令和3年 電磁気学II

大山主朗

令和3年 電磁気学II 前期中間試験

- 1 以下の (a) 及び (d) に示す物理定数は電磁気学を修めた者であれば常識的 に覚えていなければならない数値である.それぞれの値を示せ.
- (a) 真空の誘電率 $\varepsilon_0: 8.854 \times 10^{-12} \, \mathrm{F/m}$
- (b) 真空の透磁率 $\mu_0: 1.257 \times 10^{-6} \, \mathrm{H/m}$
- (c) 電子の電荷 $e:-1.602\times 10^{-19}\,\mathrm{C}$
- (d) 電子の静止質量 $m:9.109\times 10^{-31}\,\mathrm{kg}$
- 2 xy 直交座標系において,同量異符号の点磁荷 $\pm m$ が距離 l に固定された磁気双極子が存在する.このとき以下の問いに答えよ.ただし,x 方向の基準ベクトルを i とする
- (a) 点 A に存在する磁荷 -m が点 $P(x_0, y_0)$ に作る磁界 H_1 を求めよ.

$$H_1 = \frac{1}{4\pi\mu_0} \frac{-m}{\left((x+a)^2 + y^2\right)^{3/2}} \left\{ (x+a) \, i + y \, j \right\} \, [A/m]$$

(b) 点 B に存在する磁荷 +m が点 $P(x_0,y_0)$ に作る磁界 \boldsymbol{H}_2 を求めよ.

$$H_2 = \frac{1}{4\pi\mu_0} \frac{m}{\left((x-a)^2 + y^2\right)^{3/2}} \left\{ (x-a) \, i + y j \right\} \, [A/m]$$

(c) 点 P での磁界 **H** を求めよ.

$$\begin{aligned} \boldsymbol{H} &= \boldsymbol{H}_1 + \boldsymbol{H}_2 \\ &= \frac{m}{4\pi\mu_0} \left[\frac{-1}{\left((x+a)^2 + y^2 \right)^{3/2}} \left\{ (x+a)\,\boldsymbol{i} + y\boldsymbol{j} \right\} + \frac{1}{\left((x-a)^2 + y^2 \right)^{3/2}} \left\{ (x-a)\,\boldsymbol{i} + y\boldsymbol{j} \right\} \right] \, [\text{A/m}] \end{aligned}$$

(d) 磁気双極子モーメント M を求めよ.

$$M = ml$$

= mli [Wb · m]

(e) 点 P が原点 O より十分遠方にあると仮定すると、 $\sqrt{(x-a)^2+y^2}\simeq \sqrt{x^2+y^2}$ 及び $\sqrt{(x+a)^2+y^2}\simeq \sqrt{x^2+y^2}$ と近似できる.このことを用いて (c) にて得た磁界 ${\bf H}$ を簡略化せよ.

$$egin{aligned} oldsymbol{H} &\simeq -rac{1}{4\pi\mu_0}rac{ml}{\left(x^2+y^2
ight)^{3/2}}oldsymbol{i}\left[ext{A/m}
ight] \ &\left(\simeq -rac{oldsymbol{M}}{4\pi\mu_0r^3}\left[ext{A/m}
ight]
ight) \end{aligned}$$

(f) y 方向に一様な磁界 H_0 が存在するとき、磁気双極子にはたらくトルク T を求めよ.

$$egin{aligned} m{T} &= m{M} H_0 \sin \theta \ &= m l m{i} \sin rac{\pi}{2} \ &= m l m{i} \ &|m{T}| = m l \, [ext{Wb} \cdot ext{m}], \, \, ext{x} 軸右方向 \end{aligned}$$

- xyz 直交座標空間において,xy 平面内に原点 O を中心とする半径 a の円形 ループ電流 I が流れており,z 軸上に点 P(0,0,h) がある.このとき,点 P に発生する磁界 H を求めよ.
- xyz 直角座標空間において、y 軸上の点 $A(0,c_1,0)$ から点 $B(0,c_2,0)$ まで y 軸に沿って直線状に流れる電流 I がある.このとき、x 軸上の点 P(a,0,0) に発生する磁界 H を求めよ.また、電流 I の始点 A と終点 B の座標がそれぞれ $(0,-\infty,0),(0,\infty,0)$ となった場合の点 P に発生する磁界 H を求めよ.
- 半径 a の半円と半径 b の半円が接続された導体に電流 I が流れている.このとき,半円の中心 O に発生する磁界 H を求めよ.

- xyz 直交座標系において TV アニメ版だと「第 5 使徒ラミエル」,新劇場版だと「第 6 の使徒」と呼ばれるような $(\pm a,0,0),(0,\pm a,0),(0,0,\pm a)$ の点を通る正八面体がある.この正八面体の各辺に図のように電流 I が流れている.このとき,原点 O に発生する磁界 H を求めよ.
- 7 磁化されていない強磁性体に磁界 H を外部から印加し,強磁性体内部での磁束密度 B を観測すると,図 3 に示すような結果が得られた.このとき,図中の行程 1: 点 O \rightarrow 点 P_1 ,行程 2: 点 P_1 \rightarrow 点 P_2 ,行程 3: 点 P_2 \rightarrow 点 P_3 ,行程 4: 点 P_3 \rightarrow 点 P_4 ,行程 5: 点 P_4 \rightarrow 点 P_5 , 行程 6: 点 P_5 \rightarrow 点 P_6 ,行程 7: 点 P_6 \rightarrow 点 P_1 の 7 つの行程に着目して,測定結果を説明せよ.