### Zadanie: NAW

## **Nawiasy**

VI tura 17-04-2002

Działanie odejmowania nie jest łączne, np. (5-2)-1=2, natomiast 5-(2-1)=4, a zatem  $(5-2)-1\ne 5-(2-1)$ . Wynika stąd, że wartość wyrażenia postaci 5-2-1 zależy od kolejności wykonywania odejmowań. Zwykle przy braku nawiasów przyjmuje się, że wykonujemy działania w kolejności od lewej do prawej, czyli wyrażenie 5-2-1 jest równoważne wyrażeniu (5-2)-1.

Mamy dane wyrażenie postaci:

$$x_1 \pm x_2 \pm \cdots \pm x_n$$

gdzie  $\pm$  oznacza + (plus) lub - (minus), a  $x_1, x_2, \dots, x_n$  oznaczają (parami) różne zmienne. Chcemy w wyrażeniu postaci:

$$x_1-x_2-\cdots-x_n$$

tak rozstawić n-1 par nawiasów, aby jednoznacznie określić kolejność wykonywania odejmowań i jednocześnie uzyskać wyrażenie równoważne danemu. Na przykład, chcąc uzyskać wyrażenie równoważne wyrażeniu:

$$x_1 - x_2 - x_3 + x_4 + x_5 - x_6 + x_7$$

możemy w:

$$x_1 - x_2 - x_3 - x_4 - x_5 - x_6 - x_7$$

rozmieścić nawiasy w następujący sposób:

$$(((x_1-x_2)-((x_3-x_4)-x_5))-(x_6-x_7)).$$

Uwaga: Interesują nas tylko wyrażenia w pełni i poprawnie ponawiasowane. Wyrażeniem w pełni i poprawnie ponawiasowanym jest

- albo pojedyncza zmienna,
- albo wyrażenie postaci  $(w_1 w_2)$ , w którym  $w_1$  i  $w_2$ , to w pełni i poprawnie ponawiasowane wyrażenia.

Nieformalnie mowiąc, nie interesują nas wyrażenia, w których występują na przykład konstrukcje postaci:  $(), (x_i), ((...))$ . Wyrażenie  $x_1 - (x_2 - x_3)$  nie jest w pełni ponawiasowane, ponieważ brakuje zewnętrznych nawiasów.

#### Zadanie

Napisz program, który:

- wczyta opis danego wyrażenia postaci  $x_1 \pm x_2 \pm \cdots \pm x_n$ ,
- obliczy na ile różnych sposobów (modulo  $1\,000\,000\,000$ ) można rozstawić n-1 par nawiasów w wyrażeniu  $x_1-x_2-\cdots-x_n$  tak, aby jednoznacznie określić kolejność wykonywania odejmowań i jednocześnie uzyskać wyrażenie równoważne danemu,
- zapisze wynik .

# Wejście

W pierwszym wierszu wejścia zapisana jest jedna liczba całkowita  $n, 2 \le n \le 5000$ . Jest to liczba zmiennych w danym wyrażeniu. W każdym z kolejnych n-1 wierszy jest zapisany jeden znak, + lub –. W i-tym wierszu zapisany jest znak występujący w danym wyrażeniu między  $x_{i-1}$  a  $x_i$ .

## Wyjście

Twój program powinien zapisać w pierwszym wierszu wyjścia jedną liczbę całkowitą równą ilości różnych sposobów (modulo 1 000 000 000), na jakie można rozstawić n-1 par nawiasów w wyrażeniu  $x_1-x_2-\cdots-x_n$  tak, aby jednoznacznie określić kolejność wykonywania odejmowań i jednocześnie uzyskać wyrażenie równoważne danemu.

## Przykład

Dla danych wejściowych:
7
+
+
poprawną odpowiedzią jest: