树微课Part2

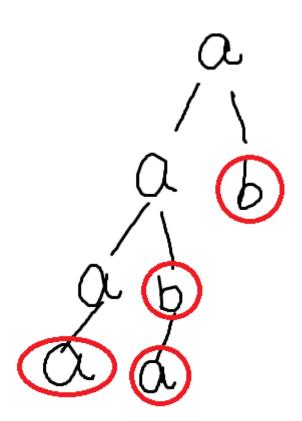
内容回顾

- 树的基本概念
- 树的遍历
 - 前序、中序、后序递归遍历
 - 前序+中序->构造树
 - 非递归遍历
- 二叉查找树
- 左儿子右兄弟表示

- 字典树
- 线段树
- 平衡二叉树
- 空间索引树

字典树

- aaaaa
- aab
- aaba
- ab



字典树-结构定义

```
struct TreeNode{
    bool isWord;TreeNode* child[26] //假设只有26个小写字母
```

- }
- 查找快速,空间占用交大

字典树-结构定义2

- struct TreeNode{
 - char ch;
 - bool isWord;
 - int childst;
 - int childnum;}
- vector<TreeNode> nodelist;
- vector<int> childindex
- node的儿子则为
 nodelist[childindex[node.childst..node.childst+node.childnum-1]]

字典树的构造

```
void insert(TreeNode * r, const string & word)
{
    for (int i = 0; i word.length(); i++)
    {
        int id = word[i] - 'a';
        if (r->child[id] == NULL)
        {
            r->child[id] = new TreeNode();
        }
        r = r->child[id];
    }
    r->isword = true;
}
```

字典树的查找

```
bool find(TreeNode * r, const string & word)
{
    for (int i = 0; i < word.length(); i++)
    {
        int id = word[i] - 'a';
        if (r->child[id] == NULL)
        {
            return false;
        }
        r = r->child[id];
    }
    return r->isword;
}
```

字典树-示例

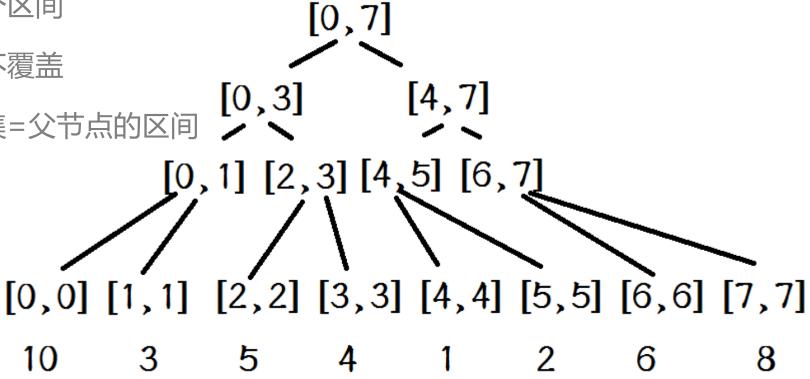
- LeetCode 139. Word Break
- LeetCode 140. Word Break2
- 需要储存字典,频繁查找一个串是不是落在字典里面都很适用

线段树-形式1

- 每个节点表示一个区间
- 子树的区间彼此不覆盖
- 子树结点区间并集=父节点的区间

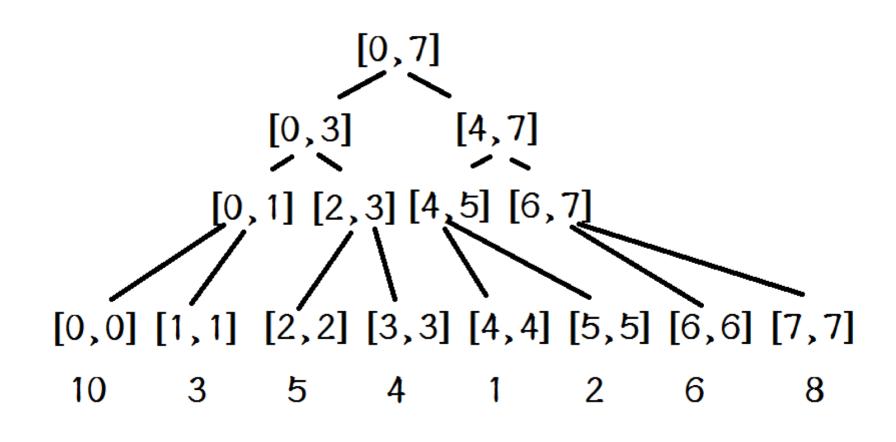
10

3



• 求最小最大元素

- $[0,1] \rightarrow (3,10)$
- $[2,3] \rightarrow (5,4)$
- $[4,5] \rightarrow (1,2)$
- [6,7] > (6,8)
- $[0,3] \rightarrow (3,10)$
- $[4,7] \rightarrow (1,8)$
- $[0,7] \rightarrow (1,10)$



线段树-更新

- 找到发生更改的叶子结点
- 重新计算父节点值
- 如果父节点值发生改变,继续计算再上一层结点值

线段树-形式1

- 典型题目
- 307. Range Sum Query Mutable
 - Given nums = [1, 3, 5] 初始给定
 - 两种操作:

sumRange(int i,int j)返回 nums[i..j]的和

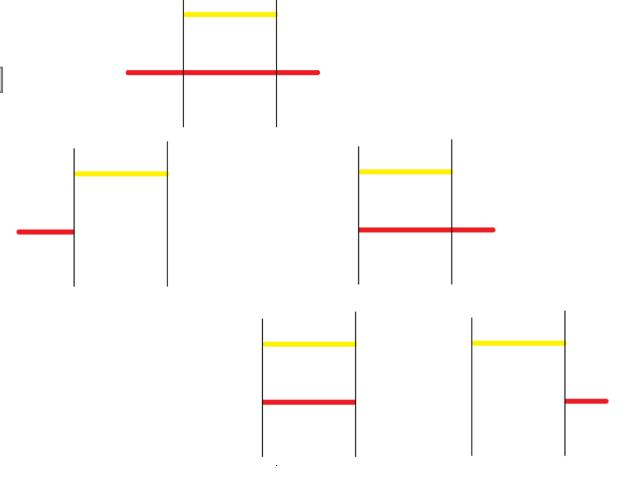
update(int i,int val) 修改nums[i]=val;

线段树-形式2

- 一维坐标上有若干条线段 起点st,终点ed 0<=st<ed<=maxint
- 问一个点被多少条线段覆盖
- 操作insert(int st,int ed);
- 查询query(int x)
- 多次插入与查询

线段树-形式2-插入

- 坐标都是正整数
- · 初始构造一个单结点树 [0,maxint]
- 插入线段(st,ed)



线段树-形式2-插入

• 不是叶子结点,则递归插入子节点

```
if (r->left != NULL && r->right != NULL)
{
    insert(r->left, st, ed);
    insert(r->right, st, ed);
}
```

叶子节点 st<=r.st && r.ed<=ed i不需要分裂count++

```
if (st <= r->st && r->ed <= ed)
{
    r->count++;
}
```

线段树-形式2-插入

叶子节点r.st<str分裂成[r.st..st-1][st..r->ed]

上条不成立且叶子节点r.ed>edr分裂成[r.st..ed][ed+1..r->ed]

```
if (r->st < st )
     r->left = new SegTreeNode(r->count);
     r->right = new SegTreeNode(r->count);
     r\rightarrow left\rightarrow st = r\rightarrow st;
     r\rightarrow left\rightarrow ed = st - 1;
     r->right->st = st;
     r\rightarrow right\rightarrow ed = r\rightarrow ed;
     insert(r->right, st, ed);
else
if(r\rightarrow ed \geq ed)
     r->left = new SegTreeNode(r->count);
     r->right = new SegTreeNode(r->count);
     r\rightarrow left\rightarrow st = r\rightarrow st;
     r\rightarrow left\rightarrow ed = ed;
     r-right->st = ed+1;
     r\rightarrow right\rightarrow ed = r\rightarrow ed
     insert(r->left, st, ed);
```

线段树-形式2-查询

- int quert(SegTreeNode * r,int x)
- 如果r非叶子结点,则查询子节点,、根据x值与r->left.ed值的关系决定查询左子树还是右子树
- 如果r=叶子结点,则返回count

```
lint query(SegTreeNode * r, int x)
     if (r != NULL)
         if (r->left != NULL && r->right != NULL)
              if (x \le r \rightarrow left \rightarrow ed)
                  return query (r->left, x);
              else
                  return query (r->right, x);
         else
              return r->count;
     return 0;
```

线段树-形式2-扩展

- 如果问题变成了query只需要返回
 - x是否被线段覆盖了不需要知道被多少线段覆盖了,应该如何修改
- 当插入过程中发现
 - 存在r的左右子结点都是叶子结点,且r->left->count==r->right->count 可以如何优化

线段树-形式2-城市天际线

- [0..INT_MAX]=0;
- INSERT [ST,ED] -> H
- 最后求x处的最大H
- 按坐标输出整个线段树
- LeetCode 218

注意原题的输入为 [Li,Ri) 转成闭区间插入的时候应该插入[Li,Ri-1]

红黑树

- 二叉查找树
- 保持了O(logn)的高度
- 所以查找插入删除的最坏代价也是O(logn)
- 查询过程同二叉查找树
- 难点在 如何保持删除与插入的时候树的平衡
- c++标准库的map使用的红黑树
- 细节请看 结构之法

B树

- 每个非叶子结点最多有M个子节点
- 根结点最少有2个子节点
- 非根非叶子结点最少有 m/2个子节点
- 所以叶子结点在同一层
- 扩展有B+ B*

空间索引树

- 在N维空间内查询距离点v<=d的点集合
 - 2维空间
 - 查询落在一个圆形内的点集合
 - 查询落在一个矩形范围内的点集合

R树

- 叶子结点=点
- 父节点=所有子节点的最小外接矩形
- R树区别于普通树的一个显著特点是,子树表示的范围可能会重叠
- 减少子树的矩形重叠,能够让R树更为优化
- 同B树,可以设计每层最多有M个子节点,最少有M/2个
- 大部分R树都能离线插入构造好树,在线查询,不进行动态插入。
- 所以建树可以进行更多的计算以优化 从而提高查询性能
- 大规模数据往往有自然属性可以很容易的分成不同的子集

总结

- 思考清楚每个结点代表什么
- 非叶子结点的值是否可以解决问题?
 - 是需要递归查询子节点呢
 - 还是直接可以返回当前结点信息
- 把大问题分成子问题 子树的问题解决了, 当前树的问题也就解决了
- m叉树的分裂与收缩其实原理类似,一通百通

• 微博: 小小喵78

• Q&A