

Viajante.py > ...

```
1  from itertools import permutations
2  import math
3  # Função para calcular a distância Euclidiana entre duas cidades
4  def calcular_distancia(cidade1, cidade2):
5      x1, y1 = cidade1
6      x2, y2 = cidade2
7      return math.sqrt((x2 - x1)**2 + (y2 - y1)**2)
8  # Função para calcular a distância total de uma determinada rota
9  def calcular_distancia_total(rota, cidades):
10     distancia_total = 0
11     for i in range(len(rota) - 1):
12         distancia_total += calcular_distancia(cidades[rota[i]], cidades[rota[i + 1]])
13     # Retornar à cidade de origem
14     distancia_total += calcular_distancia(cidades[rota[-1]], cidades[rota[0]])
15     return distancia_total
16
17 # Função para resolver o problema do Caixeiro Viajante utilizando força bruta
18 def caixeiro_viajante(cidades):
19     n = len(cidades)
20     cidades_indices = list(range(n))
21
22     menor_distancia = float('inf')
23     melhor_rota = []
24     # Gerar todas as permutações possíveis das cidades
25     for rota in permutations(cidades_indices):
26         distancia_atual = calcular_distancia_total(rota, cidades)
27         if distancia_atual < menor_distancia:
28             menor_distancia = distancia_atual
29             melhor_rota = rota
30     return melhor_rota, menor_distancia
31 # Coordenadas de 10 cidades (x, y)
32 cidades = [
33     (0, 0), (2, 3), (5, 2), (6, 6), (8, 3),
34     (3, 7), (7, 5), (1, 8), (4, 4), (9, 0)
35 ]
36 melhor_rota, menor_distancia = caixeiro_viajante(cidades)
37 # Printar a solução
38 print("Melhor rota:", [i + 1 for i in melhor_rota])
39 print("Distância total:", menor_distancia)
40 # Printar a sequência de cidades e a distância entre cada uma
41 print("\nCadeia de cidades e distâncias:")
42 for i in range(len(melhor_rota)):
43     cidade_atual = melhor_rota[i]
44     proxima_cidade = melhor_rota[(i + 1) % len(melhor_rota)]
45     distancia = calcular_distancia(cidades[cidade_atual], cidades[proxima_cidade])
46     print(f"Cidade {cidade_atual + 1} -> Cidade {proxima_cidade + 1}: {distancia:.2f}")
47
```

# análise de complexidade de tempo

	<u>custo</u>	<u>repetições</u>	<u>subtotal</u>
def calcular_distancia(cidade1, cidade2):			
x1, y1 = cidade1	c1	1	c1
x2, y2 = cidade2	c2	1	c2
return math.sqrt((x2 - x1)**2 + (y2 - y1)**2)	c3	1	c3

$T(n) = c1 + c2 + c3 \quad \rightarrow \quad T(n) = c4 \quad T(n) = O(1)$

---

	<u>custo</u>	<u>repetições</u>	<u>subtotal</u>
def calcular_distancia_total(rota, cidades):			
distancia_total = 0	c1	1	c1
for i in range(len(rota) - 1):	c2	n	n*c2
distancia_total += calcular_distancia(cidades[rota[i]], cidades[rota[i + 1]])	O(1)	n-1	n-1
 distancia_total += calcular_distancia(cidades[rota[-1]], cidades[rota[0]])	O(1)	1	1
return distancia_total			

$T(n) = c1 + n*c2 + n-1 + 1 \quad \rightarrow \quad T(n) = n*(c2 + 1) + c1 \quad \rightarrow \quad T(n) = O(n)$

```
def caixeiro_viajante(cidades):
```

```
    n = len(cidades)
```

```
    cidades_indices = list(range(n))
```

```
    menor_distancia = float('inf')
```

```
    melhor_rota = []
```

```
    for rota in permutations(cidades_indices):
```

```
        distancia_atual = calcular_distancia_total(rota, cidades)
```

```
        if distancia_atual < menor_distancia:
```

```
            menor_distancia = distancia_atual
```

```
            melhor_rota = rota
```

```
    return melhor_rota, menor_distancia
```

custo

repetições

subtotal

c1

1

c1

c2

n+1

(n+1)\*c2

c3

1

c3

c4

1

c4

c5

n!

n!\*c5

O(n)

n!

n!\*n

c6

n!

n!\*c6

c7

n!

n!\*c7

c8

n!

n!\*c8

$$T(n) = c1 + (n+1)*c2 + c3 + c4 + n!*c5 + n!*n + n!*c6 + n!*c7 + n!*c8$$

$$T(n) = O(n!)$$

$$\rightarrow T(n) = n!(n + c5 + c6 + c7 + c8) + c1 + n*c2 + c2 + c3 + c4$$

# análise de complexidade de espaço

```
def calcular_distancia(cidade1, cidade2):  
    x1, y1 = cidade1  
    x2, y2 = cidade2  
    return math.sqrt((x2 - x1)**2 + (y2 - y1)**2)
```

custo de espaço

2

2

0

$S(n) = 2 + 2$

->

$S(n) = 4$

->

$S(n) = O(1)$

---

```
def calcular_distancia_total(rota, cidades):  
    distancia_total = 0  
    for i in range(len(rota) - 1):  
        distancia_total += calcular_distancia(cidades[rota[i]], cidades[rota[i + 1]])  
  
    distancia_total += calcular_distancia(cidades[rota[-1]], cidades[rota[0]])  
    return distancia_total
```

custo de espaço

1

1

$O(1)$

$O(1)$

$S(n) = 1 + 1 + 1 + 1$

->

$S(n) = 4$

->

$S(n) = O(1)$

```
def caixeiro_viajante(cidades):
```

```
    n = len(cidades)
```

```
    cidades_indices = list(range(n))
```

```
    menor_distancia = float('inf')
```

```
    melhor_rota = []
```

```
    for rota in permutations(cidades_indices):
```

```
        distancia_atual = calcular_distancia_total(rota, cidades)
```

```
        if distancia_atual < menor_distancia:
```

```
            menor_distancia = distancia_atual
```

```
            melhor_rota = rota
```

```
    return melhor_rota, menor_distancia
```

custo de espaço

1

n

1

1

n

O(1)

0

0

0

$$S(n) = 1 + n + 1 + 1 + n + 1$$

->

$$S(n) = 2*n + 4$$

->

$$S(n) = O(n)$$