# コンピュータグラフィクス論

- 画像処理(1) -

2018年7月12日 高山 健志

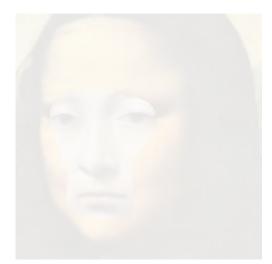
#### 本日のトピック

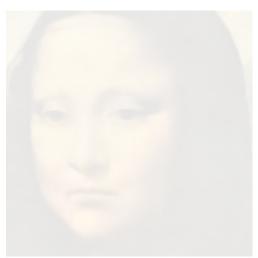
• Edge-aware な画像処理





• Gradient-domain の画像処理





#### Gaussian Filter による画像平滑化

• 「滑らかさ」パラメタ $\sigma$ 









元画像

 $\sigma = 2$ 

 $\sigma = 5$ 

 $\sigma = 10$ 

#### Gaussian Filter の数式

- 画像 I のピクセル位置  $\mathbf{p}=(p_{\mathrm{x}},p_{\mathrm{y}})\in\Omega$  における画素値を  $I_{\mathbf{p}}$  で表す
  - 解像度 $640 \times 480$ の場合、 $\Omega \coloneqq \{1, \dots, 640\} \times \{1, \dots, 480\}$
- パラメタ  $\sigma$  による Gaussian Filter 適用後の画像を  $\mathrm{GF}_{\sigma}[I]$  で表す

$$GF_{\sigma}[I]_{\mathbf{p}} := \frac{\sum_{\mathbf{q} \in \Omega} G_{\sigma}(\|\mathbf{p} - \mathbf{q}\|) I_{\mathbf{q}}}{\sum_{\mathbf{q} \in \Omega} G_{\sigma}(\|\mathbf{p} - \mathbf{q}\|)}$$

$$W_{\mathbf{p}}$$

•  $G_{\sigma}(x) \coloneqq \exp\left(-\frac{x^2}{2\sigma^2}\right) \leftarrow \# \ \, \exists \ \, \sigma \ \, O \ \, \text{Gaussian Kernel}$ 

$$\frac{1}{-3\sigma - 2\sigma - \sigma} = 0 \qquad \sigma \qquad 2\sigma \qquad 3\sigma$$

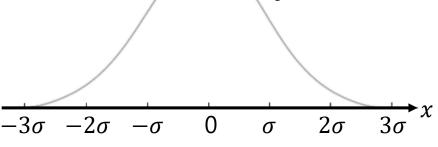
 $G_{\sigma}(x)$ 

#### Gaussian Filter の数式

- 画像 I のピクセル位置  $\mathbf{p}=(p_{\mathrm{x}},p_{\mathrm{y}})\in\Omega$  における画素値を  $I_{\mathbf{p}}$  で表す
  - 解像度 $640 \times 480$ の場合、 $\Omega \coloneqq \{1, \dots, 640\} \times \{1, \dots, 480\}$
- パラメタ  $\sigma$  による Gaussian Filter 適用後の画像を  $\mathrm{GF}_{\sigma}[I]$  で表す

$$GF_{\sigma}[I]_{\mathbf{p}} \coloneqq \frac{1}{W_{\mathbf{p}}} \sum_{\mathbf{q} \in \Omega} G_{\sigma}(\|\mathbf{p} - \mathbf{q}\|) I_{\mathbf{q}}$$

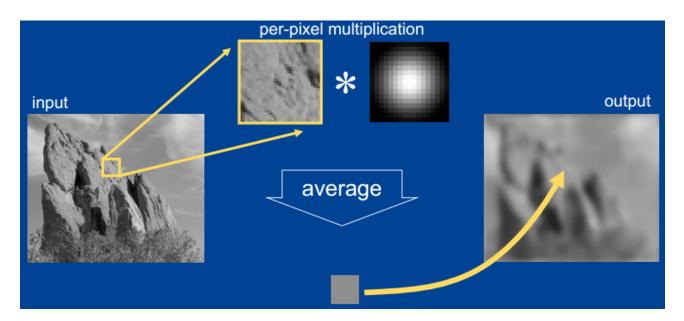
•  $G_{\sigma}(x) \coloneqq \exp\left(-\frac{x^2}{2\sigma^2}\right) \leftarrow \# \ \ \, \exists \ \ \, \sigma \ \, O \ \,$  Gaussian Kernel

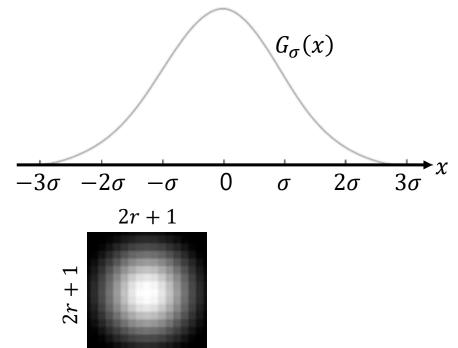


#### Gaussian Filter の実装

•  $G_{\sigma}(3\sigma) \approx 0 \rightarrow 遠くのピクセルは無視できる$ 

•  $r := ceil(3\sigma)$  として  $(2r + 1) \times (2r + 1)$  のステンシル上で重みを前計算

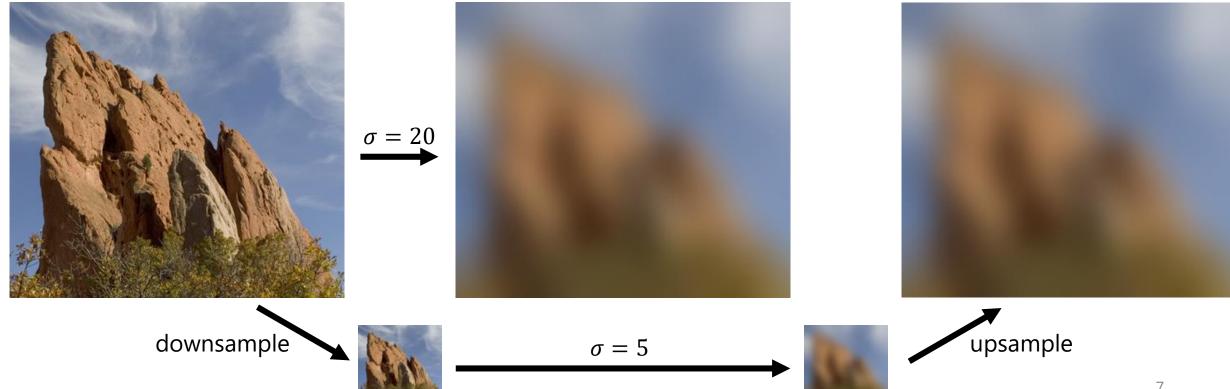




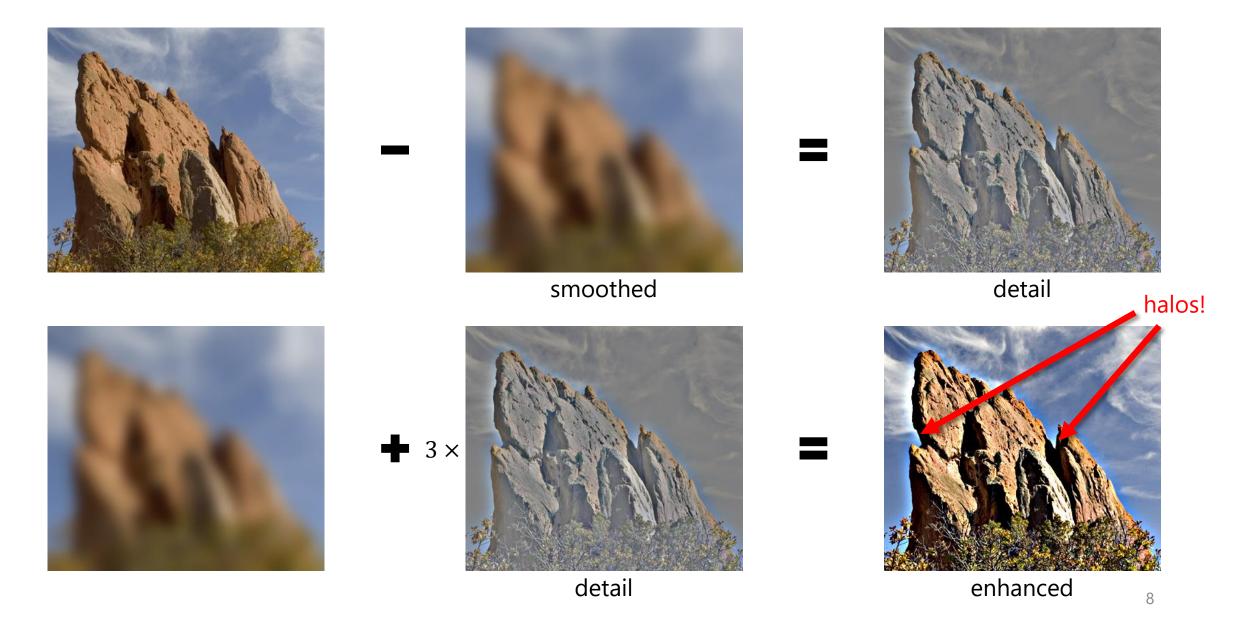
ステンシル

#### Kernel 半径 $\sigma$ が非常に大きい場合

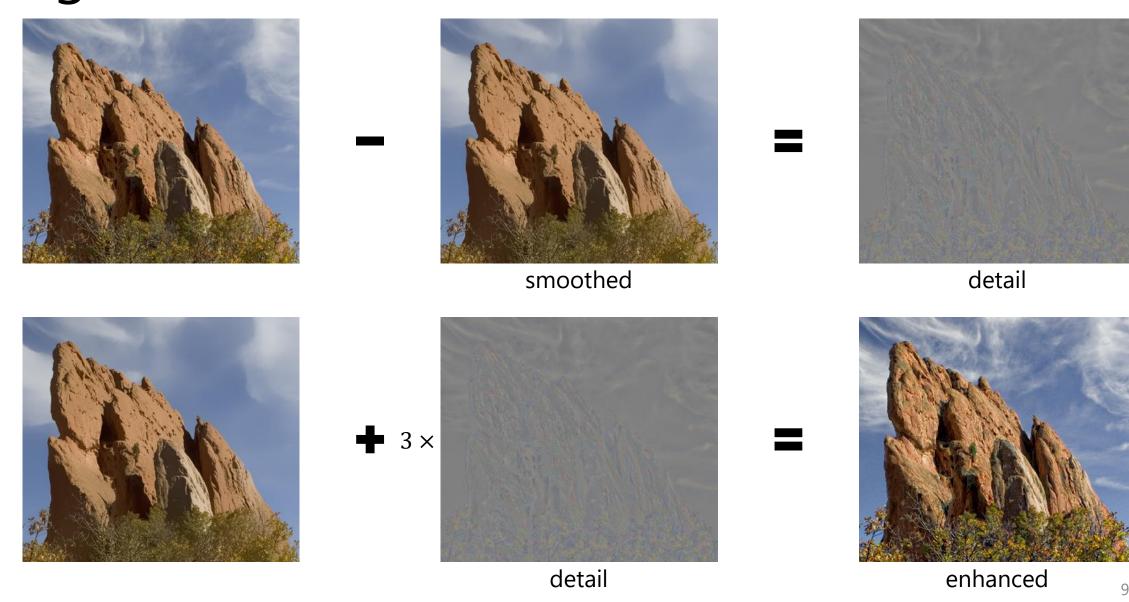
- そのまま計算すると時間がかかる
- 代替法:downsample → 小さい σ で平滑化 → upsample



#### Detail Extraction & Enhancement



## Edge-aware な画像平滑化を使うと・・・



#### Bilateral Filter による edge-aware な平滑化

- 二つのパラメタ
  - $\sigma_{s}$ :ピクセルの位置に関する平滑化の範囲
  - $\sigma_{r}$ :ピクセルの  $\dot{\Theta}$  に関する平滑化の範囲

$$BF_{\sigma_{S}, \sigma_{\Gamma}}[I]_{\mathbf{p}} \coloneqq \frac{1}{W_{\mathbf{p}}} \sum_{\mathbf{q} \in \Omega} G_{\sigma_{S}}(\|\mathbf{p} - \mathbf{q}\|) G_{\sigma_{\Gamma}}(\|I_{\mathbf{p}} - I_{\mathbf{q}}\|) I_{\mathbf{q}}$$

すべて  $\sigma_{\rm S} = 10$ 



元画像



 $\sigma_{\rm r}=32$ 



 $\sigma_{\rm r} = 128$ 



 $\sigma_{\rm r} = 512_{10}$ 

## Bilateral Filter の応用:Stylization

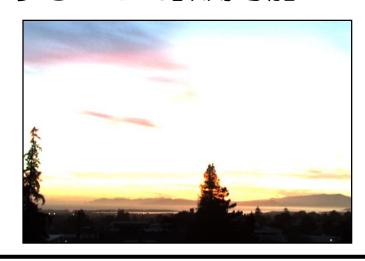




#### Bilateral Filter の応用:Tone Mapping

- 24bitカラー画像の各成分の範囲: 1~255
- ・現実世界の光の強さの範囲:1~105
  - **H**igh **D**ynamic **R**ange 画像
  - 露光時間を変えて撮影することで計測可能



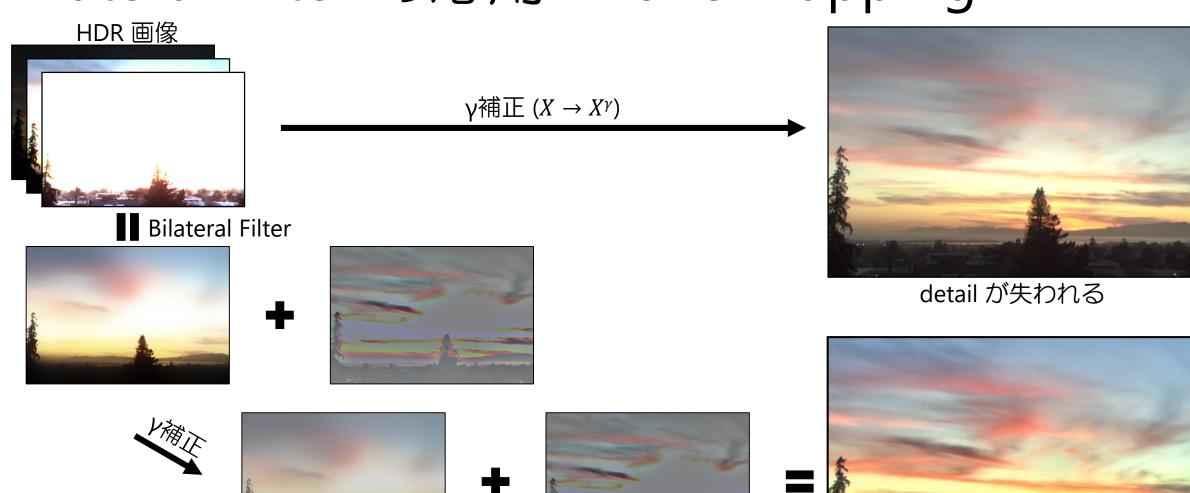




短い露光時間

長い露光時間

### Bilateral Filter の応用:Tone Mapping



https://en.wikipedia.org/wiki/Tone\_mapping

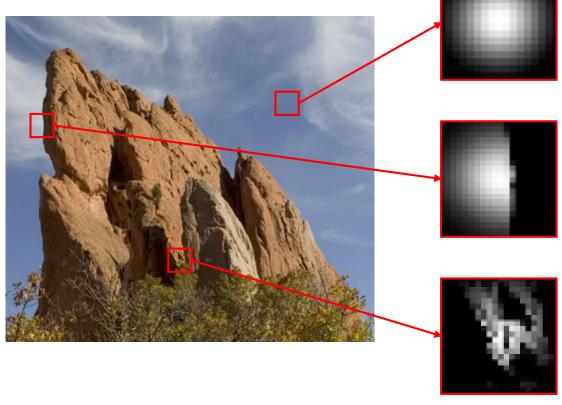
detail を保つ

#### Bilateral Filter のナイーブな実装

$$\sum_{\mathbf{q}\in\Omega}G_{\sigma_{\mathbf{s}}}(\|\mathbf{p}-\mathbf{q}\|)G_{\sigma_{\mathbf{r}}}(\|I_{\mathbf{p}}-I_{\mathbf{q}}\|)I_{\mathbf{q}}$$

ピクセル位置 p ∈ Ω ごとに ステンシルの再計算が必要→ 遅い

• (基本課題)



#### Bilateral Filter に対するもう一つの見方

• ピクセル位置  $\mathbf{p}$  と画素値  $I_{\mathbf{p}}$  から特徴ベクトル  $\mathbf{f}_{\mathbf{p}}\coloneqq\left(\frac{\mathbf{p}}{\sigma_{\mathbf{s}}},\frac{I_{\mathbf{p}}}{\sigma_{\mathbf{r}}}\right)$  を定義

• Bilateral Filter の重みは、特徴ベクトル 同士の Euclid 距離を Gaussian Kernel に代入したものに等しい

$$G_{\sigma_{S}}(\|\mathbf{p} - \mathbf{q}\|)G_{\sigma_{r}}(\|I_{\mathbf{p}} - I_{\mathbf{q}}\|)$$

$$= \exp\left(-\frac{\|\mathbf{p} - \mathbf{q}\|^{2}}{2\sigma_{S}^{2}}\right) \exp\left(-\frac{\|I_{\mathbf{p}} - I_{\mathbf{q}}\|^{2}}{2\sigma_{r}^{2}}\right)$$

$$= \exp\left(-\frac{\|\mathbf{f}_{\mathbf{p}} - \mathbf{f}_{\mathbf{q}}\|^{2}}{2}\right)$$

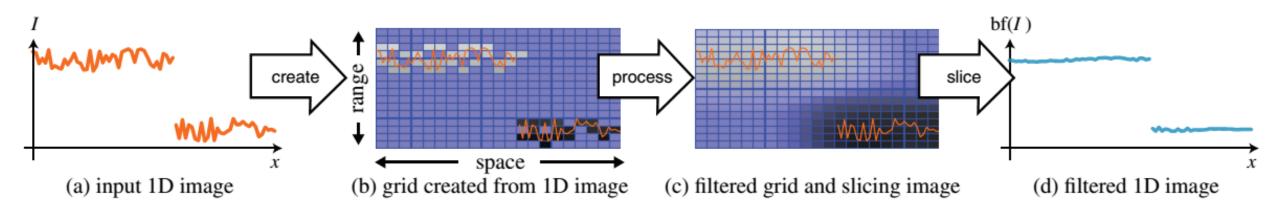
$$= G_{1}(\|\mathbf{f}_{\mathbf{p}} - \mathbf{f}_{\mathbf{q}}\|)$$

- Bilateral Filter は、特徴空間におけるサンプル集合  $\{f_p\}$  に対して 半径 1 の Gaussian Filter をかけるのと同義
  - → 計算が単純化

#### Bilateral Grid [Paris06; Chen07]

 3D 特徴ベクトルを (X座標, Y座標, 輝度) として定義し、 サンプル集合 {f<sub>p</sub>} を 3D 配列上にマッピング

•  $\sigma_{\rm s}$  と  $\sigma_{\rm r}$  が大きいほど、配列の解像度を低くできる  $\rightarrow$  計算コスト低減



#### 特徴空間を介した重みマップの生成



白い scribble → 重み=1 の制約 黒い scribble → 重み=0 の制約

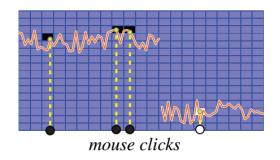


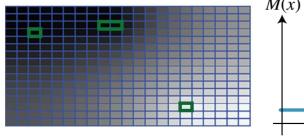
重みマップ

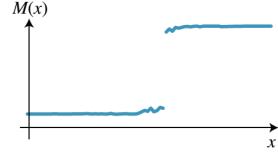


利用例:色味の変更

- 様々な呼ばれ方:Edit Propagation, Matting, Segmentation
- Bilateral Grid 上で Laplace 方程式を解く







#### 特徴空間を介した重みマップの生成

RBF で補間 [Li10] (目的:画像と動画の編集)

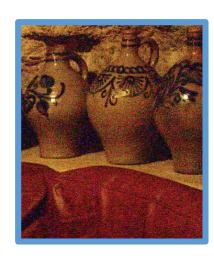


Hermite RBF で補間 [ljiri13] (目的:CT volume の領域分割)



https://www.youtube.com/watch?v=mL6ig\_OaQAA

#### Bilateral Filter の拡張:Joint (Cross) Bilateral Filter



フラッシュ無し写真 A

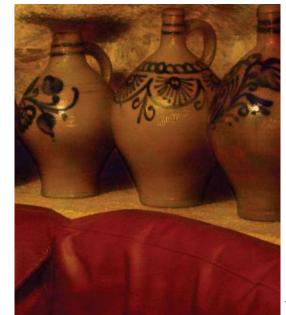
- ◎ 色味は良い
- ⊗ ノイズが大きい、ボケ気味



フラッシュ有り写真 F

- ◎ 色味は悪い
- ◎ ノイズが小さい、クッキリ

JBF 適用結果



 $JBF_{\sigma_{S}, \sigma_{r}}(A, F)_{\mathbf{p}} \coloneqq \frac{1}{W_{\mathbf{p}}} \sum_{\mathbf{q} \in \Omega} G_{\sigma_{S}}(\|\mathbf{p} - \mathbf{q}\|) G_{\sigma_{r}}(\|F_{\mathbf{p}} - F_{\mathbf{q}}\|) A_{\mathbf{q}}$ 

Digital Photography with Flash and No-Flash Image Pairs [Petschnigg SIGGRAPH04] Flash Photography Enhancement via Intrinsic Relighting [Eisemann SIGGRAPH04]

#### Bilateral Filter の拡張:Non-Local Means Filter

• ピクセル  $\mathbf{p}$  を中心とする  $7\times7$  領域の画素値から成る 近傍ベクトル  $\mathbf{n}_{\mathbf{p}}$  によって、特徴空間を定義

$$NLMF_{\sigma}(I)_{\mathbf{p}} \coloneqq \frac{1}{W_{\mathbf{p}}} \sum_{\mathbf{q} \in \Omega} G_{\sigma}(\|\mathbf{n}_{\mathbf{p}} - \mathbf{n}_{\mathbf{q}}\|) I_{\mathbf{q}}$$



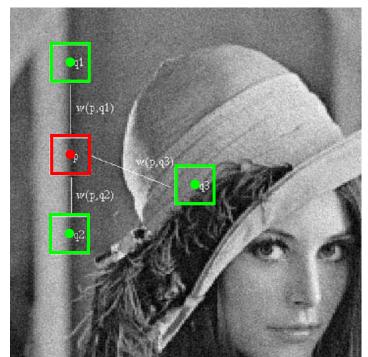
Noisy input

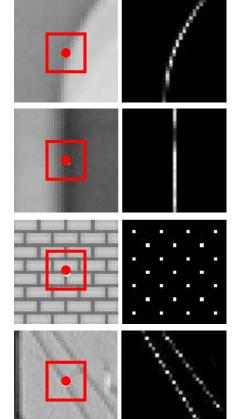


Bilateral



**NL** Means





#### 本日のトピック

• Edge-aware な画像処理





• Gradient-domain の画像処理





#### シナリオ:Source 画像を Dest. 画像へ挿入



Source



Dest.



単純な上書き



境界をぼかしてみる



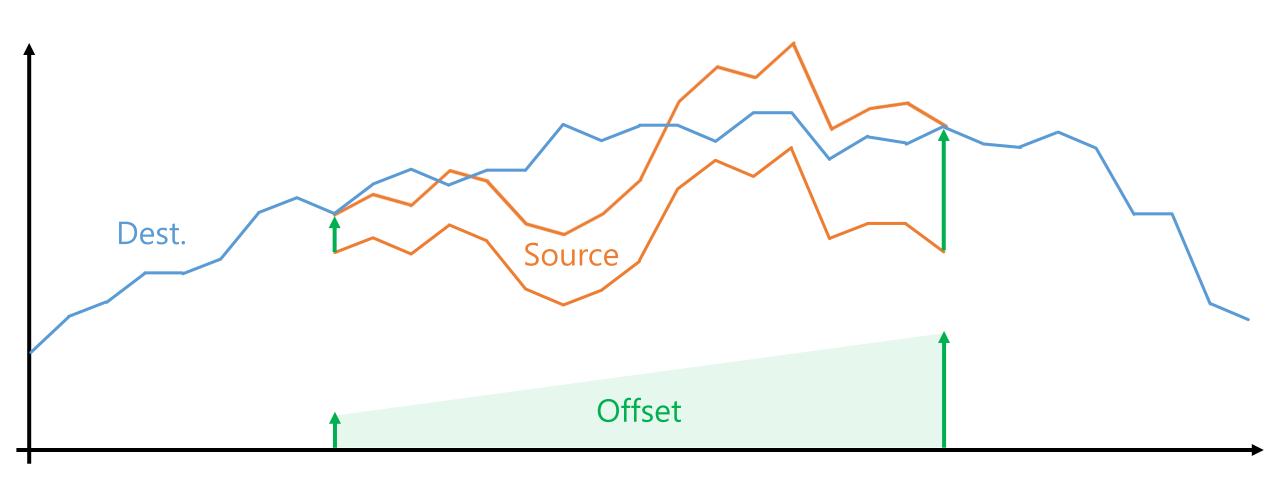
Gradient-domain 処理

## シナリオ:複数写真からパノラマ合成





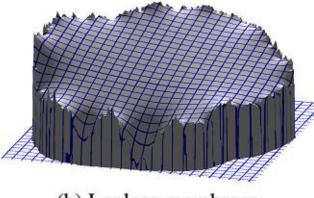
## 1D grayscale 画像の場合の考察

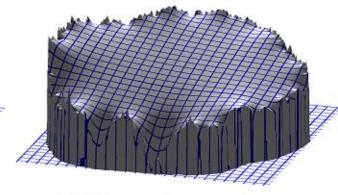


#### 2D の場合:Offset by Laplace Membrane







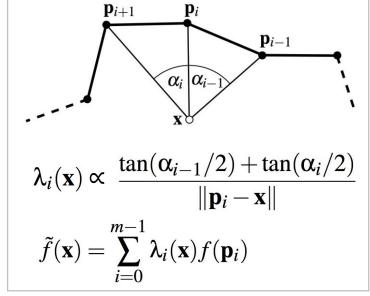


(a) Source patch

(b) Laplace membrane

(c) Mean-value membrane

- ディリクレ境界条件の下 で Laplace 方程式を解く
- Mean Value Coordinates
   を用いた高速な近似

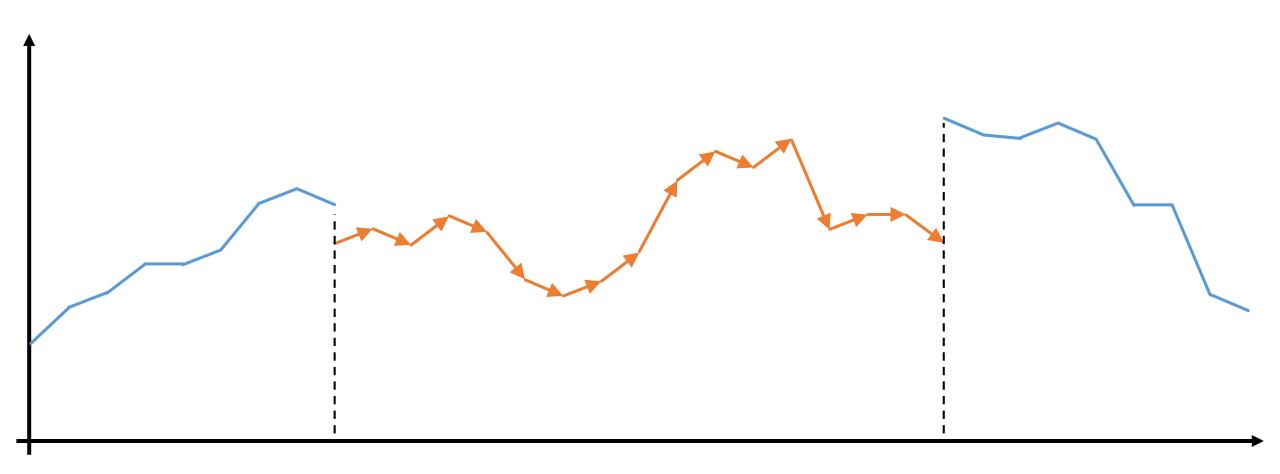


#### Coordinates for Instant Image Cloning

Zeev Farbman
Gil Hoffer
Yaron Lipman
Daniel Cohen-Or
Dani Lischinski

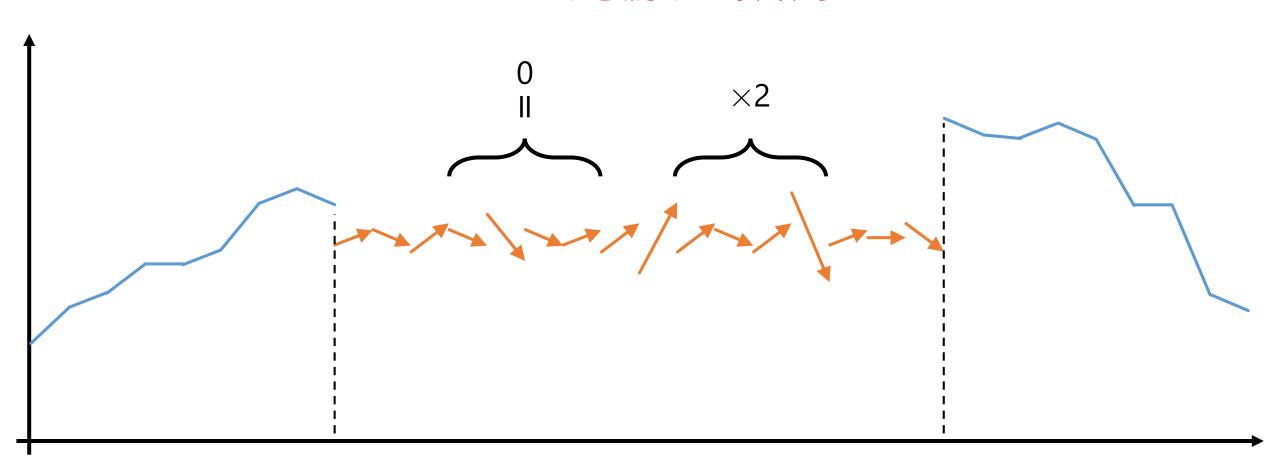
ACM Transactions on Graphics (Proceedings of ACM SIGGRAPH 2009)

## 単純な cloning 以外の gradient-domain 処理

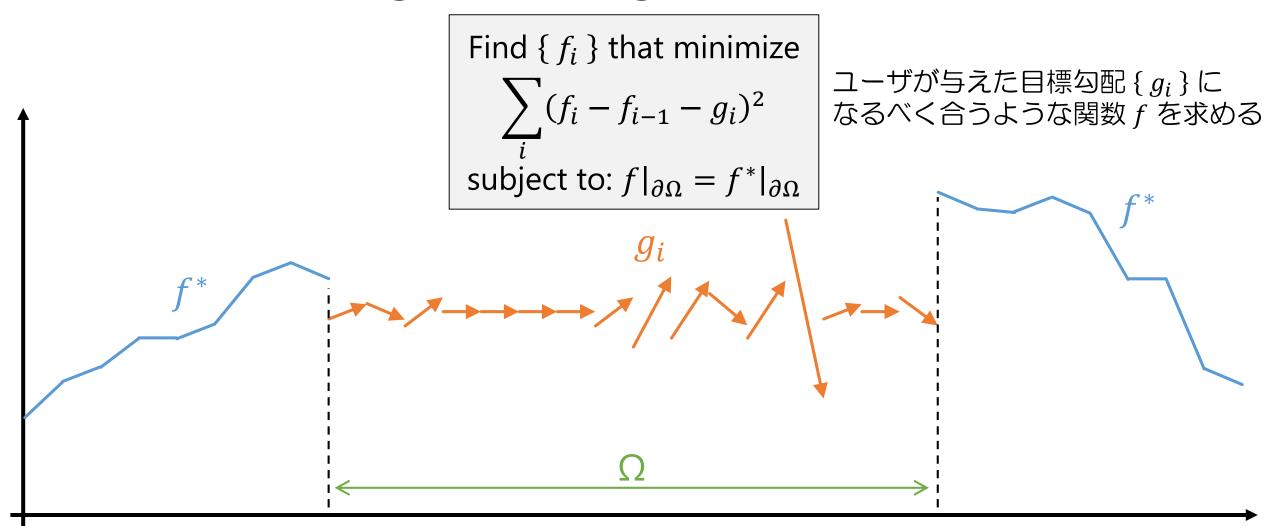


#### 単純な cloning 以外の gradient-domain 処理

#### Gradient を好き勝手に操作する!



## 単純な cloning 以外の gradient-domain 処理



#### 1D の場合

Find  $\{f_i\}$  that minimize

$$\sum_{i} (f_i - f_{i-1} - g_i)^2$$
 subject to:  $f|_{\partial\Omega} = f^*|_{\partial\Omega}$ 

#### • Gradient-domain 画像処理の基本:

ユーザが好き勝手に与えた目標勾配 ベクトル場 g になるべく合うような 画像 f を、Poisson 方程式を解いて求める

#### 2D の場合

Find f(x, y) that minimizes

$$\int_{(x,y)\in\Omega} \|\nabla f(x,y) - \mathbf{g}(x,y)\|^2$$
  
subject to:  $f|_{\partial\Omega} = f^*|_{\partial\Omega}$ 



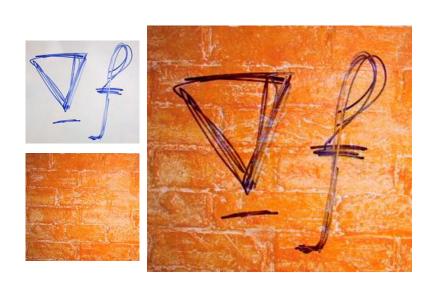
Solve Poisson equation:

$$\Delta f = \nabla \cdot \mathbf{g}$$

subject to:  $f|_{\partial\Omega} = f^*|_{\partial\Omega}$ 

#### Target gradient の与え方:Mixing Gradients

- Source 勾配と Dest. 勾配のうち大きい方を使う
  - → 平坦な部分は clone されない











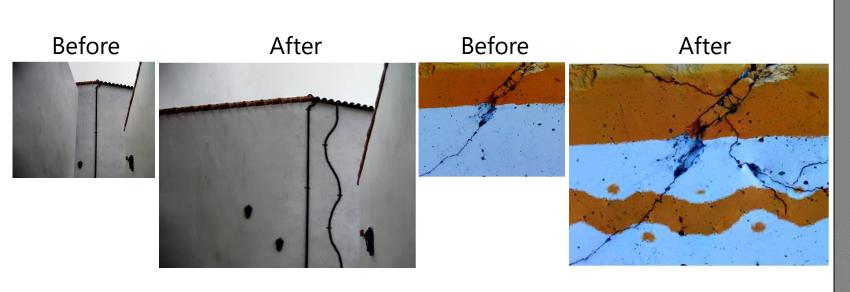


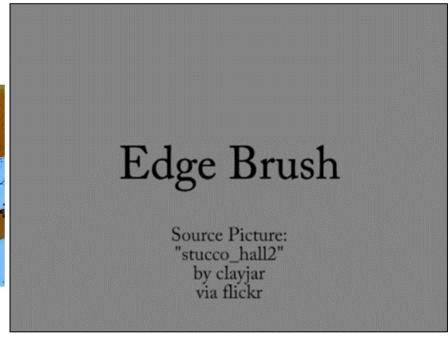


#### Target gradient の与え方:Edge Brush

・ 物体輪郭に沿った勾配をコピーし、ストロークに沿って貼り付け

• GPU 実装の Poisson solver によってリアルタイム動作





Real-time gradient-domain painting [McCann SIGGRAPH08]

Code: http://graphics.cs.cmu.edu/projects/gradient-paint/gradient\_paint.r2403.tar.gz

#### Target gradient の与え方:元の gradient を操作



選択範囲内でのみ増幅・減衰 → Local Tone Mapping



エッジ検出された場所以外ではゼロにする

→ Stylization

おまけ: Gradient-domain の形状処理

#### Gradient-domain 形状処理

Find  $\{v_i\}$  that minimize

subject to:  $\mathbf{v}_c = \mathbf{v}_c^*, c \in I_C$ 



Poisson 方程式



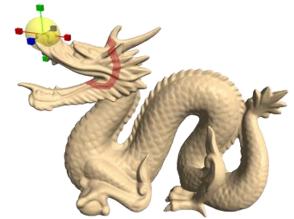




いくつかの頂点の位置制約

→ 境界条件









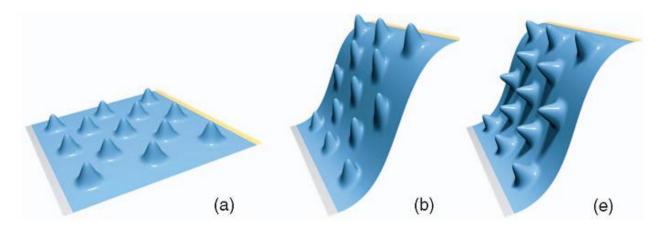
Mesh editing with poisson-based gradient field manipulation [Yu SIGGRAPH04]

Laplacian surface editing [Sorkine SGP04]

Interfaces and algorithms for the creation, modification, and optimization of surface meshes [Nealen PhD07]

#### 変形に伴う局所領域の回転

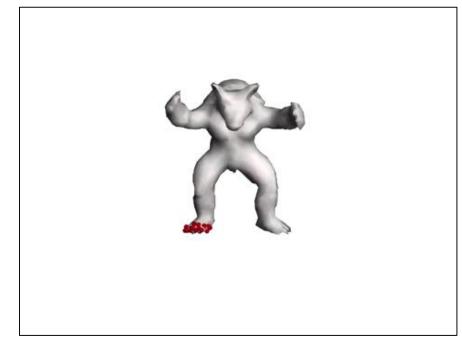
- 目標勾配も合わせて 回転させないといけない
  - ・非線形で難しい!



回転なし

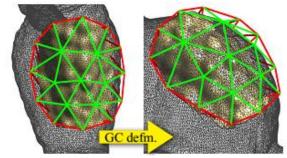
回転あり

- Local-global 最適化アルゴリズム [Sorkine07]
  - Local step: 頂点座標を固定し、SVD で局所領域の回転を計算
  - Global step: 局所領域の回転を固定し、Poisson 方程式を解いて頂点座標を更新

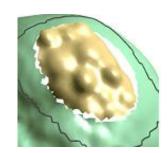


# GeoBrush: サーフェスメッシュのためのクローンブラシ

- ・変形計算を2ステップに分解:
  - 1. 局所領域の回転
    - → cage-based な方法で高速に計算



- 2. 正確なオフセット
  - → 画像合成用の GPU Poisson ソルバ を流用







# GeoBrush: Interactive Mesh Geometry Cloning

Kenshi Takayama<sup>1,2</sup>
Ryan Schmidt<sup>3</sup>
Karan Singh<sup>3</sup>
Takeo Igarashi<sup>1</sup>
Tamy Boubekeur<sup>4</sup>
Olga Sorkine<sup>2</sup>

The University of Tokyo
New York University
University of Toronto
Telecom ParisTech - CNRS LTCI

https://www.youtube.com/watch?v=FPsccn\_gG8E