

МОСКОВСКИЙ ФИЗИКО-ТЕХНИЧЕСКИЙ ИНСТИТУТ
(НАЦИОНАЛЬНЫЙ ИССЛЕДОВАТЕЛЬСКИЙ
УНИВЕРСИТЕТ)

ЛАБОРАТОРНАЯ РАБОТА 4.3.1

Дифракция света

Б03-102

Куланов Александр

Долгопрудный, 2023 г.

- **Цель работы:** исследовать явления дифракции Френеля и Фраунгофера на одной и двух щелях, изучить влияние дифракции на разрешающую способность оптических инструментов; проверить теоретические соотношения для положения максимумов при дифракции Френеля и Фраунгофера
- **В работе используются:** оптическая скамья, ртутная лампа, светофильтр, щели с регулируемой шириной, рамка с вертикальной нитью, экран с двойной щелью, микроскоп на поперечных салазках с микрометрическим винтом, зрительная труба

1 Экспериментальная установка

Дифракция Френеля

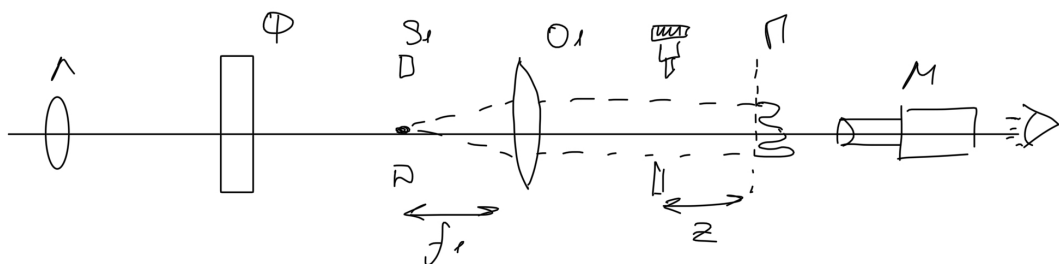


Рис. 1: Дифракция Френеля

Схема установки для наблюдения дифракции Френеля представлена на рис. 1. Свет от ртутной лампы L , пропущенный через оранжевый светофильтр Φ со средней длиной волны $\lambda = 578$ нм, падает на входную щель S_1 . Щель S_1 находится в фокусе коллиматора - собирающей линзы O_1 . Коллиматор создаёт параллельный пучок монохроматического света, освещающий щель S_2 , на которой и происходит дифракция. Дифракционная картина рассматривается с помощью микроскопа M , сфокусированного на некоторую плоскость наблюдения Π .

Распределение интенсивности света в плоскости наблюдения Π проще всего рассчитывать с помощью зон Френеля (для щели их также называют зонами Шюстера). При освещении щели S_2 параллельным пучком лучей (плоская волна) зоны Френеля представляют собой полосы, параллельные краям щели. Результирующая амплитуда в точке наблюдения определяется суперпозицией колебаний от тех зон Френеля, которые не перекрыты створками щели. Границы зон Френеля/Шюстера ξ_m определяется соотношением

$$\xi_m = \pm \sqrt{mz\lambda}, \quad m \in \mathbb{N}$$

где ξ отсчитывается от центра щели, z - расстояние от щели до плоскости наблюдения Π , а λ - длина волны. При ширине щели b ($-b/2 < \xi < b/2$) полное число открытых зон для точки наблюдения на оси равно

$$m_{\max} = \frac{b^2}{4\lambda z}$$

По определению, разделение волнового фронта на зоны Френеля производится так, чтобы излучение от соседних зоны находилось в противофазе. Иными словами, разность хода (от поверхности фронта до точки наблюдения) между краями соседних зон равна $\lambda/2$. Поэтому, когда открыто чётное число зон Френеля, на оси системы наблюдается минимум

дифракционной картины (тёмная полоса). Если число открытых зон нечётно, в центре картины - максимум (светлая полоса).

Зафиксируем размер щели b и проанализируем, как меняется картина в зависимости от расстояния до плоскости наблюдения z . Если число открытых зон Френеля велико, $m \gg 1 (z \rightarrow 0)$, мы приходим к пределу геометрической оптики. В нём дифракционная картина отсутствует, а размер изображения щели совпадает с шириной самой щели b . Дифракционная картина наблюдается только в узкой полосе вблизи границ щели («дифракция на краю экрана»). При удалении от плоскости геометрического изображения эти две группы полос постепенно расширяются, заполняя всё изображение щели. При $m \sim 1$ на щели наблюдается сложная картина из небольшого числа дифракционных полос. При дальнейшем удалении ($m \ll 1, z \rightarrow \infty$) дифракционная картина начинает упрощаться и расширяться, переходя в режим Фраунгофера - затухающие по интенсивности эквидистантные полосы с характерным угловым размером центральной полосы λ/b .

Амплитуду света в произвольной точке плоскости наблюдения можно определить графически с помощью векторной диаграммы - спирали Корню (см. п. 1.4.2 Введения к разделу).

Распределение амплитуд в режиме дифракции Френеля ($m \sim 1$) довольно сложно. Однако если число открытых зон Френеля больше единицы и близко к целому $m = 2, 3, 4, \dots$, то в картине можно довольно чётко выделить $m - 1$ тёмных полос, заполняющих изображение щели. Так можно по виду дифракционной картины оценить число зон Френеля на полуширине щели.

Дифракция Фраунгофера на щели

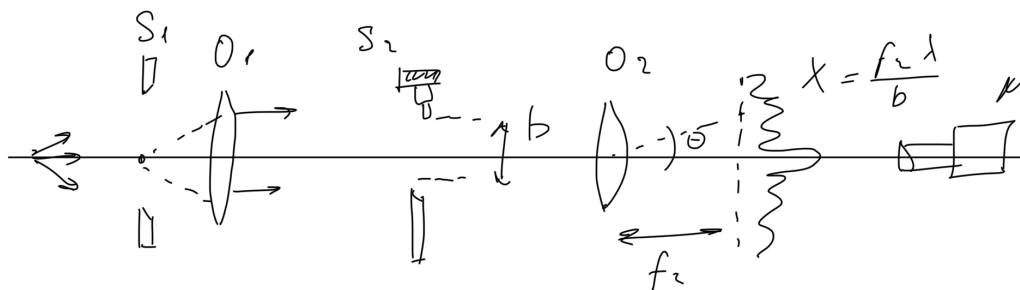


Рис. 2: Дифракция Фраунгофера на щели

На значительном удалении от щели, когда выполнено условие $m \ll 1$ (то есть ширина щели становится значительно меньше ширины первой зоны Френеля, $b \ll \sqrt{\lambda z}$), изображение щели размывается и возникает дифракционная картина, называемая дифракцией Фраунгофера.

Дифракцию Фраунгофера можно наблюдать той же установкой, что и дифракцию Френеля (рис. 1). Однако при обычных размерах установки дифракция Фраунгофера возникает только при очень узких щелях. Поскольку работать с тонкими щелями неудобно, для наблюдения дифракции Фраунгофера к схеме добавляется объектив O_2 (рис. 3).

Дифракционная картина наблюдается в фокальной плоскости объектива O_2 . Поскольку объектив не вносит дополнительной разности хода между интерферирующими лучами (таутохронизм тонкой линзы), в его фокальной плоскости наблюдается неискажённая

дифракционная картина Фраунгофера, соответствующая бесконечно удалённой плоскости наблюдения.

При дифракции Фраунгофера в центре поля зрения наблюдается дифракционный максимум (светлая полоса). Сбоку от неё наблюдаются чередующиеся минимумы и максимумы с довольно быстро затухающей интенсивностью. Направление на минимумы (тёмные полосы) * при малых углах Θ определяется соотношением

$$\Theta_n^{\min} = n \frac{\lambda}{b}, \quad n = \pm 1, \pm 2, \dots,$$

где b - ширина щели. Каждому значению угла Θ соответствует точка в плоскости объектива с фокусным расстоянием f_2 , отстоящая от оптической оси на расстоянии

$$X_n = f_2 \operatorname{tg} \Theta_n \approx f_2 \Theta_n$$

Измеряя зависимость X от m или расстояние между полосами ΔX , можно определить ширину щели S_2 .

Дифракция Фраунгофера на двух щелях

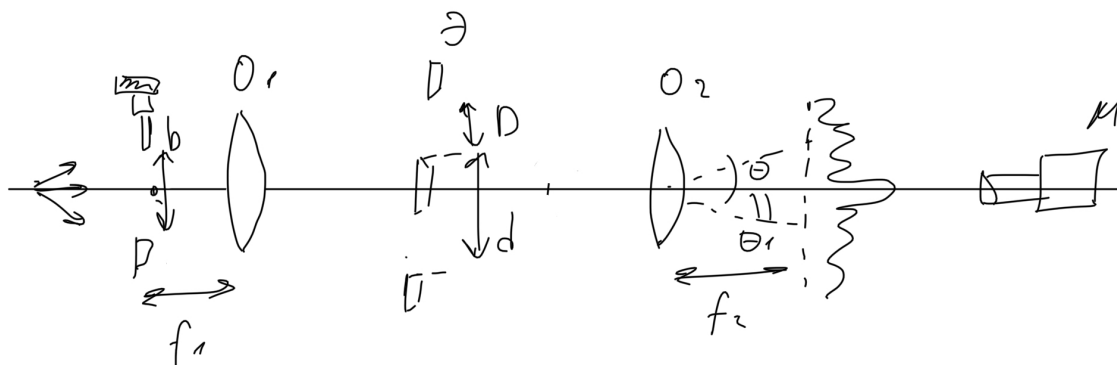


Рис. 3: Дифракция Фраунгофера на двух щелях

Схема для наблюдения дифракции Фраунгофера на двух щелях изображена на рис. 4. По сравнению с рис. 3 в ней щель S_2 заменена на экран Ξ с двумя щелями. При этом щель S_2 (с микрометрическим винтом) установлена вместо входной щели S_1 (для измерения влияния ширины источника на чёткость картины).

Результат дифракции на двух щелях можно представить как интерференцию дифракционных картин от каждой щели (аналог интерференционной схемы Юнга).

Если входная щель достаточно узка, то дифракционная картина в плоскости Π (рис. 4) подобна той, что получалась при дифракции на одной щели, однако теперь вся картина испещрена рядом дополнительных узких полос. Наличие этих полос объясняется суперпозицией (интерференцией) световых волн, приходящих в плоскость наблюдения через разные щели экрана ϑ . В центре главного дифракционного максимума расположится светлая полоса (разность на оси, в силу симметрии, равна нулю). Светлая интерференционная полоса наблюдается также, когда разность хода кратна длине волны. Угловая координата θ_n интерференционного максимума n -го порядка определяется соотношением

$$\theta_n d = n\lambda, \quad n = \pm 1, \pm 2, \dots$$

где d - расстояние между щелями. Линейное расстояние δx между соседними интерференционными полосами в плоскости Π равно поэтому

$$\delta x = f_2 \frac{\lambda}{d}$$

При дифракции света на двух щелях чёткая система интерференционных полос наблюдается только при достаточно узкой ширине входной щели (S_2), которую можно рассматривать как протяжённый источник света размером b . Для наблюдения интерференции необходимо, чтобы расстояние d между щелями не превышало радиуса когерентности (см. раздел II):

$$d \leq \rho_{\text{Ког}} \approx \frac{\lambda}{b} f_1.$$

Таким образом, по размытию интерференционной картины можно оценить размер источника b . Этот метод используется в звёздном интерферометре при измерении угловых размеров звёзд.

Влияние дифракции на разрешающую способность оптического инструмента

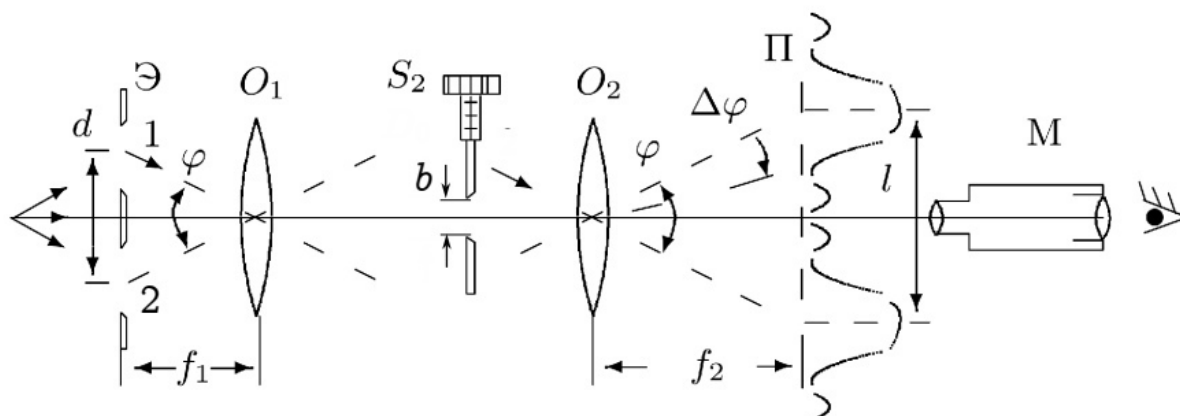


Рис. 4: Влияние дифракции на разрешающую способность оптического инструмента

Установка, использованная в упражнении Б (рис. 4), позволяет исследовать влияние дифракции на разрешающую способность оптических инструментов.

Линзы O_1 и O_2 (без щели S_2) создают в плоскости Π изображение щели входной S_1 , рассматриваемое в микроскоп M . Таким образом, пара линз O_1, O_2 и микроскоп в совокупности может рассматриваться как некий оптический инструмент. При этом входная щель S_1 и коллиматор O_1 создают модель далёкого предмета, а объектив O_2 и микроскоп M составляют «зрительную трубу», наведённую на этот предмет.

Если перед объективом O_2 зрительной трубы расположить щель S_2 , то изображение объекта будет искажено дифракцией на щели S_2 . Чем меньше ширина b этой щели, тем сильнее искажение. Качественной характеристикой этих искажений может служить минимальное угловое расстояние φ между точками рассматриваемого предмета, которые воспринимаются как разделённые.

В качестве предмета будем использовать экран \mathcal{E} с двумя узкими щелями (поставим его вместо щели S_1). Пусть расстояние между щелями равно d . Тогда от каждой из щелей

экрана на щель S_2 будут падать два параллельных пучка света, составляющих между собой угол

$$\varphi \approx \frac{d}{f_1}$$

(а центры двух дифракционных пятен в плоскости П будут находиться на расстоянии $l = f_2\varphi$ друг от друга). ли S_2 . В режиме дифракции Фраунгофера полуширина центрального дифракционного максимума равна $\Delta\varphi \sim \lambda/b$, где b - ширина щели S_2 .

Если полуширина главного дифракционного пятна превысит расстояние между центрами пятен $\Delta\varphi > \varphi$, пятна от двух щелей сольются в одно, и по виду дифракционной картины будет трудно определить, представляет ли собой источник двойную или одиночную щель. Это условие разрешения двух изображений называют также критерием Рэлея. Итак, щели можно считать различимыми, если

$$\frac{\lambda}{b} < \frac{d}{f_1}$$

2 Практическая часть

2.1 Дифракция Френеля

Соберем установку на рис. 1. Для этого включим ртутную лампу и поставим после нее фильтр с щелью. После щели нужно будет поставить линзу так, чтобы щель была в фокусе. Для этого воспользуемся зрительной трубой, настроенной на бесконечность. Поскольку, если линза находится в нужном месте, из нее выходит пучок параллельных лучей, зрительная труба, настроенная на бесконечность, должна показать четкое изображение щели. После установки линзы поместим щель S_2 и микроскоп после неё. Найдем нуль микрометрического винта щели S_2 . Для этого посмотрим сквозь щель на лампу накаливания и начнем поворачивать винт из нулевого положения до тех пор, пока свет от лампы не станет виден. При этом положение винта будет нулем.

Измерим положение микроскопа x , при котором видно n полос и найдем расстояние a до плоскости наблюдения, которое равно смещению относительно положения $x_0 = 88 \pm 0.5$ мм

m	x , мм	a , мм	2ξ , мм
1	55.0	2	0.11
2	49.5	2.5	0.165
3	44.0	1.5	0.15
4	41.0	0.5	0.1
5	39.5	1.0	0.15

Таблица 1:

Ширина щели: $b = (0.15 \pm 0.05)$ мм

2.2 Дифракция Фраунгофера

Фокусные расстояния линз: $F_1 = 11.5$ см и $F_2 = 12.5$ см. Ширина щели: $b = (0.30 \pm 0.05)$ мм. Цена деления: 0.02 мм

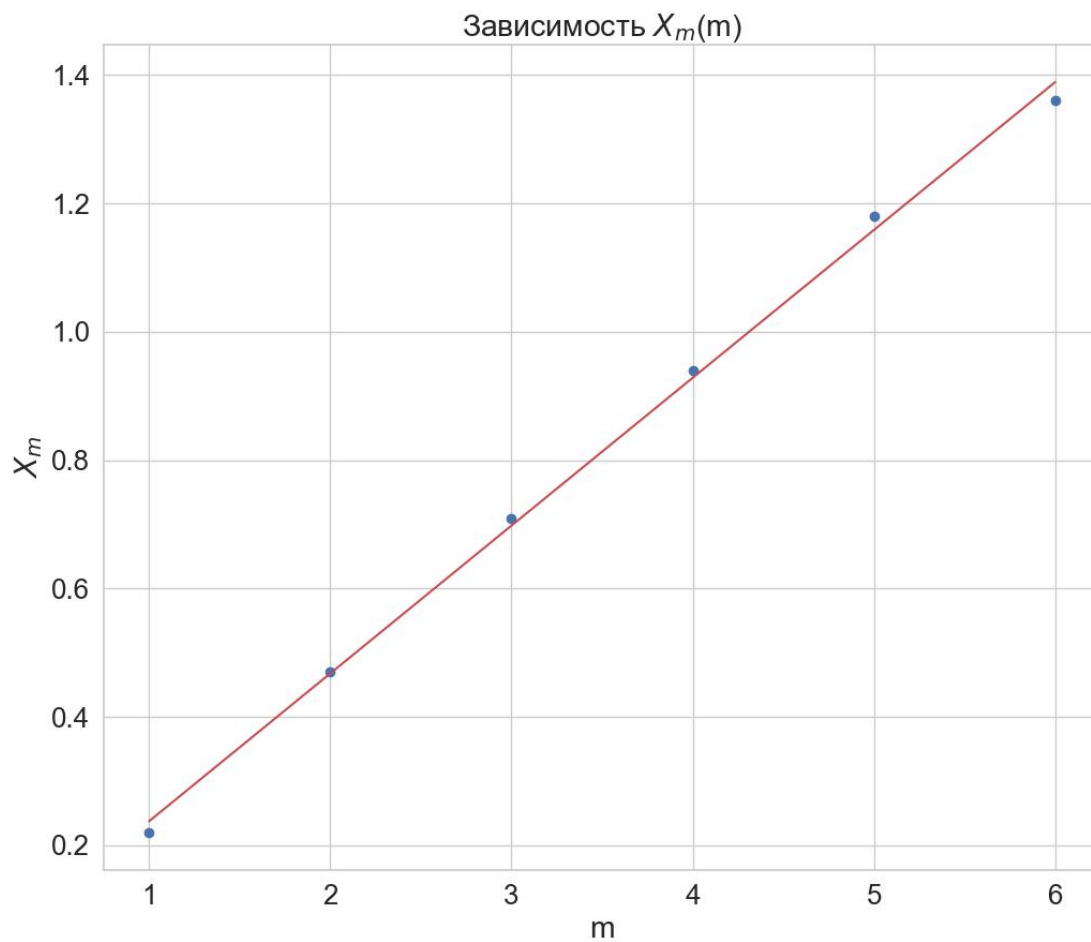
Возьмём половину дифракционной картины Фраунгофера, так как можно получить данные до 6 порядка включительно (вторая половина аналогична). Рассчитаем также ширину щели:

m	Делений	x_m , мм	b , мм
1	11	0.22	0.310
2	23.5	0.47	0.291
3	35.5	0.71	0.288
4	47	0.94	0.291
5	59	1.18	0.289
6	68	1.36	0.301

Таблица 2:

Здесь расстояние x_m - расстояние от оптической оси объектива до середины чёрной полосы.

Построим график зависимости этого расстояния от порядка m .



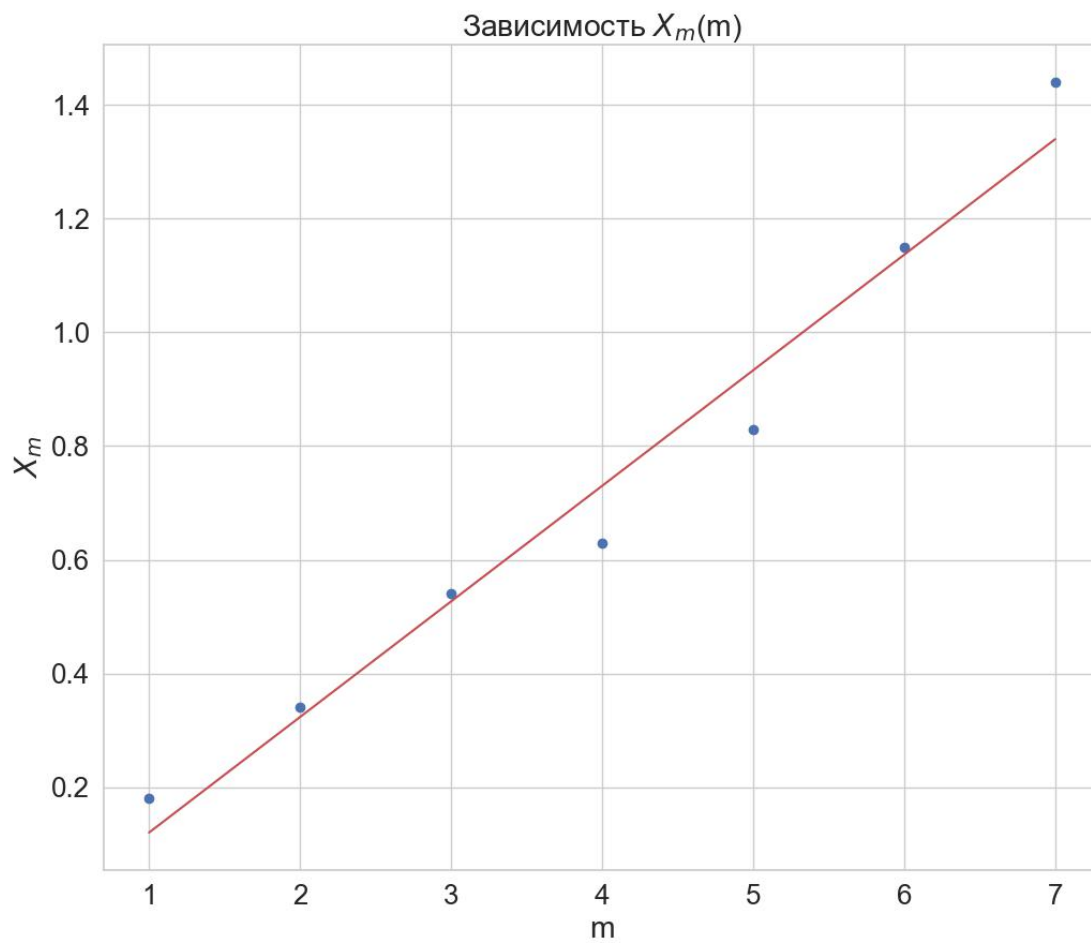
Из графика $k = 0.23$ - коэффициент наклона и есть Δx - среднее расстояние между соседними минимумами.

Из Таблицы 2 $b_{\text{ср}} = 0.295$ мм

Сделаем ещё один эксперимент с другой шириной щели, возьмём максимальную ширину щели $b = 4.0$ мм

m	Делений	x_m , мм	b , мм
1	9	0.18	0.379
2	17	0.34	0.402
3	27	0.54	0.379
4	31.5	0.63	0.433
5	41.5	0.83	0.411
6	57.5	1.15	0.356
7	72	1.44	0.379

Таблица 3:



Из графика $k = 0.19$ - Δx - среднее расстояние между соседними минимумами.
Из Таблицы 2 $b_{\text{ср}} = 0.391$ мм

2.3 Дифракция фраунгофера на 2-х щелях

Измерим ширину главных максимума, посчитаем количество тёмных полос

$$X = (0.52 \pm 0.01) \text{ мм}$$

$$n = 11$$

$$\delta x = \frac{X}{n}$$

$$\delta x = (0.047 \pm 0.001) \text{ мм}$$

Тогда расстояние между щелями:

$$d = (1.45 \pm 0.03) \text{ мм}$$

Сравним результаты с теоретическими:

$$d = (1,00 \pm 0.01) \text{ мм}$$

$$D = (0,180 \pm 0.01) \text{ мм}$$

Тогда количество светлых полос по теории:

$$n = 11$$

2.4 Вывод

Приведём сводную таблицу данных:

	Дифракция Френеля	Дифракция Фраунгофера на одной щели (1)	Дифракция Фраунгофера на одной щели (2)		Дифракция Фраунгофера на двух щелях
$D_{theor}, \text{ мм}$	$0,15 \pm 0,01$	$0,30 \pm 0,01$	$0,40 \pm 0,01$	$d_{theor}, \text{ мм}$	$1,00 \pm 0,01$
$D_{prac}, \text{ мм}$	$0,16 \pm 0,03$	$0,30 \pm 0,02$	$0,40 \pm 0,02$	$d_{prac}, \text{ мм}$	$1,45 \pm 0,03$

В данной работе была изучена дифракция Френеля и Фраунгофера. Как можно видеть, теоретические и практические расчеты совпали для дифракции на одной щели, что говорит о том, что эта часть работы выполнена успешно. Для дифракции Фраунгофера на двух щелях совпало количество полос, но не совпало расстояние между щелями.