Exercise 12 - Multiple regression

Zoltan Kekecs

20 October, 2020

Contents

1	Tob	bszoros regresszio	2
	1.1	Abstract	4
	1.2	Package-ek betoltese	4
	1.3	Az adatfajl betoltese: Lakasarak adattabla	4
	1.4	Adatellenoryes	4
	1.5	Tobbszoros regresszio	1.

1 Tobbszoros regresszio

1.1 Abstract

Ennek a gyakorlatnak az a celja hogy az egyszeru regressziorol szerzett tudast altalanositsuk olyan esetekre, ahol tobb prediktor (bejoslo valtozo) is szerepel a modellben.

Ennek a dokumentumnak a legfrissebb valtozatat megtalalod itt: https://osf.io/e23by/

1.2 Package-ek betoltese

A kovetkezo package-ek betoltesere lesz szukseg:

```
library(car)# for scatter3d
library(psych) # for describe
library(lm.beta) # for lm.beta
library(tidyverse) # for tidy format
library(gridExtra) # for grid.arrange
```

1.2.1 Sajat script betoltese

Ez a sajat funkcio arra valo hogy a regresszios modell eredmenyeit tablazatban megjelenitsuk. A funkcio tartalmat nem szukseges megerteni.

```
coef_table = function(model){
    require(lm.beta)
    mod_sum = summary(model)
    mod_sum_p_values = as.character(round(mod_sum$coefficients[,4], 3))
    mod_sum_p_values[mod_sum_p_values != "0" & mod_sum_p_values != "1"] = substr(mod_sum_p_values[mod_sum_mod_sum_p_values[mod_sum_p_values == "0"] = "<.001"

mod_sum_table = cbind(as.data.frame(round(cbind(coef(model), confint(model), c(0, lm.beta(model)$stam_names(mod_sum_table) = c("b", "95%CI lb", "95%CI ub", "Std.Beta", "p-value")
    mod_sum_table["(Intercept)", "Std.Beta"] = "0"
    return(mod_sum_table)
}</pre>
```

1.3 Az adatfajl betoltese: Lakasarak adattabla

Ebben a gyakorlatban lakasok es hazak arait fogjuk megbecsulni.

Egy **Kaggle**-rol szarmazo adatbazist hasznalunk, melyben olyan adatok szerepelnek, melyeket valoszinusithetoen alkalmasak **lakasok eladasi aranak bejoslasara**. Az adatbazisban az USA Kings County-bol szarmaznak az adatok (Seattle es kornyeke).

Az adatbazisnak csak egy kis reszet hasznaljuk (N = 200).

```
data house = read csv("https://raw.githubusercontent.com/kekecsz/PSZB17-210-Data-analysis-seminar/maste
```

1.4 Adatellenoryes

Mindig ellenorizd az adatok strukturajat es integritasat.

Eloszor atvaltjuk az USA dollar-t millio forint mertekegysegre, es a negyzetlab adatokat negyzetmeterre.

```
data_house %>%
  summary()
```

```
##
          id
                              date
                                                            price
           :1.600e+07
                                :2014-05-06 00:00:00
                                                              : 153503
##
    Min.
                        Min.
                                                        Min.
                        1st Qu.:2014-07-22 18:00:00
    1st Qu.:1.885e+09
                                                        1st Qu.: 299250
                                                        Median : 425000
    Median :3.521e+09
                        Median :2014-10-29 12:00:00
##
##
    Mean
           :4.113e+09
                        Mean
                                :2014-11-08 10:19:12
                                                        Mean
                                                               : 453611
##
    3rd Qu.:6.424e+09
                         3rd Qu.:2015-02-28 00:00:00
                                                        3rd Qu.: 550000
                                :2015-05-12 00:00:00
##
    Max.
           :9.819e+09
                        Max.
                                                        Max.
                                                               :1770000
##
       bedrooms
                     bathrooms
                                    sqft_living
                                                      sqft lot
                                                                         floors
##
    Min.
           :1.00
                   Min.
                           :0.75
                                   Min.
                                          : 590
                                                  Min.
                                                              914
                                                                    Min.
                                                                            :1.000
                                                         :
##
    1st Qu.:3.00
                   1st Qu.:1.00
                                   1st Qu.:1240
                                                   1st Qu.:
                                                             4709
                                                                    1st Qu.:1.000
    Median:3.00
                   Median:1.75
                                   Median:1620
                                                   Median :
                                                             7270
                                                                    Median :1.000
    Mean
          :2.76
                                                         : 12985
##
                   Mean
                           :1.85
                                   Mean
                                          :1728
                                                   Mean
                                                                    Mean
                                                                           :1.472
##
    3rd Qu.:3.00
                   3rd Qu.:2.50
                                   3rd Qu.:1985
                                                   3rd Qu.: 10187
                                                                    3rd Qu.:2.000
           :3.00
                         :3.50
                                          :4380
                                                                           :3.000
##
    Max.
                   Max.
                                   Max.
                                                   Max.
                                                          :217800
                                                                    Max.
##
      waterfront
                          view
                                       condition
                                                         grade
                                                                       sqft_above
##
    Min.
           :0.000
                    Min.
                            :0.000
                                     Min.
                                             :3.00
                                                    Min.
                                                            : 5.00
                                                                     Min.
                                                                            : 590
    1st Qu.:0.000
                    1st Qu.:0.000
                                     1st Qu.:3.00
##
                                                     1st Qu.: 7.00
                                                                     1st Qu.:1090
    Median : 0.000
                    Median : 0.000
                                     Median:3.00
                                                    Median : 7.00
                                                                     Median:1375
                                                                     Mean
    Mean
          :0.005
##
                    Mean
                          :0.145
                                     Mean
                                           :3.42
                                                    Mean
                                                           : 7.36
                                                                            :1544
##
    3rd Qu.:0.000
                    3rd Qu.:0.000
                                     3rd Qu.:4.00
                                                     3rd Qu.: 8.00
                                                                     3rd Qu.:1862
                                                            :11.00
##
    Max.
           :1.000
                    Max.
                           :4.000
                                     Max.
                                            :5.00
                                                     Max.
                                                                     Max.
                                                                             :4190
##
    sqft_basement
                        yr_built
                                      yr_renovated
                                                           zipcode
##
    Min.
          :
               0.0
                            :1900
                                           :
                                                0.00
                                                               :98001
                     \mathtt{Min}.
                                     Min.
                                                        Min.
                     1st Qu.:1946
                                                0.00
                                                        1st Qu.:98033
##
    1st Qu.:
               0.0
                                     1st Qu.:
                     Median:1968
##
    Median:
               0.0
                                     Median:
                                                0.00
                                                        Median :98065
    Mean
          : 184.1
                     Mean
                            :1968
                                     Mean : 79.98
                                                        Mean
                                                              :98078
##
    3rd Qu.: 315.0
                     3rd Qu.:1993
                                     3rd Qu.:
                                                0.00
                                                        3rd Qu.:98117
##
    Max.
           :1600.0
                     Max.
                             :2015
                                     Max.
                                            :2014.00
                                                        Max.
                                                               :98199
##
                                                        sqft_lot15
         lat
                         long
                                      sqft_living15
##
    Min.
           :47.18
                            :-122.5
                                      Min.
                                            : 740
                    Min.
                                                      Min.
                                                            :
                                                                 914
    1st Qu.:47.49
##
                    1st Qu.:-122.3
                                      1st Qu.:1438
                                                      1st Qu.:
                                                                5000
##
    Median :47.58
                    Median :-122.2
                                      Median:1715
                                                      Median: 7222
##
    Mean
           :47.57
                    Mean
                           :-122.2
                                      Mean
                                            :1793
                                                      Mean
                                                            : 11225
    3rd Qu.:47.68
##
                    3rd Qu.:-122.1
                                      3rd Qu.:2072
                                                      3rd Qu.: 10028
##
    Max.
          :47.78
                    Max.
                            :-121.7
                                      Max.
                                             :3650
                                                      Max.
                                                             :208652
##
    has basement
   Length: 200
##
   Class : character
##
    Mode :character
##
##
##
data house = data house %>%
  mutate(price_HUF = (price * 293.77)/1000000,
         sqm_living = sqft_living * 0.09290304,
         sqm_lot = sqft_lot * 0.09290304,
         sqm_above = sqft_above * 0.09290304,
         sqm_basement = sqft_basement * 0.09290304,
         sqm_living15 = sqft_living15 * 0.09290304,
         sqm_lot15 = sqft_lot15 * 0.09290304
         )
```

Egyszeru leiro statisztikak es abrak.

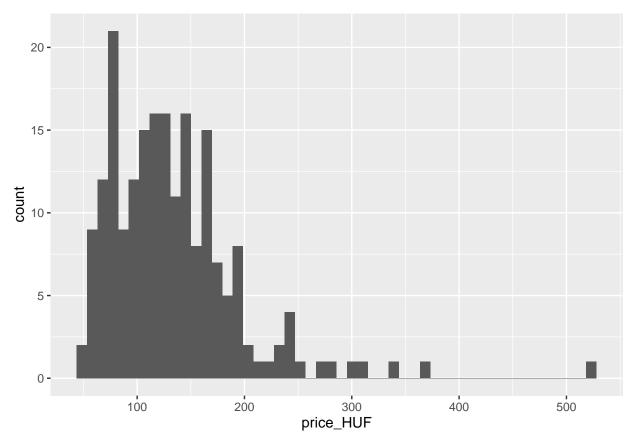
Kezdetben a lakasok arat a **sqm_living** (a lakas lakoreszenek alapterulete negyzetmeterben), es a **grade** (a lakas altalanos minositese a King County grading system szerint, ami a lakas minoseget, poziciojat, a haz minoseget stb. is tartalmazza) prediktorok felhasznalasaval josoljuk majd be. Kesobb a **has_basement** (tartozik-e a lakashoz pince) valtozot is hasznaljuk majd. Szoval fokuszaljunk ezekre a valtozokra az adatellenorzes soran.

leiro statiszikaka describe(data house)

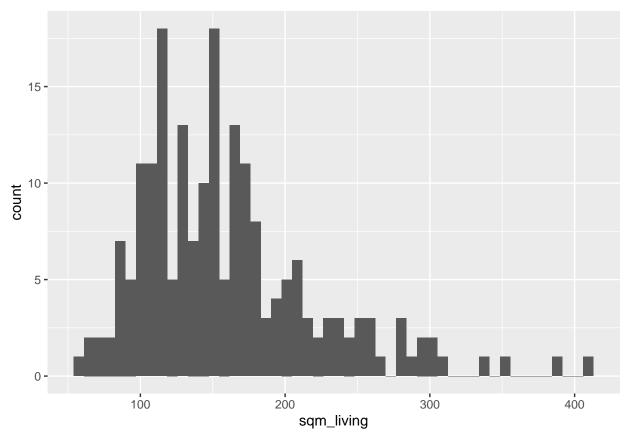
```
## Warning in describe(data_house): NAs introduced by coercion
## Warning in FUN(newX[, i], ...): no non-missing arguments to min; returning Inf
   Warning in FUN(newX[, i], ...): no non-missing arguments to min; returning Inf
## Warning in FUN(newX[, i], ...): no non-missing arguments to max; returning -Inf
   Warning in FUN(newX[, i], ...): no non-missing arguments to max; returning -Inf
##
                  vars
                         n
                                     mean
                                                     sd
                                                               median
                                                                             trimmed
                                                        3520875095.00 3956631056.34
## id
                     1 200 4112747619.38 2.746825e+09
                     2 200
## date
                                      NaN
                                                     NA
                                                                    NA
                                                                                  NaN
                     3 200
                                                            425000.00
## price
                               453610.89 2.111943e+05
                                                                           427743.09
## bedrooms
                     4
                       200
                                     2.76 4.500000e-01
                                                                  3.00
                                                                                2.84
## bathrooms
                     5
                       200
                                     1.85 6.600000e-01
                                                                  1.75
                                                                                1.83
                                  1727.61 6.629200e+02
## sqft_living
                     6
                       200
                                                              1620.00
                                                                             1650.86
## sqft lot
                     7
                       200
                                 12985.36 2.773609e+04
                                                              7270.00
                                                                             7728.61
## floors
                     8
                       200
                                     1.47 5.500000e-01
                                                                                1.42
                                                                  1.00
## waterfront
                     9
                       200
                                     0.00 7.000000e-02
                                                                  0.00
                                                                                0.00
## view
                                     0.14 6.000000e-01
                    10 200
                                                                 0.00
                                                                                0.00
                                     3.42 6.200000e-01
## condition
                    11 200
                                                                  3.00
                                                                                3.31
   grade
                    12
                       200
                                     7.36 1.020000e+00
                                                                  7.00
                                                                                7.29
   sqft_above
                    13
                       200
                                  1543.51 6.298700e+02
                                                              1375.00
                                                                             1464.11
## sqft_basement
                    14
                       200
                                   184.10 3.250700e+02
                                                                  0.00
                                                                              110.75
## yr_built
                    15
                       200
                                  1967.64 2.956000e+01
                                                              1968.50
                                                                             1969.17
   yr_renovated
                       200
                                    79.98 3.928100e+02
                    16
                                                                  0.00
                                                                                0.00
## zipcode
                    17
                       200
                                98077.98 5.407000e+01
                                                             98065.00
                                                                            98074.58
## lat
                    18
                       200
                                    47.57 1.400000e-01
                                                                 47.58
                                                                               47.58
                       200
                                  -122.20 1.700000e-01
                                                                             -122.22
## long
                    19
                                                              -122.25
## sqft_living15
                    20
                       200
                                  1793.34 5.127800e+02
                                                              1715.00
                                                                             1742.61
## sqft_lot15
                    21 200
                                 11225.47 1.966363e+04
                                                              7222.00
                                                                             7559.91
## has basement*
                    22 200
                                      NaN
                                                                                 NaN
                                                                    NA
## price_HUF
                       200
                                   133.26 6.204000e+01
                    23
                                                                124.85
                                                                              125.66
## sqm living
                    24
                       200
                                   160.50 6.159000e+01
                                                                150.50
                                                                              153.37
## sqm_lot
                    25
                       200
                                  1206.38 2.576770e+03
                                                                675.41
                                                                              718.01
## sqm_above
                    26 200
                                   143.40 5.852000e+01
                                                                              136.02
                                                                127.74
  sqm basement
                    27
                       200
                                    17.10 3.020000e+01
                                                                  0.00
                                                                               10.29
  sqm living15
                    28
                       200
                                   166.61 4.764000e+01
                                                                159.33
                                                                              161.89
## sqm_lot15
                    29
                       200
                                  1042.88 1.826810e+03
                                                                670.95
                                                                              702.34
##
                           mad
                                        min
                                                       max
                                                                   range
                                                                          skew
## id
                  2.981805e+09
                               16000200.00 9818700320.00 9.802700e+09
                                                                          0.45
## date
                            NA
                                        Inf
                                                      -Inf
                                                                    -Inf
                                                                            NA
                                  153503.00
                                               1770000.00 1.616497e+06
                                                                          2.02
## price
                  1.853250e+05
## bedrooms
                  0.000000e+00
                                       1.00
                                                      3.00 2.000000e+00 -1.53
## bathrooms
                  1.110000e+00
                                       0.75
                                                      3.50 2.750000e+00
                                                                          0.12
## sqft_living
                  5.633900e+02
                                     590.00
                                                   4380.00 3.790000e+03
                                                                         1.20
```

```
## sqft lot
                  3.977820e+03
                                     914.00
                                                217800.00 2.168860e+05
## floors
                  0.000000e+00
                                       1.00
                                                     3.00 2.000000e+00
                                                                         0.74
## waterfront
                                                     1.00 1.000000e+00 13.93
                  0.00000e+00
                                       0.00
                                                     4.00 4.000000e+00
## view
                  0.00000e+00
                                       0.00
                                                                         4.27
## condition
                  0.00000e+00
                                       3.00
                                                     5.00 2.000000e+00
                                                    11.00 6.000000e+00 0.62
## grade
                  1.480000e+00
                                       5.00
## sqft above
                                                  4190.00 3.600000e+03
                  5.115000e+02
                                     590.00
## sqft_basement 0.000000e+00
                                       0.00
                                                  1600.00 1.600000e+03
                                                                        1.91
## yr built
                  3.484000e+01
                                   1900.00
                                                  2015.00 1.150000e+02 -0.32
## yr_renovated
                 0.000000e+00
                                       0.00
                                                  2014.00 2.014000e+03
                                                                         4.66
## zipcode
                  6.227000e+01
                                  98001.00
                                                 98199.00 1.980000e+02
## lat
                                                    47.78 6.000000e-01 -0.56
                  1.500000e-01
                                     47.18
## long
                  1.600000e-01
                                   -122.45
                                                  -121.73 7.200000e-01
                                                                         0.79
## sqft_living15 4.596100e+02
                                    740.00
                                                  3650.00 2.910000e+03
                                                                         0.94
## sqft_lot15
                  3.624960e+03
                                     914.00
                                                208652.00 2.077380e+05
                                                                         6.61
## has_basement*
                            NA
                                        Inf
                                                     -Inf
                                                                   -Inf
                                                                           NA
                                                   519.97 4.748800e+02
                                                                         2.02
## price_HUF
                  5.444000e+01
                                     45.09
## sqm living
                  5.234000e+01
                                     54.81
                                                   406.92 3.521000e+02
                                                 20234.28 2.014937e+04
## sqm_lot
                  3.695500e+02
                                     84.91
                                                                         6.16
## sqm above
                  4.752000e+01
                                     54.81
                                                   389.26 3.344500e+02
                                                                         1.29
## sqm_basement
                 0.000000e+00
                                       0.00
                                                   148.64 1.486400e+02 1.91
## sqm_living15
                 4.270000e+01
                                     68.75
                                                   339.10 2.703500e+02 0.94
                                                 19384.41 1.929949e+04 6.61
## sqm_lot15
                  3.367700e+02
                                     84.91
##
                 kurtosis
                                      se
## id
                     -1.04 194229829.92
## date
                        NA
                                     NA
                      7.84
                               14933.69
## price
## bedrooms
                      1.15
                                   0.03
## bathrooms
                                   0.05
                     -0.88
## sqft_living
                      1.78
                                  46.88
## sqft_lot
                     40.75
                                1961.24
## floors
                     -0.31
                                   0.04
## waterfront
                    193.03
                                   0.00
                     17.86
                                   0.04
## view
## condition
                      0.28
                                   0.04
                                   0.07
## grade
                      1.00
## sqft above
                      1.90
                                  44.54
## sqft_basement
                      3.43
                                  22.99
## yr_built
                     -0.96
                                   2.09
## yr_renovated
                     19.81
                                  27.78
## zipcode
                     -0.85
                                   3.82
## lat
                     -0.66
                                   0.01
## long
                     -0.22
                                   0.01
## sqft_living15
                      0.88
                                  36.26
                                1390.43
## sqft_lot15
                     54.45
## has_basement*
                                     NA
                        NA
## price_HUF
                      7.84
                                   4.39
## sqm_living
                      1.78
                                   4.35
## sqm_lot
                     40.75
                                 182.20
## sqm_above
                      1.90
                                   4.14
## sqm_basement
                      3.43
                                   2.14
## sqm_living15
                      0.88
                                   3.37
                                 129.18
## sqm_lot15
                     54.45
```

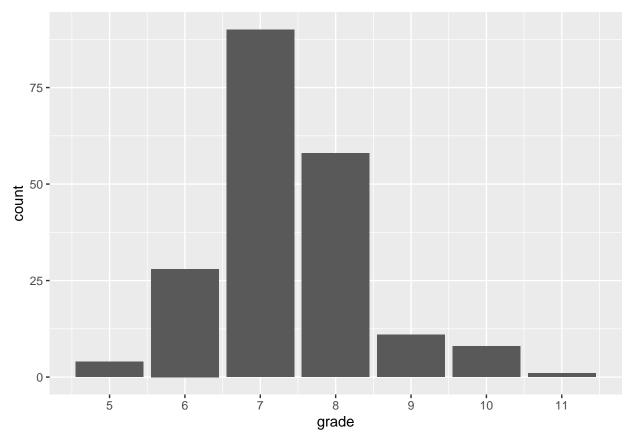
```
# hisztogramok
data_house %>%
    ggplot() +
    aes(x = price_HUF) +
    geom_histogram( bins = 50)
```



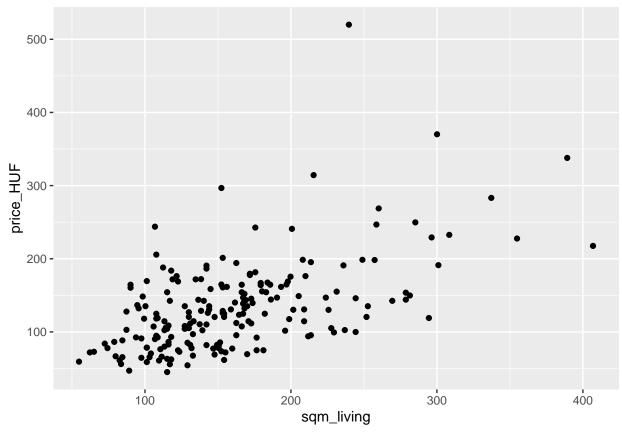
```
data_house %%
ggplot() +
aes(x = sqm_living) +
geom_histogram( bins = 50)
```



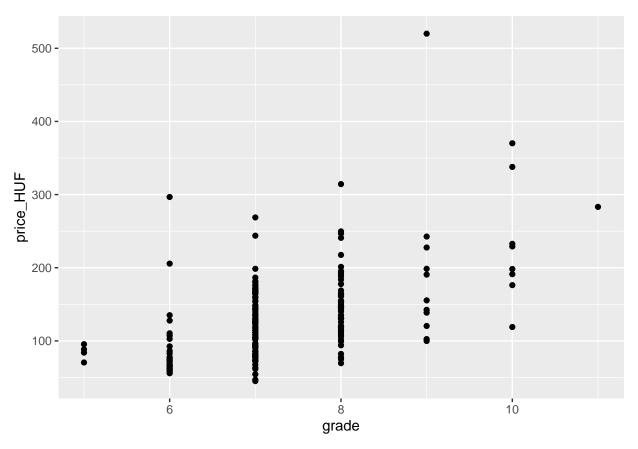
```
data_house %>%
  ggplot() +
  aes(x = grade) +
  geom_bar() +
  scale_x_continuous(breaks = 4:12)
```



```
# scatterplot
data_house %>%
    ggplot() +
    aes(x = sqm_living, y = price_HUF) +
    geom_point()
```



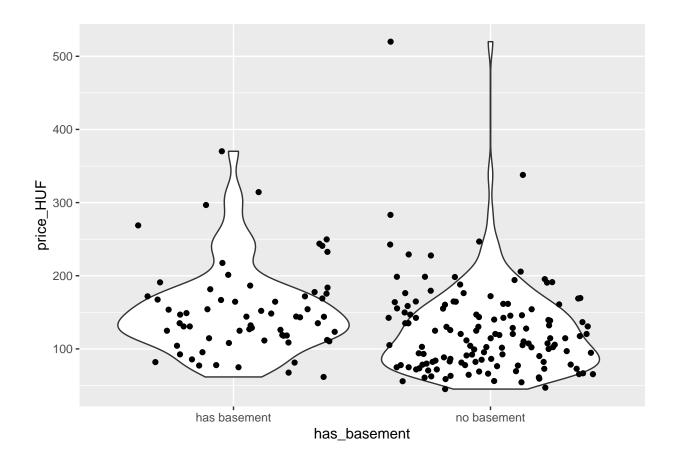
```
data_house %>%
  ggplot() +
  aes(x = grade, y = price_HUF) +
  geom_point()
```



```
# leiro statisztika
table(data_house$has_basement)

##
## has basement no basement
## 65 135

# violin plot
data_house %>%
    ggplot() +
    aes(x = has_basement, y = price_HUF)+
    geom_violin() +
    geom_jitter()
```



1.5 Tobbszoros regresszio

1.5.1 A regresszios modell felepitese (fitting a regression model)

A tobbszoros regresszios modellt ugyan ugy epeitjuk mint az egyszeru regresszios modellt, csak csak tobb prediktort is betehetunk a modellbe. Ezeket a prediktorvaltozokat + jellen valasztjuk el egymastol a regresszios formulaban.

Alabb price_HUF a bejosolt valtozo, es a sqm_living es a grade a prediktorok.

```
mod_house1 = lm(price_HUF ~ sqm_living + grade, data = data_house)
```

A regresszios egyenletet a modell objektumon keresztul erhetjuk el:

mod_house1

```
##
## Call:
## lm(formula = price_HUF ~ sqm_living + grade, data = data_house)
##
## Coefficients:
## (Intercept) sqm_living grade
## -51.2305 0.3768 16.8485
```

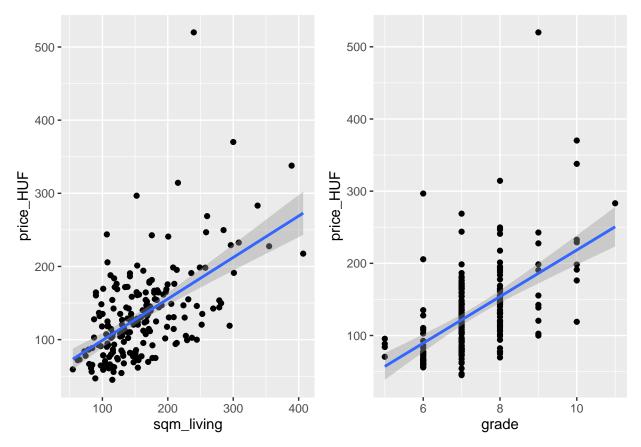
A tobbszoros regresszios modellek vizualizacioja nem olyan egyertelmu mint az egyszeru regresszios modelleke.

Az egyik megoldas hogy a paronkenti osszefuggeseket vizualizaljuk egyenkent, de ez nem ragadja meg a modell tobbvaltozos jelleget.

```
# scatterplot
plot1 = data_house %>%
    ggplot() +
    aes(x = sqm_living, y = price_HUF) +
    geom_point()+
    geom_smooth(method = "lm")

plot2 = data_house %>%
    ggplot() +
    aes(x = grade, y = price_HUF) +
    geom_point()+
    geom_smooth(method = "lm")

grid.arrange(plot1, plot2, nrow = 1)
```



Egy alternativa hogy egy haromdimenzios abran abrazoljuk a regresszios sikot.Bar ez szepen nez ki, de nem tul hasznos, es ez is csak ket prediktorvaltozoig mukodik, harom es tobb prediktor eseten mar egy tobbdimenzios terben kepzelheto csak el a regresszios felulet, ezert a vizualizaciora altalaban megis az paronkenti scatterplot-ot szoktuk hasznalni.

```
# plot the regression plane (3D scatterplot with regression plane)
scatter3d(price_HUF ~ sqm_living + grade, data = data_house)
```

1.5.2 Becsles (prediction)

Ugyan ugy ahogy az egyszeru regresszional, itt is kerhetjuk a prediktorok bizonyos uj ertekekeire a kimeneti valtozo ertekenek megbecsleset a predict() fuggveny segitsegevel.

Fontos, hogy a prediktorok ertekeit egy data frame vagy tibble formatumban kell megadnunk, es a prediktorvaltozok valtozoneveinek meg kell egyeznie a regresszios modellben hasznalt valtozonevekkel.

```
sqm_living = c(60, 60, 100, 100)
grade = c(6, 9, 6, 9)
newdata_to_predict = as.data.frame(cbind(sqm_living, grade))
predicted_price_HUF = predict(mod_house1, newdata = newdata_to_predict)
cbind(newdata_to_predict, predicted_price_HUF)
```

```
##
     sqm living grade predicted price HUF
## 1
              60
                     6
                                    72.47102
## 2
              60
                     9
                                   123.01660
## 3
             100
                     6
                                    87.54459
## 4
             100
                     9
                                   138.09017
```

1.5.3 Hogyan kozoljuk az eredmenyeinket egy kutatasi jelentesben

Egy kutatsi jelentesben (pl. cikk, muhelymunka, ZH) a kovetkezo informaciokat kell leirni a regresszios modellrol:

Eloszor is le kell irni a regresszios modell tulajdonsagait (altalaban a "Modszerek" reszben):

"Egy linearis regresszios modellt illesztettem, melyben a lakas arat (millio HUF-ban) a lakas lakoreszenek teruletevel (m^2-ben) es a lakas King County lakas-minosites ertekevel becsultem meg."

"I built a linar regression model in which I predicted housing price (in million HUF) with the size of the living area (in m^2) and King County housing grade as predictors."

Ezutan a **teljes modell bejoslasi hatekonysagat** kell jellemezni. Ezt a modellhez tartozo adjusted R^2 ertek (modositott R^2), es a modell-t a null-modellel osszehasonlito anova F-tesztjenek statiszikainak megadasaval szoktuk tenni (F-ertek, df, p-ertek). Mindezen informaciot a summary() funkcioval tudjuk lekerdezni. A modell illeszkedeset az AIC (Akaike information criterion) ertekkel is szoktuk jellemezni, amit az AIC() funcio ad meg.

Az APA publikacios kezikonyv alapjan minden szamot ket tizedesjegy pontossaggal kell megadni, kiveve a p erteket, amit harom tizedesjegy pontossaggal.

```
sm = summary(mod house1)
sm
##
## Call:
## lm(formula = price_HUF ~ sqm_living + grade, data = data_house)
##
## Residuals:
##
       Min
                1Q
                    Median
                                3Q
                                       Max
## -109.26 -29.55
                     -6.79
                             19.65
                                    329.24
##
## Coefficients:
##
               Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)
  (Intercept) -51.2305
                           27.9831
                                    -1.831 0.068646
## sqm_living
                 0.3768
                            0.0783
                                     4.813 2.96e-06 ***
## grade
                16.8485
                            4.7158
                                     3.573 0.000444 ***
## ---
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
## Residual standard error: 49.96 on 197 degrees of freedom
```

```
## Multiple R-squared: 0.358, Adjusted R-squared: 0.3515
## F-statistic: 54.94 on 2 and 197 DF, p-value: < 2.2e-16
AIC(mod_house1)
## [1] 2137.057</pre>
```

Vagyis az "Eredmenyek" reszben igy irnank a fenti pelda eredmenyeirol:

"A tobbszoros regresszios modell mely tartalmazta a lakoterulet es a lakas minosites prediktorokat hatekonyabban tudta bejosolni a lakas arat mint a null modell. A modell a lakasar varianciajanak 35.15%-at magyarazta (F (2, 197) = 54.94, p < .001, Adj. R^2 = 0.35, AIC = 2137.06)."

Ezen felul meg kell adnunk a **regresszios egyenletre es az egyes prediktorok becsleshez valo hozzajarulasara vontkozo adatokat**. Ezt altalaban egy osszefoglalo tablazatban szoktuk megadni, melyben a kovetkezo adatok szerepelnek prediktoronkent:

- regresszios egyutthato (regression coefficients, estimates) summary()
- az egyutthatokhoz tartozo konfidencia intervallum (coefficient confidence intervals) confint()
- standard beta ertekek (standardized beta values) lm.beta() az lm.beta pakcage-ben
- a t-teszthez tartozo p-ertek (p-values of the t-test) -summary()

```
confint(mod house1)
```

```
##
                     2.5 %
                                97.5 %
## (Intercept) -106.415417
                            3.9543979
                  0.222427
                            0.5312516
## sqm_living
## grade
                  7.548542 26.1485134
lm.beta(mod_house1)
##
## Call:
## lm(formula = price_HUF ~ sqm_living + grade, data = data_house)
## Standardized Coefficients::
  (Intercept)
                sqm_living
                                  grade
                 0.3740724
##
     0.0000000
                              0.2776905
```

A vegso tablazat valahogy igy nez majd ki (ennek az elkeszitesehez a fenti coef_table() sajat funkciot hasznaltam. Nem fontos ezt hasznalni, manualisan is ki lehet irogatni az eredmenyeket a kulonbozo tablazatokbol.):

```
##
                     b 95%CI lb 95%CI ub Std.Beta p-value
## (Intercept) -51.23
                                     3.95
                                                        .069
                        -106.42
                                                  0
## sqm_living
                  0.38
                            0.22
                                      0.53
                                               0.37
                                                       <.001
## grade
                 16.85
                            7.55
                                    26.15
                                               0.28
                                                       <.001
```

1.5.4 regresszios egyutthato ertelmezese

A regresszios egyutthatot ugy lehet ertelmezni, hogy a prediktor ertekenek egy ponttal valo novekedese eseten a kimeneti valtozo erteke ennyivel valtozik. Pl. ha a sqm_living-hez tartozo regresszios egyutthato 0.38, az azt jelenti hogy minden egyes ujabb negyzetmeter teruletnovekedes 0.38 millio forint arvaltozassal jar.

1.5.5 az intercept-hez tartozo regresszios egyutthato ertelmezese

Az intercept egyutthatoja azt mutatja meg, hogy mi lenne a bejosolt (fuggo) valtozo becsult erteke, ha minden prediktor 0 erteket vesz fel. Ez nem mindig egy realis becsles, hiszen attol fuggoen hogy milyen prediktorokat hasznalunk, lehet hogy egy adott prediktoron a 0 ertek nem ertelmes. Ettol fuggetlenul az intercept matematikai ertelmezese mindig ugyan ez marad. Az intercept egyfajta allando ertek, ami fuggetlen a prediktorok erteketol.

1.5.6 standard beta ertelmezese

A regresszios egyutthato elonye, hogy a kimeneti valtozo mertekegysegeben van, es nagyon egyszeru ertelemzni. Ezert ez egy "nyers" hatasmeret mutato. Viszont a hatranya hogy az erteke a hozza tartozo prediktor valtozo skalajan mozog. Ez azt jelenti, hogy az egyes egyutthato ertekek nem konnyen osszehasonlithatoak, mert a prediktorok mas skalan mozognak. Pl. az sqm_living egyutthatoja alacsonyabb mint az grade egyutthatoja, de ez onmagaban nem mond arrol semmit, hogy melyik prediktornak van nagyobb szerepe a kimeneti valtozo bejoslasaban, mert a sqm_living skalaja sokkal kiterjedtebb (50-400 m^2) mint a grade skalaja (5-11).

Ahhoz hogy ossze tudjuk hasonlitani az egyes prediktorok becsleshez hozzaadott erteket, a ket egyutthatot ugyan arra a skalara kell helyeznunk, amit standardizalassal erhetunk el. A standard Beta egy ilyen standardizalt mutato. Ez mar direkt modon osszehasonlithato a prediktorok kozott. Ebbol mar latszik hogy a sqm living hozzaadott erteke a price HUF bejoslasahoz nagyobb mint a grade hozzaadott erteke.

Amikor tobb prediktor van, ez nem feltetlenul jelenti azt, hogy ha egyenkent megneznenk a prediktorok korrelaciojat a kimeneti valtozoval, akkor ugyan ilyen osszefuggest kapnank. Ez az egyutthato es a std.Beta ertek a prediktor egesz modellben betoltott szerepet jeloli, a tobbi prediktor bejoslo erejenek leszamitasaval. Vagyis elkepzelheto, hogy egy prediktor onmagaban jobban korrelal a kimeneti valtozoval mint barmelyik masik prediktor, viszont a modellben kisebb szerepet jatszik, mert a tobbi prediktor ugyan azt a reszet magyarazza a kimeneti valtozo varianciajanak, mint ez a prediktor.

- 1. Epits egy tobbszoros linearis regresszio modellt az lm() fugvennyel amiben az **price_HUF** a kimeneti valtozot becsuljuk meg. Hasznalhatod a **data_house** adatbazisban szereplo barmelyik valtozot felhasznalhatod a modellben, ami szerinted realisan hozzajarulhat a lakas aranak meghatarozasahoz.
- 2. Hatarozd meg, hogy szignifikansan jobb-e a modelled mint a null modell (a teljese modell F-teszthez tartozo p-ertek alapjan)?
- 3. Mekkora a teljes modell altal bejosolt varianciaarany (adj.R^2)?
- 4. Melyik az a prediktor, mely a legnagyobb hozzadaott ertekkel bir a becslesben?
