<u>Área personal</u> / Mis cursos / <u>03069 - MATEMATICA PARA COMPUTACION II - IIIC2023</u> / <u>Arboles Binarios</u> / <u>Cuestionario N°1</u>

Comenzado el	domingo, 1 de octubre de 2023, 13:09
Estado	Finalizado
Finalizado en	domingo, 1 de octubre de 2023, 14:47
Tiempo empleado	1 hora 38 minutos
Puntos	5,42/34,00
Calificación	1.59 de 10.00 (15.93%)

Parcialmente correcta

Se puntúa 1,50 sobre 2,00

La representación ligada de un árbol binario T se muestra en el siguiente arreglo:

	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15
INFO	Α	Y		R	Z			P	٧		X	D		T	М
LEFT	0	1		8	15			0	0		5	9		0	0
RIGHT	0	12		0	4			0	0		2	14		0	0

ROOT (11) —

Al realizar el árbol al cual hace referencia esta representación, se puede extraer la siguiente información:

1. La profundidad del árbol binario T corresponde a:

Solución:

La profundidad del árbol T corresponde a 4

2. La cantidad de nodos externos del árbol T corresponde a:

Solución:

La cantidad de nodos externos del árbol binario T corresponde a 2

3. Un nodo interno del árbol binario T corresponde a

Solución:

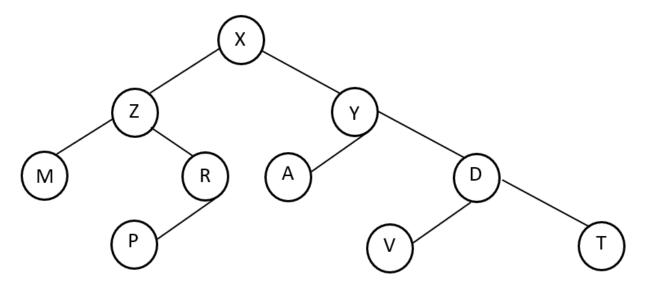
Un nodo interno es Y ✓
Se puntúa 1,00 sobre 1,00

4. ¿Cuál es la raíz del subárbol principal izquierdo de T?

Solución:

La raíz del subárbol principal izquierdo corresponde a $\,\,$ Z $\,\,$ $\,\,$ $\,\,$

El árbol T que representa la tabla dada corresponde a:



1. La profundidad del árbol T corresponde a:

Solución:

La profundidad del árbol T corresponde a 4

2. La cantidad de nodos internos del árbol T corresponde a:

Solución:

La cantidad de nodos internos del árbol binario T corresponde a 5

3. Un nodo interno del árbol T corresponde a

Solución:

Para la identificación del nodo interno del árbol T puede optar por R ó Y

4. Cuál es la raíz del subárbol principal izquierdo de T?

Solución:

La raíz del subárbol principal izquierdo corresponde a Z

Pregunta 2
Parcialmente correcta
Se puntúa 1,00 sobre 3,00

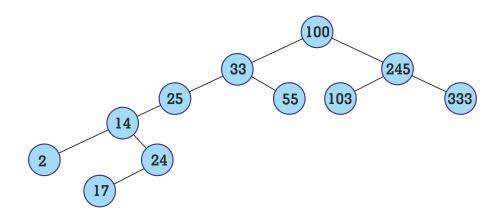
Dada la siguiente secuencia de números:

Según la información anterior, construya un árbol binario de búsqueda (ABB) y conteste lo siguiente:

<u>Nota:</u> Recuerde que no debe usar ningún otro carácter (ni espacio, punto, coma) **solamente debe usar números y en caso de ser necesario el signo negativo**.

Solución:

Como en esta secuencia no nos dicen quién es la raíz del árbol, se toma el primer valor de la secuencia como la raíz del mismo **R=100**. Como este es un árbol binario de búsqueda, se debe ir comparando cada nodo con la raíz he ir trasladándolos hacia la izquierda, si el nodo es menor que la raíz (o su nodo padre) y hacia la derecha si el nodo es mayor que la raíz (o su nodo padre). Resultando el siguiente árbol binario de búsqueda:



Por lo tanto,

El valor del hijo derecho del nodo 100 corresponde a 245

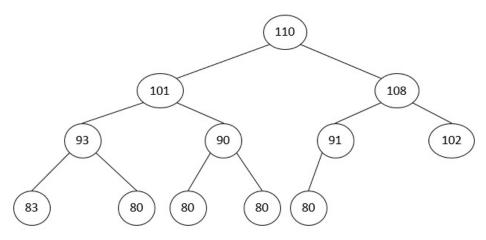
El valor del hijo izquierdo del nodo 24 corresponde a 17.

El valor del hijo derecho del nodo 14 corresponde a 24.

Incorrecta

Se puntúa 0,00 sobre 2,00

Considere el montículo;



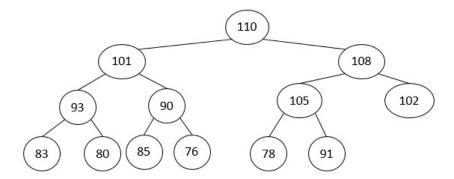
Al insertar ITEM = 105 en el montículo anterior, este se posicionará como

hijo izquierdo del nodo 102

Utilizando el algoritmo de inserción, se tiene:

- _ Se inserta ITEM = 105 como hijo derecho del nodo 91 y se busca su sitio apropiado.
- _ Como 105 > 91, se intercambian y compara ITEM = 105 con su nuevo padre.
- _ Como 105 < 108 ha encontrado su sitio apropiado.

El maxheap resultante corresponde a:

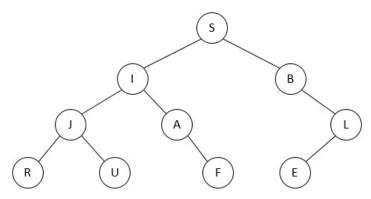


Por lo que, ITEM = 105 será hijo izquierdo del nodo 108.

Pregunta 4
Incorrecta

Se puntúa 0,00 sobre 2,00

Según el árbol binario T de la siguiente imagen:



Determine sus recorridos en:

a) Preorden:	S, I, J, R, U, A, B, L, F, E		×
b) Inorden:	R, J, U, I, A, S, B, F, L, E	×	
C) Postorden	R, U, J, A, I, F, E, L, B, S		×

Nota: Recuerde que no debe usar ningún otro carácter (ni espacio, punto, símbolo) solamente debe usar números y/o letras en mayúscula según corresponda.

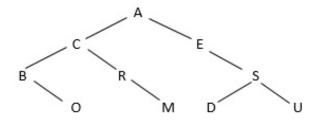
Según el árbol binario presentado en la imagen, los recorridos corresponden a:

a) Preorden: SIJRUAFBLEb) Inorden: RJUIAFSBELc) Postorden: RUJFAIELBS

Pregunta 5
Incorrecta

Se puntúa 0,00 sobre 2,00

Dado el siguiente árbol binario,



Determine su recorrido en

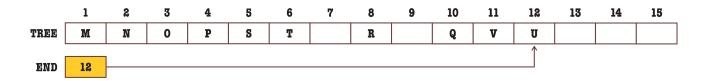
a) Preorden: A, C, B, D, R, M, E, S, U
b) Postorden: D, B, R, M, C, S, U, E, A

Nota: Recuerde que no se debe usar ningún otro caracter (ni espacio, punto, símbolo) solamente debe usar números o letras en <u>mayúscula</u>.

- a) Preorden: De acuerdo con el árbol binario dado anteriormente, el recorrido en preorden es ACBORMESDU.
- b) Postorden: De acuerdo con el árbol binario dado anteriormente, el recorrido en postorden es OBMRCDUSEA.

Pregunta 6
Incorrecta
Se puntúa 0,00 sobre 2,00

Observe la siguiente representación secuencial de un árbol binario.

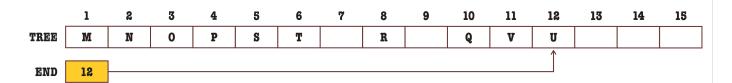


Según la misma, conteste las siguientes preguntas:

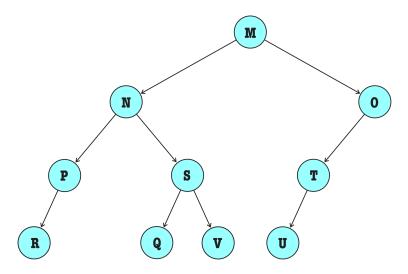
- a) El hijo izquierdo de P corresponde al nodo N X .
- **b)** El **nodo V** es el hijo izquierdo **X** del **nodo** R **X** .
- c) Un nodo terminal corresponde a O 🗶 .

Solución:

Con base en la representación secuencial del árbol, se tiene que si un nodo está en la posición k su hijo izquierdo estará en la posición 2k y su hijo derecho en la posición 2k + 1. Así:



Además, la representación gráfica del árbol binario corresponde a:



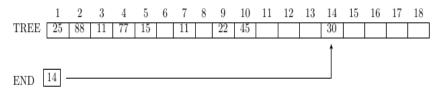
Por lo tanto, se tiene que:

- a) El hijo izquierdo de P corresponde al nodo R.
- b) El nodo V es el hijo derecho del nodo S.
- c) Un nodo terminal corresponde a R o U.

Parcialmente correcta

Se puntúa 0,67 sobre 2,00

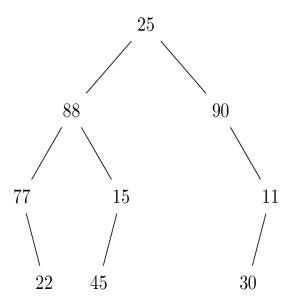
Considere el siguiente representación secuencial de un árbol binario T:



Con base a la representación anterior, responda las siguientes preguntas:

- a) La raíz del árbol T, corresponde a: 30
- **b)** El hermano del nodo 77 corresponde a: 15 ✓
- c) El hijo derecho del nodo 88 corresponde a: 25

Nota: Recuerde que no debe usar ningún otro carácter (ni espacio, punto, coma o símbolo) solamente debe usar números.



- **a)** TREE[1] =25.
- **b)** Como 77 está en el nivel 2, entonces el hermano es $TREE[2 \cdot 2 + 1] = TREE[5] = 15$.
- c) El hijo derecho del nodo 88 corresponde al nodo 15.
- ľ

Parcialmente correcta

Se puntúa 2,25 sobre 3,00

Considere la siguiente expresión algebraica

$$(a - b)/((c * d) + e)$$

La cual se representa por medio de un árbol binario. De acuerdo con la expresión algebraica anterior, responda lo siguiente:

1. El máximo nivel del árbol corresponde a:

Solución:

El máximo nivel del árbol corresponde a



Se puntúa 1,00 sobre 1,00.

2. La cantidad de nodos internos del 2-árbol corresponde a:

Solución:

La cantidad de nodos internos del árbol binario corresponde a

Se puntúa 0,00 sobre 1,00.

3. Un nodo externo del 2-árbol corresponde a

Solución:

Un nodo externo es b Se puntúa 1,00 sobre 1,00

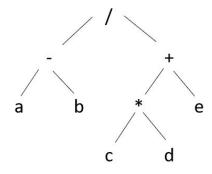
4. Cuál es la raíz del subárbol principal derecho?

Solución:

La raíz del subárbol principal derecho corresponde a



Observe el árbol que representa la expresión dada



1. El máximo nivel del árbol corresponde a:

Solución:

El máximo nivel del árbol corresponde a 3

2. La cantidad de nodos internos del 2-árbol corresponde a:

Solución:

La cantidad de nodos internos del árbol binario corresponde a 4

3. Un nodo externo del 2-árbol corresponde a

Solución:

Para la identificación del nodo externo del 2-árbol se proponen dos opciones a elegir: b ó d.

4. Cuál es la raíz del subárbol principal derecho?

Solución:

La raíz del subárbol principal derecho corresponde a +

Pregunta 9
Incorrecta
Se puntúa 0,00 sobre 4,00

Los datos A, B, C, D ocurren según la siguiente distribución de probabilidad:

Dato	А	В	С	D
Probabilidad	35	40	15	10

Según los datos suministrados, la longitud del camino ponderado P corresponde a:

La longitud del camino ponderado P es: 75

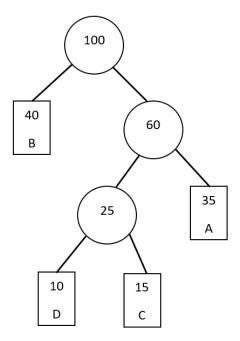


NOTA: Recuerde que NO debe usar ningún otro carácter (ni espacio, punto, símbolo) solamente debe usar números o letras mayúsculas según corresponda.

Partiendo de la distribución de probabilidad dada, tenemos:

	Α	В	С	D
	35	40	15	10
(1)	35	40		25
(2)		40		60
(3)		100		

El árbol resultante sería



Entonces la longitud del camino ponderado viene dado por

$$P = 40 \cdot 1 + 10 \cdot 3 + 15 \cdot 3 + 35 \cdot 2 = 185$$

Pregunta 10
Incorrecta
Se puntúa 0,00 sobre 2,00

Considere los siguientes datos y sus pesos:

Dato	D	Е	I	0	S	Т	U
Peso	50	12	10	25	31	40	60

Según la información anterior, la decodificación del código

0001110111110010000001

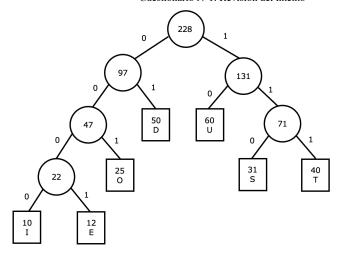
corresponde a: 50 12 12 10 25 31 10 50 40 40 25 31

NOTA: Recuerde que no debe usar ningún otro carácter (ni espacio, punto, coma o símbolo) solamente debe usar letras en mayúscula.

Según los datos brindados en la tabla de distribución de pesos, se aplica el algoritmo de Huffman:

	D	Е	Ι	0	S	Т	U
1)	50	12	10	25	31	40	60
2)	50	<u>22</u>		25	31	40	60
3)	50			<u>47</u>	31	40	60
4)	50			47		<u>71</u>	60
5)	<u>97</u>					71	60
6)	97					<u>131</u>	
7)						228	

Por lo que, se obtiene el siguiente árbol T en el que se se la asigna cero a cada arista que se dirija a un hijo izquierdo y un uno a cada arista que se dirija a un hijo derecho:



Así, la decodificación del código 000111011110010000001 corresponde a **ESTUDIO**.

Sin contestar

Puntúa como 5,00

Considere la siguiente expresión algebraica:

$$V = [(6x + 7y)^2 + \pi] (2a - t)^3$$

Responda lo siguiente:

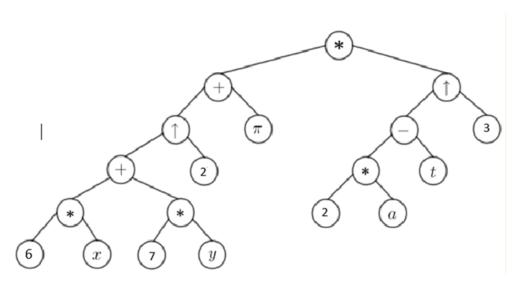
- a) Trace el 2-árbol correspondiente a la expresión ${\cal V}.$
- b) Encuentre el recorrido en prefijo.
- c) Encuentre el recorrido en postfijo.

Nota: Recuerde que debe subir una fotografía del procedimiento de respuesta de este ítem. El mismo debe desarrollarlo a mano (no digital) y deberá agregar su nombre, número de cédula y firmar al final del ejercicio, si esto no se presenta la respuesta no será calificada.

a) Trace el 2-árbol correspondiente a la expresión E. (3 puntos)

Solución:

Considere la notación + para la suma, * para la multiplicación, − para la resta y la ↑ para la potencia. De esta manera, el 2-árbol sería: (3 puntos).



b) Encuentre el recorrido en prefijo. (1 punto) Solución:

El recorrdio en prefijo corresponde a:

$$* + \uparrow + * 6x * 7y2\pi \uparrow - * 2at3$$

c) Encuentre el recorrido en postfijo. (1 punto)

Solución:

El recorrido en postfijo corresponde a:

$$6x * 7y * + 2 \uparrow \pi + 2a * t - 3 \uparrow *$$

Sin contestar

Puntúa como 5,00

Con los seis pesos 2, 13, 21, 17, 8, 10, determine lo que se le solicita.

- a) Encuentre un árbol de Huffman T con los pesos dados.
- b) Determine la longitud de camino ponderado del árbol resultante.

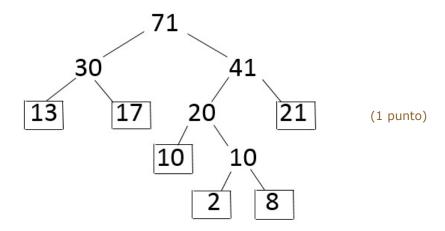
Nota: Recuerde que debe subir una fotografía del procedimiento de respuesta de este ítem. El mismo debe desarrollarlo a mano (no digital) y deberá agregar su nombre, número de cédula y firmar al final del ejercicio. Si esto no se presenta, la respuesta no será calificada.

Solución:

a)Aplicando el algoritmo de Huffman se tiene:

- (1) 2 13 21 17 8 10
- (2) 10 13 21 17 10
- (3) 20 13 21 17
- (4) 30 20 21 (2 puntos)
- (5) 41 30
- (6) 71

Luego, el árbol resultante sería:



b) La longitud de camino ponderado del árbol corresponde a:

$$P = 2(13) + 2(17) + 2(21) + 3(10) + 4(2) + 4(8)$$
 (1 punto)

$$P = 172 (1 punto)$$

◀ Vídeos de tutorías: Capítulo #1

Ir a...

Equipo Base Cuestionario N°1 ▶