Математическая модель транспортной задачи

Исходные данные

• Пункты отправления: A_1, A_2, A_3 .

• Пункты назначения: B_1 , B_2 , B_3 , B_4 , B_5 .

• Запасы: $A_1 = 180$, $A_2 = 220$, $A_3 = 100$.

• Потребности: $B_1 = 120$, $B_2 = 80$, $B_3 = 160$, $B_4 = 90$, $B_5 = 50$.

• Матрица стоимостей перевозок:

$$\begin{pmatrix}
1 & 2 & 3 & 1 & 4 \\
6 & 3 & 4 & 5 & 2 \\
8 & 2 & 1 & 9 & 3
\end{pmatrix}$$

Переменные

Пусть x_{ij} - количество контейнеров, перевозимых из пункта A_i в пункт B_j .

Целевая функция

Минимизировать общую стоимость перевозок:

$$Z = \sum_{i=1}^{3} \sum_{j=1}^{5} c_{ij} x_{ij} \to \min$$

где c_{ij} - элементы матрицы стоимостей.

Ограничения

1. Ограничения по запасам:

$$\begin{cases} x_{11} + x_{12} + x_{13} + x_{14} + x_{15} = 180 \\ x_{21} + x_{22} + x_{23} + x_{24} + x_{25} = 220 \\ x_{31} + x_{32} + x_{33} + x_{34} + x_{35} = 100 \end{cases}$$

2. Ограничения по потребностям:

$$\begin{cases} x_{11} + x_{21} + x_{31} = 120 \\ x_{12} + x_{22} + x_{32} = 80 \\ x_{13} + x_{23} + x_{33} = 160 \\ x_{14} + x_{24} + x_{34} = 90 \\ x_{15} + x_{25} + x_{35} = 50 \end{cases}$$

3. Дополнительные условия:

$$\begin{cases} x_{12} = 0 \\ x_{25} = 0 \\ x_{21} = 60 \end{cases}$$

4. Условие неотрицательности:

$$x_{ij} \ge 0 \quad \forall i, j$$

1

График зависимости минимальной стоимости от N

