POLITECHNIKA WROCŁAWSKA WYDZIAŁ ELEKTRONIKI

KIERUNEK: Automatyka i Robotyka (AIR)

SPECJALNOŚĆ: Technologie informacyjne w systemach

automatyki (ART)

PRACA DYPLOMOWA MAGISTERSKA

Korygowanie harmonogramów z uwzględnieniem awarii maszyn

Re-scheduling with regard to machine failure

AUTOR: inż. Kamil Niemczyk

PROWADZĄCY PRACĘ: dr hab. Wojciech Bożejko prof. nadzw. PWr

OCENA PRACY:

Spis treści

W	$^{\prime}\mathrm{step}$		2
\mathbf{C}	ele i	zakres pracy	2
1	Kor	ygowanie harmonogramów z uwzględnieniem zakłóceń	4
	1.1	Optymalizacja dyskretna oparta na uczeniu z nauczaniem	4
	1.2	Podejście ewolucyjne w harmonogramowaniu proaktywnym	5
	1.3	Wyznaczanie harmonogramów od nowa	6
	1.4	Analiza wydajności linii produkcyjnych ze skończonym buforem	8
	1.5	Potrzeba ponownej obróbki elementów	9
	1.6	Harmonogramowanie odporne	9
2	Sfor	rmułowanie problemu	12
3	Opi	s algorytmów	14
	3.1	Model danych	14
	3.2	Rozwiązanie początkowe	15
	3.3	Tabu Search z nawrotami	15
	3.4	Awarie	18
4	Eks	perymenty obliczeniowe	20
	4.1	Wizualizacja wyników	20
	4.2	Parametryzacja i środowisko testowe	20
	4.3	Statystyki	22
W	niosl	ki i uwagi	26
Bi	ibliog	grafia	27
D	odate	ek A Biblioteka do generowania HTML dla $\mathrm{C}{++}$	29
		Interfejs ContentHTML	29
	A.2	Klasa TextContentHTML.h	29
	A.3	Klasa TagContentHTML	30
	A.4	Klasa PageHTML	34
	A.5	Style CSS	36
	A.6	JavaScript	36
$\mathbf{S}_{\mathbf{I}}$	ois ry	rsunków	38
Sr	ois ta	bel	39

Wstęp

Problemy harmonogramowania, zdefiniowane pod koniec lat 70. XX wieku [6], takie jak problem przepływowy, gniazdowy czy otwarty, klasyfikuje się jako NP trudne. Do ich rozwiązywania najczęściej stosuje się metaheurystyki takie jak Tabu Search, Symulowane Wyżarzanie, czy Algorytm Genetyczny.

W warunkach rzeczywistych, istnieje wiele rodzajów zakłóceń, których nie uwzględniają klasyczne problemy harmonogramowania. Powoduje to, że często nie wystarcza jednorazowe wyznaczenie harmonogramu dla określonego zestawu zadań, ponieważ w trakcie jego wykonywania warunki produkcji mogą ulec zmianie. Literatura opisuje różnego rodzaju zakłócenia: awarie/serwisowanie maszyn, niedokładna praca maszyn (ponowna obróbka elementu lub wykonanie zadania jeszcze raz), nadejście nowych zadań, anulowanie zadań, zmienny czas przetwarzania zadań, zmienny czas finalizacji zadań, a także ograniczony bufor transportu między stacjami roboczymi.

Okazuje się, że takie problemy można również rozwiązywać za pomocą wcześniej wspomnianych metaheurystyk odpowiednio przystosowując funkcję celu lub rozszerzając model danych o dodatkowe parametry. W pracy wzorowano się na podejściu harmonogramowania odpornego [2], które oprócz minimalizacji całkowitego czasu wykonania harmonogramu C_{max} (ang. makespan) pozwala także zminimalizować jego podatność na opóźnienia wynikające z zakłóceń, takich jak awarie maszyn. W przeciwieństwie do autorów [2] nie skorzystano z Algorytmu Genetycznego, a z TSAB [18] – bardzo efektywnej odmiany Tabu Search odpowiednio przystosowując ją, aby uwzględniała możliwość awarii maszyn.

Uzyskane wyniki pozwoliły uzyskać dobre rezultaty niewielkim nakładem czasowym – pojedencza instancja problemu obliczana jest średnio kilka sekund na współczesnym komputerze klasy PC. Nie oznacza to jednak końca badań w tej dziedzinie. Potencjał algorytmu TSAB jest bardzo duży, dlatego kolejne wariacje zaproponowanego algorytmu pozwoliłyby w przyszłości na uzyskanie rozwiązań bliższych optimum w kontekście Elastycznych Problemów Gniazdowych.

Cele i zakres pracy

Cele pracy

W pracy założono realizację celów wymienionych poniżej.

- Zbadanie dotychczasowych rozwiązań problemu korygowania harmonogramów w literaturze.
- 2. Wybór oraz sformułowanie problemu harmonogramowania, który będzie analizowany w kontekście tematu pracy.
- 3. Zaproponowanie algorytmu do rozwiązywania wybranego problemu harmonogramowania z uwzględnieniem awarii maszyn oraz jego opis tego rozwiązania.
- 4. Stworzenie narzędzia służącego do wizualizacji wyników eksperymentalnych.
- 5. Analiza wyników eksperymentalnych.

Zakres pracy

W rozdziale 1. przeanalizowano dotychczasowe osiągnięcia w tematyce korygowania harmonogramów. Wydzielono w nim sekcje, które opisują różne podejścia w kontekście różnych zakłóceń, wymuszających potrzebę korygowania harmonogramów.

Rozdział 2. przedstawia sformułowanie wybranego problemu, który jest analizowany w dalszej części pracy - Elastycznego Problemu Gniazdowego. Opisano w nim kryteria oraz ograniczenia, które wynikają ze specyfiki problemu.

Wybrane rozwiązania, czyli algorytmy, które zastosowano w badaniach opisano w rozdziale 3. Można tam znaleźć opis modelu danych, na którym operowano, strategii wyznaczania rozwiązania początkowego i w końcu głównego algorytmu oraz modyfikacji, które należy w nim wykonać, aby dostosować go do uwzględnienia awarii maszyn.

Ostatni, rozdział 4. zawiera wyniki eksperymentów, które przeprowadzono z wykorzystaniem zaimplementowanych algorytmów.

Dodatek A. zawiera kod źródłowy stworzonej biblioteki, z której korzystano do generowania wykresów Gantt'a otrzymanych w rozdziale 4. rozwiązań.

Rozdział 1

Korygowanie harmonogramów z uwzględnieniem zakłóceń

Pierwsze próby rozwiązania problemu harmonogramowania zadań w procesach produkcyjnych sięgają końca lat 70 XX wieku [6]. Tak wcześnie jak zaczęto problemem się zajmować, wkrótce zakwalifikowano go jako problem NP trudny [6, 17]. Trzy ogólne problemy, które wydzielono w tym zagadnieniu, to:

- problem przepływowy (flow shop),
- problem gniazdowy (job shop),
- problem otwarty (open shop).

Klasyfikacja problemów harmonogramowania jako NP trudne oznacza, że metody dokładne stosowane do rozwiązania tych problemów posiadają ponad-wielomianową złożoność obliczeniową, np. przegląd zupełny cechuje złożoność O(n!). Z tego względu zaczęto stosować różnego rodzaju metaheurystyki, jak np. Tabu Search, Algorytm Genetyczny, czy Symulowane Wyżarzanie. W międzyczasie zaobserwowano, że w rzeczywistości procesom produkcyjnym towarzyszą różnego rodzaju zakłócenia, stąd rozpoczęto prowadzenie badań nad korygowaniem harmonogramów.

1.1 Optymalizacja dyskretna oparta na uczeniu z nauczaniem

W [9] autorzy proponują optymalizację dyskretną opartą na uczeniu z nauczaniem (DTLBO, ang. *Discrete teaching-learning based optimization*) dla realistycznych problemów przepływowych. Uwzględniono tam jednoczesny wpływ 5 rodzajów zakłóceń:

- awaria maszyny,
- nadejście nowego zadania,
- anulowanie zadań,
- zmienny czas przetwarzania zadań,
- zmienny czas finalizacji zadania (np. stygnięcie rozgrzanego elementu).

Odnośnie awarii maszyn, zakłada się tutaj, że nie wiemy kiedy występują, ani jak długo trwają. Ponadto, zadanie przerwane przez taką awarię, po jej usunięciu jest kontynuowane od momentu jego przerwania. W zależności od tego czy dana operacja została zakończona przed wystąpieniem awarii, przerwana przez awarię lub miała się dopiero wykonać, zostaje przypisana do odpowiedniej grupy. Wszystkie przerwane zadania pozostają na swoich maszynach, a kolejne zadania są przesuwane w czasie, w zależności od oszacowania czasu naprawy usterki. W przypadku nadejścia nowego zadania stosuje się reaktywne procedury, które odpowiednio plasują je w harmonogramie. Poza sytuacjami wystąpienia zakłóceń nie jest dopuszczalne przerywanie zadań, a kolejne operacje danego zadania nie mogą się na siebie nakładać. Poza fazami nauczania i uczenia, charakterystycznymi dla TLBO wykorzystano tutaj również iteracyjny algorytm zachłanny (IG) w celu przyspieszenia procesu ewolucji. Celem porównania wybranej przez autorów metody w zależności od jej parametryzacji, skonstruowano sześć wariantów TLBO, spośród których wyłoniono najlepszy i wykorzystano do konstrukcji kolejnych czterech wariantów DTLBO. Ponownie w testach wybrano najwydajniejszy wariant i ostatecznie porównano go z algorytmami:

- hGA hybrydowy algorytm genetyczny,
- IG iteracyjny algorytm zachłanny,
- ILS iteracyjny algorytm poszukiwań lokalnych,
- PSO optymalizacja rojem cząstek.

Wyniki zestawiono na podstawie testów na 90 instancjach Taillard'a z modelem zakłóceń zapożyczonym z [12]. Jako kryterium porównawcze zastosowano względne odchylenie procentowe (RPD - $Relative\ prcentage\ deviation$) od najlepszego wyniku dla danej instancji. Z uwagi na wykorzystany w funkcji celu współczynnik kary, wyniki podzielono na 3 kategorie, w których współczynniki kary wynosiły odpowiednio 0.1, 0.5 oraz 0.9. We wszystkich przypadkach algorytm DTLBO pozwolił uzystać autorom najlepsze wyniki, niestety jednak kosztem znacząco wyższej złożoności obliczeniowej (średnie RPD=18,79, podczas gdy ILS uzyskało wynik RPD=1,29).

1.2 Podejście ewolucyjne w harmonogramowaniu proaktywnym

Kolejna pozycja literaturowa [20] rozważa harmonogramowanie proaktywne w odpowiedzi na losowe (stochastyczne) awarie maszyn w pogarszających się środowiskach produkcyjnych, gdzie właściwy czas przetwarzania zadania wydłuża się proporcjonalnie do używania maszyny i jej wieku. Zaznacza się tu istotność odporności rozwiązania (ang. solution robustness), z uwagi na obszary, których problem ten dotyka. Może być to sytuacja, kiedy firmy udostępniają przez Internet swoje harmonogramy produkcji swoim dostawcom surowców, aby dostawy mogły się odbywać w filozofii Just In Time. Ma to również znaczenie, jeśli chcieć posługiwać się tymi odpornymi rozwiązaniami problemu do budowy wskaźnika wydajności z punktu widzenia kierownictwa i operatorów hal produkcyjnych. Co również istotne, zasugerowano że umożliwiłyby one wgląd w niedaleką przyszłość pozwalając tym samym na sugerowanie konkurencyjnych terminów dostaw dla klientów. Podobnie jak w przypadku [9], tutaj również analizowano problem przepływowy, bez możliwości bezpośredniego przerywania zadań, gdzie awarie maszyn występują zgodnie z pewnym rozkładem prawdopodobieństwa, z tym że w tym artykule ustalany jest on na

podstawie statystycznych danych historycznych. Co odróżnia tą publikację od poprzedniej, jest uwzględnienie stopniowego pogarszania czasu przetwarzania operacji z uwagi na czas pracy i wiek maszyny oraz fakt, że reakcja na awarię maszyny jest natychmiastowa, przerwane zadanie musi zostać wykonane jeszcze raz (od samego początku) oraz, jeśli chodzi o aspekt starzenia się maszyn, po naprawie wszystkie uszeregowane zadania na naprawionej maszynie wykonują się w oryginalnie założonym przedziale czasu, bez pogorszenia wynikającego z opisanych wyżej przyczyn. Głównym wyznacznikiem jakości zbudowanego algorytmu (autorzy nazwali go ADK/SA-NSGA-II) była analiza wariancji (ANOVA). Jako punkt odniesienia przyjęto wielokryterialny algorytm ewolucyjny (MO-EA/D, ang. *Multi objective evolutionary algorithm*). W rezultacie rozwiązanie autorów uzyskało znacząco lepszą zbieżność dla mniejszych instancji (30-200 zadań), jednak powyżej tego pułapu (300-500 zadań) przegrało z konkurentem.

1.3 Wyznaczanie harmonogramów od nowa

Jeszcze inne podejście analizuje się w artykule [8], gdzie proponuje się strategię sterowaną zdarzeniami, nie tyle korygując harmonogram, co za każdym razem tworząc go na nowo. Problem dotyczy harmonogramowania m identycznych równolegle pracujących maszyn z uwzględnieniem czasu przezbrojeń każdej z maszyn między wykonywanymi zadaniami przez pojedynczy serwer. W pracy podano definicję korygowania harmonogramów:

"Aktualizacja istniejącego harmonogramu produkcyjnego w odpowiedzi na nieprzewidywalne zdarzenia czasu rzeczywistego, aby zminimalizować ich wpływ na wydajność systemu."

Pytanie jakie należałoby sobie postawić to: "Jak i kiedy reagować na te zdarzenia czasu rzeczywistego?". Odpowiedź nie jest jednoznaczna, co sugeruje też dalsza treść artykułu. Sugeruje się różne podejścia. Odnośnie tego "jak" proponuje się naprawę harmonogramu, polegającą na pewnych lokalnych dopasowaniach, bądź też ustalenie harmonogramu zupełnie od nowa. Natomiast, jeśli spytać "kiedy" reagować, przedstawiane są trzy podejścia: periodyczne, polegające na korygowaniu cyklicznym, sterowane zdarzeniami, czyli korekty są wprowadzane tylko w sytuacji zarejestrowania określonych zdarzeń, oraz hybrydowe, będące połączeniem dwóch poprzednich.

Wracając do tematyki problemu przedstawionego w artykule, ponieważ zakłada się istnienie tylko jednego serwera, wydzielono trzy oszacowania czasu przezbrojenia maszyn:

- Mniejszy (minor) kiedy maszyna będzie przetwarzać pierwsze zadanie na początku harmonogramu; jeśli awaria maszyny przerwała jakieś zadanie, tego typu przezbrojenie będzie również wymagane.
- **Średni** (*medium*) jeśli poprzednio wykonywane na maszynie zadanie jest tego samego typu co kolejne, które ma się wykonać na tej samej maszynie.
- Większy (major) w przypadku gdy kolejne zadanie do wykonania na tej samej maszynie różni się typem od zadania, które zostało na niej ukończone.

Dopuszcza się przerywanie zadań. Stochastyczną awaryjność maszyn określają dwa współczynniki o rozkładzie wykładniczym: średni czas między awariami (MTBF, ang. *Mean Time Between Failure*) oraz średni czas do wykonania naprawy (MTTR, ang. *Mean time*

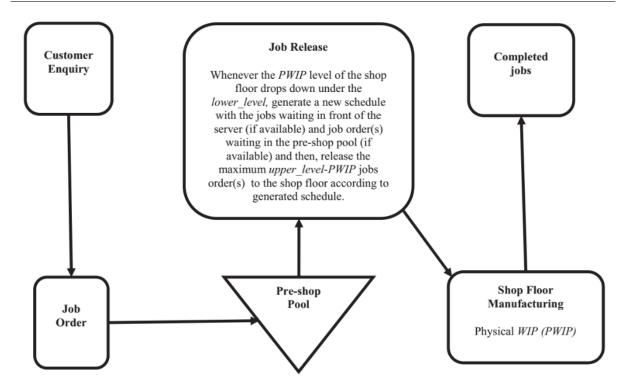
to repair). Z uwagi na fakt większej złożoności obliczeniowej podczas wyznaczania harmonogramu za każdym razem od nowa w porównaniu z korygowaniem harmonogramu, przyjęto strategię kolejkowania nadchodzących zadań i układania harmonogramu jedynie dla części z nich. Autorzy wydzielili cztery zdarzenia, które powodują uruchomienie procedury ustalenia nowego harmonogramu:

- Zdarzenie #1: nadejście nowego zadania w ten sposób system zapełnia pulę harmonogramowanych zadań aż do osiągnięcia zadanej górnej granicy liczby harmonogramowanych zadań.
- Zdarzenie #2: awaria maszyny zadanie które zostało przerwane zostaje dodane do puli zadań będących w harmonogramie i ustala się nowy harmonogram z pominięciem maszyny, która uległa awarii.
- Zdarzenie #3: naprawienie maszyny ustala się nowy harmonogram dla zadań już uszeregowanych, ale których wykonywanie jeszcze się nie rozpoczęło tym razem już z uwzględnieniem maszyny, która wcześniej uległa awarii.
- Zdarzenie #4 aktywuje się na koniec zdarzenia #1 oraz w momencie kiedy liczba zadań w puli tych już uszeregowanych na maszynach spada poniżej pewnej dolnej granicy. Powoduje uwolnienie z kolejki określonej liczby zadań i dodanie do zadań będących w puli już uszeregowanych zadań oraz wyznaczenie nowego harmonogramu.

Układanie harmonogramu wyzwolone każdym z powyższych zdarzeń uwzględnia jedynie maszyny, które są dostępne (mogą pracować). W przypadku gdy choć jedna maszyna nie jest dostępna (np. na skutek awarii) harmonogram nie zostaje wyznaczony. Schemat dodawania zadań z kolejki do ułożenia harmonogramu pokazano na rysunku 1.1. Z wykorzystaniem algorytmu symulowanego wyżarzania (SA) oraz reguł planowania przydziału procesora (DR, ang. *Dispatching Rules*), takich jak SPT, LPT oraz FIFO, wykonano symulacje dla proponowanego rozwiązania przedstawionego problemu. Przyjęto, że:

- na hali produkcyjnej pracuje równolegle 10 identycznych maszyn,
- istnieje 50 różnych typów zadań,
- czas przetwarzania każdego zadania mieści się w zakresie 100-500,
- większe czasy przezbrojenia mieszczą się w zakresie 20-100,
- średnie czasy przezbrojenia wynoszą 10,
- mniejsze czasy przezbrojenia wynoszą 5,
- wartość średnia rozkładu wykładniczego dla MTBF wynosi 12000,
- wartość średnia rozkładu wykładniczego dla MTTR wynosi 3000.

Ostatecznie, na podstawie przeprowadzonych eksperymentów, wywnioskowano, że algorytm symulowanego wyżarzania osiągnął lepsze rezultaty niż FIFO, LPT czy SPT.



Rysunek 1.1 Schemat kolejkowania nadchodzących zadań oraz dodawanie ich do puli zadań, dla których zostaje wyznaczony nowy harmonogram. Na diagramie za kolejnością strzałek: klient składa ofertę, pula wszystkich zadań, kolejka zadań oczekujących na dodanie do puli zadań w harmonogramie, wyzwolenie zadań (zdarzenie #4), fizyczne wykonywanie zadań na hali produkcyjnej, wykonane zadania. Źródło: [8]

1.4 Analiza wydajności linii produkcyjnych ze skończonym buforem

Pozycja [14] pokazuje jeszcze inny problem produkcyjny związany z awarią maszyn. Analizuje się tutaj wydajność linii produkcyjnej składającej się z dwóch stacji roboczych połączonych wspólnym buforem o skończonej pojemności, gdzie na każdą ze stacji składają się równolegle niezależnie pracujące maszyny. Ilustracja problemu została przedstawiona na Rysunku 1.2.

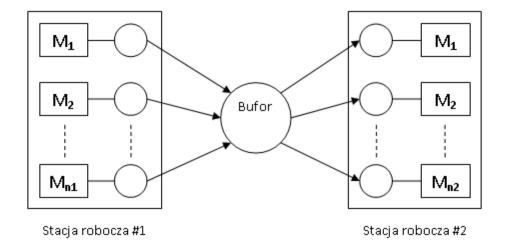
Artykuł opisuje możliwe stany każdej z maszyn, których możliwe stany przedstawiono poniżej:

Pracuje (working) – czyli obrabia pewien element,

Jest zagłodzona (*starving*) – w sytuacji gdy bufor przed stacją roboczą nie zawiera dostępnych do obróbki elementów,

Jest zablokowana (*blocked*) – jeżeli skończyła obróbkę elementu, ale bufor za stacją roboczą jest pełny.

Odnośnie awaryjności maszyn, w pracy zakłada się, że tylko pracująca maszyna może ulec awarii, a zagłodzona lub zablokowana już nie. Dodatkowo, czego nie uwzględniono na powyższym schemacie, przed stacją roboczą #1 oraz za #2, istnieją bufory o nieskończonych



Rysunek 1.2 Poglądowy schemat analizowanej w pracy [14] linii produkcyjnej.

pojemnościach. Autorzy porównali zaproponowany trójstanowy model maszyn z modelem dwustanowym, który opracowali Diamantidis i Papadopoulos w [4], oraz z modelem symulacyjnym WITNESS. Model trójstanowy okazał się dawać rezultaty bardzo zbliżone jakościowo do wyników działania na modelu symulacyjnego - miejscami nawet lepsze.

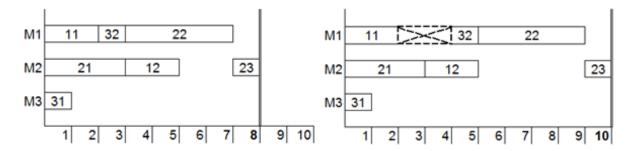
1.5 Potrzeba ponownej obróbki elementów

Co zostało już zaznaczone we wcześniej wspomnianych tytułach, również autorzy pracy [15] zauważyli inne przyczyny potrzeby korygowania harmonogramów. Poza tymi związanymi z zasobami (awarie lub zawieszanie się maszyn, przestoje lub blokady linii produkcyjnej, opóźnienia w dostawach, itp.) istnieją również takie, które mają związek z samymi zadaniami wykonywanymi na maszynach (anulowanie lub nadejście nowych zadań, zmiany ich priorytetów, czasów obróbki, czy też potrzeba poprawek lub przeróbek). W takich sytuacjach należy znaleźć kompromis między wydajnością (koszty harmonogramowania) a stabilnością (koszty zakłóceń). Koszty zakłóceń typowo mierzy się badając jak często oraz w jakim stopniu zmieniają się: kolejność wykonywanych zadań, czasy rozpoczęcia oraz zakończenia zadań, a także obciążenie maszyn w poprzednim oraz nowym harmonogramie. Natomiast koszty harmonogramowania wyrażają się bardzo prosto, w całkowitym czasie wykonania harmonogramu. Artykuł skoncentrował się nie tyle na metodach wyznaczania harmonogramów (zastosowano tu prostą metodę planistyczną SPT), co na samym zagadnieniu zakłóceń wynikających z potrzeby ponownej obróbki przetwarzanych na maszynach elementów.

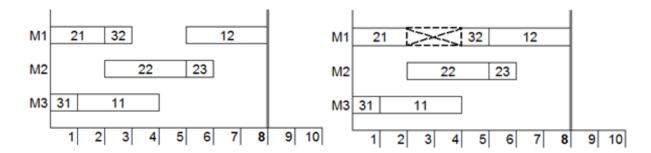
1.6 Harmonogramowanie odporne

Artykuły [2] oraz [21] poruszają interesujący temat alternatywnych rozwiązań w poszukiwaniu optymalnych harmonogramów. Odporne harmonogramowanie w problemach gniazdowych z uwzględnieniem losowych awarii maszyn [2] zostało tutaj zrealizowane z wykorzystaniem hybrydowego algorytmu genetycznego. Odporność algorytmu polega na tym, że generowane harmonogramy nie są tak ciasno upakowane, jak te które otrzymuje się

szeregując zadania w podejściu statycznym. Dzięki temu awaria maszyny nie zawsze musi oznaczać opóźnienie całego harmonogramu. Widać to na Rysunkach 1.3 i 1.4 W przypadku harmonogramowania statycznego (lewa strona na rysunkach) obydwa rozwiązania są takie same. Jednak z punktu widzenia harmonogramowania dynamicznego (prawa strona na rysunkach), np. wiemy, że są duże szanse awarii maszyny M1, rozwiązanie przedstawione na rysunku 1.4 jest lepsze pod względem odporności na nieplanowane opóźnienia pierwotnego harmonogramu. Proponowanym podejściem jest rozwiązanie elastycznego



Rysunek 1.3 Tradycyjne harmonogramowanie. Gęsto upakowane zadania usztywniają harmonogram. Awaria maszyny M1 w punkcie czasu 2 powoduje opóźnienie czasu wykonania harmonogramu.



Rysunek 1.4 Harmonogramowanie odporne. Luźno rozmieszczenie zadań pozwala na minimalne zmiany w harmonogramie oraz zachowanie czasu jego wykonania w przypadku awarii maszyny M1.

problemu gniazdowego za pomocą hybrydowego algorytmu genetycznego opracowanego przez autorów [2] w ich wcześniejszym artykule [1]. Korzysta się z niego dwukrotnie - za pierwszym razem do stworzenia harmonogramu, który minimalizuje czas wykonania wszystkich zadań, tak jak w klasycznym elastycznym problemie gniazdowym, a następnie uruchamiany jest ponownie, w celu zwiększenia odporności harmonogramu na późniejsze zmiany (uwzględnienie możliwości awarii maszyn). Reprezentacja genów chromosomów to trójki liczb (k,i,j) oznaczające kolejno:

- k numer maszyny,
- i numer zadania,
- j numer operacji zadania i-tego.

Przykładowo: chromosom (2,1,1)-(1,2,1)-(1,1,2)-(2,2,2) oznacza, że na maszynie 1. wykonają się kolejno operacja 1. zadania 2. oraz operacja 2. zadania 1., a na maszynie 2.

operacja 1. zadania 1. oraz operacja 2. zadania 2. Dzięki takiej reprezentacji oraz zastosowaniu w algorytmie odpowiednio zaprojektowanych operatorów krzyżowania i mutacji pozwalają zapobiec osiągnięciu zabronionych harmonogramów, co pozwoliło autorom pominąć etap walidacji chromosomów otrzymanych w wyniku wykorzystania tych operatorów. Przypadki testowe zostały zapożyczone z prac [11, 16, 13, 10, 3]. Oprócz analizy wariancji otrzymanych w eksperymentach populacji (ANOVA) zbadano również wydajność harmonogramu pod kątem stabilności i odporności oraz czasu wykonania wszystkich zadań (ang. makespan).

Potrzeba korygowania harmonogramów jest bardzo obszernie analizowana w literaturze. Proponowane metody to najczęściej poszechnie znane heurystyki, takie jak Tabu Search, Symulowane Wyżarzanie, Algorytm Genetyczny, czy Algorytm Ewolucyjny, sparametryzowane pod kątem konkretnych problemów. Trudno określić jednoznacznie, która z nich jest najlepsza.

Rozdział 2

Sformułowanie problemu

Elastyczny Problem Gniazdowy (ang. Flexible Job Shop Problem, FJSP) jest uogólnieniem klasycznego Problemu Gniazdowego. Różnica poleta na tym, że nie uwzględnia się w nim ograniczenia dotyczącego maszyny, która ma wykonać konkretną operację w zadaniu. W konsekwencji, dla każdej z operacji w trakcie układania harmonogramu należy podjąć dodatkową decyzję o wyborze maszyny, która przetworzy daną operację. Ponieważ już klasyczny Problem Gniazdowy został zakwalifikowany do problemów silnie NP-trudnych, z uwagi na dodatkowe skomplikowanie FJSP także zakwalifikowano jako problem silnie NP-trudny [19]. Sformułowanie problemu deterministycznego Elastycznego Problemu Gniazdowego podane w [1] przedstawia się jak poniżej:

- \bullet Mamy n niezależnych wzajemnie zadań J indeksowanych przez i.
- Wszystkie zadania są gotowe do rozpoczęcia przetwarzania w chwili czasu 0. Każde zadanie J_i składa się z O_i operacji, których kolejność wykonania jest określona przez O_{ij} , gdzie $j=1,...,O_i$.
- Mamy m maszyn M indeksowanych przez k.
- Maszyny nigdy nie ulegają awarii i są zawsze dostępne.
- Każda operacja O_{ij} ma zdefiniowany zbiór maszyn $M_{kij} \subseteq 1,...,m$, które mogą ją przetwarzać.
- Poszczególne czasy przetwarzania operacji O_{ij} na maszynach M_{kij} są zdefiniowane w zbiorze P_{ij} o tym samym rozmiarze co M_{kij} przetwarzanie na maszynie k zdefiniowane jest przez p_{ijk} .
- Odpowiednio, jako czas rozpoczęcia uszeregowanej operacji oznacza się S_{ij} , a czas jej zakończenia C_{ij} wyraża się przez sumę $S_{ij} + p_{ijk}$.
- Czasy przezbrojenia maszyn są niezależne od kolejności operacji na nich wykonywanych i wliczone są w ich czasy przetwarzania.
- Nie można przerywać przetwarzania operacji.
- Każda z maszyn może przetwarzać jednocześnie co najwyżej jedną operację.
- Ograniczenia kolejnościowe przetwarzania operacji w zadaniach może zostać zdefiniowane dla dowolnej pary operacji.

Celem jest minimalizacja całkowitego czasu wykonania harmonogramu C_{max} , w literaturze anglojęzycznej częściej określanym jako makespan. Jendak w rzeczywistych warunkach produkcyjnych ustalony harmonogram może zostać zakłócony, na przykład na skutek awarii maszyny. Pozycja [2] zakłada pewną losowość występowania awarii maszyn. Jednak ta losowość jest zdeterminowana przez założenie posiadania historycznych danych ze środowiska produkcyjnego, a samo prawdopodobieństwo wystąpienia awarii jest wprost proporcjonalne do łącznego czasu pracy maszyny (suma czasów przetwarzania zakończonych operacji). Podobny efekt można uzyskać planując momenty wystąpienia awarii – może to być na przykład zaplanowany serwis maszyny. W pracy zdecydowano się na zastosowanie tego drugiego podejścia. Dalszy jego opis można znaleźć w rozdziale 3.

Rozdział 3

Opis algorytmów

Opracowany algorytm inspirowany jest interesującym podejściem harmonogramowania odpornego. Korzysta on z procedury wyznaczającej pierwszy harmonogram metodą wstawień dostosowaną do elastycznych problemów gniazdowych (IniPopGen) zaproponowaną przez Al-Hinai oraz ElMekkawy w [1]. Choć IniPopGen zaprojektowano do działania z algorytmem genetycznym, to praktycznie bez problemu udało się go zaadoptować do wykorzystania z metodą Tabu Search z nawrotami (TSAB), którą pierwszy raz opisano w [18]. Decyzję o rezygnacji z wykorzystania algorytmu genetycznego proponowanego przez autorów IniPopGen podjęto z uwagi na wysoką złożoność obliczeniową metody. O ile dla małych problemów, rzędu kilkudziesięciu operacji nie było to problemem, to już przy jednej z najmniejszych instancji Taillard'a (225 operacji, 15x15) jedynie inicjalizacja populacji 500 osobników zajmowała minutę. Dla porównania, algorytm TSAB wykonuje wszystkie obliczenia dla tej samej instancji średnio w sekundę. Jego szybkość spowodowana jest mocno ograniczonym sąsiedztwem w każdej iteracji – brane są pod uwagę tylko takie ruchy, które mają szansę na skrócenie ścieżki krytycznej harmonogramu poprzez zamianę operacji w blokach krytycznych [7]. Widać to w eksperymentach – w ciągu kilku minut otrzymano przybliżone rozwiązania kolejno wszystkich 80 instancji opublikowanych przez Taillard'a dla problemu gniazdowego. Szczegółowe wyniki eksperymentów opisano w rozdziale 4. Zaprojektowany algorytm pozwala rozwiązywać instancje Elastycznego Problemu Gniazdowego oraz jego szczególnych odmian, takich jak klasyczny Problem Gniazdowy, czy Problem Przepływowy.

3.1 Model danych

Podstawowym elementem harmonogramu jest operacja. W tabeli 3.1 zestawiono jej cechy charakterystyczne. Kilka operacji o ustalonej kolejności wykonania tworzy zadanie. Z programistycznego punktu widzenia, zadanie jest tablicą operacji. Strukturę diagramu Gantt'a opisują dwie listy sąsiedztwa. Pierwsza z nich LS_M definiująca kolejność wykonania na maszynach o rozmiarze m, gdzie m jest liczbą maszyn. Natomiast druga, LS_Z będąca kompletną kopią wszystkich operacji o rozmiarze n, gdzie n jest liczbą zadań, i opisuje kolejność wykonania operacji w każdym z poszczególnych zadań. Połączenie tych dwóch zestawów danych, opisujących harmonogram oraz zadania, pozwala wygodnie poruszać się po harmonogramie. Taka reprezentacja danych bardzo przypomina graf skierowany opisany przez Nowickiego i Smutnickiego w [18]. Pozwala ona na łatwą konwersję harmonogramu do formatu HTML, dzięki czemu uzyskano interaktywną graficzną prezentację wyników. Więcej na ten temat opisano w rozdziale 4.

PID	numer zadania, którego elementem jest operacja
ID	numer kolejnościowy operacji w zadaniu PID
\mathbf{M}	numer maszyny, do której aktualnie przyporządkowano operację
S	czas rozpoczęcia wykonywania operacji w harmonogramie
Р	mapa czasów przetwarzania operacji na poszczególnych maszynach, na których można przetwarzać daną operację
C	czas zakończenia operacji na maszynie M
В	bufor czasowy (domyślnie = 0, więcej na ten temat w sekcji 3.4)

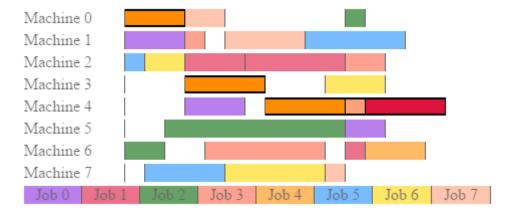
Tabela. 3.1 Elementy opisujące pojedynczą operację harmonogramu.

3.2 Rozwiązanie początkowe

W pierwszej kolejności z pliku wczytywana jest pojedyncza instancja problemu i zapisywana jest do listy sąsiedztwa zadań LS_Z . Następnie, LS_M tworzona jest przy pomocy algorytmu IniPopGen. Otrzymana w wyniku tej metody lista LS_M jest w pełni deterministyczna. Oznacza to, że za każdym razem przy określonej kolejności wykonania zadań wylosowanej na początku algorytmu skutkuje identyczną listą LS_M . W opisie tego algorytmu pominięto jedynie kroki związane z genami i chromosomami, które w metodzie Tabu Search nie mają żadnego zastosowania. Nazwę zachowano, aby ułatwić identyfikację w odniesieniu do źródła, z którego pochodzi.

3.3 Tabu Search z nawrotami

Podstawowym elementem na którym bazuje algorytm TSAB jest ścieżka krytyczna. Jest to taki ciąg operacji, że opóźnienie którejkolwiek z nich spowodowałoby opóźnienie całego harmonogramu. Harmonogramy w Problemach Gniazdowych mogą mieć więcej niż jedną ścieżkę krytyczną. Każda ścieżka krytyczna dzieli się na bloki [7] – ciągi operacji wykonywanych bez odstępów czasowych na określonej maszynie.



Rysunek 3.1 Przykładowy harmonogram wraz z wyróżnioną ścieżką krytyczną zawierającą dwa bloki krytyczne, każdy składający się z trzech operacji, na maszynach 1 i 4.

```
Algorytm 1: IniPopGen. Źródło: [1].
1 Zainicjuj strukturę diagramu Gantt'a;
 2 Wygeneruj losową kolejność wykonania zadań J (np.: J_2, J_1, J_3);
3 Ustaw operCount = 1 oraz oper = 1;
 4 Dopóki (operCount \leq totNOper) wykonuj
      Dla wszystkich zadań i \in J wykonaj
 6
          Znajdź wszystkie maszyny M, które mogą przetwarzać operację O_{i,oper} (np.
           M_1, M_3);
          Wygeneruj tablicę czasów zakończenia T operacji O_{i,oper} o rozmiarze
7
           równym rozmiarowi M;
          Zainicjuj t_0 i t_1;
8
          Jeżeli O_{i,oper} jest pierwszą operacją to
9
              Ustaw t_0 = 0;
10
          Przeciwnie
11
12
              Ustaw t_0 równe czasowi zakończenia przetwarzania poprzednika
               technologicznego O_{i,oper-1};
          Koniec warunku
13
          Dla wszystkich maszyn k \in M wykonaj
14
              Zidentyfikuj czas przetwarzania t_{i,oper,k} operacji O_{i,oper} na maszynie M_k;
15
              Jeżeli t_1 \leqslant t_0 to
16
                 Ustaw t_1 = 0;
17
              Przeciwnie
18
                  Ustaw t_0 równe czasowi zakończenia przetwarzania ostatniej operacji
19
                  na M_k;
              Koniec warunku
20
              Jeżeli t_1 \leqslant t_0 to
21
                 Dodaj O_{i,oper} na M_k z czasem rozpoczęcia t_0 i ustaw
22
                  T_{oper,k} = t_0 + t_{i,oper,k};
              Przeciwnie, jeżeli t_{i,oper,k} zawiera się w przedziałe czasu [t_0,t_1], czyli
23
               może być wykonane między uszeregowanymi już operacjami na M_k to
24
                 Wstaw O_{i,oper} na M_k z możliwie najwcześniejszym czasem
                  rozpoczęcia t_s \ge t0 oraz ustaw T_{oper,k} = t_s + t_{i,oper,k};
              Przeciwnie
25
                 Dodaj O_{i,oper} na M_k z czasem rozpoczęcia t_1 oraz ustaw
26
                   T_{oper,k} = t_1 + t_{i,oper,k};
              Koniec warunku
27
          Koniec petli
28
          Znajdź minimalny czas zakończenia w tablicy T i przydziel O_{i,oper} do
29
           odpowiadającej temu elementowi maszyny. Jeśli istnieje kilka maszyn,
           spełniające takie przyporządkowanie, należy wybrać pierwszą z nich;
          ++operCount;
30
      Koniec petli
31
       ++oper;
32
33 Koniec petli
```

W algorytmie Tabu Search, aby był on jak najbardziej wydajny, najważniejsze jest obserwowane otoczenie (sąsiedztwo) bieżącego w danej iteracji rozwiązania oraz wybór najlep-

szego ruchu, który należy wykonać, aby przetransformować aktualne rozwiązanie do tego wybranego. Za ten obszar w algorytmie TSAB odpowiedzialny jest jest zmodyfikowany algorytm NSP [18]. Bazuje on na blokach krytycznych składających się z więcej niż jednej operacji. Do wygenerowania otoczenia wykonuje tylko takie ruchy, które polegają na zamianie kolejnością dwóch pierwszych lub dwóch ostatnich operacji w danym bloku. Pomija się jedynie sąsiadów, którzy mogliby zostać wygenerowani przez zamianę dwóch pierwszych operacji w pierwszym bloku ścieżki krytycznej oraz dwóch ostatnich w ostatnim bloku krytycznym. Modyfikacja algorytmu polega na tym, że sprawdza się dopuszczalność wykonania danego ruchu, tzn. czy wykonanie ruchu nie naruszy ograniczeń kolejnościowych w jakimkolwiek zdaniu w harmonogramie. Pierwotnie, algorytm NSP nie potrzebował takiego sprawdzenia, ponieważ nie był stosowany do Elastycznych Problemów Gniazdowych.

```
Algorytm 2: NSP. Źródło: [18].
   Przyjmuje: Permutację \pi, zestaw możliwych ruchów V(\pi) \neq \emptyset, listę tabu T oraz
                  najkrótszy osiągnięty czas wykonania harmonogramu C_{max}^*.
   Zwraca: Wybrany (najlepszy) ruch v', powstałą przez wykonanie ruchu v'
              permutację sąsiada \pi' oraz zmodyfikowaną listę tabu T'.
1 Znajdź zestaw zakazanych ruchów, które poprawiają aktualne rozwiązanie
    A = \{v \in V(\pi) \cap T : C_{max}(Q(\pi, v)) < C_{max}^*\}, \text{ gdzie } Q(\pi, v) \text{ zwraca wynik}
    transformacji harmonogramu z permutacji \pi poprzez wykonanie ruchu v;
2 Jeżeli (V(\pi) \setminus T) \cup A \neq \emptyset to
       wybierz v' \in (V(\pi) \sim T) \cup A, takie że
        C_{max}(Q(\pi, v')) = min \{ C_{max}(Q(\pi, v)) : v \in (V(\pi) \setminus T) \cup A \}
       i przejdź do kroku 14;
 5 Koniec warunku
6 Jeżeli |V(\pi)|=1 to
       wybierz v' \in V(\pi);
   Przeciwnie
       Powtarzaj
9
           dopisuj do listy tabu T ostatnio dodany do niej element T_{maxt};
10
       dopóki (V(\pi) \setminus T) \neq \emptyset;
11
       a następnie wybierz v' \in (V(\pi) \setminus T);
12
13 Koniec warunku
14 Ustaw \pi' := Q(\pi, v') oraz T' := T \cup \{\bar{v'}\}, gdzie \bar{v'} jest ruchem odwrotnym do v',
    tzn. Q(Q(\pi, \bar{v'}), v') = Q(Q(\pi, v'), \bar{v'}) = \pi;
```

Obserwując konstrukcję algorytmu NSP nietrudno zauważyć, że aby móc oceniać wygenerowane sąsiedztwo aktualnego harmonogramu wymagane jest wyznaczenie czasów rozpoczęcia (pośrednio również czasów zakończenia) wszystkich operacji za każdym razem kiedy wykonamy jakikolwiek ruch (zamiana kolejności operacji na maszynie). Złożoność obliczeniowa algorytmu naprawy jest o tyle istotna, że jest to najczęściej wywoływany element w trakcie pracy algorytmu NSP, który z kolei jest później wielokrotnie wywoływany w TSAB. Zaprojektowany algorytm RepairPerm posiada złożoność liniową O(totNOper), gdzie totNOper jest łączną liczbą operacji w całym harmonogramie. Ważne jest, że algorytm ten zapętli się jeżeli podana na jego wejściu struktura diagramu Gantta G zawiera niedopuszczalną listę sąsiedztwa LS_M , tzn. gdy naruszone zostaną ograniczenia kolejnościowe. Należy więc upewnić się, że wykonanie ruchu v' wygeneruje poprawną permutację.

```
Algorytm 3: RepairPerm.
  Przyjmuje: Strukturę diagramu Gantta G o nieustalonych czasach rozpoczęcia (i
                zakończenia) operacji na listach sąsiedztwa LS_M i LS_Z oraz liczbę
                wszystkich operacji totNOper
   Zwraca: Naprawioną permutację
1 Utwórz macierz zerową O o liczbie wierszy równej liczbie wierszy LS_Z i liczbie
    kolumn o 1 większej niż w tej liście. Pierwszy element każdego wiersza tej
    macierzy zainicjuj wartościa 1;
\mathbf{z} Utwórz tablicę U o długości m (liczba maszyn) i ją również wypełnij zerami;
3 Ustaw uszeregowano := 0;
4 Dopóki uszeregowano < totNOper wykonuj
      Dla wszystkich maszyn M_k \in M wykonaj
5
          Ustaw indeks operacji do uszeregowania l := U_k;
6
          Jeżeli l < |M_k| to
 7
             Pobierz operację op := M_{k,l};
8
             Jeżeli O_{op.PID,op.ID} = 1 to
9
                 Oznacz operację jako uszeregowaną: O_{on,PID,on,ID+1} = 1, + U_k
10
                  + + uszeregowano;
                 Ustaw czas rozpoczęcia operacji
11
                  op.S := max \{0, LS_{M(k,l-1)}.C, LS_{Z(op.PID,op.ID-1)}.C\};
                 Zapisz nowe czasy rozpoczęcia na listach sąsiedztwa:
12
                  LS_{M(k,l)}.S := op.S
                  LS_{Z(op.PID,op.ID)}.S := op.S;
             Koniec warunku
13
         Koniec warunku
14
      Koniec pętli
15
16 Koniec petli
```

Idea algorytmu TSAB, polega na wyznaczeniu w każdej iteracji najlepszego kierunku poszukiwań za pomocą algorytmu NSP. Tradycyjny algorytm TS zakończyłby pracę po maxIter liczbie operacji, jednak algorytm TSAB, oprócz listy tabu posiada również listę L zawierającą maxBt ostatnio zarejestrowanych najlepszych rozwiązań. Po osiągnięciu maxIter operacji następuje powrót do najdawniej zapisanego rozwiązania z listy L, przy czym z listy możliwych do wykonania ruchów usuwa się wszystkie dotychczas wykonane z tego rozwiązania ruchy.

3.4 Awarie

Wybrany model zaplanowanych awarii wymaga jedynie, aby uzupełnić strukturę diagramu Gantta o pojedynczą operację, która opisuje czas rozpoczęcia S, czas trwania P(M) oraz czas zakończenia C awarii na określonej maszynie M. W ten sposób, dodając taką operację na sztywno do listy sąsiedztwa LS_M wszystkie poprzednio zadeklarowane algorytmy mogą działać bez zmian.

```
Algorytm 4: TSAB. Źródło [18].
   Przyjmuje: Najlepszą dotychczas uzyskaną permutację \pi^*, aktualną permutację
                 \pi = \pi^*, najkrótszy osiągnięty czas wykonania harmonogramu
                 C^* = C_{max}(\pi^*), pustą listę tabu T = \emptyset, pustą listę nawrotów L = \emptyset,
                 iter = 0, l = 0, zapisz = 1.
   Zwraca: Wybraną (w przybliżeniu najlepszą) permutację uzyskaną na podstawie
             danych wejściowych o czasie wykonania C_{max}(\pi^*)
1 Powtarzaj
       ++iter;
       Znajdź zbiór możliwych do wykonania ruchów V(\pi);
3
       Jeżeli V(\pi) = \emptyset to
4
          STOP. OPTIMUM;
5
       Koniec warunku
6
       Znajdź ruch v' \in V(\pi), sąsiada \pi' = Q(\pi, v') i zmodyfikowaną tablicę tabu T'
7
        za pomocą algorytmu NSP;
       Jeżeli zapisz = 1 \ oraz \ V(\pi) \setminus \{v'\} \neq \emptyset \ \mathbf{to}
          + + l; L := L \cup (\pi, V(\pi) \setminus \{v'\}, T);
9
       Koniec warunku
10
       Ustaw \pi := \pi', T := T', zapisz := 0;
11
       Jeżeli C_{max}(\pi) < C^* to
12
          Ustaw \pi := \pi', C^* := C_{max}(\pi), iter := 0, zapisz := 1;
13
       Koniec warunku
14
15
       Jeżeli iter \leq maxIter to
          Idź do kroku 1;
16
       Koniec warunku
17
       Jeżeli l \neq 0 to
18
          Ustaw (\pi, V(\pi), T) := L_l, --l, iter := 1, zapisz := 1;
19
       Koniec warunku
20
21 dopóki iter \leq maxIter;
```

Rozdział 4

Eksperymenty obliczeniowe

Zaimplementowany algorytm przetestowano na wszystkich 80 instancjach Taillarda do klasycznego Problemu Gniazdowego, oraz na jednej z instancji Elastycznego Problemu Gniazdowego przedstawionego w [10].

4.1 Wizualizacja wyników

W celu automatyzacji graficznej prezentacji otrzymanych w wynikach harmonogramów napisano małą bibliotekę udostępniającą API do budowania stron HTML z poziomu języka C++. Składa się ona z czterech klas:

ContentHTML interfejs po którym dziedziczą wszystkie klasy opisane dalej.

TextContentHTML implementuje **ContentHTML**. Klasa opisująca element HTML będący zwykłym tekstem.

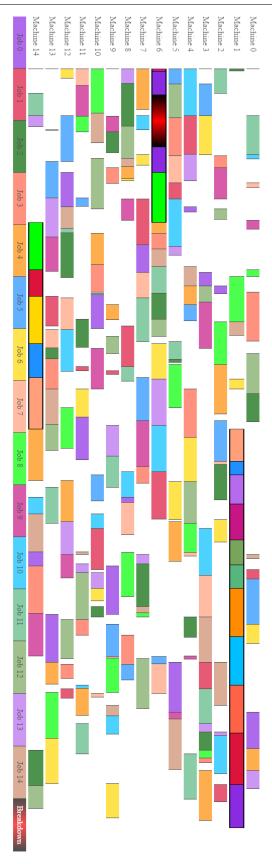
TagContentHTML implementuje ContentHTML. Klasa opisująca tag HTML. Posiada on swoją nazwę, mapę parametrów oraz listę elementów potomnych typu ContentHTML.

PageHTML implementuje ContentHTML. Klasa opisująca stronę HTML. Składa się z tagów HTML HEAD oraz BODY.

Ich pliki źródłowe dołączono do dodatku A. Podczas projektowania tej biblioteki wykorzystano wzorce projektowe Kompozyt oraz Builder [5]. Pozwoliło to na znaczące uproszczenie struktury klas i lepszy podział ich odpowiedzialności. Co najważniejsze, niezależnie od poziomu zagłębienia w kodzie HTML, na każdym jego elemencie można wywołać metodę toString(), która zwróci wygenerowany kod HTML danego elementu i wszystkich jego elementów potomnych. Dzięki temu, po poprawnym zbudowaniu struktury strony HTML, aby otrzymać jej kod źródłowy wystarczy wywołać metodę toString() na głównym obiekcie agregującym typu PageHTML.

4.2 Parametryzacja i środowisko testowe

Testy zostały przeprowadzone na laptopie z procesorem Intel Core i5 1.9GHz, 4GB pamięci RAM, na systemie Windows 10. Aplikacja realizująca opisane algorytmy została napisana w C++.



Rysunek 4.1 Wygenerowany za pomocą napisanej biblioteki diagram Gantta. Czarno-czerwonym gradientem zaznaczono moment awarii maszyny 6.

Kod wytworzony przez bibliotekę generującą HTML przetestowano na przeglądarce Google Chrome.

W algorytmie *TSAB* przyjęto:

- długość listy tabu: 7,
- długość listy najlepszych rozwiązań: 5,
- maxIter = 10.

4.3 Statystyki

Uzyskane wyniki zestawiono w tabelach 4.1, 4.2, 4.3 oraz zaprezentowano na wykresach przedstawionych na rysunkach 4.2, 4.3, 4.4. Oznaczenia, jakie przyjęto:

- iID unikalny identyfikator badanej instancji.
- totNOper jak poprzenio, całkowita liczba operacji w harmonogramie.
- \mathbf{t}_{AVG} średni czas obliczeń algorytmu (w sekundach); mniej = lepiej.
- $\mathbf{C}_{\mathbf{max}}$ najmniejszy uzyskany C_{max} .
- $\overline{\mathbf{C}_{\max}}$ największy uzyskany C_{\max} .
- **F**_{onCP} jak często awaria miała wpływ na wydłużenie harmonogramu/znajdowała się na ścieżce krytycznej (wartość znormalizowana); mniej = lepiej.

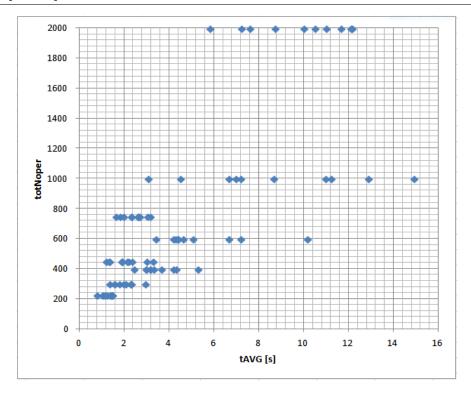
iID	ta00	ta01	ta02	ta03	ta04	ta05	ta06	ta07	ta08	ta09
tot NOper	225	225	225	225	225	225	225	225	225	225
$ m t_{AVG}$	0.79	1.05	1.42	1.48	1.46	1.06	1.15	1.49	1.37	1.23
$\underline{\mathbf{C}_{\mathbf{max}}}$	1441	1377	1376	1452	1505	1383	1310	1340	1467	1407
$\overline{ ext{C}_{ ext{max}}}$	1486	1407	1467	1531	1632	1484	1482	1398	1482	1479
F_{onCP}	1.00	0.40	1.00	1.00	1.00	1.00	1.00	1.00	0.00	1.00
iID	ta10	ta11	ta12	ta13	ta14	ta15	ta16	ta17	ta18	ta19
iID totNOper	ta10 300	ta11 300	ta12 300	ta13 300	ta14 300	ta15 300	ta16 300	ta17 300	ta18 300	ta19 300
totNOper	300	300	300	300	300	300	300	300	300	300
${ m tot NOper} \ { m t_{AVG}}$	300 2.33	300 2.31	300 1.59	300 2.29	300 1.99	300 1.58	300 2.09	300 1.37	300 1.80	300 2.97

Tabela. 4.1 Część 1. Statystyki po 5 uruchomieniach aplikacji. W każdym przypadku awaria nastąpiła w chwili czasu 50 na maszynie nr 6. i trwała 100 jednostek czasu.

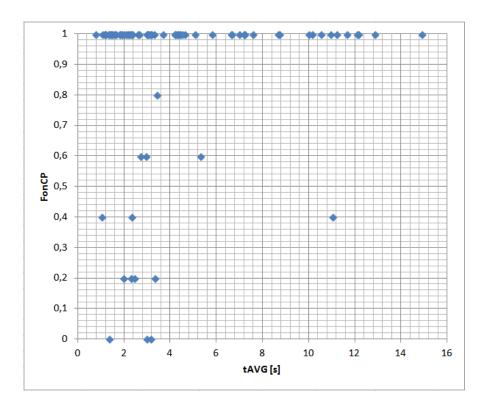
Z otrzymanych wyników można zauważyć, że średni czas obliczeń algorytmu jest wprost proporcjonalny do rozmiaru instancji. Oczywiście tak naprawdę czas ten jest zależny od rozwiązania, z którego startuje algorytm TSAB, dlatego na wykresach zauważalny jest

iID	ta20	ta21	ta22	ta23	ta24	ta25	ta26	ta27	ta28	ta29
totNOper	400	400	400	400	400	400	400	400	400	400
${ m t_{AVG}}$	3.17	2.98	3.69	3.17	4.22	3.35	2.45	4.34	2.99	5.31
$\underline{\mathbf{C}_{ ext{max}}}$	1921	1880	1803	1896	1880	1930	2062	1896	1831	1803
$\overline{\mathrm{C}_{\mathrm{max}}}$	2014	1933	1850	1972	1961	2072	2180	2037	1982	1956
$\mathbf{F_{onCP}}$	1.00	1.00	1.00	0.00	1.00	0.20	0.20	1.00	0.00	0.60
iID	ta30	ta31	ta32	ta33	ta34	ta35	ta36	ta37	ta38	ta39
tot NOper	450	450	450	450	450	450	450	450	450	450
${ m t_{AVG}}$	1.20	1.90	1.37	1.92	1.34	2.22	2.37	3.30	2.16	3.01
$\underline{\mathrm{C}_{\mathrm{max}}}$	2103	2154	2248	2091	2281	2241	2085	2022	2198	1917
$\overline{\mathrm{C}_{\mathrm{max}}}$	2193	2260	2289	2204	2339	2309	2195	2052	2292	2043
$\mathbf{F_{onCP}}$	1.00	1.00	1.00	1.00	1.00	1.00	1.00	1.00	1.00	1.00
iID	ta40	ta41	ta42	ta43	ta44	ta45	ta46	ta47	ta48	ta49
tot NOper	600	600	600	600	600	600	600	600	600	600
${ m t_{AVG}}$	4.39	7.21	10.16	4.29	5.07	3.43	4.20	4.43	4.65	6.67
$\underline{\mathrm{C}_{\mathrm{max}}}$	2443	2427	2326	2575	2368	2603	2379	2351	2364	2404
$\overline{\mathrm{C}_{\mathrm{max}}}$	2565	2562	2415	2674	2456	2755	2480	2430	2424	2498
$\mathbf{F}_{\mathbf{onCP}}$	1.00	1.00	1.00	1.00	1.00	0.80	1.00	1.00	1.00	1.00
iID	ta50	ta51	ta52	ta53	ta54	ta55	ta56	ta57	ta58	ta59
iID totNOper	ta50 750	ta51 750	ta52 750	ta53 750	ta54 750	ta55 750	ta56 750	ta57 750	ta58 750	ta59 750
totNOper	750	750	750	750	750	750	750	750	750	750
$\frac{\rm tot NOper}{\rm t_{AVG}}$	750 2.71	750 2.61	750 2.33	750 1.85	750 3.19	750 2.66	750 2.35	750 1.65	750 3.04	750 2.00
$egin{array}{c} ext{totNOper} \ ext{t}_{ ext{AVG}} \ ext{C}_{ ext{max}} \ \end{array}$	750 2.71 3317	750 2.61 3275	750 2.33 2995	750 1.85 3121	750 3.19 3116	750 2.66 3140	750 2.35 3262	750 1.65 3395	750 3.04 2992	750 2.00 3004
$\begin{array}{c} tot NOper \\ \hline t_{AVG} \\ \hline \hline C_{max} \\ \hline \hline C_{max} \\ \end{array}$	750 2.71 3317 3446	750 2.61 3275 3388	750 2.33 2995 3087	750 1.85 3121 3237	750 3.19 3116 3335	750 2.66 3140 3283	750 2.35 3262 3327	750 1.65 3395 3511	750 3.04 2992 3183	750 2.00 3004 3058
$\begin{array}{c} tot NOper \\ t_{AVG} \\ \hline \underline{C_{max}} \\ \hline \overline{C_{max}} \\ \hline F_{onCP} \end{array}$	750 2.71 3317 3446 0.60	750 2.61 3275 3388 1.00	750 2.33 2995 3087 1.00	750 1.85 3121 3237 1.00	750 3.19 3116 3335 1.00	750 2.66 3140 3283 1.00	750 2.35 3262 3327 1.00	750 1.65 3395 3511 1.00	750 3.04 2992 3183 1.00	750 2.00 3004 3058 1.00
$\begin{array}{c} tot NOper \\ t_{AVG} \\ \hline C_{max} \\ \hline C_{max} \\ \hline F_{onCP} \\ \hline iID \\ \end{array}$	750 2.71 3317 3446 0.60 ta60	750 2.61 3275 3388 1.00 ta61	750 2.33 2995 3087 1.00 ta62	750 1.85 3121 3237 1.00 ta63	750 3.19 3116 3335 1.00 ta64	750 2.66 3140 3283 1.00 ta65	750 2.35 3262 3327 1.00 ta66	750 1.65 3395 3511 1.00 ta67	750 3.04 2992 3183 1.00 ta68	750 2.00 3004 3058 1.00 ta69
$\begin{array}{c} totNOper \\ t_{AVG} \\ \hline C_{max} \\ \hline C_{max} \\ \hline F_{onCP} \\ \hline iID \\ totNOper \\ \hline t_{AVG} \\ \hline C_{max} \\ \hline \end{array}$	750 2.71 3317 3446 0.60 ta60 1000	750 2.61 3275 3388 1.00 ta61 1000	750 2.33 2995 3087 1.00 ta62 1000	750 1.85 3121 3237 1.00 ta63 1000	750 3.19 3116 3335 1.00 ta64 1000	750 2.66 3140 3283 1.00 ta65 1000	750 2.35 3262 3327 1.00 ta66 1000	750 1.65 3395 3511 1.00 ta67 1000	750 3.04 2992 3183 1.00 ta68 1000	750 2.00 3004 3058 1.00 ta69 1000
$\begin{array}{c} totNOper \\ t_{AVG} \\ \hline C_{max} \\ \hline C_{max} \\ \hline F_{onCP} \\ iID \\ totNOper \\ t_{AVG} \\ \end{array}$	750 2.71 3317 3446 0.60 ta60 1000 14.92	750 2.61 3275 3388 1.00 ta61 1000 12.88	750 2.33 2995 3087 1.00 ta62 1000 7.00	750 1.85 3121 3237 1.00 ta63 1000 8.68	750 3.19 3116 3335 1.00 ta64 1000 10.97	750 2.66 3140 3283 1.00 ta65 1000 6.66	750 2.35 3262 3327 1.00 ta66 1000 7.22	750 1.65 3395 3511 1.00 ta67 1000 11.22	750 3.04 2992 3183 1.00 ta68 1000 4.51	750 2.00 3004 3058 1.00 ta69 1000 3.10
$\begin{array}{c} totNOper \\ t_{AVG} \\ \hline C_{max} \\ \hline C_{max} \\ \hline F_{onCP} \\ \hline iID \\ totNOper \\ \hline t_{AVG} \\ \hline C_{max} \\ \hline \end{array}$	750 2.71 3317 3446 0.60 ta60 1000 14.92 3191	750 2.61 3275 3388 1.00 ta61 1000 12.88 3342	750 2.33 2995 3087 1.00 ta62 1000 7.00 3157	750 1.85 3121 3237 1.00 ta63 1000 8.68 3084	750 3.19 3116 3335 1.00 ta64 1000 10.97 3153	750 2.66 3140 3283 1.00 ta65 1000 6.66 3251	750 2.35 3262 3327 1.00 ta66 1000 7.22 3303	750 1.65 3395 3511 1.00 ta67 1000 11.22 3114	750 3.04 2992 3183 1.00 ta68 1000 4.51 3515	750 2.00 3004 3058 1.00 ta69 1000 3.10 3632
$\begin{array}{c} totNOper \\ t_{AVG} \\ \hline C_{max} \\ \hline C_{max} \\ \hline F_{onCP} \\ \hline iID \\ totNOper \\ t_{AVG} \\ \hline C_{max} \\ \hline C_{max} \\ \hline \end{array}$	750 2.71 3317 3446 0.60 ta60 1000 14.92 3191 3296	750 2.61 3275 3388 1.00 ta61 1000 12.88 3342 3398	750 2.33 2995 3087 1.00 ta62 1000 7.00 3157 3294	750 1.85 3121 3237 1.00 ta63 1000 8.68 3084 3184	750 3.19 3116 3335 1.00 ta64 1000 10.97 3153 3257	750 2.66 3140 3283 1.00 ta65 1000 6.66 3251 3310	750 2.35 3262 3327 1.00 ta66 1000 7.22 3303 3528	750 1.65 3395 3511 1.00 ta67 1000 11.22 3114 3254	750 3.04 2992 3183 1.00 ta68 1000 4.51 3515 3589	750 2.00 3004 3058 1.00 ta69 1000 3.10 3632 3708
$\begin{array}{c} totNOper \\ t_{AVG} \\ \hline C_{max} \\ \hline C_{max} \\ \hline F_{onCP} \\ \hline iID \\ totNOper \\ t_{AVG} \\ \hline C_{max} \\ \hline C_{max} \\ \hline C_{max} \\ \hline C_{max} \\ \hline \end{array}$	750 2.71 3317 3446 0.60 ta60 1000 14.92 3191 3296 1.00	750 2.61 3275 3388 1.00 ta61 1000 12.88 3342 3398 1.00	750 2.33 2995 3087 1.00 ta62 1000 7.00 3157 3294 1.00	750 1.85 3121 3237 1.00 ta63 1000 8.68 3084 3184 1.00	750 3.19 3116 3335 1.00 ta64 1000 10.97 3153 3257 1.00	750 2.66 3140 3283 1.00 ta65 1000 6.66 3251 3310 1.00	750 2.35 3262 3327 1.00 ta66 1000 7.22 3303 3528 1.00	750 1.65 3395 3511 1.00 ta67 1000 11.22 3114 3254 1.00	750 3.04 2992 3183 1.00 ta68 1000 4.51 3515 3589 1.00	750 2.00 3004 3058 1.00 ta69 1000 3.10 3632 3708 1.00
$\begin{array}{c} totNOper \\ t_{AVG} \\ \hline C_{max} \\ \hline C_{max} \\ \hline F_{onCP} \\ \hline iID \\ totNOper \\ t_{AVG} \\ \hline C_{max} \\ \hline C_{max} \\ \hline C_{max} \\ \hline C_{max} \\ \hline \end{array}$	750 2.71 3317 3446 0.60 ta60 1000 14.92 3191 3296 1.00 ta70	750 2.61 3275 3388 1.00 ta61 1000 12.88 3342 3398 1.00 ta71	750 2.33 2995 3087 1.00 ta62 1000 7.00 3157 3294 1.00 ta72	750 1.85 3121 3237 1.00 ta63 1000 8.68 3084 3184 1.00 ta73	750 3.19 3116 3335 1.00 ta64 1000 10.97 3153 3257 1.00 ta74	750 2.66 3140 3283 1.00 ta65 1000 6.66 3251 3310 1.00 ta75	750 2.35 3262 3327 1.00 ta66 1000 7.22 3303 3528 1.00 ta76	750 1.65 3395 3511 1.00 ta67 1000 11.22 3114 3254 1.00 ta77	750 3.04 2992 3183 1.00 ta68 1000 4.51 3515 3589 1.00 ta78	750 2.00 3004 3058 1.00 ta69 1000 3.10 3632 3708 1.00 ta79
$\begin{array}{c} totNOper \\ t_{AVG} \\ \hline C_{max} \\ \hline C_{max} \\ \hline F_{onCP} \\ \hline iID \\ totNOper \\ t_{AVG} \\ \hline C_{max} \\ \hline C_{max} \\ \hline C_{max} \\ \hline C_{max} \\ \hline C_{totNOper} \\ iID \\ totNOper \\ t_{AVG} \\ \hline C_{max} \\ \hline \end{array}$	750 2.71 3317 3446 0.60 ta60 1000 14.92 3191 3296 1.00 ta70 2000	750 2.61 3275 3388 1.00 ta61 1000 12.88 3342 3398 1.00 ta71 2000	750 2.33 2995 3087 1.00 ta62 1000 7.00 3157 3294 1.00 ta72 2000	750 1.85 3121 3237 1.00 ta63 1000 8.68 3084 3184 1.00 ta73 2000	750 3.19 3116 3335 1.00 ta64 1000 10.97 3153 3257 1.00 ta74 2000	750 2.66 3140 3283 1.00 ta65 1000 6.66 3251 3310 1.00 ta75 2000	750 2.35 3262 3327 1.00 ta66 1000 7.22 3303 3528 1.00 ta76 2000	750 1.65 3395 3511 1.00 ta67 1000 11.22 3114 3254 1.00 ta77 2000	750 3.04 2992 3183 1.00 ta68 1000 4.51 3515 3589 1.00 ta78 2000	750 2.00 3004 3058 1.00 ta69 1000 3.10 3632 3708 1.00 ta79 2000
$\begin{array}{c} totNOper \\ t_{AVG} \\ \hline C_{max} \\ \hline C_{max} \\ \hline F_{onCP} \\ \hline iID \\ totNOper \\ t_{AVG} \\ \hline C_{max} \\ \hline C_{max} \\ \hline C_{max} \\ \hline c_{max} \\ \hline totNOper \\ iID \\ totNOper \\ t_{AVG} \\ \hline \end{array}$	750 2.71 3317 3446 0.60 ta60 1000 14.92 3191 3296 1.00 ta70 2000 10.01	750 2.61 3275 3388 1.00 ta61 1000 12.88 3342 3398 1.00 ta71 2000 10.53	750 2.33 2995 3087 1.00 ta62 1000 7.00 3157 3294 1.00 ta72 2000 7.23	750 1.85 3121 3237 1.00 ta63 1000 8.68 3084 3184 1.00 ta73 2000 8.75	750 3.19 3116 3335 1.00 ta64 1000 10.97 3153 3257 1.00 ta74 2000 11.03	750 2.66 3140 3283 1.00 ta65 1000 6.66 3251 3310 1.00 ta75 2000 12.18	750 2.35 3262 3327 1.00 ta66 1000 7.22 3303 3528 1.00 ta76 2000 11.67	750 1.65 3395 3511 1.00 ta67 1000 11.22 3114 3254 1.00 ta77 2000 7.60	750 3.04 2992 3183 1.00 ta68 1000 4.51 3515 3589 1.00 ta78 2000 12.11	750 2.00 3004 3058 1.00 ta69 1000 3.10 3632 3708 1.00 ta79 2000 5.82

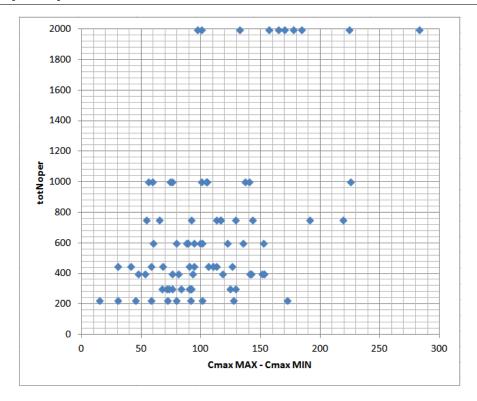
Tabela. 4.2 Część 2. Warunki jak podano w tabeli 4.1.



Rysunek 4.2 Wykres przedstawiający średnie czasy wykonania algorytmu dla różnych rozmiarów instancji problemu gniazdowego.



Rysunek 4.3 Wykres przedstawiający znormalizowaną częstotliwość występowania awarii na ścieżce krytycznej dla różnych średnich czasów wykonania algorytmu.



Rysunek 4.4 Wykres przedstawiający zróżnicowanie otrzymanych wartości C_{max} w zależności od rozmiaru instancji.

duży rozrzut tych czasów – największy w przypadku instancji o rozmiarze 1000. Częstotliwość występowania awarii na ścieżce krytycznej w trakcie eksperymentów w większości przypadków wyniosła 100% (na wykresach i w tabelach wartość 1.0). Powodem jest sztywność testowanych instancji – przykłady podane przez Taillarda reprezentują klasyczne Problemy Gniazdowe, więc nie ma alternatywnych maszyn, na które można by przerzucić operacje z maszyny, która ulega awarii, tak jak miało to miejsce podczas testowania przypadku przedstawionego w tabeli 4.3. Zróżnicowanie wartości C_{max} jest spowodowane tym, że algorytm zatrzymuje się w lokalnych minimach. Mimo prób zwiększenia liczby iteracji nie udało się osiągnąć znacząco lepszych rezultatów. Również w tym przypadku, różnica $\overline{C_{max}}$ jest wprost proporcjonalna do rozmiaru instancji, ale wzrost ten jest bardzo powolny – do instancji o rozmiarze 1000 wydaje się wręcz, że utrzymuje się na stałym poziomie.

iID	ka00
$ m t_{AVG}$	0,09
$\underline{\mathbf{C}_{\mathbf{max}}}$	15
$\overline{\mathrm{C}_{\mathrm{max}}}$	22
$\mathbf{F_{onCP}}$	0,6

Tabela. 4.3 Część 3. Dla ostatniej instancji, awaria wystąpiła na maszynie nr 6. w chwili czasu 5 i trwała 10 jednostek czasu.

Wnioski i uwagi

Wszystkie postawione cele projektu zostały zrealizowane. W literaturze znaleziono wiele różnych nurtów ukierunkowanych na korygowanie harmonogramów. Spośród nich wybrano problem harmonogramowania odpornego dla Elastycznych Problemów Gniazdowych.

Zaproponowany algorytm jest hybrydą metody inicjującej populację początkową w Algorytmie Genetycznym zaproponowanym przez Al-Hinai oraz ElMekkawy w [1] oraz bardzo efektywnego TSAB Nowickiego i Smutnickiego [18]. Połączenie te dało znakomite rezultaty wydajnościowe w porównaniu z Algorytmem Genetycznym z [1].

Aby łatwiej było prezentować wyniki eksperymentów stworzono narzędzie służące do graficznej prezentacji otrzymywanych w eksperymentach wyników – diagramów Gantt'a harmonogramów zwracanych przez algorytm. W dodatku Adostępny jest kod biblioteki do wykorzystania w aplikacjach pisanych w C++.

Analiza wyników pokazała, że w przypadku klasycznych Problemów Gniazdowych, które w przeciwieństwie do Elastycznych Problemów Gniazdowych nie definiują alternatywnych maszyn, na których można by wykonywać zadania z maszyny, która uległa awarii, harmonogramowanie odporne nie ma zastosowania – otrzymane harmonogramy po wystąpieniu awarii niemal zawsze są opóźniane ($F_{onCP} > 0$).

W przyszłości można by rozszerzyć możliwe do wykonania ruchy (algorytm NSP) o zamianę operacji między maszynami, aby uzyskać jeszcze krótsze harmonogramy przy zachowaniu ich odporności na zmiany wynikające z awarii. Wtedy też, aby lepiej zbadać problem harmonogramowania odpornego, można by uelastycznić przykłady podane przez Taillard'a, zakładając że definiują one W Pełni Elastyczne Problemy Gniazdowe, tzn. każda operacja może zostać przetworzona przez dowolną maszynę, przy czym czas wykonania operacji na każdej z maszyn byłby jednakowy.

Wszystkie pliki źródłowe można znaleźć w repozytorium https://github.com/kejn/job-shop-HGA/tree/tabuSearch/jobshop_HGA.

Bibliografia

- [1] N. Al-Hinai, T. Y. ElMekkawy. An efficient hybridized genetic algorithm architecture for the flexible job-shop scheduling problem. *Flexible Services and Manufacturing Journal*, 23:64–85, 2011.
- [2] N. Al-Hinai, T. Y. ElMekkawy. Robust and stable flexible job-shop scheduling with random machine breakdowns using a hybrid genetic algorithm. *International Journal of Production Economics*, 132(2):279–291, August 2011.
- [3] P. Brandimarte. Routing and scheduling in a flexible job shop by tabu search. *Annals of Operations Research*, 41:157–183, 1993.
- [4] A. C. Diamantidis, C. T. Papadopoulos. Exact analysis of a two-station one-buffer flow line with parallel unreliable machines. *European Journal of Operational Research*, 197:572–580, 2009.
- [5] E. Gamma, R. Helm, R. Johnson, J. Vlissides. *Design Patterns: Elements of Reusable Object-Oriented Software*. Addison-Wesley, 1994.
- [6] M. R. Garey, D. S. Johnson, R. Sethi. The complexity of flowshop and jobshop scheduling. *Mathematics of Operations Research*, 1(2):117–129, 1976.
- [7] J. Grabowski, E. Nowicki, S. Zdrzałka. A block approach for single machine scheduling with release dates and due dates. *European Journal of Operational Research*, 26:278–285, 1986.
- [8] A. Hamzadayi, G. Yidiz. Event driven strategy based complete rescheduling approaches for dynamic m identical parallel machines scheduling problem with a common server. *Computers & Industrial Engineering*, 91:66–84, January 2016.
- [9] L. Jun-qing, P. Quan-ke, M. Kun. A discrete teaching-learning-based optimisation algorithm for realistic flowshop rescheduling problems. *Engineering Applications of Artificial Inteligence*, 37(25):279–292, January 2015.
- [10] I. Kacem, S. Hammadi, P. Brone. Approach by localization and multi-objective evolutionary optimization for flexible job-shop scheduling problems. *IEEE Transactions on Systems, Man and Cybernetics*, 32(1):1–13, 2002.
- [11] I. Kacem, S. Hammadi, P. Brone. Pareto-optimality approach for flexible job-shop scheduling problems: hybridization of evolutionary algorithms and fuzzy logic. *Mathematics and Computers in Simulation*, 60:245–276, 2002.
- [12] K. Katragjinia, E. Valladaa, R. Ruiza. Flow shop rescheduling under different types of disruption. *International Journal of Production Research*, 51(3):780–797, 2013.

BIBLIOGRAFIA 28

[13] D. Y. Lee, F. DiCesare. Scheduling flexible manufacturing systems using petri nets and heuristic search. *IEEE Transactions on Robotics and Automation*, 10(2):123–132, 1994.

- [14] J. Liu, S. Yang, A. Wu, S. J. Hu. Multi-state throughput analysis of two-stage manufacturing system with parallel unreliable machines and a finite buffer. *European Journal of Operational Research*, 219(2):296–304, June 2012.
- [15] L. Liu, H. Zhou. On the identical parallel-machine rescheduling with job rework disruption. *Computers & Industrial Engineering*, 66:186–198, September 2013.
- [16] K. Mesghouni, S. Hammadi, P. Brone. Evolution programs for job-shop scheduling. *Proceedings of the IEEE International Conference on Systems, Man, and Cybernetics, Orlando, Florida*, 1:720–725, 1997.
- [17] M. Nawaz, E. E. Enscore Jr, I. Ham. A heuristic algorithm for the m-machine, n-job flow-shop sequencing problem. *Omega*, 11(1):91–95, 1983.
- [18] E. Nowicki, C. Smutnicki. A fast taboo search algorithm for the job shop problem. Management Science, 42(6):797–813, 1996.
- [19] J. C. Tay, D. Wibowo. An effective chromosome representation for evaluating flexible job shop schedules. *Genetic and Evolutionary Computation*, 3103:210–221, 2004.
- [20] D.-J. Wang, F. Lio, Y.-Z. Wang, Y. Jin. A knowledge-based evolutionary proactive scheduling approach in the presence of machine breakdown and deterioration effect. *Knowledge-Based Systems*, 90:70–80, December 2015.
- [21] J. Xiong, L. ning Xing, Y. wu Chen. Robust scheduling for multi-objective flexible job-shop problems with random machine breakdowns. *International Journal of Production Economics*, 141(1):112–126, January 2013.

Dodatek A

Biblioteka do generowania HTML dla C++

A.1 Interfejs ContentHTML

```
/*
 * ContentHTML.h
 *
 * Created on: 22 kwi 2016
 * Author: Kamil
 */

#ifndef HTML_CONTENTHTML_H_
#define HTML_CONTENTHTML_H_
#include <string>
class ContentHTML {
 protected:
    ContentHTML(){}
 public:
    virtual std::string toString() = 0;
    virtual ^ContentHTML(){}
};

#endif /* CONTENTHTML_H_ */
```

A.2 Klasa TextContentHTML.h

```
/*
 * TextContentHTML.h
 *
 * Created on: 22 kwi 2016
 * Author: Kamil
 */
```

```
#ifndef HTML_TEXTCONTENTHTML_H_
#define HTML_TEXTCONTENTHTML_H_
#include <string>
#include "ContentHTML.h"
class TextContentHTML: public ContentHTML {
protected:
  std::string text;
public:
 TextContentHTML(const std::string& text) :
     text(text) {}
 virtual std::string toString();
 virtual ~TextContentHTML() {
 }
};
#endif /* HTML_TEXTCONTENTHTML_H_ */
/*
 * TextContentHTML.cpp
 * Created on: 22 kwi 2016
       Author: Kamil
#include "../../inc/html/TextContentHTML.h"
std::string TextContentHTML::toString() {
 return text;
}
```

A.3 Klasa TagContentHTML

```
/*
 * TagHTML.h
 *
 * Created on: 20 kwi 2016
 * Author: Kamil
 */
#ifndef HTML_TAGCONTENTHTML_H_
#define HTML_TAGCONTENTHTML_H_
#include <map>
#include <string>
#include <vector>
#include "ContentHTML.h"
```

```
#include "../Oper.h"
using uint = unsigned int;
class TagContentHTML: virtual public ContentHTML {
protected:
 std::string name;
  std::map<std::string, std::string> params;
  std::vector<ContentHTML*> children;
public:
 TagContentHTML(const std::string &name) :
     name(name) {
 }
 TagContentHTML(const std::string &name,
     std::map<std::string, std::string> params) :
     name(name), params(params) {
  }
 TagContentHTML(const std::string &name,
     std::map<std::string, std::string> params,
     std::vector<ContentHTML*> children) :
     name(name), params(params), children(children) {
  }
  static TagContentHTML * forTDEmptyOperation(uint width);
  static TagContentHTML * forTDOperation(Oper oper, std::string bgColor,
     uint htmlScale, bool inCriticalPath = false);
  static TagContentHTML * forTDJobLegend(uint jobNumber, std::string bgColor,
     uint cMax, std::string text="");
 void addParam(const std::string &param, const std::string &value);
 void addChild(ContentHTML * const & childElement);
 virtual std::string toString();
 virtual ~TagContentHTML();
};
#endif /* HTML_TAGCONTENTHTML_H_ */
/*
* TagHTML.cpp
 * Created on: 20 kwi 2016
       Author: Kamil
#include "../../inc/html/TagContentHTML.h"
#include <iterator>
#include <sstream>
#include <utility>
```

```
#include "../../inc/html/TextContentHTML.h"
#include "../../inc/util/stringUtil.h"
using namespace std;
void TagContentHTML::addParam(const string& param, const string& value) {
 params.insert(pair<string, string>(param, value));
}
void TagContentHTML::addChild(ContentHTML * const & childElement) {
 if (childElement == nullptr) {
   return;
 }
  children.push_back(childElement);
std::string TagContentHTML::toString() {
 stringstream ss;
 ss << "<" << name;
 for (const auto & param : params) {
   ss << " " << param.first << "=\"" << param.second << "\"";
 if (children.empty() && name.compare("body") && name.compare("head")) {
   ss << " />\n";
 } else {
   ss << ">";
   for (const auto & childElement : children) {
     ss << '\n' << childElement->toString();
   }
   ss << " </" << name << ">";
 }
 return ss.str();
}
TagContentHTML* TagContentHTML::forTDOperation(Oper oper, string bgColor,
   uint htmlScale, bool inCriticalPath) {
 TagContentHTML* tdOperationTag = new TagContentHTML("td");
  string style = "width: "
     + stringUtil::toString(htmlScale * oper.getProcessingTime() - 1)
     + "px;" + "background-color: " + bgColor + ";";
 if (inCriticalPath) {
   style += " border-top: 2px black ridge;";
   style += " border-bottom: 2px black ridge;";
 }
 tdOperationTag->addParam("style", style);
  tdOperationTag->addParam("title", oper.toString());
  string jobNumber = "job" + stringUtil::toString(oper.getPid());
  if (inCriticalPath) {
   tdOperationTag->addParam("class", jobNumber + " cpath");
```

```
tdOperationTag->addParam("onclick", "cpath()");
 } else {
   tdOperationTag->addParam("class", jobNumber);
 tdOperationTag->addParam("onmouseover", "mOver('" + jobNumber + "')");
  tdOperationTag->addParam("onmouseout", "mOut()");
 return tdOperationTag;
}
TagContentHTML::~TagContentHTML() {
 vector<ContentHTML*>::iterator iter = children.begin();
 for (; iter != children.end(); ++iter) {
   if (*iter != nullptr) {
     delete *iter;
   }
 }
}
TagContentHTML* TagContentHTML::forTDEmptyOperation(uint width) {
 TagContentHTML *tdTag = new TagContentHTML("td");
  string style("width: ");
  style += stringUtil::toString(width) + "px;";
 tdTag->addParam("style", style);
 return tdTag;
}
TagContentHTML* TagContentHTML::forTDJobLegend(uint jobNumber,
   std::string bgColor, uint cMax, std::string text) {
 TagContentHTML *td = new TagContentHTML("td");
  string style = "text-align: center; width: 100px; background-color: "
     + bgColor + ";";
 td->addParam("style", style);
  string jobNumberClass = "job" + stringUtil::toString(jobNumber);
  string cMaxString = "cMax: " + stringUtil::toString(cMax);
 td->addParam("title", cMaxString);
 td->addParam("class", jobNumberClass);
  td->addParam("onmouseover", "mOver('" + jobNumberClass + "')");
 td->addParam("onmouseout", "mOut()");
 if (text.empty()) {
   td->addChild(
       new TextContentHTML("Job " + stringUtil::toString(jobNumber)));
 } else {
   td->addChild(new TextContentHTML(text));
 return td;
}
```

A.4 Klasa PageHTML

```
/*
 * GanttHTML.h
 * Created on: 20 kwi 2016
       Author: Kamil
#ifndef HTML_PAGEHTML_H_
#define HTML_PAGEHTML_H_
#include <string>
#include "TagContentHTML.h"
class PageHTML: public ContentHTML {
 TagContentHTML head;
 TagContentHTML body;
public:
 PageHTML() :
     head("head"), body("body") {}
  enum Section {
   HEAD,
   BODY
 };
 void add(const PageHTML::Section& section,
     ContentHTML * const & childElement);
 void addContentType(std::string contentType);
 void addTitle(std::string title);
 void addStyle(std::string url);
 void addScript(std::string url);
 virtual std::string toString();
 virtual ~PageHTML() {
};
#endif /* HTML_PAGEHTML_H_ */
/*
 * GanttHTML.cpp
   Created on: 20 kwi 2016
       Author: Kamil
#include "../../inc/html/PageHTML.h"
```

```
#include <sstream>
#include <string>
#include <vector>
#include "../../inc/html/TextContentHTML.h"
using namespace std;
void PageHTML::add(const PageHTML::Section& section,
   ContentHTML * const & childElement) {
  if (section == Section::HEAD) {
   head.addChild(childElement);
 } else if (section == Section::BODY) {
   body.addChild(childElement);
  }
}
void PageHTML::addContentType(string contentType) {
  TagContentHTML* meta = new TagContentHTML("meta");
 meta->addParam("http-equiv", "Content-Type");
 meta->addParam("content", contentType);
  add(Section::HEAD, meta);
}
void PageHTML::addTitle(string title) {
  TagContentHTML* titleTag = new TagContentHTML("title");
 titleTag->addChild(new TextContentHTML(title));
  add(Section::HEAD, titleTag);
}
void PageHTML::addStyle(string url) {
  TagContentHTML* linkTag = new TagContentHTML("link");
  linkTag->addParam("rel", "stylesheet");
  linkTag->addParam("type", "text/css");
  linkTag->addParam("href", url);
  add(Section::HEAD, linkTag);
}
void PageHTML::addScript(string url) {
  TagContentHTML* scriptTag = new TagContentHTML("script");
  scriptTag->addChild(new TextContentHTML(""));
  scriptTag->addParam("src", url);
  add(Section::HEAD, scriptTag);
}
string PageHTML::toString() {
  stringstream ss;
  ss << "<!doctype html>\n";
  ss \ll "\ll n";
  ss << head.toString() << endl;
  ss << body.toString() << endl;
```

```
ss << "</html>" << endl;
return ss.str();
}</pre>
```

A.5 Style CSS

```
body,div,table,tr,td {
 margin: 0px;
 padding: 0px;
div {
 width: 6000px;
}
table {
 border-spacing: 0px;
 padding: 2px;
}
td {
 border-right: 1px black solid;
/* breakdown */
td.job4294967295 {
  color: white;
 background-image: linear-gradient(to left, black, red, black);
}
```

A.6 JavaScript

```
var tds = document.getElementsByTagName('td');
var over = 0;
var clicked = 0;

function mOver(classname) {
   if (!clicked) {
      over = 1;
      var jobs = document.getElementsByClassName(classname);
      for (var i = 0; i < tds.length; ++i) {
        tds[i].style.opacity = 0.3;
      }
      for (var i = 0; i < jobs.length; ++i) {
        jobs[i].style.opacity = 1.0;
      }
}</pre>
```

```
}
function mOut() {
 if (!clicked) {
   over = 0;
   setTimeout(function() {
     if (over == 1)
       return;
     for (var i = 0; i < tds.length; ++i) {</pre>
       tds[i].style.opacity = 1.0;
     }
   }, 500);
 }
}
function cpath() {
 if (!clicked) {
   clicked = 1;
   for (var i = 0; i < tds.length; ++i) {</pre>
     tds[i].style.opacity = 0.3;
   }
   var jobs = document.getElementsByClassName('cpath');
   for (var i = 0; i < jobs.length; ++i) {</pre>
     jobs[i].style.opacity = 1.0;
 } else {
   clicked = 0;
 }
}
```

Spis rysunków

1.1	Schemat kolejkowania nadchodzących zadań oraz dodawanie ich do puli	
	zadań, dla których zostaje wyznaczony nowy harmonogram	8
1.2	Poglądowy schemat analizowanej w pracy [14] linii produkcyjnej	9
1.3	Tradycyjne harmonogramowanie	10
1.4	Harmonogramowanie odporne	10
3.1	Przykładowy harmonogram wraz z wyróżnioną ścieżką krytyczną	15
4.1	Wygenerowany za pomocą napisanej biblioteki diagram Gantta	21
4.2	Wykres przedstawiający średnie czasy wykonania algorytmu	24
4.3	Wykres przedstawiający znormalizowaną częstotliwość występowania	24
4.4	Wykres przedstawiający zróżnicowanie otrzymanych	25

Spis tabel

3.1	Elementy opisujące pojedynczą operację harmonogramu	15
4.1	Część 1. Statystyki po 5 uruchomieniach aplikacji. W każdym przypadku awaria nastąpiła w chwili czasu 50 na maszynie nr 6. i trwała 100 jednostek	
	czasu	22
4.2	Część 2. Warunki jak podano w tabeli 4.1	23
4.3	Część 3. Dla ostatniej instancji, awaria wystąpiła	25