## REPREZENTACJA WIEDZY

# REALIZACJE SCENARIUSZY DZIAŁAŃ

PROJEKT NR 5

## Szef:

## ROBERT JAKUBOWSKI

Autorzy:
Mariusz Ambroziak
Paweł Bielicki
Karol Bocian
Hanna Dziegciar
Karol Dzitkowski
Mateusz Jankowski
Wiktor Ryciuk

# Spis treści

1.	Opis zadania
2.	Opis języka akcji
	2.1. Sygnatura języka
	2.2. Opis domeny
	2.3. Scenariusze działań
	2.4. Semantyka
3.	Opis języka kwerend
4.	Przykłady
	4.1. Pytanie czy dany scenariusz moze wystąpić
	4.2. Pytanie czy dany warunek zachodzi w danym czasie
	4.3. Pytanie czy dana akcja jest wykonywana w pewnym czasie
	4.4. Pytanie czy podany cel jest osiągalny

## 1 Opis zadania

Zadaniem projektu jest opracowanie i zaimplementowanie:

- języka akcji pewnej klasy systemów dynamicznych,
- języka kwerend, zapewniającego uzyskanie odpowiedzi na określone pytania.

Szczegółowy opis klasy systemów dynamicznych oraz języka akcji jest opisany w rozdziale 'Opis języka akcji', natomiast język kwerend oraz zadawane pytania znajdują się w rozdziale 'Opis języka kwerend'. W tym dokumencie znajdują się również przykłady. Pokazują one konkretne przypadki użycia oraz oczekiwane wyniki działania programu.

# 2 Opis języka akcji

Język akcji, zaprojektowany na potrzeby zadania, spełnia następujące warunki:

- 1. Prawo inercji.
- 2. Sekwencyjność działań.
- 3. Możliwe akcje niedeterministyczne.
- 4. Liniowy model czasu czas dyskretny.
- 5. Pełna informacja o wszystkich:
  - (a) akcjach,
  - (b) skutkach bezpośrednich.
- 6. Akcja posiada:
  - (a) warunek początkowy,
  - (b) czas trwania  $t \ge 1, t \in \mathbb{N}$ ,
  - (c) efekt akcji.
- 7. Podczas trwania akcji, wartości zmiennych, na które ona wpływa, nie są znane.
- 8. Występujące rodzaje efektów:
  - (a) środowiskowe: zmiany wartości zmiennych systemu,
  - (b) dynamiczne: wystąpienie akcji może wywołać wystąpienie innych akcji po $d\geqslant 0$  jednostkach czasu od jej zakończenia.
- 9. W pewnych stanach akcje mogą być niewykonalne. Takie stany są określone przez podanie konkretnych punktów czasowych, albo przez określenie warunków logicznych.
- 10. Stany opisywane częściowo przez obserwacje.
- 11. Pewne stany mogą rozpocząć wykonywanie pewnych akcji.

Językiem odpowiadającym powyższym założeniom jest język AL opisujący domeny akcji z czasem liniowym.

## 2.1 Sygnatura języka

```
Sygnaturą języka jest następująca trójka zbiorów: \psi=(F,Ac,\mathbb{N}), gdzie: F-zbiór zmiennych inercji (fluentów) Ac-zbiór akcji \mathbb{N}-zbiór liczb naturalnych (czas trwania akcji)
```

## 2.2 Opis domeny

## Oznaczenia:

```
f \in F – fluent Ac_i, Ac_j \in Ac – akcje \alpha, \pi \in Forms(F) – warunki d_i, d \in \mathbb{N}
```

#### Rodzaje zdań występujących w projektowanym języku (domena języka):

- $(Ac_i, d_i)$  causes  $\alpha$  if  $\pi$ Akcja  $Ac_i$  trwająca  $d_i$  jednostek czasu powoduje stan  $\alpha$ , jeśli zachodzi warunek  $\pi$ .
- $(Ac_i, d_i)$  invokes  $(Ac_j, d_j)$  after d if  $\pi$  Akcja  $Ac_i$  trwająca  $d_i$  jednostek czasu powoduje wykonanie akcji  $Ac_j$  trwającej  $d_j$  jednostek czasu po d jednostkach czasu od zakończenia akcji  $Ac_i$ , jeśli przy jej rozpoczęciu zachodzi warunek  $\pi$
- $(Ac_i, d_i)$  releases f if  $\pi$ Akcja  $Ac_i$  trwająca  $d_i$  jednostek czasu powoduje uwolnienie f po zakończeniu akcji  $Ac_i$ , jeśli zachodzi warunek  $\pi$ .
- $\pi$  triggers  $(Ac_i, d_i)$ Akcja  $Ac_i$  trwająca  $d_i$  jednostek czasu jest wykonywana, jeśli zajdzie warunek  $\pi$ .
- impossible  $(Ac_i, d_i)$  at dAkcja  $Ac_i$  trwająca  $d_i$  jednostek czasu jest niewykonalna w chwili d.
- impossible  $(Ac_i, d_i)$  if  $\pi$ Akcja  $Ac_i$  trwająca  $d_i$  jednostek czasu jest niewykonalna, jeśli zachodzi warunek  $\pi$ .

## 2.3 Scenariusze działań

Scenariusze działań opisane są w następujący sposób:

- Sc = (OBS, ACS)
- $OBS = \{(\gamma_1, t_1), ..., (\gamma_m, t_m)\}$ , gdzie:  $m \ge 0$  – liczba obserwacji, każda obserwacja jest stanem częściowym (stanem spełniającym warunek  $\gamma_i$  w pewnym punkcie czasu  $t_i$ ).  $\gamma_i \in Forms(F)$
- $ACS = \{((Ac_1, d_1), t_1), ..., ((Ac_n, d_n), t_n)\}$ , gdzie:  $n \ge 0$ ,  $Ac_i \text{akcja}$ ,  $d_i \text{czas trwania akcji}$ ,  $t_i \text{punkt w czasie (rozpoczęcie akcji)}$ .

## 2.4 Semantyka

**Definicja 2.1.** Semantyczną strukturą języka AL nazywamy system S = (H, O, E) zgodny z dziedziną D taki, że:

- $H: Forms(F) \times \mathbb{N} \longrightarrow \{0,1\}$  jest funkcją historii, pozwala ona stwierdzić, jaki stan ma pewny fluent lub czy dana formuła jest spełniona, dla określonej chwili czasu t.
- $O: Ac \times \mathbb{N} \longrightarrow 2^F$  jest funkcją okluzji. Dla pewnej ustalonej akcji  $A \in Ac$ , chwili czasu  $t \in \mathbb{N}$ , funkcja O(A,t) zwraca zbiór fluentów, na który akcja A ma wpływ, jeśli będzie ona trwała w chwili t. Wartość funkcji okluzji będziemy nazywać regionem okluzji.
- $E \subseteq Ac \times \mathbb{N} \times \mathbb{N}$  jest relacją wykonań akcji. Trójka (A,t,d) należy do relacji E jeśli akcja A trwająca d jednostek czasu jest rozpoczęta w czasie t. W naszym modelu zakładamy warunek sekwencyjności działań. Oznacza on, że tylko jedną akcje możemy wykonać w danym czasie tak, więc jeśli  $(t_1,t_1+d_1)\subseteq (t_2,t_2+d_2)$  lub  $(t_2,t_2+d_2)\subseteq (t_1,t_1+d_1)$  oraz  $(A,t_1,d_1)\in E$  i  $(B,t_2,d_2)\in E$ , to A=B,  $t_1=t_2$ ,  $d_1=d_2$ . Natomiast jeżeli  $(t_1,t_1+d_1)\nsubseteq (t_2,t_2+d_2)$ ,  $(t_2,t_2+d_2)\nsubseteq (t_1,t_1+d_1)$  oraz  $(A,t_1,d_1)\in E$  i  $(B,t_2,d_2)\in E$ , to  $t_1+d_1< t_2$  lub  $t_2+d_2< t_1$ .

Niech: A,B będą akcjami, f - fluentem,  $\alpha,\pi$  - będą formułami,  $d,d_2,d_3$  - liczbami naturalnymi (oznaczającymi czas trwania akcji) oraz  $fl(\alpha)$  będzie zbiorem fluentów występujących w  $\alpha$ . Wtedy dla zdań języka AL muszą być spełnione następujące warunki:

- Dla każdego wyrażenia  $((A,d) \ causes \ \alpha \ if \ \pi) \in D$  i dla każdego momentu w czasie  $t \in \mathbb{N}$ , jeżeli  $H(\pi,t)=1$  oraz  $(A,t,d) \in E$ , wtedy  $H(\alpha,t+d)=1$  oraz dla każdego momentu w czasie  $d' \in \mathbb{N}$  takiego, że  $1 \le d' \le d$  mamy  $fl(\alpha) \subseteq O(A,t+d')$ .
- Dla każdego wyrażenia  $((A,d) \ release \ f \ if \ \pi) \in D$  i dla każdego momentu czasu  $t \in \mathbb{N}$ , jeżeli  $H(\pi,t) = 1$  oraz  $(A,t,d) \in E$ , wtedy dla każdego momentu w czasie  $d' \in \mathbb{N}$  takiego, że  $1 \le d' \le d$  mamy  $f \in O(A,t+d')$ .
- Dla każdego wyrażenia ( $\pi$  triggers (A,d))  $\in D$  i dla każdego momentu czasu  $t \in \mathbb{N}$ , jeżeli  $H(\pi,t)=1$ , wtedy  $(A,t,d) \in E$ .

- Dla każdego wyrażenia  $((A, d_1) \ invokes \ (B, d_2) \ after \ d \ if \ \pi) \in D$  i dla każdego momentu czasu  $t \in \mathbb{N}$ , jeżeli  $H(\pi, t) = 1$  oraz  $(A, t, d_1) \in E$ , wtedy  $(B, t + d + d_1, d_2) \in E$ .
- Dla każdego wyrażenia (impossible (A, d) at t) mamy  $(A, t, d) \notin E$
- Dla każdego wyrażenia (*impossible* (A,d) *if*  $\pi$ ) i dla każdego momentu czasu  $t \in \mathbb{N}$ , jeżeli  $H(\pi,t)=1$ , wtedy  $(A,t,d) \notin E$ .

**Definicja 2.2.** Niech S = (H, O, E) będzie strukturą języka AL, Sc = (OBS, ACS) będzie scenariuszem, oraz D dziedziną. Powiemy, że S jest strukturą dla Sc zgodną z opisem domeny D, jeśli:

- Dla każdej obserwacji  $(\alpha, t) \in OBS$  mamy  $H(\alpha, t) = 1$
- $ACS \subseteq E$

**Definicja 2.3.** Niech  $O_1,O_2\colon X\longrightarrow 2^Y$ . Mówimy, że  $O_1\prec O_2$  jeżeli  $\forall x\in X\ O_1(x)\subseteq O_2(x)$  oraz  $O_1\neq O_2$ .

**Definicja 2.4.** Niech S = (H, O, E) będzie strukturą dla scenariusza Sc = (OBS, ACS) zgodną z opisem dziedziny D. Mówimy, że S jest O-minimalną strukturą, jeżeli nie istnieje struktura S' = (H', O', E') dla tego samego scenariusza i domeny taka, że  $O' \prec O$ .

**Definicja 2.5.** Niech S = (H, O, E) będzie strukturą dla scenariusza Sc = (OBS, ACS) zgodną z opisem domeny D. S będziemy nazywać modelem Sc zgodnym z opisem D jeżeli:

- S jest O-minimalny
- Dla każdego momentu w czasie  $t, d \in \mathbb{N}$ ,  $\{f \in F : H(f,t) \neq H(f,t+d)\} \subseteq O(A,t+d)$  dla pewnej akcji A.
- Nie istnieje, żadna struktura S' = (H', O', E') dla Sc zgodna z opisem D, która spełnia poprzednie warunki oraz taka, że  $E' \subset E$ .

**Uwaga 2.1.** Nie dla każdego scenariusza można ułożyć model. Mówimy, że scenariusz Sc jest zgodny jeśli istnieje do niego model zgodny z dziedziną D.

# 3 Opis języka kwerend

Zdefiniowany język akcji może być odpytywany przez poniżej zaprezentowany język kwerend, który zapewnia uzyskanie odpowiedzi TRUE/FALSE na następujące pytania:

- Q1. Czy podany scenariusz jest możliwy do realizacji zawsze/kiedykolwiek?
  - always/ever executable Sc
     Oznacza, że scenariusz Sc zawsze/kiedykolwiek jest możliwy do realizacji.
- **Q2.** Czy w chwili  $t \ge 0$  realizacji podanego scenariusza warunek  $\gamma$  zachodzi zawsze/kiedykolwiek?
  - $always/ever\ \gamma\ at\ t\ when\ Sc$ Oznacza, że zawsze/kiedykolwiek w chwili t realizacji scenariusza Sc zachodzi warunek  $\gamma$ .
  - $always/ever\ \gamma\ when\ Sc$ Oznacza, że zawsze/kiedykolwiek w pewnej chwili t realizacji scenariusza Sc zachodzi warunek  $\gamma$ .

- $\mathbf{Q3.}$  Czy w chwili t realizacji scenariusza wykonywana jest akcja A?
  - always/ever performing A at t when Sc Oznacza, że w chwili t realizacji scenariusza Sc zachodzi akcja A.
  - always/ever performing A when Sc
     Oznacza, że istnieje pewna chwila w realizacji scenariusza Sc, w której zachodzi akcja A.
  - always/ever performing at t when Sc
     Oznacza, że w chwili t realizacji scenariusza Sc zachodzi pewna akcja.
- **Q4.** Czy podany cel  $\gamma$  jest osiągalny zawsze/kiedykolwiek przy zadanym zbiorze obserwacji OBS?
  - always/ever accesible  $\gamma$  when ScOznacza, że cel  $\gamma$  jest osiągalny zawsze/kiedykolwiek przy zadanym zbiorze obserwacji OBSprzy realizacji scenariusza Sc.

**Uwaga 3.1.** Warunek always zachodzi jeśli odpowiedź na kwerendę we wszystkich ścieżkach wykonania jest TRUE, natomiast warunek ever zachodzi jeśli istnieje co najmniej jedna taka ścieżka.

#### Semantyka kwerend w języku

Niech Sc będzie scenariuszem, a D opisem domeny języka. Powiemy, że kwerenda Q jest konsekwencją Sc zgodnie z D (ozn. Sc,  $D \mid \approx Q$ )

- zapytanie kwerendą Q postaci  $executable\ Sc$  zwróci wynik TRUE jeśli dla każdego modelu S=(H,O,E) zgodnego z D scenariusz Sc zakończy się w sposób prawidłowy tj. wszystkie akcje zostaną zakończone, czyli aktualnie nie występuje akcja trwająca i żadna inna akcja nie zostanie wywołana.
- $\bullet$ zapytanie kwerendą Qpostaci $\gamma$  at t when Sczwróci wynik TRUEjeśli dla każdego modelu S=(H,O,E)scenariusza Sczgodnego zDzajdzie  $H(\gamma,t)=1$
- zapytanie kwerendą Q postaci  $\gamma$  when Sc zwróci wynik TRUE jeśli dla każdego modelu S=(H,O,E) scenariusza Sc zgodnego z D zajdzie  $\exists_{t\in N}\ H(\gamma,t)=1$ .
- zapytanie kwerendą Q postaci performing A at t when Sc zwróci wynik TRUE jeśli dla każdego modelu S=(H,O,E) scenariusza Sc zgodnego z D zajdzie  $\exists_{d\in N}\ (A,t,d)\in E$ .
- zapytanie kwerendą Q postaci performing A when Sc zwróci wynik TRUE jeśli dla każdego modelu S = (H, O, E) scenariusza Sc zgodnego z D zajdzie  $\exists_{t \in N} \exists_{d \in N} (A, t, d) \in E$ .
- zapytanie kwerendą Q postaci performing at t when Sc zwróci wynik TRUE jeśli dla każdego modelu S=(H,O,E) scenariusza Sc zgodnego z D zajdzie  $\exists_{A\in Ac}\ \exists_{d\in N}\ (A,t,d)\in E$ .
- zapytanie kwerendą Q postaci accesible  $\gamma$  when Sc zwróci wynik TRUE jeśli dla każdego modelu S = (H, O, E) scenariusza Sc zgodnego z D zajdzie  $\exists (A_0, ..., A_n \in ACS, n \ge 0) \exists_{t \in N} H(\gamma, t) = 1.$

Uwaga 3.2. Jeśli warunek nie zajdzie program zwróci wartość FALSE.

## 4 Przykłady

## 4.1 Pytanie czy dany scenariusz moze wystąpić

#### 4.1.1 Historia

Michał jest pracującym studentem. W środę o godzinie 8.00 powinien pojawić się w pracy zupełnie trzeźwy. Mimo to we wtorek postanowił pójść do baru. Jeśli Michał się napije, stanie się pijany. Jeśli pójdzie spać przestanie być pijany, ale stanie się skacowany, co również będzie niedopuszczalne w jego pracy.

#### 4.1.2 Opis akcji

```
initially ¬drunk and ¬hangover
(drink, 2) causes drunk
(sleep, 8) causes ¬drunk
(sleep, 8) causes hangover if drunk
```

#### 4.1.3 Scenariusze

```
Sc = (OBS, ACS)

OBS = \{ (\neg drunk, 10), (\neg hangover, 10) \}

ACS = \{ ((drink, 2), 0), ((sleep, 8), 2) \}

Sc_2 = (OBS_2, ACS_2)

OBS = \{ (\neg drunk, 10), (\neg hangover, 10) \}

ACS = \{ ((sleep, 8), 1) \}
```

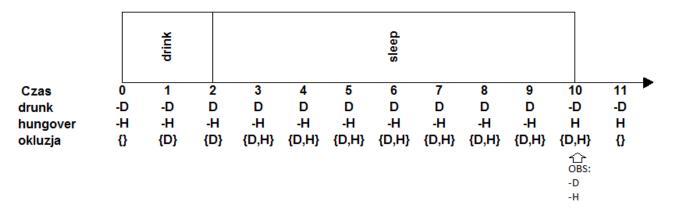
## 4.1.4 Kwerendy

- 1. ever executable Sc
- 2. ever executable Sc2

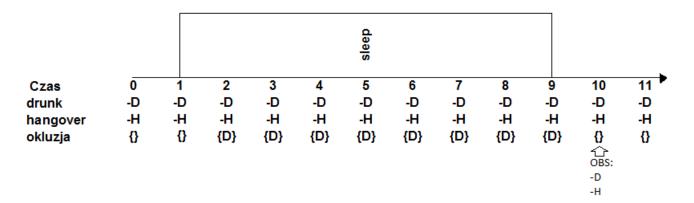
#### 4.1.5 Analiza

Odpowiedzi na kwerendy to odpowiednio:

- 1. FALSE zgodnie z diagramem 1.
- $2.\ \ TRUE$ zgodnie z diagramem 2.



Rysunek 1: Diagram dla scenariusza Sc



Rysunek 2: Diagram dla scenariusza  $Sc_2$ 

Scenariusz $\mathit{Sc2}$ jest w pełni poprawny i wykonywalny. Scenariusza  $\mathit{Sc}$  nie można wykonać, ponieważ wymaga on by w chwili 10 fluenty  $\mathit{drunk}$  i  $\mathit{hangover}$  miały wartość FALSE, jednak w tej chwili zmienna  $\mathit{hangover}$  ma wartość TRUE.

## 4.2 Pytanie czy dany warunek zachodzi w danym czasie

#### 4.2.1 Historia

Mick i Sarah są parą, więc mają wspólne produkty spożywcze, ale posiłki zwykle jadają oddzielnie. Pewnego dnia Sarah chce zrobić ciasto, a Mick naleśniki. Nie mogą być one robione w tym samym czasie ze względu konieczność użycia miksera do przygotowania obu. Ponadto, zrobienie jednego lub drugiego dania zużywa cały zapas jajek dostępnych w mieszkaniu, więc trzeba je potem dokupić.

#### 4.2.2 Opis akcji

```
initially eggs (making\_panc, 1) causes \neg eggs if eggs (making\_cake, 1) causes \neg eggs if eggs (buy\_eggs, 2) causes eggs
```

## 4.2.3 Scenariusz

$$\begin{array}{l} Sc = & (OBS,\ ACS) \\ OBS = & \emptyset \\ ACS = & \{((making\_panc,\ 1),\ 0),\ ((making\_cake,\ 1),\ 2)\} \end{array}$$

## 4.2.4 Kwerendy

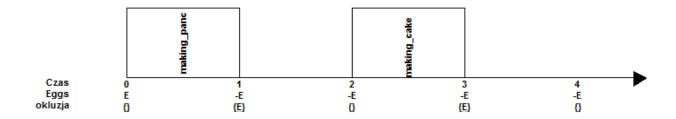
- 1. eggs at 0 when Sc
- 2. eggs at 2 when Sc

## 4.2.5 Analiza

Odpowiedzi na kwerendy to odpowiednio:

- 1. TRUE,
- 2. FALSE.

Zgodnie z diagramem dla scenariusza Sc:



Rysunek 3: Diagram dla scenariusza Sc

Oczywiście warunek akcji  $\mathit{making\_panc}$ nie jest spełniony w momencie 2.

## 4.3 Pytanie czy dana akcja jest wykonywana w pewnym czasie

#### 4.3.1 Historia

Mamy Billa i psa Maxa. Jeśli Bill idzie, to Max biegnie przez jakiś czas. Jeśli Bill gwiżdże, Max szczeka przez jakiś czas. Jeśli Bill zatrzymuje się, Max również. Jeśli Bill przestaje gwizdać, to Max przestaje szczekać.

## 4.3.2 Opis akcji

```
(goes\_Bill, 2) causes run\_Max

(goes\_Bill, 2) invokes (runs\_Max, 2) after 0

(runs\_Max, 2) causes \neg run\_Max

(whistles\_Bill, 1) causes bark\_Max

(whistles\_Bill, 1) invokes (barks\_Max, 1) after 0

(barks\_Max, 1) causes \neg bark\_Max
```

#### 4.3.3 Scenariusz

```
Sc = (OBS, ACS) OBS = \{\neg run\_Max, \neg bark\_Max\} ACS = \{((goes\_Bill, 2), 1), ((whistles\_Bill, 1), 5), ((goes\_Bill, 2), 7)\}
```

## 4.3.4 Kwerendy

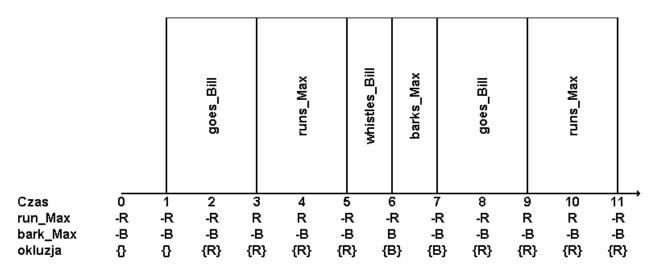
- 1. performing runs\_Max at 8 when Sc
- 2. performing  $runs\_Max$  when Sc
- 3. performing at 8 when Sc

#### 4.3.5 Analiza

Odpowiedzi na powyższe kwerendy są następujące:

- 1. FALSE,
- 2. TRUE,
- 3. TRUE.

Ilustruje to poniższy diagram:



Rysunek 4: Diagram dla scenariusza Sc

## 4.4 Pytanie czy podany cel jest osiągalny

#### 4.4.1 Historia

Mamy Billa oraz komputer. Bill może nacisnąć przycisk Wlqcz lub odłączyć komputer od zasilania. Początkowo komputer jest wyłączony i podłączony do zasilania. Jeżeli zostanie naciśnięty jego przycisk Wlqcz oraz komputer jest podłączony do zasilania, to komputer włączy się. Odłączenie komputera od prądu powoduje, że komputer będzie odłączony od zasilania oraz wyłączony.

#### 4.4.2 Opis akcji

```
(clicks_button_on, 1) invokes (switches_on_computer, 2) after 0 if connect_power_computer (switches_on_computer, 2) causes on_computer (disconnects_power, 1) causes ¬connect_power_computer (disconnects_power, 1) causes ¬on_computer
```

## 4.4.3 Scenariusz

```
Sc = (OBS, ACS)
OBS = \{\neg on\_computer, connect\_power\_computer\}
ACS = \{(clicks\_button\_on, 1), 1), ((disconnects\_power, 1), 4), ((clicks\_button\_on, 1), 5)\}
```

#### 4.4.4 Kwerendy

- 1. on\_computer at 7 when Sc
- 2. accesible on\_computer when Sc

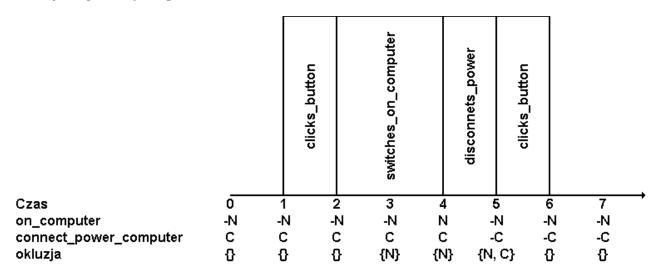
## 4.4.5 Analiza

Odpowiedzi na powyższe kwerendy są następujące:

- 1. FALSE,
- 2. TRUE.

Należy dodać, że cel osiągnięto już w chwili czasu równej 4, mimo iż komputer jest wyłączony od chwili czasu równej 5 i stan ten nie ulega już zmianie.

Ilustruje to poniższy diagram:



Rysunek 5: Diagram dla scenariusza Sc