FUNDAMENTOS MATEMÁTICOS

P v ~P? Eis a questão...

1. REGRAS DE INFERÊNCIA

Cálculo Proposicional

REGRAS CONDICIONAL

Modus Ponens - MP

 $P \rightarrow Q, P : Q$

Se um condicional é verdade e seu antecedente também, logo o consequente também será verdade.



MP - Modus Ponens: P → Q, P : Q

 $(P ^ Q) \rightarrow R, (P ^ Q) : R$

MP - Modus Ponens: P → Q, P : Q

 $P \rightarrow Q, Q \rightarrow R, R \rightarrow S, P : S$

REGRAS CONDICIONAL

Modus Tollens - MT

 $P \rightarrow Q, \sim Q : \sim P$

Se um condicional é verdade e seu consequente é falso, logo o antecedente também será falso.



MT - Modus Tollens : $P \rightarrow Q$, $\sim Q : P$

 $P \rightarrow Q, \sim P \rightarrow R, \sim Q : R$

REGRAS CONJUNÇÃO

Conjunção - CONJ

P, Q: P ^ Q

Se duas proposições são verdadeiras a conjunção entre as duas também será.



CONJ - Conjunção: P, Q: P^Q

 $P \rightarrow Q, R \rightarrow S, P, \sim S : (\sim R \land P) \land (Q \land \sim S)$

REGRAS CONJUNÇÃO

Simplificação - SIMP

P ^ Q: P, Q

Se uma conjunção é verdade, as duas proposições que a compõe também serão.



SIMP - Simplificação: P ^ Q: P, Q

$$P \rightarrow Q, R \rightarrow S, P ^ \sim S : Q ^ \sim S$$

REGRAS DISJUNÇÃO Adição – ADD

P:PvQ

Se uma proposição é verdade, a disjunção dela com qualquer proposição também será

* Não vale para disjunção exclusiva



ADD - Adição: P:PvQ

 $Q \rightarrow S, Q : ((P \leftrightarrow \sim Q) \leftrightarrow R) \lor ((S \lor P) (Q \lor R))$

REGRAS DISJUNÇÃO

Silogismo Disjuntivo - SD

 $P \vee Q$, $\sim Q : P \mid P \vee Q$, $\sim Q : P$

Se uma disjunção é verdade e um dos membros é falso o outro será verdadeiro

*Vale para disjunção exclusiva: Se uma disjunção é verdade e se sabe o valor de um dos membros o outro terá o vapor oposto



SD - Silogismo Disjuntivo: P v Q, ~Q: P

 $P \rightarrow \sim Q, P \vee R, Q \vee S, \sim R: \sim P \vee S$

REGRAS DUPLO CONDICIONAL

Silogismo Hipotético - SH

$$P \rightarrow Q, Q \rightarrow R: P \rightarrow R$$

Quando dois condicionais são verdade e têm a mesma proposição sendo antecedente em um deles e consequente no outro, o condicional formado pelas demais proposições também será verdade.



SH - Silogismo Hipotético: P → Q, Q → R: P → R

$$P \rightarrow Q, Q \rightarrow R, R \rightarrow S, \sim S: \sim P \land (P \rightarrow S)$$

REGRAS DUPLO CONDICIONAL

Dilema Construtivo - DC

 $P \vee Q, P \rightarrow R, Q \rightarrow S: R \vee S$

Quando for verdade que duas proposições que compõe uma disjunção também aparecerem como antecedentes de dois condicionais, a disjunção formada pelos consequentes também será verdade.



DC - Dilema Construtivo: $P \vee Q, P \rightarrow R, Q \rightarrow S: R \vee S$

 $P \rightarrow Q, Q \rightarrow R, S \rightarrow T, U \rightarrow V, S \vee U, \sim R: (\sim P ^ \sim Q) ^ (T \vee V)$

FIM! Let's vamos...

kennedy.araujo@ifc-videira.edu.br