

# 統計学(基礎)

## 第14回 ベイズ統計

## ベイズ統計とは

- ・ベイズ統計という手法があるわけではない
- ・結果を解釈するための指標に対する考え方  
仮説の評価  
頻度流：p値  
ベイズ：ベイズファクター(BF)

## 頻度流(frequentist)

- ・いわゆる従来の方法(p値で見る方法)
  - 仮説を先に固定する
  - その仮説の下でこの結果がどれくらいの確率で起こりそうか  
(p:有意確率)を見る
    - ・「差がない」という仮説の下で、このデータが得られる確率はいくつ(どれくらい珍しい)か?

## ベイズ統計(Bayesian Statistics)

- ・ベイズファクター(BF)で仮説に対する比率を見る
  - 結果(データ)を先に固定する
  - その結果に対してどちらの仮説がどれくらい当てはまりがよいか(尤度)を見る
    - ・データが得られたとき、「差がある仮説(対立仮説)」と「差がない仮説(帰無仮説)」ではどちらの方が説明しやすいか?

## 頻度流統計とベイズ統計の違い

- ・頻度論:(帰無)仮説の下で、分析結果になるのはどれくらいの確率であるかを見る
  - 差が無いという仮説の下で、この値が得られる確率はどれくらい?
- ・ベイズ統計:得られた結果が、どちらの仮説の下の方がより起こりそうか(尤度)
  - この値は、どちらの仮説の方がより起こりやすい?

5/38

## ベイズ統計の簡単な考え方

- ・事後オッズ=事前オッズ×ベイズファクター
- ・事前オッズ(対立仮説と帰無仮説の確率比)はわからないので、とりあえず1としておく
- ・分析をしてベイズファクターを出す  
結果=事前オッズ×ベイズファクターなので、次回同じ分析をするときの事前オッズは更新されている

6/38

## ベイズファクター(BF)

- ・対立仮説が起こりそうな尤度(likeliood)と、帰無仮説が起こりそうな尤度の比
 
$$BF_{10} = \text{対立仮説} \div \text{帰無仮説}$$

$$BF_{01} = \text{帰無仮説} \div \text{対立仮説}$$
  - $BF_{10}$ を使うことの方が多い
    - ・帰無仮説よりも対立仮説が何倍 という説明にしやすい
    - $BF_{10} > 1$ なら対立仮説の方が起こりやすく、 $BF_{10} < 1$ なら対立仮説の方が起こりにくい

7/38

## 頻度流は悪くもないし無くならない

- ・p値(有意確率)が $\alpha$ (有意水準)を超えたか超えていないかという閾値で考えるとおかしくなる
  - $\alpha$ を下回ったかどうかでなく、pを直接記述する
  - 閾値( $p < 0.05$ とか)ではなく、連続量として考える
  - 発症の有無や効果の有無などは頻度流のほうが説明しやすい

8/38

## アメリカ統計学会の声明

- The ASA's Statement on p-Values: Context, Process, and Purpose
  - アメリカ統計学会によるP値に関する声明:文脈経緯目的
  - Ronald L. Wasserstein & Nicole A. Lazar  
The American Statistician, Vol.70, No.2 (2016), pp.129–133.

9/38

## アメリカ統計学会の声明

1. P値は、データが帰無仮説とどの程度一致しているかを示す指標である。
2. P値は、仮説が正しい確率でも、結果が偶然に得られた確率でもない。
3. 科学的結論や政策決定をP値だけで判断してはならない。
4. 適切な推論には、研究設計前提データ品質効果量既存知識などの文脈が必要である。
5. ある特定のP値(例:0.05)を境に“有意”／“非有意”と二分する慣習は避けるべきである。
6. P値は透明性と完全な報告の一部として扱うべきである。

10/38

## その後の声明(2019)

- 「 $p < 0.05$ 」を閾値として使う慣習をやめよう
- “Statistically significant” という言葉も避けよう
  - 代わりに:
    - ・効果量(effect size)
    - ・信頼区間(confidence interval)
    - ・事前知識や理論の根拠
    - ・ベイズ推論再現性の重視
  - *Moving to a World Beyond ‘ $p < 0.05$ ’*  
Wasserstein, Schirm & Lazar, *The American Statistician*, 2019

11/38

2群の差でやってみよう

## 同じ検定を頻度流とベイズで解釈する

12/38

統計学(基礎)

## その前に

- JASPにはデフォルトでベイズ統計メニューがある
- jamoviはちょっと一癖ある



13/38  
川崎市立看護大学大学院 看護学研究科 博士前期課程 ©Ryota Takayanagi 2025

統計学(基礎)

## jamoviのベイズ統計

- 分析メニューでモジュールを追加できる



14/38  
川崎市立看護大学大学院 看護学研究科 博士前期課程 ©Ryota Takayanagi 2025

13

14

統計学(基礎)

## モジュールの追加

- jamoviライブラリから「利用可能」タブを選択して「jsq - Bayesian Methods」を選択



15/38  
川崎市立看護大学大学院 看護学研究科 博士前期課程 ©Ryota Takayanagi 2025

15

統計学(基礎)

## モジュールの追加

- インストールすると「モジュール」の「インストール済みモジュール」に表示される
- メニューにも追加される
  - 追加モジュールは日本語版がないことが多い



16/38  
川崎市立看護大学大学院 看護学研究科 博士前期課程 ©Ryota Takayanagi 2025

16

# jsq Bayesian Methods

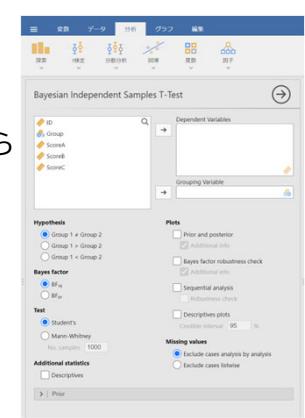
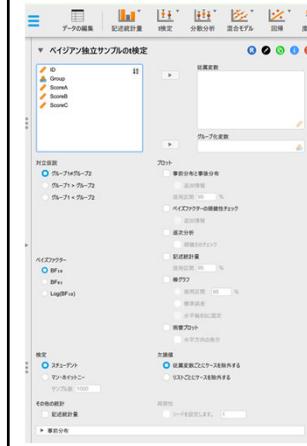
- The JASP Team, Damian Dropmann, Ravi Selker, Jonathon Love
- A suite of Bayesian statistical methods, including t-tests, ANOVAs, linear models, and contingency tables.
- These tests are a port of the Bayesian analyses from the JASP statistical software (see [jasp-stats.org](http://jasp-stats.org) for more information).

17/38

17

ほぼおなじ

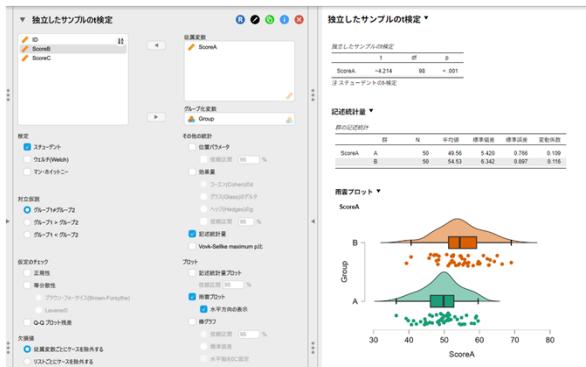
だって、移植してるから



18/38

18

# t検定(頻度流 JASP)



19/38

19

# t検定 (頻度流 jamovi)

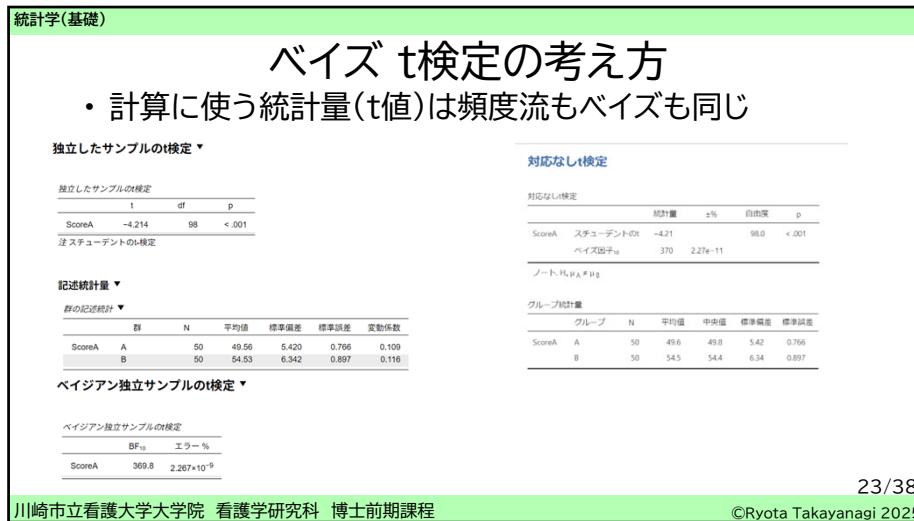


20/38

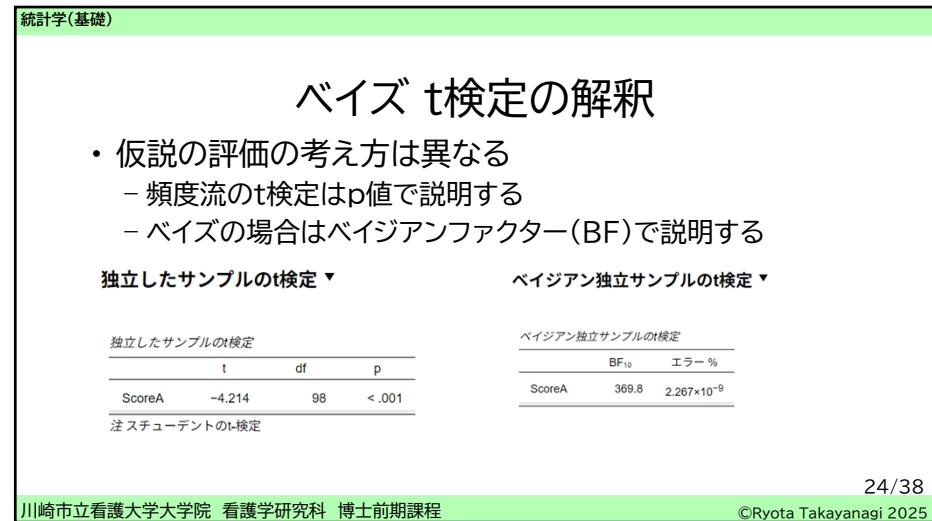
20



21



23



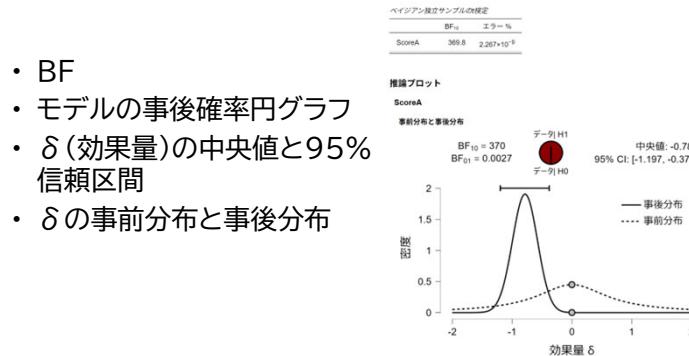
## ベイズファクター(BF)

- 対立仮説が起こりそうな尤度(likelihood)と、帰無仮説が起こりそうな尤度の比
- $$BF_{10} = \text{対立仮説} \div \text{帰無仮説}$$
- $$BF_{01} = \text{帰無仮説} \div \text{対立仮説}$$
- $BF_{10}$ を使うことが多い
    - 帰無仮説よりも対立仮説が何倍 という説明にしやすい
    - $BF_{10} > 1$ なら対立仮説の方が起こりやすく、 $BF_{10} < 1$ なら対立仮説の方が起こりにくい

25/38

25

## ベイズのt検定の出力



26/38

26

## モデルの事後確率グラフ

- モデル( $H_0 / H_1$ )の事後確率
  - $H_0$  と  $H_1$  のどちらが優勢か
    - ベイズファクターそのものではなく、それを事後確率に変換した結果
    - 色が付いている方が  $H_1$  (0にも1にもならない)
- $$P(H_1|D) = \frac{BF_{10}}{BF_{10} + 1}$$
- 事後確率は 事前分布の仮定に依存する

27/38

27

## 事後確率グラフの意味



28/38

28

## ベイズの $\delta$ の読み方

- $\delta$  は2群から1人ずつ無作為に選んだときの確率的な優位性を表す効果量

$$\delta = P(X > Y) - P(X < Y)$$

$\delta = 0$ :両群は同程度

$\delta > 0$ :群Aが大きくなりやすい

$\delta < 0$ :群Bが大きくなりやすい

- 事後分布の中央値:代表的な効果量

- 信用区間:  $\delta$  が含まれる確率的範囲

29/38

29

## $\delta$ は標準化された効果量

- 平均との差を標準偏差で割った量

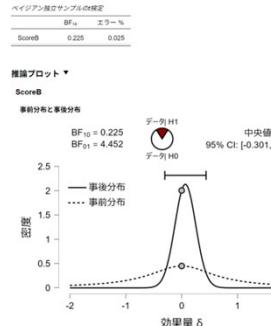
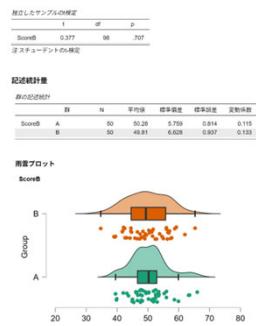
- 頻度流の Cohen's d に対応

- ベイズでは「1つの値」ではなく  
分布(中央値+信用区間)として表される

30/38

30

## 有意差がなさそうな場合



31/38

31

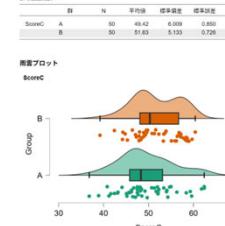
## 微妙な場合

統計的検定

	N	平均値	標準偏差	標準誤差	変動係数	
ScoreC	A	50	48.42	5.009	0.980	0.122
	B	50	51.63	5.133	0.726	0.099

記述統計量

	N	平均値	標準偏差	標準誤差	変動係数	
ScoreC	A	50	48.42	5.009	0.980	0.122
	B	50	51.63	5.133	0.726	0.099

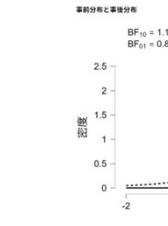


ベイジアン統計サンプルの検定

	BF <sub>10</sub>	エラー %
ScoreC	1.189	0.012

記述統計量

	N	平均値	標準偏差	標準誤差	変動係数	
ScoreC	A	50	48.42	5.009	0.980	0.122
	B	50	51.63	5.133	0.726	0.099



32/38

32

## 結果に必要なもの

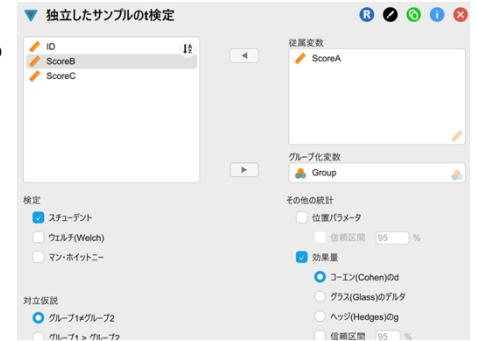
- ・頻度流  
t値 p値 df (効果量)
- ・ベイズ  
(t値) BF δ (効果量)の中央値と95%信頼区間

33/38

33

## 頻度流での効果量

- ・頻度流でも効果量はある
- ・1つの値として推定



34/38

34

## その後の声明(2019)

- ・「 $p < 0.05$ 」を閾値として使う慣習をやめよう
- ・Statistically significant”という言葉も避けよう
  - 代わりに:
    - ・効果量(effect size)
    - ・信頼区間(confidence interval)
    - ・事前知識や理論の根拠
    - ・ベイズ推論再現性の重視
  - *Moving to a World Beyond ‘ $p < 0.05$ ’*  
Wasserstein, Schirm & Lazar, *The American Statistician*, 2019

35/38

35

## まとめ

- ・統計は考え方の道具
- ・頻度流とベイズは対立するものではなく考え方の違い
  - 珍しさの確率で表現した方がわかりやすいか、対立仮説の起りやすさを比率で表現した方がいいか
- ・p値やBFは真理ではない
- ・ベイズもBFに閾値(例BF>3)を設けたら、頻度流のP値の閾値と一緒に
- ・どちらのやり方でも、閾値ではなくて連続性として考える

36/38

36

## まとめ

- 伝統的に頻度流が扱いやすかったので先行研究は多い
  - アプリでベイズを扱いやすくなってきたので流行った
  - 「効果のありなし」「発症するしない」といった場合、頻度流が扱いやすかった
- 確率で話した方がわかりやすいか、起きそうな割合で話した方がわかりやすいかはものによる
- 頻度流が無くなることはなく、状況に応じてどちらで説明するかを選択していけばよい

37/38

## 学習の参考に

新版 統計学のセンス  
 デザインする視点・データを見る目  
 丹後俊郎 著 朝倉書店 2018  
 ISBN- 978-4-254-12882-6 C3341  
 (Kindle版あり)



38/38