2017 VİZE

1.)
$$f(x) = \sqrt{4x - x^2} + \ln\left(\frac{x+5}{3-x}\right)$$
 fonksiyonunun tanım kümesini bulunuz. (25P)

2.) Aşağıdaki verilen limitleri türev kullanmaksızın hesaplayınız.

a)
$$\lim_{x\to 0} \left(\frac{1-\cos x}{x^2} \right)$$
 (10P)

b)
$$\lim_{s \to \infty} \left(\frac{\sqrt{x^2 + 5x}}{x + 3} \right)$$
 (15P)

3.) Aşağıda verilen iki şıktan BİR TANESİNİ seçerek cevaplayınız. (25P)

i)
$$f(x) = \begin{cases} x^2, & x < -2 \\ x^2 + ax + b, & -2 \le x \le 2 \end{cases}$$
 fonksiyonunun \mathbb{R} reel sayılar kümesinde sürekli olması için a ve b hangi değerleri almalıdır? Bulunuz.

ii) $f(x) = \frac{1-2x}{3-3^{\frac{1}{x-1}}}$ fonksiyonunun varsa süreksiz olduğu noktayı ve bu noktadaki süreksizliğin cinsini belirleyiniz.

4.) $f(x) = \frac{1}{x^2}$ fonksiyonu verildiğinde f'(1) türevini tanımından hareketle (limit yoluyla) hesaplayınız. (25P)