In [1]:

```
# -*- coding: utf-8 -*-
 import numpy as np
 import matplotlib.pyplot as plt
 import matplotlib.image as img
 from scipy import misc
 from datetime import datetime
 from tqdm import tqdm
 import pandas as pd
 import matplotlib.pyplot as plt
 from tqdm import tqdm
 from scipy.io import loadmat
 from mpl_toolkits.mplot3d import axes3d
 import matplotlib.pyplot as plt
 import numpy as np
 import copy
 from matplotlib import cm
 from matplotlib.animation import FuncAnimation
 import scipy.optimize
 import networkx as nx
 import os
 from sklearn import svm
 from scipy.spatial.distance import cdist
 from scipy.cluster.hierarchy import fcluster
 from scipy.cluster import hierarchy
 from scipy.spatial.distance import pdist
 from scipy import stats
 import math
```

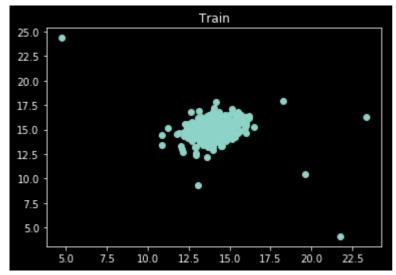
In [2]:

```
# task 1
# Загрузите данные ex8data1.mat из файла.
plt.style.use('dark_background')
data = loadmat("G:/Labs/bsuir-labs/11cem/ml/lab08/data/ex8data1.mat")

X = data["X"]
Xval = data["Xval"]
yval = data["yval"]

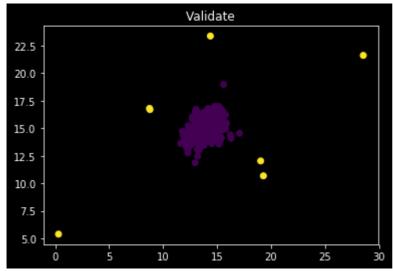
_, ax = plt.subplots()

ax.scatter(X[:,0],X[:,1])
ax.set_title("Train")
plt.show()
```



In [3]:

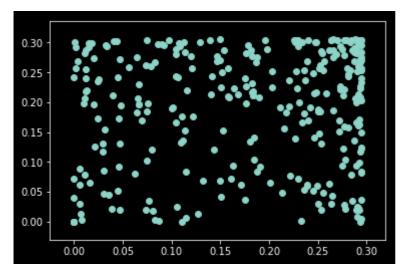
```
# task 2
# Постройте график загруженных данных в виде диаграммы рассеяния.
_, ax = plt.subplots()
ax.scatter(Xval[:,0],Xval[:,1],c=yval.squeeze())
ax.set_title("Validate")
plt.show()
```



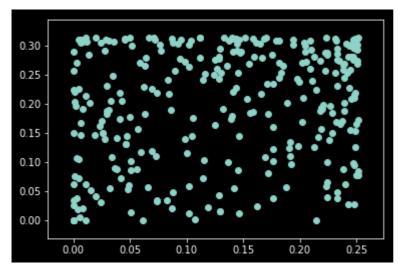
In [7]:

```
plt.style.use('dark_background')
data = loadmat("G:/Labs/bsuir-labs/11cem/ml/lab08/data/ex8data1.mat")
X = data["X"]
Xval = data["Xval"]
yval = data["yval"].squeeze()
# task 3
# Представьте данные в виде двух независимых нормально распределенных случайных величин.
def independent_transform(x):
    normal = []
    for i in range(x.shape[1]):
        mu, sigma = stats.norm.fit(x[:, i])
        value = 1 / math.sqrt(2*math.pi*sigma**2)*math.e**(-((x[:,i]-mu)**2/2*sigma**2))
        normal.append(value)
    return np.array(normal).T
x_n = independent_transform(X)
xval_n = independent_transform(Xval)
def show_data(x_n):
    print(x_n[:10])
    _, ax = plt.subplots()
    ax.scatter(x_n[:,0],x_n[:,1])
    plt.show()
show_data(x_n) #todo uncomment
show_data(xval_n) #todo uncomment
```

```
[[0.10414983 0.28840769]
[0.18720033 0.08292625]
[0.2928096 0.16320761]
[0.16334492 0.0934355 ]
[0.22659215 0.13993893]
[0.28512361 0.03502508]
[0.06412772 0.18269515]
[0.0313164 0.15407335]
[0.00625063 0.08812493]
[0.043406 0.30257494]]
```



```
[0.20968929 0.29187653]
[0.10198117 0.05849685]
[0.19820508 0.12800487]
[0.17053979 0.2340232 ]
[0.05942127 0.11649562]
[0.0307872 0.30811671]
[0.24679861 0.27577228]
[0.00098415 0.20238727]
[0.10341125 0.30811479]]
```



```
In [9]:
 def get stats(x):
      for i in range(x.shape[1]):
          math_expect = x[:, i].mean()
          standard_deviation = x[:, i].std()
          median = np.median(x[:, i])
          mode = stats.mode(x[:, i])
          dispersion = x[:, i].var()
          print()
          print("величина {}".format(i+1))
          print("Математическое ожидание: {}".format(math expect))
          print("Дисперсия: {}".format(dispersion))
          print("Стандартное отклонение: {}".format(standard_deviation))
          print("Медиана: {}".format(median))
          print("Мода: значение {} повторяется {} pas".format(mode.mode[0],mode.count[0]))
  # task 4
 # Оцените параметры распределений случайных величин.
 get_stats(x_n)
 get_stats(xval_n)
величина 1
Математическое ожидание: 0.17845452459550712
Дисперсия: 0.010122344971530754
Стандартное отклонение: 0.1006098651799651
Медиана: 0.2010583576004757
Мода: значение 4.054529922329475е-36 повторяется 1 раз
величина 2
```

Математическое ожидание: 0.19125687820553922

Дисперсия: 0.009408400138811297

Стандартное отклонение: 0.0969969078827325

Медиана: 0.21358215268722472

Мода: значение 4.025458124725402e-45 повторяется 1 раз

величина 1

Математическое ожидание: 0.13278759471382762

Дисперсия: 0.007366016579015147

Стандартное отклонение: 0.08582550075015669

Медиана: 0.13988665642647638

Мода: значение 1.2293527903444618e-116 повторяется 1 раз

величина 2

Математическое ожидание: 0.1968652094328264

Дисперсия: 0.009712348777675364

Стандартное отклонение: 0.09855124949829588

Медиана: 0.21870466540205855

Мода: значение 4.366766136700845e-34 повторяется 1 раз

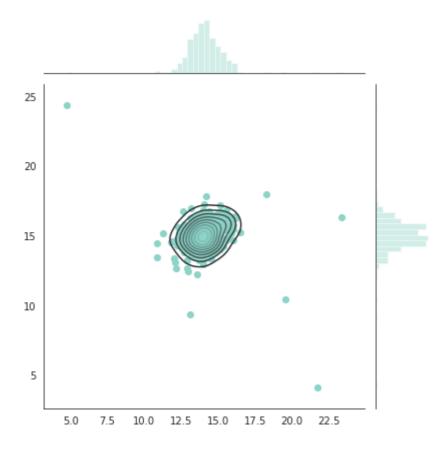
In [11]:

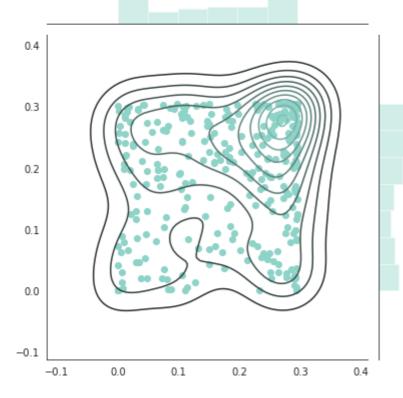
```
# task 5
# Постройте график плотности распределения получившейся случайной величины в виде изолини
import seaborn as sns

def show_isolines(x):
    with sns.axes_style('white'):
        sns.jointplot(x[:, 0], x[:, 1]).plot_joint(sns.kdeplot)
    plt.show()

show_isolines(X)
show_isolines(x_n)
```

c:\users\harwister\appdata\local\programs\python\python36\lib\site-packages
\scipy\stats\stats.py:1713: FutureWarning: Using a non-tuple sequence for mu
ltidimensional indexing is deprecated; use `arr[tuple(seq)]` instead of `arr
[seq]`. In the future this will be interpreted as an array index, `arr[np.ar
ray(seq)]`, which will result either in an error or a different result.
return np.add.reduce(sorted[indexer] * weights, axis=axis) / sumval





```
In [12]:
```

```
# task 6
# Подберите значение порога для обнаружения аномалий на основе валидационной выборки. В к
from sklearn import metrics
#F1 = 2 * (precision * recall) / (precision + recall)
def f1(ypred,yact):
    tp=0.
    tn=0.
    fp=0.
    fn=0.
    for yp,ya in zip(ypred, yact):
        if ya==1 and yp==1:
            tp+=1
        if ya==0 and yp==0:
            tn+=1
        if yp==0 and ya==1:
            fn+=1
        if yp==1 and ya==0:
            fp+=1
    precision = tp/(tp+fp)
    recall = tp/(tp+fn)
    f1 = 2 * (precision * recall) / (precision + recall)
    return f1
# equal
print(metrics.f1_score([1,1,1], [1,0,1]))
print(f1([1,1,1], [1,0,1]))
x0_val = Xval[:,0]
x0_val_std = x0_val.std()
x0_val_mean = x0_val.mean()
x1_val = Xval[:,1]
x1_val_std = x1_val.std()
x1_val_mean = x1_val.mean()
limit = 0
f1 history = []
limit_history= []
while limit<10:
    y_pred = []
    # Z-оценка и уточненный метод Iglewicz и Hoaglin
    for x0, x1 in zip(x0_val, x1_val):
        y_pred.append(1 if abs(x0- x0_val_mean)/x0_val_std > limit or abs(x1- x1_val_mean
    limit_history.append(limit)
    f1_history.append(metrics.f1_score(y_pred, yval))
    limit+=0.001
limit = limit_history[np.argmax(f1_history)]
print(limit)
print(max(f1_history))
# 3.075
# 0.87500000000000001
```

0.8

0.8

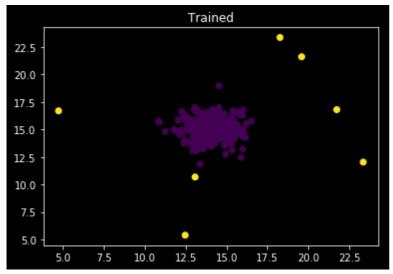
c:\users\harwister\appdata\local\programs\python\python36\lib\site-packages
\sklearn\metrics\classification.py:1145: UndefinedMetricWarning: F-score is
ill-defined and being set to 0.0 due to no true samples.
 'recall', 'true', average, warn_for)

3.0749999999997724

0.87500000000000001

In [14]:

```
# task 7
# Выделите аномальные наблюдения на графике из пункта 5 с учетом выбранного порогового зн
x0_{train} = X[:,0]
x0_train_std = x0_train.std()
x0_train_mean = x0_train.mean()
x1_train= Xval[:,1]
x1_train_std = x1_train.std()
x1_train_mean = x1_train.mean()
y_pred = []
# Z-оценка и уточненный метод Iglewicz и Hoaglin
for x0, x1 in zip(x0_val, x1_val):
    y_pred.append(1 if abs(x0 - x0_val_mean)/x0_val_std > limit or abs(x1- x1_val_mean)/x
_, ax = plt.subplots()
ax.scatter(x0_train,x1_train,c=y_pred)
ax.set_title("Trained")
plt.show()
```



```
In [16]:
```

```
# task 8
 # Загрузите данные ex8data2.mat из файла.
 data = loadmat("G:/Labs/bsuir-labs/11cem/ml/lab08//data/ex8data2.mat")
 X = data["X"]
 Xval = data["Xval"]
 yval = data["yval"].squeeze()
 print(Xval.shape)
(100, 11)
In [17]:
 # task 9
 # Представьте данные в виде 11-мерной нормально распределенной случайной величины.
 def independent_transform(x):
     normal = []
      for i in range(x.shape[1]):
          mu, sigma = stats.norm.fit(x[:, i])
          value = 1 / math.sqrt(2*math.pi*sigma**2)*math.e**(-((x[:,i]-mu)**2/2*sigma**2))
          normal.append(value)
      return np.array(normal).T
 x_n = independent_transform(X)
  print(x_n)
[[6.65839709e-041 0.0000000e+000 1.44937154e-179 ... 6.36911194e-014
  1.09625884e-142 0.00000000e+000]
 [0.00000000e+000 0.00000000e+000 1.99298612e-298 ... 3.42725557e-075
  0.00000000e+000 0.00000000e+000]
 [8.21113805e-305 2.29624294e-003 3.19139365e-041 ... 2.15885720e-315
  0.00000000e+000 4.26275679e-023]
 [4.44044854e-005 8.31540998e-239 1.84958760e-035 ... 0.00000000e+000
  0.0000000e+000 0.0000000e+000]
 [0.00000000e+000 6.51192674e-005 0.00000000e+000 ... 0.00000000e+000
  1.39251941e-150 8.76499496e-058]
 [2.32843808e-276 2.68570258e-119 0.00000000e+000 ... 5.33304572e-052
  0.00000000e+000 8.21214972e-247]]
```

```
In [18]:
  def get_stats(x):
      for i in range(x.shape[1]):
          math_expect = x[:, i].mean()
          standard_deviation = x[:, i].std()
          median = np.median(x[:, i])
          mode = stats.mode(x[:, i])
          dispersion = x[:, i].var()
          print()
          print("величина {}".format(i))
          print("Maтeмaтическое ожидание: {}".format(math_expect))
          print("Дисперсия: {}".format(dispersion))
          print("Стандартное отклонение: {}".format(standard_deviation))
          print("Медиана: {}".format(median))
          print("Мода: значение {} повторяется {} pas".format(mode.mode[0],mode.count[0]))
  # task 10
  # Оцените параметры распределений случайных величин.
  get_stats(x_n)
  stds = []
 means = []
 for dimension in range(Xval.shape[1]):
      stds.append(Xval[:, dimension].std())
      means.append(Xval[:, dimension].mean())
  stds = np.array(stds)
 means = np.array(means)
величина 0
Математическое ожидание: 0.0007774861429460399
Дисперсия: 2.9818697039347545e-05
Стандартное отклонение: 0.005460649873352763
Медиана: 0.0
Мода: значение 0.0 повторяется 512 раз
величина 1
Математическое ожидание: 0.0006446617535756798
Дисперсия: 2.3532301666311615e-05
Стандартное отклонение: 0.004851010375819827
```

Медиана: 1.609493930411601e-293

Дисперсия: 2.3689501309132714e-05

Дисперсия: 2.2797443769386237e-05

величина 2

Медиана: 0.0

величина 3

Медиана: 0.0

величина 4

Мода: значение 0.0 повторяется 480 раз

Мода: значение 0.0 повторяется 501 раз

Мода: значение 0.0 повторяется 653 раз

Математическое ожидание: 0.000754210810337554

Стандартное отклонение: 0.004867186179830469

Математическое ожидание: 0.0007447841346010296

Стандартное отклонение: 0.004774666875226609

Математическое ожидание: 0.0006565657585348887

Дисперсия: 1.6867802013824852e-05

Стандартное отклонение: 0.004107042976866063

Медиана: 0.0

Мода: значение 0.0 повторяется 555 раз

величина 5

Математическое ожидание: 0.0004451162737902772

Дисперсия: 1.4152617125295086e-05

Стандартное отклонение: 0.0037619964281342807

Медиана: 0.0

Мода: значение 0.0 повторяется 660 раз

величина 6

Математическое ожидание: 0.000934055662441608

Дисперсия: 3.6778521098721776е-05

Стандартное отклонение: 0.0060645297508316156

Медиана: 0.0

Мода: значение 0.0 повторяется 509 раз

величина 7

Математическое ожидание: 0.00029602952176159867

Дисперсия: 8.631482209090762e-06

Стандартное отклонение: 0.002937938428403625

Медиана: 0.0

Мода: значение 0.0 повторяется 664 раз

величина 8

Математическое ожидание: 0.0020737251084949

Дисперсия: 9.658594750085715e-05

Стандартное отклонение: 0.009827814991179736

Медиана: 2.3884100732749247е-93

Мода: значение 0.0 повторяется 194 раз

величина 9

Математическое ожидание: 0.0006252720700334764

Дисперсия: 2.0286161281549292e-05

Стандартное отклонение: 0.004504016128029438

Медиана: 0.0

Мода: значение 0.0 повторяется 584 раз

величина 10

Математическое ожидание: 0.0011459034357938433

Дисперсия: 4.5797603234902536e-05

Стандартное отклонение: 0.006767392646721671

Медиана: 1.315353820219328e-241

Мода: значение 0.0 повторяется 432 раз

```
In [19]:
```

```
limit = 0
f1_history = []
limit_history = []
while limit < 10:
    anomaly_detector_vector = []
    is_anomaly_vector = abs(Xval-means)/stds > limit
    for record in is_anomaly_vector:
        anomalies =0
        for dim in record:
            anomalies += 1 if dim else 0
        anomaly_detector_vector.append(anomalies)
    y_pred = []
    for i in anomaly_detector_vector:
        y_pred.append(1 if i>=1 else 0)
    # Подберите значение порога для обнаружения аномалий на основе валидационной выборки.
    f1_history.append(metrics.f1_score(y_pred, yval))
    limit_history.append(limit)
    limit+=0.001
# task 11
# Подберите значение порога для обнаружения аномалий на основе валидационной выборки. В к
print("best f1 found")
print(max(f1_history))
print("limit:")
print(limit_history[np.argmax(f1_history)])
anomaly_detector_vector = []
is_anomaly_vector = abs(Xval - means) / stds > limit_history[np.argmax(f1_history)]
for record in is_anomaly_vector:
    anomalies = 0
    for dim in record:
        anomalies += 1 if dim else 0
    anomaly_detector_vector.append(anomalies)
y_pred = []
for i in anomaly_detector_vector:
    y_pred.append(1 if i >= 1 else 0)
print("xval found anomalies")
print(np.count_nonzero(y_pred))
print("xval actual anomalies")
print(np.count_nonzero(yval))
anomaly_detector_vector = []
is_anomaly_vector = abs(X - means) / stds > limit_history[np.argmax(f1_history)]
for record in is_anomaly_vector:
    anomalies = 0
    for dim in record:
        anomalies += 1 if dim else 0
    anomaly_detector_vector.append(anomalies)
y_pred = []
```

```
for i in anomaly_detector_vector:
    y_pred.append(1 if i >= 1 else 0)

# task 11

# Выделите аномальные наблюдения в обучающей выборке. Сколько их было обнаружено? Какой б

print("X found anomalies")
print(np.count_nonzero(y_pred))

c:\users\harwister\appdata\local\programs\python\python36\lib\site-packages
\sklearn\metrics\classification.py:1145: UndefinedMetricWarning: F-score is
ill-defined and being set to 0.0 due to no true samples.
    'recall', 'true', average, warn_for)

best f1 found
```