PROVA 02 - FUNDAMENTOS MATEMÁTICOS DA COMPUTAÇÃO

- O aluno n\u00e3o poder\u00e1 se ausentar do local de prova antes de decorrido 50min de prova.
- Mesmo nas questões objetivas o aluno deve demonstrar as etapas utilizadas para chegar a até a alternativa escolhida, caso não haja a presença de justificativa a questão será desconsiderada.
- A aplicação desta prova tem como objetivo avaliar a capacidade individual do aluno, não sendo permitida qualquer tipo de consulta.
- O aluno que for identificado tentando se utilizar de meios de consulta externa, incluindo colegas de turma, será penalizado com o recolhimento e anulação da prova.
- Todo material do aluno deve ser colocado embaixo de sua cadeira, sobre a mesma deverão estar apenas os objetos necessários para realização da prova

Ratifico que li e estou ciente das informações acima:	
Nome Legível:	
Assinatura:	

Da afirmação "nem todo magro é saudável e nem todo gordo é doente", conclui-se que:

- a) Todo gordo é saudável e todo magro é doente.
- b) Todo gordo é doente e todo magro é saudável.
- A quantidade de magros saudáveis é superior ao de gordos doentes.
- d) A quantidade de gordos doentes é superior ao de magros saudáveis.
- e) Há pelo menos um gordo saudável e pelo um magro doente.

Considere verdadeiras as afirmações:

- Todos os artistas são pessoas interessantes.
- Nenhuma pessoa interessante sabe dirigir.

É correto concluir que:

- a) Todas as pessoas interessantes são artistas
- b) Algum artista sabe dirigir
- c) Quem não é interessante sabe dirigir
- d) Toda pessoa que não sabe dirigir é artista.
- e) Nenhum artista sabe dirigir.

Um jornal publicou a seguinte manchete:

"Toda Agência do Banco do Brasil tem déficit de funcionários."

Diante de tal inverdade, o jornal se viu obrigado a retratar-se, publicando uma negação de tal manchete. Das sentenças seguintes, aquela que expressaria de maneira correta a negação da manchete publicada é::

- a) Qualquer Agência do Banco do Brasil não tem déficit de funcionários.
- b) Nenhuma Agência do Banco do Brasil tem déficit de funcionários.
- c) Alguma Agência do Banco do Brasil não tem déficit de funcionários.
- d) Existem Agências com deficit de funcionários que não pertencem ao Banco do Brasil.
- e) O quadro de funcionários do Banco do Brasil está completo.

Analise a seguinte sentença aberta:

I. Todos os aniversariantes do mês não gostam de cerveja.

E compare com as sentenças abertas abaixo:

- II. Nenhum aniversariante do mês gosta de cerveja.
- III. Nem todos os aniversariantes do mês gostam de cerveja.

IV. Algum aniversariante do mês gosta de cerveja Com base nestas sentenças a alternativa correta é:

- a) Se I é verdadeira então somente II é verdadeira;
- b) Se I é verdadeira então somente III é verdadeira.
- c) Se I é verdadeira então somente II e III são verdadeiras.
- d) Se I é verdadeira então somente IV é verdadeira.
- e) Se I é verdadeira então somente III e IV são verdadeiras.

Determine o conjunto verdade em A={1,3,4,7,9,11} de cada uma das seguintes sentenças abertas compostas:

- a) $x^2 \in A \vee |2x 5| < 5$
- b) $^{\sim}(x \in primo) ^{\sim} 3 \le x < 10$
- c) x é par ^ x é divisor de 27
- d) $x^2 < 11 v \sim (x \in impar)$
- e) $2x \in par \rightarrow x + 2 < 10$

Sejam as sentenças abertas em $A = \{1,2,3,4,5,6,7,8,9\}$:

$$p(x): x^2 \in A$$
 e $q(x): x \notin impar$

Determinar $V_{p \rightarrow q}$, $V_{q \rightarrow p}$, $V_{q \vee p}$, $V_{p \wedge q}$

Sendo F={1,2,3,4}, determinar o valor lógico (V ou F) de cada uma das seguintes proposições:

- a) $(\forall x \in F)(x + 3 < 6)$
- b) $(\forall x \in F)(x^2 10 \le 8)$
- c) $(\exists x \in F)(x + 3 > 10)$
- d) $(\exists x \in F)(2x^2 + x = 15)$

Determine a negação das proposições da questão anterior.

Sendo G={3,5,7,9}, dar um contra-exemplo para cada uma das seguintes proposições:

- a) $(\forall x \in G)(x + 3 \ge 7)$
- b) $(\forall x \in G) (x \notin impar)$
- c) $(\forall x \in G) (x^2 \notin primo)$
- d) $(\forall x \in G) (|x| = x)$

Utilize a prova direta para determinar a validade dos argumentos abaixo:

a)
$$R \rightarrow {}^{\sim}P$$
, $(R \land S) \lor T$, $T \rightarrow Q \lor U$, ${}^{\sim}Q \land {}^{\sim}U : {}^{\sim}P$

b)
$$P \vee Q$$
, $S \rightarrow Q \wedge R$, $P \rightarrow S$, $Q \rightarrow S : R \wedge Q$

c)
$$^{\sim}$$
(P v $^{\sim}$ R), P v Q, R \rightarrow S, Q $^{\wedge}$ S \rightarrow T $^{\wedge}$ S : S $^{\wedge}$ T

- d) $P \rightarrow Q$, $Q \lor R \rightarrow S$, $\sim S : \sim P$
- e) $(P \rightarrow Q) \rightarrow R$, $^{\sim}R$ v S, $^{\sim}(P \land ^{\sim}Q)$, S v T \rightarrow U : U

Utilize a prova do condicional para determinar a validade dos argumentos abaixo:

a)
$$P \lor Q \rightarrow R, S \rightarrow {}^{\sim}R \land {}^{\sim}T, S \lor U : P \rightarrow U$$

b) R v S,
$$^{\sim}T \rightarrow ^{\sim}P$$
, R $\rightarrow ^{\sim}Q : P ^{\wedge}Q \rightarrow S ^{\wedge}T$

c) P v
$$\sim$$
Q, Q, R \rightarrow \sim S, P \rightarrow (\sim S \rightarrow T): \sim T \rightarrow \sim R

d)
$$^{\sim}P \vee ^{\sim}S$$
, $Q \rightarrow ^{\sim}R$, $T \rightarrow S \wedge R$: $T \rightarrow ^{\sim}(P \vee Q)$

e)
$$(P \rightarrow Q) \land (R \land S), S \rightarrow T \lor U, U : R \rightarrow T$$

Utilize a prova indireta para determinar a validade dos argumentos abaixo:

a)
$$^{\sim}P \rightarrow ^{\sim}Q \vee R$$
, $S \vee (R \rightarrow T)$, $P \rightarrow S$, $^{\sim}S$: $Q \rightarrow T$

b)
$$^{\sim}P \vee ^{\sim}Q$$
, R \vee S \rightarrow P, Q \vee $^{\sim}S$, $^{\sim}R$: $^{\sim}(R \vee S)$

c)
$$(^{P} \rightarrow Q) ^{R} (R \rightarrow S)$$
, $P \leftrightarrow T \vee ^{S}$, R , $^{T}: Q$

d)
$$P \vee Q, P \rightarrow {}^{\sim}R, Q \rightarrow S : {}^{\sim}R \vee S$$

e)
$$(P \rightarrow Q) \vee R$$
, $S \vee T \rightarrow {}^{\sim}R$, $S \vee (T \wedge U) : P \rightarrow Q$