BÀI 1. ĐẠO HÀM

- CHƯƠNG 7. ĐẠO HÀM
- | FanPage: Nguyễn Bảo Vương

PHẦN A. LÝ THUYẾT VÀ VÍ DỤ MINH HỌA

1. Đạo hàm

Tổng quát, ta có định nghĩa đạo hàm của hàm số bất kì như sau:

Kiến thức trọng tâm

Cho hàm số y = f(x) xác định trên khoảng (a;b) và $x_0 \in (a;b)$.

Nếu tồn tại giới hạn hữu hạn $\lim_{x\to x_0} \frac{f(x)-f\left(x_0\right)}{x-x_0}$ thì giới hạn này được gọi là đạo hàm của hàm số

$$f(x)$$
 tại x_0 , kí hiệu là $f'(x_0)$ hoặc $y'(x_0)$. Vậy: $f'(x_0) = \lim_{x \to x_0} \frac{f(x) - f(x_0)}{x - x_0}$

Ví dụ 1. Cho hàm số $f(x) = x^2$. Tính $f'(x_0)$ với $x_0 \in \mathbb{R}$.

Giải

Ta có
$$f'(x_0) = \lim_{x \to x_0} \frac{f(x) - f(x_0)}{x - x_0} = \lim_{x \to x_0} \frac{x^2 - x_0^2}{x - x_0} = \lim_{x \to x_0} (x + x_0) = 2x_0.$$

Chú ý:

Cho hàm số y = f(x) xác định trên khoảng (a;b). Nếu hàm số này có đạo hàm tại mọi điểm $x \in (a;b)$ thì ta nói nó có đạo hàm trên khoảng (a;b), kí hiệu y' hoặc f'(x).

Ví dụ 2. Tính đạo hàm của các hàm số sau:

- a) f(x) = C(C là hằng số);
- b) $f(x) = \frac{1}{x} \text{ v\'oi } x \neq 0$.

Giải

a) Với bất kì x_0 , ta có:

$$f'(x_0) = \lim_{x \to x_0} \frac{f(x) - f(x_0)}{x - x_0} = \lim_{x \to x_0} \frac{C - C}{x - x_0} = \lim_{x \to x_0} 0 = 0.$$

Vậy f'(x) = (C)' = 0 trên \mathbb{R} .

b) Với bất kì $x_0 \neq 0$, ta có:

$$f'(x_0) = \lim_{x \to x_0} \frac{\frac{1}{x} - \frac{1}{x_0}}{x - x_0} = \lim_{x \to x_0} \frac{x_0 - x}{xx_0(x - x_0)} = \lim_{x \to x_0} \frac{-1}{xx_0} = -\frac{1}{x_0^2}.$$

Vậy
$$f'(x) = \left(\frac{1}{x}\right)' = -\frac{1}{x^2}$$
 trên các khoảng $(-\infty; 0)$ và $(0; +\infty)$.

Ý nghĩa vật lí của đạo hàm

- Nếu hàm số s=f(t) biểu thị quãng đường di chuyển của vật theo thời gian t thì $f'(t_0)$ biểu thị tốc độ tức thời của chuyển động tại thời điểm t_0 .
- Nếu hàm số T = f(t) biểu thị nhiệt độ T theo thời gian t thì $f'(t_0)$ biểu thị tốc độ thay đổi nhiệt độ theo thời gian tại thời điểm t_0 .

2. Ý nghĩa hình học của đạo hàm

Kiến thức trọng tâm

Blog: Nguyễn Bảo Vương: https://www.nbv.edu.vn/

Đạo hàm của hàm số y = f(x) tại điểm x_0 là hệ số góc của tiếp tuyến M_0T của (C) tại điểm $M_0(x_0; f(x_0))$.

Tiếp tuyến M_0T có phương trình là $y-f(x_0)=f'(x_0)(x-x_0)$.

Ví dụ 3. Cho hàm số $y = f(x) = x^2$ có đồ thị (C) và điểm $M(2;4) \in (C)$. Tính hệ số góc của tiếp tuyến của (C) tại điểm M và viết phương trình của tiếp tuyến đó.

Giải

Ta có $(x^2)' = 2x$ nên tiếp tuyến của (C) tại M có hệ số góc là $f'(2) = 2 \cdot 2 = 4$.

Phương trình tiếp tuyến của (C) tại M là $y-4=4(x-2) \Leftrightarrow y=4x-4$.

3. Số e

Người ta chứng minh được rằng có giới hạn hữu hạn $\lim_{x\to +\infty} \left(1+\frac{1}{x}\right)^x = e$

Hơn nữa, người ta còn biết rằng e là số vô tỉ và e = 2,718281828... (số thập phân vô hạn không tuần hoàn).

Từ kết quả trên suy ra, khi kì hạn trở nên rất ngắn (m dần đến $+\infty$) thì $\left(1+\frac{1}{m}\right)^m$ dần đến e, và do

đó
$$T = A \left(1 + \frac{1}{m}\right)^{mr}$$
 dần đến $A \cdot e^r$.

Số e xuất hiện trong nhiều bài toán ở những lĩnh vực khác nhau như Toán học, Vật lí, Sinh học, Kinh tế,

Ví dụ 4. Công thức $T = A.e^{rt}$ được dùng để tính tổng số tiền vốn và lãi mà người gửi nhận được sau thời gian t kể từ thời điểm người đó gửi tiết kiệm A đồng theo thể thức "lãi kép liên tục" với lãi suất r/năm. Trong đó, A và T tính theo đồng, t tính theo năm và t có thể nhận giá trị thực bất kì. Sử dụng máy tính cầm tay, tính giá trị của T (làm tròn đến hàng đơn vị) khi A = 20000000, r = 0,05 và

a)
$$t = \frac{1}{4}$$

b)
$$t = \frac{1}{365}$$
.

Giải

a)
$$T = 2000000 \cdot e^{0.05 \cdot \frac{1}{4}} = 20000000 \cdot e^{0.0125} \approx 2025157$$
 (đồng).

b)
$$T = 2000000 \cdot e^{0.05 \cdot \frac{1}{365}} \approx 2000274$$
 (đồng).

PHẦN B. BÀI TẬP TỰ LUẬN (PHẦN DẠNG)

Dạng 1. Tính đạo hàm bằng định nghĩa

Câu 1. (SGK - CTST 11 - Tập 2) Tính đạo hàm của hàm số $f(x) = x^3$.

Câu 2. (SGK - CTST 11 - Tập 2) Dùng định nghĩa để tính đạo hàm của các hàm số sau:

a)
$$f(x) = -x^2$$

b)
$$f(x) = x^3 - 2x$$
;

c)
$$f(x) = \frac{4}{x}$$
.

Câu 3. Tính đạo hàm của hàm số $y = x + \sqrt{x-1}$ tại điểm $x_0 = 2$.

Tính đạo hàm (nếu tồn tại) của hàm số $y = |x-1|x^2$ tại điểm $x_0 = 1$. Câu 4.

Tính (bằng định nghĩa) đạo hàm của hàm số $y = 2x^2 + 3x - 1$ tại điểm $x_0 = 1$. Câu 5.

Cho hàm số $f(x) = x(2x-1)^2$. Tính f'(0) và f'(1). Câu 6.

Câu 7. Cho hàm số $f(x) = \begin{cases} (x-1)^2 & \text{nếu } x \ge 0 \\ 1-2x & \text{nếu } x < 0 \end{cases}$. Tính f'(0).

Câu 8. Tính đao hàm của hàm số:

a) $y = ax^2$ (a là hằng số) tại điểm x_0 bất kì.

b)
$$y = \frac{1}{x-1}$$
 tại điểm x_0 bất kì, $x_0 \ne 1$.

Câu 9. Dùng định nghĩa để tính đạo hàm của các hàm số sau:

a)
$$f(x) = x^2 + \sqrt{x} \text{ v\'oi } x > 0$$
;

b)
$$f(x) = \frac{x}{x-1} \text{ v\'oi } x \neq 1$$
.

Câu 10. Cho hàm số $y = \sqrt[3]{x}$. Chứng minh rằng $y'(x) = \frac{1}{3\sqrt[3]{x^2}} (x \neq 0)$.

Câu 11. Xét tính liên tục, sự tồn tại đạo hàm và tính đạo hàm (nếu có) của các hàm số sau đây trên

$$f(x) = \begin{cases} x^2 - x + 2 & \text{khi } x \le 2 \\ \frac{1}{x+1} & \text{khi } x > 2 \end{cases}$$

$$b) f(x) = \begin{cases} x^2 + 2x & \text{khi } x \le 1 \\ \frac{2}{x} + 1 & \text{khi } x > 1 \end{cases}$$

Câu 12. Tính đạo hàm của hàm số $f(x) = 3x^3 - 1$ tại điểm $x_0 = 1$ bằng định nghĩa.

Câu 13. Tính đạo hàm của mỗi hàm số sau bằng định nghĩa:

- a) f(x) = x + 2;
- b) $g(x) = 4x^2 1$;
- c) $h(x) = \frac{1}{x-1}$

Câu 14. Chứng minh rằng hàm số f(x) = |x-2| không có đạo hàm tại điểm $x_0 = 2$, nhưng có đạo hàm tai moi điểm $x \neq 2$.

Dạng 2. Ứng dụng

Câu 15. (SGK - CTST 11 - Tập 2) Cho (C) là đồ thị của hàm số $f(x) = \frac{1}{x}$ và điểm $M(1;1) \in (C)$.

Tính hệ số góc của tiếp tuyến của (C) tại điểm M và viết phương trình tiếp tuyến đó.

Câu 16. (SGK - CTST 11 - Tâp 2) Một người gửi tiết kiệm khoản tiền 5 triệu đồng vào ngân hàng với lãi suất 6%/ năm và theo thể thức lãi kép liên tục. Tính tổng số tiền vốn và lãi mà người đó nhận được sau

- a) 1 ngày;
- b) 30 ngày.

(Luôn coi một năm có 365 ngày.)

Câu 17. (SGK - CTST 11 - Tập 2) Cho hàm số $f(x) = -2x^2$ có đồ thị (C) và điểm $A(1; -2) \in (C)$. Tính hệ số góc của tiếp tuyến với (C) tại điểm A.

Câu 18. (SGK - CTST 11 - Tập 2) Viết phương trình tiếp tuyến của đồ thị hàm số $y = x^3$

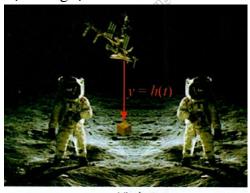
- a) Tai điểm (−1;1);
- b) Tai điểm có hoành đô bằng 2.

Câu 19. (SGK - CTST 11 - Tập 2) Một chuyển động thẳng xác định bởi phương trình $s(t) = 4t^3 + 6t + 2$, trong đó s tính bằng mét và t là thời gian tính bằng giây. Tính vận tốc tức thời của chuyển động tại t = 2.

Câu 20. (SGK - CTST 11 - Tập 2) Một người gửi tiết kiệm khoản tiền 10 triệu đồng vào một ngân hàng với lãi suất 5%/năm. Tính tổng số tiền vốn và lãi mà người đó nhận được sau một năm, nếu tiền lãi được tính theo thể thức

- a) lãi kép với kì hạn 6 tháng;
- b) lãi kép liên tục.

Câu 21. (SGK - CTST 11 - Tập 2) Trên Mặt Trăng, quãng đường rơi tự do của một vật được cho bởi công thức $h(t) = 0.81t^2$, với t được tính bằng giây và h tính bằng mét. Hãy tính vận tốc tức thời của vật được thả rơi tự do trên Mặt Trăng tại thời điểm t = 2.



Hình 4

(Nguồn: https://www.britannica.com/place/Moon)

Câu 22. Cho hàm số $y = (2x+1)^2$.

- a) Bằng định nghĩa, hãy tính đạo hàm của hàm số đã cho tại điểm $x_0 = -1$.
- b) Viết phương trình tiếp tuyến của đồ thị hàm số tại điểm A(-1;1).

Câu 23. Cho hàm số $y = \frac{8}{x}, x \neq 0$.

- a) Tính đạo hàm của hàm số tại điểm x_0 bất kì, $x_0 \neq 0$.
- b) Viết phương trình tiếp tuyến của đồ thị hàm số tại điểm có hoành độ $x_0 = 2$.
- c) Viết phương trình tiếp tuyến của đồ thị hàm số, biết tiếp tuyến đó song song với đường thẳng có phương trình y = -2x + 8.

Câu 24. Tìm toạ độ điểm M trên đồ thị hàm số $y = x^3 + 1$, biết hệ số góc của tiếp tuyến của đồ thị hàm số tại M bằng 3.

Câu 25. Viết phương trình tiếp tuyến của đồ thị hàm số $y = -3x^2$, biết tiếp tuyến đó song song với đường thẳng có phương trình y = 6x + 5.

Câu 26. Vị trí của một vật chuyển động thẳng được cho bởi phương trình $s = t^3 - 4t^2 + 4t$, trong đó t tính bằng giây và s tính bằng mét. Tính vận tốc của vật tại các thời điểm t = 3 giây và t = 5 giây.

Câu 27. Cho hàm số $y = f(x) = \frac{x}{x-1}$ có đồ thị là (H).

- a) Viết tiếp tuyến của (H) tại điểm $M \in (H)$ có $x_M = 2$.
- b) Viết tiếp tuyến của (H) biết tiếp tuyến song song với đường thẳng d: y = -x.
- c) Viết tiếp tuyến của (H) biết tiếp tuyến đi qua điểm N(1;-1).

Câu 28. Một chuyển động thẳng xác định bởi phương trình $s(t) = -2t^2 + 16t + 15$, trong đó s tính bằng mét và t là thời gian tính bằng giây. Tính vận tốc tức thời tại thời điểm t = 3.

Câu 29. Cho parabol (P) có phương trình $y = x^2$. Tìm hệ số góc của tiếp tuyến của parabol (P) a) Tai điểm (-1;1);

b) Tại giao điểm của (P) với đường thẳng y = -3x + 2.

Câu 30. Gọi (C) là đồ thị của hàm số $y = x^3 - 2x^2 + 1$. Viết phương trình tiếp tuyến của (C) sao cho tiếp tuyến đó

- a) Song song với đường thẳng y = -x + 2;
- b) Vuông góc với đường thẳng $y = -\frac{1}{4}x 4$;
- c) Đi qua điểm A(0;1).

Câu 31. Một vật chuyển động có quãng đường được xác định bởi phương trình $s(t) = 2t^2 + 5t + 2$, trong đó s tính bằng mét và t là thời gian tính bằng giây. Tính vận tốc tức thời tại thời điểm t = 4.

Câu 32. Cho hàm số $y = f(x) = x^2$ có đồ thị (P).

- a) Xác định hệ số góc k của tiếp tuyến của đồ thị (P) tại điểm có hoành độ bằng $\frac{1}{2}$.
- b) Viết phương trình tiếp tuyến của đồ thị (P) tại điểm có hoành độ bằng $\frac{1}{2}$.

Câu 33. Cho hàm số $y = f(x) = 2 + \frac{1}{x}$ có đồ thị (C).

- a) Xác định hệ số góc k của tiếp tuyến của đồ thị (C) tại điểm có tung độ bằng 3 .
- b) Viết phương trình tiếp tuyến của đồ thị (C) tại điểm có tung độ bằng 3.

Câu 34. Giả sử chi phí C (USD) để sản xuất Q máy vô tuyến là $C(Q) = Q^2 + 80Q + 3500$.

- a) Tính $\frac{\Delta C}{\Delta Q}$.
- b) Ta gọi chi phí biên là chi phí gia tăng để sản xuất thêm 1 sản phẩm từ Q sản phẩm lên Q+1 sản phẩm. Giả sử chi phí biên được xác định bởi hàm số C'(Q). Tìm hàm chi phí biên.
- c) Tìm C'(90) và giải thích ý nghĩa kết quả tìm được.

Câu 35. Cho hàm số $f(x) = x^3$ có đồ thị (C).

a) Viết phương trình tiếp tuyến của (C) tại điểm có hoành độ bằng -1.

b) Viết phương trình tiếp tuyến của (C) tại điểm có tung độ bằng 8.

Câu 36. Một vật rơi tự do có phương trình chuyển động là $s(t) = \frac{1}{2}gt^2$, trong đó $g = 9.8 m/s^2$.

- a) Tìm vân tốc tức thời của vật tại thời điểm t = 3(s).
- b) Tìm thời điểm mà vận tốc tức thời của vật tại thời điểm đó bằng 39,2(m/s).

PHẦN C. BÀI TẬP TRẮC NGHIỆM (PHÂN MÚC ĐỘ)

1. Câu hỏi dành cho đối tượng học sinh trung bình – khá

Câu 1. Phát biểu nào trong các phát biểu sau là đúng?

- **A.** Nếu hàm số y = f(x) có đạo hàm trái tại x_0 thì nó liên tục tại điểm đó.
- **B.** Nếu hàm số y = f(x) có đạo hàm phải tại x_0 thì nó liên tục tại điểm đó.
- C. Nếu hàm số y = f(x) có đạo hàm tại x_0 thì nó liên tục tại điểm $-x_0$.
- **D.** Nếu hàm số y = f(x) có đạo hàm tại x_0 thì nó liên tục tại điểm đó.

Cho hàm số y = f(x) có đạo hàm tại x_0 là $f'(x_0)$. Khẳng định nào sau đây là **sai**? Câu 2.

A.
$$f'(x_0) = \lim_{x \to x_0} \frac{f(x+x_0) - f(x_0)}{x - x_0}$$
.

B.
$$f'(x_0) = \lim_{\Delta x \to 0} \frac{f(x_0 + \Delta x) - f(x_0)}{\Delta x}$$
.

C.
$$f'(x_0) = \lim_{x \to x_0} \frac{f(x) - f(x_0)}{x - x_0}$$
.

D.
$$f'(x_0) = \lim_{h \to 0} \frac{f(h + x_0) - f(x_0)}{h}$$
.

Cho hàm số y = f(x) xác định trên \mathbb{R} thỏa mãn $\lim_{x \to 3} \frac{f(x) - f(3)}{x - 3} = 2$. Kết quả đúng là Câu 3.

A.
$$f'(2) = 3$$

B.
$$f'(x) = 2$$

A.
$$f'(2) = 3$$
. **B.** $f'(x) = 2$. **C.** $f'(x) = 3$. **D.** $f'(3) = 2$.

D.
$$f'(3) = 2$$

Cho hàm số y = f(x) có đạo hàm thỏa mãn f'(6) = 2. Giá trị của biểu thức $\lim_{x \to 6} \frac{f(x) - f(6)}{x - 6}$ Câu 4.

bằng

C.
$$\frac{1}{3}$$
.

D.
$$\frac{1}{2}$$
.

Tiếp tuyến của đồ thị hàm số $y = \frac{x+1}{2x-3}$ tại điểm có hoành độ $x_0 = -1$ có hệ số góc bằng Câu 5.

B.
$$-\frac{1}{5}$$
. **C.** -5 .

D.
$$\frac{1}{5}$$
.

Viết phương trình tiếp tuyến của đồ thị hàm số $y = x^4 - 4x^2 + 5$ tại điểm có hoành độ x = -1. Câu 6.

A.
$$y = 4x - 6$$
.

B.
$$y = 4x + 2$$
.

C.
$$y = 4x + 6$$
.

D.
$$y = 4x - 2$$
.

Viết phương trình tiếp tuyến của đồ thị hàm số $y = x^4 - 4x^2 + 5$ tại điểm có hoành độ x = -1. Câu 7.

A.
$$y = 4x - 6$$
.

B.
$$v = 4x + 2$$
.

C.
$$y = 4x + 6$$
.

D.
$$y = 4x - 2$$
.

Tiếp tuyến của đồ thị hàm số $y = \frac{2x+3}{x-2}$ tại điểm có hoành độ bằng 3, tương ứng là Câu 8.

A.
$$y = 7x + 13$$
.

B.
$$y = -7x + 30$$
. **C.** $y = 3x + 9$.

C.
$$y = 3x + 9$$

D.
$$y = -x - 2$$
.

Cho hàm số $y = \frac{1}{3}x^3 + x^2 - 2x + 1$ có đồ thị là (C). Phương trình tiếp tuyến của (C) tại điểm $M\left(1;\frac{1}{3}\right)$ là:

A.
$$y = 3x - 2$$
.

B.
$$y = -3x + 2$$
.

C.
$$y = x - \frac{2}{3}$$

B.
$$y = -3x + 2$$
. **C.** $y = x - \frac{2}{3}$. **D.** $y = -x + \frac{2}{3}$

Câu 10. Viết phương trình tiếp tuyến của đồ thị hàm số $y = x^3 - 3x$ tại điểm có hoành độ bằng 2.

A.
$$y = -9x + 16$$
.

B.
$$y = -9x + 20$$
.

C.
$$y = 9x - 20$$
.

D.
$$y = 9x - 16$$
.

Câu 11. Phương trình tiếp tuyến của đồ thị (C): $y = 3x - 4x^2$ tại điểm có hoành độ $x_0 = 0$ là

A.
$$y = 0$$

B.
$$v = 3x$$
.

C.
$$y = 3x - 2$$
.

D.
$$y = -12x$$

Câu 12. Cho hàm số $y = -x^3 + 3x - 2$ có đồ thị (C). Viết phương trình tiếp tuyến của (C) tại giao điểm của (C) với trục tung.

A.
$$y = -2x + 1$$
.

B.
$$y = 2x + 1$$
.

C.
$$y = 3x - 2$$
.

B.
$$y = 2x + 1$$
. **C.** $y = 3x - 2$. **D.** $y = -3x - 2$.

Câu 13. Viết phương trình tiếp tuyến của đồ thị (C): $y = x^4 - 8x^2 + 9$ tại điểm M có hoành độ bằng -1.

A.
$$v = 12x + 14$$
.

B.
$$v = 12x - 14$$
.

C.
$$y = 12x + 10$$
.

D.
$$y = -20x - 22$$
.

Câu 14. Cho hàm số $y = \frac{x-2}{x+1}$. Viết phương trình tiếp tuyến của đồ thị hàm số trên tại điểm có hoành độ

$$x_0 = 0.$$

A.
$$y = 3x - 2$$

B.
$$y = -3x - 2$$

B.
$$y = -3x - 2$$
. **D.** $y = 3x + 2$.

D.
$$y = 3x + 2$$

Câu 15. Phương trình tiếp tuyến của đồ thị hàm số $y = \frac{-x+3}{x-1}$ tại điểm có hoành độ x = 0 là

A.
$$y = -2x + 3$$
.

B.
$$y = -2x - 3$$

A.
$$y = -2x + 3$$
. **B.** $y = -2x - 3$. **C.** $y = 2x - 3$.

D.
$$y = 2x + 3$$

Câu 16. Cho hàm số $y = x^3 - 2x + 1$ có đồ thị (C). Hệ số góc k của tiếp tuyến với (C) tại điểm có hoàng đô bằng 1 bằng

A.
$$k = -5$$
.

B.
$$k = 10$$
.

C.
$$k = 25$$
.

D.
$$k = 1$$
.

Câu 17. Tiếp tuyến của đồ thị hàm số $y = \frac{-x+1}{3x-2}$ tại giao điểm của đồ thị hàm số với trục tung có hệ số góc là

$$A. -1.$$

B.
$$\frac{1}{4}$$

C.
$$-\frac{5}{4}$$

B.
$$\frac{1}{4}$$
. **D.** $-\frac{5}{4}$.

Câu 18. Một chất điểm chuyển động có phương trình $s = 2t^2 + 3t$ (t tính bằng giây, s tính bằng mét). Vận tốc của chất điểm tại thời điểm $t_0 = 2$ (giây) bằng

A.
$$22(m/s)$$
.

B.
$$19(m/s)$$

C.
$$9(m/s)$$

B.
$$19(m/s)$$
. **C.** $9(m/s)$. **D.** $11(m/s)$.

Câu 19. Một chất điểm chuyển động có phương trình $s = 2t^2 + 3t$ (t tính bằng giây, s tính bằng mét). Vận tốc của chất điểm tại thời điểm $t_0 = 2$ (giây) bằng.

A. 22
$$(m/s)$$
.

B. 19
$$(m/s)$$
.

C. 9
$$(m/s)$$
.

D. 11
$$(m/s)$$
.

Câu 20. Một chất điểm chuyển động có vận tốc tức thời v(t) phụ thuộc vào thời gian t theo hàm số $v(t) = -t^4 + 8t^2 + 500$. Trong khoảng thời gian t = 0 đến t = 5 chất điểm đạt vận tốc lớn nhất tại thời điểm nào? **B.** t = 4. **C.** t = 2.

A.
$$t = 1$$
.

B.
$$t = 4$$

C.
$$t = 2$$
.

D.
$$t = 0$$
.

Câu 21. Một chất điểm chuyển động thẳng được xác định bởi phương trình $s = t^3 - 3t^2 + 5t + 2$, trong đó t tính bằng giây và s tính bằng mét. Gia tốc của chuyển động khi t=3 là: C. $24m/s^2$. **D.** $14m/s^2$.

A.
$$12m/s^2$$
.

B.
$$17m/s^2$$
.

C.
$$24m/s^2$$
.

D.
$$14m/s^2$$
.

Câu 22. Một vật chuyển động theo quy luật $s(t) = -\frac{1}{2}t^3 + 12t^2$, t (giây) là khoảng thời gian tính từ lúc vật bắt đầu chuyển động, s (mét) là quãng đường vật chuyển động trong t giây. Vận tốc tức thời của vật tại thời điểm t = 10 (giây) là:

A.
$$80(m/s)$$
.

B.
$$90(m/s)$$
.

B.
$$90(m/s)$$
. **C.** $100(m/s)$. **D.** $70(m/s)$.

D.
$$70(m/s)$$
.

Câu 23. Một vật chuyển động theo quy luật $s = -\frac{1}{2}t^3 + 9t^2$ với t (giây) là khoảng thời gian tính từ lúc bắt đầu chuyển động và s (mét) là quãng đường vật đi được trong khoảng thời gian đó. Hỏi trong khoảng thời gian 10 giây, kể từ lúc bắt đầu chuyển động, vận tốc lớn nhất của vật đạt được bằng bao nhiêu?

A. 216
$$(m/s)$$
.

B. 30
$$(m/s)$$
.

C. 400
$$(m/s)$$
.

D.
$$54 (m/s)$$

2. Câu hỏi dành cho đối tượng học sinh khá-giỏi

Câu 24. Cho hàm số $y = \begin{cases} \frac{x^2 - 7x + 12}{x - 3} & \text{khi } x \neq 3 \\ -1 & \text{khi } x = 3 \end{cases}$. Mệnh đề nào sau đây là **đúng?**

A. Hàm số liên tục nhưng không có đạo hàm tại $x_0 = 3$.

B. Hàm số có đạo hàm nhưng không liên tục tại $x_0 = 3$.

C. Hàm số gián đoạn và không có đạo hàm tại $x_0 = 3$.

D. Hàm số liên tục và có đạo hàm tại $x_0 = 3$.

Câu 25. Cho hàm số $y = f(x) = \begin{cases} x^2 + 1, & x \ge 1 \\ 2x, & x < 1. \end{cases}$ Mệnh đề **sai** là **A.** f'(1) = 2. **B.** f không có đạo hàm tại $x_0 = 1$.

A.
$$f'(1) = 2$$
.

C.
$$f'(0) = 2$$
. **D.** $f'(2) = 4$.

D.
$$f'(2) = 4$$

Câu 26. Cho hàm số $f(x) = \begin{cases} \frac{3-x^2}{2} & \text{khi } x < 1 \\ \frac{1}{x} & \text{khi } x \ge 1 \end{cases}$. Khẳng định nào dưới đây là **sai**?

A. Hàm số f(x) liên tục tại x = 1.

B. Hàm số f(x) có đạo hàm tại x = 1.

C. Hàm số f(x) liên tục tại x = 1 và hàm số f(x) cũng có đạo hàm tại x = 1.

D. Hàm số f(x) không có đao hàm tai x = 1.

Câu 27. Cho hàm số $f(x) = \begin{cases} ax^2 + bx & \text{khi } x \ge 1 \\ 2x - 1 & \text{khi } x < 1 \end{cases}$. Để hàm số đã cho có đạo hàm tại x = 1 thì 2a + b

bằng:

A. 2.

B. 5.

C. –2.

D. −5.

Cho hàm số f(x) = |x-1|. Khẳng định nào sau đây là khẳng định sai?

B. f(x) có đạo hàm tại x = 1.

C. f(x) liên tục tại x = 1.

D. f(x) đạt giá trị nhỏ nhất tại x = 1.

Câu 29. Cho hàm số $f(x) = \frac{3x}{1+|x|}$. Tính f'(0).

A. f'(0) = 0. **B.** f'(0) = 1. **C.** $f'(0) = \frac{1}{3}$. **D.** f'(0) = 3. **Cau 30.** Cho hàm số $f(x) = \begin{cases} \frac{\sqrt{3x+1}-2x}{x-1} & \text{thi } x \neq 1 \\ \frac{-5}{4} & \text{thi } x = 1 \end{cases}$. Tính f'(1). **A.** Không tồn tại. **B.** 0 **C.** $-\frac{7}{50}$. **D.** $-\frac{9}{64}$.

Câu 31. Cho hàm số $f(x) = \begin{cases} ax^2 + bx + 1, x \ge 0 \\ ax - b - 1, x < 0 \end{cases}$. Khi hàm số f(x) có đạo hàm tại $x_0 = 0$. Hãy tính

T = a + 2b.

T = a + 2b. **A.** T = -4. **B.** T = 0. **C.** T = -6. **D.** T = 4. **Câu 32.** $\lim_{x \to 0} \frac{(x^2 + 2012)\sqrt[7]{1 - 2x} - 2012}{x} = \frac{a}{b}$, với $\frac{a}{b}$ là phân số tối giản, a là số nguyên âm. Tổng a + b

bằng

A. -4017.

C. -4015. **D.** -4016.

Câu 33. Cho hàm số $f(x) = \begin{cases} \frac{3-\sqrt{4-x}}{4} & \text{khi } x \neq 0 \\ \frac{1}{4} & \text{khi } x = 0 \end{cases}$. Khi đó f'(0) là kết quả nào sau đây?

D. Không tồn tại.

Câu 34. Hàm số nào sau đây không có đạo hàm trên \mathbb{R} ?

A. v = |x-1|.

B. $y = \sqrt{x^2 - 4x + 5}$. **C.** $y = \sin x$. **D.** $y = \sqrt{2 - \cos x}$.

Câu 35. Cho hàm số y = f(x) có đạo hàm tại điểm $x_0 = 2$. Tìm $\lim_{x \to 2} \frac{2f(x) - xf(2)}{x - 2}$.

A. 0.

B. f'(2).

C. 2f'(2) - f(2).

D. f(2) - 2f'(2).

Câu 36. Cho hàm số $f(x) = \begin{cases} (x-1)^2 & khi & x \ge 0 \\ -x^2 & khi & x < 0 \end{cases}$ có đạo hàm tại điểm $x_0 = 0$ là?

B. f'(0) = 1. **C.** f'(0) = -2. **D.** Không tồn tại.

Câu 37. Cho hàm số f(x) liên tục trên đoạn [a;b] và có đạo hàm trên khoảng (a;b). Trong các khẳng định

	(I): Tồn tại một số $c \in (a;b)$ sao cho $f'(c) = \frac{f(b) - f(a)}{b - a}$.					
	(II): Nếu $f(a) = f(b)$ thì luôn tồn tại $c \in (a;b)$ sao cho $f'(c) = 0$. (III): Nếu $f(x)$ có hai nghiệm phân biệt thuộc khoảng $(a;b)$ thì giữa hai nghiệm đó luôn tồn tại					
	một nghiệm của $f'(x)$. Số khẳng định đúng tron A. 0.	ng ba khẳng định trên là B. 2.	C. 3.	D. 1.		
Câu 38.	Cho hàm số $f(x) = \begin{cases} ax \\ x^2 \end{cases}$	\sqrt{x} khi $0 < x < x_0$ +12 khi $x \ge x_0$	Biết rằng ta luôn tìm đư	ược một số dương x_0 và		
một số thực a để hàm số f có đạo hàm liên tục trên khoảng $(0;+\infty)$. Tính giá trị $S=x_0+a$.						
	A. $S = 2(3-2\sqrt{2})$.	B. $S = 2(1+4\sqrt{2})$.	C. $S = 2(3 - 4\sqrt{2})$.	D. $S = 2(3 + 2\sqrt{2})$.		
Câu 39.	Cho hàm số $y = \begin{cases} x^2 + a \\ x^3 - x^3 \end{cases}$	$x+b$ khi $x \ge 2$ $x^2-8x+10$ khi $x < 2$	Biết hàm số có đạo hàm	tại điểm $x = 2$. Giá trị của		
$a^2 + b^2$ by	àng A. 20.	B. 17.	C. 18.	D. 25.		
Câu 40.	Cho hàm số $y = \frac{x+1}{x-1}$ co	\dot{c} đồ thị (C) . Gọi d là	tiếp tuyến của (C) tại đ	iểm có tung độ bằng 3.		
	\hat{b} góc k của đường thẳng					
	A. $-\frac{1}{2}$.	B. −2	C 2.	D. $\frac{1}{2}$.		
Câu 41.	Viết phương trình tiếp tư A. $x+y-1=0$.					
Câu 42.	Hệ số góc tiếp tuyến tại A. 1.	A(1;0) của đồ thị hàm B. -1 .	số $y = x^3 - 3x^2 + 2$ là C3.	D. 0.		
Câu 43.	Gọi I là giao điểm giữa	a đồ thị hàm số $y = \frac{x+1}{x+1}$	$\frac{1}{1}$ và trục tung của hệ trụ	ục tọa độ Oxy . Hệ số góc		
	uyến với đồ thị hàm số tr A2.		C1.	D. 2.		
Câu 44.	Phương trình tiếp tuyến của đồ thị hàm số $y = \frac{3x-1}{x-1}$ tại điểm có hoành độ $x = 2$ là					
	A. $y = 2x + 9$.	B. $y = -2x + 9$.	x-1 C. $y = 2x-9$.	D. $y = -2x - 9$.		
Câu 45.	Phương trình tiếp tuyến của đồ thị (H) : $y = \frac{x-1}{x+2}$ tại giao điểm của (H) và trục hoành là:					
	A. $y = x - 3$.	B. $y = \frac{1}{3}(x-1)$.	C. $y = 3x$.	D. $y = 3(x-1)$.		
	Cho hàm số $y = -x^3 + 3x^2 + 9x - 1$ có đồ thị (<i>C</i>). Hệ số góc lớn nhất của tiếp tuyến với đồ thị (<i>C</i>)					
là.	A. 1	B. 6	C. 12	D. 9		
Câu 47. Cho hàm số $y = x^4 + 2x^2 + 1$ có đồ thị (C) . Phương trình tiếp tuyến của đồ thị (C) tại điểm $M(1;4)$ là						

A.
$$y = 8x - 4$$
.

B.
$$y = x + 3$$
.

C.
$$y = -8x + 12$$

D.
$$y = 8x + 4$$
.

Câu 48. Tiếp tuyến của đồ thị hàm số $y = \frac{x+1}{x-1}$ tại điểm A(2;3) có phương trình y = ax + b. Tính a + b

A. 9.

B. 5.

C. 1.

D. -1.

Câu 49. Viết phương trình tiếp tuyến của đồ thị hàm số $y = x^4 - 6x^2 + 5$ tại điểm có hoành độ x = 2.

A.
$$y = -8x - 16$$
.

B.
$$y = 8x - 19$$
.

C.
$$y = -8x + 16$$
.

D.
$$v = 8x + 19$$
.

Câu 50. Phương trình tiếp tuyến của đồ thị hàm số $y = \frac{x+1}{x-2}$ tại điểm có tung độ bằng -2 là

A.
$$y = 3x + 1$$
.

B.
$$y = -3x - 1$$
.

C.
$$y = -3x + 1$$
.

D.
$$y = -3x + 3$$

Câu 51. Có bao nhiều điểm M thuộc đồ thị hàm số $f(x) = x^3 + 1$ sao cho tiếp tuyến của đồ thị hàm số f(x) tại M song song với đường thẳng d: y = 3x - 1?

Câu 52. Cho đồ thị hàm số $y = x^3 - 3x$ (C). Số các tiếp tuyến của đồ thị (C) song song với đường thẳng y = 3x - 10 là

Câu 53. Cho hàm số $y = -x^3 + 3x^2 - 3$ có đồ thị (C). Số tiếp tuyến của (C) vuông góc với đường thẳng $y = \frac{1}{9}x + 2017$ là

Câu 54. Cho hàm số $f(x) = \frac{2x+1}{x-1}$, (C). Tiếp tuyến của (C) song song với đường thẳng y = -3x có phương trình là

A.
$$v = -3x - 1$$
; $v = -3x + 11$.

B.
$$v = -3x + 10$$
; $v = -3x - 4$.

C.
$$y = -3x + 5$$
; $y = -3x - 5$.

D.
$$y = -3x + 2$$
; $y = -3x - 2$.

Câu 55. Cho hàm số $y = \frac{2x-1}{x+1}(C)$. Tiếp tuyến của (C) vuông góc với đường thẳng x+3y+2=0 tại điểm có hoành độ

A.
$$x = 0$$
.

B.
$$x = -2$$
.

$$\mathbf{C.} \begin{bmatrix} x=0 \\ x=-2 \end{bmatrix}. \qquad \mathbf{D.} \begin{bmatrix} x=0 \\ x=2 \end{bmatrix}.$$

$$\mathbf{D.} \begin{bmatrix} x = 0 \\ x = 2 \end{bmatrix}$$

Câu 56. Cho hàm số $y = x^3 - 3x^2 + 1$ có đồ thị là (C). Phương trình tiếp tuyến của (C) song song với đường thẳng v = 9x + 10 là

A.
$$y = 9x + 6$$
, $y = 9x - 28$.

B.
$$v = 9x$$
, $v = 9x - 26$.

C.
$$y = 9x - 6, y = 9x - 28$$
.

D.
$$y = 9x + 6$$
, $y = 9x - 26$.

Câu 57. Cho hàm số $y = x^3 - 3x^2 + 2$ có đồ thị (C). Phương trình tiếp tuyến của đồ thị (C) biết tiếp tuyến song song với đường thẳng d:9x-y+7=0 là

A.
$$y = 9x + 25$$
.

B.
$$y = -9x - 25$$
. **C.** $y = 9x - 25$ **D.** $y = -9x + 25$.

C.
$$v = 9x - 25$$

D.
$$y = -9x + 25$$

Câu 58. Cho hàm số $f(x) = x^3 - 3x^2$, tiếp tuyến song song với đường thẳng y = 9x + 5 của đồ thị hàm số là:

A.
$$y = 9(x+3)$$
.

B.
$$v = 9(x-3)$$
.

B.
$$y = 9(x-3)$$
. **C.** $y = 9x + 5 \text{ và } y = 9(x-3)$ **D.** $y = 9x + 5$.

D.
$$y = 9x + 5$$
.

Câu 59. Viết phương trình tiếp tuyến của đồ thị hàm số $y = f(x) = \sqrt{2x+1}$, biết rằng tiếp tuyến đó song song với đường thẳng x-3y+6=0.

A.
$$y = \frac{1}{3}x - 1$$

B.
$$y = \frac{1}{3}x + 1$$

A.
$$y = \frac{1}{3}x - 1$$
. **B.** $y = \frac{1}{3}x + 1$. **C.** $y = \frac{1}{3}x - \frac{5}{3}$. **D.** $y = \frac{1}{3}x + \frac{5}{3}$.

D.
$$y = \frac{1}{3}x + \frac{5}{3}$$
.

Câu 60. Cho hàm số $y = \frac{x+1}{x-1}$ đồ thị (C). Có bao nhiều cặp điểm A, B thuộc (C) mà tiếp tuyến tại đó song song với nhau:

B. Không tồn tai cặp điểm nào.

D. 2.

Câu 61. Cho hàm số $y = \frac{x-m}{x+1}$ có đồ thị là (C_m) . Với giá trị nào của m thì tiếp tuyến của (C_m) tại điểm có hoành độ bằng 0 song song với đường thẳng d: y = 3x + 1.

A.
$$m = 3$$
.

B.
$$m = 2$$
.

C.
$$m = 1$$
.

D.
$$m = -2$$
.

Câu 62. Có bao nhiều tiếp tuyến của đồ thị hàm số $y = -x^3 + 2x^2$ song song với đường thẳng y = x?

Câu 63. Cho hàm số $y = \frac{1}{2}x^3 - 2x^2 + x + 2$ có đồ thị (C). Phương trình các tiếp tuyến với đồ thị (C) biết

tiếp tuyến song song với đường thẳng $d: y = -2x + \frac{10}{3}$ là

A.
$$y = -2x + 2$$
.

B.
$$y = -2x - 2$$
.

A.
$$y = -2x + 2$$
. **B.** $y = -2x - 2$. **D.** $y = -2x - 10$, $y = -2x + \frac{2}{3}$.

D.
$$y = -2x - 10, y = -2x + \frac{2}{3}$$

Câu 64. Cho hàm số $y = \frac{x^3}{3} + 3x^2 - 2$ có đồ thị là (C). Viết phương trình tiếp tuyến với đồ thị (C) biết tiếp tuyến có hệ số góc k = -9.

A.
$$y+16=-9(x+3)$$
.. **B.**

B.
$$y = -9(x+3)$$

A.
$$y+16=-9(x+3)$$
. **B.** $y=-9(x+3)$. **C.** $y-16=-9(x-3)$. **D.** $y-16=-9(x+3)$.

Câu 65. Viết phương trình tiếp tuyến của đồ thị hàm số $y = x^3 - 3x^2 + 1$ biết nó song song với đường thẳng y = 9x + 6.

A.
$$y = 9x + 6$$
, $y = 9x - 6$.

B.
$$v = 9x - 26$$
.

C.
$$y = 9x + 26$$
.

D.
$$y = 9x - 26$$
, $y = 9x + 6$.

Câu 66. Có bao nhiều tiếp tuyến của đồ thị hàm số $y = -x^3 + 2x^2$ song song với đường thẳng y = x?

A. 3.

D. 1.

Câu 67. Số tiếp tuyến của đồ thị hàm số $y = -x^4 + 2x^2$ song song với trục hoành là

A. 3.

- **D.** 1.

Câu 68. Phương trình tiếp tuyến của đồ thị hàm số (C): $y = \frac{2x+1}{x+2}$ song song với đường thẳng

 Δ : y = 3x + 2 là

$$\mathbf{A} \quad v = 3v + 2$$

B.
$$y = 3x - 2$$

A.
$$y = 3x + 2$$
. **B.** $y = 3x - 2$. **C.** $y = 3x + 14$. **D.** $y = 3x + 5$.

D.
$$y = 3x + 5$$

Câu 69. Cho hàm số $y = x^3 - 3x^2 + 2$ có đồ thị (C). Tìm số tiếp tuyến của đồ thị (C) song song với đường thẳng *d*: y = 9x - 25.

Câu 70.	Tìm điểm M	có hoành độ âm	trên đồ thị (C) : y	$=\frac{1}{3}x^3-x+$	$\frac{2}{3}$ sao cho tiế	p tuyến tại <i>M</i>	vuông
góc với đ	Tường thẳng y	$=-\frac{1}{3}x+\frac{2}{3}$.					

A.
$$M\left(-1; \frac{4}{3}\right)$$
. **B.** $M\left(-2; 0\right)$. **C.** $M\left(2; \frac{4}{3}\right)$. **D.** $M\left(-2; -4\right)$.

B.
$$M(-2;0)$$
.

C.
$$M(2; \frac{4}{3})$$
.

D.
$$M(-2;-4)$$
.

Câu 71. Tìm các tiếp tuyến của đồ thị hàm số $y = \frac{2x+1}{x-1}$ biết các tiếp tuyến đó song song với đường thẳng y = -3x.

A.
$$y = -3x + 11$$
; $y = -3x - 1$.

B.
$$v = -3x - 6$$
; $v = -3x - 11$.

C.
$$y = -3x + 1$$
. **D.** $y = -3x + 6$.

D.
$$v = -3x + 6$$

Câu 72. Cho đường cong (C): $y = x^4 - 3x^3 + 2x^2 - 1$. Có bao nhiều tiếp tuyến của đường cong (C) có hệ số góc bằng 7?

Câu 73. Cho hàm số $y = x^4 - 2x^2 + m - 2$ có đồ thị (C). Gọi S là tập các giá trị của m sao cho đồ thị (C) có đúng một tiếp tuyến song song với trục Ox. Tổng các phần tử của S là

Câu 74. Cho hàm số $y = x^3 - 3x^2 + 2$ có đồ thị (C). Tìm số tiếp tuyến của đồ thị (C) song song với đường thẳng d: y = 9x - 25.

Câu 75. Tiếp tuyến của đồ thị hàm số $y = 2x^3 - 3x^2 - 12x + 1$ song song với đường thẳng d: 12x + y = 0 có dạng là y = ax + b. Tính giá trị của 2a + b.

$$R = -23$$

Câu 76. Đường thẳng y = 6x + m + 1 là tiếp tuyến của đồ thị hàm số $y = x^3 + 3x - 1$ khi m bằng

$$\mathbf{A}$$
. -4 hoặc -2 .

Câu 77. Tính tổng S tất cả giá trị của tham số m để đồ thị hàm số $f(x) = x^3 - 3mx^2 + 3mx + m^2 - 2m^3$ tiếp xúc với trục hoành.

A.
$$S = \frac{4}{3}$$
.

B.
$$S = 1$$

B.
$$S = 1$$
. **C.** $S = 0$.

D.
$$S = \frac{2}{3}$$
.

Câu 78. Cho hàm số $y = x^3 - 3x^2 + 2x$. Có tất cả bao nhiều tiếp tuyến của đồ thị hàm số đi qua điểm A(-1;0)?

Câu 79. Đường thẳng nào sau đây là tiếp tuyến kẻ từ M(2;-1) đến đồ thị hàm số $y = \frac{x^2}{4} - x + 1$.

A.
$$v = -2x + 3$$
. **B.** $v = -1$.

B.
$$v = -1$$
.

C.
$$v = x - 3$$
.

D.
$$y = 3x - 7$$
.

Câu 80. Cho hàm số $y = x^3 + 3mx^2 + (m+1)x + 1$ có đồ thị (C). Biết rằng khi $m = m_0$ thì tiếp tuyến với đồ thị (C) tại điểm có hoành độ bằng $x_0 = -1$ đi qua A(1;3). Khẳng định nào sâu đây đúng?

$$\mathbf{A}_{\bullet} - 1 < m_0 < 0$$
.

B.
$$0 < m_0 < 1$$
.

C.
$$1 < m_0 < 2$$

C.
$$1 < m_0 < 2$$
. **D.** $-2 < m_0 < -1$.

Câu 81.	Cho ham so $y = \frac{1-x}{1-x}$	A(C) và điểm $A(C)$	(m;1). Gọi S là tập tất c	á các giá trị của m để có		
đúng một tiếp tuyến của (C) đi qua $\it A$. Tính tổng bình phương các phần tử của tập $\it S$.						
	A. $\frac{25}{4}$.	B. $\frac{5}{2}$.	C. $\frac{13}{4}$.	D. $\frac{9}{4}$.		
				với mọi $m, n \in N$ và $\frac{m}{n}$		
tối giản)	là giá trị để có đúng một A. 2.	tiếp tuyến của (C) đi qu B. 7.	A. Khi đó giá t	trị $m+n$ là: D. 3.		
Câu 83. nhiêu?	Cho hàm số $y = x^3 - 3x$	$^2 + 6x + 1$ có đồ thị (C)	. Tiếp tuyến của (C) có	hệ số góc nhỏ nhất là bao		
	A. 4.	B. 3.	C. 1.	D. 2.		
Câu 84.	Cho hàm số $y = \frac{x+2}{2x+3}$	có đồ thị (C) . Đường t	thẳng d có phương trìn	h $y = ax + b$ là tiếp tuyến		
, ` ′	biết d cắt trục hoành tại a . Tính $a+b$.	A và cắt trục tung tại B	8 sao cho tam giác ΔO_A	AB cân tại O , với O là		
		B. -2 .	C. 0.	D. -3 .		
Câu 85. Cho hàm số $y = \frac{2x-1}{x-1}$ có đồ thị (C). Có bao nhiều tiếp tuyến của (C) cắt trục Ox, Oy lần lượt tại						
tại hai điể	m A và B thỏa mãn điều A. 2.		C : 1.	D. 4.		
Câu 86.	Tìm m để mọi tiếp tuyến A. $m \neq 0$.		$x^3 - mx^2 + (2m - 3)x - 1$ C. $m \ne 1$.	đều có hệ số góc dương. D. $m \in \emptyset$.		
Câu 87.	Cho hàm số $y = \frac{x+2}{2x+3}$ ((1). Đường thẳng $d:y=$	= ax + b là tiếp tuyến của	a đồ thị hàm số (1) . Biết		
	c hoành, trục tung lần lưọ A. –1.	9		Š		
Câu 88.	Cho hàm số $y = x^3 + 3x^2$	+1 có đồ thị (C) và đị	iểm $A(1;m)$. Gọi S là t	ập hợp tất cả các giá trị		
Câu 88. Cho hàm số $y = x^3 + 3x^2 + 1$ có đồ thị (C) và điểm $A(1;m)$. Gọi S là tập hợp tất cả các giá trị nguyên của tham số m để qua A có thể kể được đúng ba tiếp tuyến tới đồ thị (C) . Số phần tử của S là						
	A. 9.	B. 7.	C. 3.	D. 5		
Câu 89.	Cho hàm số $y = \frac{x+1}{x-1}$ có	\hat{d} đồ thị (C). Gọi d là t	iếp tuyến của (C) tại đi	ểm có tung độ bằng 3.		
	góc k của đường thẳng			1		
	A. $-\frac{1}{2}$.	B. –2	C. 2.	D. $\frac{1}{2}$.		
Câu 90.	Tìm m để mọi tiếp tuyế \mathbf{A} . $m \neq 0$.	n của đồ thị hàm số $y = \mathbf{B}$. $m > 1$.	$= x^3 - mx^2 + (2m - 3)x - $ C. $m \ne 1$.	1 đều có hệ số góc dương. D. $m \in \emptyset$.		
Câu 91. Cho hàm số $y = \frac{1}{x-1}$ có đồ thị (C) . Gọi Δ là tiếp tuyến của (C) tại điểm $M(2;1)$. Diện tích						
tam giác d	được tạo bởi Δ và các trụ	•		9		
	A. 3.	B. $\frac{3}{2}$.	C. 9.	D. $\frac{9}{2}$.		

Câu 92. Trong các đường thẳng sau, đường thẳng nào là tiếp tuyến của đồ thị hàm số $y = \frac{2x+3}{x+2}$ chắn hai trục tọa độ một tam giác vuông cân?

A.
$$y = x + 2$$
.

B.
$$y = x - 2$$
.

C.
$$y = -x + 2$$

B.
$$y = x - 2$$
. **C.** $y = -x + 2$. **D.** $y = \frac{1}{4}x + \frac{3}{2}$.

Câu 93. Cho hàm số y = f(x) có đạo hàm liên tục trên R, thỏa mãn $2f(2x) + f(1-2x) = 12x^2$. Viết phương trình tiếp tuyến của đồ thị hàm số y = f(x) tại điểm có hoành độ x = 1.

A.
$$y = 2x - 6$$
.

B.
$$y = 4x - 6$$
.

C.
$$y = x + 1$$
.

D.
$$y = 4x - 2$$
.

Theo dõi Fanpage: Nguyễn Bảo Vương * https://www.facebook.com/tracnghiemtoanthpt489/

Hoặc Facebook: Nguyễn Vương * https://www.facebook.com/phong.baovuong

Tham gia ngay: Nhóm Nguyễn Bào Vương (TÀI LIỆU TOÁN) # https://www.facebook.com/groups/703546230477890/

Án sub kênh Youtube: Nguyễn Vương

https://www.youtube.com/channel/UCQ4u2J5gIEI1iRUbT3nwJfA?view_as=subscriber

Tải nhiều tài liệu hơn tại: https://www.nbv.edu.vn/

