# BÀI 2. BIẾN CỐ HỢP VÀ QUY TẮC CỘNG XÁC SUẤT

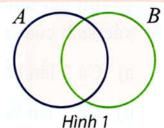
- CHƯƠNG 9. XÁC SUẤT
- | FanPage: Nguyễn Bảo Vương

## PHẦN A. LÝ THUYẾT VÀ VÍ DỤ MINH HỌA

### 1. Biến cố hợp

### Kiến thức trọng tâm

Cho hai biến cố A và B. Biến cố "A hoặc B xảy ra", kí hiệu là  $A \cup B$ , được gọi là biến cố hợp của A và B.



Chú ý: Biến cố  $A \cup B$  xảy ra khi có ít nhất một trong hai biến cố A và B xảy ra. Tập hợp mô tả biến cố  $A \cup B$  là hợp của hai tập hợp mô tả biến cố A và biến cố B.

**Ví dụ 1.** Một hộp chứa 5 viên bi xanh và 3 viên bi đỏ có cùng kích thước và khối lượng. Lấy ra ngẫu nhiên đồng thời 2 viên bi từ hộp. Gọi *A* là biến cố "Hai viên bi lấy ra đều có màu xanh", *B* là biến cố "Hai viên bi lấy ra đều có màu đỏ".

a) Có bao nhiều kết quả thuận lợi cho biến cố A? Có bao nhiều kết quả thuận lợi cho biến cố B?

b) Hãy mô tả bằng lời biến cố  $A \cup B$  và tính số kết quả thuận lợi cho biến cố  $A \cup B$ .

#### Giải

a) Số kết quả thuận lợi cho biến cố A là  $C_5^2 = 10$ .

Số kết quả thuận lợi cho biến cố B là  $C_3^2 = 3$ .

b)  $A \cup B$  là biến cố "Hai viên bi lấy ra có cùng màu". Số kết quả thuận lợi cho biến cố  $A \cup B$  là  $C_5^2 + C_3^2 = 13$ .

**Ví dụ 2.** Thực hiện hai thí nghiệm. Gọi  $T_1$  và  $T_2$  lần lượt là các biến cố "Thí nghiệm thứ nhất thành công" và "Thí nghiệm thứ hai thành công". Hãy biểu diễn các biến cố sau theo hai biến cố  $T_1$  và  $T_2$ .

a) A: "Có ít nhất một trong hai thí nghiệm thành công";

b) B: "Có đúng một trong hai thí nghiệm thành công".

#### Giải

- a)  $A = T_1 \cup T_2$ ;
- b)  $B = \overline{T_1}T_2 \cup T_1\overline{T_2}$ .

# 2. Quy tắc cộng xác suất

## Kiến thức trọng tâm

Cho hai biến cổ xung khắc A và B. Khi đó  $P(A \cup B) = P(A) + P(B)$ .

**Ví dụ 3.** Một đội tình nguyện gồm 9 học sinh khối 10 và 7 học sinh khối 11. Chọn ra ngẫu nhiên 3 người trong đội. Tính xác suất của biến cố "Cả 3 người được chọn học cùng một khối".

#### Giải

Gọi A là biến cố "Cả 3 học sinh được chọn đều thuộc khối 10" và B là biến cố "Cả 3 học sinh được chọn đều thuộc khối 11". Khi đó  $A \cup B$  là biến cố "Cả 3 người được chọn học cùng một khối". Do A và B là hai biến cố xung khắc nên  $P(A \cup B) = P(A) + P(B)$ .

Ta thấy 
$$P(A) = \frac{C_9^3}{C_{16}^3}$$
 và  $P(B) = \frac{C_7^3}{C_{16}^3}$ , nên  $P(A \cup B) = \frac{C_9^3 + C_7^3}{C_{16}^3} = \frac{17}{80}$ .

**Ví dụ 4**. Ở lúa, hạt gạo đục là tính trạng trội hoàn toàn so với hạt gạo trong. Cho cây lúa có hạt gạo đục thuần chủng thụ phần với cây lúa có hạt gạo trong được F1 toàn hạt gạo đục. Tiếp tục cho các cây lúa F1 thụ phần với nhau và thu được các hạt gạo mới. Lần lượt chọn ra ngẫu nhiên 2 hạt gạo mới, tính xác suất của biến cố "Có đúng 1 hạt gạo đục trong 2 hạt gạo được lấy ra".

#### Giải

Quy ước gene A: hạt gạo đục và gene a: hạt gạo trong. Ở thế hệ F2, ba kiểu gene AA, Aa, aa xuất hiện với tỉ lệ 1: 2: 1 nên tỉ lệ hạt gạo đục so với hạt gạo trong là 3: 1.

Gọi  $A_1, A_2$  lần lượt là biến cố "Hạt gạo lấy ra lần thứ nhất là hạt gạo đục" và biến cố "Hạt gạo lấy ra lần thứ hai là hạt gạo đục".

Ta có  $A_1, A_2$  là hai biến cố độc lập và  $P(A_1) = P(A_2) = \frac{3}{4}$ . Xác suất của biến cố "Có đúng 1 hạt gạo

đục trong 2 hạt gạo được lấy ra" là

$$P(A_{1}\overline{A}_{2} \cup \overline{A}_{1}A_{2}) = P(A_{1}\overline{A}_{2}) + P(\overline{A}_{1}A_{2}) = P(A_{1})P(\overline{A}_{2}) + P(\overline{A}_{1})P(A_{2})$$

$$= \frac{3}{4} \cdot \frac{1}{4} + \frac{1}{4} \cdot \frac{3}{4} = 2 \cdot \frac{3}{4} \cdot \frac{1}{4} = \frac{3}{8}.$$

Với hai biến cố A, B bất kì, ta có công thức cộng tổng quát như sau:

#### Kiến thức trong tâm

Cho hai biến cố A và B. Khi đó  $P(A \cup B) = P(A) + P(B) - P(AB)$ 

Ví dụ 5. Một hộp chứa 100 tấm thẻ cùng loại được đánh số lần lượt từ 1 đến 100 . Chọn ngẫu nhiên 1 thẻ từ hộp. Tính xác suất của biến cố "Số ghi trên thẻ được chọn chia hết cho 3 hoặc 5".

#### Giải

Gọi A là biến cố "Số ghi trên thẻ được chọn chia hết cho 3" và B là biến cố "Số ghi trên thẻ được chon chia hết cho 5 ".

 $A \cup B$  là biến cố "Số ghi trên thẻ được chọn chia hết cho 3 hoặc 5".

Từ 1 đến 100 có 33 số chia hết cho 3 nên  $P(A) = \frac{33}{100} = 0.33$ .

Từ 1 đến 100 có 20 số chia hết cho 5 nên  $P(B) = \frac{20}{100} = 0,2$ .

Một số chia hết cho cả 3 và 5 khi nó chia hết cho 15 . Từ 1 đến 100 có 6 số chia hết cho 15 nên

$$P(AB) = \frac{6}{100} = 0.06 \text{ Vậy } P(A \cup B) = P(A) + P(B) - P(AB) = 0.33 + 0.2 - 0.06 = 0.47.$$

# PHẦN B. BÀI TẬP TỰ LUẬN (PHÂN DẠNG)

### Dạng 1. Tính xác suất

**Câu 1.** (SGK - CTST 11 - Tập 2) Cho hai biến cố A và B độc lập với nhau. Biết P(A) = 0.9 và P(B) = 0.6. Hãy tính xác suất của biến cố  $A \cup B$ .

**Câu 2.** (SGK - CTST 11 - Tập 2) Khảo sát một trường trung học phổ thông, người ta thấy có 20% học sinh thuận tay trái và 35% học sinh bị cận thị. Giả sử đặc điểm thuận tay nào không ảnh hưởng đến việc học sinh có bị cận thị hay không. Gặp ngẫu nhiên một học sinh của trường. Tính xác suất của biến cố học sinh đó bị cận thị hoặc thuận tay trái.

**Câu 3.** (SGK - CTST 11 - Tập 2) Một hộp chứa 5 quả bóng xanh, 6 quả bóng đỏ và 2 quả bóng vàng có cùng kích thước và khối lượng. Chọn ra ngẫu nhiên từ hộp 3 quả bóng. Tính xác suất của các biến cố:

- a) "Cả 3 quả bóng lấy ra đều có cùng màu";
- b) "Có ít nhất 2 quả bóng xanh trong 3 quả bóng lấy ra".

- **Câu 4.** (SGK CTST 11 Tập 2) Trên đường đi từ Hà Nội về thăm Đền Hùng ở Phú Thọ, Bình, Minh và 5 bạn khác ngồi vào 7 chiếc ghế trên một xe ô tô 7 chỗ. Khi xe quay lại Hà Nội, mỗi bạn lại chọn ngồi ngẫu nhiên một ghế. Tính xác suất của biến cố "Có ít nhất một trong hai bạn Bình và Minh vẫn ngồi đúng ghế cũ của mình".
- Câu 5. (SGK CTST 11 Tập 2) Cho hai biến cố A và B độc lập với nhau.
- a) Biết P(A) = 0.3 và P(AB) = 0.2. Tính xác suất của biến cố  $A \cup B$ .
- b) Biết P(B) = 0.5 và  $P(A \cup B) = 0.7$ . Tính xác suất của biến cố A.
- **Câu 6.** (SGK CTST 11 Tập 2) Lan gieo một đồng xu không cân đối 3 lần độc lập với nhau. Biết xác suất xuất hiện mặt sấp trong mỗi lần gieo đều bằng 0,4 . Sử dụng sơ đồ hình cây, tính xác suất của biến cố "Có đúng 1 lần gieo được mặt sấp trong 3 lần gieo".
- **Câu 7.** (SGK CTST 11 Tập 2) Một hộp chứa 50 tấm thẻ cùng loại được đánh số lần lượt từ 1 đến 50 . Lấy ra ngẫu nhiên đồng thời 2 thẻ từ hộp. Tính xác suất của các biến cố:
- a) A: "Tổng các số ghi trên 2 thẻ lấy ra là số chẵn";
- b) B: "Tích các số ghi trên 2 thẻ lấy ra chia hết cho 4".
- **Câu 8.** Trong một hộp có 8 viên bi xanh và 6 viên bi đỏ. Lây ngẫu nhiên 2 viên bi trong hộp. Gọi A là biến cố: "Cả hai viên bi có màu xanh"; B là biến cố: "Có một viên bi màu xanh và một viên bi màu đỏ".
- a) Tính P(A) và P(B).
- b) Tính xác suất để trong hai viên bi lấy ra có ít nhất một viên bi màu xanh.
- **Câu 9.** Một lớp có 29 học sinh, trong đó có 22 em học khá môn Toán, 21 em học khá môn Ngữ văn, 3 em không học khá cả hai môn Ngữ văn và Toán. Chọn ngẫu nhiên một học sinh trong lớp. Tính xác suất để học sinh đó:
- a) Học khá cả hai môn Toán và Ngữ văn.
- b) Học khá môn Toán và không học khá môn Ngữ văn.
- c) Học khá môn Ngữ văn và không học khá môn Toán.
- **Câu 10.** Trong một căn phòng có 36 người, trong đó có 25 người họ Nguyễn và 11 người họ Trần. Chọn ngẫu nhiên hai người trong phòng đó. Tính xác suất để hai người được chọn có cùng họ.
- **Câu 11.** Trong một công ty có 40 nhân viên, trong đó có 19 người thích chơi bóng bàn, 20 người thích chơi cầu lông, 8 người không thích chơi cả cầu lông và bóng bàn. Chọn ngẫu nhiên một nhân viên trong công ty đó. Tính xác suất để người đó:
- a) Thích chơi ít nhất một trong hai môn bóng bàn và cầu lông.
- b) Thích chơi cầu lông và không thích chơi bóng bàn.
- c) Thích chơi bóng bàn và không thích chơi cầu lông.
- d) Thích chơi đúng một trong hai môn.
- **Câu 12.** Một nhóm có 50 người được phỏng vấn họ đã mua cành đào hay cây quất vào dịp Tết vừa qua, trong đó có 31 người mua cành đào, 12 người mua cây quất và 5 người mua cả cành đào và cây quất. Chọn ngẫu nhiên một người. Tính xác suất để người đó:
- a) Mua cành đào hoặc cây quất.
- b) Mua cành đào và không mua cây quất.
- c) Không mua cành đào và không mua cây quất.
- d) Mua cây quất và không mua cành đào.
- **Câu 13.** Một hộp chứa 4 viên bi xanh, 5 viên bi đỏ và 3 viên bi vàng có cùng kích thước và khối lượng. Chọn ra ngẫu nhiên 4 viên bi từ hộp. Tính xác suất của các biến cố:

#### Blog: Nguyễn Bảo Vương: https://www.nbv.edu.vn/

- a) "Cả 4 viên bi lấy ra đều có cùng màu";
- b) "Có ít nhất 3 viên bi xanh trong 4 viên bi lấy ra".
- **Câu 14.** Mai, Lan và 5 bạn cùng lớp xếp thành một hàng ngang theo thứ tự ngẫu nhiên. Tính xác suất của biến cố "Có ít nhất một trong hai bạn Mai và Lan đứng ở đầu hàng".
- Câu 15. Cho A và B là hai biến cố độc lập.
- a) Biết P(A) = 0.8 và P(AB) = 0.2. Tính xác suất của biến cố  $A \cup B$ .
- b) Biết P(B) = 0.3 và  $P(A \cup B) = 0.6$ . Tính xác suất của biến cố A.
- **Câu 16.** Một nhóm gồm 8 học sinh nam và 12 học sinh nữ. Chọn ra ngẫu nhiên 5 học sinh từ nhóm. Sử dụng sơ đồ hình cây, hãy tính xác suất của biến cố "Có ít nhất 3 học sinh nữ trong 5 học sinh vừa chọn".
- **Câu 17.** Một hộp chứa 20 tấm thẻ cùng loại được đánh số lần lượt từ 1 đến 20 . Lấy ra ngẫu nhiên đồng thời 2 thẻ từ hộp. Tính xác suất của các biến cố:
- a) "Tổng các số ghi trên 2 thẻ lấy ra nhỏ hơn 4 hoặc lớn hơn 37";
- b) "Tích các số ghi trên 2 thẻ lấy ra chia hết cho 6".
- **Câu 18.** Trong một cuộc gặp mặt có 63 đoàn viên tham dự, trong đó có 25 người đến từ miền Bắc, 19 người đến từ miền Nam và 19 người đến từ miền Trung.
- a) Gặp ngẫu nhiên 1 đoàn viên trong cuộc gặp mặt, tính xác suất của biến cố "Đoàn viên được gặp đến từ miền Nam hoặc miền Trung".
- b) Gặp ngẫu nhiên 2 đoàn viên trong cuộc gặp mặt, tính xác suất của biến cố "Hai đoàn viên được gặp cùng đến từ miền Bắc hoặc cùng đến từ miền Nam".
- **Câu 19.** Một túi chứa 2 viên bi xanh, 5 viên bi đỏ và 3 viên bi vàng có cùng kích thước và khối lượng. Chọn ra ngẫu nhiên 3 viên bi từ túi. Tính xác suất của các biến cố:
- a) "Cả 3 viên bi lấy ra đều có cùng màu";
- b) "Có không quá 1 viên bi xanh trong 3 viên bi lấy ra";
- c) "Có đúng hai màu trong 3 viên bi lấy ra".
- **Câu 20.** Thanh có 4 tấm thẻ được đánh số 1,3,4,7. Thanh lấy ra 3 trong 4 thẻ và xếp chúng thành một hàng ngang một cách ngẫu nhiên để tạo thành một số có 3 chữ số. Tính xác suất của biến cố A: "Số tạo thành chia hết cho 2 hoặc 3".
- **Câu 21.** Cho A và B là hai biến cố độc lập với nhau.
- a) Biết P(A) = 0.4 và  $P(\overline{A}B) = 0.3$ . Tính xác suất của các biến cố B và  $A \cup B$ .
- b) Biết  $P(\overline{A}B) = 0,4$  và  $P(A \cup B) = 0,9$ . Tính xác suất của các biến cố A,B và AB.
- **Câu 22.** Một hộp chứa 10 quả bóng xanh và 10 quả bóng đỏ có kích thước và khối lượng như nhau. Lấy ra ngẫu nhiên đồng thời 5 quả bóng từ hộp. Sử dụng sơ đồ hình cây, tính xác suất của biến cố "Có ít nhất 3 quả bóng xanh trong 5 quả bóng lấy ra".
- Câu 23. Châu gieo một con xúc xắc cân đối và đồng chất liên tiếp cho đến khi xuất hiện mặt 6 chấm thì dừng lại. Sử dụng sơ đồ hình cây, tính xác suất của biến cố "Châu phải gieo không quá 3 lần để xuất hiện mặt 6 chấm".
- **Câu 24.** Trong một trò chơi, Dương chọn ra 5 số từ 100 số tự nhiên đầu tiên. Sau đó, người ta chọn ra ngẫu nhiên 3 số may mắn từ 100 số tự nhiên đầu tiên đó. Tính xác suất của các biến cố:
- A: "Không có số may mắn nào trong 5 số Dương đã chọn";
- B: "Có đúng 1 số may mắn trong 5 số Dương đã chọn".

Câu 25. Một hộp chứa 3 quả bóng xanh và một số quả bóng đỏ có cùng kích thước và khối lượng. Lấy ra ngẫu nhiên 2 quả bóng từ hộp. Biết rằng xác suất của biến cố "Lấy được 2 quả bóng đỏ" gấp 5 lần xác suất của biến cố "Lấy được 2 quả bóng xanh". Tính xác suất của biến cố "Lấy được 2 quả bóng có cùng màu".

**Câu 26.** Gieo ngẫu nhiên 3 con xúc xắc cân đối và đồng chất. Tính xác suất của biến cố A: "Tích số chấm xuất hiện trên mỗi con xúc xắc chia hết cho 15".

**Câu 27.** Một hộp chứa 40 tấm thẻ cùng loại được đánh số lần lượt từ 1 đến 40 . Lấy ra ngẫu nhiên đồng thời hai thẻ từ hộp. Tính xác suất của các biến cố:

- a) "Tổng các số ghi trên 2 thẻ lấy ra nhỏ hơn 4 hoặc lớn hơn 76 ";
- b) "Tích các số ghi trên 2 thẻ lấy ra chia hết cho 10 ".

Agy to Bio Vitalis