K03-T1-IF2220-13520006

April 16, 2022

1 Tugas Besar IF2220 Probabilitas dan Statistika

1.1 Penarikan Kesimpulan dan Pengujian Hipotesis

Oleh:

- 13520006 - Vionie Novencia Thanggestyo - 13520069 - Kent Liusudarso

1.1.1 Enam Langkah Testing

- 1. Tentukan Hipotesis nol $(H_0: \theta = \theta_0)$, dimana θ bisa berupa μ , σ^2 , p, atau data lain berdistribusi tertentu (normal, binomial, dsc.).
- 2. Pilih hipotesis alternatif H1 salah dari dari $\theta > \theta_0$, $\theta < \theta_0$, atau $\theta \neq \theta_0$.
- 3. Tentukan tingkat signifikan α .
- 4. Tentukan uji statistik yang sesuai dan tentukan daerah kritis.
- 5. Hitung nilai uji statistik dari data sample. Hitung p-value sesuai dengan uji statistik yang digunakan.
- 6. Ambil keputusan dengan TOLAK H_0 jika nilai uji terletak di daerah kritis atau dengan tes signifikan, TOLAK H_0 jika p-value lebih kecil dibanding tingkat signifikansi α yang diinginkan.

1.1.2 Import Modules & Data

```
[]:
             id
                         рΗ
                               Hardness
                                                Solids
                                                        Chloramines
                                                                         Sulfate
     0
              1
                  8.316766
                             214.373394
                                         22018.417441
                                                           8.059332
                                                                      356.886136
     1
              2
                  9.092223
                            181.101509
                                         17978.986339
                                                                      310.135738
                                                           6.546600
     2
              3
                  5.584087
                            188.313324 28748.687739
                                                           7.544869
                                                                      326.678363
```

```
3
             10.223862
                        248.071735
                                     28749.716544
                                                        7.513408
                                                                   393.663396
4
         5
              8.635849
                                                        4.563009
                                                                   303.309771
                        203.361523
                                     13672.091764
2005
      2006
              8.197353
                        203.105091
                                     27701.794055
                                                        6.472914
                                                                   328.886838
      2007
              8.989900
                        215.047358
                                                        6.297312
2006
                                     15921.412018
                                                                   312.931022
2007
      2008
              6.702547
                        207.321086
                                     17246.920347
                                                        7.708117
                                                                   304.510230
2008
             11.491011
      2009
                         94.812545
                                     37188.826022
                                                        9.263166
                                                                   258.930600
2009
      2010
              6.069616
                        186.659040
                                     26138.780191
                                                        7.747547
                                                                   345.700257
      Conductivity
                     OrganicCarbon
                                     Trihalomethanes
                                                        Turbidity
                                                                   Potability
0
        363.266516
                          18.436524
                                           100.341674
                                                         4.628771
                                                                             0
1
        398.410813
                         11.558279
                                            31.997993
                                                         4.075075
                                                                             0
2
        280.467916
                           8.399735
                                            54.917862
                                                         2.559708
                                                                             0
3
        283.651634
                         13.789695
                                            84.603556
                                                         2.672989
                                                                             0
4
        474.607645
                                            62.798309
                                                         4.401425
                                                                             0
                         12.363817
2005
        444.612724
                         14.250875
                                            62.906205
                                                         3.361833
                                                                             1
2006
        390.410231
                           9.899115
                                            55.069304
                                                         4.613843
                                                                             1
2007
        329.266002
                         16.217303
                                            28.878601
                                                         3.442983
                                                                             1
2008
        439.893618
                         16.172755
                                            41.558501
                                                         4.369264
                                                                             1
2009
        415.886955
                         12.067620
                                            60.419921
                                                         3.669712
                                                                             1
```

[2010 rows x 11 columns]

1.1.3 Soal 1

Menulis deskripsi statistika (*Descriptive Statistics*) dari semua kolom pada data yang bersifat numerik, terdiri dari mean, median, modus, standar deviasi, variansi, range, nilai minimum, maksimum, kuartil, IQR, skewness dan kurtosis. Boleh juga ditambahkan deskripsi lain.

```
[]: id pH Hardness Solids Chloramines \
count 2010.0 2010.0 2010.0 2010.0
```

mean	1005.5	7.087193	195.969209	21904.673439	7.134322
std	580.38134	1.572803	32.643166	8625.397911	1.585214
min	1.0	0.227499	73.492234	320.942611	1.390871
25%	503.25	6.090785	176.740657	15614.412962	6.138326
50%	1005.5	7.02949	197.203525	20926.882155	7.142014
75%	1507.75	8.053006	216.447589	27170.534649	8.109933
max	2010.0	14.0	317.338124	56488.672413	13.127
variansi	336842.5	2.473709	1065.576277	74397489.126371	2.512904
range	2009.0	13.772501	243.84589	56167.729801	11.736129
IQR	1004.5	1.962221	39.706932	11556.121687	1.971607
skewness	0.0	0.048535	-0.085321	0.591011	0.013003
kurtosis	-1.2	0.626904	0.52548	0.33732	0.549782
modus	None	None	None	None	None
	Sulfat	e Conductiv	ity OrganicCa	rbon Tribalometha	nes Turbidit

	Sulfate	${\tt Conductivity}$	${\tt OrganicCarbon}$	${\tt Trihalomethanes}$	Turbidity	\
count	2010.0	2010.0	2010.0	2010.0	2010.0	
mean	333.211376	426.476708	14.35794	66.400717	3.969497	
std	41.211111	80.701872	3.32577	16.081109	0.780471	
min	129.0	201.619737	2.2	8.577013	1.45	
25%	307.626986	366.619219	12.12253	55.949993	3.442882	
50%	332.214113	423.438372	14.323286	66.482041	3.967374	
75%	359.268147	482.209772	16.683562	77.294613	4.514663	
max	481.030642	753.34262	27.006707	124.0	6.494749	
variansi	1698.355672	6512.792113	11.060746	258.602066	0.609135	
range	352.030642	551.722883	24.806707	115.422987	5.044749	
IQR	51.641161	115.590553	4.561031	21.34462	1.071781	
skewness	-0.045728	0.268012	-0.02022	-0.051383	-0.032266	
kurtosis	0.786854	-0.237206	0.031018	0.223017	-0.049831	
modus	None	None	None	None	None	

	Potability
count	2010.000000
mean	0.402985
std	0.490620
min	0.000000
25%	0.000000
50%	0.000000
75%	1.000000
max	1.000000
variansi	0.240708
range	1.000000
IQR	1.000000
skewness	0.395873
kurtosis	-1.845122
modus	0.000000

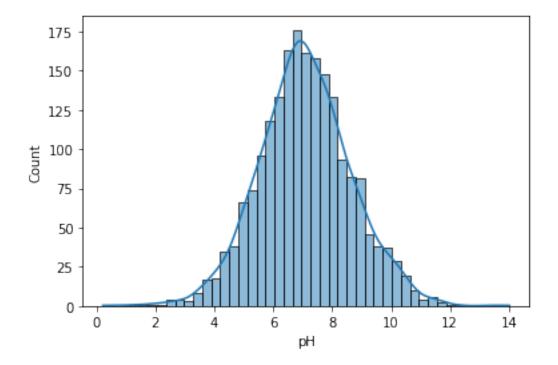
1.1.4 Soal 2

Membuat Visualisasi plot distribusi, dalam bentuk histogram dan boxplot untuk setiap kolom numerik. Berikan uraian penjelasan kondisi setiap kolom berdasarkan kedua plot tersebut.

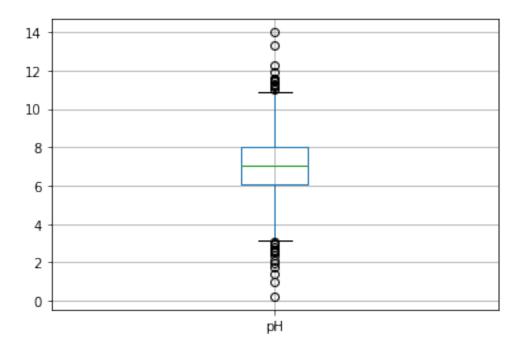
pH histogram pH di bawah ini menunjukkan data bersifat skew normal dan lepto kurtik. Data juga memiliki pencilan atas dan pencilan bawah seperti yang ditunjukkan pada boxplot

```
[]: sns.histplot(df["pH"], kde=True)
```

[]: <AxesSubplot:xlabel='pH', ylabel='Count'>



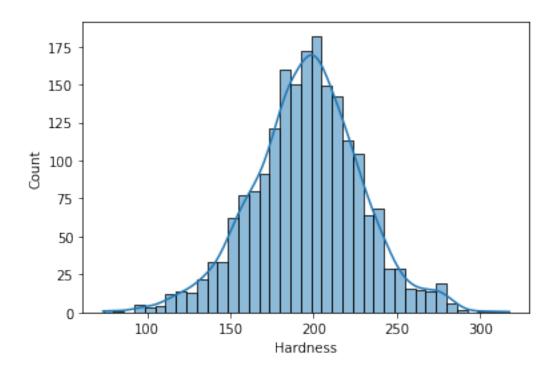
```
[]: df.boxplot("pH")
```



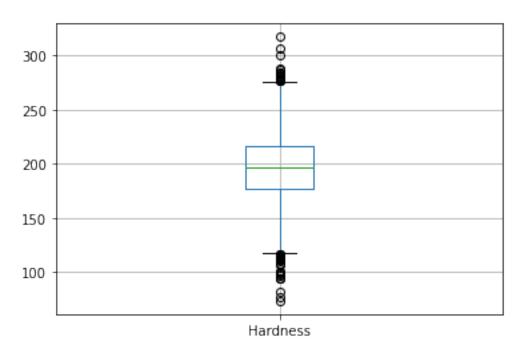
Hardness histogram Hardness di bawah ini menunjukkan data bersifat skew normal dan lepto kurtik. Data juga memiliki pencilan atas dan pencilan bawah seperti yang ditunjukkan pada boxplot

```
[]: sns.histplot(df["Hardness"], kde=True)
```

[]: <AxesSubplot:xlabel='Hardness', ylabel='Count'>



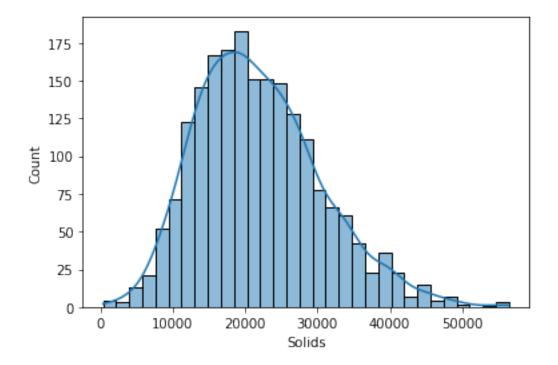
[]: df.boxplot("Hardness")



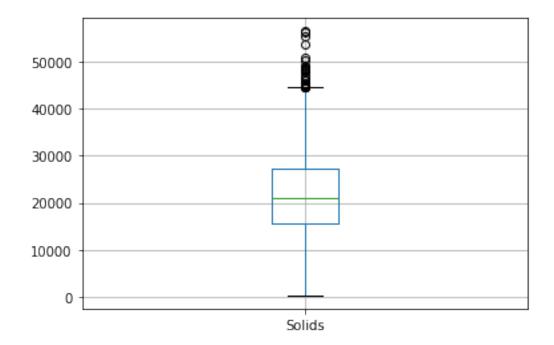
Solids histogram Solids di bawah ini menunjukkan data bersifat skew positif dan meso kurtik. Data juga memiliki pencilan atas seperti yang ditunjukkan pada boxplot

```
[]: sns.histplot(df["Solids"], kde=True)
```

[]: <AxesSubplot:xlabel='Solids', ylabel='Count'>



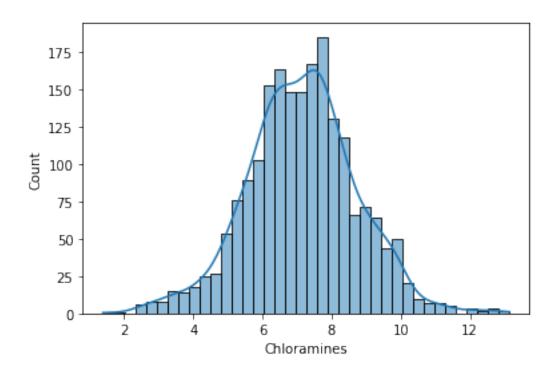
```
[]: df.boxplot("Solids")
```



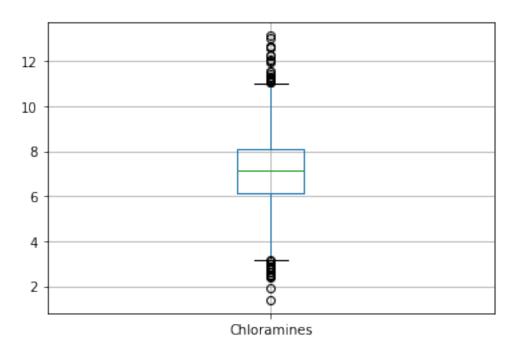
Chloramines histogram Chloramines di bawah ini menunjukkan data bersifat skew normal dan lepto kurtik. Data juga memiliki pencilan atas dan pencilan bawah seperti yang ditunjukkan pada boxplot

```
[]: sns.histplot(df["Chloramines"], kde=True)
```

[]: <AxesSubplot:xlabel='Chloramines', ylabel='Count'>



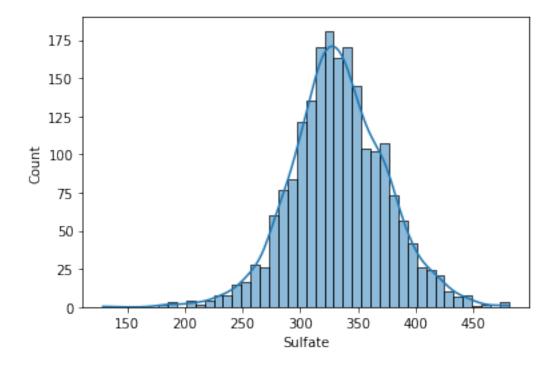
[]: df.boxplot("Chloramines")



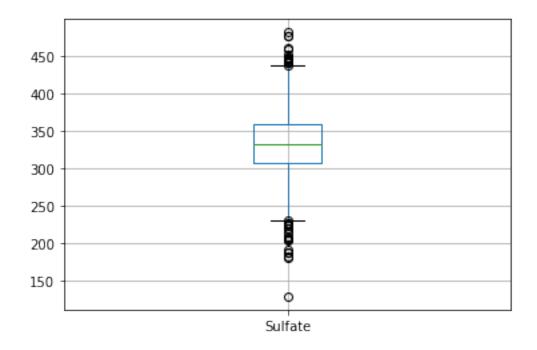
Sulfate histogram Sulfate di bawah ini menunjukkan data bersifat skew noraml dan lepto kurtik. Data juga memiliki pencilan atas dan pencilan bawah seperti yang ditunjukkan pada boxplot

```
[]: sns.histplot(df["Sulfate"], kde=True)
```

[]: <AxesSubplot:xlabel='Sulfate', ylabel='Count'>



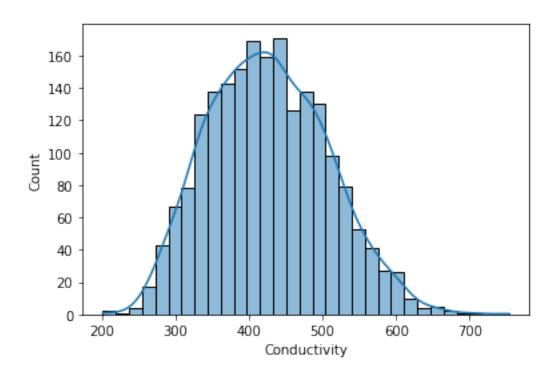
```
[]: df.boxplot("Sulfate")
```



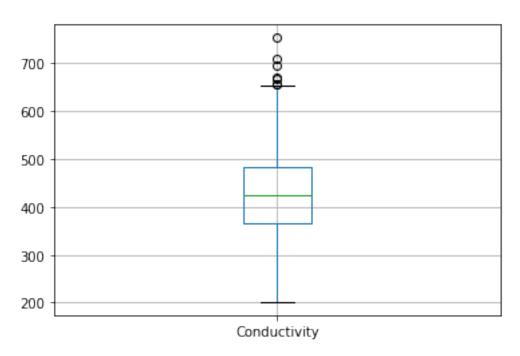
Conductivity histogram Conductivity di bawah ini menunjukkan data bersifat skew positif dan meso kurtik. Data juga memiliki pencilan atas seperti yang ditunjukkan pada boxplot

```
[]: sns.histplot(df["Conductivity"], kde=True)
```

[]: <AxesSubplot:xlabel='Conductivity', ylabel='Count'>



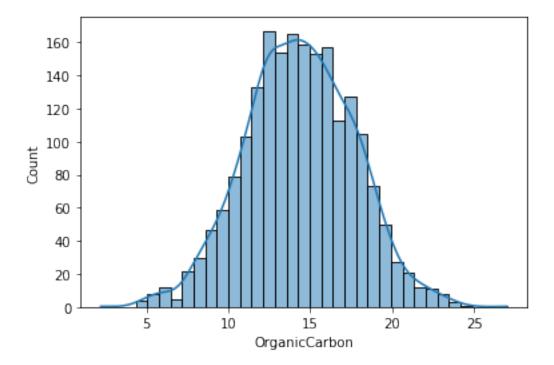
[]: df.boxplot("Conductivity")



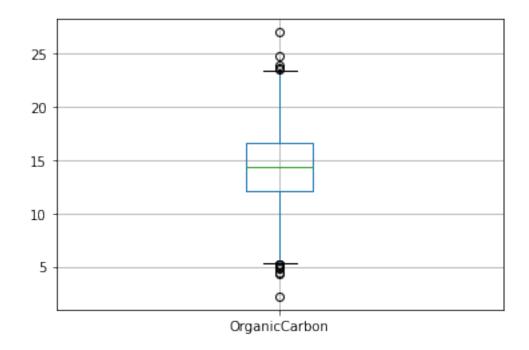
OrganicCarbon histogram OrganicCarbon di bawah ini menunjukkan data bersifat skew positif dan plati kurtik. Data juga memiliki pencilan atas seperti yang ditunjukkan pada boxplot

```
[]: sns.histplot(df["OrganicCarbon"], kde=True)
```

[]: <AxesSubplot:xlabel='OrganicCarbon', ylabel='Count'>



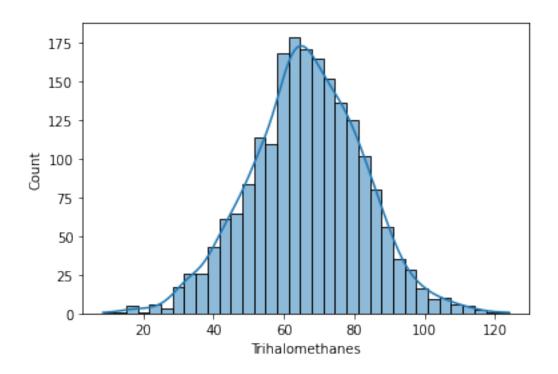
```
[]: df.boxplot("OrganicCarbon")
```



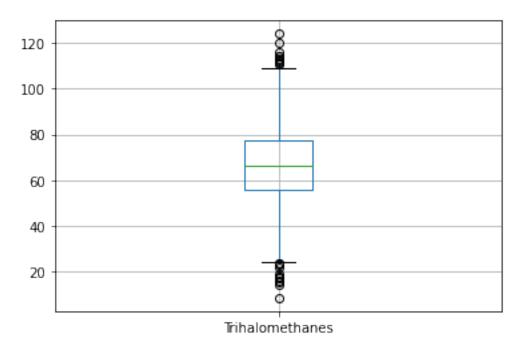
Trihalomethanes histogram Trihalomethanes di bawah ini menunjukkan data bersifat skew negatif dan meso kurtik. Data juga memiliki pencilan atas seperti yang ditunjukkan pada boxplot

```
[]: sns.histplot(df["Trihalomethanes"], kde=True)
```

[]: <AxesSubplot:xlabel='Trihalomethanes', ylabel='Count'>



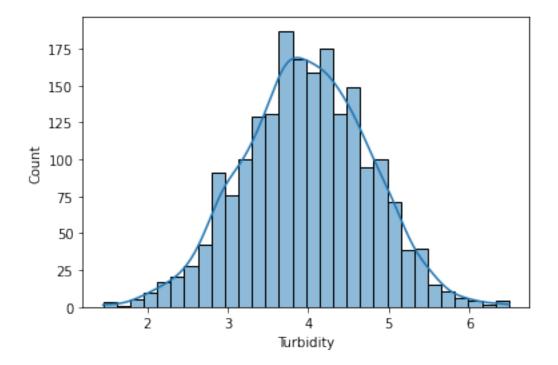
[]: df.boxplot("Trihalomethanes")



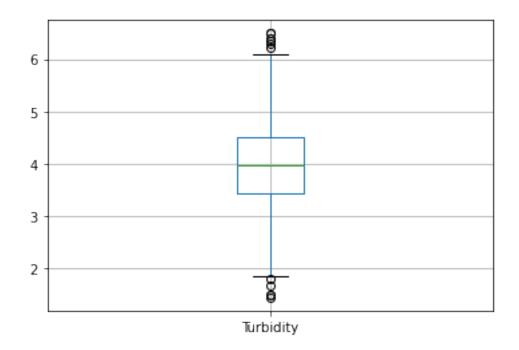
Turbidity histogram Turbidity di bawah ini menunjukkan data bersifat skew normal dan meso kurtik. Data juga memiliki pencilan atas seperti yang ditunjukkan pada boxplot

```
[]: sns.histplot(df["Turbidity"], kde=True)
```

[]: <AxesSubplot:xlabel='Turbidity', ylabel='Count'>



```
[]: df.boxplot("Turbidity")
```



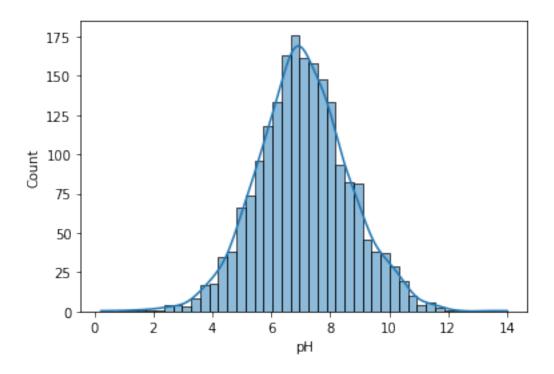
1.1.5 Soal 3

Menentukan setiap kolom numerik berdistribusi normal atau tidak. Gunakan normality test yang dikaitkan dengan histogram plot.

D'Agostino's K-squared D'Agostino's K-squared test menentukan apakah sebuah kolom berdistribusi normal atau tidak menurut skewness dan kurtosisnya. Jika hasil tes merupakan distribusi normal, maka pada histogram akan terlihat bell curve.

```
pH
[]: sns.histplot(df["pH"], kde=True)

[]: <AxesSubplot:xlabel='pH', ylabel='Count'>
```



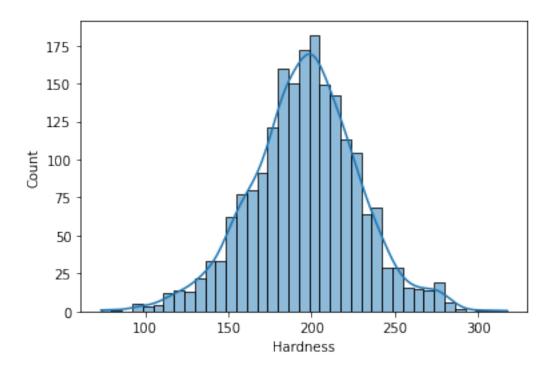
```
[]: stat, p = stats.normaltest(df["pH"])
    print('stat=%.3f, p=%.3f' % (stat, p))
    if p > 0.05:
        print('Berdistribusi Normal')
    else:
        print('Tidak Berdistribusi Normal')
```

stat=21.076, p=0.000 Tidak Berdistribusi Normal

Hardness

```
[]: sns.histplot(df["Hardness"], kde=True)
```

[]: <AxesSubplot:xlabel='Hardness', ylabel='Count'>



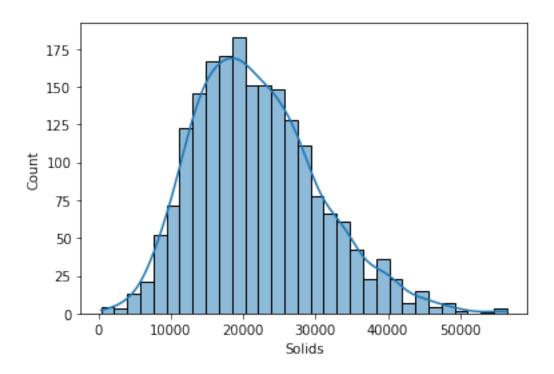
```
[]: stat, p = stats.normaltest(df["pH"])
    print('stat=%.3f, p=%.3f' % (stat, p))
    if p > 0.05:
        print('Berdistribusi Normal')
    else:
        print('Tidak Berdistribusi Normal')
```

stat=21.076, p=0.000 Tidak Berdistribusi Normal

Solids

```
[]: sns.histplot(df["Solids"], kde=True)
```

[]: <AxesSubplot:xlabel='Solids', ylabel='Count'>



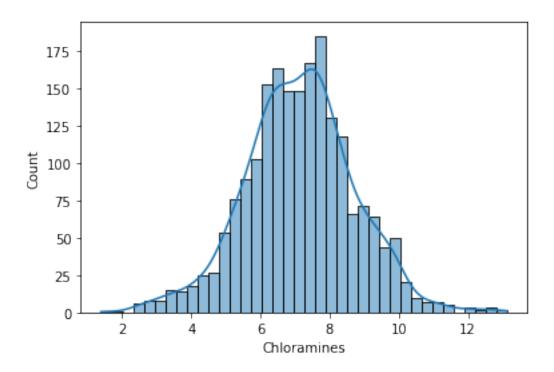
```
[]: stat, p = stats.normaltest(df["Solids"])
    print('stat=%.3f, p=%.3f' % (stat, p))
    if p > 0.05:
        print('Berdistribusi Normal')
    else:
        print('Tidak Berdistribusi Normal')
```

stat=109.060, p=0.000 Tidak Berdistribusi Normal

Chloramines

```
[]: sns.histplot(df["Chloramines"], kde=True)
```

[]: <AxesSubplot:xlabel='Chloramines', ylabel='Count'>



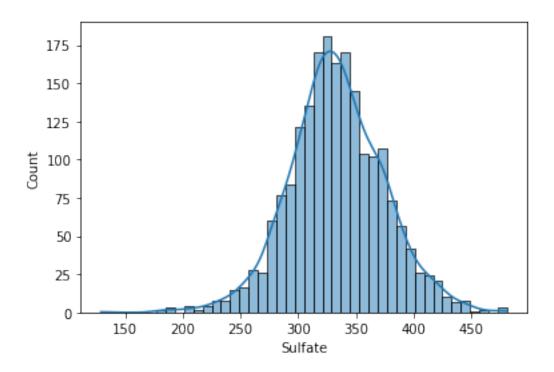
```
[]: stat, p = stats.normaltest(df["Chloramines"])
    print('stat=%.3f, p=%.3f' % (stat, p))
    if p > 0.05:
        print('Berdistribusi Normal')
    else:
        print('Tidak Berdistribusi Normal')
```

stat=16.584, p=0.000 Tidak Berdistribusi Normal

Sulfate

```
[]: sns.histplot(df["Sulfate"], kde=True)
```

[]: <AxesSubplot:xlabel='Sulfate', ylabel='Count'>



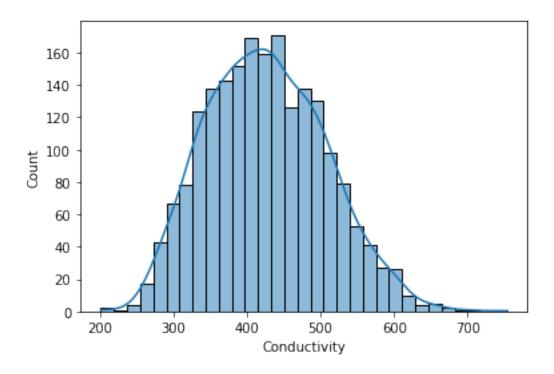
```
[]: stat, p = stats.normaltest(df["Sulfate"])
    print('stat=%.3f, p=%.3f' % (stat, p))
    if p > 0.05:
        print('Berdistribusi Normal')
    else:
        print('Tidak Berdistribusi Normal')
```

stat=29.261, p=0.000 Tidak Berdistribusi Normal

Conductivity

```
[]: sns.histplot(df["Conductivity"], kde=True)
```

[]: <AxesSubplot:xlabel='Conductivity', ylabel='Count'>



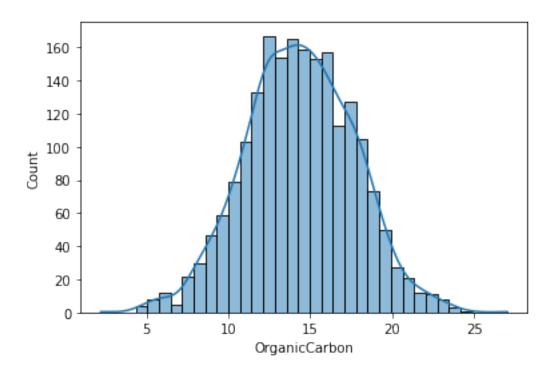
```
[]: stat, p = stats.normaltest(df["Conductivity"])
    print('stat=%.3f, p=%.3f' % (stat, p))
    if p > 0.05:
        print('Berdistribusi Normal')
    else:
        print('Tidak Berdistribusi Normal')
```

stat=29.277, p=0.000 Tidak Berdistribusi Normal

OrganicCarbon

```
[]: sns.histplot(df["OrganicCarbon"], kde=True)
```

[]: <AxesSubplot:xlabel='OrganicCarbon', ylabel='Count'>



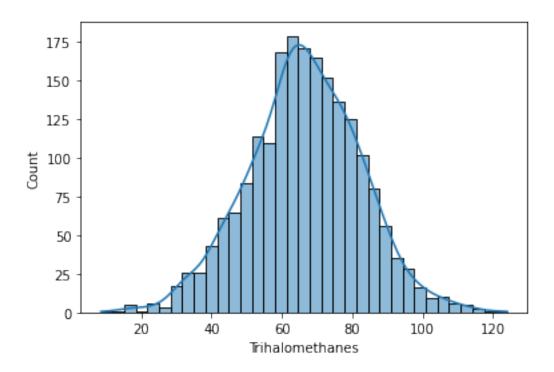
```
[]: stat, p = stats.normaltest(df["OrganicCarbon"])
    print('stat=%.3f, p=%.3f' % (stat, p))
    if p > 0.05:
        print('Berdistribusi Normal')
    else:
        print('Tidak Berdistribusi Normal')
```

stat=0.250, p=0.883 Berdistribusi Normal

Trihalomethanes

```
[]: sns.histplot(df["Trihalomethanes"], kde=True)
```

[]: <AxesSubplot:xlabel='Trihalomethanes', ylabel='Count'>



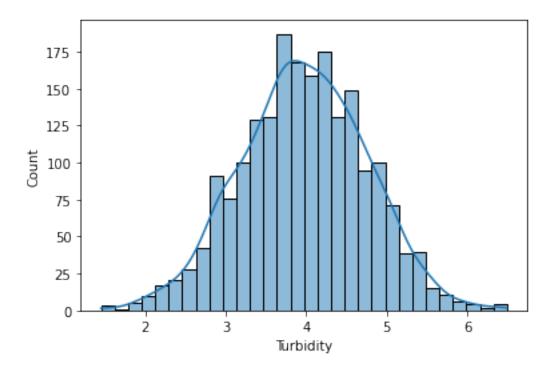
```
[]: stat, p = stats.normaltest(df["Trihalomethanes"])
    print('stat=%.3f, p=%.3f' % (stat, p))
    if p > 0.05:
        print('Berdistribusi Normal')
    else:
        print('Tidak Berdistribusi Normal')
```

stat=4.520, p=0.104 Berdistribusi Normal

Turbidity

```
[]: sns.histplot(df["Turbidity"], kde=True)
```

[]: <AxesSubplot:xlabel='Turbidity', ylabel='Count'>



```
[]: stat, p = stats.normaltest(df["Turbidity"])
    print('stat=%.3f, p=%.3f' % (stat, p))
    if p > 0.05:
        print('Berdistribusi Normal')
    else:
        print('Tidak Berdistribusi Normal')
```

stat=0.524, p=0.769 Berdistribusi Normal

1.1.6 Soal 4

Melakukan test hipotesis 1 sampel, dengan menuliskan 6 langkah testing dan menampilkan juga boxplotnya untuk kolom/bagian yang bersesuaian.

```
[]: def zScore1(X,u0,simpbaku,n):
    return (X-u0)/(simpbaku/n**(1/2))
def zScore2(p,p0,q0,n):
    return (p-p0)/(p0*q0/n)**(1/2)
```

a. Nilai Rata-rata pH di atas 7?

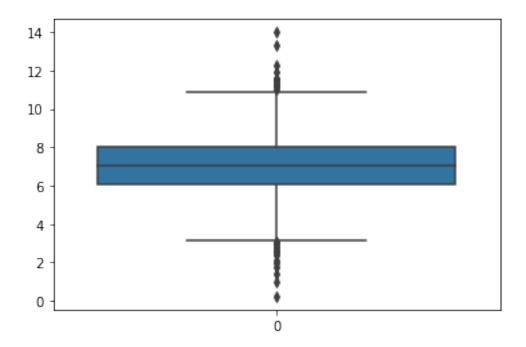
```
[]: print("a. Nilai rata-rata pH di atas 7")

#1

H0 = " =7"
```

```
print("1. H0 : {}".format(H0))
#2
H1 = " > 7"
print("2. H1 : {}".format(H1))
#3
 = 5e-2
print("3. = {}".format())
#4
z = round(stats.norm.ppf(1-),3)
print("4. Uji Statistik : z=(\bar{x}-0)/(/\sqrt{n}), one-tailed")
print(" Daerah Kritis : z>z : z >{}".format(z))
#5
X = df["pH"].mean()
u0 = 7
simpbaku = df["pH"].std()
n = len(df["pH"])
z = round(zScore1(X,u0,simpbaku,n),3)
p_value = 1-stats.norm.cdf(z)
print("5. Komputasi")
print(" \bar{x}: {} \n n: {} \n 0: {}".format(X,n,simpbaku,u0))
print(" p_value : {} \n z: {}".format(str(p_value),str(z)))
#6
print("6. Test Daerah Kritis")
if (z > z):
             Tolak HO karena nilai uji = {}>{}".format(str(z),str(z)))
    print("
    print(" Rata-Rata pH>7")
else :
    print(" Terima H0 karena nilai uji = {}<={}".format(str(z),str(z)))</pre>
    print(" Rata-Rata pH=7")
sns.boxplot(data = df["pH"])
a. Nilai rata-rata pH di atas 7
1. HO : =7
2. H1 : >7
3. = 0.05
4. Uji Statistik : z=(\bar{x}-0)/(/sqrt(n)), one-tailed
  Daerah Kritis : z>z : z >1.645
5. Komputasi
  \bar{x}: 7.0871927687138285
  n: 2010
   : 1.5728029470456655
```

```
0 : 7
p_value : 0.006477571731867804
z: 2.485
6. Test Daerah Kritis
Tolak HO karena nilai uji = 2.485>1.645
Rata-Rata pH>7
```



b. Nilai Rata-rata Hardness tidak sama dengan 205?

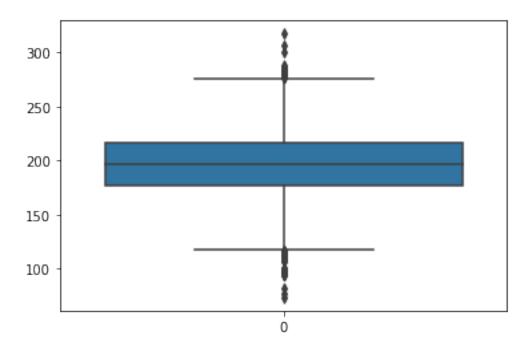
```
[]: print("b. Nilai Rata-rata Hardness tidak sama dengan 205?")

#1
H0 = " =205"
print("1. H0 : {}".format(H0))

#2
H1 = " 205"
print("2. H1 : {}".format(H1))

#3
= 5e-2
print("3. = {}".format())
```

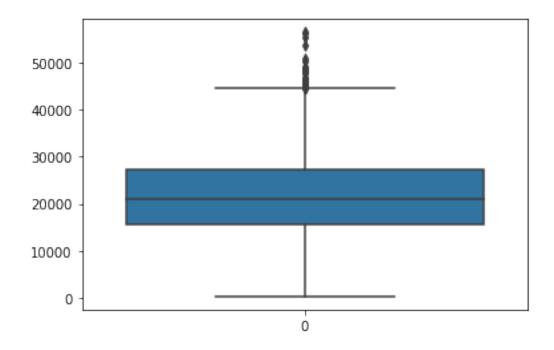
```
z = round(stats.norm.ppf(1-(/2)),3)
print("4. Uji Statistik : z=(\bar{x}-0)/(/sqrt(n)), two-tailed")
print(" Daerah Kritis : z>z/2 atau z <-z/2 : z>{} atau z<{}".</pre>
 \hookrightarrowformat(z 2, -1*z 2))
#5
X = df["Hardness"].mean()
u0 = 205
simpbaku = df["Hardness"].std()
n = len( df["Hardness"])
z = round(zScore1(X,u0,simpbaku,n),3)
p_value = 1-abs(stats.norm.cdf(z)-stats.norm.cdf(-1*z))
print("5. Komputasi")
print(" p_value : {} \n z: {}".format(str(p_value),str(z)))
print("6. Test Daerah Kritis")
if (z > z 2 \text{ or } z < -1*z 2):
    if (z > z 2):
        print("
                  Tolak HO karena nilai uji = {}>{}".format(z,z2))
    else:
                  Tolak HO karena nilai uji = \{\}<\{\} ".format(z,-1*z 2))
             Rata-rata hardness 205")
    print("
else :
    print("
              Terima HO karena nilai uji = \{\}<\{\}<\{\} ".format(-1*z 2,z,z 2))
            Rata-rata hardness = 205")
    print("
sns.boxplot(data = df["Hardness"])
b. Nilai Rata-rata Hardness tidak sama dengan 205?
1. HO: =205
2. H1: 205
3. = 0.05
4. Uji Statistik : z=(\bar{x}-0)/(/sqrt(n)), two-tailed
  Daerah Kritis : z>z/2 atau z<-z/2 : z>1.96 atau z<-1.96
5. Komputasi
  \bar{x}: 195.96920903783524
  n: 2010
   : 32.643165859429864
   0:205
  p_value: 0.0
  z: -12.403
6. Test Daerah Kritis
  Tolak HO karena nilai uji = -12.403<-1.96
  Rata-rata hardness 205
```



c. Nilai Rata-rata 100 baris pertama kolom Solids bukan 21900?

```
[]: print("c. Nilai Rata-rata 100 baris pertama kolom Solids bukan 21900?")
     #1
     H0 = " = 21900"
     print("1. H0 : {}".format(H0))
     #2
     H1 = "21900"
     print("2. H1 : {}".format(H1))
     #3
      = 5e-2
     print("3. = {}".format())
     #4
     z = round(stats.norm.ppf(1-(/2)),3)
     print("4. Uji Statistik : z=(\bar{x}-0)/(/sqrt(n)) ")
     print(" Daerah Kritis : z > z / 2 atau z < -z / 2 : z > {} atau z < {}".
      \rightarrowformat(z 2,-1*z 2))
     data = df["Solids"][:100]
```

```
X = data.mean()
u0= 21900
simpbaku = df["Solids"].std()
n = len( df["Solids"])
z = round(zScore1(X,u0,simpbaku,n),3)
p_value = 1-abs(stats.norm.cdf(z)-stats.norm.cdf(-1*z))
print("5. Komputasi")
print(" \bar{x}: {} \n n: {} \n 0: {}".format(X,n,simpbaku,u0))
print(" p_value : {} \n z: {}".format(str(p_value), str(z)))
#6
print("6. Test Daerah Kritis")
if (z > z 2 \text{ or } z < -1*z 2):
    if (z > z 2):
        print(" Tolak HO karena nilai uji = {}>{} ".format(z,z 2))
    else:
        print(" Tolak H0 karena nilai uji = {}<{} ".format(z,-1*z 2))</pre>
             Nilai Rata-rata 100 baris pertama kolom Solids 21900")
    print("
else :
    print(" Terima H0 karena nilai uji = {}<{}\".format(-1*z 2,z,z 2))</pre>
    print(" Nilai Rata-rata 100 baris pertama kolom Solids = 21900")
sns.boxplot(data = df["Solids"])
c. Nilai Rata-rata 100 baris pertama kolom Solids bukan 21900?
1. HO: =21900
2. H1 : 21900
3. = 0.05
4. Uji Statistik : z=(\bar{x}-0)/(/sqrt(n))
  Daerah Kritis : z>z/2 atau z<-z/2 : z>1.96 atau z<-1.96
5. Komputasi
  \bar{x}: 22347.334446383426
  n: 2010
   : 8625.397911190576
   0 : 21900
  p_value : 0.020071960200548133
  z: 2.325
6. Test Daerah Kritis
  Tolak HO karena nilai uji = 2.325>1.96
  Nilai Rata-rata 100 baris pertama kolom Solids 21900
```

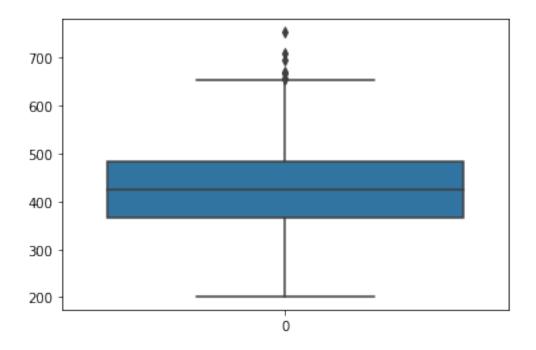


d. Proporsi nilai Conductivity yang lebih dari 450, adalah tidak sama dengan 10%?

```
[]: print("d. Proporsi nilai Conductivity yang lebih dari 450, adalah tidak sama

dengan 10%")
    #1
    H0 = "p = 0,10"
    print("1. H0 : {}".format(H0))
    #2
    H1 = "p 0, 10"
    print("2. H1 : {}".format(H1))
     = 5e-2
    print("3. = {}".format())
    #4
    z = round(stats.norm.ppf(1-(/2)),3)
    print(" Daerah Kritis : z \ge 2/2 atau z <-z/2 : z \ge 1 atau z \le 1".
     \rightarrowformat(z 2,-1*z 2))
    #5
    data = [item for item in df["Conductivity"] if item >450]
    p = len(data)/len(df["Conductivity"])
```

```
p0 = 0.1
     q0= 1-p0
     n = len( df["Conductivity"])
     z = round(zScore2(p,p0,q0,n),3)
     p_value = 1-abs(stats.norm.cdf(z)-stats.norm.cdf(-1*z))
     print("5. Komputasi")
     print(" p̂: {} \n n: {} \n p0: {} \n q0: {}".format(p,n,p0,q0))
     print(" p_value : {} \n z: {}".format(str(p_value),str(z)))
     #6
     print("6. Test Daerah Kritis")
     if (z > z 2 \text{ or } z < -1*z 2):
        if (z > z 2):
            print("
                      Tolak HO karena nilai uji = {}>{} ".format(z,z2))
        else:
                       Tolak HO karena nilai uji = \{\} < \{\} ".format(z,-1*z 2))
                 Proporsi nilai Conductivity yang lebih dari 450 10%")
     else :
                  Terima HO karena nilai uji = \{\}<\{\}<\{\} ".format(-1*z 2,z,z 2))
        print("
                 Proporsi nilai Conductivity yang lebih dari 450 = 10%")
        print("
     sns.boxplot(data = df["Conductivity"])
    d. Proporsi nilai Conductivity yang lebih dari 450, adalah tidak sama dengan 10%
    1. H0 : p = 0,10
    2. H1 : p0,10
    3. = 0.05
    4. Uji Statistik : z=(p-p0)/sqrt(p0*q0/n), diketahui
       Daerah Kritis : z>z/2 atau z<-z/2 : z>1.96 atau z<-1.96
    5. Komputasi
       p : 0.3706467661691542
       n: 2010
       p0: 0.1
       q0:0.9
       p_value : 0.0
       z: 40.446
    6. Test Daerah Kritis
       Tolak HO karena nilai uji = 40.446>1.96
       Proporsi nilai Conductivity yang lebih dari 450 10%
[]: <AxesSubplot:>
```



e. Proporsi nilai Trihalomethanes yang kurang dari 40, adalah kurang dari 5%?

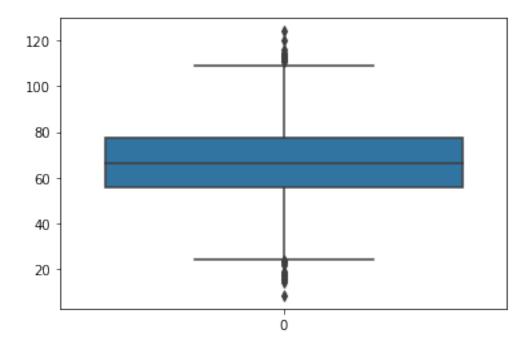
```
[]: print("e.Proporsi nilai Trihalomethanes yang kurang dari 40, adalah kurang dari
     5%?")
    #1
    H0 = "p = 0,05"
    print("1. H0 : {}".format(H0))
    #2
    H1 = "p<0,05"
    print("2. H1 : {}".format(H1))
    #3
    = 5e-2
    print("3. = {}".format())
    #4
    z = round(stats.norm.ppf(1-),3)
    print(" Daerah Kritis : z <-z : z<{}".format(-1*z))</pre>
    data = [item for item in df["Trihalomethanes"] if item <40]</pre>
    p = len(data)/len(df["Trihalomethanes"])
    p0 = 0.05
```

```
q0 = 1 - p0
n = len( df["Trihalomethanes"])
z = round(zScore2(p,p0,q0,n),3)
p_value = 1-stats.norm.cdf(z)
print("5. Komputasi")
print(" p̂: {} \n n: {} \n p0: {} \n q0: {}".format(p,n,p0,q0))
          p_value : {} \n z: {}".format(str(p_value),str(z)))
print("
print("6. Test Daerah Kritis")
if (z < -1*z):
    print("
             Tolak H0 karena nilai uji = {}<{}".format(str(z),str(-1*z)))</pre>
    print(" Proporsi nilai Trihalomethanes yang kurang dari 40, adalah kurang

dari 5%")

else :
    print("
              Terima HO karena nilai uji = {}>={}".format(str(z),str()))
    print(" Proporsi nilai Trihalomethanes yang kurang dari 40, adalah sama⊔

dengan 5%")
sns.boxplot(data = df["Trihalomethanes"])
e.Proporsi nilai Trihalomethanes yang kurang dari 40, adalah kurang dari 5%?
1. HO : p = 0.05
2. H1 : p<0,05
3. = 0.05
4. Uji Statistik : z=(p-p0)/sqrt(p0*q0/n), diketahui
  Daerah Kritis : z <-z : z<-1.645
5. Komputasi
  p : 0.0527363184079602
  n: 2010
  p0: 0.05
  q0: 0.95
  p_value : 0.2867174419702131
  z: 0.563
6. Test Daerah Kritis
  Terima HO karena nilai uji = 0.563>=0.05
  Proporsi nilai Trihalomethanes yang kurang dari 40, adalah sama dengan 5%
```



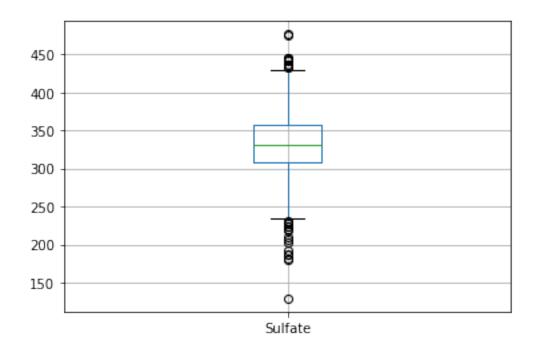
1.1.7 Soal 5

Melakukan test hipotesis 2 sampel, dengan menuliskan 6 langkah testing dan menampilkan juga boxplotnya untuk kolom/bagian yang bersesuaian.

```
[]: def zScore(d0, x1, x2, v1, v2, n1, n2):
return((x1 - x2) - d0)/(((v1/n1) + (v2/n2))**0.5)
```

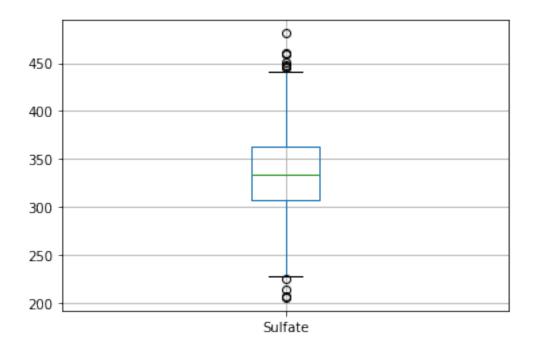
a. Data kolom Sulfate dibagi 2 sama rata: bagian awal dan bagian akhir kolom. Benarkah rata-rata kedua bagian tersebut sama? Rata-rata Bagian Awal Kolom Sulfate

```
[]: df['Sulfate'].iloc[:len(df)//2].mean()
[]: 331.30532950549565
[]: df.iloc[:len(df)//2].boxplot(['Sulfate'])
```



Rata-rata Bagian Akhir Kolom Sulfate

```
[]: df['Sulfate'].iloc[len(df)//2:].mean()
[]: 335.11742332488245
[]: df.iloc[len(df)//2:].boxplot(['Sulfate'])
[]: <AxesSubplot:>
```



Enam Langkah Testing SulfateAwal dan SulfateAkhir

```
1. Hipotesis Nol
```

 $H_0: \mu_{SulfateAwal} = \mu_{SulfateAkhir}$ 2. Hipotesis Alternatif

 $H_1: \mu_{SulfateAwal} \neq \mu_{SulfateAkhir}$

3. Tingkat Signifikan

 $\alpha = 0.05$

4. Penentuan uji statistik dan daerah kritis

Uji Statistik: z-test (two-tailed)

```
[]: zalpha = stats.norm.ppf(1 - 0.05/2)
     print('z < \%.2f atau z > \%.2f' \% (-zalpha, zalpha))
```

z < -1.96 atau z > 1.96

```
[]: bagianAwal = df['Sulfate'].iloc[:len(df)//2]
     bagianAkhir = df['Sulfate'].iloc[len(df)//2:]
     meanAwal = bagianAwal.mean()
     meanAkhir = bagianAkhir.mean()
     varAwal = bagianAwal.var()
     varAkhir = bagianAkhir.var()
```

z: -2.0752690696871983

p-value: 0.03796160438512852

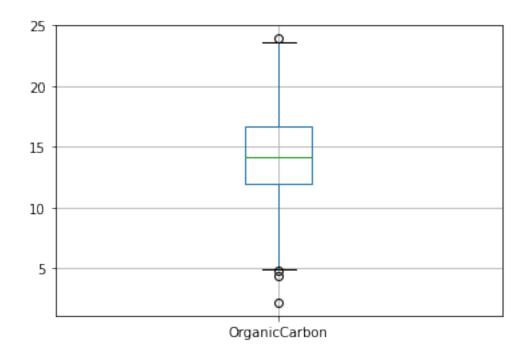
6. Keputusan

```
[]: if z < -zalpha or z > zalpha:
    print("Hipotesis Null ditolak")
else:
    print("Hipotesis Null diterima")
```

Hipotesis Null ditolak

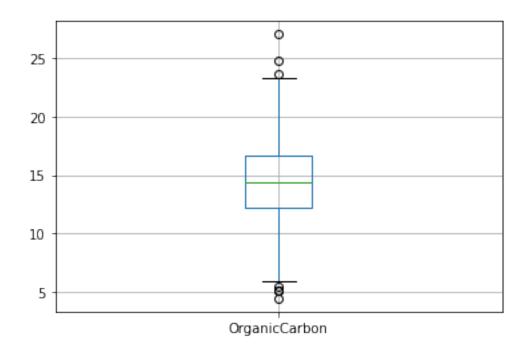
b. Data kolom OrganicCarbon dibagi 2 sama rata: bagian awal dan bagian akhir kolom. Benarkah rata-rata bagian awal lebih besar dari pada bagian akhir sebesar
0.15? Rata-rata Bagian Awal Kolom OrganicCarbon

```
[]: df['OrganicCarbon'].iloc[:len(df)//2].mean()
[]: 14.253972723723393
[]: df.iloc[:len(df)//2].boxplot(['OrganicCarbon'])
```



Rata-rata Bagian Akhir Kolom OrganicCarbon

```
[]: df['OrganicCarbon'].iloc[len(df)//2:].mean()
[]: 14.461907080372756
[]: df.iloc[len(df)//2:].boxplot(['OrganicCarbon'])
```



Enam Langkah Testing OrganicCarbonAwal dan OrganicCarbonAkhir

```
1. Hipotesis Nol
```

 $H_0: \mu_{OrganicCarbonAwal} = \mu_{OrganicCarbonAkhir} + 0.15$

2. Hipotesis Alternatif

 $H_1: \mu_{OrganicCarbonAwal} \neq \mu_{OrganicCarbonAkhir} + 0.15$

3. Tingkat Signifikan

 $\alpha = 0.05$

4. Penentuan uji statistik dan daerah kritis

Uji Statistik: z-test (two-tailed)

```
[]: zalpha = stats.norm.ppf(1 - 0.05/2)
print('z < %.2f atau z > %.2f' % (-zalpha, zalpha))
```

z < -1.96 atau z > 1.96

```
[]: bagianAwal = df['OrganicCarbon'].iloc[:len(df)//2]
bagianAkhir = df['OrganicCarbon'].iloc[len(df)//2:]

meanAwal = bagianAwal.mean()
meanAkhir = bagianAkhir.mean()

varAwal = bagianAwal.var()
varAkhir = bagianAkhir.var()
```

z: -2.413145517798807

p-value: 0.015815503817599996

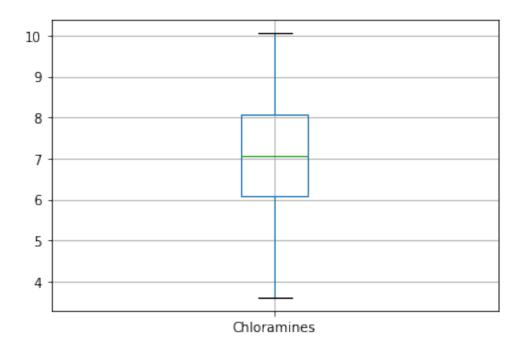
6. Keputusan

```
[]: if z < -zalpha or z > zalpha:
    print("Hipotesis Null ditolak")
else:
    print("Hipotesis Null diterima")
```

Hipotesis Null ditolak

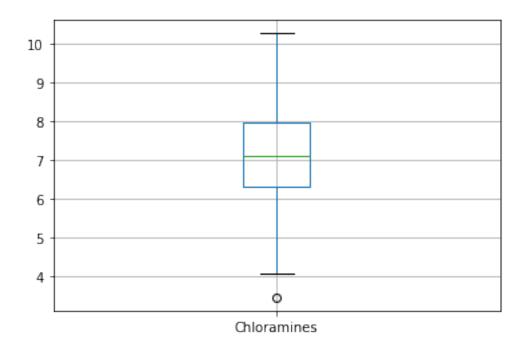
c. Rata-rata 100 baris pertama kolom Chloramines sama dengan 100 baris terakhirnya? Rata-rata 100 Baris Pertama Kolom Chloramines

```
[]: df['Chloramines'].iloc[:100].mean()
[]: 7.007771140423921
[]: df.iloc[:100].boxplot(['Chloramines'])
```



Rata-rata 100 Baris Terakhir Kolom Chloramines

```
[]: df['Chloramines'].iloc[-100:].mean()
[]: 7.147197636249925
[]: df.iloc[-100:].boxplot(['Chloramines'])
[]: <AxesSubplot:>
```



${\bf Enam\ Langkah\ Testing\ Chloramines Awal\ dan\ Chloramines Akhir:}$

```
1. Hipotesis Nol
```

 $H_0: \mu_{ChloraminesAwal} = \mu_{ChloraminesAkhir}$

2. Hipotesis Alternatif

 $H_1: \mu_{ChloraminesAwal} \neq \mu_{ChloraminesAkhir}$

3. Tingkat Signifikan

 $\alpha = 0.05$

4. Penentuan uji statistik dan daerah kritis

Uji Statistik: z-test (two-tailed)

```
[]: zalpha = stats.norm.ppf(1 - 0.05/2)
print('z < %.2f atau z > %.2f' % (-zalpha, zalpha))
```

```
z < -1.96 atau z > 1.96
```

```
[]: bagianAwal = df['Chloramines'].iloc[:100]
bagianAkhir = df['Chloramines'].iloc[-100:]

meanAwal = bagianAwal.mean()
meanAkhir = bagianAkhir.mean()

varAwal = bagianAwal.var()
varAkhir = bagianAkhir.var()
```

```
z = zScore(0, meanAwal, meanAkhir, varAwal, varAkhir, len(bagianAwal),
len(bagianAkhir))
p = 2 * (1 - stats.norm.cdf(abs(z)))

print("z:", z)
print("p-value:", p)

z: -0.7059424842236872
p-value: 0.48022390604502796

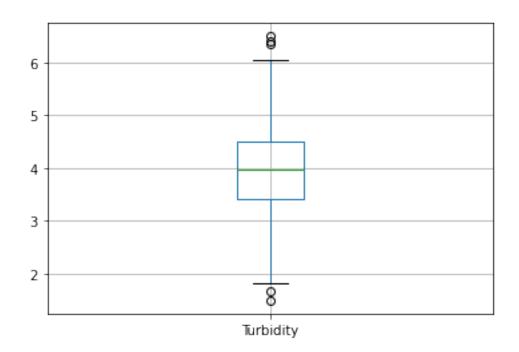
6. Keputusan

[]: if z < -zalpha or z > zalpha:
    print("Hipotesis Null ditolak")
else:
    print("Hipotesis Null diterima")
```

Hipotesis Null diterima

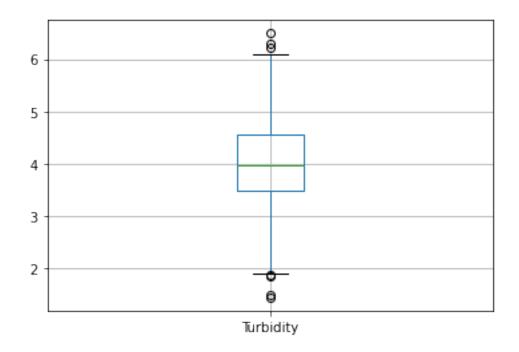
d. Proporsi nilai bagian awal Turbidity yang lebih dari 4, adalah lebih besar daripada, proporsi nilai yang sama di bagian akhir Turbidity? Bagian Awal Kolom Turbidity

```
[]: df['Turbidity'].iloc[:len(df)//2].describe()
[]: count
              1005.000000
                 3.942879
    mean
     std
                 0.786455
                 1.496101
    min
    25%
                 3.403393
    50%
                 3.964450
    75%
                 4.496627
    max
                 6.494249
    Name: Turbidity, dtype: float64
[]: df.iloc[:len(df)//2].boxplot(['Turbidity'])
```



Bagian Akhir Kolom Turbidity

```
[]: df['Turbidity'].iloc[len(df)//2:].describe()
[]: count
              1005.000000
                 3.996115
     mean
     std
                 0.773917
                 1.450000
     {\tt min}
     25%
                 3.488675
     50%
                 3.969740
     75%
                 4.549917
                 6.494749
     max
     Name: Turbidity, dtype: float64
[]: df.iloc[len(df)//2:].boxplot(['Turbidity'])
[]: <AxesSubplot:>
```



Enam Langkah Testing TurbidityAwal dan TurbidityAkhir:

X adalah variabel random TurbidityAwal Y adalah variabel random TurbidityAkhir

1. Hipotesis Nol $H_0: P(X>4) = P(Y>4)$

2. Hipotesis Alternatif $H_1: P(X>4) > P(Y>4)$

- 3. Tingkat Signifikan $\alpha = 0.05$
- 4. Penentuan uji statistik dan daerah kritis

Uji Statistik: z-test (one-tailed)

```
[]: zalpha = stats.norm.ppf(1 - 0.05)
print('z > %.2f' % (zalpha))
```

z > 1.64

```
[]: bagianAwal = df['Turbidity'].iloc[:len(df)//2]
bagianAkhir = df['Turbidity'].iloc[len(df)//2:]

bagianAwal2 = bagianAwal.loc[bagianAwal > 4]
bagianAkhir2 = bagianAkhir.loc[bagianAkhir > 4]
```

```
p1 = len(bagianAwal2) / len(bagianAwal)
p2 = len(bagianAkhir2) / len(bagianAkhir)

x = (len(bagianAwal2) + len(bagianAkhir2))/(len(bagianAwal) + len(bagianAkhir))
y = 1 - x

z = (p1 - p2) / ((x * y / len(bagianAwal)) + (x * y / len(bagianAkhir))**0.5)
p = 1 - stats.norm.cdf(z)

print("z:", z)
print("p-value:", p)
```

z: -0.18640972388732355 p-value: 0.5739382662410686

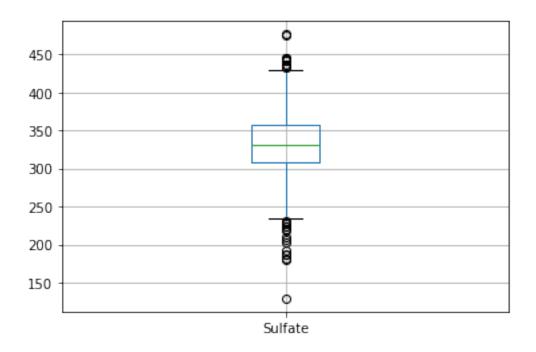
6. Keputusan

```
[]: if z > zalpha:
    print("Hipotesis Null ditolak")
else:
    print("Hipotesis Null diterima")
```

Hipotesis Null diterima

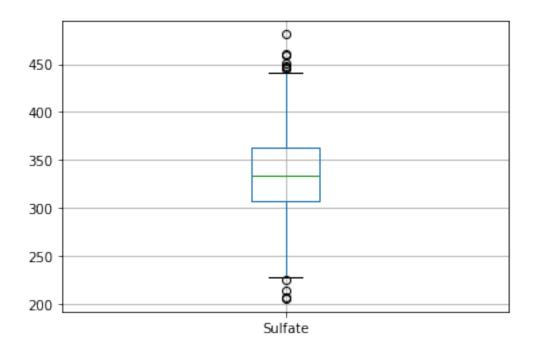
e. Bagian awal kolom Sulfate memiliki variansi yang sama dengan bagian akhirnya? Variansi Bagian Awal Kolom Sulfate

```
[]: df['Sulfate'].iloc[:len(df)//2].var()
[]: 1708.3966020772502
[]: df.iloc[:len(df)//2].boxplot(['Sulfate'])
```



Variansi Bagian Akhir Kolom Sulfate

```
[]: df['Sulfate'].iloc[len(df)//2:].var()
[]: 1682.7330644425087
[]: df.iloc[len(df)//2:].boxplot(['Sulfate'])
```



Enam Langkah Testing SulfateAwal dan SulfateAkhir:

```
1. Hipotesis Nol
```

$$H_0: \sigma^2_{SulfateAwal} = \sigma^2_{SulfateAkhir}$$
 2. Hipotesis Alternatif

$$H_1: \sigma^2_{SulfateAwal} \neq \sigma^2_{SulfateAkhir}$$

3. Tingkat Signifikan

$$\alpha = 0.05$$

4. Penentuan uji statistik dan daerah kritis

Uji Statistik: f-test

```
[]: f1 = stats.f.ppf(q=1 - 0.05/2, dfn=len(bagianAwal) - 1, dfd=len(bagianAkhir) -
     f2 = 1 / (stats.f.ppf(q=1 - 0.05/2, dfn=len(bagianAkhir) - 1, ___
      ⇔dfd=len(bagianAwal) - 1))
     print('f < \%.2f atau f > \%.2f' \% (f1, f2))
```

f < 1.13 atau f > 0.88

```
[]: bagianAwal = df['Sulfate'].iloc[:len(df)//2]
     bagianAkhir = df['Sulfate'].iloc[len(df)//2:]
     varAwal = bagianAwal.var()
     varAkhir = bagianAkhir.var()
```

```
if varAwal > varAkhir:
    f = varAwal / varAkhir
else:
    f = varAkhir / varAwal

p = 2 * (1 - stats.f.cdf(f, len(bagianAkhir) - 1, len(bagianAwal) - 1))

print("f:", f)
print("p-value:", p)
```

f: 1.0152511043950063

p-value: 0.8105332960349165

6. Keputusan

```
[]: if f > f1 or f < f2:
    print("Hipotesis Null ditolak")
    else:
    print("Hipotesis Null diterima")</pre>
```

Hipotesis Null diterima

1.1.8 Soal 6

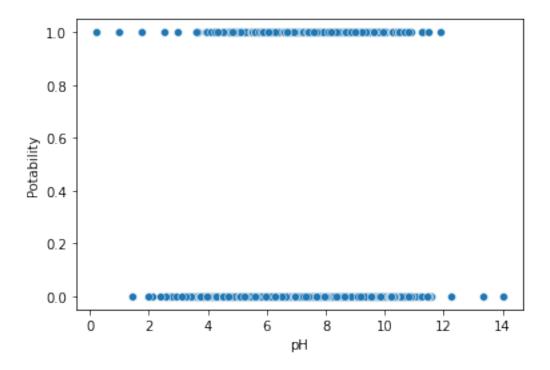
Test korelasi: tentukan apakah setiap kolom non-target berkorelasi dengan kolom target, dengan menggambarkan juga scatter plot nya. Gunakan correlation test.

a. Korelasi pH dengan Potability

Nilai korelasi: 0.02

Berdasarkan nilai korelasi yang didapatkan dapat disimpulkan bahwa pH dan Potability merupakan korelasi positif

[]: <AxesSubplot:xlabel='pH', ylabel='Potability'>

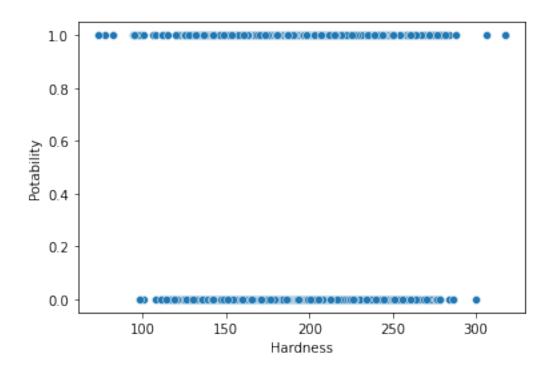


b. Korelasi Hardness dengan Potability

Nilai korelasi: -0.0

Berdasarkan nilai korelasi yang didapatkan dapat disimpulkan bahwa Hardness dan Potability tidak berkorelasi

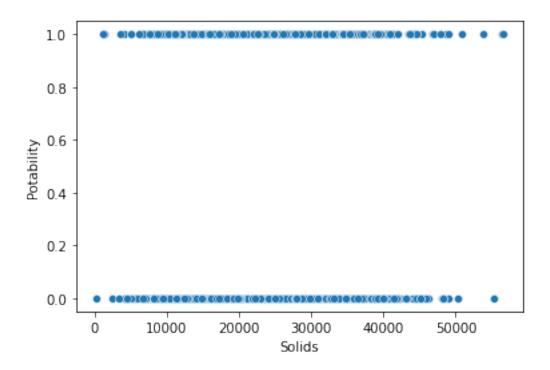
[]: <AxesSubplot:xlabel='Hardness', ylabel='Potability'>



c. Korelasi Solids dengan Potability

Nilai korelasi: 0.03897657818173466 Berdasarkan nilai korelasi yang didapatkan dapat disimpulkan bahwa Solids dan Potability merupakan korelasi positif

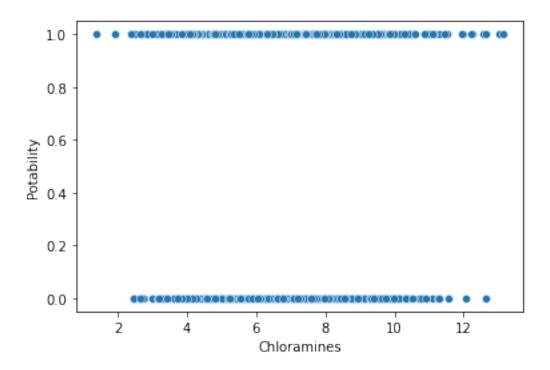
[]: <AxesSubplot:xlabel='Solids', ylabel='Potability'>



d. Korelasi Chloramines dengan Potability

Nilai korelasi: 0.02077892184052409 Berdasarkan nilai korelasi yang didapatkan dapat disimpulkan bahwa Chloramines dan Potability merupakan korelasi positif

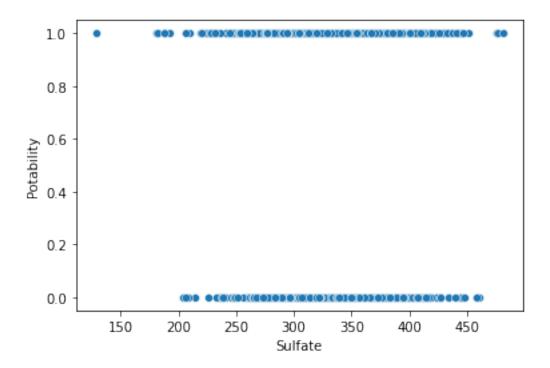
[]: <AxesSubplot:xlabel='Chloramines', ylabel='Potability'>



e. Korelasi Sulfate dengan Potability

Nilai korelasi: -0.015703164419273778 Berdasarkan nilai korelasi yang didapatkan dapat disimpulkan bahwa Sulfate dan Potability merupakan korelasi negatif

[]: <AxesSubplot:xlabel='Sulfate', ylabel='Potability'>

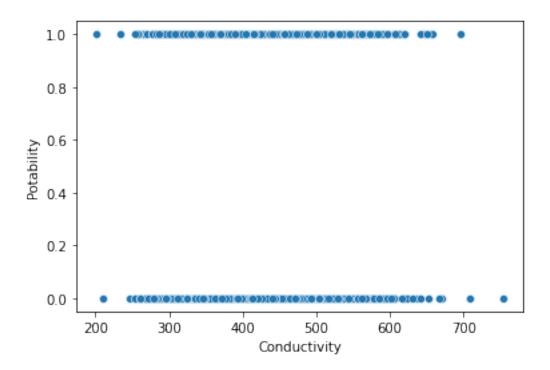


f. Korelasi Conductivity dengan Potability

Nilai korelasi: -0.02

Berdasarkan nilai korelasi yang didapatkan dapat disimpulkan bahwa Conductivity dan Potability merupakan korelasi negatif

[]: <AxesSubplot:xlabel='Conductivity', ylabel='Potability'>

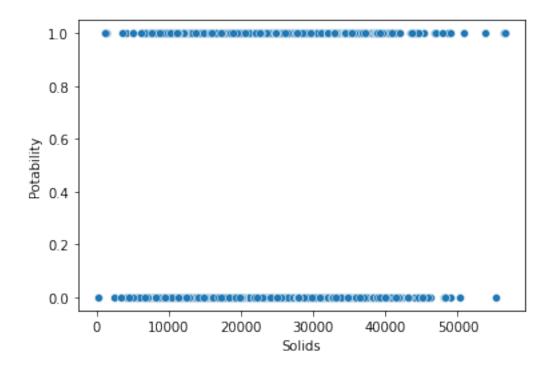


g. Korelasi OrganicCarbon dengan Potability

Nilai korelasi: -0.02

Berdasarkan nilai korelasi yang didapatkan dapat disimpulkan bahwa OrganicCarbon dan Potability merupakan korelasi negatif

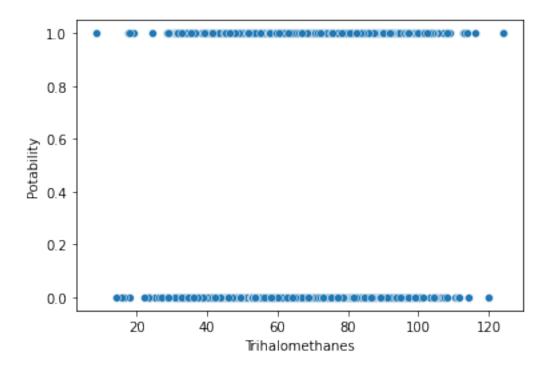
[]: <AxesSubplot:xlabel='Solids', ylabel='Potability'>



h. Korelasi Trihalomethanes dengan Potability

Nilai korelasi: 0.01 Berdasarkan nilai korelasi yang didapatkan dapat disimpulkan bahwa Trihalomethanes dan Potability merupakan korelasi positif

[]: <AxesSubplot:xlabel='Trihalomethanes', ylabel='Potability'>



i. Korelasi Turbidity dengan Potability

Nilai korelasi: 0.02

Berdasarkan nilai korelasi yang didapatkan dapat disimpulkan bahwa Turbidity dan Potability merupakan korelasi positif

[]: <AxesSubplot:xlabel='Turbidity', ylabel='Potability'>

