

(SEULS documents autorisés: photocopies intro. au langage C)

## I. INTERPRÉTATION D'UN SWITCH ( 3 points)

Soit la portion de programme suivante: a et b sont des entiers

```

a=9;
switch (a-b)
{ case 1: a=a+1;
  b=b-1;
  break;

  case 2: do
    {a=a+1;
     while(a!=b);
    }
    break;

  case 3: while(a>b) a=a-b;
    break;

  case 4: for(i=1; i<=a; i=i+1) b=a+b;
    }

```

```

printf("a vaut %d\n", a);

```

Sachant qu'on a eu le message :

a vaut 3

que valait b AVANT l'exécution du switch ? Justifier votre réponse.

## II. INVERSION DE L'ORDRE DES ÉLÉMENTS D'UN VECTEUR v (5 points)

v est supposé initialisé et contient n éléments actifs. Il s'agit d'entiers.

Ecrire une fonction

```

inversion( . . . )

```

permettant de ranger dans le MÊME vecteur et SANS utiliser un autre vecteur, les éléments de v dans l'ORDRE INVERSE de l'ordre initial (le premier en dernier, le deuxième en avant-dernier, etc.).

Cette fonction devra, de plus, comptabiliser, dans la variable locale nbech le nombre effectif d'échanges effectués (pas d'échange en cas d'égalité). nbech est, évidemment, à renvoyer en fin de traitement.

```

AVANT
| 2 4 1 3 | - -
+-----+
| 4 | 0 |
+-----+
n nbech

APRÈS
| 3 1 4 2 | - -
+-----+
| 4 | 2 |
+-----+
n nbech

```

## III. INSERTION D'UNE VALEUR val AU BON ENDROIT DANS UN VECTEUR TRIÉ v ( 6 points)

v est supposé initialisé et contient n entiers rangés par ordre croissant. Il s'agit d'entiers. MAX est défini en tête de programme.

Ecrire une procédure

```

insertion( . . . )

```

permettant d'insérer la valeur entière val à la place qui lui revient dans le vecteur v à n éléments actifs déjà triés avec décalage, vers la droite, des éléments concernés pour permettre l'insertion. Refuser l'insertion si MAX, le nombre maximum de postes, est atteint.

## IV. TRI INDIRECT D'UN VECTEUR v À L'AIDE D'UN VECTEUR D'INDICES vind ( 6 points)

Il s'agit d'effectuer un tri VIRTUEL des éléments du vecteur v par la méthode du minimum MAIS sans modifier les éléments de v lui-même.

On utilisera un autre vecteur vind (vecteur d'indices) qui, lui, subira les échanges afin de conserver la nouvelle disposition virtuelle des postes du vecteur v après tri.

Ainsi, pour trier, indirectement, le vecteur v avec 4 postes actifs, on a :

```

AVANT LE TRI

```

```

| 2 4 1 3 | - -
+-----+
| 4 |
+-----+
n

v
| 0 1 2 3 | - -
+-----+

```

vind

```

APRÈS LE TRI

```

```

| 2 4 1 3 | - -
+-----+
| 4 |
+-----+
n

v
| 2 0 3 1 | - -
+-----+

```

vind

## IV.1. Ecrire une procédure

```

tri_indirect( . . . )

```

pour réaliser le tri indirect du vecteur v via le vecteur d'indices vind.

## IV.2. Ecrire une procédure

```

aff_resul_tri( . . . )

```

pour afficher le résultat du tri, par ordre croissant, à raison de 10 éléments par ligne via le vecteur d'indices vind.

\*\*\*\*\* ÉLÉMENTS DE SOLUTION DU DEVOIR SURVEILLÉ \*\*\*\*\*/

INTERPRÉTATION D'UN SWITCH

On a  $a \leq b \leq 4$  d'où  $1 \leq 3-b \leq 4$  donc  $5 \leq b \leq 8$   
b valait 6 en fait.

En effet, a est diminué de 9 à 3 et la seule éventualité où a est diminué correspond à case 3. D'où  $9-b=3$  ce qui donne  $b=6$ .  
Pour case 1 et case 2, a est incrémenté et pour case 4, a n'est pas modifié.

Il existe deux solutions pour l'inversion

SOLUTION 1:

```
int inversion1(int v[], int n)
{
    int i; /* indice de parcours du vecteur v */
    int nbech; /* compteur du nombre effectif d'échanges */
    int t; /* variable de travail pour les échanges */

```

```
    nbech=0;
    for(i=0; i<n/2; i++)
    {
        if(v[i] != v[n-i-1])
        {
            t=v[i];
            v[i]=v[n-i-1];
            v[n-i-1]=t;
            nbech++;
        }
    }
    return(nbech);
}
```

SOLUTION 2:

```
int inversion2(int v[], int n)
{
    int i; /* indice de parcours du vecteur v de gauche vers la droite */
    int j; /* indice de parcours du vecteur v de droite vers la gauche */
    int nbech; /* compteur du nombre effectif d'échanges */
    int t; /* variable de travail pour les échanges */

```

```
    nbech=0;
    for(i=0, j=n-1; i<j; i++, j--)
    {
        if(v[i] != v[j])
        {
            t=v[i];
            v[i]=v[j];
            v[j]=t;
            nbech++;
        }
    }
    return(nbech);
}
```

III. INSERTION D'UNE VALEUR val AU BON ENDROIT DANS UN VECTEUR TRIÉ v

```
void insertion(int v[], int n, int val)
{
    int i;
    if(n==NMAX) printf("Plus de place dans le vecteur\n");
    else
    {
        i=n;
        while ( i>0 && v[i-1] > val ) /* ATTENTION A L'ORDRE DANS LE TEST */
        {
            v[i]=v[i-1];
            i=i-1;
        }
        v[i]=val;
    }
    (*n)++; /* À NE PAS OUBLIER SURTOUT */
}
```

IV. TRI INDIRECT D'UN VECTEUR v À L'AIDE D'UN VECTEUR D'INDICES vind

v reste inchangé; le tri est répertorié sur le vecteur d'indices vind qui, à l'issue du traitement, donne les numéros des postes du vecteur v tels qu'ils devraient être après le tri.

```
void tri_indirect(int v[], int n, int vind[])
{
    int i, j, t;
    for(i=0; i<n; i++) vind[i]=i; /* initialisation du vecteur d'indices */
    /* on intervertit les INDICES pointant vers v (grâce au vecteur vind) */
    /* à chaque fois qu'on trouve un meilleur minimum. */
    /* on recommence le processus n-1 fois */
    for(i=0; i<n-1; i++)
    {
        for(j=i+1; j<n; j++)
        {
            if(v[vind[j]] < v[vind[i]])
            {
                t=vind[i];
                vind[i]=vind[j];
                vind[j]=t;
            }
        }
    }
}
```

autre solution: acc de tableau posmin en plus

```
for(i=0; i<n-1; i++)
{
    posmin=i;
    for(j=i+1; j<n; j++)
    {
        if(v[posmin] > v[vind[j]])
        {
            posmin=j;
        }
    }
    vind[i]=vind[posmin];
    vind[posmin]=i;
}
```

```
void aff_resul_tri(int v[], int n, int vind[])
{
    int i;
    printf("Voici les éléments apres tri : \n");
    for(i=0; i<n; i++)
    {
        printf("%3d", v[vind[i]]);
        /* if ((i+1)%10==0) printf("\n"); éventuellement */
        if( (i+1)%200 ==0 ) /* 20 lignes de 10 éléments, au plus, par écran */
        {
            printf(" Appuyez sur une touche pour continuer\n");
        }
    }
    while(getchar() != '\n'); /* pour effacer tab-vi-pro, stp; avec char tab-vi-pro; */
    printf("\n");
}
```

I. EXERCICE SUR UN VECTEUR ( 6 points )

NMAX=50  
 #définition de la fonction f admettant comme arguments le vecteur v et n et retournant un entier  
 def f(v,n):  
 #entrées :  
 # le vecteur v est constitué d'entiers et est de taille NMAX  
 # n : int n est le nombre actif de postes du vecteur v  
 #sortie :  
 #la fonction f retourne un entier  
 #définitions de variables de travail :  
 # i : int  
 # k : int  
 #début  
 i=0  
 k=1  
 while ( k < n ) :  
 if ( v[k] <= v[i] ) :  
 i=k  
 #endif  
 k=k+1  
 #endwhile  
 return(i)  
 #fin

- I.1. Proposer des jeux de données différents en signalant le contenu de chaque zone mémoire afin de tester cette fonction.
- I.2. Que fait cette fonction?
- I.3. Réécrire la fonction en langage C en utilisant une boucle for.

II. TASSEMENT, SUR SA PARTIE GAUCHE, DES VALEURS NON NULS D'UN VECTEUR ( 3 points )

Écrire une procédure tasse(.....) permettant le tassement des éléments utiles (ici les éléments non nuls) du vecteur v sur sa partie gauche. On élimine les zéros tout en mettant à jour le nombre actif d'éléments utiles.

III. INTERPRÉTATION D'UNE FONCTION ( 11 points )

```
int fonction( int x, int y )
{
  if ( abs(x) < abs(y) ) return ( fonction ( y, x ) );
  if ( y < 0 ) return ( fonction ( -y, -x ) );
  if ( y != 0 ) return ( x + fonction ( x, y-1 ) );
  else return ( 0 );
}
```

- III.1. Que retourne cette fonction pour x =15 et y = 3 ?
- III.2. Combien d'appels y aura-t-il dans les 5 cas suivants :  
 (l'appel initial dans la fonction appelante devra être pris en compte)
  - (a) x = 15 et y = 3
  - (b) x = 3 et y = 15
  - (c) x = 15 et y = -3
  - (d) x = -3 et y = 15
  - (e) x = -3 et y = -15
- III.3. Quel est le traitement arithmétique effectué par cette fonction ?
- III.4. Cette fonction comporte un "BUG" ? Lequel ? Proposer une solution.
- III.5. Modifier cette fonction afin d'y intégrer un moyen de comptage du nombre d'appels qu'on afficherait en même temps que le résultat.

$$f_n = (f_n) - 1$$

## SOLUTION D.S. ALGO-LANGAGE C

### I. EXERCICE SUR UN VECTEUR ( 6 points )

#### I.1. Test sur différents jeux d'essai

Pour ①  
 int v[]={4,3,1,1};      avec n valant 4,  
 i , qu'on retourne, vaudra 2.

Pour  
 int v[]={4,3,1,1};      avec n valant 4,  
 i vaudra 3.

Pour  
 int v[]={1,1,1,1};      avec n valant 4,  
 i vaudra 3.

#### I.2. Que fait cette fonction ?

Cette fonction retourne le numéro de poste de la DERNIÈRE occurrence du minimum du vecteur v.

#### I.3. Réécriture de la fonction à l'aide d'un for

```
int f( int v[], int n)
{
  int i; /* pour trouver le numéro de poste de la dern. occ. du min */
  int k; /* pour parcourir le vecteur à partir du 2eme élément */

  i=0;

  for( k = 1; k < n; k++ ) if ( v[k] <= v[i] ) i = k;

  return i;
}
```

### II. TASSEMENT, SUR SA PARTIE GAUCHE, DES VALEURS NON NULS D'UN VECTEUR ( 3 points )

```
void tasser( int v[], int *n )
{
  int i;           /* indice de parcours du vecteur */
  int nbrenonnul; /* compteur pour gérer les éléments non nuls de v */

  for( i = 0; i < *n; i++ )
    if ( v[i] ) /* équivaut à faire if ( v[i] != 0 ) */
    {
      v[nbrenonnul] = v[i];
      nbrenonnul++;
    }
  *n = nbrenonnul; /* mise à jour de *n */
}
```

### III. INTERPRÉTATION D'UNE FONCTION ( 11 points )

```
int fonction( int x, int y )
{
  if ( abs(x) < abs(y) ) return ( fonction ( y, x ) );
  if ( y < 0 ) return ( fonction (-y,-x) );
  if ( y != 0 ) return ( x + fonction ( x,y-1 ) );
  else return ( 0 );
}
```

III.1. Que retourne cette fonction pour  $x = 15$  et  $y = 3$ ; réponse : 45

III.2. Combien d'appels y aura-t-il dans les 5 cas suivants :

(l'appel initial dans la fonction appelante devra être pris en compte)

- |     |          |    |           |   |
|-----|----------|----|-----------|---|
| (a) | $x = 15$ | et | $y = 3$   | <u>réponse : résultat= 45 nombre d'appels=4</u> |
| (b) | $x = 3$  | et | $y = 15$  | <u>réponse : résultat= 45 nombre d'appels=5</u> |
| (c) | $x = 15$ | et | $y = -3$  | <u>réponse : résultat=-45 nombre d'appels=6</u> |
| (d) | $x = -3$ | et | $y = 15$  | <u>réponse : résultat=-45 nombre d'appels=7</u> |
| (e) | $x = -3$ | et | $y = -15$ | <u>réponse : résultat= 45 nombre d'appels=7</u> |

III.3. Quel est le traitement arithmétique effectué par cette fonction ?

Réponse : on ramène la multiplication de 2 entiers à de simples additions d'entiers :  $x * y = (x + x + \dots + x)$  (y fois)

III.4. Cette fonction comporte un "BUG" ? Lequel ? Proposer une solution.

Réponse : la fonction boucle indéfiniment sans atteindre la condition d'arrêt pour tout couple  $(x_0, -x_0)$  où  $x_0$  est un entier positif.

Par exemple  $(1, -1)$  ou  $(15, -15)$  entraîne un bouclage infini jusqu'à dépassement de la capacité de la pile du programme.

Pour éliminer ce "BUG", il suffit de remplacer

```
if ( y < 0 ) return ( fonction (-y,-x) );
```

par

```
if ( y < 0 ) return ( fonction (-x,-y) );
```

III.5. Solution intégrant un comptage explicite :

```
int fonction( int x, int y , int *ctr )
{
    (*ctr)++;
    if ( abs(x) < abs(y) ) return ( fonction ( y, x ,ctr ) ) ;
    if ( y < 0 ) return ( fonction (-y,-x,ctr) ) ;
    if ( y != 0 ) return ( x + fonction ( x, y - 1, ctr ) ) ;
    else
        return ( 0 ) ;
}

int main()
{
    int ctr = 0;
    printf("fonction( 15, 3 ) = %3d; nombre d'appels = %d\n",
        fonction( 15, 3, &ctr), ctr );
    ctr = 0;
    printf("fonction( 3, 15 ) = %3d; nombre d'appels = %d\n",
        fonction( 3, 15, &ctr), ctr );
    ctr = 0;
    printf("fonction( 15 ,-3 ) = %3d; nombre d'appels = %d\n",
        fonction( 15,-3, &ctr), ctr );
    ctr = 0;
    printf("fonction( -3, 15 ) = %3d; nombre d'appels = %d\n",
        fonction( -3,15, &ctr), ctr );
    ctr = 0;
    printf("fonction( -3,-15 ) = %3d; nombre d'appels = %d\n",
        fonction( -3,-15, &ctr), ctr );
    return 0;
}
```