## Área personal / Mis cursos / 03068 - MATEMATICA PARA COMPUTACION I - IIIC2022 / Teoría de Conjuntos / Cuestionario N°1

Comenzado el domingo, 16 de octubre de 2022, 13:26

Estado Finalizado

Finalizado en domingo, 16 de octubre de 2022, 15:52

**Tiempo empleado** 2 horas 26 minutos

**Puntos** 32,00/40,00

Calificación 8,00 de 10,00 (80%)

#### Pregunta 1

Incorrecta

Se puntúa 0,00 sobre 2,00

## Dado el conjunto

$$M=\{x/x\in\mathbb{N}, x^2-4=0\}$$

La cardinalidad del conjunto M, corresponde a n(M)=

2

 $igspace{\hspace{0.1in} \mathsf{X}}$  , y la cardinalidad del conjunto potencia de M corresponde a

4

**X** .

Nota: Recuerde que no debe usar ningún otro carácter (ni espacio, punto, coma o símbolo) solamente debe usar números y en caso de ser necesario el signo negativo.

Sea  $M=\{x/x\in\mathbb{N},x^2-4=0\}$ , corresponde a los números naturales que cumplen  $x^2-4=0$ , por lo que se debe resolver dicha ecuación:

$$x^2 - 4 = 0$$

$$x^2 = 4$$

$$x = \sqrt{4} = + -2$$

De donde se obtiene x=-2 y x=2, pero solo se debe considerar la solución que pertenece a los números naturales, es decir:

$$M=\{x/x\in \mathbb{N}, x^2-4=0\}=\{2\}$$

Por lo que, n(M) = 1.

Y empleando la fórmula para determinar el número de elementos del conjunto potencia se tiene:  $2^n=2^1=2$ .

Correcta

Se puntúa 2,00 sobre 2,00

¿Cuál de las siguientes opciones corresponde a una partición del conjunto de los números naturales  $(\mathbb{N})$ ?

## Seleccione una:

- $\bigcirc$  a.  $[\{n/n \in \mathbb{N}, n \text{ impar}\}, \{n/n \in \mathbb{N}, n \text{ primo}\}]$
- $\bigcirc$  b.  $[\{1,2,3\},\{4,5\},\{5,6,7\ldots\}]$
- $\bigcirc$  c.  $[\{2,4,6\},\{1,3,5\},\{7,8,9\ldots\}]$
- $\bigcirc$  d.  $[\{0\}, \{1, 2, 3, \dots\}]$

#### Respuesta correcta

Recordando que una partición de un conjunto corresponde a una división del mismo conjunto en subconjuntos no vacíos disjuntos entre sí y que incluya a todos los elementos del conjunto dado, en este caso  $(\mathbb{N})$ , por lo que una partición del conjunto de los números naturales corresponde a:

$$[{2,4,6};{1,3,5};{7,8,9,...}]$$

dado que cumple con las condiciones.

Considere que el caso de este curso el conjunto de los naturales se toma desde el 1 en adelante.

La respuesta correcta es:  $[\{2,4,6\},\{1,3,5\},\{7,8,9\ldots\}]$ 

## Pregunta 3

Correcta

Se puntúa 3,00 sobre 3,00

El conjunto potencia del conjunto  $J=\{1,3,11\}$  corresponde a

- $\bigcirc$  a.  $P(B) = \{\{1\}, \{3\}, \{11\}, \{1,3\}, \{1,11\}, \emptyset, \{1,3,11\}\}$
- $O(B) = \{\{1\}, \{3\}, \{11\}, \{1, 3\}, \{3, 11\}, \{1, 11\}, \{1, 3, 11\}\}$
- $\bigcirc \text{ c.} \quad P(B) = \{\{1\}, \{3\}, \{11\}, \{3, 11\}, \{1, 11\}, \emptyset, \{1, 3, 11\}\}$
- $\bigcirc$  d.  $P(B) = \{\{1\}, \{3\}, \{11\}, \{1, 3\}, \{3, 11\}, \{1, 11\}, \emptyset, \{1, 3, 11\}\}$

## Respuesta correcta

El conjunto potencia del conjunto  $J=\{1,3,11\}$  corresponde al conjunto que contiene todos los posibles subconjuntos de J, por lo que

$$P(J) = \{\{1\}, \{3\}, \{11\}, \{1, 3\}, \{3, 11\}, \{1, 11\}, \emptyset, \{1, 3, 11\}\}\}$$

La respuesta correcta es:  $P(B) = \{\{1\}, \{3\}, \{11\}, \{1,3\}, \{3,11\}, \{1,11\}, \emptyset, \{1,3,11\}\}$ 



Incorrecta

Se puntúa 0,00 sobre 3,00

Considere el siguiente conjunto definido por comprensión:

$$R=\{x/x\in\mathbb{Z}^+, ext{impar}, x^2<49\}$$

De acuerdo con la información anterior, se tiene que la suma de los elementos del conjunto R corresponde a  $\fbox{21}$ 



**Nota:** Recuerde que no debe usar ningún otro carácter (ni espacio, punto, coma o símbolo) **solamente debe usar números** y en caso de ser necesario el signo negativo.

Se tiene que los x'' toman el valor de números enteros positivos impares que al elevarlos al cuadrado su resultado es menor a 49. Se sigue que:

$$x = 1 \Rightarrow (1)^2 = 1 < 49$$

$$x = 3 \Rightarrow (3)^2 = 9 < 49$$

$$x = 5 \Rightarrow (5)^2 = 25 < 49$$

Luego, se tiene que  $R = \{1, 3, 5\}$ .

Finalmente, 1+3+5=6

Pregunta **5**Correcta

Se puntúa 3,00 sobre 3,00

Considere las siguientes proposiciones sobre los conjuntos  $A=\{n/n\in\mathbb{N},5\leq n\leq 10\}$  y  $B=\{n/n\in\mathbb{N},n\,\mathrm{impar},n<14\}$ 

- I.  $A\subset B$
- II.  $B\subset A$
- III.  $7 \in B$

¿Cuál o cuáles de las proposiciones anteriores son verdaderas?

- a. Solo II
- Ob. Solo I
- Oc. Ninguna
- d. Solo III

  ✓

#### Respuesta correcta

Expresando ambos conjuntos por extensión para conocer explícitamente sus elementos, se tiene que:

$$A = \{n/n \in \mathbb{N}, 5 \le n \le 10\} = \{5, 6, 7, 8, 9, 10\}$$

$$B = \{n/n \in \mathbb{N}, n \text{ impar}, n < 14\} = \{1, 3, 5, 7, 9, 11, 13\}$$

De lo anterior, se puede evidenciar que  $7 \in B$ , entonces, solo la III es verdadera.

La respuesta correcta es: Solo III

Correcta

Se puntúa 3,00 sobre 3,00

Considere los conjuntos:

$$A=\{x/x\in\mathbb{N},x\;par,x\;\leq 12\}$$

$$B = \{x/x \in \mathbb{N}, x \ compuesto, x < 8\}$$

Según la información de los conjuntos dados, una proposición verdadera corresponde a:

- igcup a.  $2\in B$
- lacksquare b.  $\emptyset 
  subseteq A$
- lacktriangledown c.  $4\in A$
- igcup d.  $8\in B$

## Respuesta correcta

Solución

Se analiza cada una de las opciones, considerando que:

$$A = \{x/x \in \mathbb{N}, x \ par, x \le 12\} = \{2, 4, 6, 8, 10, 12\}$$

$$B = \{x/x \in \mathbb{N}, x \ compuesto, x < 8\} = \{4, 6\}$$

 $8 \in B$  es falsa, dado que dicho elemento no pertenece al conjunto.

 $4 \in A$  es verdadera, dado que 4 es un número par menor que 12.

 $2 \in B$  es falsa, dado que 2 no pertenece al conjunto.

 $\emptyset \not\subseteq A$  es falso, dado que el conjunto vacío es subconjunto de cualquier conjunto.

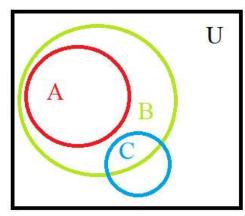
Por lo que la expresión verdadera corresponde a  $\ 4 \in A$ .

La respuesta correcta es:  $4 \in A$ 

Pregunta **7**Correcta

Se puntúa 3,00 sobre 3,00

# Observe la siguiente imagen:



Analice las siguientes proposiciones:

i.  $\boldsymbol{A}$  y  $\boldsymbol{C}$  son ajenos

ii.  $A\subseteq B$ 

Con respecto a las afirmaciones anteriores, ¿Cuál o cuáles son verdaderas?

- a. Solo la i
- ob. Solo la ii
- Od. Ninguna

## Respuesta correcta

Según la imagen se tiene que

- i. Verdadero, pues  $\,A\,\,{
  m y}\,\,B$  no tienen elementos en común, así que sus círculos están completamente separados.
- ii. Verdadero, pues el círculo de A está completamente dentro del círculo B.

La respuesta correcta es: Ambas

Correcta

Se puntúa 3,00 sobre 3,00

Dado con conjunto universo U, y dos conjuntos A y B cualesquiera, entonces una expresión equivalente a la expresión  $(A \cup B)^C$  corresponde a:

## Seleccione una:

- $\bigcirc$  a.  $A^C \cup B^C$
- $\bigcirc$  b.  $(U\setminus A)\cup B^C$
- $\bigcirc$  c.  $(A \cap B)^C$
- $\odot$  d.  $(U \setminus A) \cap (U \setminus B) \checkmark$

## Respuesta correcta

Considere que  $(A \cup B)^C = A^C \cap B^C$ 

Pero recuerde que  $A^C=U\setminus A$  y  $B^C=U\setminus B$ 

Entonces  $(A \cup B)^C = A^C \cap B^C = (U \setminus A) \cap (U \setminus B)$ 

La respuesta correcta es:  $(U \setminus A) \cap (U \setminus B)$ 

Correcta

Se puntúa 4,00 sobre 4,00

# Dados los conjuntos

$$A = \{x/x \in \mathbb{N}, 4 \leq x < 8\}$$
,  $B = \{x/x \in \mathbb{N}, x = a^2, a \in \mathbb{Z}, -3 < a < 4\}, D = \{2, 3, 4, 5, 6, 7\}$  y el conjunto universo  $U = \{x/x \in \mathbb{N}, x \leq 9\}$ 

Determine la expresión resultante de resolver la operación

$$[(B \oplus D) \setminus A]^C$$

- $\bigcirc$  a.  $\{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9\}$
- b. ∅
- $\bigcirc$  c.  $\{4,5,6,7,8\}$
- $\bigcirc$  d.  $\{1,2,3,9\}$

#### Respuesta correcta

## Primero considere que

$$A = \{x/x \in \mathbb{N}, x \le x < 8\} = \{4, 5, 6, 7\}$$

$$B = \{x/x \in \mathbb{N}, x = a^2, a \in \mathbb{Z}, -3 < a < 4\} = \{1, 4, 9\}$$

# Dado que:

Para 
$$a=-2$$
 se obtiene  $x=(-2)^2=4$ 

Para 
$$a=-1$$
 se obtiene  $x=(-1)^2=1$ 

Para 
$$a=0$$
 se obtiene  $x=0^2=0$ 

Para 
$$a=1$$
 se obtiene  $x=1^2=1$ 

Para 
$$a=2$$
 se obtiene  $x=2^2=4$ 

Para 
$$a=3$$
 se obtiene  $x=3^2=9$ 

$$U=\{x/x\in\mathbb{N},x\leq 9\}=\{1,2,3,4,5,6,7,8,9\}$$

Luego siguiendo el orden de prioridad en las operaciones combinadas se tiene

$$B \oplus D = \{1,4,9\} \oplus \{2,3,4,5,6,7\} = \{1,2,3,5,6,7,9\}$$
$$(B \oplus D) \setminus A = \{1,2,3,5,6,7,9\} \setminus \{4,5,6,7\} = \{1,2,3,9\}$$
$$[(B \oplus D) \setminus A]^{C} = \{1,2,3,4,5,6,7,8,9\} \setminus \{1,2,3,9\} = \{4,5,6,7,8\}$$

La respuesta correcta es:  $\{4, 5, 6, 7, 8\}$ 

Correcta

Se puntúa 4,00 sobre 4,00

Considere los conjuntos:

$$A = \{1, 2, 4, 5, 6\}$$

$$B = \{3, 5, 7, 8\}$$

$$C = \{1, 5, 8\}$$

$$U = \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10\}$$

Según la información anterior, el conjunto resultante de operación con conjuntos  $(A \oplus C) \cap (B \setminus C)$  corresponde a

$$\bigcirc$$
 b.  $\{2,3,4,6,7,8\}$ 

$$\bigcirc$$
 c.  $\{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, \}$ 

$$\bigcirc$$
 d.  $\{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10\}$ 

## Respuesta correcta

Siguiendo el orden de prioridad de las operaciones, se tiene

$$A \oplus C = \{1, 2, 4, 5, 6, 8\} - \{1, 5\} = \{2, 4, 6, 8\}$$

$$B \setminus C = \{3,7\}$$

Por lo tanto, 
$$(A \oplus C) \cap (B \setminus C) = \{2,4,6,8\} \cap \{3,7\} = \emptyset$$

La respuesta correcta es: Ø

Finalizado

Se puntúa 2,00 sobre 5,00

Considere los siguientes conjuntos:

$$A=\{x/x\in \mathbb{N}, x\, ext{par}, x\leq 6\}\; B=\{x/x\in \mathbb{N}, x^2-x=6\}$$
  $D=\{1,2,3,4\}$  y el conjunto universo  $U=\{1,2,3,4,5,6\}$ 

Según la información anterior determine la expresión resultante de resolver la operación:

$$(A \setminus D) \cap [(B \cup D) \oplus A]$$
 (Valor 5 puntos)

**Nota:** Recuerde que debe subir una fotografía del procedimiento de respuesta de este ítem. El mismo debe desarrollarlo a mano (no digital) y deberá agregar su nombre, número de cédula y firmar al final del ejercicio si esto no se presenta la respuesta no será calificada.

## Pregunta 11 María Gabriela Araya Durán.jpeg

Primero considere que  $A=\{x/x\in\mathbb{N},x\,\mathrm{par},x\leq 6\}=\{2,4,6\}$  Además para  $B=\{x/x\in\mathbb{N},x^2-x=6\}$  considere que:  $x^2-x=6$   $x^2-x-6=0$  (x-3)(x+2)=0 x-3=0 , x+2=0 x=3 , x=-2  $B=\{3\}$  Solo se debe tomar el número natural (1 punto )

Luego siguiendo el orden de prioridad en las operaciones combinadas se tiene

$$A \setminus D = \{2,4,6\} \setminus \{1,2,3,4\} = \{6\}$$
 (1 punto)

$$\begin{array}{l} (B \cup D) = \{3\} \cup \{1,2,3,4\} = \{1,2,3,4\} & \text{(1 punto )} \\ [(B \cup D) \oplus A] = \{1,2,3,4\} \oplus \{2,4,6\} = \{1,3,6\} & \text{(1 punto )} \\ (A \setminus D) \cap [(B \cup D) \oplus A] = \{6\} \cap \{1,3,6\} = \{6\} & \text{(1 punto )} \end{array}$$

## Comentario:

Error en el conjunto B, y eso afecta las otras operaciones

Finalizado

Se puntúa 5,00 sobre 5,00

Pruebe por inducción matemática que para todo  $n \in N$  se cumple que: (5 puntos)

$$15 + 27 + 39 + \ldots + (12n + 3) = 3n \cdot (2n + 3)$$

**Nota:** Recuerde que debe subir una fotografía del procedimiento de respuesta de este ítem. El mismo debe desarrollarlo a mano (no digital) y deberá agregar su nombre, número de cédula y firmar al final del ejercicio si esto no se presenta la respuesta no será calificada.

#### Pregunta 12 María Gabriela Araya Durán jpeg

Paso 1: Prueba para n=1

$$15 = 3 \cdot 1(2 \cdot 1 + 3)$$
 (1 punto)

Por tanto, se cumple para n=1

Paso 2: Supongo para n=k la propiedad es verdadera (Hipótesis Inductiva)

$$15 + 27 + 39 + \ldots + (12k + 3) = 3k \cdot (2k + 3)$$

Paso 3: Pruebo para n = k + 1:

$$15+27+39+\ldots+12(k+1)+3=3(k+1)\cdot(2(k+1)+3)$$
 
$$15+27+39+\ldots+12k+15=(3k+3)\cdot(2k+5)$$
 
$$15+27+39+\ldots+(12k+15)=6k^2+15k+6k+15=6k^2+21k+15 \qquad \text{(1 punto)} \qquad \text{(*) Se quiere llegar}$$

Ahora, si a la hipótesis se le suma (12k+15) que es el término siguiente, se tiene:

$$15 + 27 + 39 + \ldots + (12k + 3) + (12k + 15) = 3k \cdot (2k + 3) + (12k + 15)$$

$$15 + 27 + 39 + \ldots + (12k + 3) + (12k + 15) = 6k^2 + 9k + (12k + 15) \qquad (1 \text{ punto })$$

$$15 + 27 + 39 + \ldots + (12k + 3) + (12k + 15) = 6k^2 + 21k + 15 \qquad (2 \text{ puntos })$$

Que es a lo que se quería llegar en la prueba, por tanto se cumple para n=k+1. Por lo tanto, la proposición es váida para n+1 y se prueba mediante inducción matemática que la propiedad es verdadera para todo  $n\in\mathbb{N}$ .

Comentario:

Ir a...

Equipo Base Cuestionario N°1 ►