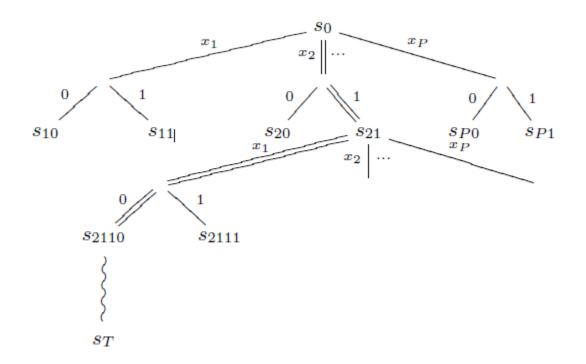
### **Bandit-Based Active Learner**



**Seminar: Maschinelles Lernen** 

**Referent: Markus Schelmbauer** 

WS 2014/15



# **Agenda**



#### 1 Einleitung

- 2 Active Learning
- 3 BAAL
- 4 Billiard Algorithmus
- 5 Progressive Widening / QbC
- 6 Performance and Scalability
- 7 Zusammenfassung

## 1 Einleitung



- Bandit-Based Active Learner (BAAL)
- Motivation
  - bei großer Anzahl an Armen: pure exploration basiert auf UCB

#### Idee:

- zwei Komponenten: Exploitation vs. Exploration

# **Agenda**



- 1 Einleitung
- 2 Active Learning
- 3 BAAL
- 4 Billiard Algorithmus
- 5 Progressive Widening / QbC
- 6 Performance and Scalability
- 7 Zusammenfassung

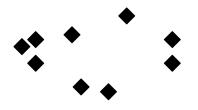


Active Learning bedeutet z.B. Lernen unter aktiver Teilnahme des Users

- Active Learning (AL), unter begrenzten Ressourcen, wird als "finite horizon Reinforcement Learning problem" angesehen.
- AL wird hier als Einspielerspiel betrachtet.



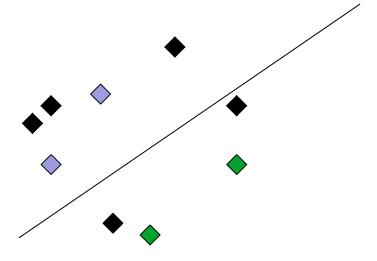
### Ungelablte Daten



Gelabelte Daten



Label?





### AL formalisiert als Markov Decision Process (MDP)

- Klassische MDP Zustände:
  - states, actions, reward, policy and transition functions
  - state space S enthält alle möglichen Trainingssets  $S_t$
  - action entspricht der Auswahl einer neuen Instanz die gelabelt wird
  - Set of actions festgelegt durch A, das mit dem Instanz Space X
     übereinstimmt oder eine Teilmenge davon ist
  - mit dem state  $s_t$  verbundene *reward* function, entspricht dem Generalisierungsfehler der Hypothese  $A(s_t)$  mit  $s_t$  erlernt durch einen Lerner A



- Die *transition* function  $p: S \times A \times S \to \mathbb{R}_+$  definiert die Wahrscheinlichkeit der Ankunft im Zustand  $s_{t+1}$  durch Auswählen einer action x in state  $s_t$ .
- Im AL Kontext ist MDP *policy* ein sampler S, mapping a state  $s_t$  auf eine action. Dort heißt eine neue Instanz  $x_{t+1}$

Nach dieser Definition kann AL als ein Einspielerspiel gesehen werden. Der aktive Lerner spielt gegen eine unbekannte Zielhypothese h, die zum Version Space  $H(s_0)$  des initialisierten Trainingssets  $s_0$  gehört.



Nach jedem Zug (das Aussuchen einer Instanz x) entscheidet das oracle h das lable y = h(x).

Am Ende des Spiels, nach dem T Samples ausgewählt worden sind, definiert von Trainingsset  $s_T$ , ist der reward der Generalisierungsfehler der Hypothese  $A(s_T)$  gelernt von  $s_T$ .



Es ist möglich, einen AL Spieler zu trainieren und hierzu eine gute AL policy zu entwickeln:

Vorheriges Spiel und Spielen gegen ein Ersatz oracle (eine Hypothese hin VS ausgewählt) nachahmen

Der reward wird wie in einem richtigen Spiel berechnet. Es ist der Generalisierungsfehler der erlernten Hypothese gegenüber dem Ersatz oracle. Dieser soll minimiert werden.

$$S_T^* = \arg\min_{S} \mathbb{E}_{h \sim \mathcal{H}} \mathbf{Err}(A(S_T(h)), h).$$

## **Agenda**



- 1 Einleitung
- 2 Active Learning
- 3 BAAL
- 4 Billiard Algorithmus
- 5 Progressive Widening / QbC
- 6 Performance and Scalability
- 7 Zusammenfassung

### 3 BAAL – Bandit-Based Active Learner

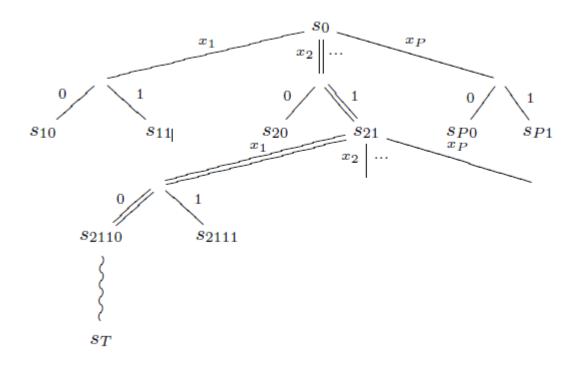


### Zwei Hauptbestandteile:

- tree-structured multi-armed bandit, das UCT erweitert zu einem Einspielerspiel im AL
- Ein fairer und sparsamer billiard-based Algorithmus, um die Instanz und Hypothesenräume zu sampeln.

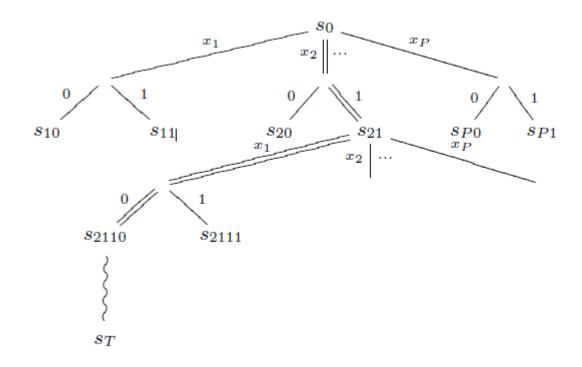
## 3 BAAL - Bandit-Based Active Learner





## 3 BAAL - Bandit-Based Active Learner

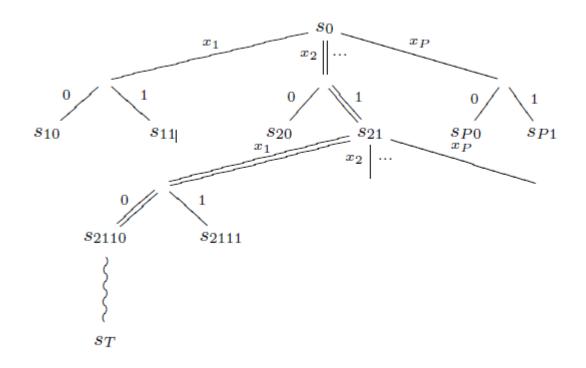




Knoten, der einem Trainingsset  $s_t$  entspricht  $\rightarrow$  Zustandsknoten.

### 3 BAAL – Bandit-Based Active Learner

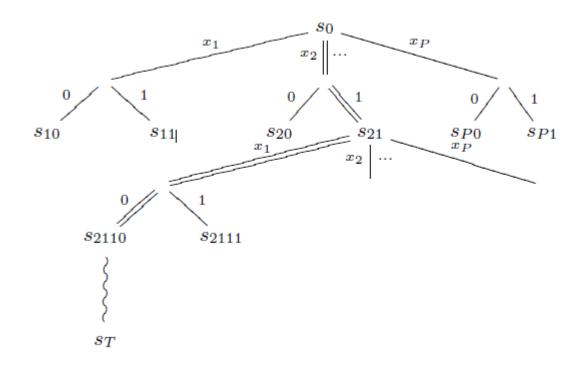




Nachfolgende Knoten sind Entscheidungsknoten, wenn: sie aus Trainingsset  $s_t$  und der gewählten Instanz  $x_{t+1}$  bestehen

### 3 BAAL – Bandit-Based Active Learner





Jeder Entscheidungsknoten hat zwei Kindknoten (mögliche Label der Instanz  $x_{t+1}$ ).

- durch tree-walk ausgewählter Knoten entspricht  $h(x_{t+1})$  und führt zum nächsten Zustandsknoten  $s_{t+1} = s_t \cup (x_{t+1}, h(x_{t+1}))$ .

### 3 BAAL - Definitionen



- Hypothesen H
- *P<sub>H</sub>* Hypothesen Verteilung
- Versionspace H(s0)
- Label = Hypothese angewandt auf Instanz
- Set  $s = \{(x, h(x))\}$
- Endzeit T
- N: Performancefactor, Anzahl der Tree-Walks

### 3 BAAL



#### Algorithm 1 The BAAL algorithm:

Input: measure  $P_H$  on hypothesis space  $\mathcal{H}$ ; initial training set  $s_0$ ; time horizon

T; number N of allowed tree-walks;

Output: an instance x to be labelled by the oracle.

```
\begin{aligned} BAAL(P_H, \mathbf{s}_0, T, N) \\ \text{for i=1 to N do} \\ h &= \texttt{DrawHypothesis}(P_H, \mathbf{s}_0) \\ \text{Tree-Walk}(\mathbf{s}_0, T, h) \\ \text{end for} \\ \text{Return } x &= \arg\max_{x' \in \mathcal{X}} \{n(s \bigcup \{x'\})\} \end{aligned}
```

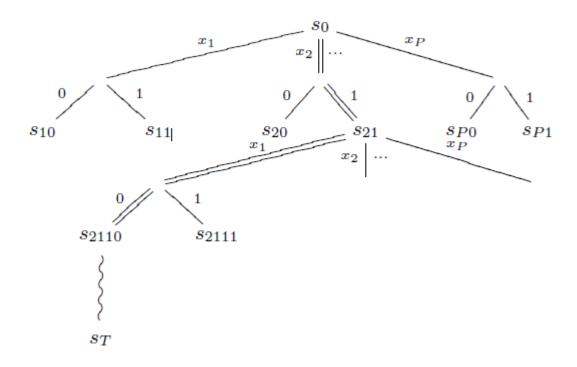
- DrawHypothesis wählt die Ersatzhypothese h im Anhang zu jedem treewalk unter Benutzung des Billiard Algorithmus.



```
Tree-Walk(s, t, h)
Increment n(s)
if t==0 then
Compute r = Err(\mathcal{A}(s), h)
else
\mathcal{X}(s) = \texttt{ArmSet}(s, n(s))
Select x^* = UCB(s, \mathcal{X}(s))
r = \text{Tree-Walk}(s \bigcup \{(x^*, h(x^*))\}, t - 1, h)
end if
r(s) \leftarrow (1 - \frac{1}{n(s)})r(s) + \frac{1}{n(s)}r
Return r
```

- ArmSet erweitert UCT, um mit unendlich (großen) Sets von action (dem kontinuierlichen Instanz raum) umzugehen.
- Unter Benutzung des Progressive Widening







- Eine Ersatz Hypothese wird einheitlich aus Version Space  $H(s_0)$  des initialisierten Trainingssets  $s_0$  gezogen
- In jedem Zustandsknoten (d.h. in einem Trainingsset  $s_t$ ), nutzt BAAL die UCB Kriterien, um einen Entscheidungsknoten auszusuchen, d.h. eine Instanz  $x_{t+1}$  zu labeln. Das zugehörige label wird auf  $h(x_{t+1})$  gesetzt, während h die Ersatz Hypothese ist. Der nächste Zustandsknoten:  $s_{t+1} = s_t \cup (x_{t+1}, h(x_{t+1})).$



- Tree-walk läuft bis zum Blatt, d.h. solange ein Zustandsknoten  $s_{t_0}$  noch nicht besucht ist. An diesem Punkt, sind T  $t_0$  zusätzliche Instanzen gleichmäßig ausgewählt, nach h gelabelt und zum Trainingsset  $s_{t_0}$  hinzugefügt, diese bilden ein T-großes Trainingsset  $s_T$ .
- Durch das Trainingsset  $s_T$  wurde eine Hypothese  $\hat{h}$  von BAAL gelernt.
- Der reward ist der Generalisierungsfehler von  $\hat{h}$  in Bezug auf die Ersatz Hypothese h: dieser reward wird genutzt um den Wert von jedem relevanten Knoten zu updaten.

## **Agenda**



- 1 Einleitung
- 2 Active Learning
- 3 BAAL

- 5 Progressive Widening / QbC
- 6 Performance and Scalability
- 7 Zusammenfassung



- Jeder Tree-walk in BAAL wird durch eine Hypothese h indiziert.
- Die einfache Lösung ist ein sampling Algorithmus der auf rejection beruht.
- Hypothesen werden konstant in H gezogen und rejectet wenn sie nicht in den VS passen.

### Alternative Algorithmen:

Gibbs sampling oder Monte Carlo Markov Chains (MCMC) Methoden beinhalten wenige freie Parameter und skalieren möglicherweise schlecht in Bezug auf die Dimensionalität des Suchraums und der Größe der Trainingsmenge  $s_0$ .



Problem: Rejection ist nicht tractable

 billiard sichert mit constraints ab, dass die ausgewählte Hypothese immer auf das Trainingsset passt.

Annahme: Hypothesen sind parametrisierbar mit d Parametern.

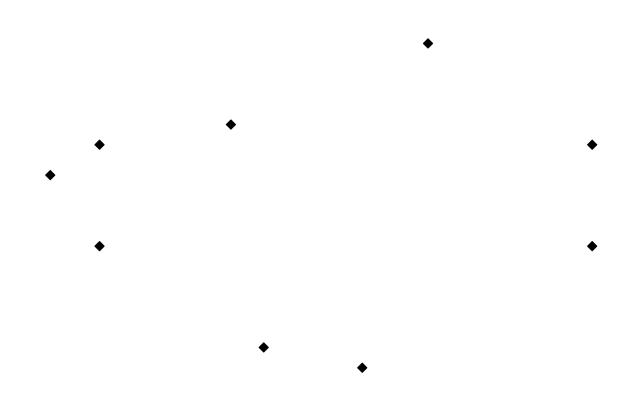
- $\mathbb{R}^d$ : Hyphotesenraum
- Ω: Subraum des Hypothesenraums, der Raum in dem die Hypothesen bestimmte Constraints{g(x)} erfüllen. constraints g<sub>i</sub>, . . . , g<sub>n</sub>: = {x ∈ ℝ<sup>d</sup> s.t. g<sub>i</sub>(x) ≥ 0, i = 1 . . . n}
- Startpunkt z
- Richtung v



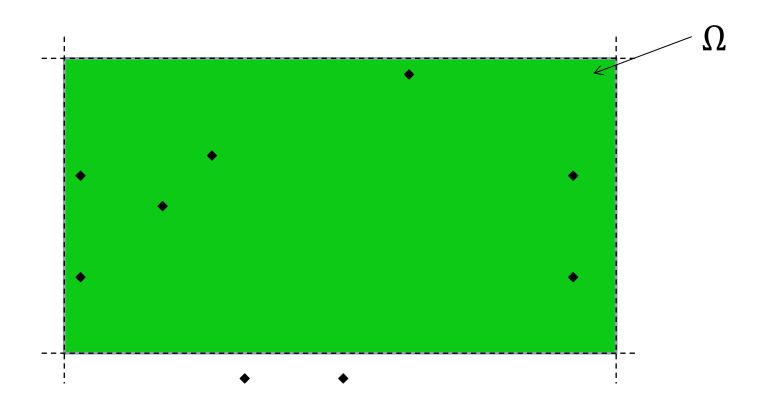
## Input:

- Set von constrains  $g_i$ .
- Länge L
- Gibt einen finalen Punkt zurück.

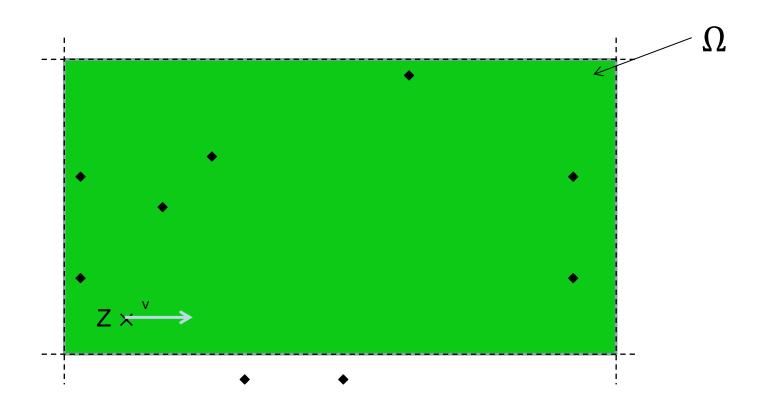




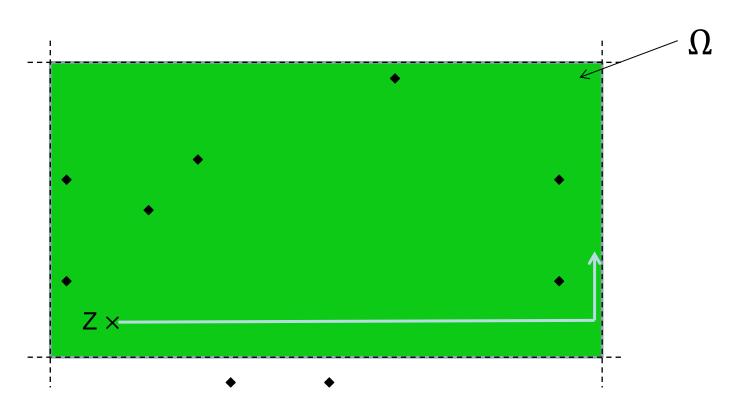












### RayTracing

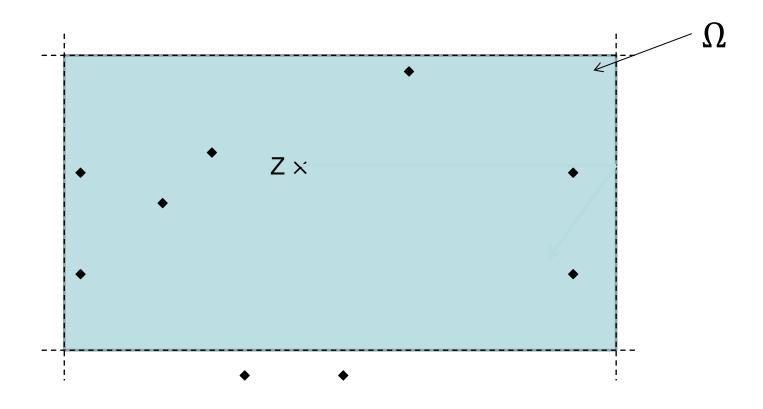
- Reflektiert an den Grenzen (durch constraints)
- Ende nach Strahllänge L



Unter einigen Bedingungen der constraints, ist die Länge ergodic.

 D.h. es füllt die ganze Domain aus, wenn L gegen Unendlich geht.







Billiard Algorithmus wurde erfolgreich im Maschinellen Lernen eingesetzt, z.B. um den bayes classifier in einem kernel feature space abzuschätzen(Rujan, Playing billiards in version space. Neural Computation)

## **Agenda**

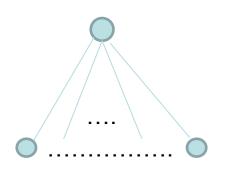


- 1 Einleitung
- 2 Active Learning
- 3 BAAL
- 4 Billiard Algorithmus
- 5 Progressive Widening / QbC
- 6 Performance and Scalability
- 7 Zusammenfassung

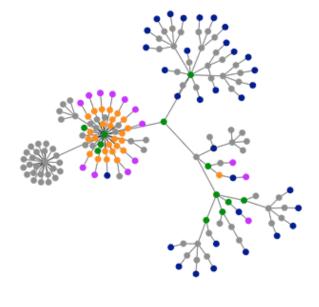
# **5 Progressive Widening**



- UCB verlangt ursprünglich von jedem Arm, mindestens einmal ausgewählt zu werden.
- Wenn die Anzahl der Arme, in Bezug auf die Anzahl der Simulationen, größer ist, neigt UCB in eine reine Exploration zu entarten.



 UCT stellt die gleichen Einschränkungen unter Berücksichtigung von viele Armen



# **5 Progressive Widening**



- Progressive Widening (PW) wurde vorgestellt (Coulom, R) um mit solchen Situationen umzugehen
- $n_s$  ist die Anzahl, die Knoten s bisher besucht wurde
- Die Anzahl der Arme, die von s in Betracht gezogen werden können, ist limitiert auf ein Bruchteil m von  $n_s$

Empirische und theoretisch Studien suggerieren  $m = O\left(n_s^{1/4}\right)$ 

## **5 Progressive Widening**

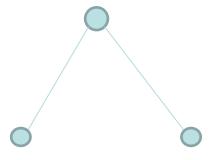


- Problem: pure exploration bei zu vielen Armen

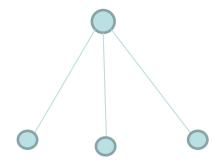
- Heuristik:  $m = \lfloor n^{(1/4)} \rfloor$  ist die Anzahl der benutzbaren Arme

1,16,81,256,...: 1,2,3,4,... Arme

Ab 16 Besuchen



Ab 81 Besuchen



## **5 Progressive Widening**



#### Mögliche Erweiterung

- Durch einen Signalton wird man aufgefordert, sich für einen Arm zu entscheiden.
- Entspricht der Arm den Kriterien, wird er hinzugefügt
- ArmSet implementiert PW in BAAL, und berücksichtigt ein endliches Set an Optionen für jeden Knoten.

### 5 Query-by-committee(QbC) BAAL



- Verkleinern vom Version Space
- Maximale Unsicherheit MU ist ein Kriterium aus dem Query-bycommittee Algorithmus.

#### Algorithmus:

- Zufälliges sampling von Hypothesen im Version Space
- wählt eine gegebene Instanz, aber nur wenn genügend Hypothesen nicht mit dem Label übereinstimmen.

### 5 Query-by-committee(QbC) BAAL



Der Ansatz ist wie folgt in BAAL integriert.

- Wann immer eine neue Instanz zum ArmSet hinzugefügt wird, wählt das committee die, die das disagreement maximiert.
- MU ist ein aggressives Kriterium
- Wann immer ein Kriterium noch nicht optimal ist, wird die limitierte Erforschung einen schlechten Ertrag ergeben.
- Es ist rechnerisch anspruchsvoller

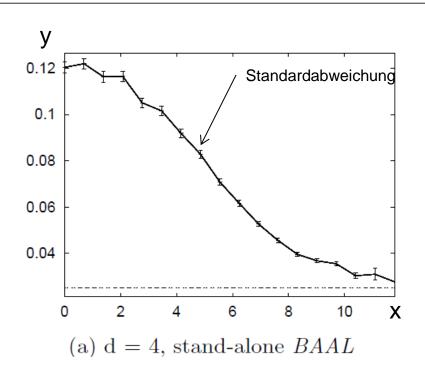
## **Agenda**

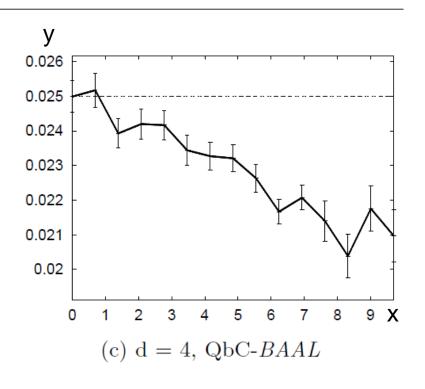


- 1 Einleitung
- 2 Active Learning
- 3 BAAL
- 4 Billiard Algorithmus
- 5 Progressive Widening / QbC
- **6** Performance and Scalability
- 7 Zusammenfassung

### **6 Performance and Scalability**







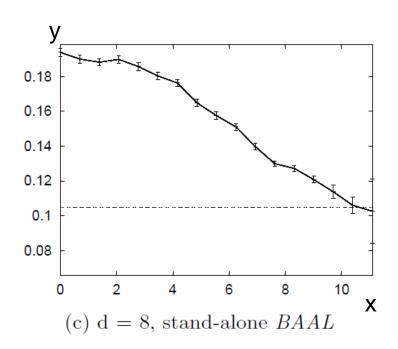
y = Generalisierungsfehler

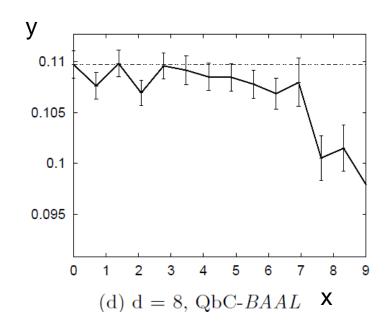
x = Anzahl der Simulationen N

Abb.3

## **6 Performance and Scalability**







y = Generalisierungsfehlerx = Anzahl der Simulationen N

Billiard Algorithmus erlaubt eine geringere Zeit Komplexität, mehrere Größenordnungen als der rejektion Algorithmus.

Billiard braucht 17sec und rejection mehr als 3 Stunden( d = 8, T = 20, N = 16, Abb.3

## **Agenda**



- 1 Einleitung
- 2 Active Learning
- 3 BAAL
- 4 Billiard Algorithmus
- 5 Progressive Widening / QbC
- 6 Performance and Scalability

#### 7 Zusammenfassung

### 7 Zusammenfassung



- Beschränkte Anzahl von Abfragen. Motiviert durch Anwendung im Numerical Engineering. In diesem Bereich brauchen Durchläufe meist mehrerer Tage.
- Wurde als Reinforcement Learning Problem angegangen: Bei der Sampling Strategie ist das Ziel, den Generalisierungsfehler zu minimieren für einen endlichen Horizont.
- Eine Annäherung an die optimale sampling Strategie wird erlernt anhand eines Einspielerspiel.
- BAAL ist inspiriert durch Computer Go und aufbauend auf den Banditbased Algorithmus, UCT und Progressive Widening Heuristik

### **Abbildungsverzeichnis**



- Abb. 1: Search Tree developed by BAAL (Fig. 1.)S.7,. Zugriff November 2014 unter Philippe Rolet, Michele Sebag, Olivier Teytaud. Boosting Active Learning to Optimality: a Tractable Monte-Carlo, Billiard-based Algorithm. ECML, Dec 2008, Bled, Slovenia. pp.302-317. <inria-00433866>)
- Abb. 2: Baum. Zugriff November 2014 unter http://www.netzallee.de/design/baumstruktur-nachher.png
- Abb. 3: Ergebnisse (Fig. 2.)S14,. Zugriff November 2014 unter *Philippe Rolet, Michele Sebag, Olivier Teytaud. Boosting Active Learning to Optimality: a Tractable Monte-Carlo, Billiard-based Algorithm. ECML, Dec 2008, Bled, Slovenia. pp.302-317. <inria-00433866>)*



#### Literaturverzeichnis



- Philippe Rolet, Michele Sebag, Olivier Teytaud. Boosting Active Learning to Optimality: a Tractable Monte-Carlo, Billiard-based Algorithm. ECML, Dec 2008, Bled, Slovenia. pp.302-317. <inria-00433866>"Upper Confidence Trees and Billiards for Optimal Active Learning," in Proc. Conf. l'Apprentissage Autom., Hammamet, Tunisia, 2009
- "Upper Confidence Trees and Billiards for Optimal Active Learning," in Proc. Conf. l'Apprentissage Autom., Hammamet, Tunisia, 2009.
- "Optimal Robust Expensive Optimization is Tractable," in Proc. 11th Annu. Conf. Genet. Evol. Comput., Montreal, Canada, 2009, pp. 1951–1956.
- Ruj´an, P.: Playing billiards in version space. Neural Computation 9(1) (January 1997) 99–122 Ruj´an, P., Marchand, M.: Computing the bayes kernel classifier (1999)





# Vielen Dank für Ihre Aufmerksamkeit!