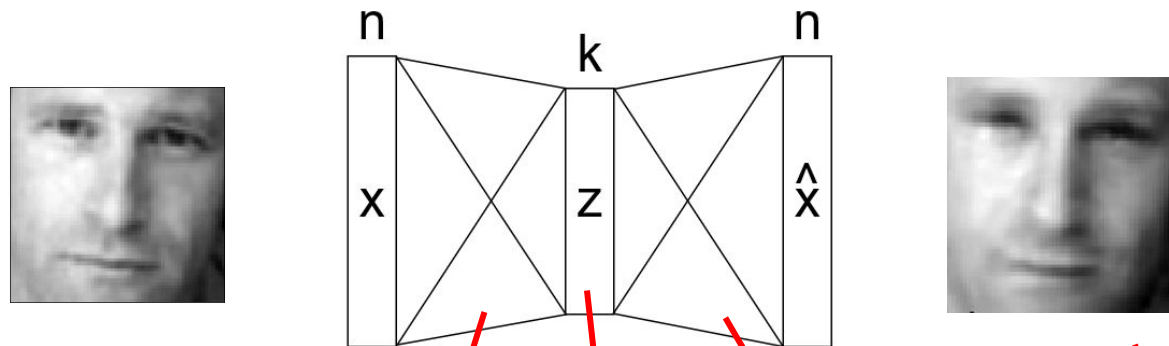
**Dekóder:**  
unzip.exe

**x<sup>^</sup>:** helyreállított  
adat

# Autoencoder - tömörítés

## Veszteséges tömörítés - példa

**Ne feledjük:** a zip formátum veszteségmentes tömörítési algoritmusokat támogat, a zip csak az analógia kedvéért szerepel itt. Az autoencoder inkább a JPEG, MP3, stb. formátumokkal lenne összehasonlítható.



**Analógia:**

**x:** tömörítetlen  
adat

**Enkóder:**  
zip.exe



**Dekóder:**  
unzip.exe

**x<sup>^</sup>:** helyreállított  
adat

# Autoencoder - tömörítés

$\hat{x}$ : output (tömör reprezentációból  
rekonstruált input)

## Veszteséges tömörítés - példa

$x$ : eredeti input



# Autoencoder - tömörítés

$\mathbf{x}^{\wedge}$ : output (tömör reprezentációból  
rekonstruált input)

## Veszteséges tömörítés - példa

$|\mathbf{x}| = 4096$

$\mathbf{x}$ : eredeti input



$|\mathbf{z}| = 1$

$|\mathbf{z}| = 1000$



# Autoencoder - tömörítés

## Veszteséges tömörítés - példa

A JPEG és MP3 veszteséges tömörítési algoritmusok fényképekre és zenére lettek (kézzel) optimalizálva.



A JPEG tömörítési szabvány a magas frekvenciájú komponensek erős tömörítésével képes helyet megtakarítani. Fényképeken tipikusan kevés éles színátmenet található, ezért ott jó képminőség várható. Azonban szövegről készült képnél pont emiatt, nem ideális a JPEG tömörítés használata.

# Autoencoder - tömörítés

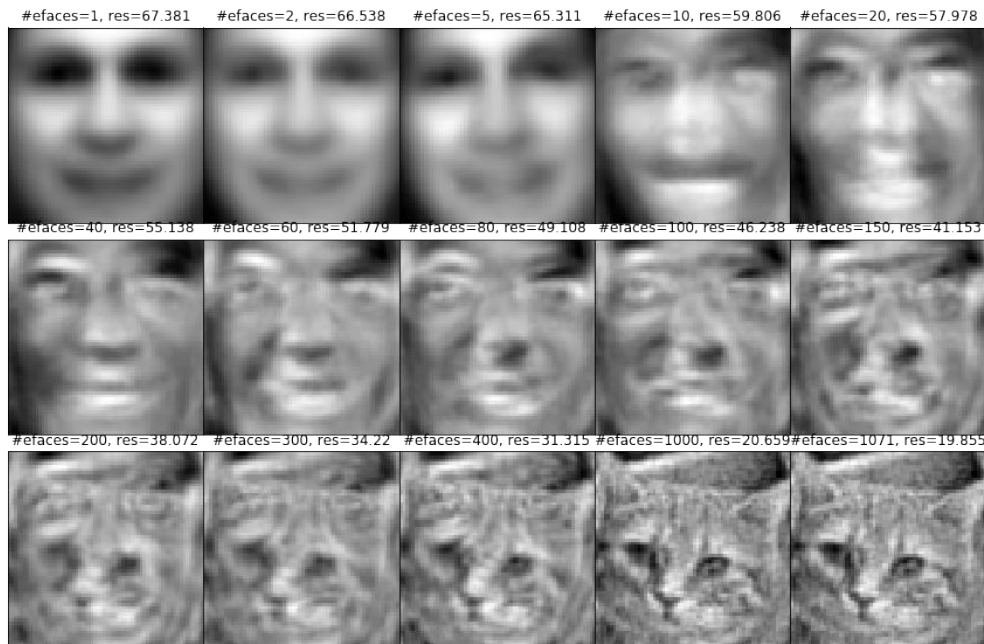
## Veszteséges tömörítés - példa

A gépi tanulással tanult tömörítés hasonlóan, csak olyan adatra fog jól működni, amelyet betanításkor látott.



**x:** eredeti input

**$x^{\wedge}$ :** output (tömör reprezentációból  
rekonstruált input)  
**A háló emberi arcokon tanult be...**



# Autoencoder - tömörítés

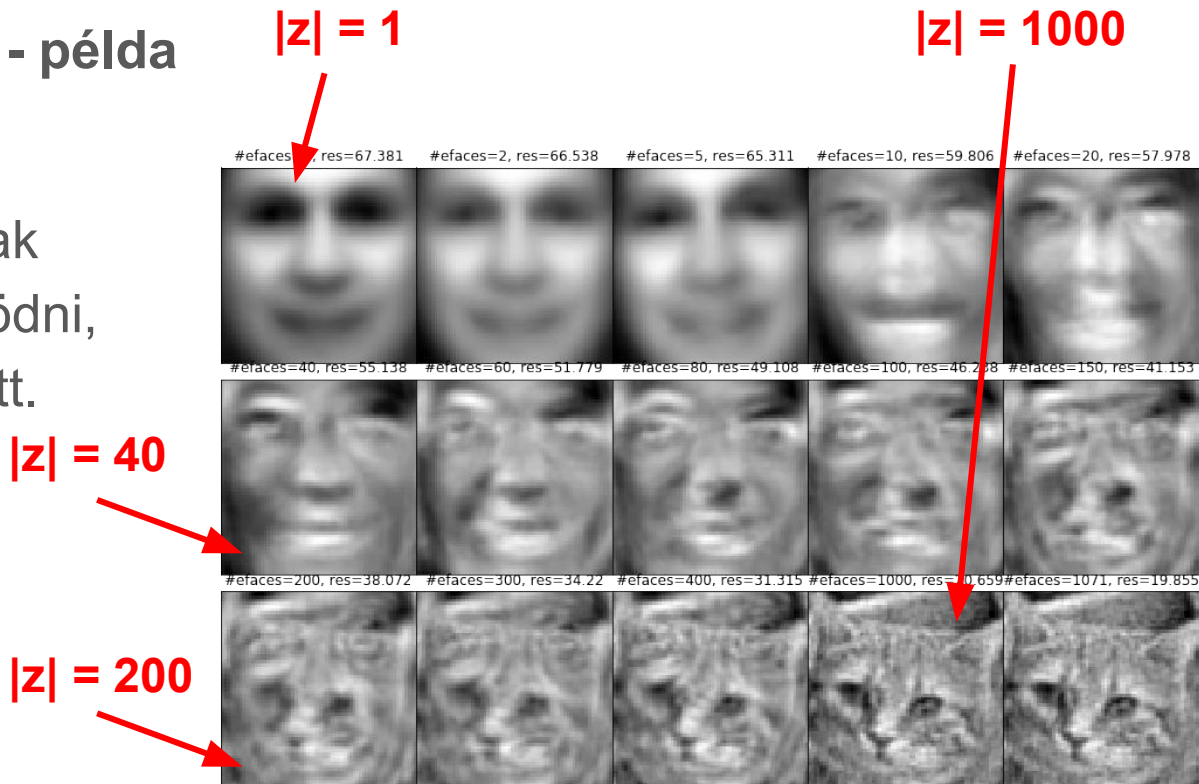
## Veszteséges tömörítés - példa

A gépi tanulással tanult tömörítés hasonlóan, csak olyan adatra fog jól működni, amelyet betanításkor látott.



$x$ : eredeti input

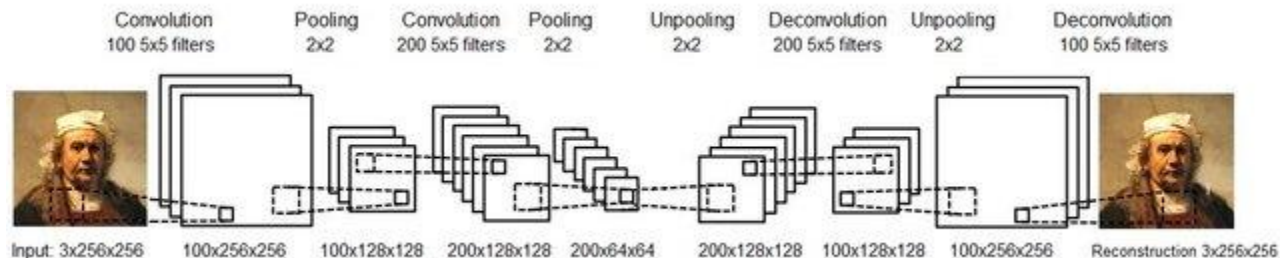
$x^{\wedge}$ : output (tömör reprezentációból rekonstruált input)  
**A háló emberi arcokon tanult be...**



# Autoencoder

Hasonlóan a felügyelt tanulásban alkalmazott neuronhálókhoz, az autoencoder:

- Tartalmazhat aktivációs függvényeket
- Több réteget
- Konvolúciós / pooling rétegeket





# Transfer learning

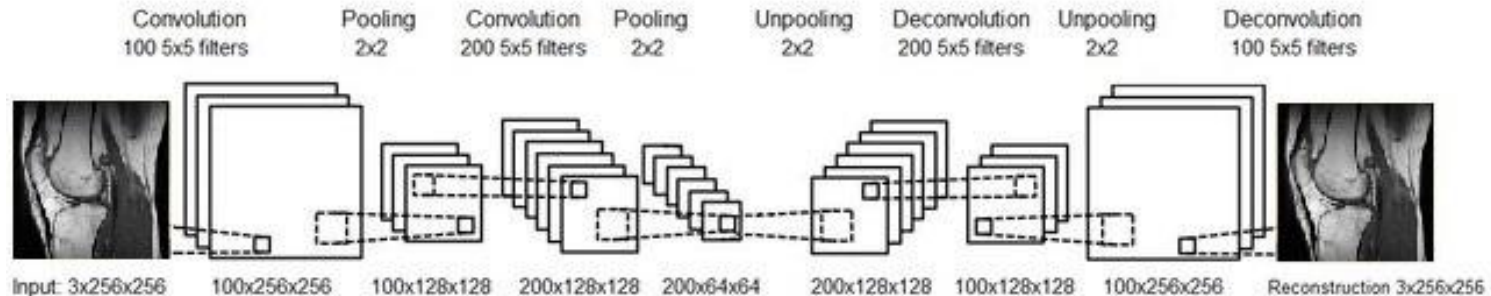
**Emlékeztető:** Nagyméretű címkézett adatbázisok előállítása drága lehet

**Megoldás:** ???

# Transfer learning

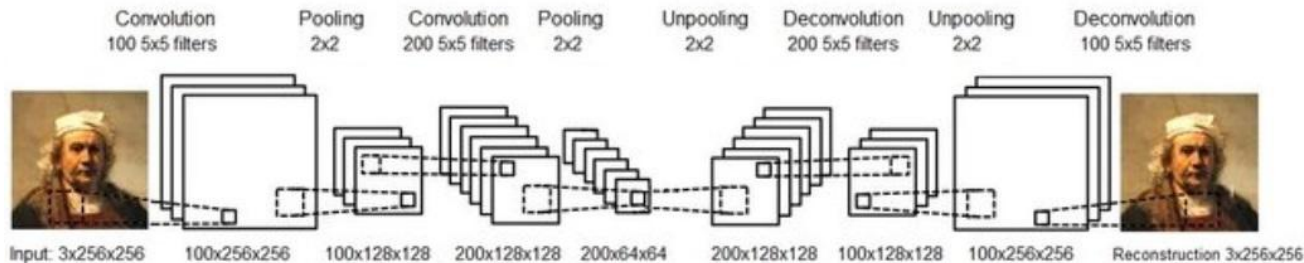
**Emlékeztető:** Nagyméretű címkézett adatbázisok előállítása drága lehet

**Megoldás:** Megpróbálkozhatunk a felügyeletlen előtanítással!

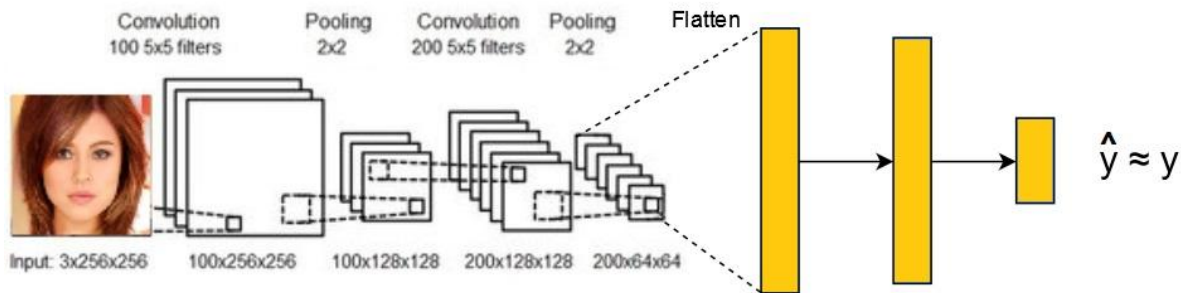


# Transfer learning - felügyeletlen

- 1) **Felügyeletlen előtanítás autoencoderrel** - nagy (akár címkézetlen) adatbázison.



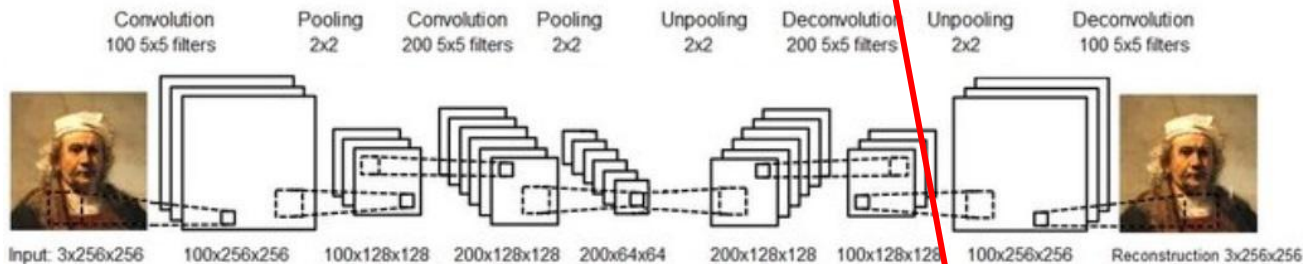
- 2) **Felügyelt finomhangolás a célfeladaton** - kisebb adatbázis is elegendő lehet.



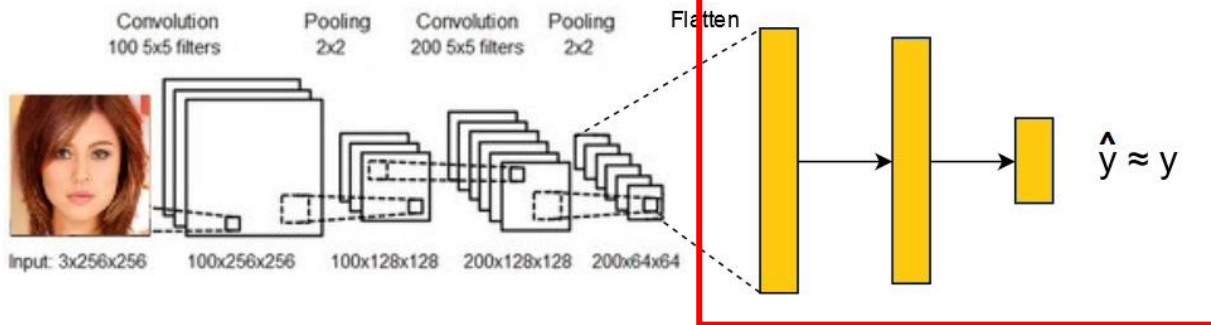
# Transfer learning - felügyeletlen

A dekóder rész cseréje a célfeladathoz szükséges rétegekkel

- 1) **Felügyeletlen előtanítás autoencoderrel** - nagy (akár címkézetlen) adatbázison.



- 2) **Felügyelt finomhangolás a célfeladaton** - kisebb adatbázis is elegendő lehet.



akár az előtanított súlyok befagyasztásával...

# Transfer learning - felügyeletlen

## **Transfer learning autoencoder-rel**

Az előtanító adatbázistól és a célfeladattól függően, sokszor kevésbé hasznos, mint a felügyelt előtanítás.

# Transfer learning - felügyeletlen

## Transfer learning autoencoder-rel

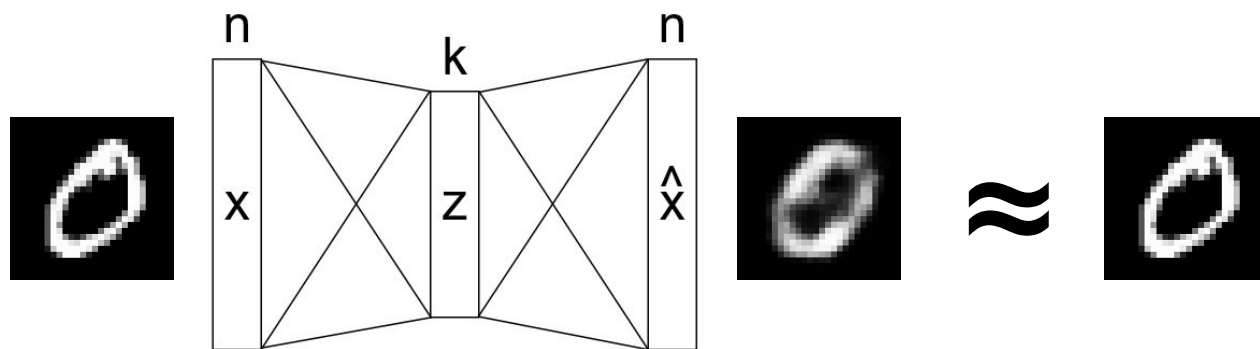
Az előtanító adatbázistól és a célfeladattól függően, sokszor kevésbé hasznos, mint a felügyelt előtanítás.

Nem garantált, hogy az optimális rekonstrukcióhoz tanult súlyok / filterek egy klasszifikációs feladaton is igazán hasznosak. Ettől függetlenül, sokszor jobb, mint a semmi...

# Autoencoder

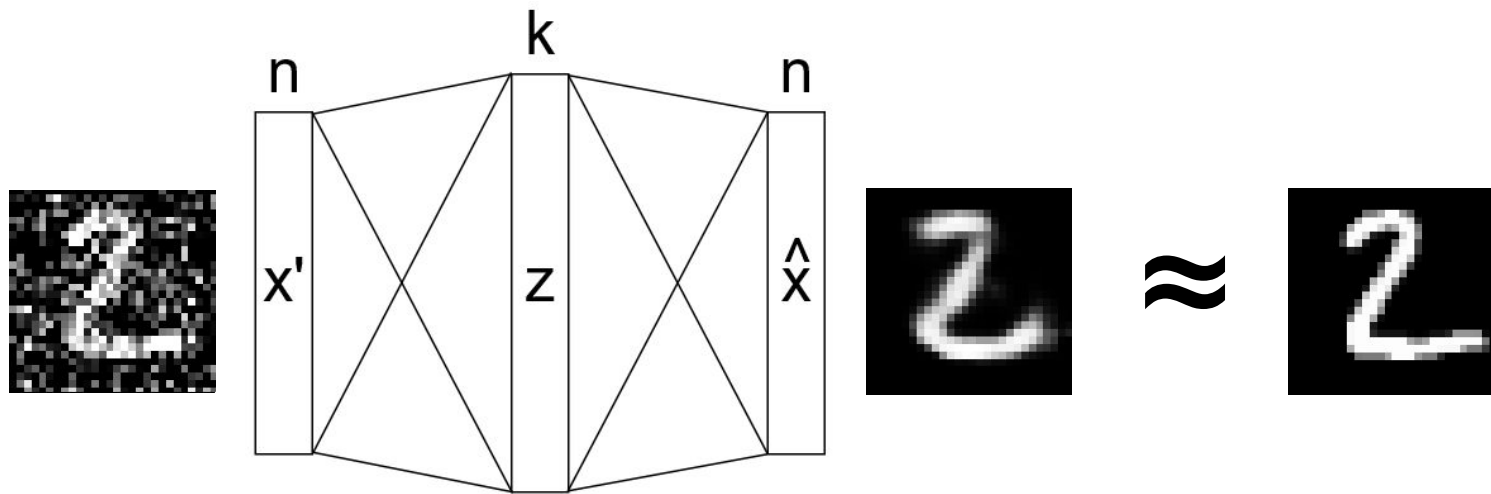
**Eddig:** Alulhatározott (undercomplete) autoencoder

**Ha nem feltétlenül tömörítést szeretnénk tanulni, csak hasznos súlyokat / filtereket (feature extrakció), akkor más autoencoder megszorítások is szóba jöhetnek...**



# Autoencoder

## Denoising autoencoder

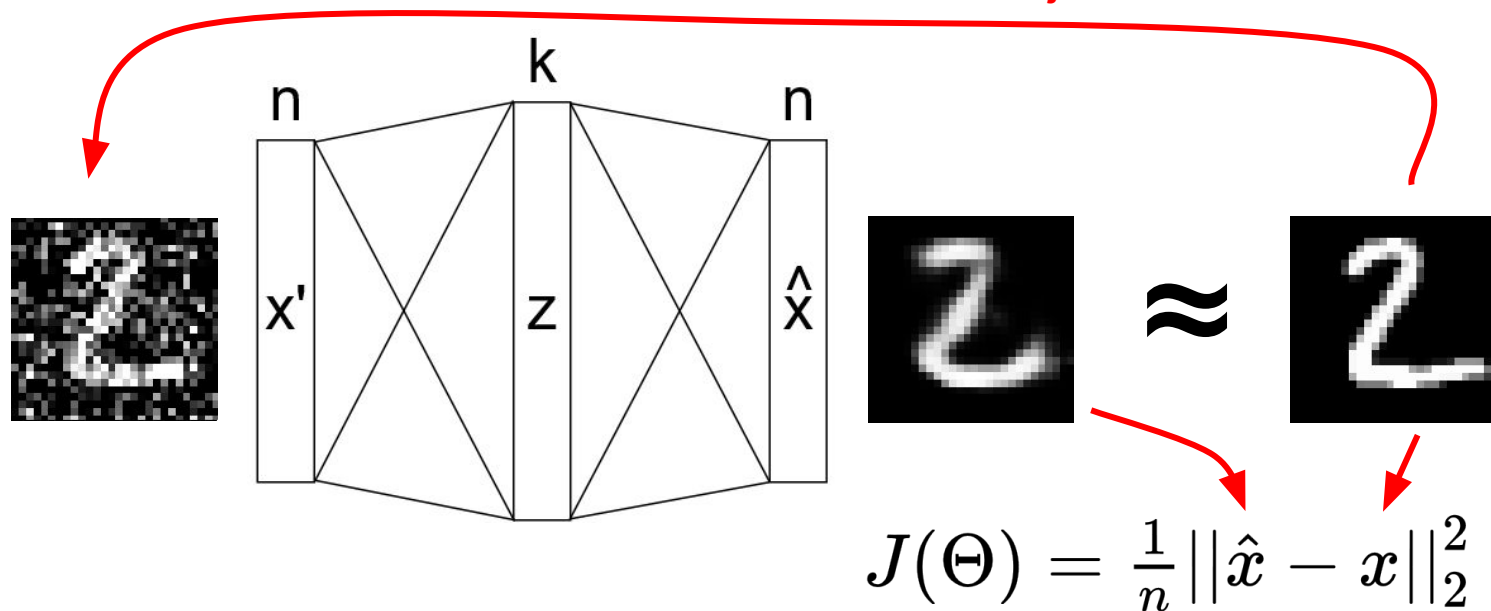




# Autoencoder

## Denoising autoencoder

Inputként  $x$  zajosított változatát ( $x'$ ) adjuk be, de az eredeti  $x$ -et tanuljuk becsülni



A költségfv. egyszerű MSE

# Autoencoder

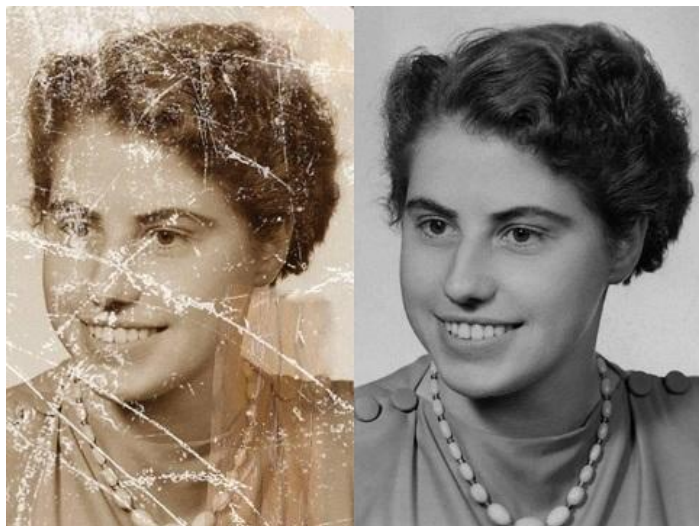
## Denoising autoencoder

Az input rekonstrukciója helyett, a zajosított input eredeti, zajtalan változatát próbáljuk előállítani.

**Mivel nem identitást tanulunk, hanem zajtalanítást, aminek már nincs triviális megoldása, a rejtett reprezentáció lehet akár nagyobb is, mint az input.**

# Denoising autoencoder - alkalmazások

## Fénykép minőségének javítása (denoising)



x'

x^A



x'



x^A

# Denoising autoencoder - alkalmazások

## Hiányzó részletek kitöltése (inpainting)



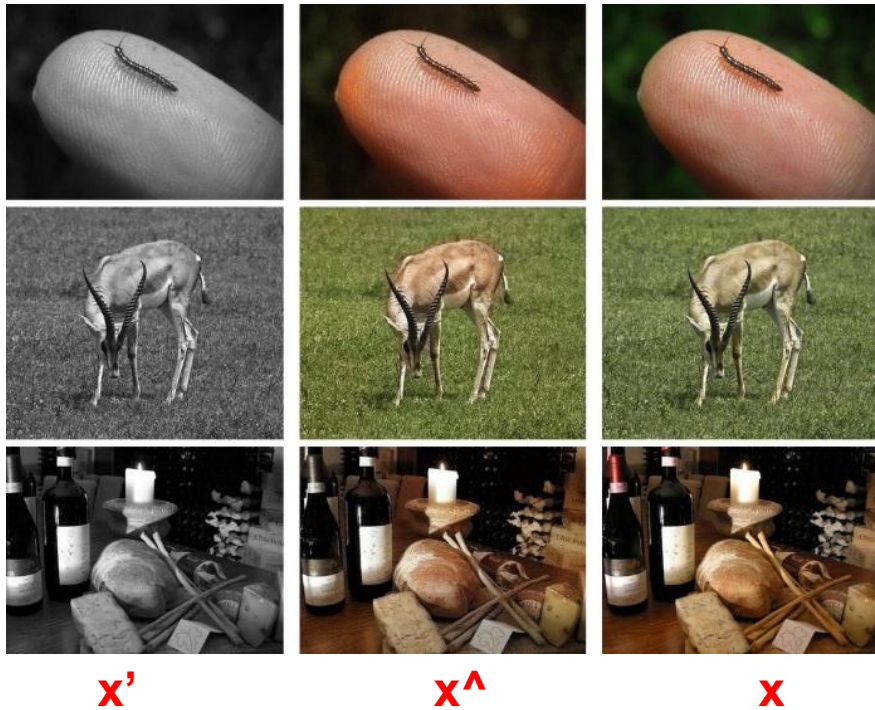
$x'$

$\hat{x}$

$x$

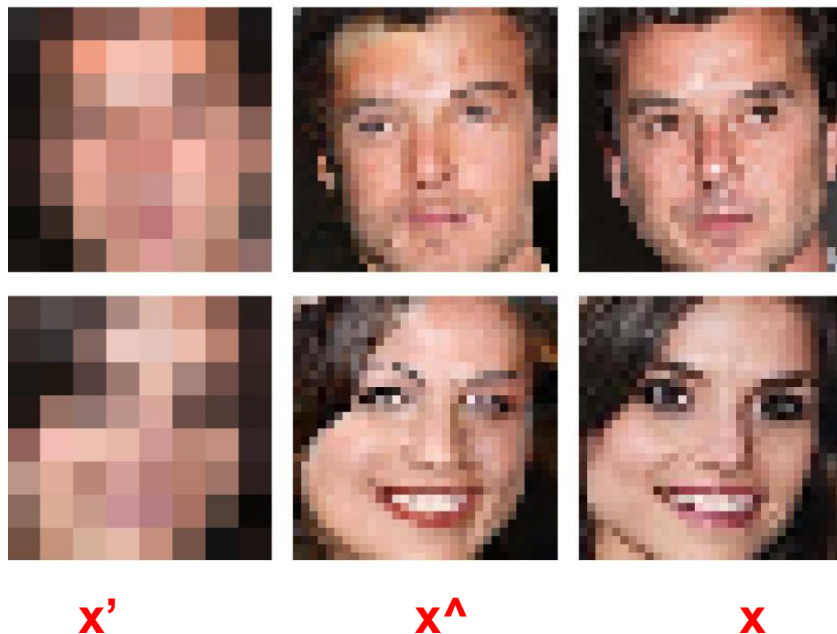
# Denoising autoencoder - alkalmazások

## Újraszínezés (colorization)



# Denoising autoencoder - alkalmazások

## Intelligens felskálázás (super-resolution)



# Denoising autoencoder - alkalmazások

“De-oldify”

<https://www.youtube.com/watch?v=-omKOpkpEm0>

# A félév összefoglalása - elmélet

- A felügyelt tanulás feladatai: regresszió, klasszifikáció
- Hipotézisfüggvény, paraméterek, költségfüggvény, gradiens módszer
- Lineáris és logisztikus regresszió (mesterséges neuron)
- Teljesen összekötött neuronrétegek, MLP neuronháló architektúra
- Konvolúciós és pooling rétegek, konvolúciós neuronháló
- Túltanulás (overfitting) és kezelése
- Transfer learning, előtanítás, finomhangolás
- Egyszerű képszegmentálás, Fully-Convolutional Network (FCN)
- Felügyeletlen tanulás, autoencoder
- Tömörítés, transfer learning és feature extrakció autoencoder-rel, denoising



# A félév összefoglalása - gyakorlat

- Vektorizált programozás (array programming), Numpy
- Keras alapismeretek, Sequential vs. Functional API

# Folytatás

- **BSc:**
  - **Mély neuronhálók algoritmusai és fajtái** - ősszel  
(Analízis 2. nem előfeltétel)
- **MSc:**
  - **Proginf, AI szakirány** (AI specialization)
  - **Autonómrendszer-informatikus** (CS for Autonomous Systems)  
szak

**Névtelen kritika:** Neptun OMHV

# Olvasnivaló, programoznivaló

**Francois Chollet:**

Deep Learning with Python

