#### 統計学(基礎)

第3回 基本統計量とグラフ出力、JASPの出力利用

1/61

川崎市立看護大学大学院 看護学研究科 博士前期課程

©Ryota Takayanagi 2025

1

#### 統計学(基礎)

# データの整理・要約

- ・ 基本統計量の算出
  - 度数の算出
  - 平均値、標準偏差、中央値、最大値、最小値などの算出
- ・表・グラフによる整理
  - 棒グラフ、円グラフ、帯グラフ、折れ線グラフ、散布図
  - ヒストグラム
  - クロス集計表
- ・記述統計でも推測統計でも行う

3/61

川崎市立看護大学大学院 看護学研究科 博士前期課程

©Ryota Takayanagi 2025

統計学(基礎)

データの整理・要約

#### 基本統計量

2/61

川崎市立看護大学大学院 看護学研究科 博士前期課程

©Ryota Takayanagi 2025

2

#### 統計学(基礎)

#### 使うファイル

・JASPで開く

「開く」-「データライブラリ」-「1. Descriptives」 Plot layout.csv

・ jamoviで開く

「開く」-「このPC」-「ブラウズ」

C:\foragram Files (x86)\foragram Files (x86)\foragr

Plot layout.csv

※Macの場合は Data Library以降

4/61

川崎市立看護大学大学院 看護学研究科 博士前期課程

Rvota Takayanagi 2025

.

## Plot layout: Plot Builder (beta)

- 説明
  - 南極のパーマー諸島(Palmer Archipelago)の3つの島で、 2007~2009年に科学者が収集したペンギンのデータ
- 参考文献
  - Horst A. M., Hill A. P., & Gorman K. B. (2020). palmerpenguins: Palmer Archipelago (Antarctica) penguin data. R package version 0.1.0.

5/61

川崎市立看護大学大学院 看護学研究科 博士前期課程

©Ryota Takayanagi 2025

5

統計学(基礎)

6

#### おまけ

ペンギンについて

川崎市立看護大学大学院 看護学研究科 博士前期課程

- アデリーペンギン、ヒゲペンギン、ジェンツーペンギンはみな、ア デリーペンギン属に属するペンギン、南極大陸に生息
- https://nagoyaaqua.jp/study/column/27729/
  - 名古屋港水族館(公益財団法人名古屋みなと振興財団) スタッフコラム2025.09.16

7/61 ©Rvota Takayanagi 2025

#### 統計学(基礎)

### Plot layout: Plot Builder (beta)

- 変数
  - species(名義): Adelie(アデリーペンギン)、Chinstrap(ヒゲペン ギン)、Gentoo(ジェンツーペンギン)
  - island(名義):データが収集された島(Biscoe, Dream, Torgersen)
  - bill length mm (スケール):くちばしの長さ「mm]
  - bill depth mm (スケール):くちばしの深さ(高さ)[mm]
  - flipper length mm(スケール):ひれ(フリッパー)の長さ[mm]
  - body mass g(スケール):体重[g](5g単位に四捨五入)
  - sex(名義):性別(male / female)
- year(順序):調査年(2007, 2008, 2009)

川崎市立看護大学大学院 看護学研究科 博士前期課程

6/61

©Rvota Takayanagi 2025

統計学(基礎) JASPの記述統計 記述統計量 t検定 記述統計 画雲ブロット 時系列記述統計 / bill depth mm / flipper\_length\_m / body mass q ₹ 標準偏差 ☑ 度数分布表 8/61 川崎市立看護大学大学院 看護学研究科 博士前期課務





統計学(基礎) 基本統計量 質的変数(名義・順序) 量的変数 平均 度数 • 相対度数(度数割合) 中央値 • 累積度数 • 最大値 • 累積相対度数(累積度数割合) 最小値 分散 標準偏差 • など 11/61 川崎市立看護大学大学院 看護学研究科 博士前期課程 ©Ryota Takayanagi 2025

11

質的変数用の基本統計量
 ・度数

 カテゴリに該当する数
 相対度数(度数割合)
 合計に対する各度数の割合

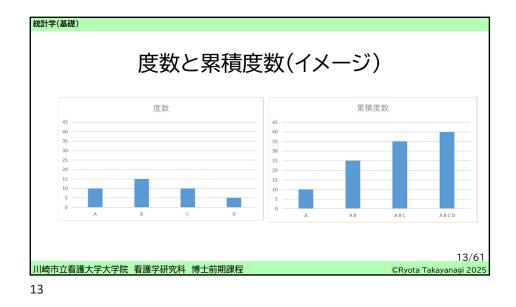
 ・累積度数

 カテゴリを順に累積した度数
 ・累積相対度数(累積度数割合)
 合計に対する各累積度数の割合

 12/61
 13

12

統計学(基礎)



統計学(基礎) 質的変数用の基本統計量 度数 - カテゴリに該当する数 名義尺度、順序尺度 のどちらでも • 相対度数(度数割合) - 合計に対する各度数の割合 • 累積度数 - カテゴリを順に累積した度数 順序尺度でないと意 · 累積相対度数(累積度数割合) 味が無い - 合計に対する各累積度数の割合 14/61 川崎市立看護大学大学院 看護学研究科 博士前期課程 ©Ryota Takayanagi 2025

統計学(基礎)

# 量的変数の基本統計量

- 平均值
- ・最大値
- ・最小値
- ・中央値
- 分散
- ・標準偏差

川崎市立看護大学大学院 看護学研究科 博士前期課程

©Ryota Takayanagi 2025

15/61

統計学(基礎)

14

# 平均值

- データをすべて足して、足した数で割る
  - 極端に大きな値、小さな値があるとその影響を受ける
  - 真ん中ではない

川崎市立看護大学大学院 看護学研究科 博士前期課程

©Rvota Takayanagi 2025

16/61

16



・例 今お財布にいくら入ってる?
 ↓ 1000 合計は、
 2000 1000+2000+3000+4000+5000
 3000 平均は、60000÷5=12000
 4000 でも、平均より多い人は1人しかいない
 かわいいフリー素材集 いらすとや https://www.irasutoya.com/ 18/61
 川崎市立看護大学大学院 看護学研究科 博士前期課程
 ②Ryota Takayanagi 2025

統計学(基礎)

# 最大值·最小值·中央值

- ・最大値
  - 一番大きな値
- 最小值
  - 一番小さな値
- ・中央値
  - 真ん中の値

川崎市立看護大学大学院 看護学研究科 博士前期課程

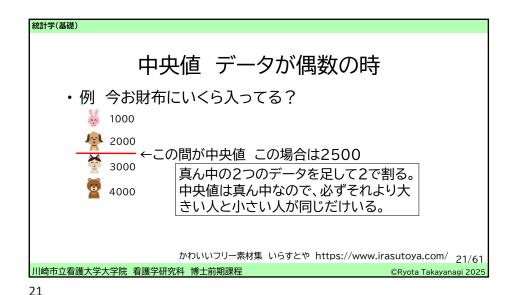
©Ryota Takayanagi 2025

19/61

最大値・最小値・中央値
 ・例 今お財布にいくら入ってる?
 ↓ 1000 ←最小値
 ② 2000
 ③ 3000 ←中央値 中央値は真ん中なので、必ずそれより大きい人と小さい人が同じだけいる
 ⑤ 4000
 ★ 50000 ←最大値
 かわいいフリー素材集 いらすとや https://www.irasutoya.com/ 20/61
 川崎市立看護大学大学院 看護学研究科 博士前期課程
 ⑥ (CRyota Takayanagi 2025

20

18



#### 標準偏差

- ・標準偏差は平均値からのばらつきの平均(のようなもの)
  - 1. 各値の平均値との差を出す
  - 2. 「各値の平均値との差」を2乗する
  - 3. 「各値の平均値との差の2乗」を全部足す
  - 4. 「各値の平均値との差の2乗を全部足したもの」をデータ数で割る (ここまでが分散)
  - 5. 「各値の平均値との差の2乗を全部足したものをデータ数で割った もの」の平方根(√)を求める

川崎市立看護大学大学院 看護学研究科 博士前期課程

22/61

©Ryota Takayanagi 2025

22

統計学(基礎) 標準偏差をなぜ求めるのか A·Bの2クラスで100点満点のテストをしました。 Aクラス Bクラス かわいいフリー素材集 いらすとや https://www.irasutoya.com/ 23/61 川崎市立看護大学大学院 看護学研究科 博士前期課程 ©Ryota Takayanagi 2025



#### 標準偏差をなぜ求めるのか

- · A 30 40 50 60 70 平均値50 中央値50
- ·B 48 49 50 51 52 平均値50 中央値50
- ・平均値と中央値だけなら同じ集団と言えてしまう
  - 今回は5つずつしかデータがないから見て違いもわかるけど、 データが100個以上あるときなどは気づかない

川崎市立看護大学大学院 看護学研究科 博士前期課程

川崎市立看護大学大学院 看護学研究科 博士前期課程

©Ryota Takayanagi 2025

25/61

25

#### 統計学(基礎)

#### 標準偏差

・違いに気づきたい→平均値からの差を出す

	点数	30	40	50	60	70
Α	平均値 との差	-20	-10	0	10	20
_	点数	48	49	50	51	52
В	平均値 との差	-2	-1	0	1	2

26/61

川崎市立看護大学大学院 看護学研究科 博士前期課程

©Ryota Takayanagi 2025

26

#### 統計学(基礎)

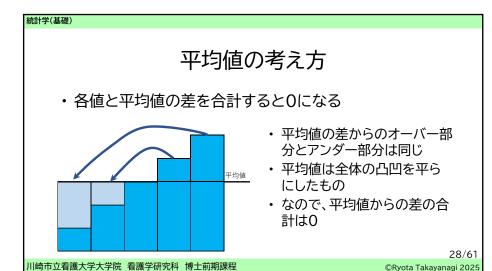
#### 標準偏差

・「平均値からの差」で違いが言えそうなので、「平均値からの差」の平均を出したいが、合計がOになる

	点数	30	40	50	60	70	
Α	平均値 との差	-20	-10	0	10	20	合計0
_	点数	48	49	50	51	52	
В	平均値 との差	-2	-1	0	1	2	合計0
							l

27/61

©Ryota Takayanagi 2025



# 標準偏差

- どうにか「平均値からの差」を使いたい
- ・マイナスを取るために2乗する

点数	30	40	50	60	70	
平均値と の差	-20	-10	0	10	20	合計
↑の2乗	400	100	0	100	400	1000
点数	48	49	50	51	52	
平均値と の差	-2	-1	0	1	2	合計
↑の2乗	4	1	0	1	4	10
	平均値と の2乗 点数 平均値と の差	平均値と の差 -20 ↑の2乗 400 点数 48 平均値と の差 -2	平均値と の差 -20 -10 ↑の2乗 400 100 点数 48 49 平均値と の差 -2 -1	平均値と	平均値と の差 -20 -10 0 10 10	平均値と

29

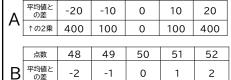
# 標準偏差 ・2乗したものの合計をデータ数で割る

60

1

70

4



40

50

0

2乗したものの合計 1000 400 1000÷5=200 ←これが「分散」

> 2乗したものの合計 10

10÷5=2 ←これが「分散」

30/61

川崎市立看護大学大学院 看護学研究科 博士前期課程

©Ryota Takayanagi 2025

30

統計学(基礎)

統計学(基礎)

点数

↑の2乗

30

4

#### 統計学(基礎)

# 分散はあんまり便利じゃない

40 50 70 30 60 -20 -10 10 20 400 100 100 400

川崎市立看護大学大学院 看護学研究科 博士前期課程

点数	48	49	50	51	52
平均値と の差	-2	-1	0	1	2
↑の2乗	4	1	0	1	4

- Aの分散は200
- Bの分散は2
- Bは平均50で最小値が48、 最大値が52なので分散が2 でもなんとなくわかる
- Aは最小値30、最大値70で 分散が200といわれてもピ ンとこない

31/61

川崎市立看護大学大学院 看護学研究科 博士前期課程

©Ryota Takayanagi 2025

©Ryota Takayanagi 2025

# 標準偏差 分散を平方根にして見やすくした

	点数	30	40	50	60	70
	平均値と の差	-20	-10	0	10	20
١	↑の2乗	400	100	0	100	400

分散 1000÷5=200 その平方根  $\sqrt{200} = \sqrt{2 \times 10^2} = 10\sqrt{2}$ 

点数	48	49	50	51	52
平均値と の差	-2	-1	0	1	2
↑の2乗	4	1	0	1	4
	平均値との差	平均値と の差 -2	平均値と	平均値と の差 -2 -1 0	平均值と の差 -2 -1 0 1

川崎市立看護大学大学院 看護学研究科 博士前期課程

分散 10÷5=2 その平方根

 $\sqrt{2}$   $\rightleftharpoons$  1.414 ←標準偏差

©Ryota Takayanagi 2025

31

В



#### 標準偏差とは

- ・平均値からのばらつきの平均(のようなもの)
  - 1. 各値の平均値との差を出す
  - 2. 「各値の平均値との差」を2乗する
  - 3. 「各値の平均値との差の2乗」を全部足す
  - 4. 「各値の平均値との差の2乗を全部足したもの」をデータ数 で割る(ここまでが分散)
  - 5. 「各値の平均値との差の2乗を全部足したものをデータ数で 割ったもの Iの平方根( $\sqrt{\phantom{a}}$ )を求める

34/61

川崎市立看護大学大学院 看護学研究科 博士前期課程

©Ryota Takayanagi 2025

34

#### 統計学(基礎)

#### 標本標準偏差

- 1. 各値の平均値との差を出す
- 2. 「各値の平均値との差」を2乗する
- 3. 「各値の平均値との差の2乗」を全部足す
- 4. 「各値の平均値との差の2乗を全部足したもの」をデー タ数-1で割る(ここまでが不偏分散)
- 5. 「各値の平均値との差の2乗を全部足したものをデー 夕数-1で割ったもの」の平方根(√)を求める

35/61

川崎市立看護大学大学院 看護学研究科 博士前期課程

©Ryota Takayanagi 2025

#### 統計学(基礎)

### 標準偏差はどっちだ

- 「各値の平均値との差の2乗を全部足したものをデータ数で 割ったもの」の平方根(√)を求める
  - 標準偏差
- ・「各値の平均値との差の2乗を全部足したものをデータ数-1 で割ったもの」の平方根(√)を求める
  - 標本標準偏差→標本データから求めた母集団の標準偏差の推定値

36/61

川崎市立看護大学大学院 看護学研究科 博士前期課程

©Ryota Takayanagi 2025

統計学(基礎)
 記述統計では考えない
 推定
 37/61
 川崎市立看護大学大学院 看護学研究科 博士前期課程
 ©Ryota Takayanagi 2025
 37

推定

・抽出した実測データから母集団のデータを推定する
- 点推定
- 区間推定

- 区間推定

38/61

川崎市立看護大学大学院 看護学研究科 博士前期課程

©Ryota Takayanasi 2025

- -

統計学(基礎)

# 点推定

- ・ 母平均の推定値
- ・ 母分散の推定値
- ・ 平均値の標準誤差

川崎市立看護大学大学院 看護学研究科 博士前期課程

39/61 ©Ryota Takayanagi 2025 統計学(基礎)

38

# 母平均の推定値

- ・ 母平均の推定値=標本平均
- 標本の平均を、そのまま母集団の平均値の推定値と見なす
- 母集団の平均値=母平均

川崎市立看護大学大学院 看護学研究科 博士前期課程

©Ryota Takayanagi 2025

40/61

40

# 母分散と不偏分散 母標準偏差と標本標準偏差

- ・不偏分散(標本分散)は、母分散の不偏推定値
- データ数が多ければ、不偏分散と母分散は同じと見なせる
- ・母標準偏差と、標本標準偏差も同じ考え
- 手持ちのデータから推測を行うときの考え方

41/61

川崎市立看護大学大学院 看護学研究科 博士前期課程

川崎市立看護大学大学院 看護学研究科 博士前期課程

©Rvota Takayanagi 2025

41

#### 統計学(基礎)

# 出力されているのは

- ・ JASPやjamoviで出力される標準偏差は、標本標準偏差 (n-1で割っている方)
  - 用途として推測統計に使うのが圧倒的だから
  - 統計解析アプリは「統一的な計算基準を保つ」目的で、標本標準偏差(n-1)に揃えてあることがほとんど
  - Excelの関数だと、stdev.pとstdev.sで別になっている

43/61

©Rvota Takayanagi 2025

統計学(基礎)

### 母集団についての補足

- ・「母集団(Population)」の「母」は、性別を表すものではない
- ここでの「母」は「もとになる」「起点となる」という意味
  - 例: 母国語=もととなる言語、母校=出身校
- ・統計学では、調査や実験の対象となる全体の集団を表す既定 の専門用語として「母集団」という語を広く用いている
  - したがって、この言葉はジェンダー的な意味合いを持つものではなく、統計学上の慣用表現として理解してください。

42/61

川崎市立看護大学大学院 看護学研究科 博士前期課程

©Rvota Takayanagi 2025

42

#### 統計学(基礎)

# 出力の使い方

- ・ 行政や地域保健のデータのように、母集団全体を把握している(=全数調査)場合は、理論的には「母標準偏差(分母 = N)」が正しい
- ・実際の分析では n-1補正をしても数値上の差はごくわずか
  - 特に自治体レベルで数千〜数万世帯の規模になると、両者の差は 小数点3〜4桁以下となり、政策判断に影響するようなレベルでは なくなる
  - 数理的厳密さを求めると「母標準偏差」
  - 実務・分析手法の整合性を保つなら「標本標準偏差」でも問題なし。

44/61

川崎市立看護大学大学院 看護学研究科 博士前期課程

Rvota Takayanagi 2025

### (平均値の)標準誤差

- - 1. 標本標準偏差を求める(本来は母集団の標準偏差の推定値)
  - 2. 1.をデータ数の平方根(√)で割る
- ・ 標準誤差は推定の精度
  - 標準誤差が小さくなる条件は
    - ・分散が小さい
    - データ数が多い

45/61

川崎市立看護大学大学院 看護学研究科 博士前期課程

©Ryota Takayanagi 2025

45

46

#### 統計学(基礎)

# 区間推定

- ・平均値の95%信頼区間
  - 95%の確率で母平均が取り得る範囲
- ・平均値±(t分布の2.5%点×標準誤差)が95%信頼区間 平均値- t分布の2.5%点×標準誤差<平均値<平均値+ t 分布の2.5%点×標準誤差

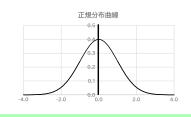
47/61

©Ryota Takayanagi 2025



### 区間推定

- ・母平均値を範囲で推定する
  - 標本抽出を多数回繰り返したときに、標本平均の平均は正規 分布という分布に従う→中心極限定理



46/61

川崎市立看護大学大学院 看護学研究科 博士前期課程

©Ryota Takayanagi 2025

統計学(基礎)

グラフ

川崎市立看護大学大学院 看護学研究科 博士前期課程

©Ryota Takayanagi 2025

48/61

川崎市立看護大学大学院 看護学研究科 博士前期課程

48

12

