

統計学(基礎)

第14回 ベイズ統計

1/38

1

ベイズ統計とは

- ベイズ統計という手法があるわけではない
- 結果を解釈するための指標に対する考え方
 - 仮説の評価
 - 頻度流：p値
 - ベイズ：ベイズファクター(BF)

2/38

2

頻度流(frequentist)

- いわゆる従来の方法(p値で見る方法)
 - 仮説を先に固定する
 - その仮説の下でこの結果がどれくらいの確率で起こりそうか(p:有意確率)を見る
 - 「差がない」という仮説の下で、このデータが得られる確率はいくつ(どれくらい珍しい)か？

3/38

3

ベイズ統計(Bayesian Statistics)

- ベイズファクター(BF)で仮説に対する比率を見る
 - 結果(データ)を先に固定する
 - その結果に対してどちらの仮説がどれくらい当てはまりがよいか(尤度)を見る
 - データが得られたとき、「差がある仮説(対立仮説)」と「差がない仮説(帰無仮説)」ではどちらの方が説明しやすいか？

4/38

4

頻度流統計とベイズ統計の違い

- ・ 頻度論: (帰無)仮説の下で、分析結果になるのはどれくらいの確率であるかを見る
 - 差が無いという仮説の下で、この値が得られる確率はどれくらい?
- ・ ベイズ統計: 得られた結果が、どちらの仮説の下の方がより起こりそうか(尤度)
 - この値は、どちらの仮説の方がより起こりやすい?

5/38

ベイズ統計の簡単な考え方

- ・ 事後オッズ = 事前オッズ × ベイズファクター
- ・ 事前オッズ (対立仮説と帰無仮説の確率比) はわからないので、とりあえず1としておく
- ・ 分析をしてベイズファクターを出す
結果 = 事前オッズ × ベイズファクターなので、次回同じ分析をするときの事前オッズは更新されている

6/38

ベイズファクター(BF)

- ・ 対立仮説が起こりそうな尤度(likelihood)と、帰無仮説が起こりそうな尤度の比

$$BF_{10} = \text{対立仮説} \div \text{帰無仮説}$$

$$BF_{01} = \text{帰無仮説} \div \text{対立仮説}$$
 - BF_{10} を使うことが多い
 - ・ 帰無仮説よりも対立仮説が何倍 という説明にしやすい
 - ・ $BF_{10} > 1$ なら対立仮説の方が起こりやすく、 $BF_{10} < 1$ なら対立仮説の方が起こりにくい

7/38

頻度流は悪くもないし無くなりもしない

- ・ p値(有意確率)が α (有意水準)を超えたか超えていないかという閾値で考えるとおかしくなる
 - α を下回ったかどうかでなく、pを直接記述する
 - 閾値($p < 0.05$ とか)ではなく、連続量として考える
 - 発症の有無や効果の有無などは頻度流のほうが説明しやすい

8/38

アメリカ統計学会の声明

- The ASA's Statement on p-Values: Context, Process, and Purpose
 - アメリカ統計学会によるP値に関する声明: 文脈経緯目的
 - Ronald L. Wasserstein & Nicole A. Lazar
The American Statistician, Vol.70, No.2 (2016), pp.129-133.

9/38

アメリカ統計学会の声明

1. P値は、データが帰無仮説とどの程度一致しているかを示す指標である。
2. P値は、仮説が正しい確率でも、結果が偶然に得られた確率でもない。
3. 科学的結論や政策決定をP値だけで判断してはならない。
4. 適切な推論には、研究設計前提データ品質効果量既存知識などの文脈が必要である。
5. ある特定のP値(例:0.05)を境に“有意”/“非有意”と二分する慣習は避けるべきである。
6. P値は透明性と完全な報告の一部として扱うべきである。

10/38

その後の声明(2019)

- 「 $p < 0.05$ 」を閾値として使う慣習をやめよう
- Statistically significant” という言葉も避けよう
 - 代わりに:
 - 効果量(effect size)
 - 信頼区間(confidence interval)
 - 事前知識や理論的根拠
 - バイズ推論再現性の重視
 - *Moving to a World Beyond 'p < 0.05'*
Wasserstein, Schirm & Lazar, *The American Statistician*, 2019

11/38

2群の差でやってみよう

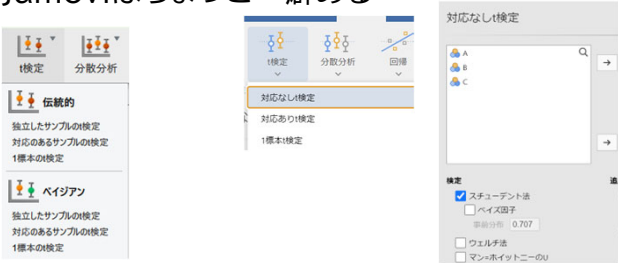
同じ検定を頻度流とバイズで解釈する

12/38

統計学(基礎)

その前に

- JASPIにはデフォルトでベイズ統計メニューがある
- jamoviはちょっと一癖ある



13/38


川崎市立看護大学大学院 看護学研究科 博士前期課程 ©Ryota Takayanagi 2025

13

統計学(基礎)

jamoviのベイズ統計

- 分析メニューでモジュールを追加できる



14/38

川崎市立看護大学大学院 看護学研究科 博士前期課程 ©Ryota Takayanagi 2025

14

統計学(基礎)

モジュールの追加

- jamoviライブラリから「利用可能」タブを選択して「jsq - Bayesian Methods」を選択



15/38


川崎市立看護大学大学院 看護学研究科 博士前期課程 ©Ryota Takayanagi 2025

15

統計学(基礎)

モジュールの追加

- インストールすると「モジュール」の「インストール済みモジュール」に表示される
- メニューにも追加される
 - 追加モジュールは日本語版がないことが多い



16/38

川崎市立看護大学大学院 看護学研究科 博士前期課程 ©Ryota Takayanagi 2025

16

統計学(基礎)

jsq Bayesian Methods

- The JASP Team, Damian Dropmann, Ravi Selker, Jonathon Love
- A suite of Bayesian statistical methods, including t-tests, ANOVAs, linear models, and contingency tables.
- These tests are a port of the Bayesian analyses from the JASP statistical software (see jasp-stats.org for more information).

17/38

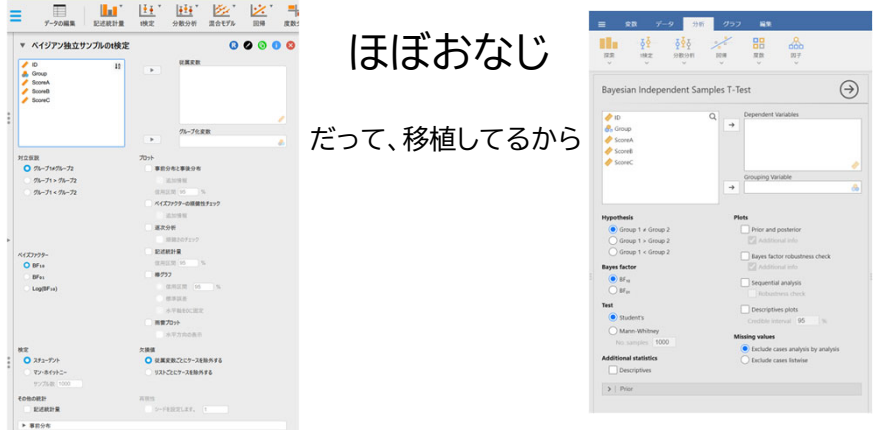
川崎市立看護大学大学院 看護学研究科 博士前期課程 ©Ryota Takayanagi 2025

17

統計学(基礎)

ほぼおなじ

だって、移植してるから



18/38

川崎市立看護大学大学院 看護学研究科 博士前期課程 ©Ryota Takayanagi 2025

18

統計学(基礎)

t検定(頻度流 JASP)



19/38

川崎市立看護大学大学院 看護学研究科 博士前期課程 ©Ryota Takayanagi 2025

19

統計学(基礎)

t検定 (頻度流 jamovi)



20/38

川崎市立看護大学大学院 看護学研究科 博士前期課程 ©Ryota Takayanagi 2025

20

統計学(基礎)

t検定(バイズ JASP)

21/38

川崎市立看護大学大学院 看護学研究科 博士前期課程 ©Ryota Takayanagi 2025

21

統計学(基礎)

t検定(バイズ jamovi)

22/38

川崎市立看護大学大学院 看護学研究科 博士前期課程 ©Ryota Takayanagi 2025

22

統計学(基礎)

バイズ t検定の考え方

- 計算に使う統計量(t値)は頻度流もバイズも同じ

独立したサンプルのt検定 ▼

独立したサンプルのt検定			
	t	df	p
ScoreA	-4.214	98	< .001

注 スチューデントのt検定

記述統計量 ▼

群の記述統計 ▼						
	群	N	平均値	標準偏差	標準誤差	変動係数
ScoreA	A	50	49.56	5.420	0.766	0.109
	B	50	54.53	6.342	0.897	0.116

バイズ独立サンプルのt検定 ▼

バイズ独立サンプルのt検定		
	BF ₁₀	エラー %
ScoreA	369.8	2.267×10 ⁻⁹

対応なしt検定

対応なしt検定					
	統計量	z%	自由度	p	
ScoreA	スチューデントのt	-4.21	98.0	< .001	

バイズ因子

バイズ因子		
	370	2.27e+11
ScoreA	370	2.27e+11

ノート: H₀: μ_A = μ_B

グループ統計量

グループ統計量						
	グループ	N	平均値	中央値	標準偏差	標準誤差
ScoreA	A	50	49.6	49.8	5.42	0.766
	B	50	54.5	54.4	6.34	0.897

23/38

川崎市立看護大学大学院 看護学研究科 博士前期課程 ©Ryota Takayanagi 2025

23

統計学(基礎)

バイズ t検定の解釈

- 仮説の評価の考え方は異なる
 - 頻度流のt検定はp値で説明する
 - バイズの場合はバイズアンファクター(BF)で説明する

独立したサンプルのt検定 ▼

独立したサンプルのt検定			
	t	df	p
ScoreA	-4.214	98	< .001

注 スチューデントのt検定

バイズ独立サンプルのt検定 ▼

バイズ独立サンプルのt検定		
	BF ₁₀	エラー %
ScoreA	369.8	2.267×10 ⁻⁹

24/38

川崎市立看護大学大学院 看護学研究科 博士前期課程 ©Ryota Takayanagi 2025

24

ベイズファクター(BF)

- 対立仮説が起こりそうな尤度(likelihood)と、帰無仮説が起こりそうな尤度の比

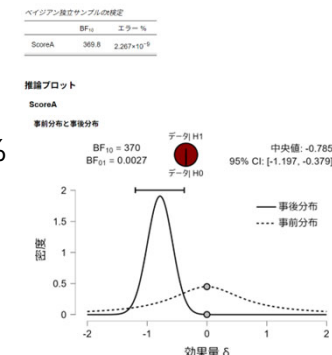
$$BF_{10} = \text{対立仮説} \div \text{帰無仮説}$$

$$BF_{01} = \text{帰無仮説} \div \text{対立仮説}$$
- BF_{10} を使うことが多い
 - 帰無仮説よりも対立仮説が何倍 という説明にしやすい
 - $BF_{10} > 1$ なら対立仮説の方が起こりやすく、 $BF_{10} < 1$ なら対立仮説の方が起こりにくい

25/38

ベイズのt検定の出力

- BF
- モデルの事後確率円グラフ
- δ (効果量) の中央値と95%信頼区間
- δ の事前分布と事後分布



26/38

モデルの事後確率グラフ

- モデル(H_0 / H_1)の事後確率
 - H_0 と H_1 のどちらが優勢か
 - ベイズファクターそのものではなく、それを事後確率に変換した結果
 - 色が付いている方が H_1 (0にも1にもならない)
- $$P(H_1|D) = \frac{BF_{10}}{BF_{10} + 1}$$
- 事後確率は 事前分布の仮定に依存する

27/38

事後確率グラフの意味



28/38

バイズの δ の読み方

- δ は2群から1人ずつ無作為に選んだときの確率的な優位性を表す効果量

$$\delta = P(X > Y) - P(X < Y)$$

$\delta = 0$: 両群は同程度

$\delta > 0$: 群Aが大きくなりやすい

$\delta < 0$: 群Bが大きくなりやすい

- 事後分布の中央値: 代表的な効果量
- 信用区間: δ が含まれる確率的範囲

29/38

δ は標準化された効果量

- 平均との差を標準偏差で割った量
 - 頻度流の Cohen's d に対応
- バイズでは「1つの値」ではなく
分布(中央値+信用区間)として表される

30/38

有意差がなさそうな場合

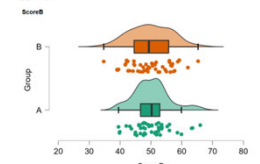
	t	df	p
ScoreB	0.377	98	.707

2 スチューデントのt検定

記述統計量

	群	N	平均値	標準偏差	標準誤差	信頼区間
ScoreB	A	50	50.28	5.759	0.816	0.115
	B	50	49.81	6.628	0.897	0.133

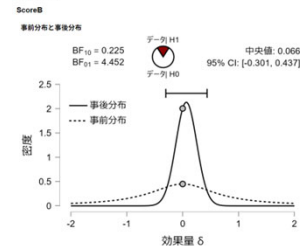
箱ひげプロット



	BF ₁₀	エラー%
ScoreB	0.225	0.025

ベイズアンペアサンプルの検定

推論プロット



31/38

微妙な場合

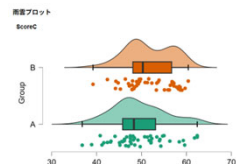
	t	df	p
ScoreC	-1.885	98	.060

2 スチューデントのt検定

記述統計量

	群	N	平均値	標準偏差	標準誤差	信頼区間
ScoreC	A	50	48.02	6.028	0.850	0.122
	B	50	51.83	5.133	0.728	0.099

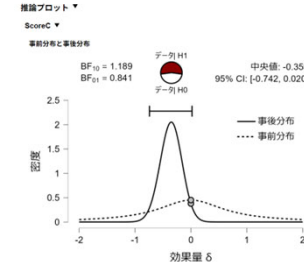
箱ひげプロット



	BF ₁₀	エラー%
ScoreC	1.189	0.012

ベイズアンペアサンプルの検定

推論プロット



32/38

結果に必要なもの

- 頻度流
t値 p値 df (効果量)
- バイズ
(t値) BF δ (効果量)の中央値と95%信頼区間

33/38

頻度流での効果量

- 頻度流でも効果量はある
- 1つの値として推定

独立したサンプルのt検定

	t	df	p	コーエン(Cohen)d	SE コーエン(Cohen)d
ScoreA	-4.214	98	< .001	-0.843	0.217
ScoreB	0.377	98	.707	0.075	0.200

送 スチューデントのt検定



34/38

その後の声明(2019)

- 「 $p < 0.05$ 」を閾値として使う慣習をやめよう
- Statistically significant” という言葉も避けよう
 - 代わりに:
 - 効果量(effect size)
 - 信頼区間(confidence interval)
 - 事前知識や理論的根拠
 - バイズ推論再現性の重視
 - Moving to a World Beyond ' $p < 0.05$ '
Wasserstein, Schirm & Lazar, *The American Statistician*, 2019

35/38

まとめ

- 統計は考え方の道具
- 頻度流とバイズは対立するものではなく考え方の違い
 - 珍しさの確率で表現した方がわかりやすいか、対立仮説の起こりやすさを比率で表現した方がいいか
- p値やBFは真理ではない
- バイズもBFに閾値(例BF>3)を設けたら、頻度流のP値の閾値と一緒に
- どちらのやり方でも、閾値ではなくて連続性として考える

36/38

まとめ

- 伝統的に頻度流が扱いやすかったので先行研究は多い
 - アプリでベイズを扱いやすくなってきたので流行った
 - 「効果のありなし」「発症するしない」といった場合、頻度流が扱いやすかった
- 確率で話した方がわかりやすいか、起きそうな割合で話した方がわかりやすいかはものによる
- 頻度流が無くなることはなく、状況に応じてどちらで説明するかを選択していけばよい

37/38

学習の参考に

新版 統計学のセンス

デザインする視点・データを見る目

丹後俊郎 著 朝倉書店 2018

ISBN- 978-4-254-12882-6 C3341

(Kindle版あり)



38/38