

3.3. Индивидуальные задания

Для каждого x , изменяющегося от a до b с шагом h , найти значения функции $Y(x)$, суммы $S(x)$ и $|Y(x)-S(x)|$ и вывести в виде таблицы. Значения a , b , h и n вводятся с клавиатуры.

Так как значение $S(x)$ является рядом разложения функции $Y(x)$, при правильном решении значения S и Y для заданного аргумента x (для тестовых значений исходных данных) должны совпадать в целой части и в первых двух-четырех позициях после десятичной точки.

Работу программы проверить для $a = 0,1$; $b = 1,0$; $h = 0,1$; значение параметра n выбрать в зависимости от задания (10, 20, 50, 100).

1. $S(x) = \sum_{k=0}^n (-1)^k \frac{x^{2k+1}}{(2k+1)!}$, $Y(x) = \sin(x)$.
2. $S(x) = \sum_{k=1}^n (-1)^{k+1} \frac{x^{2k}}{2k(2k-1)}$, $Y(x) = x \cdot \arctg(x) - \ln \sqrt{1+x^2}$.
3. $S(x) = \sum_{k=0}^n \frac{\cos(k\pi/4)}{k!} x^k$, $Y(x) = e^{x \cos \frac{\pi}{4}} \cos(x \sin(\pi/4))$.
4. $S(x) = \sum_{k=0}^n (-1)^k \frac{x^{2k}}{(2k)!}$, $Y(x) = \cos(x)$.
5. $S(x) = \sum_{k=0}^n \frac{\cos(kx)}{k!}$, $Y(x) = e^{\cos x} \cos(\sin(x))$.
6. $S(x) = \sum_{k=0}^n \frac{2k+1}{k!} x^{2k}$, $Y(x) = (1+2x^2)e^{x^2}$.

$$7. S(x) = \sum_{k=1}^n \frac{x^k \cos(k\pi/3)}{k},$$

$$Y(x) = -\frac{1}{2} \ln(1 - 2x \cos \frac{\pi}{3} + x^2).$$

$$8. S(x) = \sum_{k=0}^n \frac{(2x)^k}{k!},$$

$$Y(x) = e^{2x}.$$

$$9. S(x) = \sum_{k=1}^n (-1)^{k+1} \frac{x^{2k+1}}{4k^2 - 1},$$

$$Y(x) = \frac{1+x^2}{2} \operatorname{arctg}(x) - x/2.$$

$$10. S(x) = \sum_{k=0}^n \frac{x^{2k}}{(2k)!},$$

$$Y(x) = \frac{e^x + e^{-x}}{2}.$$

$$11. S(x) = \sum_{k=0}^n \frac{k^2 + 1}{k!} (x/2)^k,$$

$$Y(x) = (x^2/4 + x/2 + 1)e^{x/2}.$$

$$12. S(x) = \sum_{k=0}^n (-1)^k \frac{2k^2 + 1}{(2k)!} x^{2k},$$

$$Y(x) = (1 - \frac{x^2}{2}) \cos(x) - \frac{x}{2} \sin(x).$$

$$13. S(x) = \sum_{k=1}^n (-1)^k \frac{(2x)^{2k}}{(2k)!},$$

$$Y(x) = 2(\cos^2 x - 1).$$

$$14. S(x) = \sum_{k=0}^n \frac{x^{2k+1}}{(2k+1)!},$$

$$Y(x) = \frac{e^x - e^{-x}}{2}.$$

$$15. S(x) = \sum_{k=1}^n (-1)^{k+1} \frac{x^{2k}}{2k(2k-1)},$$

$$Y(x) = -\ln \sqrt{1+x^2} + x \operatorname{arctg}(x).$$

$$16. S(x) = \sum_{k=0}^n \frac{\cos(k\pi/4)}{k!} x^k,$$

$$Y(x) = \cos[x \cdot \sin(\pi/4)] e^{x \cos \frac{\pi}{4}}.$$