## MATLAB 프로그래밍 및 실습

## 2강. MATLAB 기본문법

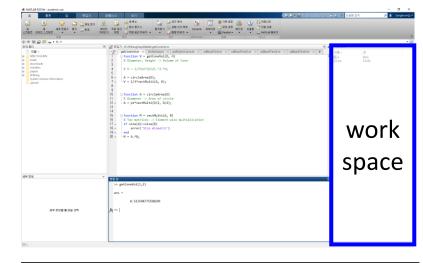


# 변수



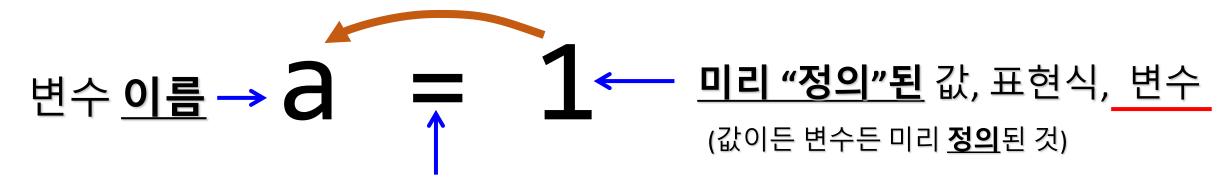
#### 변수란?

- 변수란?
  - 값을 저장하고, 저장된 값을 바꿀 수 있으며, 이름으로 값을 읽어올 수 있는 프로그래밍의 기본 요소
- 변수명이란?
  - 변수가 저장된 메모리 공간에 붙은 이름
  - 변수명으로 변수에 저장된 값을 불러올 수 있음



작업공간 (workspace)

· 메모리 상에 올라와 있는 변수의 목록을 보여주는 공간

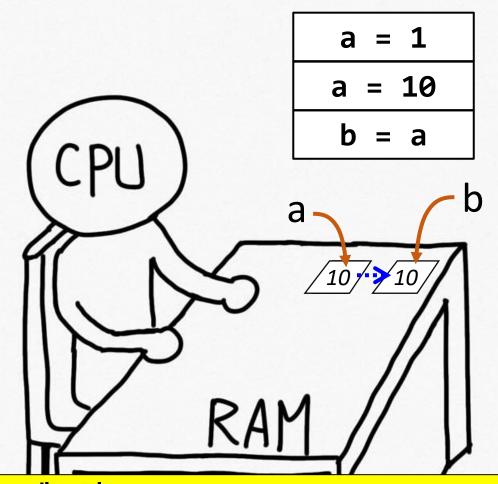


**대입연산자** (수학의 등호가 아님!)

변수를 "정의"한다.

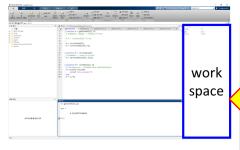
ex. a=a+1





#### RAM (메모리)

- CPU가 현재 작업 중인 것들을 올려두는 공간
- CPU가 빠르게 접근 가능
- 컴퓨터의 <u>RAM</u> = 매트랩의 <u>"작업 공간"</u>
- CPU가 현재 작업중인 것 = 매트랩의 <u>"변수"</u>
- 컴퓨터 재부팅 → RAM 초기화
- 매트랩 종료 <del>></del> 작업공간 비움





- 모든 것은 정의에서부터 시작된다.
- 변수명으로 변수 값을 가져올 수 있는 이유?
   → 변수 값이 메모리에 저장되고,
   그 메모리 공간에 이름(변수명)이 붙기 때문
- 정의한 적이 <u>있는</u> 변수명
   → 이름으로 접근 가능
- 정의한 적이 없는 변수명
   → "정의되지 않은 변수입니다."

#### 변수명 규칙

- 변수명은...
  - 최대 63글자
  - 영어, 숫자, 밑줄(\_)만 허용
    - 첫 글자는 영어만 허용
    - 한글 X, 마침표 X, 쉼표 X, 콜론 X, 세미콜론 X, 빈칸 X
  - 매트랩 키워드 X
    - 키워드 확인: iskeyword
  - 대소문자 구분함
  - 내장 함수, 내장 상수, 내장 변수 등은 지양
    - ans, sqrt, pi, ...
  - 이해하기 쉬운 이름으로 작성



#### 자주 사용하는 기본 함수 및 기능

- cd → 현재 폴더
- 현재 폴더를 바꾸는 3가지 방법
  - 1) 주소창에 붙여넣기
  - 2) 주소창과 현재 폴더 창을 탐색기처럼 이용
  - 3) cd 폴더명, 또는 cd('폴더명') → 폴더명에 빈칸 주의
- clc: 화면만 지울 뿐, 변수(workspace)를 지우지는 않음
- clear
  - clear x y z
  - clear x\*
- 문(statement) 끝에 세미콜론이 있고 없음의 차이?
  - a = 1+2+3 vs a = 1+2+3;
  - 1+2+3; vs a = 1+2+3;



#### 자주 사용하는 기본 함수 및 기능

- 명령 창 코드 중 일부만 실행하고 싶을 때
  - F9의 사용
  - 섹션 나누기 + 일부 섹션만 실행
- workspace 저장하기, 불러오기
  - 마우스 이용
  - load, save 함수로 하는 방법
  - 일부 변수만 저장하는 것도 가능
- format
  - short, short e, shorte
  - long, long e, longe
  - compact, loose



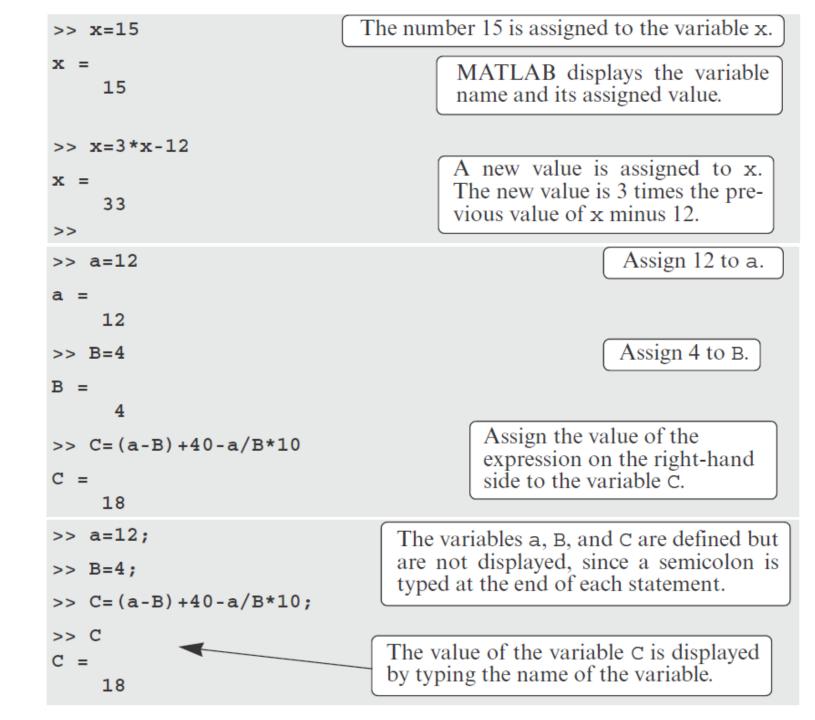
# 수식 작성



#### 간단한 수식

- 사칙 연산
- 연산순서 (좌→우)
  - 1) 괄호
  - 2) 거듭제곱  $(a^b \rightarrow a^b)$
  - 3) 곱하기, 나누기
  - 4) 더하기,빼기

※ x × y 는 x\*y (xy는 이름이 xy인 변수)





#### 좀 복잡한 수식

$$7 \times 3.1 + \frac{\sqrt{120}}{5} - 15^{5/3}$$

$$\left(\frac{1}{\sqrt{75}} + \frac{73}{3.1^3}\right)^{1/4} + 55 \times 0.41$$

$$B = P\left(1 + \frac{r}{n}\right)^{nt}$$

$$T = T_S + (T_0 - T_S)e^{-kt}$$

$$I_0 = I \cdot \ln\left(-\frac{Q}{RT}\right) \longleftarrow$$

$$t' = \frac{t}{\sqrt{1 - \frac{v^2}{c^2}}}$$

수식이 너무 길어지면?

- 1) ...를 쓴다.
- 2) 파트를 나눈다.
- 3) 괄호를 아끼지 않는다.

$$F_g = \frac{Gm_1m_2}{r^2}$$

$$E = 1.74 \times 10^{19} \times 10^{1.44M}$$

$$V = \frac{\pi H}{3} \left(\frac{D}{2}\right)^2$$

$$f = \frac{1}{\frac{1}{f_i} + \frac{1}{f_o}}$$



### 자주 쓰는 내장함수

함수명	동작	예시	참고
sqrt	제곱근	>> sqrt(2) ans = 1.4142	
ехр	$e^x$	>> exp(1) ans = 2.7183	exp^가 아님
abs	절대값	>> abs(-10) ans = 10	복소수 입력 가능
log	자연로그	>> log(exp(1)) ans = 1	
log10	log <sub>10</sub>	>> log10(100) ans = 2	

함수명	동작	예시	참고
round	반올림	>> round(pi) ans = 3	
ceil	올림	>> ceil(pi) ans = 4	
floor	버림	>> floor(-pi) ans = -4	
fix	0 방향으로 가장 가까운 정수	>> fix(-pi) ans = -3	양수: floor와 같음 음수: ceil과 같음
rem	나눗셈의 나머지	>> rem(10,3) ans = 1	
sign	부호	>> sign(pi) ans = 1	11



#### ※ 제곱표현 및 제곱 위치 주의 : $\sin^2(x)$

#### 자주 쓰는 내장함수

sin(x)	Finds the sine of <b>x</b> when <b>x</b> is expressed in radians.	sin(0)	
3111(X)	Tilias ille sille of A whell A is expressed ill radialis.	ans = 0	tip.
cos(x)	Finds the cosine of $\mathbf x$ when $\mathbf x$ is expressed in radians.	$\mathbf{cos(pi)}$ $\mathbf{ans} = -1$	deg2rad: degree rad2deg: radian
tan(x)	Finds the tangent of <b>x</b> when <b>x</b> is expressed in radians.	tan(pi) ans = -1.2246 e- <sup>016</sup>	7 3 3 3 3 3 3 3 3 3 3 3 3 3 3 3 3 3 3 3
asin(x)	Finds the arcsine, or inverse sine, of $\mathbf{x}$ , where $\mathbf{x}$ must be between $-1$ and $1$ . The function returns an angle in radians between $\pi/2$ and $-\pi/2$ .	asin(—1) ans = —1.5708	
sinh(x)	Finds the hyperbolic sine of <b>x</b> when <b>x</b> is expressed in radians.	sinh(pi) ans = 11.5487	
asinh(x)	Finds the inverse hyperbolic sin of <b>x</b> .	asinh(1) ans = 0.8814	
sind(x)	Finds the sin of $\mathbf{x}$ when $\mathbf{x}$ is expressed in degrees.	sind(90) ans = 1	
asind(x)	Finds the inverse sin of <b>x</b> and reports the result in degrees.	asind(1) ans = 90	

e → radian → degree



### 자주 쓰는 내장함수

함수명	동작	예시	참고
i, j	허수 단위	>> 1+2j ans = 1.0000 + 2.0000i	가급적 1i 또는 1j라고 쓸 것
conj	켤레복소수	>> conj(1+2j) ans = 1.0000 - 2.0000i	
real	복소수의 실수부	>> real(1+2j) ans = 1	
imag	복소수의 허수부	>> imag(1+2j) ans = 2	
angle	복소수의 위상각	>> angle(1+1j) ans = 0.7854	radian [-pi, pi] 범위

함수명	동작	예시	참고
pi	원주율	>> cos(pi) ans = -1	
inf	무한대	>> a = 1/0 a = Inf	isinf
nan	not a number	>> a = 0/0 a = NaN	isnan
ans	변수를 지정하지 않은 연산의 결과를 임시저장	>> 1+2+3 ans = 6	언제든 덮어쓸 수 있으므로 사용 금지



#### 자주 쓰는 내장함수 – 정수를 다루는 함수들

0

		_
factor(x)	Finds the prime factors of <b>x</b> .	factor(12) ans = 2 2 3
gcd(x,y)	Finds the greatest common denominator of <b>x</b> and <b>y</b> .	gcd(10,15) ans = 5
lcm(x,y)	Finds the least common multiple of <b>x</b> and <b>y</b> .	lcm(2,5) ans = 10 lcm(2,10) ans = 10
rats(x)	Represents <b>x</b> as a fraction.	rats(1.5) ans = 3/2
factorial(x)	Finds the value of $\mathbf{x}$ factorial ( $\mathbf{x}$ !). A factorial is the product of all the integers less than $\mathbf{x}$ . For example, $6! = 6 \times 5 \times 4 \times 3 \times 2 \times 1 = 720$	factorial(6) ans = 720
nchoosek(n,k)	Finds the number of possible combinations of $k$ items from a group of $n$ items. For example, use this function to determine the number of possible subgroups of 3 chosen from a group of 10.	nchoosek(10,3) ans = 120
primes(x)	Finds all the prime numbers less than <b>x</b> .	primes(10) ans = 2 3 5 7
isprime(x)	Checks to see if <b>x</b> is a prime number. If it is, the function returns 1; if not, it returns 0.	isprime(7) ans = 1
prod(x)	모든 원소의 곱	isprime(10) ans =

※ 변수명에 내장함수를 쓰지 말 것

```
>> sin = 100;
>> sin(pi)
배열 인덱스는 양의 정수이거나 논리값이어야 합니다.
```



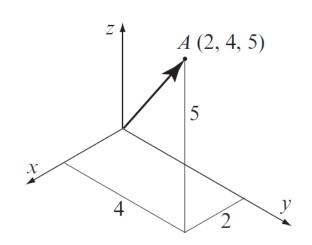
# 행렬



#### 배열이란? 왜 필요할까?

- 3차원 공간 상의 한 점의 좌표 / 두 벡터의 합
- 도시 A의 년도별 인구

Year	1984	1986	1988	1990	1992	1994	1996
Population (millions)	127	130	136	145	158	178	211



• 책장의 각 칸에 들어있는 책 권수



• 이미지 = 2차원 배열



>>	<pre>img = imread('cameraman.tif');</pre>
>>	imshow(img)

	ımg 🛚							
	256x256 uint8							
	1	2	3	4				
1	156	159	158	155				
2	160	154	157	158				
3	156	159	158	155				
4	160	154	157	158				
5	156	153	155	159				
6	155	155	155	157				
7	156	153	157	156				



#### 행렬이란?

• 1차 연립 방정식을 좀 더 간단하게 써보자.

$$\left\{egin{array}{l} x+2y-4z=5 \ 2x+y-6z=8 \ 4x-y-12z=13 \end{array}
ight.$$

$$\begin{bmatrix} 1 & 2 & -4 \\ 2 & 1 & -6 \\ 4 & -1 & -12 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x \\ y \\ z \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 5 \\ 8 \\ 13 \end{bmatrix}$$

3×3 행렬

3×1 행렬 3×1 행렬 (벡터) (벡터)

$$2x + y + z = 1$$
$$5x - y + 7z = 0$$

$$\begin{bmatrix} 2 & 1 & 1 \\ 5 & -1 & 7 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x \\ y \\ z \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 \\ 0 \end{bmatrix}$$

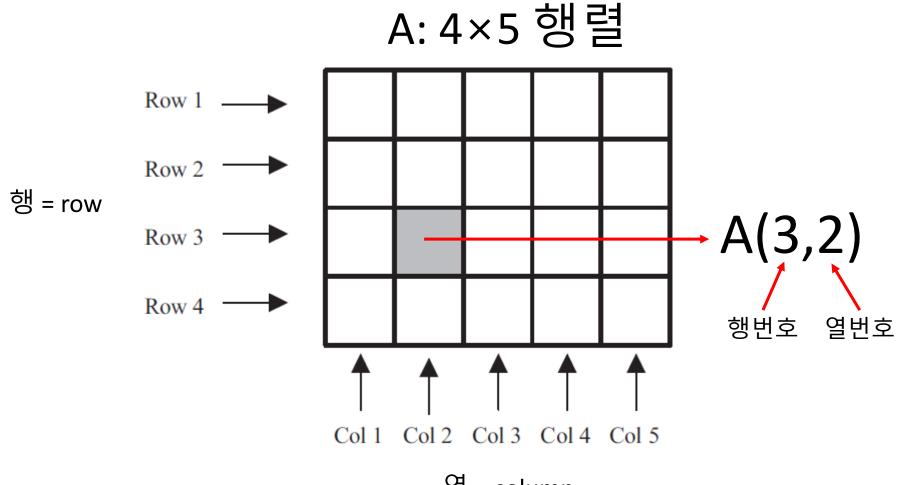
2×3 행렬

3×1 행렬 (벡터) 2×1 행렬 (벡터)



#### 행렬이란?

• 1개 이상의 수, 식, 기호 등을 사각형의 배열로 나열한 것





#### 행렬: 수학 vs 매트랩

- 매트랩에서는 모든 것이 행렬이다.
  - 순수 스칼라는 없다.
  - 모든 자료형에 size와 length를 쓸 수 있다.

tip1. 매트랩에서...

- · array와 matrix는 같은 말
- scalar는 vector의 부분집합
- vector는 matrix의 부분집합
- scalar ⊂ vector ⊂ matrix

tip2. M×M: square matrix tip3. 3차원? 4차원? N차원?

값	용어	수학에서	매트랩에서
100	스칼라	값 1개	1×1 행렬
$\begin{bmatrix} 3 & 9 & 17 \end{bmatrix}, \begin{bmatrix} 5 \\ 8 \\ 13 \end{bmatrix}$	벡터	1×N 벡터 (행벡터) N×1 벡터 (열벡터)	1×N 행렬 (행벡터) N×1 행렬 (열벡터)
$\begin{bmatrix} 1 & 2 & -4 \\ 2 & 1 & -6 \\ 4 & -1 & -12 \end{bmatrix}$	행렬	M×N 행렬	M×N 행렬



#### 행렬을 만드는 방법 1 – 모든 원소를 직접 입력

```
a = [1,2,3,4];
b = [5 6 7 8];
c = [1,2,3; 4,5,6; 7,8,9];
d = [1 10 100
     2 20 200
     3 30 300];
e = [];
```

- 변수명 = [값1, 값2, 값3; 값4, 값5, 값6];
  - 값의 구분은 빈칸, 컴마 모두 가능 (가독성?)
  - 빈 행렬:[]
- 새로운 행 시작: 엔터 또는 세미콜론
  - 주의: 행이 너무 길어질 땐? → ...를 이용
    - 이때 새로운 행이 시작되는 것이 아님

- 명령창에서 입력하다가 실수했을 때?
  - ctrl+c
  - 대부분의 "취소"에 해당하는 단축키



#### 행렬을 만드는 방법 2 – 콜론 연산자

$$a1 = 1:10;$$
  $\Rightarrow$   $a1 = [1 2 3 4 5 6 7 8 9 10]$ 

$$a2 = 1:2:9;$$
  $\Rightarrow$   $a2 = [1 3 5 7 9]$ 

$$b1 = 10:-1:5;$$
  $\rightarrow$   $b1 = [1098765]$ 

$$b2 = 10:5;$$
  $\Rightarrow$   $b2 = []$ 

$$c1 = 5:5;$$
  $\rightarrow$   $c1 = 5$ 

$$c2 = 5:10:5;$$
  $\rightarrow$   $c2 = 5$ 

$$d = 1:10:100;$$
  $\rightarrow$   $d = [1 11 21 ... 91]$ 

- 변수명 = 시작값:간격:끝값
  - 간격은 생략하면 1
  - 음수 간격도 가능
  - 시작값>끝값이고 간격>0이면
     → 빈 행렬
  - 시작값<끝값이고 간격<0이면</li>
     → 빈 행렬
  - 끝값에 도달할 수 없으면
     → 끝값 전 마지막 값까지

year = 1984:2:1996

→ year = [1984 1986 1988 1990 1992 1994 1996]



#### 행렬을 만드는 방법 3 – linspace

a1 = linspace(1,10,10);  $\rightarrow$  a1 = [1 2 3 4 5 6 7 8 9 10]

a2 = linspace(1,9,5);  $\Rightarrow$  a2 = [1 3 5 7 9]

a3 = linspace(1,100);  $\Rightarrow$  a3 = [1 2 3 ... 99 100]

b1 = linspace(9,1,5);  $\Rightarrow$  b1 = [9 7 5 3 1]

b2 = linspace(100,10,1);  $\rightarrow$  b2 = 10

b3 = linspace(100,10,2);  $\rightarrow$  b3 =  $[100 \ 10]$ 

c1 = linspace(10,10);  $\rightarrow$  c1 = [10 10 10 ... 10]

• linspace(시작값,끝값,개수)

• 간격은 알아서 계산 (=(끝값-시작값)/(개수-1))

• 참고: 콜론 연산자는 개수를 알아서 계산

• 개수를 생략하면 100개

• 끝점은 항상 포함

• 콜론 연산자 vs linspace

• 간격을 알 때 > 콜론 연산자

• 1920년에서 5년 간격으로 2020년까지

• 개수를 알 때 → linspace

• 0~pi를 1000등분

x = linspace(0, pi, 1000);

 $\rightarrow$  x = [0 0.0031 0.0063 ... 3.1416];

※ 열벡터를 만드는 방법

1) 세미콜론

2) 행벡터 + transpose(')



#### 행렬을 만드는 방법 4 – 이미 있는 행렬을 합침

```
\Rightarrow a1 = [1,2,3];
\Rightarrow a2 = [4,5,6];
>> ar = [a1 a2]
ar =
        2 3
                               5
>> ac = [a1; a2]
ac =
>> at = [a1' a2']
at =
           4
            6
```

```
\Rightarrow a3 = [1:3, 4:7]
a3 =
    1 2 3 4
>> a4 = [1:5; 6:10]
a4 =
                           10
>> al = [linspace(10,20,6); linspace(20,30,6)]
al =
   10
         12
               14
                     16
                           18
                                20
    20
         22
               24
                     26
                           28
                                30
```



#### 행렬을 만드는 방법 4 – 이미 있는 행렬을 합침

```
>> a = [1 2; 3 4];
>> b = [a a ; a a]
b =
    1
          2 1
    3
          4 3
                      4
    1
                      2
    3
                      4
>> a = [1 2; 3 4];
>> b = [5 6]';
>> c = [7 8];
>> d = 9;
>> e = [a b ;c d]
e =
    1
          2
    3
          8
                9
```

```
\Rightarrow a = [1 2; 3 4];
>> b = [5 6];
>> a = [a;b]
a =
    1
    3
    5
         6
>> a = [a (1:3)']
a =
    1
    3
>> a = [1 2 3; 4 5 6];
>> b = [4 5 6]';
>> c = [a b]
다음 사용 중 오류가 발생함: horzcat
결합하려는 배열의 차원이 일치하지 않습니다.
```



#### 행렬을 만드는 방법 5 – 특별한 함수들

```
>> ones(3,4)
ans =
>> ones(5)
ans =
                         1
                               1
>> zeros(2,4)
ans =
     0
           0
     0
>> zeros(3)
ans =
     0
                 0
     0
```

```
\Rightarrow a = 1:5;
>> b = repmat(a,3,1)
b =
                                    5
                                    5
                                    5
                            4
\Rightarrow a = 1:30;
\Rightarrow b = reshape(a,5,6)
b =
             6
                           16
                                  21
                                          26
                   11
                                          27
                   12
                           17
                                  22
             8
                   13
                           18
                                  23
                                          28
      4
             9
                                          29
                   14
                           19
                                  24
            10
                    15
                                  25
                                          30
                           20
```



#### 행렬의 연산 – 더하기, 빼기, \*스칼라, /스칼라

- 1) 행렬+행렬
  - 크기가 같은 행렬만 가능(이지만꼭 그런건 아님)
  - 각 위치 원소별로 더하기 or 빼기

- 2) 행렬 + 스칼라 (1×1 행렬)
  - 행렬의 모든 원소에 일괄적으로 스칼라를 더함

- 3) \*스칼라,/스칼라
  - 모든 원소를 동일하게 곱하거나 나눔

```
>> a = (1:5);
c =
    12
          14
                              20
>> c = c+10
c =
          24
                              30
>> c = c*2
c =
>> c = c/4
```



#### 행렬의 연산 – 곱하기 (행렬곱)

$$\left\{egin{array}{l} x+2y-4z=5 \ 2x+y-6z=8 \ 4x-y-12z=13 \end{array}
ight.$$

$$\begin{cases} x + 2y - 4z = 5 \\ 2x + y - 6z = 8 \\ 4x - y - 12z = 13 \end{cases} \begin{bmatrix} 1 & 2 & -4 \\ 2 & 1 & -6 \\ 4 & -1 & -12 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x \\ y \\ z \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 5 \\ 8 \\ 13 \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} 1 & 2 & -4 \\ 2 & 1 & -6 \\ 4 & -1 & -12 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x \\ y \\ z \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 5 \\ 8 \\ 13 \end{bmatrix}$$

- N=P이어야 행렬곱이 정의됨
- 곱의 결과 = M×Q 행렬

$$2x + y + z = 1$$
$$5x - y + 7z = 0$$

$$\begin{bmatrix} 2 & 1 & 1 \\ 5 & -1 & 7 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x \\ y \\ z \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 \\ 0 \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} 1 & 4 & 3 \\ 2 & 6 & 1 \\ 5 & 2 & 8 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 5 & 4 \\ 1 & 3 \\ 2 & 6 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} (1 \cdot 5 + 4 \cdot 1 + 3 \cdot 2) & (1 \cdot 4 + 4 \cdot 3 + 3 \cdot 6) \\ (2 \cdot 5 + 6 \cdot 1 + 1 \cdot 2) & (2 \cdot 4 + 6 \cdot 3 + 1 \cdot 6) \\ (5 \cdot 5 + 2 \cdot 1 + 8 \cdot 2) & (5 \cdot 4 + 2 \cdot 3 + 8 \cdot 6) \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 15 & 34 \\ 18 & 32 \\ 43 & 74 \end{bmatrix}$$



#### 행렬의 연산 – 곱하기 (행렬곱)

$$\begin{bmatrix} a_1 & a_2 & a_3 \\ a_4 & a_5 & a_6 \\ a_7 & a_8 & a_9 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} b_1 & b_2 & b_3 \\ b_4 & b_5 & b_6 \\ b_7 & b_8 & b_9 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} c_1 & c_2 & c_3 \\ c_4 & c_5 & c_6 \\ c_7 & c_8 & c_9 \end{bmatrix}$$

$$A = \begin{bmatrix} A_{11} & A_{12} & A_{13} \\ A_{21} & A_{22} & A_{23} \\ A_{31} & A_{32} & A_{33} \\ A_{41} & A_{42} & A_{43} \end{bmatrix} \text{ and } B = \begin{bmatrix} B_{11} & B_{12} \\ B_{21} & B_{22} \\ B_{31} & B_{32} \end{bmatrix}$$

- (M×N 행렬) × (P×Q 행렬)
  - N=P이어야 행렬곱이 정의됨
  - 곱의 결과 = M×Q 행렬

$$A \times B = \begin{bmatrix} (A_{21}B_{11} + A_{22}B_{21} + A_{23}B_{31}) & (A_{21}B_{12} + A_{22}B_{22} + A_{23}B_{32}) \\ (A_{31}B_{11} + A_{32}B_{21} + A_{33}B_{31}) & (A_{31}B_{12} + A_{32}B_{22} + A_{33}B_{32}) \\ (A_{41}B_{11} + A_{42}B_{21} + A_{43}B_{31}) & (A_{41}B_{12} + A_{42}B_{22} + A_{43}B_{32}) \end{bmatrix}$$

 $(A_{11}B_{11} + A_{12}B_{21} + A_{13}B_{31})$   $(A_{11}B_{12} + A_{12}B_{22} + A_{13}B_{32})$ 



### 행렬의 연산 – 곱하기 (행렬곱)

```
>> a
                        10
                        11
                        12
>> b
b =
    16
                  3
            2
          11
                 10
     9
           14
                 15
>> c = a*b
c =
   139
         235
                235
   173
          269
                269
   207
          303
                303
```

```
>> a = [1 2 3 4 5];
>> b = [1 2 3 4 5]';
>> c = a*b
c =
    55
```

- 행렬곱이 정의되려면
   → (앞 행렬의 열 개수) = (뒤 행렬의 행 개수)
- (M×N 행렬) × (P×Q 행렬)
  - N=P이어야 행렬곱이 정의됨
  - 곱의 결과 = M×Q 행렬
- 행렬의 거듭제곱
  - square matrix에 대해서만 정의됨
- 행렬곱의 특징
  - 결합법칙 O A(BC) = (AB)C
  - 분배법칙 O A(B+C) = AB + AC
  - 교환법칙 X AB≠BA



#### 행렬의 연산 – 곱하기 (원소별 곱셈)

$$A = \begin{bmatrix} A_{11} & A_{12} & A_{13} \\ A_{21} & A_{22} & A_{23} \\ A_{31} & A_{32} & A_{33} \end{bmatrix}$$
 and  $B = \begin{bmatrix} B_{11} & B_{12} & B_{13} \\ B_{21} & B_{22} & B_{23} \\ B_{31} & B_{32} & B_{33} \end{bmatrix}$  • \*는 행렬곱  
• 가는 원소별 곱셈  
• 두 행렬의 크기는 같아야 함

- \*는 행렬곱

$$A \cdot * B = \begin{bmatrix} A_{11}B_{11} & A_{12}B_{12} & A_{13}B_{13} \\ A_{21}B_{21} & A_{22}B_{22} & A_{23}B_{23} \\ A_{31}B_{31} & A_{32}B_{32} & A_{33}B_{33} \end{bmatrix} \quad A \cdot ^n = \begin{bmatrix} (A_{11})^n & (A_{12})^n & (A_{13})^n \\ (A_{21})^n & (A_{22})^n & (A_{23})^n \\ (A_{31})^n & (A_{32})^n & (A_{33})^n \end{bmatrix}$$

$$A ^{n} = \begin{vmatrix} (A_{11})^{n} & (A_{12})^{n} & (A_{13})^{n} \\ (A_{21})^{n} & (A_{22})^{n} & (A_{23})^{n} \\ (A_{31})^{n} & (A_{32})^{n} & (A_{33})^{n} \end{vmatrix}$$

https://www.youtube.com/watch?v=mrfvYq0xMmw

#### 행렬의 연산 – 곱하기 (원소별 곱셈)

- 행렬의 원소별 곱셈 > 연산자 앞에 점(.)을 찍음
  - 두 행렬을 원소별 곱셈 → A.\*B
  - 한 행렬을 원소별 거듭제곱 → A.^n
  - 스칼라.^행렬 > 스칼라를 행렬 각 원소별로 거듭제곱

```
>> s1*s2
다음 사용 중 오류가 발생함: _*
행렬 곱셈의 차원이 잘못되었습니다. 첫 번째 행렬의 열 개수가 두 번째 행렬의 행 개수
와 일치하는지 확인하십시오. 요소별 곱셈 연산을 수행하려면 '.*'를 사용하십시오.
>> s1.*s2
ans =
>>
>> s1^2
다음 사용 중 오류가 발생함: _^ (line 51)
차원이 정확하지 않아 행렬을 거듭제곱할 수 없습니다. 행렬이 정사각 행렬이고 지수 값이 스칼라인지
확인하십시오. 요소별 행렬 거듭제곱 연산을 수행하려면 '.^'을 사용하십시오.
>> s1.^2
ans =
```

```
>> 2.^[1 2 ; 3 4]
ans =
2 4
8 16
```



### 행렬의 연산 – 나누기 (역행렬)

	덧셈 항등원	곱셈 항등원	곱셈 역원					
정의	더해도 값이 그대로인 수 $a + e = e + a = a$	곱해도 값이 그대로인 수 $a \times e = e \times a = a$	곱해서 곱셈 항등원이 나오는 수 $a \times x = x \times a = e$					
실수	e = 0	e = 1	$x = \frac{1}{a} \ (a \neq 0)$					
해렬 <b>▲</b>	$O = 영행렬$ $O = \begin{bmatrix} 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}$ $O = zeros(N);$	$E = 단위행렬$ $E = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$ $E = eye(N);$ $\% E = square\ matrix$	$x = 역행렬$ $x = a^{-1}$ $x = inv(a)$ ※ square matrix에 대해서만 존재 ※ $a$ 가 invertible할 때만 존재					

#### 행렬의 연산 – 나누기 (역행렬)

```
>> a = magic(3);
>> b = inv(a)
b =
    0.1472
             -0.1444
                        0.0639
   -0.0611
              0.0222
                        0.1056
   -0.0194
              0.1889
                       -0.1028
>> a*b
ans =
   1.0000
                       -0.0000
                   0
   -0.0000
              1.0000
    0.0000
                   0
                        1.0000
>> b*a
ans =
    1.0000
                       -0.0000
              1.0000
                             0
              0.0000
                        1.0000
         0
```

```
a =

1 4 7 10
2 5 8 11
3 6 9 12

>> inv(a)
다음 사용 중 오류가 발생함: <u>inv</u>
행렬은 정사각 행렬이어야 합니다.
a =
```



#### 행렬의 연산 – 나누기 (역행렬)

$$\left\{egin{array}{l} x+2y-4z=5 \ 2x+y-6z=8 \ 4x-y-12z=13 \end{array}
ight.$$

$$\begin{cases} x + 2y - 4z = 5 \\ 2x + y - 6z = 8 \\ 4x - y - 12z = 13 \end{cases} \begin{bmatrix} 1 & 2 & -4 \\ 2 & 1 & -6 \\ 4 & -1 & -12 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x \\ y \\ z \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 5 \\ 8 \\ 13 \end{bmatrix}$$

$$A \cdot x = b$$

$$A^{-1} \cdot A \cdot x = A^{-1} \cdot b$$

$$E \cdot x = A^{-1} \cdot b$$

$$x = A^{-1} \cdot b$$

```
1 2 -4
2 1 -6
4 -1 -12
 >> b
 b =
 >> x = inv(a)*b
     5.0000
     1.0000
     0.5000
 >> a*x
 ans =
     13
```



#### 행렬의 연산 – 나누기 (원소별 나눗셈)

$$a = \begin{bmatrix} 1 & 2 & 3 \end{bmatrix}$$
 $b = \begin{bmatrix} 4 & 3 & 1 \end{bmatrix}$ 
 $c = \begin{bmatrix} \frac{1}{4} & \frac{2}{3} & 3 \end{bmatrix}$ 

```
>> a = [1 2 3];
>> b = [4 3 1];
>> a/b
ans =
    0.5000 ??
>> a./b
ans =
    0.2500   0.6667   3.0000
OK
```

- 원소별 곱셈과 동일
- / 대신 ./ 사용
- 두 행렬의 크기는 같아야 함

```
>> s1
s1 =
>> 52
s2 =
>> s1/s2
경고: 랭크 부족, rank = 1, tol = 4.864754e-15.
ans =
   0.3333
   0.6667
   1.0000
>> s1./s2
ans =
   1.0000
              0.5000
                        0.3333
                                  0.2500
   2.0000
              1.0000
                        0.6667
                                  0.5000
    3.0000
              1.5000
                        1.0000
                                  0.7500
```



#### 행렬의 연산 – 나누기 (원소별 나눗셈)

• 행렬의 원소별 나눗셈 → 연산자 앞 점(.)을 찍음 원소별 연산으로

※ 실습: "복잡한 수식"을 원소별 연산으로

- 두 행렬을 원소별 나눗셈 → A./B
- 행렬의 각 원소의 역수 → 1./A

$$A = \begin{bmatrix} A_{11} & A_{12} & A_{13} \\ A_{21} & A_{22} & A_{23} \\ A_{31} & A_{32} & A_{33} \end{bmatrix} \text{ and } B = \begin{bmatrix} B_{11} & B_{12} & B_{13} \\ B_{21} & B_{22} & B_{23} \\ B_{31} & B_{32} & B_{33} \end{bmatrix}$$

$$A ./B = \begin{bmatrix} A_{11}/B_{11} & A_{12}/B_{12} & A_{13}/B_{13} \\ A_{21}/B_{21} & A_{22}/B_{22} & A_{23}/B_{23} \\ A_{31}/B_{31} & A_{32}/B_{32} & A_{33}/B_{33} \end{bmatrix}$$

>> s = magic(3)						
s =						
8	1	6				
3	5	7				
4	9	2				
>> 1./s						
ans =						
0.1250	1.6	9000	0.1667			
0.3333	0.3	2000	0.1429			
0.2500	0.3	1111	0.5000			
>> 10./s						
ans =						
1.2500	10.0	9000	1.6667			
3.3333	2.0	9000	1.4286			
2.5000	1.3	1111	5.0000			



함수명	동작	예시	참고
min [i, v] = min(A)	행렬의 최소값 [i, v] → 최소값의 위치도 반환	>> min([5 3 1 2 4]) ans = 1	2차원일 경우 각 열의 최소값을 1행으로 반환
max [i, v] = max(A)	행렬의 최대값 [i, v] → 최대값의 위치도 반환	>> max([5 3 1 2 4]) ans = 5	2차원일 경우 각 열의 최대값을 1행으로 반환
size	행렬의 크기	>> size(magic(5)) ans = 5 5	N차원 행렬일 경우 길이가 N인 벡터 반환
length	행렬의 길이	>> length(magic(5)) ans = 5	size의 결과 중 최대값과 같음
numel	모든 원소의 개수	>> numel(magic(5)) ans = 25	size의 결과 원소를 모두 곱한 것과 같음



함수명	동작	예시	참고
transpose	전치행렬	>> (1:2)' ans = 1 2	정확히는 conjugate transpose (ctranspose) non-conjugate는 .'
flipud	행렬을 위아래로 뒤집음	>> flipud([1 2; 3 4]) ans = 3 4 1 2	
flipIr	행렬을 좌우로 뒤집음	>> fliplr([1 2; 3 4]) ans = 2 1 4 3	
reshape	행렬의 원소를 재배열	>> reshape(1:6,2,3) ans = 1 3 5 2 4 6	reshape(a,m,n) a의 원소 개수가 m×n과 같아야 함
repmat	행렬을 복제하여 이어붙임	>> repmat(1:3,2,2) ans = 1 2 3 1 2 3 1 2 3 1 2 3	38

함수명	동작	예시	참고
ones	모든 원소가 1인 행렬 ones(m, n) → m×n 크기의 행렬 ones(n) → n×n 크기의 행렬	>> ones(1,5) ans = 1 1 1 1 1	모든 원소가 100인 행렬 100*ones(m,n)
zeros	모든 원소가 0인 행렬 zeros(m, n) → m×n 크기의 행렬 zeros(n) → n×n 크기의 행렬	>> zeros(1,4) ans = 0 0 0 0	
norm	벡터 노름(norm) $\ \mathbf{x}\ _2 = \left(\sum_{i=1}^N  x_i ^2\right)^{1/2} = \sqrt{x_1^2 + x_2^2 + \ldots + x_N^2}$	>> norm([3,4]) ans = 5	
find [i, j] = find(a)	행렬의 0이 아닌 원소의 위치 반환 [i, j] = find(a) → 0이 아닌 원소의 위치를 2차원 인덱스로 반환	>> find([1 2 0 0 2]) ans = 1 2 5	
sort [i, v] = sort(a)	행렬을 오름차순으로 정렬 2차원 행렬 → 각 열을 정렬 [i, v] = sort(A) → 정렬 후 인덱스 변화도 반환	>> sort([1 3 5 4 2]) ans = 1 2 3 4 5	'descend' 옵션 사용 시 내림차순 정렬



함수명	동작	예시	참고
mean mean2	mean(A) 또는 mean(A,1) → 행방향 평균 mean(A,2) → 열방향 평균 mean2(A) → 2차원 평균	>> mean([1 3 5 ; 3 5 7]) ans = 2 4 6	
std std2	std(A) 또는 std(A,1) → 행방향 표준편차 std(A,2) → 열방향 표준편차 std2(A) → 2차원 표준편차	>> std(magic(4)) ans = 5.4467 5.1962 5.1962 5.4467	
sum	sum(A) 또는 sum(A,1) → 행방향 합 sum(A,2) → 열방향 합	>> sum([1 3 5 ; 3 5 7]) ans = 4 8 12	
cumsum	벡터 → 누적합 행렬 → 각 열의 누적합	>> cumsum([1 2 3 4 5]) ans = 1 3 6 10 15	
median	중간값 짝수개일 경우 두 중간값의 평균	>> median([1 3 5 7]) ans = 4	



함수명	동작	예시	참고
rand	0~1 범위의 균등분포 난수 rand(m, n) → m×n 크기의 행렬 rand(n) → n×n 크기의 행렬	>> rand(2,4) ans = 0.8147 0.1270 0.6324 0.2785 0.9058 0.9134 0.0975 0.5469	hist로 분포 확인 가능
randn	평균 0, 표준편차 1인 정규분포 난수 randn(m, n) → m×n 크기의 행렬 randn(n) → n×n 크기의 행렬	>> randn(2,3) ans = 0.3480 -0.6357 -0.7615 -0.4551 -0.9799 -1.2835	hist로 분포 확인 가능
randi	균등 분포의 정수 난수 값 범위, 크기 설정 가능	>> randi([1,50],[2,3]) ans = 21 42 5 8 37 42	도움말 확인



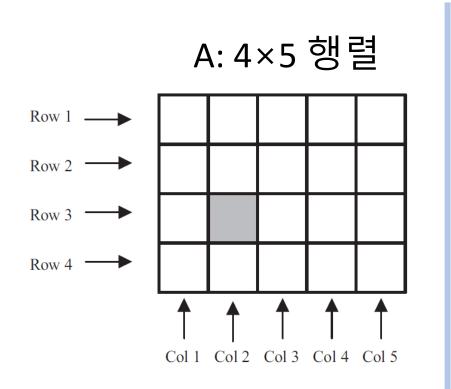
#### 행렬을 입력으로 받는 내장함수

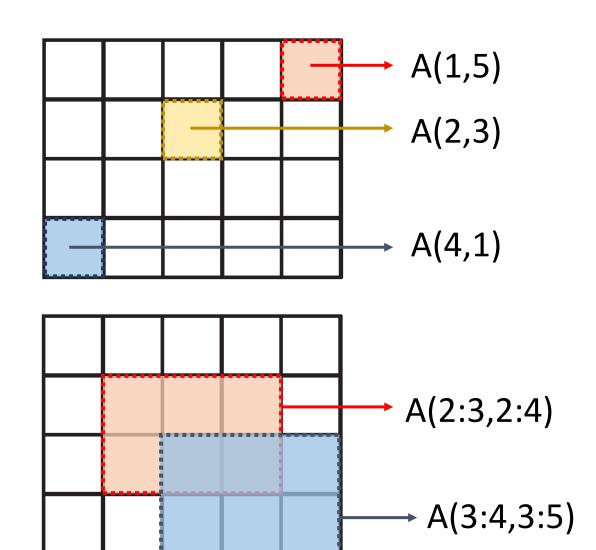
- 여러 내장함수들 (sqrt, exp, log, sin, round, ...)
  - M×N 행렬을 넣으면
    - 알아서 각 원소를 연산하여 M×N 행렬을 반환



#### 행렬의 인덱싱 (indexing)

변수명(행범위, 열범위)

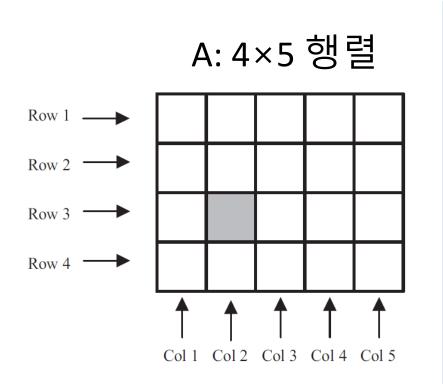


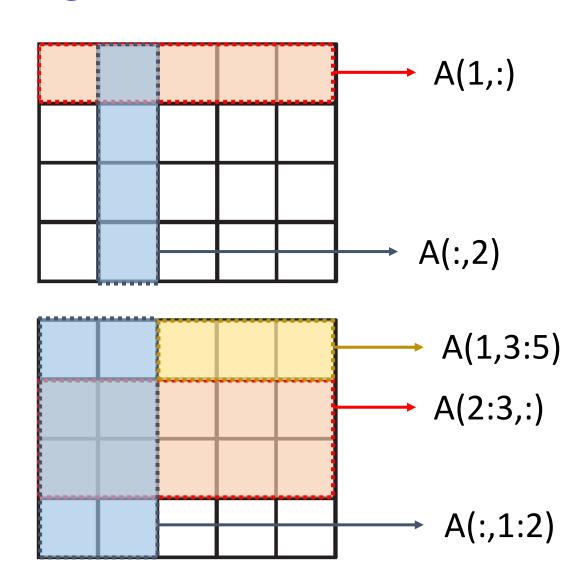




#### 행렬의 인덱싱 (indexing)

변수명(행범위, 열범위)

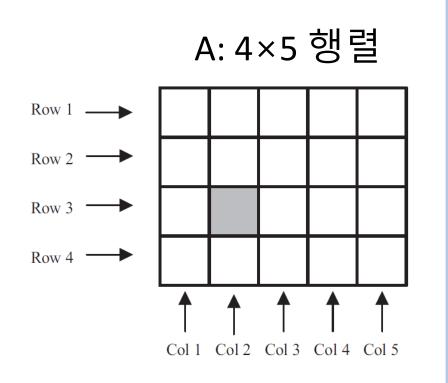


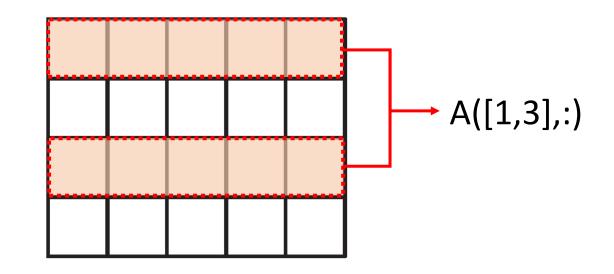


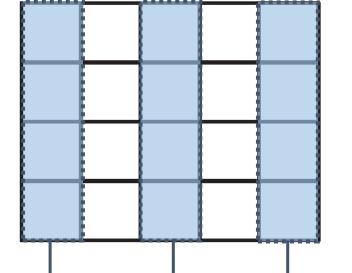


#### 행렬의 인덱싱 (indexing)

변수명(행범위, 열범위)







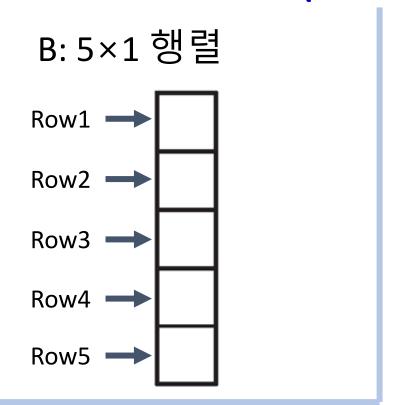
tip1. A(:,1:2:5)도 가능

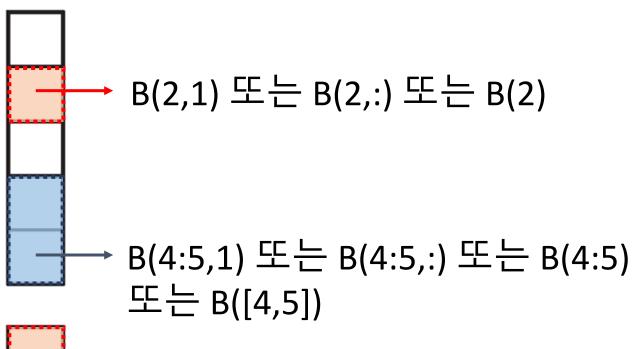
tip2. A(:,[5 3 1])=?

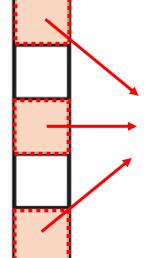


https://lazymatlab.tistory.com/28

#### 행렬의 인덱싱 (indexing) – 벡터의 경우





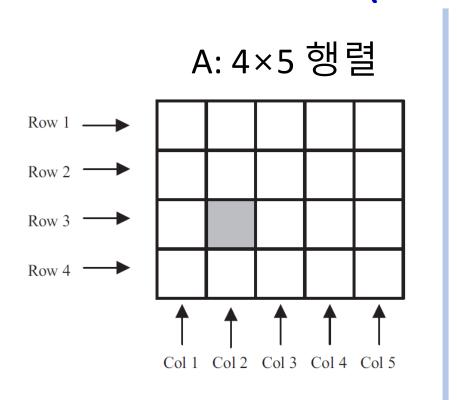


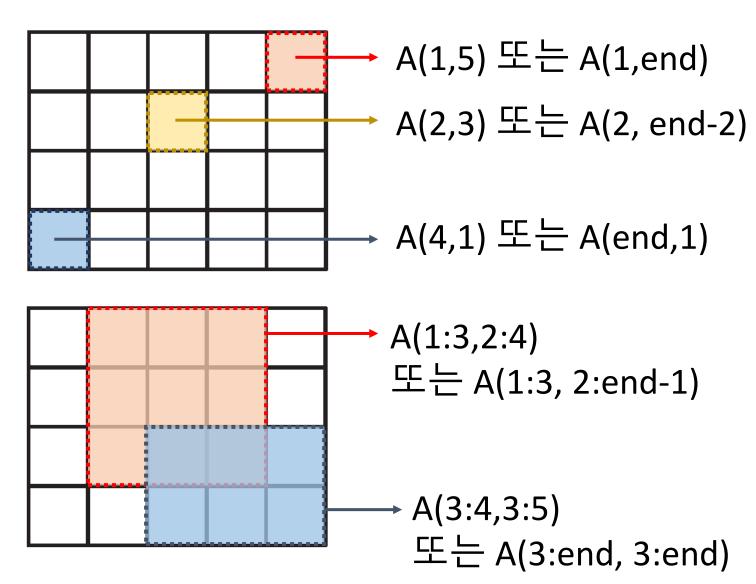
B([1,3,5],1) 또는 B(1:2:5,:) 또는 B([1,3,5])

tip. B([5 3 1])=? (행렬의 reorder)



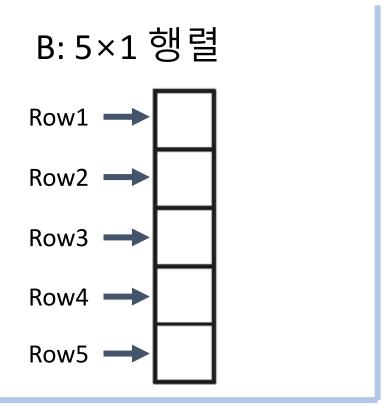
#### 행렬의 인덱싱 (indexing) - end의 활용

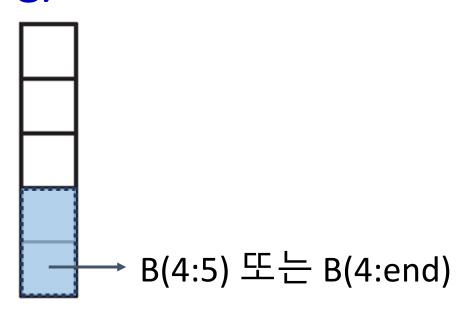


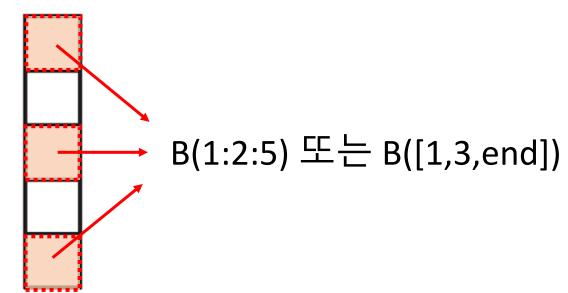




#### 행렬의 인덱싱 (indexing) - end의 활용

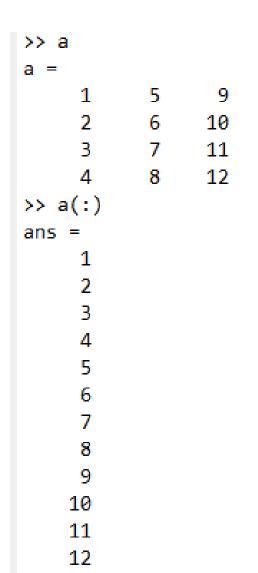








### 행렬의 인덱싱 (indexing) - (:)의 활용



1	2	3
4	5	6
7	8	9
10	11	12

а

Arrangement in Computer Memory

•	
·	
1	a(1,1)
4	a(2,1)
7	a(3,1)
10	a(4,1)
2	a(1,2)
5	a(2,2)
8	a(3,2)
11	a(4,2)
3	a(1,3)
6	a(2,3)
9	a(3,3)
12	a(4,3)



#### 행렬을 수정하는 방법



#### 행렬을 수정하는 방법

```
\Rightarrow a = [a ones(4,1)]
a =
     1
            5
                  -1
                        -1
                               17
     2
            6
                               18
                  -1
                        -1
                               42
    10
           11
                 42
                        42
    12
           13
                  42
                        42
                               42
```

```
>> a = [a \ 2*ones(size(a,1),1)]
a =
          5
                           17
                -1
                     -1
                                        2
          6
    2
                -1
                     -1
                           18
   10
                           42
         11
               42
                     42
   12
          13
                42
                     42
                           42
```

```
\Rightarrow a = [a; 5*(1:size(a,2))]
a =
            5
                        -1
                               17
                  -1
     2
            6
                               18
                 -1
                        -1
    10
                               42
           11
                 42
                        42
    12
           13
                 42
                        42
                               42
     5
           10
                  15
                               25
                                            35
                        20
                                      30
```

```
>> a = a(1:end-1, 1:end-2)
a =
                -1
                           17
                     -1
                -1
                      -1
                           18
    10
          11
               42
                     42
                           42
    12
          13
                42
                      42
                            42
>> a(end,:) = []
a =
               -1
                           17
                      -1
                -1
                      -1
                           18
    10
          11
               42
                      42
                           42
>> a(:,4:end) = []
a =
          5 -1
               -1
    10
          11
               42
\Rightarrow a(5,5) = -100
a =
           5
                -1
           6
                -1
                      0
    10
          11
                42
           0
                0
           0
                          -100
```



#### 예제 - boxBlur

$$image = \begin{bmatrix} 1 & 1 & 1 \\ 1 & 7 & 1 \\ 1 & 1 & 1 \end{bmatrix}$$

$$image = \begin{bmatrix} 1 & 1 & 1 \\ 1 & 7 & 1 \\ 1 & 1 & 1 \end{bmatrix} \qquad \left[ \frac{1+1+1+1+7+1+1+1+1}{9} \right] = 1$$

$$blurred = [1]$$

$$image = \begin{bmatrix} 36 & 0 & 18 & 9 \\ 27 & 54 & 9 & 0 \\ 81 & 63 & 72 & 45 \end{bmatrix}$$

$$blurred = [40 \quad 30]$$

$$\left[ \frac{36+0+18+27+54+9+81+63+72}{9} \right] = 40$$

$$\left| \frac{0+18+9+54+9+0+63+72+45}{9} \right| = 30$$

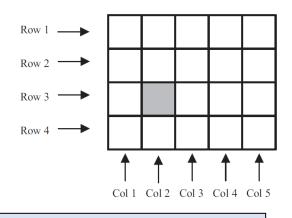


## 문자열도 행렬이다.



#### 문자열도 행렬이다.

```
>> s = 'hongik';
>> size(s)
ans =
>> s(2:4)
ans =
    'ong'
>> s = ['hongik'; 'matlab'; 'autumn'; 'yr2020']
5 =
  4×6 <u>char</u> 배열
    'hongik'
    'matlab'
                                 >> s1 = 'hongik';
    'autumn'
                                 >> 52 = ' ';
    'yr2020'
                                 >> s3 = 'matlab';
>> s(2:4,3:end)
                                 >> s = [s1 s2 s3]
ans =
  3x4 <u>char</u> 배열
                                 5 =
     'tlab'
                                      'hongik matlab'
```



- 각 행은 길이가 같은 문자열이어야 함
- 행렬이므로, 숫자행렬(numeric array)처럼 이어 붙일 수 있음
- 따옴표('')를 쓰지 않으면 변수명으로 인식
- 1과 '1'은 다름
- 작은 따옴표와 큰 따옴표는 다름
  - 'hongik' → char array
  - "hongik" → string



'tumn'

'2020'

# 사용자 입력, 출력문



#### 사용자 입력

- 사용자로부터 숫자 또는 문자 입력을 받을 수 있음
  - age = input('Type your age: '); % 숫자로 받음
  - name = input('Type your name: ','s'); % 문자로 받음
  - num2str: 숫자를 문자로 변환
  - str2double: 문자를 숫자로 변환

#### • 예제

```
game1=input('Enter the points scored in the first game ');
game2=input('Enter the points scored in the second game ');
game3=input('Enter the points scored in the third game ');
ave_points=(game1+game2+game3)/3
```



#### disp

```
>> a
a =
                9
                     13
                           17
          6
               10
                     14
                           18
                     15
               11
                           19
               12
                     16
                           20
>> disp(a)
           5
                     13
                           17
               10
                     14
                           18
               11
                     15
                           19
     4
               12
                     16
                           20
>> 5
5 =
  4x6 char 배열
     'hongik'
    'matlab'
    'autumn'
     'yr2020'
>> disp(s)
hongik
matlab
autumn
vr2020
```

```
>> help disp
disp - Display value of variable

This MATLAB function displays the value of variable X without printing the variable name.
```

#### fprintf – formatted print

: escape character

clear

```
→ % simple text print
                              단순 문자열 출력
  fprintf('I am Groot.');
  % using \t and \n
  fprintf('I am Groot.');
  fprintf('\tI am Quill.');
  fprintf('I need a new line.\n'); \n:줄넘김
  fprintf('\t\tThere you go!\n')
  % using %d and %s
  name = 'Quill';
  age = 38;
  fprintf('I am %s. %d years old.\n', name, age);
  % using %f and %g and %%
  weight old = 136.078;
  weight now = 104.326;
  fprintf('I weighed %f kg once.\n',weight_old);
  fprintf('But I am %g kg now.\n',weight now);
  fprintf('So I lost %g%% of my weight.\n', ...
      100*(1-weight_now/weight_old));
```

```
\t : 탭 (4칸 또는 8칸)
```

```
%s : 문자열 출력
%d : 정수 출력
```

%가 여러 개? → 순서대로 1:1 대응

%f : 실수 출력

%g: 실수 출력, 뒤이어 붙는 0이 없음

%%: % 문자 자체를 출력



#### fprintf – formatted print

```
% using field width and precision
                                       %5.2f : 전체 5자리, 소수점 이하 2자리
fprintf('pi is about %5.2f.\n',pi)
                                       %10.2f: 전체 10자리, 소수점 이하 2자리
fprintf('pi is about %10.2f.\n',pi)
                                       %10.5f: 전체 10자리, 소수점 이하 5자리
fprintf('pi is about %10.5f.\n',pi)
% add heading zeros
                                           %010.3f: 전체 10자리, 소수점 이하 3자리,
fprintf('pi is about %010.3f.\n',pi)
                                                   10자리가 안되면 앞을 0으로 채움
fprintf('pi^2 is about %04d.\n', round(pi^2))
                                           %04d: 정수, 4자리가 안되면 앞을 0으로 채움
% align left
                                      %-10.3f: 전체 10자리, 소수점 이하 3자리,
fprintf('pi is about %-10.3f.\n',pi)
                                             좌측정렬
```

#### ※ num2str도 동일한 포맷팅 가능

```
>> num2str(pi,'%010.5f')
ans =
'0003.14159'
```



#### 강의 요약

- 수식작성
  - 사칙연산, 거듭제곱(^), 각종 내장함수 (sqrt, exp, log, sin, ...)
- 행렬
  - 매트랩에서는 모든 것이 행렬이다.
  - 행렬을 만드는 방법 (원소 직접 입력, 콜론, linspace, 이미 있는 행렬을 합침)
  - 행렬의 연산 (행렬곱, 원소별 곱셈, 나누기, 원소별 나눗셈)
  - 행렬을 다루는 내장함수들
  - 행렬의 인덱싱
  - 행렬을 수정하는 방법
- 문자열도 행렬이다.
- 사용자 입력 (input)
- 출력문 (fprintf, disp)



# Q&A

