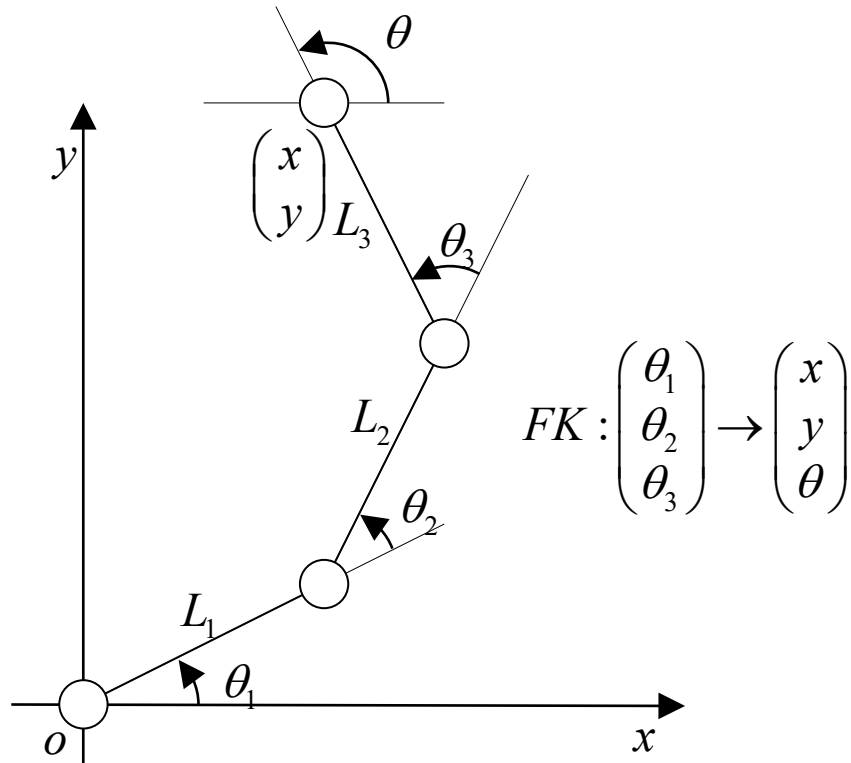


ロボットアームの順運動学: C++によるコーディング

Robot Arm Forward Kinematics: C++ Coding

成瀬継太郎(会津大)
Keitaro Naruse (Univ. of Aizu)



まとめ

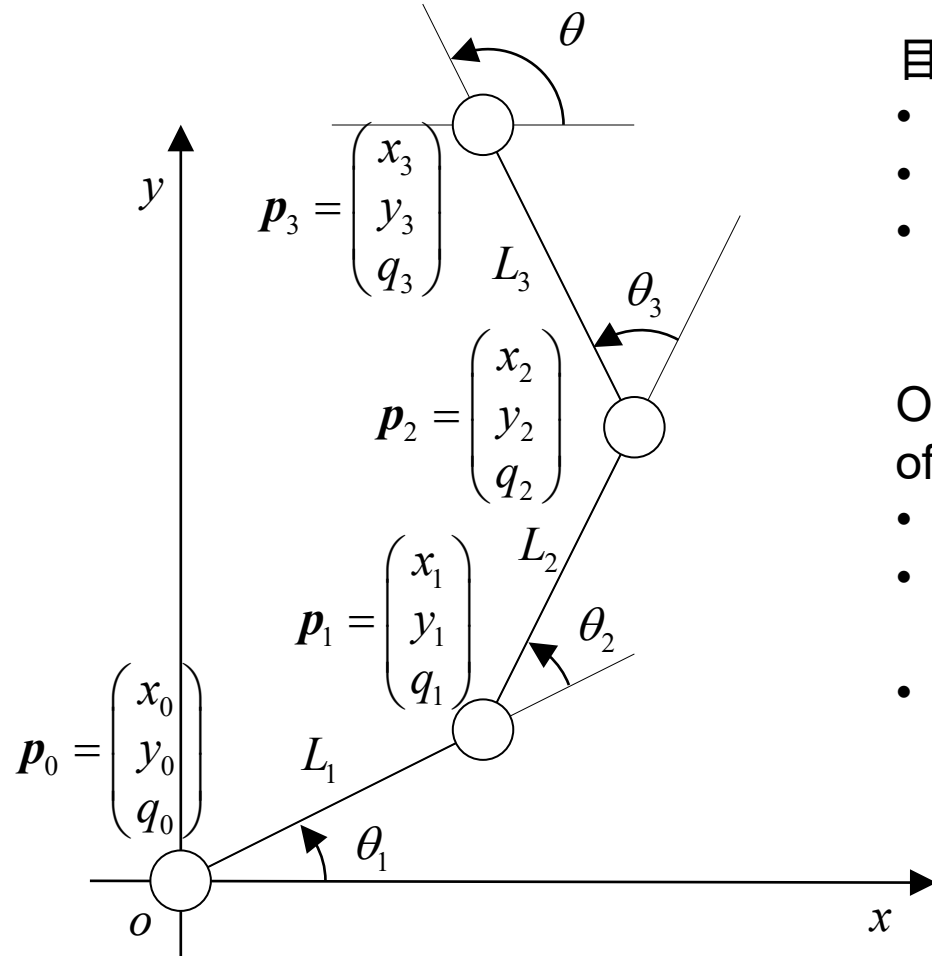
- EigenとC++による順運動学関数のコーディング
- Gnuplotによるロボットアームの表示

Summary

- C++ coding of a forward kinematics function with Eigen
- Display of a robot arm pose by gnupot

ロボットアームの順運動学関数のC++コーディング

C++ Coding of Forward Kinematics Function of Robot Arm



目的: ロボットアームの順運動学をC++の関数として実装する

- 引数: 関節角度ベクトル
- 戻り値: 姿勢行列 (各列が各関節の姿勢を表す)
- 行列とベクトルを使ったコードになるため, 外部ライブラリとしてEigenを導入する

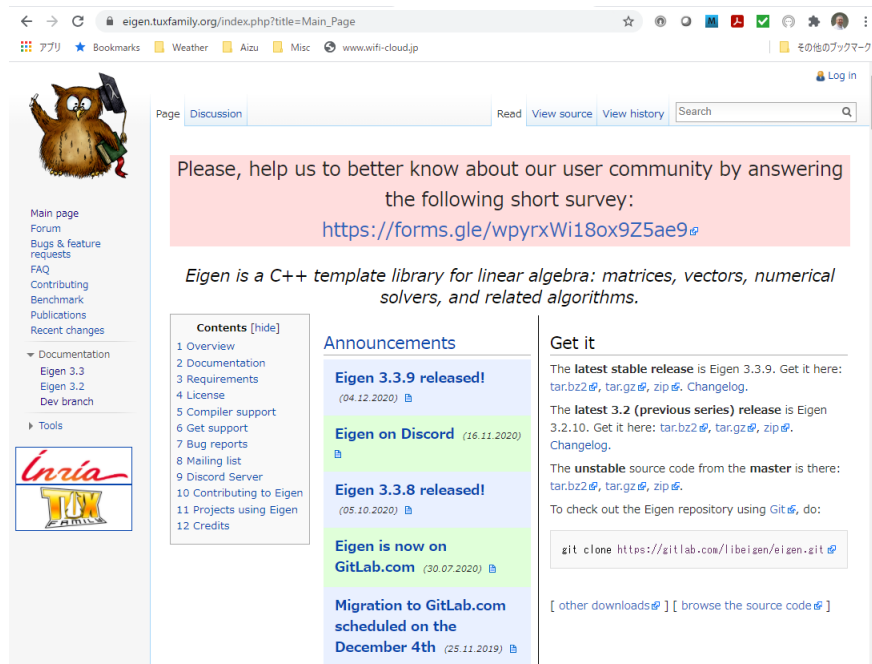
Objective: To implement a C++ function to solve forward kinematics of a robot arm

- Argument: A joint angle vector
- Return: A pose matrix, in which a column represents a pose of a joint
- We introduce an external library called Eigen, which can handle the linear algebra such as matrices and vectors

$$\mathbf{q} = \begin{pmatrix} \theta_1 \\ \theta_2 \\ \theta_3 \end{pmatrix} \longrightarrow \mathbf{p} = (\mathbf{p}_0, \mathbf{p}_1, \mathbf{p}_2, \mathbf{p}_3) = \begin{pmatrix} x_0 & x_1 & x_2 & x_3 \\ y_0 & y_1 & y_2 & y_3 \\ q_0 & q_1 & q_2 & q_3 \end{pmatrix}$$

Eigenの導入

Introduction of Eigen



Eigen site: <https://eigen.tuxfamily.org/>

Eigenは線形代数のためのC++のテンプレートライブラリ。行列、ベクトル、数値解法、関連アルゴリズムが利用可能

- 簡単な導入: ヘッダファイルをインクルードするだけで、外部ライブラリをリンクする必要がない

Eigen is a C++ template library for linear algebra: matrices, vectors, numerical solvers, and related algorithms.

- Easy to introduce: Just include header files, and no need to specify external libraries, because it is a template library.

Linuxへのインストール方法 / Linux install

- `sudo apt install libeigen3-dev`
- Eigen is installed at `/usr/include/eigen3/`
- Just `g++` as you do in a regular C++ source code

ウィンドウズユーザへ、C++でのプログラム開発はWSL/WSL2をインストールして、Ubuntu上で開発することをお勧めします
Windows users: I recommend you install WSL/WSL2 and develop a C++ program in Ubuntu

必要なインクルードファイルと順運動学関数

Required Include Files and Forward Kinematics Function

```
fk-3link-planar.cc
#include <iostream>
#include <cmath>
#include <eigen3/Eigen/Dense>

Eigen::Matrix<double, 3, 4> fk(const Eigen::Vector3d& q)
{
    // Robot arm link parameters
    const double L1 = 1.0, L2 = 1.0, L3 = 1.0;

    // A pose vector of joints and hand
    Eigen::Vector3d p0, p1, p2, p3;

    // A vector of the pose vectors as a matrix
    // p = (p0, p1, p2, p3)
    Eigen::Matrix<double, 3, 4> p;
```

コンソール出力のため
For console out

三角関数のため
For cos() and sin() out

Eigenによるベクトルと行列表現のため
For vectors and matrices with Eigen

引数: 関節角度ベクトル double型3要素ベクトル
Argument: A joint angle vector of 3 double components

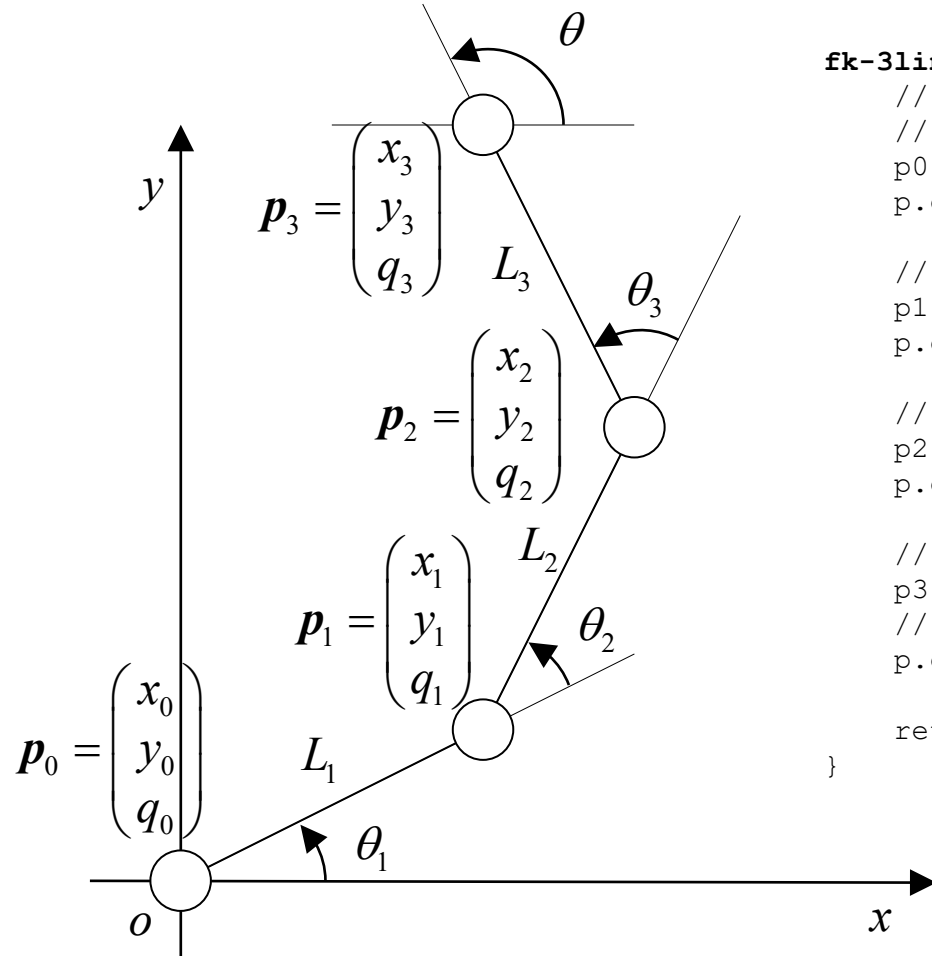
$$\mathbf{q} = \begin{pmatrix} \theta_1 \\ \theta_2 \\ \theta_3 \end{pmatrix} \longrightarrow \mathbf{p} = (\mathbf{p}_0, \mathbf{p}_1, \mathbf{p}_2, \mathbf{p}_3) = \begin{pmatrix} x_0 & x_1 & x_2 & x_3 \\ y_0 & y_1 & y_2 & y_3 \\ q_0 & q_1 & q_2 & q_3 \end{pmatrix}$$

戻り値: ロボットアームの姿勢 double型3*4行列 = 各姿勢が3要素(x,y,q) * 4姿勢
Return: A robot arm pose of a double 3*4 matrix = each pose has 3 components of (x,y,q) * 4 poses

Code is available at <https://github.com/keitaronaruse/Naruse-robotics-tutorial/blob/main/src/cpp/fk-3link-planar.cc>

順運動学関数の続き

Forward Kinematics Function (Continued)



fk-3link-planar.cc

```
// Forward kinematics calculation
// p0: A pose of the first joint = the base
p0 << 0.0, 0.0, 0.0;
p.col(0) = p0;

// p1: A pose of the second joint = the end of the first link
p1 << L1 * std::cos(q(0)), L1 * std::sin(q(0)), q(0); p1 = p0 + p1;
p.col(1) = p1;

// p2: A pose of the third joint = the end of the second link
p2 << L2 * std::cos(q(0)+q(1)), L2 * std::sin(q(0)+q(1)), q(1); p2 = p1 + p2;
p.col(2) = p2;

// p3: A pose of the hand tip = the end of the third link
p3 << L3 * std::cos(q(0)+q(1)+q(2)), L3 * std::sin(q(0)+q(1)+q(2)), q(2); p3 = p2 + p3;
// Assign p3 to the 3rd column of the matrix p
p.col(3) = p3;

return(p);
}
```

$$p = (p_0, p_1, p_2, p_3) = \begin{pmatrix} x_0 & x_1 & x_2 & x_3 \\ y_0 & y_1 & y_2 & y_3 \\ q_0 & q_1 & q_2 & q_3 \end{pmatrix}$$

順運動学関数の実行とGnuplotによるアーム姿勢の描画

Run of Forward Kinematics Function and Draw of Robot Arm Pose by Gnuplot

fk-3link-planar.cc

```
int main()
{
    // A joint angle vector (q1, q2, q3)
    Eigen::Vector3d q;
    // Initial value is (0.1, 0.4, 0.9) [rad]
    q << 0.1, 0.4, 0.9;

    // A set of poses as a matrix
    // p = (p0, p1, p2, p3)
    Eigen::Matrix<double, 3, 4> p;

    // Forward kinematics solution
    p = fk(q);

    // Console out the pose matrix = a vector of poses
    // For plotting, we transpose it
    std::cout << p.transpose() << std::endl;

    return(0);
}
```

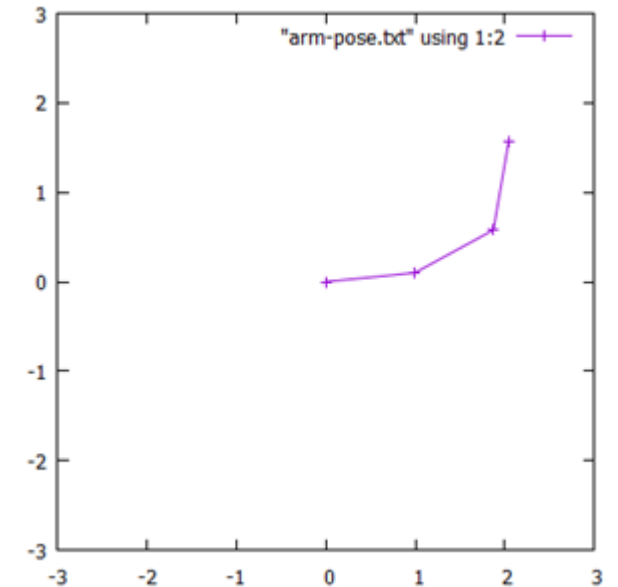
arm-pose.plt

```
set xrange[-3:3]
set yrange[-3:3]
set size square
set size ratio 1
plot "arm-pose.txt" using 1:2 w lp
```

Terminal

```
$ g++ fk-3link-planar.cc
$ ./a.out > arm-pose.txt
$ gnuplot arm-pose.plt
```

$$\mathbf{p}^T = \begin{pmatrix} \mathbf{p}_0 \\ \mathbf{p}_1 \\ \mathbf{p}_2 \\ \mathbf{p}_3 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} x_0 & y_0 & q_0 \\ x_1 & y_1 & q_1 \\ x_2 & y_2 & q_2 \\ x_3 & y_3 & q_3 \end{pmatrix}$$



Code is available at <https://github.com/keitaronaruse/Naruse-robotics-tutorial/blob/main/src/cpp/arm-pose.plt>