

コンピュータグラフィックス論

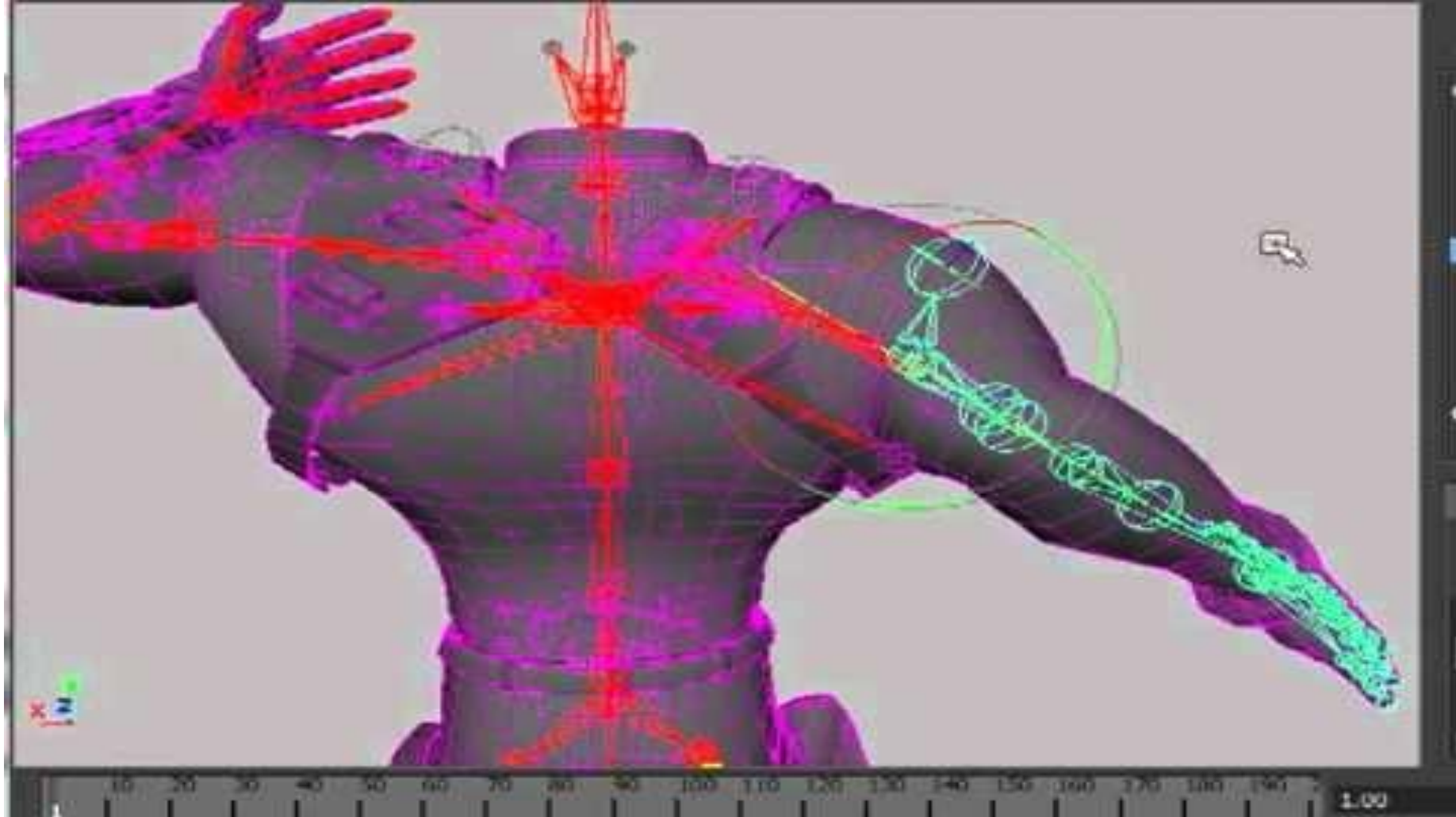
－アニメーション(1)－

2015年5月14日

高山 健志

スケルトンによるアニメーション

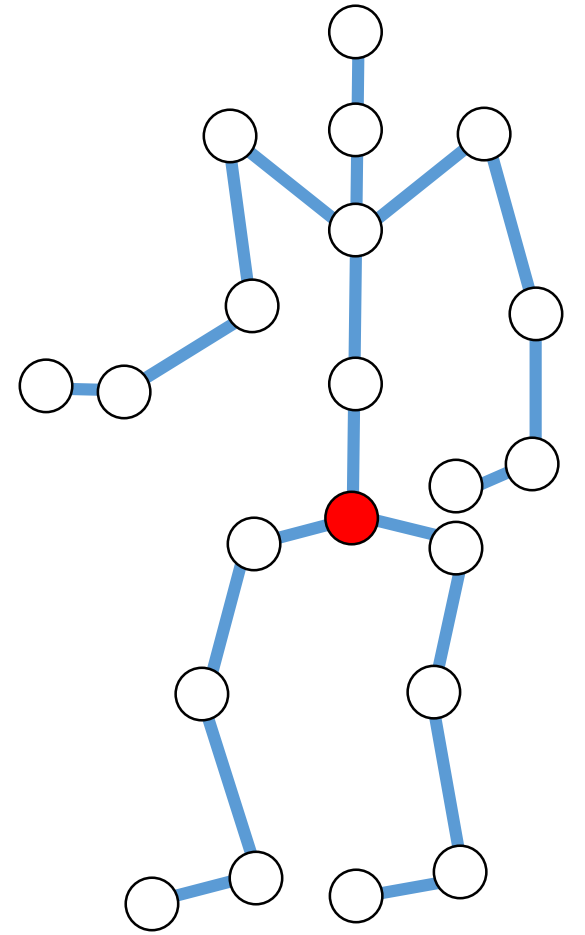
- 単純な仕組み
- 直感的な挙動
- 低い計算コスト



<https://www.youtube.com/watch?v=DsoNab58QVA>

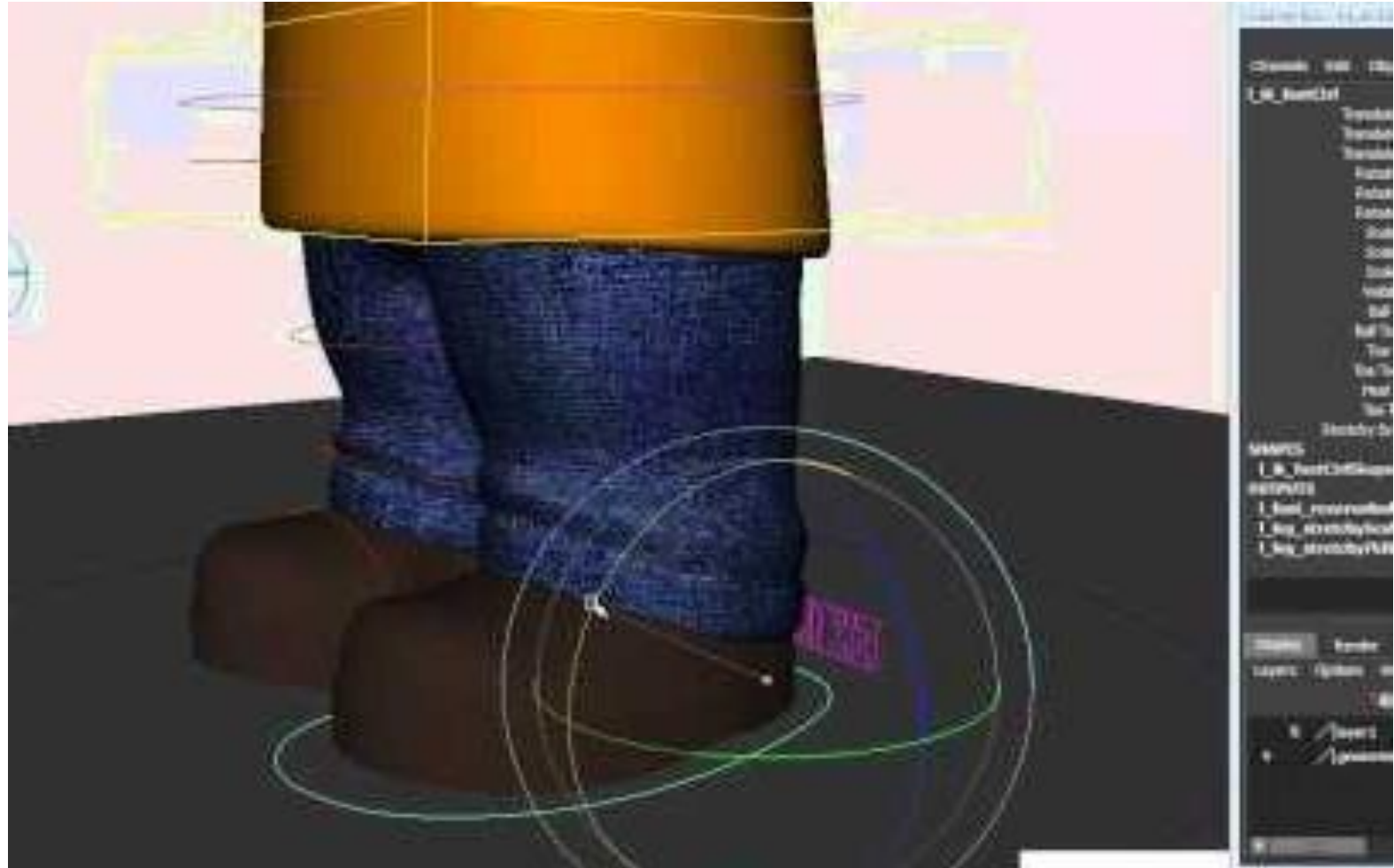
スケルトンによる姿勢の表現

- ボーンと関節から成る木構造
- ボーンは親関節を基準とした相対的な回転角を保持
- 各関節の回転角によって全体の姿勢を決定
(**F**orward **K**inematics)
- ロボティクス分野と深く関連



Inverse Kinematics

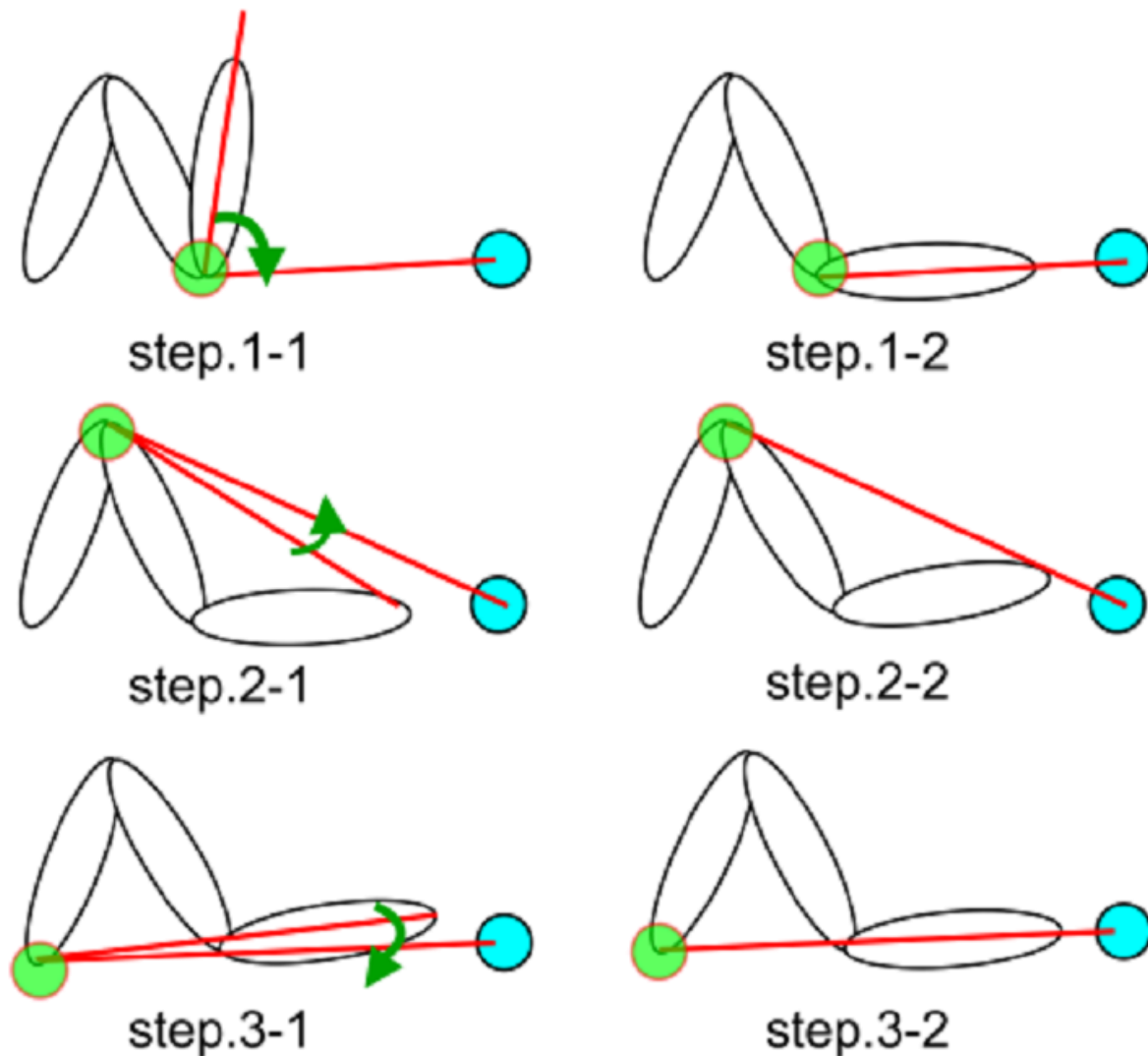
- 末端関節の位置を与えると、それを満たす関節角を逆算
- IK で手早く姿勢を作り、FK で微調整



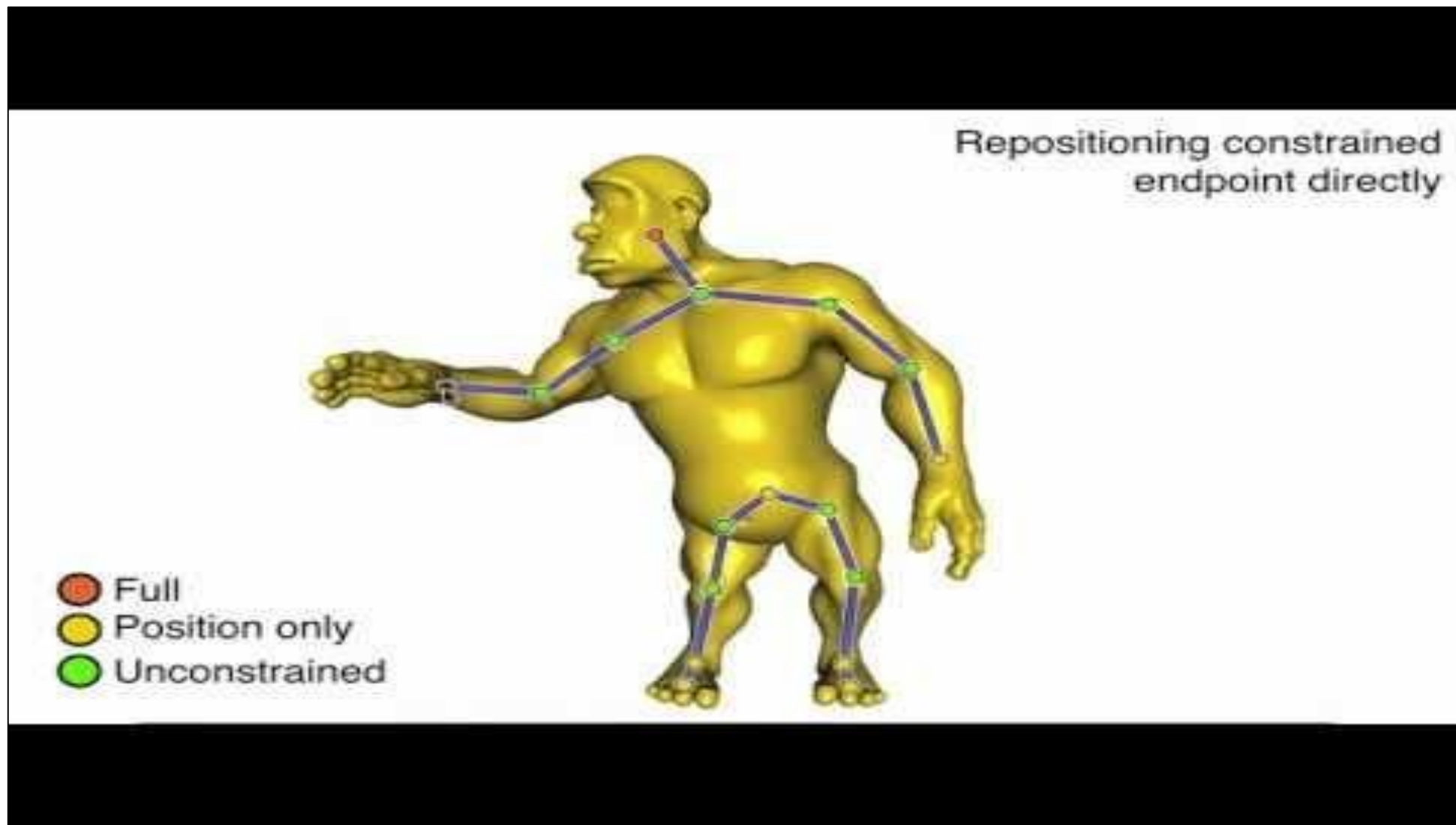
https://www.youtube.com/watch?v=e1qnZ9rV_kw

IK の一解法：Cyclic Coordinate Descent

- 関節角を一つずつ順番に変更
 - 末端関節を目標に近づける
 - 順番が重要！末端が最初
- 実装が簡単 → 必須課題 (デモ)
- より高度な手法
 - ヤコビ法 (方向等の様々な制約)
 - 変形エネルギーの最小化 [Jacobson 12]



変形エネルギーに基づく IK



モーションデータの取得方法

光学式モーションキャプチャ

- 役者にマーカールを取り付け、多数 (~48) のカメラで撮影



from Wikipedia



<https://www.youtube.com/watch?v=c6X64LhcUyQ>

安価なデプスカメラによるモーキャプ



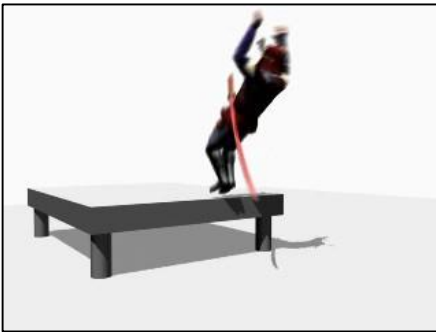
<https://www.youtube.com/watch?v=qC-fdgPJhQ8>

屋外で使えるモーキャプ



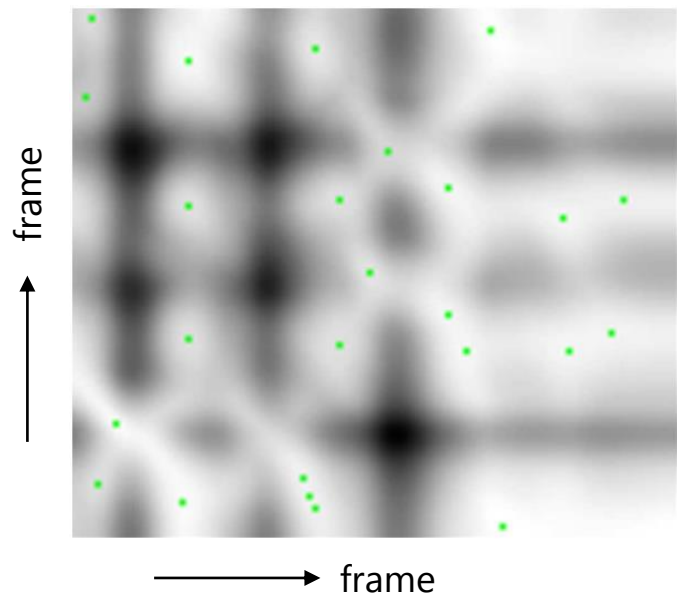
モーションデータベース

- <http://mocap.cs.cmu.edu/>
- 6 カテゴリ、合計 2605個
- 研究促進のために無償公開 (補間、連結、解析、検索、etc)

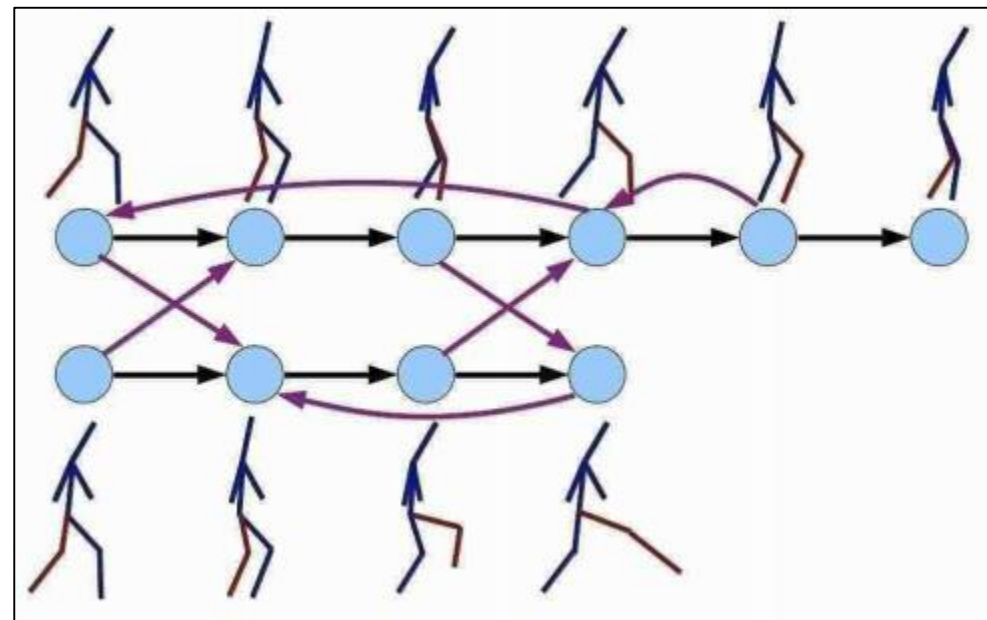
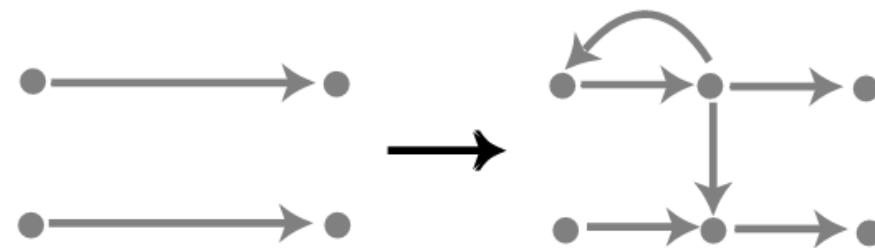


モーションの連結

- 二つのフレームで姿勢が似ていれば、遷移を許す



フレーム間の姿勢の類似度



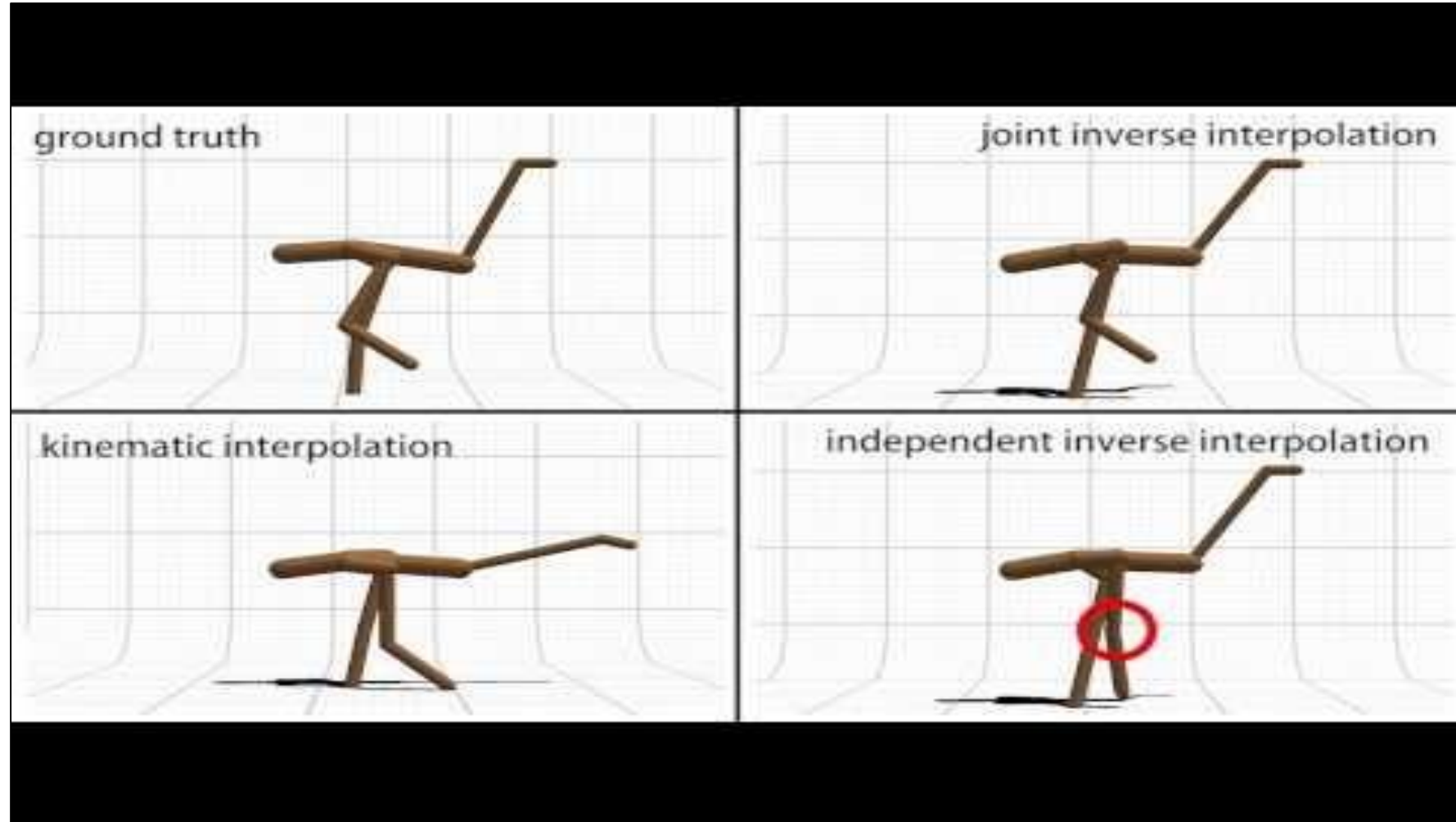
Motion Graphs [Kovar SIGGRAPH02]

Motion Patches: Building Blocks for Virtual Environments Annotated with Motion Data [Lee SIGGRAPH06]

http://www.tcs.tifr.res.in/~workshop/thapar_igga/motiongraphs.pdf

シミュレーションによるモーション生成

- モーキャプできない対象に使える
- 体型に合った自然な動作を生成できる
- 動的に変化する環境に適應できる

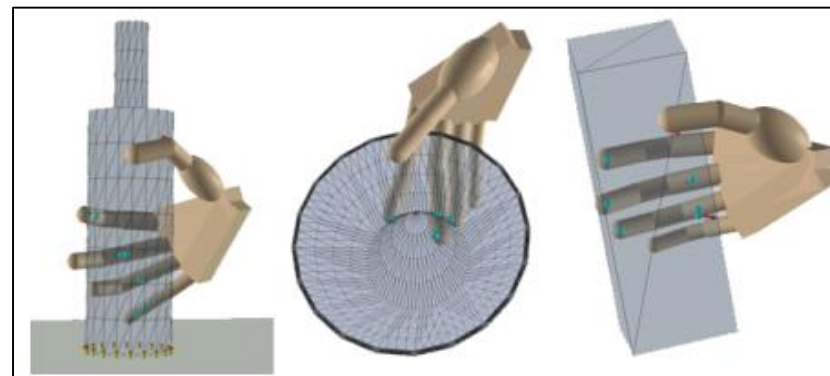


https://www.youtube.com/watch?v=KF_a1c7zytw

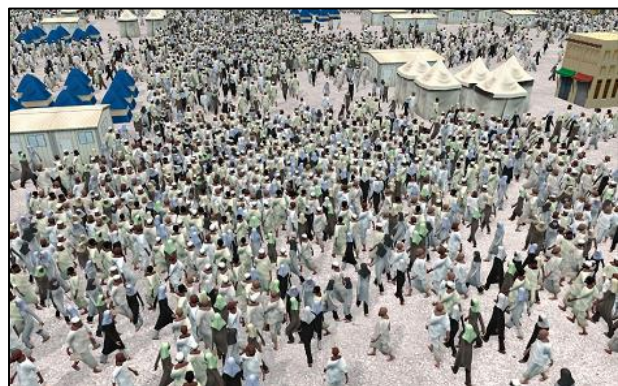
キャラクターの動きに関する様々なトピック



複数キャラクターの
インタラクション



物体をつかむ動作



群衆シミュレーション



Path planning

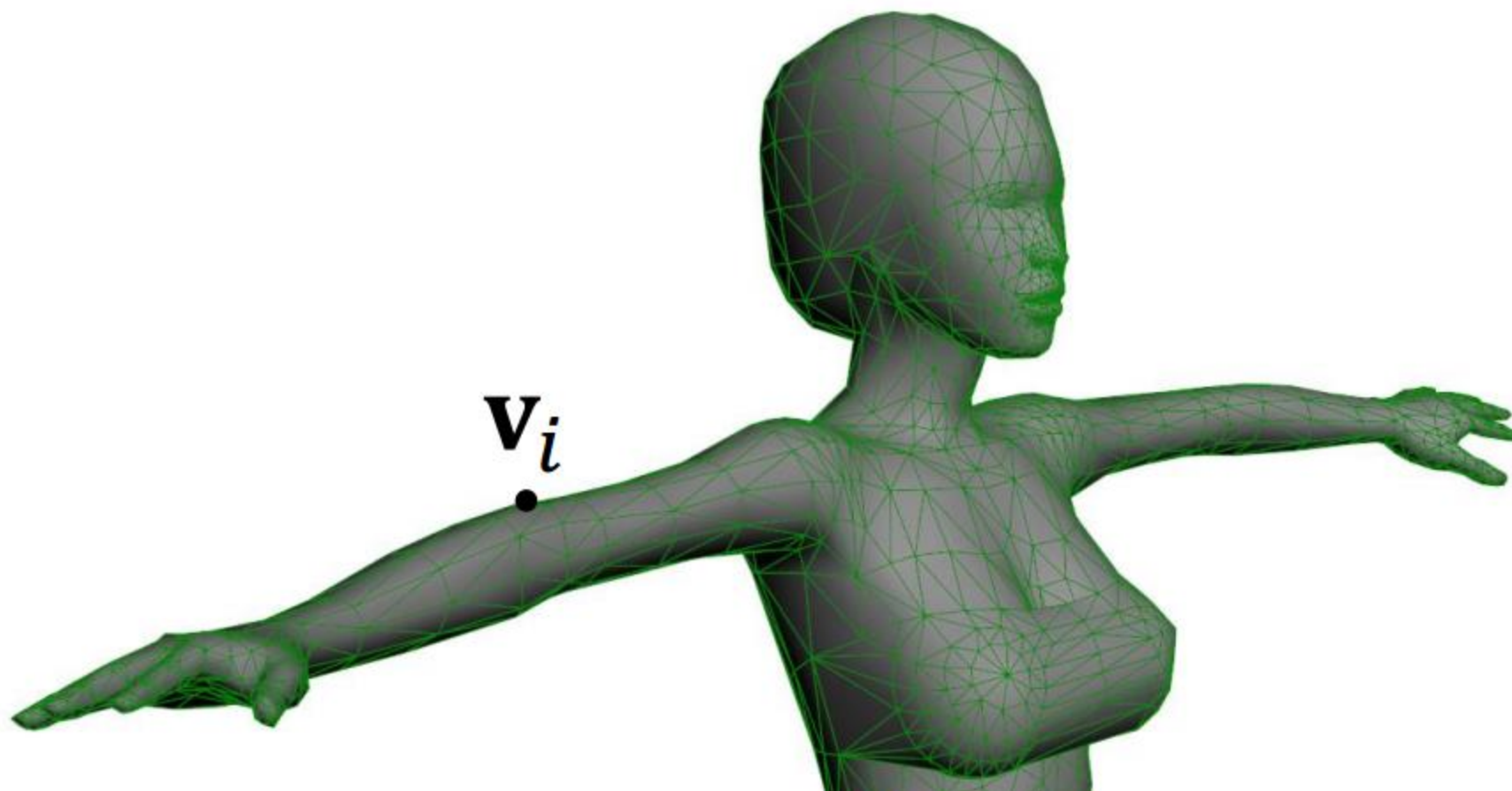
Character motion synthesis by topology coordinates [Ho EG09]

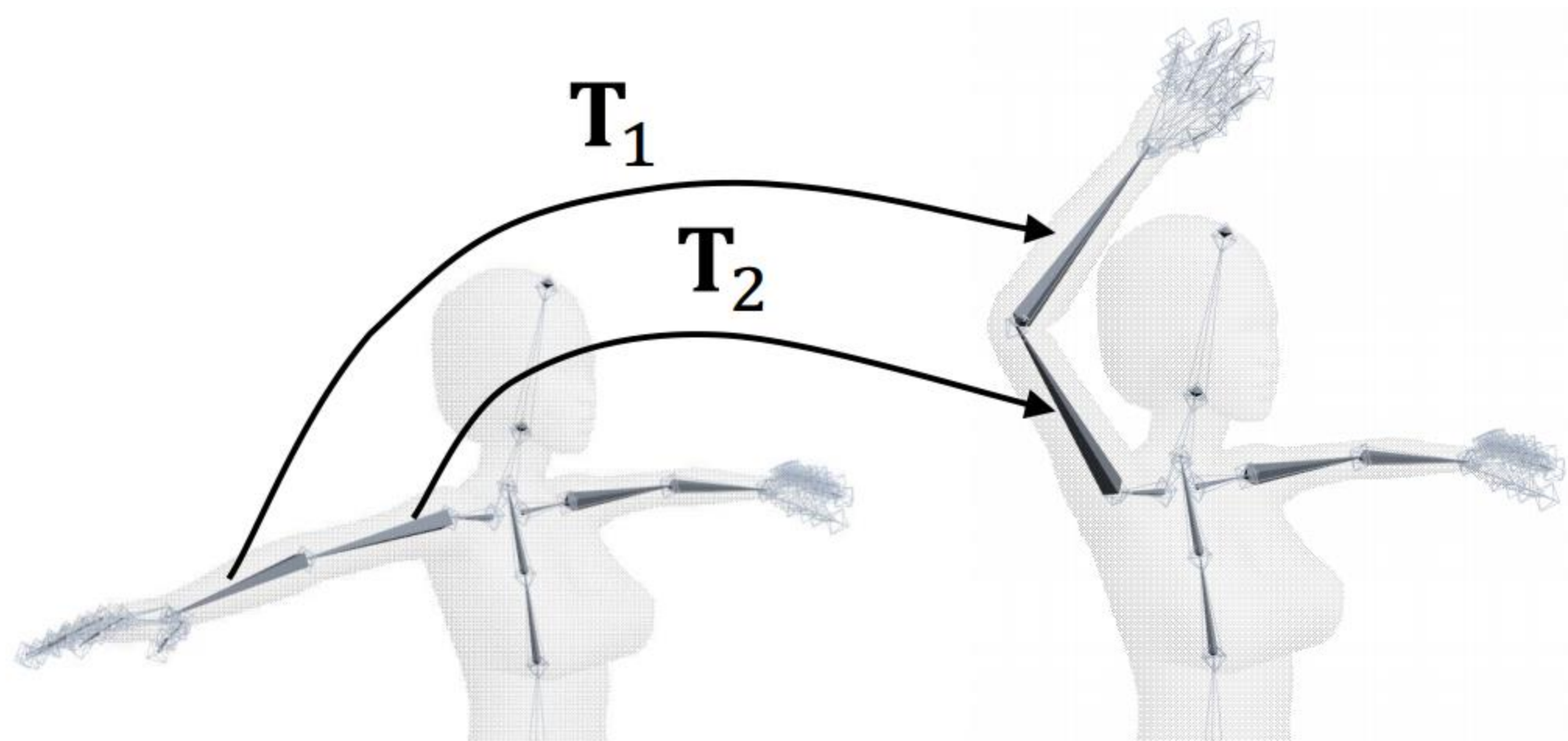
Aggregate Dynamics for Dense Crowd Simulation [Narain SIGGRAPHAsia09]

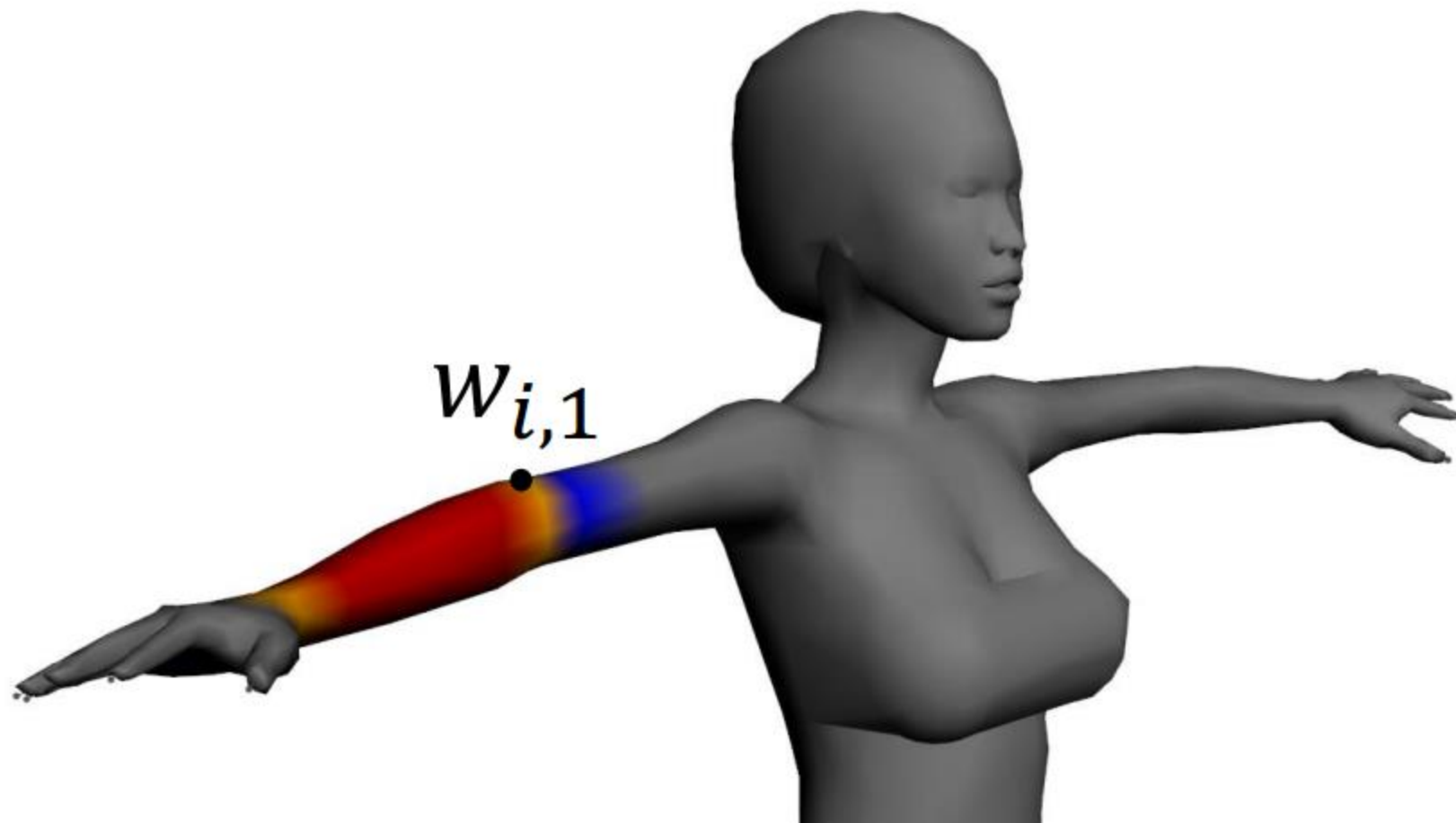
Synthesis of Detailed Hand Manipulations Using Contact Sampling [Ye SIGGRAPH12]

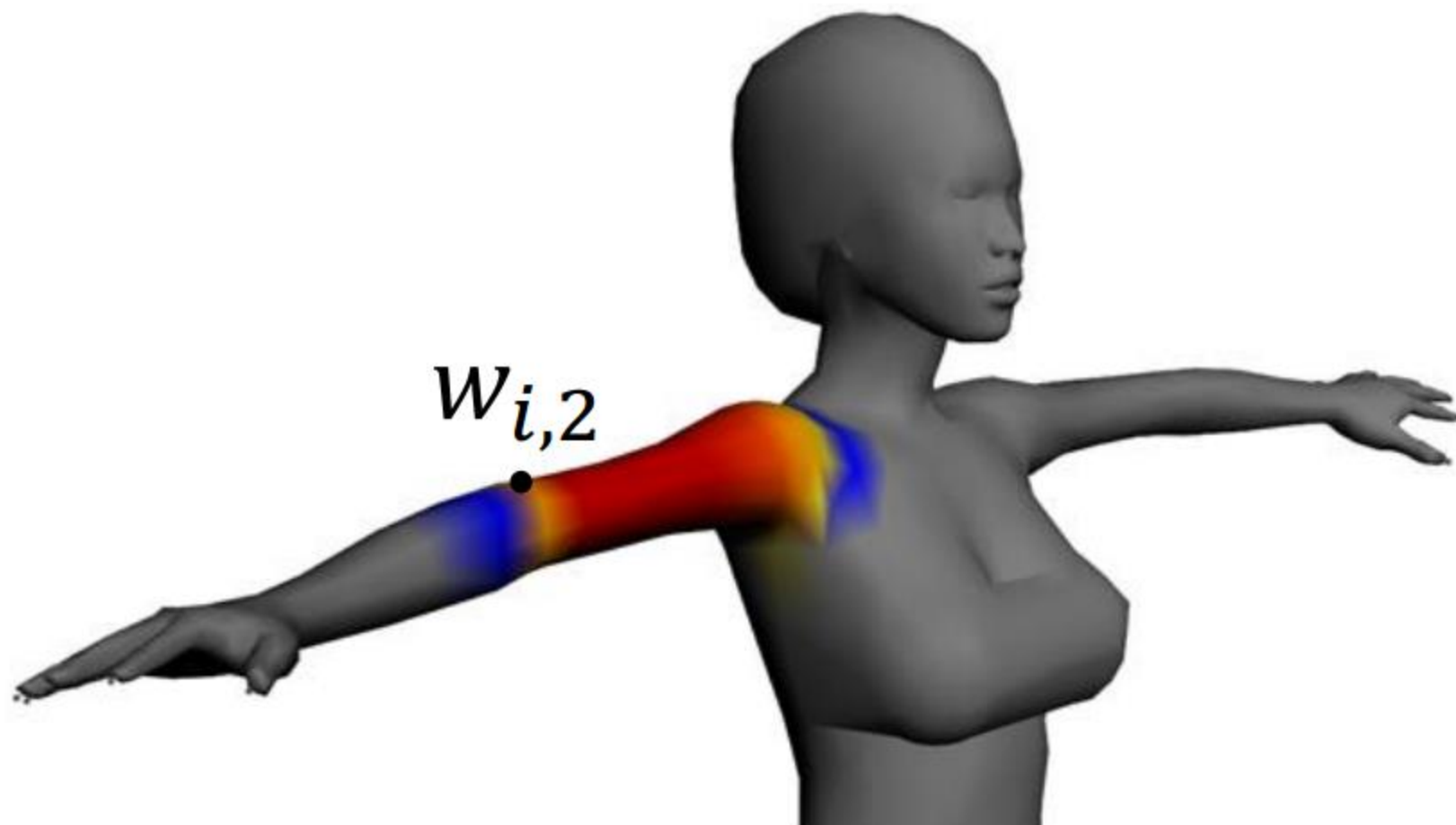
Space-Time Planning with Parameterized Locomotion Controllers.[Levine TOG11]

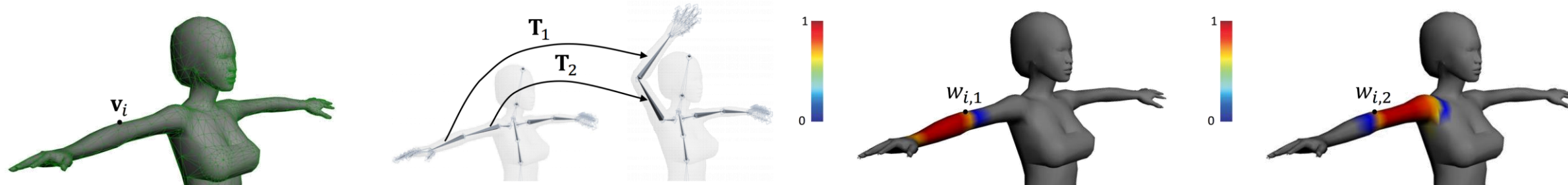
スキニング







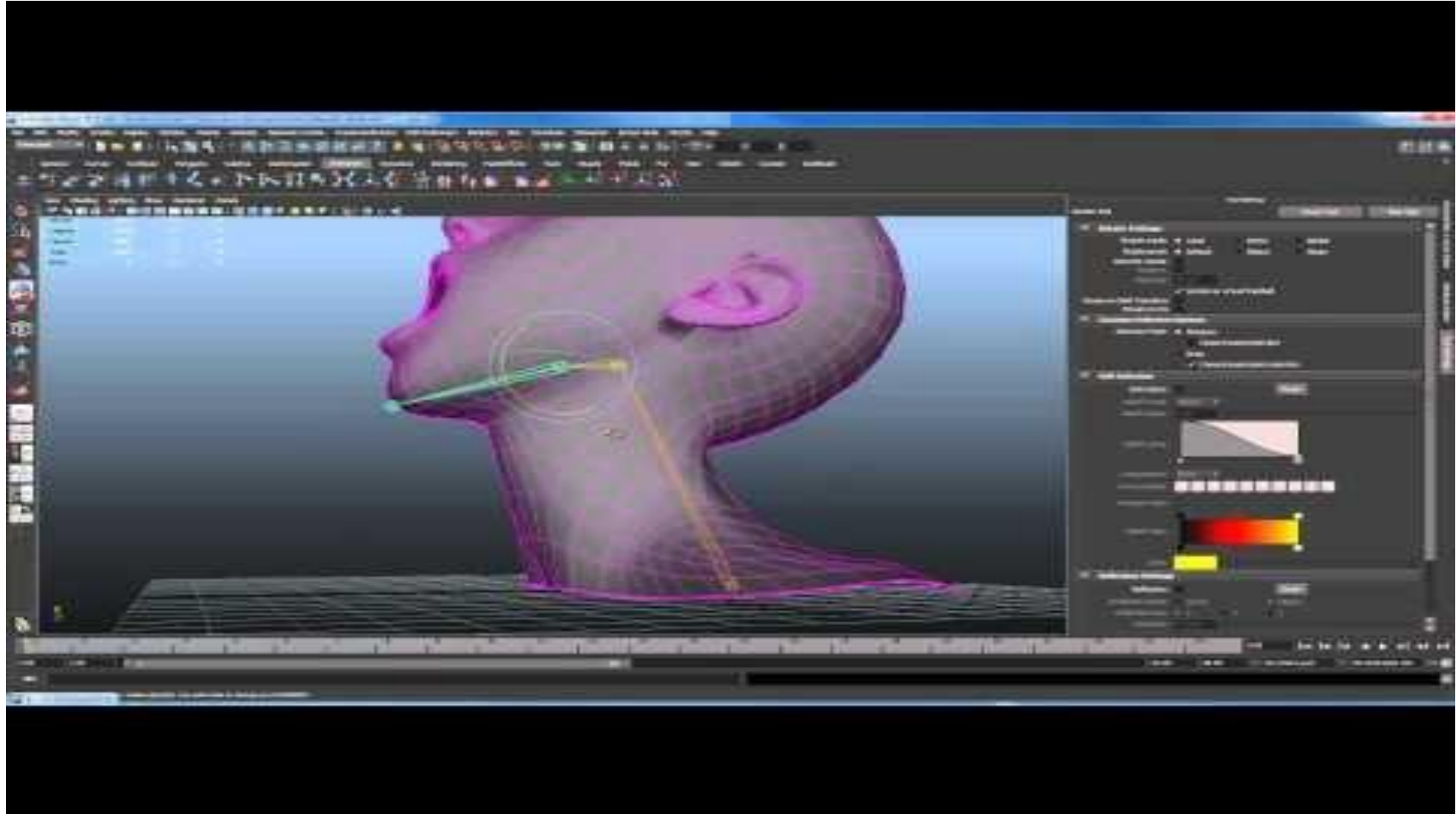




$$\mathbf{v}'_i = \text{blend}(\langle w_{i,1}, \mathbf{T}_1 \rangle, \langle w_{i,2}, \mathbf{T}_2 \rangle, \dots)(\mathbf{v}_i)$$

- 入力
 - メッシュ頂点座標 $\{\mathbf{v}_i\} \ i = 1, \dots, n$
 - ボーンの剛体変換 $\{\mathbf{T}_j\} \ j = 1, \dots, m$
 - 各ボーンから各メッシュ頂点への重み $\{w_{i,j}\} \ i = 1, \dots, n \ j = 1, \dots, m$
- 出力
 - 変形後のメッシュ頂点座標 $\{\mathbf{v}'_i\} \ i = 1, \dots, n$
- 技術的なポイント
 - 重み $\{w_{i,j}\}$ をどう与えるか
 - 変換をどうブレンドするか

重みの与え方：手作業でペイント

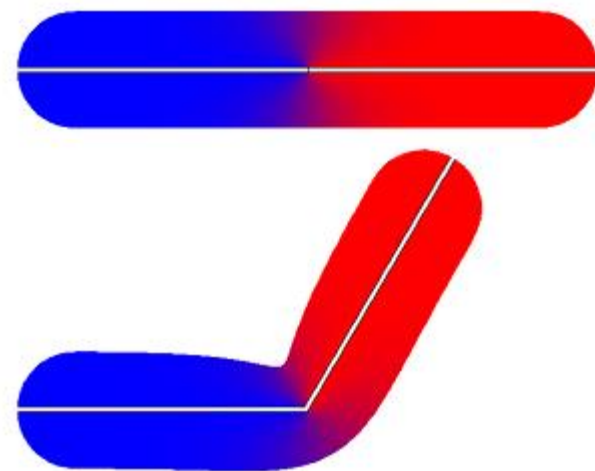


<https://www.youtube.com/watch?v=TACB6bX8SN0>

重みの与え方：自動計算

- j 番目のボーンの重み w_j を、
 - j 番目のボーン上で 1 を取り、それ以外のボーン上で 0 を取り、
 - それ以外では滑らかなスカラー場として定式化

- 一階微分 $\int_{\Omega} \|\nabla w_j\|^2 dA$ を最小化 [Baran 07]
 - サーフェス上で近似的に解く → 簡単、高速
- 二階微分 $\int_{\Omega} (\Delta w_j)^2 dA$ を最小化 [Jacobson 11]
 - 不等式制約 $0 \leq w_j \leq 1$ も導入
 - ボリューム上で二次計画問題を解く → 高品質



Pinocchio デモ

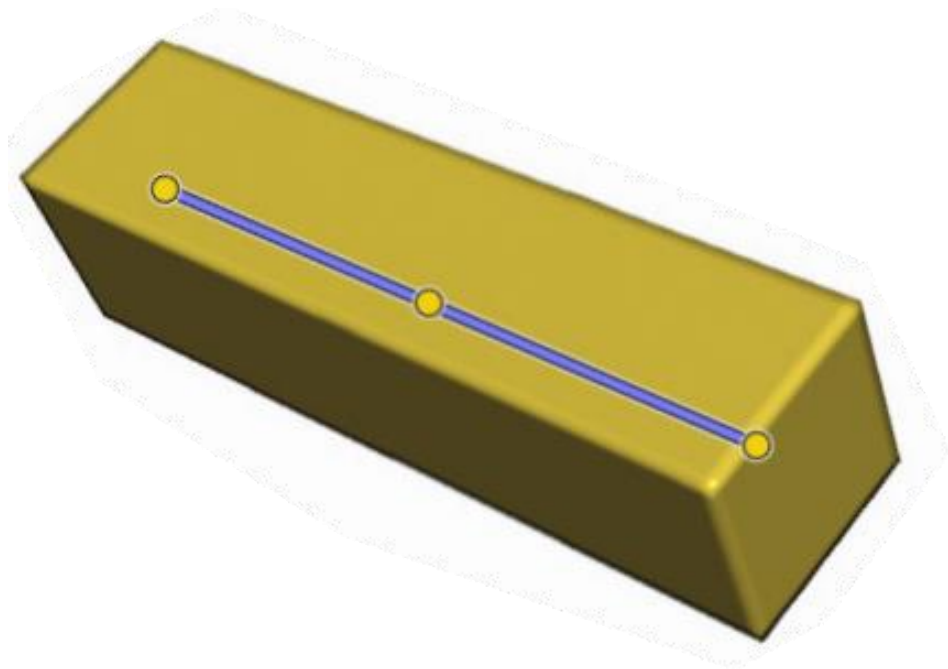
変換の混合手法：Linear Blend Skinning

- 剛体変換 \mathbf{T}_j は、回転行列 $\mathbf{R}_j \in \mathbb{R}^{3 \times 3}$ と移動ベクトル $\mathbf{t}_j \in \mathbb{R}^3$ を並べた 3×4 行列として表される

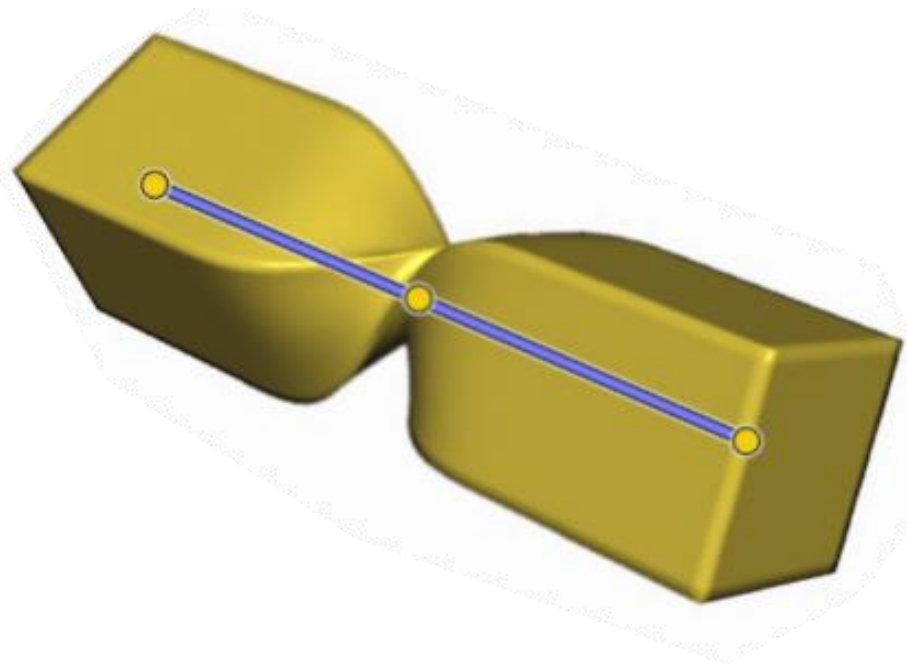
$$\mathbf{v}'_i = \left(\sum_j w_{i,j} (\mathbf{R}_j \quad \mathbf{t}_j) \right) \begin{pmatrix} \mathbf{v}_i \\ 1 \end{pmatrix}$$

- 単純で高速
 - 頂点シェーダで実装：フレーム毎に $\{\mathbf{v}'_i\}$ を GPU に送るのではなく、初期化時に $\{\mathbf{v}_i\}$ と $\{w_{i,j}\}$ を送り、フレーム毎に $\{\mathbf{T}_j\}$ を送る
- 業界で最も一般的

LBS の欠陥：“candy wrapper” effect



Rest pose



Linear blend skinning

- 剛体変換の線形和は剛体変換にならない！
 - 180度捻ると関節の周りが一点に凝縮

LBS に代わる手法：Dual Quaternion Skinning

- アイディア
 - 単位長 quaternion (四つの実数) \rightarrow 3D 回転変換
 - 単位長 dual quaternion (二つの quaternion) \rightarrow 3D 剛体変換 (回転 + 移動)
- Dual quaternion の定義
 - $\varepsilon^2 = 0$ を満たす dual 単位 ε を導入 (cf. 虚数単位 i)
 - Dual quaternion $\hat{\mathbf{q}}$ を、二つの quaternion \mathbf{q}_r と \mathbf{q}_d によって
$$\hat{\mathbf{q}} = \mathbf{q}_r + \varepsilon \mathbf{q}_d$$
と定義する
 - 普通の quaternion の演算規則から、dual quaternion の演算規則が導かれる

Dual quaternion の演算規則

- Dual 共役 $\overline{\hat{\mathbf{q}}} = \overline{\mathbf{q}_r + \varepsilon \mathbf{q}_d} = \mathbf{q}_r - \varepsilon \mathbf{q}_d$

- 複素共役 $\hat{\mathbf{q}}^* = \mathbf{q}_r^* + \varepsilon \mathbf{q}_d^*$

- ノルム $\|\hat{\mathbf{q}}\| = \sqrt{\hat{\mathbf{q}}^* \hat{\mathbf{q}}} = \|\mathbf{q}_r\| + \varepsilon \frac{\mathbf{q}_r^* \mathbf{q}_d}{\|\mathbf{q}_r\|}$

単位 dual quaternion : $\|\hat{\mathbf{q}}\| = 1$

- 逆元 $\hat{\mathbf{q}}^{-1} = \frac{\hat{\mathbf{q}}^*}{\|\hat{\mathbf{q}}\|^2}$

- 3D 座標 (v_x, v_y, v_z) の剛体変換

- 3D 座標を表す dual quaternion : $\hat{\mathbf{v}} = 1 + \varepsilon(i v_x + j v_y + k v_z)$

- 剛体変換後の3D座標 :

$$\hat{\mathbf{v}}' = \hat{\mathbf{q}} \hat{\mathbf{v}} \overline{\hat{\mathbf{q}}^*}$$

- \mathbf{q}_r が回転、 \mathbf{q}_d が平行移動を表す

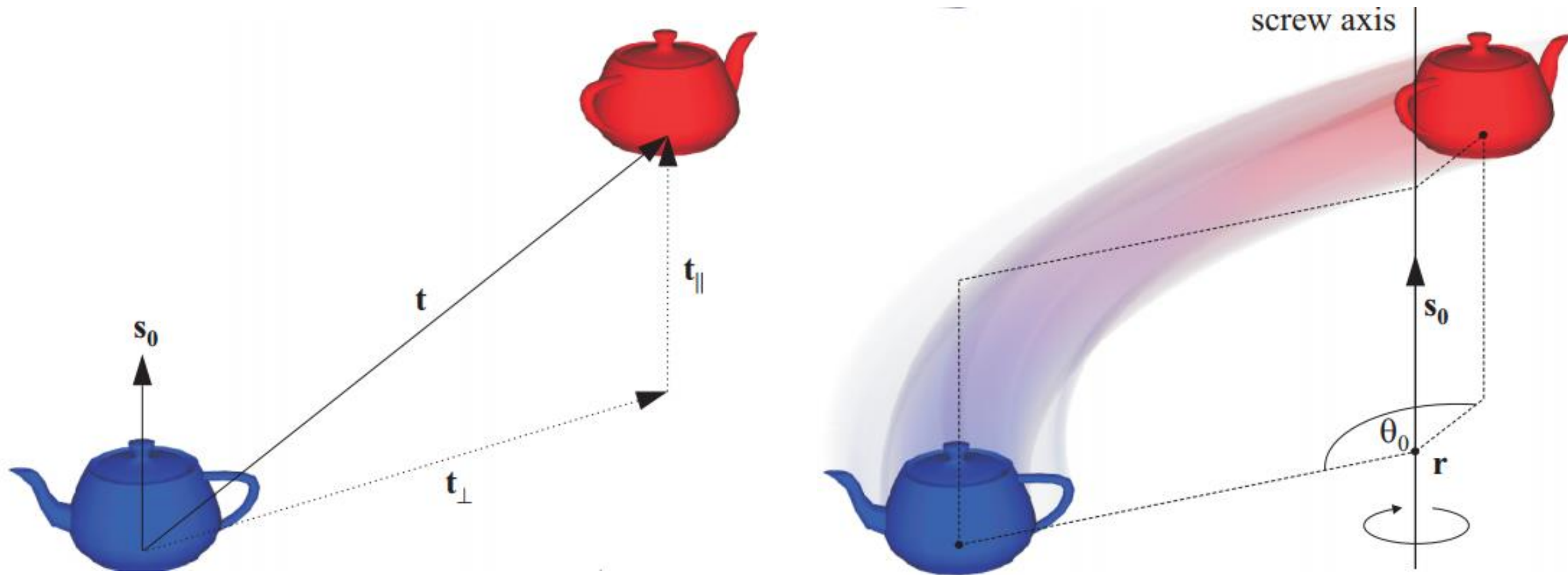
単位 dual quaternion と 3D 剛体変換の関係

- 単位 dual quaternion $\hat{\mathbf{q}}$ は、dual 数 $\hat{\theta} = \theta_r + \varepsilon\theta_d$ と、実部を含まない単位 dual quaternion $\hat{\mathbf{s}} = \mathbf{s}_r + \varepsilon\mathbf{s}_d$ によって以下のように書ける：

$$\hat{\mathbf{q}} = \cos \frac{\hat{\theta}}{2} + \hat{\mathbf{s}} \sin \frac{\hat{\theta}}{2}$$

- 幾何的な意味：
 - \mathbf{s}_r : 回転軸方向
 - θ_r : 回転量
 - θ_d : 回転軸方向の平行移動量
 - \mathbf{s}_d : 回転軸が \mathbf{r} を通るとき、 $\mathbf{s}_d = \mathbf{r} \times \mathbf{s}_r$ を満たす
- 剛体運動は “screw motion” で一意に記述できる

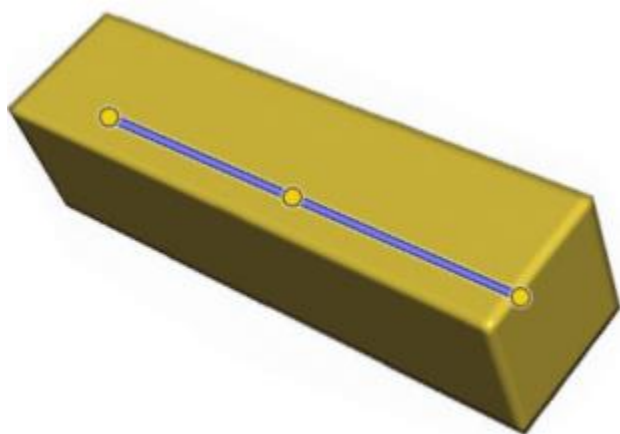
単位 dual quaternion と 3D 剛体変換の関係



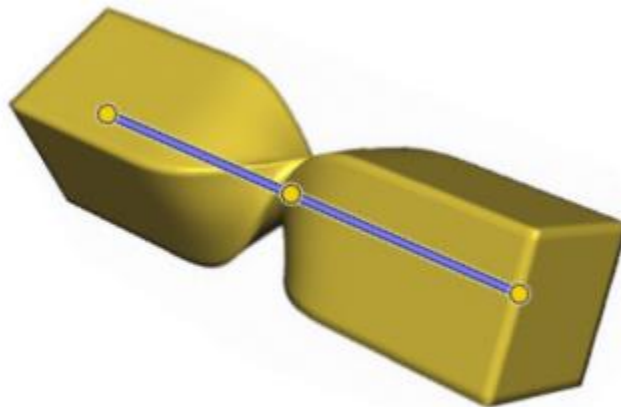
Dual quaternion による剛体変換のブレンド

$$\text{blend}(\langle w_1, \hat{\mathbf{q}}_1 \rangle, \langle w_2, \hat{\mathbf{q}}_2 \rangle, \dots) = \sum_i \frac{w_i \hat{\mathbf{q}}_i}{\|w_i \hat{\mathbf{q}}_i\|}$$

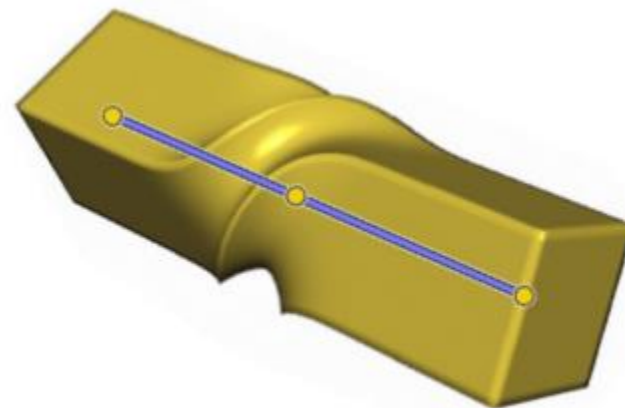
- Quaternion による回転と同様
- LBS と入出力が全く同一、計算コスト低い → 現場で導入しやすい



Rest pose



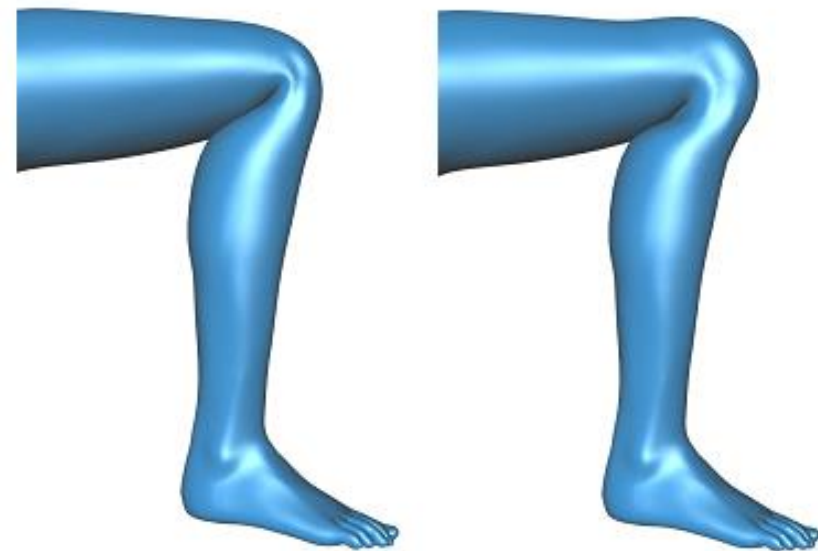
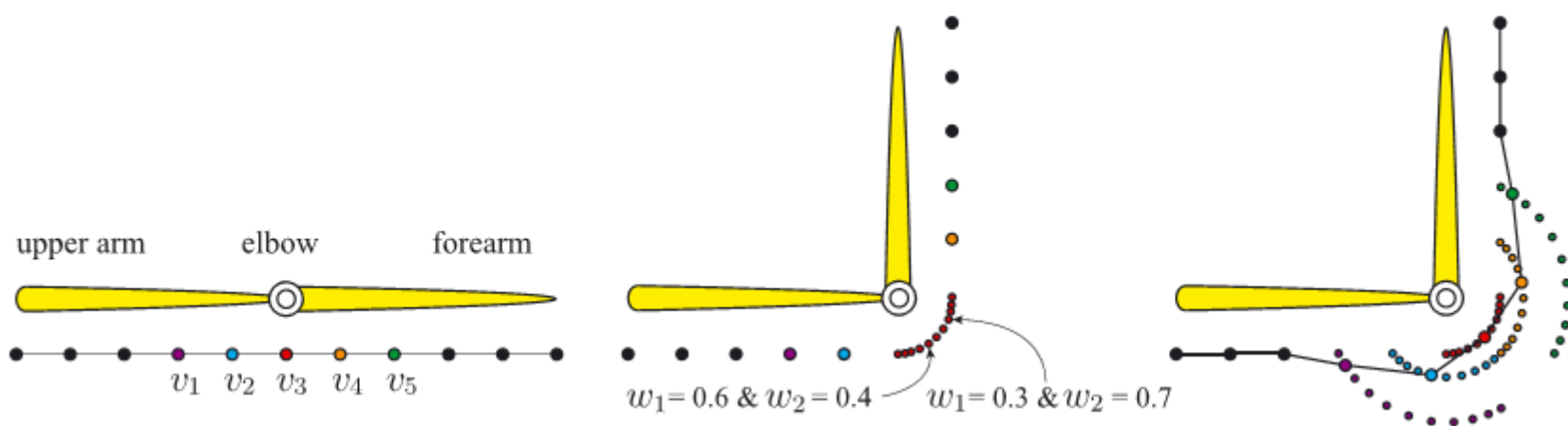
Linear blend skinning



Dual quaternion skinning

DQS の欠点：“bulging” effect

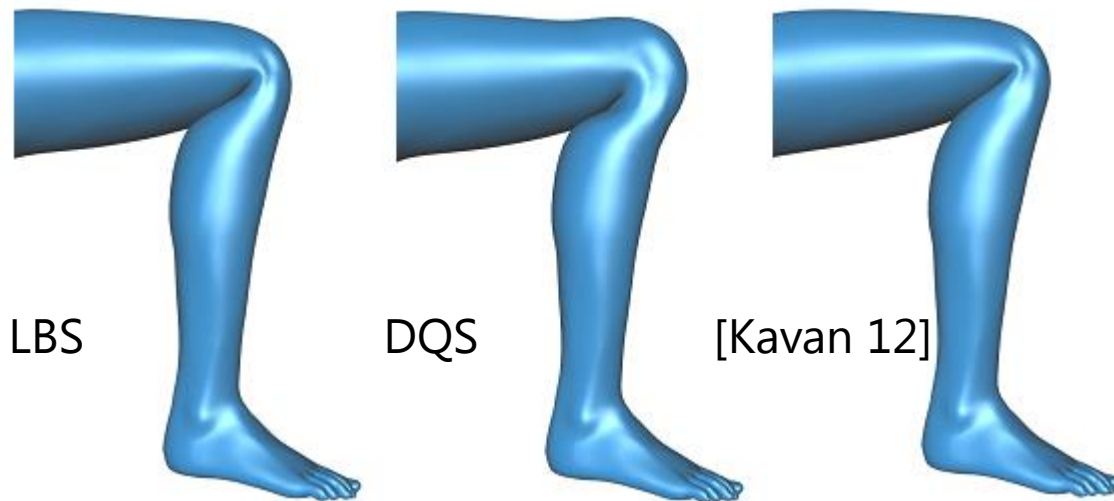
- 曲げの際に、関節を中心とした球面上に沿ったような軌跡を描く



LBS

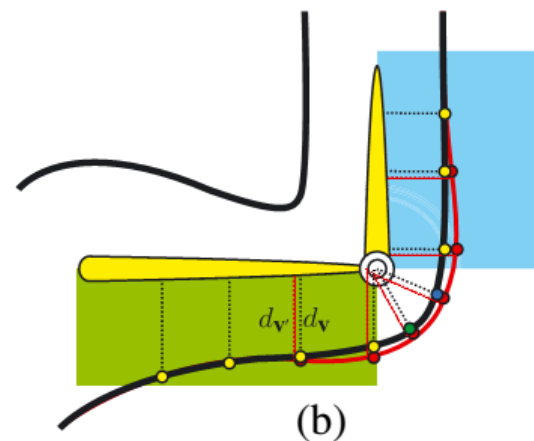
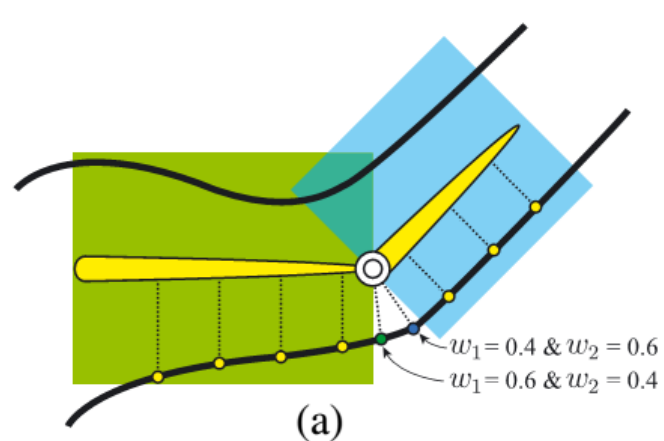
DQS

DQS の欠点の克服



[Kavan 12]

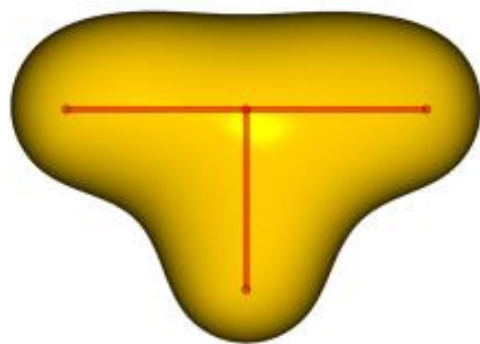
変換を bend と twist に分解し、別々に補間



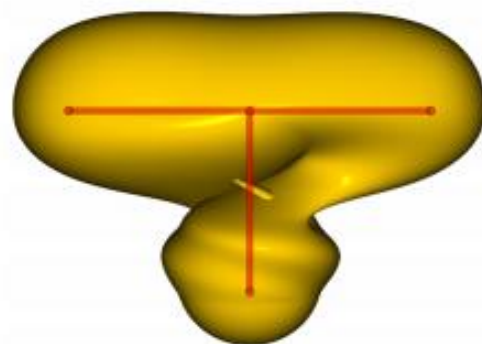
[Kim 14]

DQS で動かした後、法線方向にオフセット

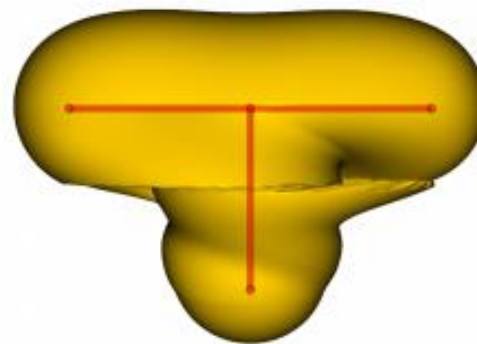
DQS の欠点：捻りの回転量の制限



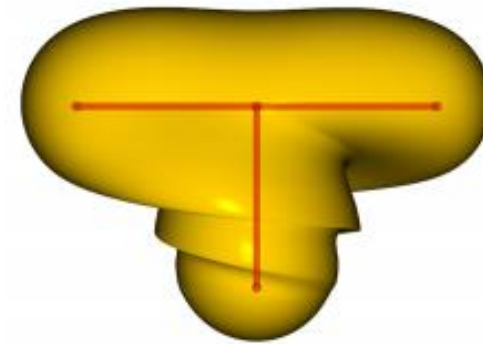
Rest pose



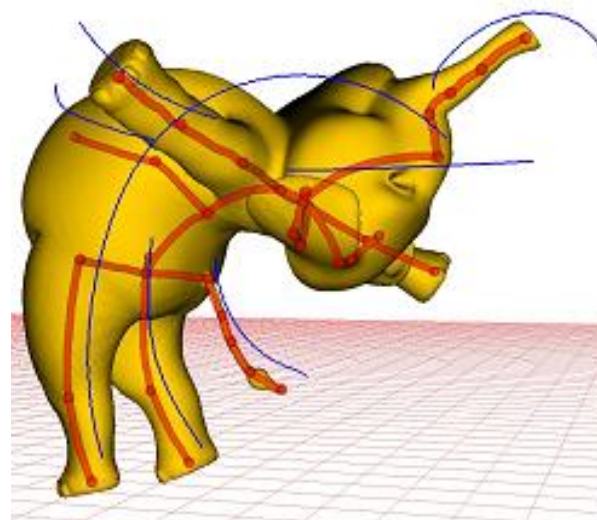
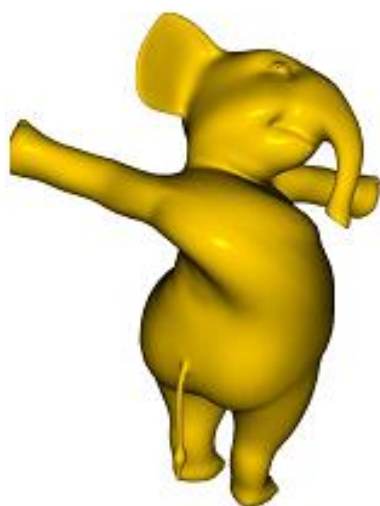
Linear blending



Dual quaternion blending

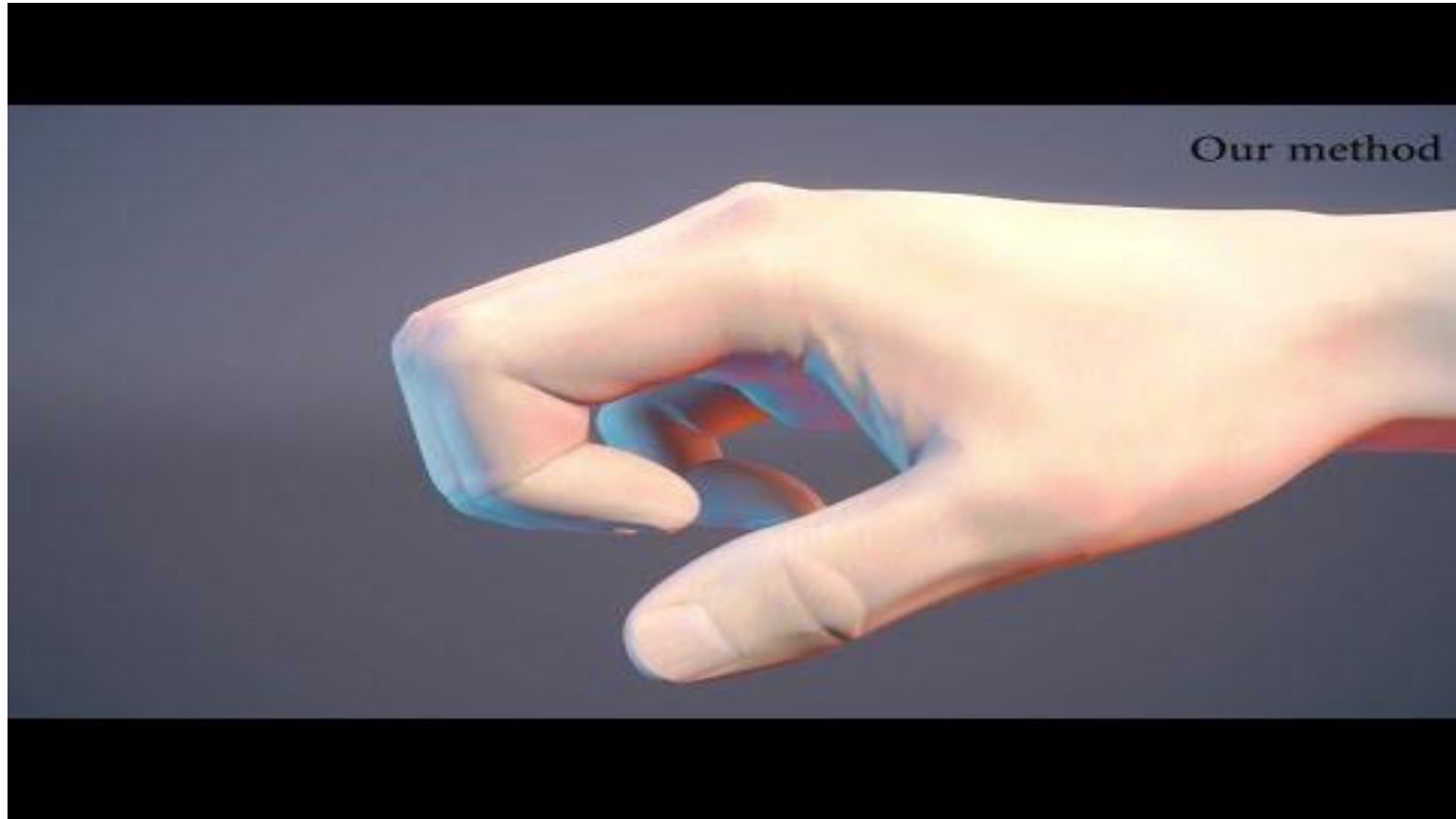


Differential blending



自己交差を回避するスキニング

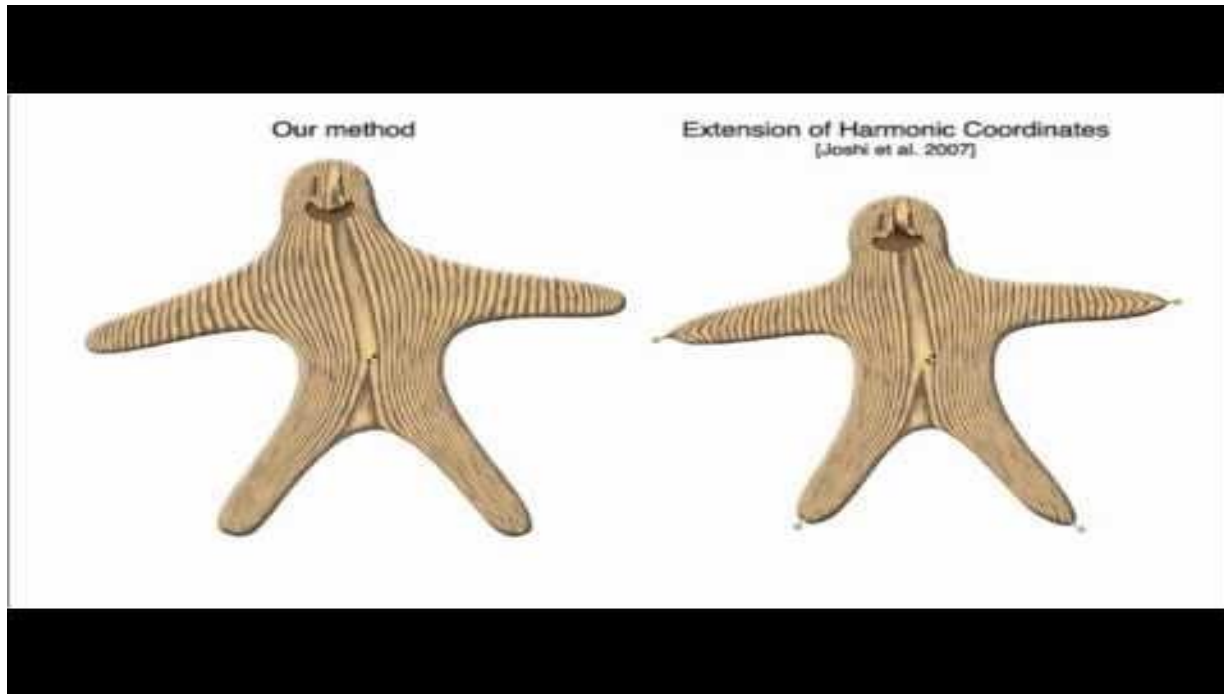
- 陰関数の性質を活用



<https://www.youtube.com/watch?v=RHYSGIqEgyk>

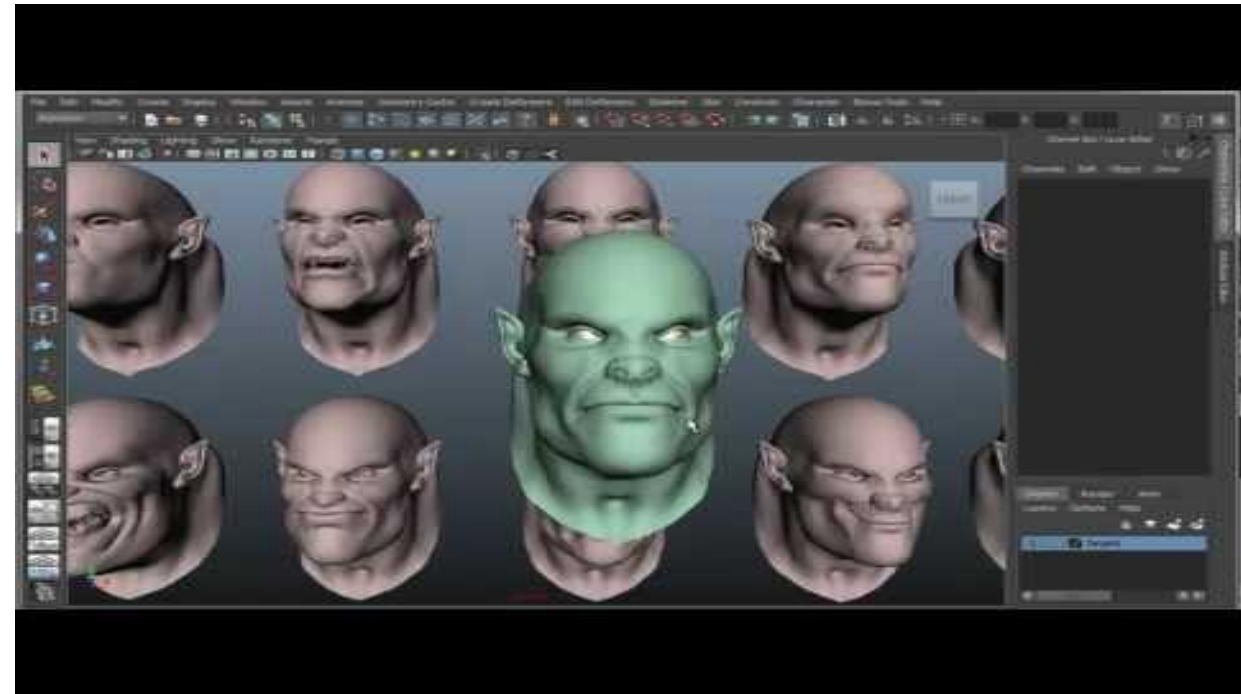
スケルトン以外の変形インタフェース

点、ケージ、スケルトンの統合 [Jacobson 11]



<https://www.youtube.com/watch?v=P9fqm8vgdB8>

BlendShape



<https://www.youtube.com/watch?v=BFPAIU8hwQ4>

参考情報

- http://en.wikipedia.org/wiki/Motion_capture
- <http://skinning.org/>
- <http://mukai-lab.org/category/library/legacy>
- CG Gems JP 2012 Chapter 8 インバーススキネマティクス