	1 1 24 1 1 1 1 2004 42 44
Comenzado el	domingo, 21 de julio de 2024, 13:14
Estado	Finalizado
Finalizado en	domingo, 21 de julio de 2024, 13:55
Tiempo	41 minutos 18 segundos
empleado	
Puntos	20,00/20,00
Calificación	10,00 de 10,00 (100 %)

Correcta

Se puntúa 1,00 sobre 1,00

Dadas las matrices

$$A = \begin{pmatrix} 1 & 2 & -1 \\ -2 & -9 & 4 \\ -1 & -4 & 2 \end{pmatrix},$$

$$B = \begin{pmatrix} 2 & 0 & 1 \\ 0 & -1 & 2 \\ -1 & -2 & 5 \end{pmatrix},$$

$$C = egin{pmatrix} a & b & c \ d & e & f \ q & h & i \end{pmatrix}$$

Tenemos que

$$\begin{pmatrix} 1 & 2 & -1 \\ -2 & -9 & 4 \\ -1 & -4 & 2 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 2 & 0 & 1 \\ 0 & -1 & 2 \\ -1 & -2 & 5 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1 \cdot 2 + 2 \cdot 0 + (-1)(-1) & 1 \cdot 0 + 2(-1) + (-1)(-2) & 1 \cdot 1 + 2 \cdot 2 + (-1) \cdot 5 \\ (-2) \cdot 2 + (-9) \cdot 0 + 4(-1) & (-2) \cdot 0 + (-9)(-1) + 4(-2) & 1 \cdot 1 + 2 \cdot 2 + (-1) \cdot 5 \\ (-1) \cdot 2 + (-4) \cdot 0 + 2(-1) & (-1) \cdot 0 + (-4)(-1) + 2(-2) & (-1) \cdot 1 + (-4) \cdot 2 + 2 \cdot 5 \end{pmatrix}$$

$$C = \begin{pmatrix} 3 & 0 & 0 \\ -8 & 1 & 0 \\ -4 & 0 & 1 \end{pmatrix}$$

Así
$$b = 0$$
; $e = 1$; $i = 1$.

Correcta

Se puntúa 1,00 sobre 1,00

Considere las siguientes matrices:

$$A = egin{pmatrix} 4 & 2 & 6 \ 0 & 1 & -1 \ x & 0 & 7 \end{pmatrix} \qquad y \qquad B = egin{pmatrix} m & 2 & w \ 0 & y & -1 \ 7 & 0 & z \end{pmatrix}$$

De acuerdo con la información anterior, determine el valor numérico que completa correctamente las siguientes expresiones:

- 2) Si A=B entonces $x=\boxed{7}$

Nota: Recuerde que no debe usar ningún otro carácter (ni espacio, punto, coma o símbolo) **solamente debe usar números y en caso de ser necesario el signo negativo.**

Solución:

(1 punto)

1) En la matriz A se tiene que $(b_{32})=0$, se refiere a la componente en la posición reglón tres columna dos.

(1 punto)

2) Si A=B entonces x=7, dos matrices son iguales si sus componentes correspondientes son iguales.

(1 punto)

3) Si se realiza la operación AB la matriz resultante tendrá en total 3 filas, considere que A es 3×3 y B es 3×3 por lo cual AB es 3×3

Correcta

Se puntúa 1,00 sobre 1,00

Considere la siguiente matriz A definida por:

$$A = \begin{pmatrix} 2 & 3 & 1 \\ 1 & 1 & 2 \\ 1 & -1 & -1 \end{pmatrix}$$

Según la información anterior, determine, a partir de la factorización LU de la matriz dada, los elementos L_{21} , L_{31} , U_{23} y U_{33} .

NOTA: Recuerde que no debe usar ningún otro carácter (ni espacio, punto, coma o símbolo) solamente debe usar números y en caso de ser necesario el signo negativo. En caso de usar fracciones debe escribirlas de la forma a/b para representar la fracción $\frac{a}{b}$.

Solución:

Los valores de los elementos solicitados, corresponden a:

$$L_{21}=\left[\begin{array}{cc}1/2\end{array}\right]$$

$$L_{31}=$$
 1/2

$$U_{23}=$$
 3/2

$$U_{33} = \boxed{-9}$$

Calculando la factorización LU de la matriz A, se tiene:

$$A = L \cdot U$$

$$\begin{pmatrix} 2 & 3 & 1 \\ 1 & 1 & 2 \\ 1 & -1 & -1 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 \\ a & 1 & 0 \\ b & c & 1 \end{pmatrix} \cdot \begin{pmatrix} 2 & 3 & 1 \\ 0 & x & y \\ 0 & 0 & z \end{pmatrix}$$

$$\begin{pmatrix} 2 & 3 & 1 \\ 1 & 1 & 2 \\ 1 & -1 & -1 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 2 & 3 & 1 \\ 2a & 3a + x & a + y \\ 2b & 3b + cx & b + cy + z \end{pmatrix}$$

Igualando término a término se obtiene:

$$2a = 1 \Rightarrow a = \frac{1}{2}$$

$$2b=1\Rightarrow b=rac{1}{2}$$

$$3a + x = 1 \Rightarrow x = \frac{-1}{2}$$

$$a+y=2 \Rightarrow y=\frac{3}{2}$$

$$3b + cx = -1 \Rightarrow c = 5$$

$$b + cy + z = -1 \Rightarrow z = -9$$

Así:

$$\begin{pmatrix} 2 & 3 & 1 \\ 1 & 1 & 2 \\ 1 & -1 & -1 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \frac{1}{2} & 0 & 0 \\ \frac{1}{2} & 1 & 0 \\ \frac{1}{2} & 5 & 1 \end{pmatrix} \cdot \begin{pmatrix} 2 & 3 & 1 \\ 0 & \frac{-1}{2} & \frac{3}{2} \\ 0 & 0 & -9 \end{pmatrix}$$

Por tanto, de la factorización LU de la matriz A, los elementos solicitados corresponden a:

$$L_{21}=rac{1}{2}$$

$$L_{31}=rac{1}{2}$$

$$U_{23}=rac{3}{2}$$

$$U_{33} = -9$$

Correcta

Se puntúa 1,00 sobre 1,00

Considere la siguiente matriz

$$A=egin{pmatrix} 2 & 2 \ 2 & 2 \end{pmatrix}$$

Según la información anterior, determine la factorización LU de la matriz dada.

Solución:

La factorización $\ LU$ de A corresponde a:

$$A = LU = \begin{pmatrix} 1 & \checkmark & 0 & \checkmark \\ 1 & \checkmark & 1 & \checkmark \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 2 & \checkmark & 2 & \checkmark \\ 0 & \checkmark & 0 & \checkmark \end{pmatrix}$$

Nota: Recuerde que no debe usar ningún otro carácter (ni espacio, punto, coma o símbolo) solamente debe usar números y **en caso de ser necesario el signo negativo**. En caso de usar fracciones debe escribirlas de la forma a/b para representar la fracción $\frac{a}{b}$.

Calculando la factorización LU de la matriz dada, se tiene:

$$A = L \cdot U$$

$$\begin{pmatrix} 2 & 2 \\ 2 & 2 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ a & 1 \end{pmatrix} \cdot \begin{pmatrix} 2 & 2 \\ 0 & x \end{pmatrix}$$

$$\begin{pmatrix} 2 & 2 \\ 2 & 2 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 2 & 2 \\ 2a & 2a + x \end{pmatrix}$$

Igualando término a término se obtiene:

$$2a = 2 \Rightarrow a = 1$$

$$2a + x = 2 \Rightarrow x = 0$$

Por tanto, la factorización LU de la matriz A corresponde a:

$$\begin{pmatrix} 2 & 2 \\ 2 & 2 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 1 & 1 \end{pmatrix} \cdot \begin{pmatrix} 2 & 2 \\ 0 & 0 \end{pmatrix}$$

Correcta

Se puntúa 1,00 sobre 1,00

Dadas las matrices

$$X=\left(egin{array}{ccc} 1 & 2 & 3 \ 4 & 5 & 6 \end{array}
ight)$$

$$Y = \begin{pmatrix} -1 & -2 \\ -3 & -4 \\ -5 & -6 \end{pmatrix}$$

Si
$$Z=(XY)^T$$
, entonces $z_{22}=$ -64

Nota: Recuerde que no debe usar ningún otro carácter (ni espacio, punto, coma o símbolo) **solamente debe usar números y en caso de ser necesario el signo negativo.**

Recordemos que $(XY)^T = Y^TX^T$, así

$$Z = \begin{pmatrix} -1 & -3 & -5 \\ -2 & -4 & -6 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 1 & 4 \\ 2 & 5 \\ 3 & 6 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} -22 & -49 \\ -28 & -64 \end{pmatrix}$$

Entonces $z_{22}=-64$

Correcta

Se puntúa 1,00 sobre 1,00

Considere la siguiente matriz H tal que la misma viene definida por:

$$H=\left(egin{array}{ccc} -1 & 0 & 0 \ 1 & 0 & 1 \ 1 & 5 & 0 \end{array}
ight)$$

Al aplicarle las siguientes operaciones de renglón a la forma (H|I) o (I|H) de manera consecutiva, se obtiene su inversa.

1.
$$R_1
ightarrow -R_1$$

2.
$$R_2
ightarrow -R_1 + R$$

3.
$$R_3
ightarrow -R_1 + R_3$$

4.
$$R_2 \leftrightarrow R_3$$

De acuerdo con lo anterior, escriba en los espacios vacíos las entradas que completan la matriz inversa de H.

Respuesta: La matriz inversa de H corresponde a:

Nota: Recuerde que no debe usar ningún otro carácter (ni espacio, punto, coma o símbolo) solamente debe usar números y en caso de ser necesario el signo negativo. En caso de usar fracciones debe escribirlas de la forma a/b para representar la fracción $\frac{a}{\iota}$.

Solución:

Se escribe este sistema en la forma de matriz aumentada (H|I) y reducir por renglones para intentar obtener (I|H). Así setiene que:

$$\begin{pmatrix} -1 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ 1 & 0 & 1 & 0 & 1 & 0 \\ 1 & 5 & 0 & 0 & 0 & 1 \end{pmatrix} \xrightarrow{R_1 \to -R_1} \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & -1 & 0 & 0 \\ 1 & 0 & 1 & 0 & 1 & 0 \\ 1 & 5 & 0 & 0 & 0 & 1 \end{pmatrix} \xrightarrow{R_2 \to -R_1 + R_2} \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & -1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 1 & 1 & 0 \\ 1 & 5 & 0 & 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$$

$$\underbrace{R_3 \to -R_1 + R_3}_{\longrightarrow} \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & -1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 1 & 1 & 0 \\ 0 & 5 & 0 & 1 & 0 & 1 \end{pmatrix} \underbrace{R_2 \leftrightarrow R_3}_{\longrightarrow} \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & -1 & 0 & 0 \\ 0 & 5 & 0 & 1 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 1 & 1 & 1 & 0 \end{pmatrix} \underbrace{R_2 \to \frac{1}{5} R_2}_{\longrightarrow} \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & -1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 1/5 & 0 & 1/5 \\ 0 & 0 & 1 & 1 & 1 & 0 \end{pmatrix}$$

De esta forma se tiene que:

$$H^{-1} = egin{pmatrix} -1 & 0 & 0 \ \hline 1/5 & \hline 0 & \hline 1/5 \ 1 & 1 & 0 \end{pmatrix}$$

Correcta

Se puntúa 1,00 sobre 1,00

Considere el siguiente sistema de ecuaciones lineales:

$$\left\{egin{array}{ll} 2x_1+3x_2-4x_3=-1\ x_1-2x_2+5x_3=1\ 5x_1+4x_2-6x_3=2 \end{array}
ight.$$

De acuerdo con el mismo, si se sabe que la matriz inversa de coeficientes viene dada por:

$$\begin{pmatrix} -8/21 & 2/21 & 1/3 \\ 31/21 & 8/21 & -2/3 \\ 2/3 & 1/3 & -1/3 \end{pmatrix}$$

Según la información anterior, determine la solución del sistema de ecuaciones dado.

Respuesta: La solución del sistema de ecuaciones lineales corresponde a:

$$x = \begin{pmatrix} x_1 \\ x_2 \\ x_3 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 8/7 \\ \hline -17/7 \\ \hline -1 \end{pmatrix} \checkmark$$

Nota: Recuerde que no debe usar ningún otro carácter (ni espacio, punto, coma o símbolo) **solamente debe usar números y en caso de ser necesario el signo negativo.** En caso de usar fracciones debe escribirlas de la forma a/b para representar la fracción $\frac{a}{b}$.

Solución:

Se sabe que el sistema se puede escribir de la forma Ax=b, donde A es la matriz de cofactores. Si esta es invertible, entonces $x=A^{-1}\cdot b$.

De lo anterior se tiene que la solución del sistema viene dado por:

$$x = \begin{pmatrix} -8/21 & 2/21 & 1/3 \\ 31/21 & 8/21 & -2/3 \\ 2/3 & 1/3 & -1/3 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} -1 \\ 1 \\ 2 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 8/7 \\ \hline -17/7 \\ \hline -1 \end{pmatrix}.$$

Correcta

Se puntúa 1,00 sobre 1,00

Considere la siguiente matriz:

$$A = \left(egin{array}{ccc} 3 & 21 & -12 \ 3 & 22 & 4 \ -1 & -7 & 5 \end{array}
ight)$$

Al aplicar de forma consecutiva las siguientes operaciones elementales:

$$R_1
ightarrow rac{1}{3} R_1$$

$$R_2
ightarrow -3R_1 + R_2$$

$$R_3
ightarrow R_1 + R_3$$

Complete los recuadros en blancos con los valores de la matriz obtenida luego de realizar las operaciones elementales anteriormente

Nota: Recuerde que no debe usar ningún otro carácter (ni espacio, punto, coma o símbolo) solamente debe usar números y en caso de ser necesario el signo negativo.

Se procede aplicar las operaciones elementales a la matriz dada para reducirla:

$$\begin{pmatrix} 3 & 21 & -12 \\ 3 & 22 & 4 \\ -1 & -7 & 5 \end{pmatrix} \quad \begin{matrix} R_1 \to \frac{R_1}{3} \\ \longrightarrow \end{matrix} \quad \begin{pmatrix} 1 & 7 & -4 \\ 3 & 22 & 4 \\ -1 & -7 & 5 \end{pmatrix} \quad \begin{matrix} R_2 \to -3R_1 + R_2 \\ \longrightarrow \end{matrix} \quad \begin{pmatrix} 1 & 7 & -4 \\ 0 & 1 & 16 \\ -1 & -7 & 5 \end{pmatrix}$$

$$R_3 o R_1 + R_3 egin{pmatrix} 1 & 7 & -4 \ 0 & 1 & 16 \ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$$

Por lo tanto, el número que completa correctamente el valor de, a corresponde a 1, b corresponde a -4, c corresponde a 0 y d corresponde a 1.

Correcta

Se puntúa 1,00 sobre 1,00

Dadas las matrices

$$A = \begin{pmatrix} 2 & 4 & -1 \\ 0 & 2 & 1 \\ 1 & 1 & -1 \\ 1 & 0 & 1 \end{pmatrix} \quad y \quad B = \begin{pmatrix} 3 & 0 & 0 & 0 \\ -2 & 1 & -1 & 2 \\ 5 & 0 & 2 & 4 \end{pmatrix}$$

La matriz resultante de realiza la operación $\,2A^T+B\,$ corresponde a

$$2A^{T} + B = \begin{pmatrix} 7 & \checkmark & 0 & \checkmark & 2 & \checkmark & 2 \\ 6 & \checkmark & 5 & \checkmark & 1 & \checkmark & 2 & \checkmark \\ 3 & \checkmark & 2 & \checkmark & 0 & \checkmark & 6 & \checkmark \end{pmatrix}$$

Nota: Recuerde que no debe usar ningún otro carácter (ni espacio, punto, coma o símbolo) solamente debe usar números y en caso de ser necesario el signo negativo.

Solucion:

Primero se determina la transpuesta de A

$$A^T = \left(egin{array}{cccc} 2 & 0 & 1 & 1 \ 4 & 2 & 1 & 0 \ -1 & 1 & -1 & 1 \end{array}
ight)$$

Luego se multiplica por el escalar 2

$$2A^T = \left(egin{array}{cccc} 4 & 0 & 2 & 2 \ 8 & 4 & 2 & 0 \ -2 & 2 & -2 & 2 \end{array}
ight)$$

Finalmente se realiza la suma $2A^T+B$

$$2A^T + B = \left(egin{array}{cccc} 4 & 0 & 2 & 2 \ 8 & 4 & 2 & 0 \ -2 & 2 & -2 & 2 \end{array}
ight) + \left(egin{array}{cccc} 3 & 0 & 0 & 0 \ -2 & 1 & -1 & 2 \ 5 & 0 & 2 & 4 \end{array}
ight) = \left(egin{array}{cccc} 7 & 0 & 2 & 2 \ 6 & 5 & 1 & 2 \ 3 & 2 & 0 & 6 \end{array}
ight)$$

Correcta

Se puntúa 1,00 sobre 1,00

Considere las siguientes matrices

$$A = egin{pmatrix} 1 & 0 & 0 \ 0 & 1 & 0 \ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix} \quad ext{y} \quad B = egin{pmatrix} 4 & 8 \ 5 & 6 \ -5 & 4 \end{pmatrix}$$

Según la información anterior, si $AB=\begin{pmatrix} a & b \\ c & d \\ e & f \end{pmatrix}$ entonces $c=\boxed{5}$ \checkmark y $f=\boxed{4}$ \checkmark .

Nota: Recuerde que no debe usar ningún otro carácter (ni espacio, punto, coma o símbolo) solamente debe usar números y en caso de ser necesario el signo negativo.

Note que la matriz A corresponde a la matriz identidad. De esta manera se tiene que AB=B, por la tanto c=5 y f=4.

Pregunta 11

Correct

Se puntúa 1,00 sobre 1,00

Determine el valor x tal que el determinante

$$egin{bmatrix} 5 & 3 \ x & 7 \end{bmatrix} = 44$$

Así el valor de x corresponde a $\begin{bmatrix} -3 \end{bmatrix}$

Nota: Recuerde que no debe usar ningún otro carácter (ni espacio, punto, coma o símbolo) solamente debe usar números y en caso de ser necesario el signo negativo. En caso de usar fracciones debe escribirlas de la forma a/b para representar la fracción $\frac{a}{b}$.

Realizando el cálculo del determinante obtenemos:

$$\begin{vmatrix} 5 & 3 \\ x & 7 \end{vmatrix} = 35 - 3x$$

Así

$$35 - 3x = 44 \rightarrow x = -3$$

Correcta

Se puntúa 1,00 sobre 1,00

Considere la matriz:

$$M = \begin{pmatrix} x & y \\ z & w \end{pmatrix}$$

Si se sabe que

$$|M| = -2$$

entonces el resultado del siguiente deteminante

$$\begin{vmatrix} -3z & -3w \\ x & y \end{vmatrix}$$

corresponde a -6

En primer instancia se observa que en el determinante

$$\begin{vmatrix} -3z & -3w \\ x & y \end{vmatrix}$$

la primera fila se puede extraer el -3.

A partir de la propiedad 4.2.2 (" Si el renglón i o columna j de una matriz A se multiplica por un escalar c, entonces $\det A$ se multiplica por c"), podemos deducir un primer resultado:

$$\begin{vmatrix} -3z & -3w \\ x & y \end{vmatrix} = -3 \cdot \begin{vmatrix} z & w \\ x & y \end{vmatrix}$$

Además, observe que en el determinante

$$\begin{vmatrix} z & w \\ x & y \end{vmatrix}$$

se han cambiado las filas 1 y 2 entre sí respecto al determinante $egin{bmatrix} x & y \\ z & w \end{bmatrix}$ original.

Por lo tanto, según la propiedad 4.2.4 (El intercambio de cualesquiera dos filas o columnas distintas de |A| tienen el efecto de multiplicar |A| por -1), tenemos que el resultado es el mismo que el resultado del determinante original pero cambiado de signo, es decir, 2.

Finalmente tenemos

$$egin{bmatrix} -3z & -3w \ x & y \end{bmatrix} = -3 \cdot egin{bmatrix} z & w \ x & y \end{bmatrix} = -3 \cdot -1 \cdot |M| = -3 \cdot -1 \cdot -2 = -6$$

Finalizado

Se puntúa 1,00 sobre 1,00

Considere la siguiente matriz:

$$A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & k \\ -1 & -1 & 0 \\ k & 2 & 1 \end{pmatrix}$$

Según la información anterior, determine:

- 1) El o los valores del parámetro k para el cual la matriz A, NO posea inversa.
- 2) Para el valor de k=0, calcular, si es posible A^{-1} .

Nota: Recuerde que debe subir una fotografía del procedimiento de respuesta de este ítem. El mismo debe desarrollarlo a mano (no digital) y deberá agregar su nombre, número de cédula y firmar al final del ejercicio, si esto no se presenta la respuesta no será calificada.

Pregunta13_ReinerArayaRetana.jpeg

1. Para que la matriz A no posea inversa debe cumplirse que $\det A=0$, por lo que, calculando el determinante tenemos:

$$|A| = -1 + 0 - 2k + k^2 + 0 + 0 = k^2 - 2k - 1$$

Igualando a cero

$$k^2 - 2k - 1 = 0$$

obtenemos que $k=1+\sqrt{2}$, o bien que, $k=1-\sqrt{2}$.

Por tanto, el valor del parámetro k para que la matriz dada no posea inversa corresponde a $1\pm\sqrt{2}$.

- 2. Para el valor de k=0, tenemos que la matriz $A=\begin{pmatrix}1&0&0\\-1&-1&0\\0&2&1\end{pmatrix}$.
- i) Obtenemos su determinante para verificar si es invertible:

$$|A| = egin{array}{ccc} 1 & 0 & 0 \ -1 & -1 & 0 \ 0 & 2 & 1 \ \end{array} = 1 \cdot egin{array}{ccc} -1 & 0 \ 2 & 1 \ \end{array} + 0 + 0 = -1.$$

- ii) Como $|A| \neq 0$, se tiene que A es invertible.
- iii) Calculamos al inversa por reducción Gauss- Jordan

$$\begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ -1 & -1 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 2 & 1 & 0 & 0 & 1 \end{pmatrix} \xrightarrow{R_2 \to R_1 + R_2} \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & -1 & 0 & 1 & 1 & 0 \\ 0 & 2 & 1 & 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$$

$$\xrightarrow{R_2 \to -R_2} \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & -1 & -1 & 0 \\ 0 & 2 & 1 & 0 & 0 & 1 \end{pmatrix} \xrightarrow{R_3 \to -2R_2 + R_3} \begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & -1 & -1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 2 & 2 & 1 \end{pmatrix}$$

Por lo tanto
$$A^{-1}=egin{pmatrix}1&0&0\cr-1&-1&0\cr2&2&1\end{pmatrix}$$

Comentario:

Correcta

Se puntúa 1,00 sobre 1,00

Considere una matriz A cuyo determinante es el siguiente:

$$|A| = egin{array}{ccc|c} 1 & 3 & 7 \ k & 0 & -8 \ -1 & -3 & 4 \ \end{array} | = -66$$

Al evaluar el |A| por medio de un desarrollo por cofactores a lo largo de la segunda fila, el valor de la variable k corresponde al número 2 .

Nota: Recuerde que no debe usar ningún otro carácter (ni espacio, punto, coma o símbolo) solamente debe usar números y en caso de ser necesario el signo negativo. En caso de usar fracciones debe escribirlas de la forma a/b para representar la fracción $\frac{a}{b}$

Al evaluar el |A| por medio de un desarrollo por cofactores a lo **largo de la segunda fila**, este viene dado por:

$$|A| = \begin{vmatrix} 1 & 3 & 7 \\ k & 0 & -8 \\ -1 & -3 & 4 \end{vmatrix} = -66$$

$$(-1)^{2+1}k \cdot \begin{vmatrix} 3 & 7 \\ -3 & 4 \end{vmatrix} + (-1)^{2+2}0 + (-1)^{2+3} - 8 \begin{vmatrix} 1 & 3 \\ -1 & -3 \end{vmatrix} = -66$$

$$-k \cdot \begin{vmatrix} 3 & 7 \\ -3 & 4 \end{vmatrix} - -8 \begin{vmatrix} 1 & 3 \\ -1 & -3 \end{vmatrix} = -66$$

$$-k(12+21) + 8(-3+3) = -66$$

$$-k(33) + 8(0) = -66$$

$$-33k = -66$$

$$k = 2$$

Correcta

Se puntúa 1,00 sobre 1,00

Considere la siguiente información:

$$\begin{cases} 3x + 4y - z = 7 \\ 5x - 2y + z = 23 \\ -10x + 5y + 2z = 69 \end{cases}$$

Según la información anterior y usando la regla de Cramer, con certeza, se puede asegurar que $\Delta=$ -112

$$\Delta_x = \boxed{$$
 -224 $}$, $\Delta_y = \boxed{$ -784 $}$ y $\Delta_z = \boxed{$ -3024 $}$.

Nota: Recuerde que no debe usar ningún otro carácter (ni espacio, punto, coma o símbolo) solamente debe usar números y en caso de ser necesario el signo negativo.

Solución:

Se calcula el determinante Δ , que corresponde a la matriz de los coeficientes de las variables, para posteriormente hacer la sustitución de las columnas.

$$\Delta = egin{array}{ccc|c} 3 & 4 & -1 \ 5 & -2 & 1 \ -10 & 5 & 2 \ \end{array} = -112$$

Luego se calcula el valor de Δ_x :

$$\Delta_x = egin{array}{ccc|c} 7 & 4 & -1 \ 23 & -2 & 1 \ 69 & 5 & 2 \ \end{array} = -224$$

Se calcula Δ_y

$$\Delta_y = \left| egin{array}{ccc} 3 & 7 & -1 \ 5 & 23 & 1 \ -10 & 69 & 2 \end{array}
ight| = -784$$

Se calcula Δ_z

$$\Delta_z = \begin{vmatrix} 3 & 4 & 7 \\ 5 & -2 & 23 \\ -10 & 5 & 69 \end{vmatrix} = -3024$$

Finalizado

Se puntúa 5,00 sobre 5,00

Considere el siguiente sistema de ecuaciones:

$$\begin{cases} ax - 3y = 1 \\ bx + 35y = 5 \end{cases}$$

Según la información anterior, determine el valor número de los parámetros a y b de manera que al resolver el sistema de ecuaciones anterior, usando la regla de Cramer, se cumpla que D=51 y $D_y=-7$.

Nota: Recuerde que debe subir una fotografía del procedimiento de respuesta de este ítem. El mismo debe desarrollarlo a mano (no digital) y deberá agregar su nombre, número de cédula y firmar al final del ejercicio; si esto no se presenta la respuesta no será calificada.



Solución:

Según la información que se brinda, D=51 y $D_y=-7$, entonces calculando e igualando en cada caso, se tiene:

$$D = 51$$

$$\begin{vmatrix} a & -3 \\ b & 35 \end{vmatrix} = 51 \Rightarrow 35a + 3b = 51$$

Ahora:

$$D_y = -7$$

$$\begin{vmatrix} a & 1 \\ b & 5 \end{vmatrix} = -7 \Rightarrow 5a - b = -7$$

Resolviendo el sistema de ecuaciones resultante

$$\begin{cases} 35a + 3b = 51 \\ 5a - b = -7 \end{cases}$$

Multiplicando por -7 la ecuación 2 y sumando ambas ecuaciones obtenemos

$$10b = 100 \Rightarrow b = 10$$

Ahora, sustituyendo

$$5a - b = -7 \Rightarrow 5a - 10 = -7 \Rightarrow 5a = 3 \Rightarrow a = \frac{3}{5}$$

Por tanto, el valor del parámetro $a=rac{3}{5}\;$ y el valor del parámetro b=10.

Comentario: