

# 기계학습이론 기말대비 2

CNN ~ Transformer

## CNN

Image:  $H \times W \times 3$ 의 크기를 가진다.

Image를 처리하기 위해선 필요한 parameter의 개수가 많아진다.

- $W \in R^{D*(HWC)}$

따라서 MLP를 사용하기엔 부담이 있어 MLP 대신 CNN을 사용하고, MLP의 Matrix multiplication 대신 CNN의 Convolution 연산을 사용한다.

CNN 이전에 이미지를 처리하는 방법에 대해 먼저 알아보자.

이전에는 Feature detector를 이용하여 이미지에서 Feature를 뽑고 각 Feature의 개수를 세어 Histogram으로 만들고 이를 통해 Classification 하였다.

그러나 이 방법은 굉장히 비효율적이고 Feature extractor가 사람이 정한 Feature만을 탐지할 수 있었기 때문에, 뽑아낼 Feature 자체도 학습하고자 하였다.

각 Filter가 특정 Feature를 탐지할 수 있도록 하고, 이미지의 각 부분이 Feature와 얼마나 유사한지를 Inner product로 측정한다.

2D 이미지와 Filter를 1D vector로 Flatten하고 내적하면 Convolution을 하는 것과 동일하다.

- 따라서 Filter를 이용하여 각 부분을 Convolution하는 것은 이미지의 각 부분과 Filter가 얼마나 유사한지 확인하는 과정이다.

**Convolution**은 **Linear Operation**이다.

- $w * (x_1 + x_2) = w * x_1 + w * x_2$
- $w * (2x_1) = 2(w * x_1)$

Convolution이 linear transformation이기 때문에, **Matrix**로 나타낼 수도 있다.

- Matrix  $W$ 의 Column vector  $e_i$ 가  $e_i * w$ 가 되도록 하면 된다

Convolution matrix의 특징으로 아래 두 가지가 있다.

1. **Sparse**: 0이 굉장히 많다

- 한 Pixel에서 여러 개의 다른 Pixel을 보지 않는다.

2. **Weight sharing**: 중복되는 값이 많다.

- **Translation Invariant**: 위치가 변해도 결과가 동일
  - 같은 값이 다른 위치에서 여러 번 나오기 때문이다.
- $W$ 를 적은 Parameter (Filter-only)로도 저장이 가능하다.

위 두 가지 특징이 강한 **Inductive bias**가 된다.

따라서 **CNN**은 **MLP**에서는 Parameter 개수가 많기 때문에 커던 hypothesis space를 두 가지 강한 **Inductive bias**를 이용하여 작게 만든다.

Inductive bias가 크기 때문에, **Data**가 비교적 적어도 잘 학습시킬 수 있다.

## Convolution의 종류

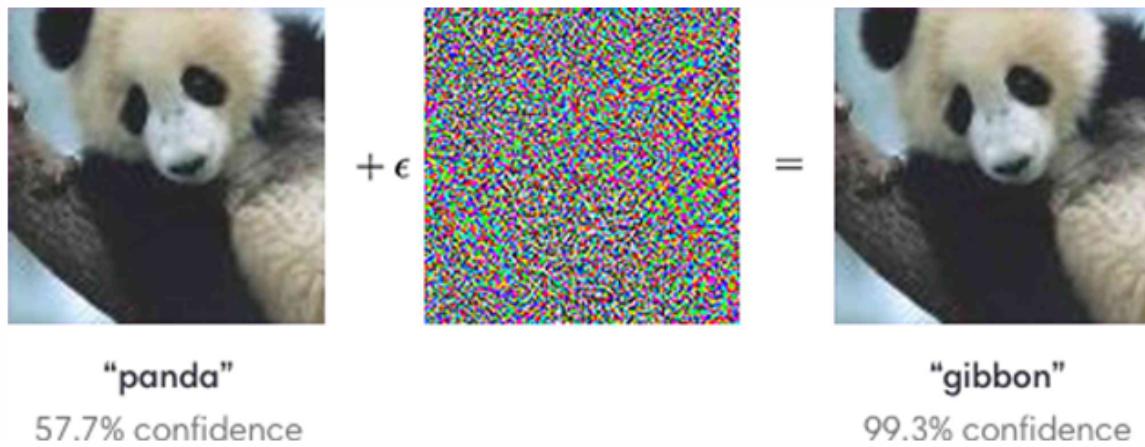
1. **Valid convolution**: Padding이 없는 경우
2. **Same convolution**:  $H_{in} = H_{out}$
3. **Strided convolution**:  $s > 1$

## Pooling

1. **Max pooling:** Linear 하지 않다.
2. **Average pooling:** Linear하다.

CNN은 Convolution layer을 깊게 쌓으며 **Low layer**에서는 간단한 Feature, **high layer**에서는 복잡한 Feature를 배우도록 하며 이미지를 이해한다.

그러나, Layer를 깊게 쌓아도 이미지를 완전히 이해하지 못 하는 경우가 있었다.



원본 이미지에 대한 분류는 잘했지만, 원본 이미지에 굉장히 작은 Noise만 추가해도 분류에 실패하였다.

이후, CNN이 어떻게 동작하는지에 대한 연구가 많아지고 Safety에 대한 관심이 높아졌다.

---

## NLP

Text를 처리하는 분야이다.

Task마다 Input과 Output의 형식이 달라지기 때문에 각 Input, Output의 형식부터 이해하는 것이 중요하다.

Text는 다루기 굉장히 까다롭다. 이런 Text를 어떻게 다룰 수 있을까?

Text를 **Vector**로 Embedding하면 Text간의 연산이 가능하다. 이 점을 이용하여 Text를 Vector로 Embedding하는 과정부터 알아보자.

## 1. Word2Vec

- 단어 단위로 수행한다.
- 유사한 단어는 Vector space 내에서 비슷한 위치에 위치하도록 한다.
- Embedding을 학습한 이후에 **Embedding으로의 변환은 고정되고 LSTM/RNN 등에 plug-in으로 추가되어 사용된다.**
  - Context를 포함하지 못 한다.
- 주변 몇 개의 단어 (Local context)로부터 원하는 단어를 예측하는 방법을 사용한다.
  - **CBOW**: 주변 단어로부터 가운데 단어를 예측
  - **skipgram**: 중간으로부터 주변 단어를 예측

## 2. GPT-style embeddings

- Subword , Token-level이다.
- **Embedding 방법과 Casual language modeling (Next token prediction)이 동시에 Training된다.**
  - Context에 따라 동일한 단어여도 다른 Embedding으로 매핑될 수 있다.

Text sequence의 처리를 더 자세히 이해하기 위해 **PGM**부터 살펴보자.

## Probabilistic Graphical Model (PGM)

- Joint distribution을 **DAG**를 이용하여 표현한 모델
- DAG를 사용하는 이유는 **Cycle**이 없어 순서라는 개념이 성립하게 되기 때문이다.

PGM에서는 아래와 같은 **Conditionally independent assumption**이 가능하다.

$$Y_i \perp Y_{pred(i)|pa(i)} | Y_{pa(i)}$$

- Parent가 주어지면 특정 한 Token과 Parent를 제외한 그 전의 모든 token은 Independent하기 때문에 볼 필요가 없다는 것이다.

결국, PGM에 따르면 Joint distribution은 아래와 같이 정의된다.

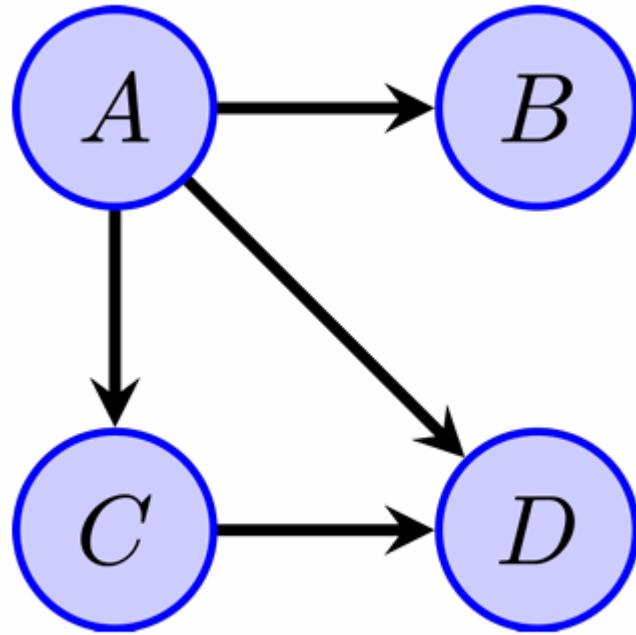
$$p(Y_{1:V}) = \prod_{i=1}^V p(Y_i | Y_{pa(i)})$$

문장 전체의 확률을 나타내는 **Joint distribution**을 표현할 수 있다면 좋지만, 그렇게 된다면 경우의 수가 굉장히 많아져 어렵다.

이를 해결하기 위해 **Joint distribution**을 **Factorization**한 위 공식을 사용하여 대체한다.

아래와 같은 DAG를 보자.

$$P(A, B, C, D) = P(A)P(B|A)P(C|A)P(D|A, C)$$



위 그래프에서  $\text{Edge}(P(B|A), P(C|A), P(D| A, C))$ 를 Neural network가 각각 예측하는 것이라고 생각할 수 있다.

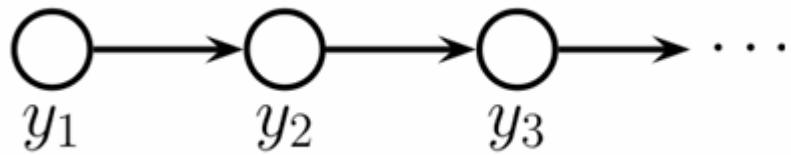
- 즉, **Joint distribution**을 여러 **Conditional distribution**으로 **Factorization**하여 각각을 예측하도록 하는 방법이다.
- Text sequence의 처리를 DAG를 통해서 이해할 수 있다.

이 구조의 특징은 **Conditionally Independent Assumption**으로 인하여 Parent Token을 제외한 이전 Token들의 구조를 반영할 수 없다는 것이다.

- PGM의 각 Node는 Random variable이다.
- 이 가정 때문에 **Inductive bias**가 크다.
- CNN과 마찬가지로 데이터가 적을 때 유리한 이유이다.

Parent가 하나만 존재하는 가장 극단적인 경우를 보자.

**Markov model**은 **future state**가 직전 하나의 상태에만 의존한다는 아주 강한 **Inductive bias**를 부여한다.



Marcov assumption 하에선 Parent가 하나라는 강한 Bias로 인해 Model의 자유도가 떨어진다.

## RNN

위에서 본 Text를 처리하는 방법과 Task의 종류에 따라 여러 RNN이 정의될 수 있다.

RNN의 기본 구조는 PGM을 따르기 때문에 Joint distribution을 Conditional distribution의 곱으로 나타낼 수 있다.

크게 3가지 구조로 나뉜다.

### 1. Vec2Seq ( $x \rightarrow y_{1:T}$ )

- Language modeling (x is None), Image captioning

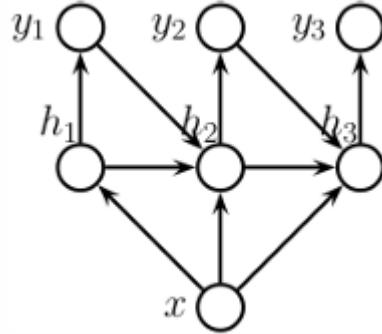
### 2. Seq2Vec ( $x_{1:T} \rightarrow y$ )

- Text classification

### 3. Seq2Seq ( $x_{1:T} \rightarrow y_{1:T}$ )

- Document summarization

이 중, Vec2Seq의 구조를 자세히 살펴보자.



위 구조에 따른 Joint distribution은 다음과 같다.

$$\begin{aligned}
 p(x, y_1, y_2, y_3, h_1, h_2, h_3) &= p(x) \\
 &\quad \times p(h_1 | x) \\
 &\quad \times p(h_2 | x, h_1, y_1) \\
 &\quad \times p(h_3 | x, h_2, y_2) \\
 &\quad \times p(y_1 | h_1) \\
 &\quad \times p(y_2 | h_2) \\
 &\quad \times p(y_3 | h_3).
 \end{aligned}$$

여기서  $p(y_i|h_i)$ 는 **Categorical distribution**이고,  $p(h_i|x)$ 는 **Neural network**의 결과라고 생각할 수 있다.

- $p(y_i|h_i) = \text{Cat}(y_t | \text{softmax}(W'h_t))$ 이기 때문에 확률적이다.
  - Softmax 분포에서 Sampling된다.
  - Stochastic
- $p(h_i|x)$ 는 보통 이미 결정되어져 있다.
  - 확률적 요소가 없고 정해진 W에 대해 값이 나온다.
  - Deterministic

위 구조의 RNN은 **Hidden state** 덕분에 이전의 여러 상태를 확인할 수 있다.

- 위 구조가 DAG이지만, 이 때 **DAG의 Node는 deterministic value**이기 때문에 지난 계산값이 누적되어 이전 정보가 압축되어 표현된 것처럼 사용된다.

- 따라서 메모리가 모든 hidden state의 값을 저장할 수 있을 정도로 충분히 크다면, **Inductive bias**를 크게 줄일 수 있다.
- 그러나 여전히, PGM 구조 자체가 큰 **Inductive bias**이다.
  - 구조에 따라 Bias가 증가하거나 감소한다.

## Training

1. 우리에게 주어진 Data는  $\{X, Y\}$  pair일 것이다.
  2. Hidden state인  $H$ 는 데이터에 주어지지 않으므로 Joint distribution을  $H$ 에 대해 적분하여  $P(X, Y)$ 를 얻는다.
  3.  $P(X, Y)$ 에 대해 NLL을 하여 Loss를 계산한다.
- 

RNN의 성능을 좋게 하기 위해 여러 Layer를 쌓을 수 있다.

$$h_t^l = \phi(W^l[h_t^{l-1}; h_{t-1}^l])$$

- 직전 Layer의 Hidden state와 직전 Time step의 Hidden state의 영향을 받는다.

## BackPropagation Throung Time (BPTT)

Text는 Sequence로 이루어져 있기 때문에, 텍스트가 길거나 Time이 길수록 Loss와 Input간의 거리가 커지게 된다.

이는 BPTT의 소요 시간을 늘리고, Gradient exploding / vanishing problem에 빠지게 만든다.

Gradient vanishing problem을 해결하기 위해 Residual net의 아이디어를 빌린 **LSTM**과 **GRU**를 사용하기도 한다.

# Transformer

RNN이 Hidden state를 통해 이전 Token의 정보를 간접적으로 전달할 수 있지만, 여전히  $t$  번째 token을 결정하는 데에는 최근 Token의 영향이 크다.

- **Inductive (Sequential bias)**가 크고, **Locality & Recency**

이를 해결하고 Inductive bias를 줄이기 위해 **Transformer**를 사용한다.

가장 큰 차이점은 Transformer는 특정 Token이 전체 Token을 확인할 수 있도록 하는 것이다.

- 이 방법은 **Attention**이라고 한다.
- **Inductive (Sequential bias)**가 작다.

$$h^l = A(h^{l-1})h^{l-1}$$

- $A(h^{l-1})$ : Attention weights
- $h^{l-1}$ : Value
- 모든 Token의 값의 Weighted sum이다.

**Position encoding**이 없다면, **Input**의 순서가 변경되더라도 **Output**의 순서만 변경되고 값은 달라지지 않는다!

Inductive bias 차이 때문에, 성능에서 **Data**가 작을수록 **CNN > Transformer**, **Data**가 많을수록 **Transformer > CNN**인 경향을 보인다.