

NUM 2

Krzysztof Buczek

Wyniku z programu, przy użyciu biblioteki NumPy:

```
y1 = [ 3.28716602  3.8029998  0.25146854 -1.57875474 -0.50410395]
y1_prim = [ 16.74173331 -14.06233582 -2.70495914 -15.57494944 -25.34234554]
delta1 = 36.35612430090815

y2 = [ 3.18374857  3.94032033  0.27419287 -1.47117406 -0.31318674]
y2_prim = [ 3.18375389  3.94032237  0.27419131 -1.47117514 -0.31318814]
delta2 = 6.16673946544916e-06
```

Definicja współczynnika uwarunkowania K:

$$\forall \mathbf{x}, \bar{\mathbf{x}}: \frac{\|\varphi(\mathbf{x}) - \varphi(\bar{\mathbf{x}})\|_{\mathbb{R}^m}}{\|\varphi(\mathbf{x})\|_{\mathbb{R}^m}} \leq \kappa \cdot \frac{\|\mathbf{x} - \bar{\mathbf{x}}\|_{\mathbb{R}^n}}{\|\mathbf{x}\|_{\mathbb{R}^n}}$$

W naszym równaniu:

$$\|\varphi(\mathbf{x}) - \varphi(\mathbf{x}')\| = \|\mathbf{y} - \mathbf{y}'\| = \text{delta}$$

$$\|\mathbf{x} - \mathbf{x}'\| = \|\mathbf{b} - \mathbf{b}'\|$$

Macierz A1 i A2 są macierzami symetrycznymi rzeczywistymi, dlatego:

$$\kappa = \|A\| \cdot \|A^{-1}\| = \max(\lambda) / \min(\lambda), \text{ gdzie } \lambda \text{ to wartości własne macierzy}$$

Współczynnik uwarunkowania κ mówi nam, jak bardzo zmienia się rozwiązanie układu $A^*y = b$, przy zmianie wektora b .

1. Różnica współczynnika rzędu 10^{-5} w wektorze b' , po pomnożeniu przez niezmienną macierz A1 spowodowała różnicę rozwiązania w najgorszym przypadku o aż ok. 24. Zagadnienie obliczenia jest numerycznie **źle uwarunkowane**, bo niewielkie względne zmiany danych dają duże względne zmiany rozwiązania. Względna miara różnicy w rozwiązaniach wynosi ok. **delta1 = 36.35612430**
2. Różnica współczynnika rzędu 10^{-5} w wektorze b' , po pomnożeniu przez niezmienną macierz A2 spowodowała małą zmianę rozwiązania rzędu 10^{-6} . Zagadnienie obliczenia jest numerycznie **dobrze uwarunkowane**, bo niewielkie względne zmiany danych dają niewielkie względne zmiany rozwiązania. Względna miara różnicy w rozwiązaniach wynosi ok. **delta2 = 6.166739465**

