

Kerby Lovince

Questão 4

$$\mu = 15000 \quad \sigma = 1000$$

a) um valor de 15000 ou menos

$$P(X \leq 15000)$$

$$Z_c = \frac{x - \mu}{\sigma} = \frac{15000 - 15000}{1000}$$

$$Z_c = \frac{0}{1000} = 0$$

$$P(Z \leq 0) = P(-\infty \leq Z \leq 0) = P(0 \leq Z \leq \infty)$$

$$P(Z \leq 0) = 0,5$$

b) um valor entre 16000 e 19000

$$P(16000 \leq X \leq 19000)$$

$$Z = \frac{16000 - 15000}{1000} = 1$$

$$P(0 \leq Z \leq 1)$$

$$Z = \frac{19000 - 15000}{1000} = 4$$

$$P(0 \leq Z \leq 4)$$

$$P(0 \leq Z \leq 1) - P(0 \leq Z \leq 4)$$

$$= 0,1586$$

c) Exato no valor 15000

$$Z = \frac{x - \mu}{\sigma} = \frac{15000 - 15000}{1000} = 0$$

$$P(Z = 0) = 0,5$$

Questão 1

a) Porque uma vez que vários métodos utilizados posteriormente com o propósito de inferência estatística são dependentes de métodos de seleção. Sejam N o tamanho da população e n o tamanho da amostra, para retirar uma amostra aleatória simples de tamanho n poderíamos supostamente o nome de N .

b) na primeira retirada da cesta é de $1/N$ independente de quem seja selecionado na primeira retirada.

c) a vantagem de ser utilizado a distribuição normal reduzido tem na tabela na margem esquerda, os valores de Z com uma decimal, a distribuição normal pode ser usada para aproximar distribuições discretas de probabilidade como por exemplo a distribuição binomial mas a distribuição normal reduzido se for necessário pode considerar a segunda decimal.

questão 2

C_1 — 3 bolas brancas

C_2 — 2 bolas brancas

C_3 — 5 bolas brancas

a) existem

C_1 — 2 urnas

C_2 — 2 urnas

C_3 — 1 urna

$$P(C_1) = \frac{2}{5} \quad P(B|C_1) = \frac{3}{5}$$

$$P(C_2) = \frac{2}{5} \quad P(B|C_2) = \frac{2}{5}$$

$$P(C_3) = \frac{1}{5} \quad P(B|C_3) = 1$$

função da teorema de Bayes

$$B = (C_1 \cap B) \cup (C_2 \cap B) \cup (C_3 \cap B)$$

$$P(B) = P(C_1) \cdot P(B|C_1) + P(C_2) \cdot P(B|C_2) + P(C_3) \cdot P(B|C_3)$$

$$+ P(C_3) \cdot P(B|C_3)$$

$$P(B) = \frac{2}{5} \cdot \frac{3}{5} + \frac{2}{5} \cdot \frac{2}{5} + \frac{1}{5} \cdot 1$$

$$P(B) = 0,6$$

$$P(C_3|B) = \frac{\frac{1}{5} \cdot 1}{0,6}$$

$$P(C_3|B) = 0,33$$

b)

$$P(NB) = \frac{2}{5} \cdot \frac{2}{5} + \frac{2}{5} \cdot \frac{3}{5} + \frac{1}{5} \cdot 0$$

$$P(NB) = 0,4$$

$$P(C_3|NB) = \frac{P(C_3) \cdot P(B|C_3)}{P(NB)}$$

$$= \frac{\frac{1}{5} \cdot 0}{0,4} = 0$$

questão 3

$$n=4, p=\frac{2}{10}=0,2, q=1-p=0,8$$

$$P_{\text{para}}(y=0) = \binom{4}{0} \cdot (0,2)^0 \cdot 0,8^4$$

$$= \frac{4!}{0!(4-0)!} \times 1 \times 0,8^4$$

$$= 0,4096$$

$$P_{\text{para}}(y=1) = \binom{4}{1} \cdot (0,2)^1 \cdot 0,8^3$$

$$= \frac{4!}{1!(4-1)!} \times 0,2 \times 0,8^3$$

$$= 0,4096$$

$$P_{\text{para}}(y=2) = \binom{4}{2} \cdot (0,2)^2 \cdot 0,8^2$$

$$= \frac{4!}{2!(4-2)!} \times 0,04 \times 0,64$$

$$= 0,1536$$

$$P_{\text{para}}(y \leq 2) = P(y=0) + P(y=1) + P(y=2)$$

$$P(y \leq 2) = 0,4096 + 0,4096 + 0,1536$$

$$P(y \leq 2) = 0,9728$$

$$P(y \geq 3) = 1 - P(y \leq 2)$$

$$P(y \geq 3) = 0,0272$$

