

Algoritmo

Thierson Couto Rosa

Expressõe

Algoritmos Expressões

Thierson Couto Rosa

Instituto de Informática Universidade Federal de Goiás



Algoritmo

Couto Rosa

Expressões

• O que é uma expressão na Matemática?



Algoritmo

Couto Rosa

- O que é uma expressão na Matemática?
- x + 2 é uma expressão?



Algoritmo

Couto Rosa

- O que é uma expressão na Matemática?
- x + 2 é uma expressão?
- 2 é uma expressão?



Algoritmo

Couto Rosa

- O que é uma expressão na Matemática?
- x + 2 é uma expressão?
- 2 é uma expressão?



Algoritmo

Couto Rosa

- O que é uma expressão na Matemática?
- x + 2 é uma expressão?
- 2 é uma expressão? Sim,



Algoritmo

Couto Ros

- O que é uma expressão na Matemática?
- x + 2 é uma expressão?
- 2 é uma expressão? Sim, um número é uma expressão simples.
- x é uma expressão?



Algoritmo

Couto Ros

- O que é uma expressão na Matemática?
- x + 2 é uma expressão?
- 2 é uma expressão? Sim, um número é uma expressão simples.
- x é uma expressão?



Algoritmo

Couto Ros

- O que é uma expressão na Matemática?
- x + 2 é uma expressão?
- 2 é uma expressão? Sim, um número é uma expressão simples.
- x é uma expressão? Sim,



Algoritmo

Thierson Couto Ros

- O que é uma expressão na Matemática?
- x + 2 é uma expressão?
- 2 é uma expressão? Sim, um número é uma expressão simples.
- x é uma expressão? Sim, uma variável é uma expressão simples.
- sin(x) é uma expressão?



Algoritmo

Thierson Couto Ros

- O que é uma expressão na Matemática?
- x + 2 é uma expressão?
- 2 é uma expressão? Sim, um número é uma expressão simples.
- x é uma expressão? Sim, uma variável é uma expressão simples.
- sin(x) é uma expressão?



Algoritmo

Thierson Couto Ros

- O que é uma expressão na Matemática?
- x + 2 é uma expressão?
- 2 é uma expressão? Sim, um número é uma expressão simples.
- x é uma expressão? Sim, uma variável é uma expressão simples.
- sin(x) é uma expressão? Sim,



Algoritmo

Thierson Couto Ros

- O que é uma expressão na Matemática?
- x + 2 é uma expressão?
- 2 é uma expressão? Sim, um número é uma expressão simples.
- x é uma expressão? Sim, uma variável é uma expressão simples.
- sin(x) é uma expressão? Sim, uma função aplicada a uma expressão e que gera um valor é uma expressão - expressão composta.
- x + 2 é uma expressão composta, formada por duas expressões simples e um operador ('+').



Algoritmo

Thierson Couto Rosa

Expressões

 Expressões na linguagem C (e na Matemática) podem ser definidas recursivamente como se segue:



Algoritmo

Thierson Couto Rosa

- Expressões na linguagem C (e na Matemática) podem ser definidas recursivamente como se segue:
 - Uma constante é uma expressão.



Algoritmo

Thierson Couto Rosa

- Expressões na linguagem C (e na Matemática) podem ser definidas recursivamente como se segue:
 - Uma constante é uma expressão.
 - Uma *variável* é uma expressão.



Algoritmo

Thierson Couto Rosa

- Expressões na linguagem C (e na Matemática) podem ser definidas recursivamente como se segue:
 - Uma constante é uma expressão.
 - Uma variável é uma expressão.
 - Uma função que tem como parâmetro uma expressão e retorna um valor gera uma nova expressão.



Algoritmo

Thierson Couto Rosa

- Expressões na linguagem C (e na Matemática) podem ser definidas recursivamente como se segue:
 - Uma constante é uma expressão.
 - Uma variável é uma expressão.
 - Uma função que tem como parâmetro uma expressão e retorna um valor gera uma nova expressão.



Algoritmo

Thierson Couto Ros

- Expressões na linguagem C (e na Matemática) podem ser definidas recursivamente como se segue:
 - Uma constante é uma expressão.
 - Uma variável é uma expressão.
 - Uma função que tem como parâmetro uma expressão e retorna um valor gera uma nova expressão. Ex. sin(x), cos(x).
 - Dada uma expressão e, um *operador unário* aplicado a e gera uma nova expressão. Ex. -x.



Algoritmo

Thierson
Couto Ros

- Expressões na linguagem C (e na Matemática) podem ser definidas recursivamente como se segue:
 - Uma constante é uma expressão.
 - Uma variável é uma expressão.
 - Uma função que tem como parâmetro uma expressão e retorna um valor gera uma nova expressão. Ex. sin(x), cos(x).
 - Dada uma expressão e, um *operador unário* aplicado a e gera uma nova expressão. Ex. -x.
 - Dadas duas expressões e_1 e e_2 de mesmo, tipo um operador binário aplicado a e_1 e a e_2 gera uma nova expressão. Ex. x*sen(z+2)/4.



Algoritmo

Thierson Couto Ros

- Expressões na linguagem C (e na Matemática) podem ser definidas recursivamente como se segue:
 - Uma constante é uma expressão.
 - Uma variável é uma expressão.
 - Uma função que tem como parâmetro uma expressão e retorna um valor gera uma nova expressão. Ex. sin(x), cos(x).
 - Dada uma expressão e, um *operador unário* aplicado a e gera uma nova expressão. Ex. -x.
 - Dadas duas expressões e_1 e e_2 de mesmo, tipo um operador binário aplicado a e_1 e a e_2 gera uma nova expressão. Ex. x * sen(z+2)/4.
- Já estudamos variáveis e constantes. Veremos nas próximas seções sobre *funções*, operadores unários e binários.



Algoritmo

Thierson Couto Ros

- A maioria das linguagens de programação têm um recurso denominado função (às vezes também denominada de subprograma).
- Uma função é um um algoritmo que recebe valores como parâmetros e que pode devolver um resultado. Esse resultado pode ser usado dentro de uma expressão.
- Algumas funções estão disponíveis em bibliotecas pré-compiladas e podem ser utilizadas pelo programador.



Algoritmo

Thierson Couto Ros

Expressões

 Repare que o conceito de função na linguagem C não é necessariamente o mesmo do conceito de função na Matemática. Uma função em C é uma função matemática, somente quando ela possui parâmetros de entrada e gera um resultado.



Algoritmo

Thierson Couto Ros

- Repare que o conceito de função na linguagem C não é necessariamente o mesmo do conceito de função na Matemática. Uma função em C é uma função matemática, somente quando ela possui parâmetros de entrada e gera um resultado.
- As funções permitem estender a linguagem com operadores ou comandos que não estão disponíveis na linguagem. Por exemplo, a linguagem C não possui operadores de potência e raiz quadrada. Essas operações são implementadas por funções na linguagem.



Algoritmo

Couto Ros

Expressões

 A chamada a uma função contém o nome da função, seguido por um conjunto de parâmetros entre parênteses.



Algoritmo

Thierson Couto Ros

- A chamada a uma função contém o nome da função, seguido por um conjunto de parâmetros entre parênteses.
- Se houver mais de um parâmetro, eles são separados entre si por vírgula. Ex.:



Algoritmo

Thierson Couto Ros

- A chamada a uma função contém o nome da função, seguido por um conjunto de parâmetros entre parênteses.
- Se houver mais de um parâmetro, eles são separados entre si por vírgula. Ex.:
 - sin (30) recebe 30 como parâmetro e retorna o valor do seno de 30.



Algoritmo

I hierson Couto Ros

- A chamada a uma função contém o nome da função, seguido por um conjunto de parâmetros entre parênteses.
- Se houver mais de um parâmetro, eles são separados entre si por vírgula. Ex.:
 - sin (30) recebe 30 como parâmetro e retorna o valor do seno de 30.
 - \bullet pow(x,y) computa x^y .



Algoritmo

Thierson Couto Ros

Expressões

 A linguagem de programação permite ao programador escrever suas próprias funções e depois utilizá-las em expressões. Isso permite que a linguagem se torne dinâmica, ou seja, ela pode ser enriquecida com novos comandos e operadores implementados via funções!



Algoritmo

Thierson Couto Ros

- A linguagem de programação permite ao programador escrever suas próprias funções e depois utilizá-las em expressões. Isso permite que a linguagem se torne dinâmica, ou seja, ela pode ser enriquecida com novos comandos e operadores implementados via funções!
- A elaboração de funções será estudada posteriormente nesta disciplina. Por enquanto vamos apenas efetuar chamadas a funções de bibliotecas.



Chamadas a Funções Matemáticas

Algoritmo

Thierson Couto Ros

- Para utilizar as funções matemáticas em C é necessário incluir o arquivo math.h: #include <math.h>.
- Mais informações sobre as funções matemáticas da linguagem C, veja em:
 - http://professor.ifsertao-pe.edu.br/nicolas. trigo/site/pe/[05]_C_-_Funcoes_Matematicas.pdf
 - http://www.cplusplus.com/reference/cmath/cos/



Algoritmo

Thierson
Couto Rosa

Expressões

• As variáveis e constantes correspondem a *expressões* básicas.



Algoritmo

Thierson Couto Ros

- As variáveis e constantes correspondem a *expressões* básicas.
- Para obtermos expressões mais elaboradas necessitamos combinar expressões básicas entre si através de operadores (ou usando uma expressão básica como parâmetro de uma função, como visto anteriormente).



Algoritmo

Thierson Couto Ros

- As variáveis e constantes correspondem a *expressões* básicas.
- Para obtermos expressões mais elaboradas necessitamos combinar expressões básicas entre si através de operadores (ou usando uma expressão básica como parâmetro de uma função, como visto anteriormente).
- Neste momento do curso apresentaremos apenas um subconjunto dos operadores da linguagem C. À medida que novos conceitos da linguagem forem introduzidos, novos operadores serão apresentados.



Algoritmo

Thierson Couto Ros

- As variáveis e constantes correspondem a *expressões* básicas.
- Para obtermos expressões mais elaboradas necessitamos combinar expressões básicas entre si através de operadores (ou usando uma expressão básica como parâmetro de uma função, como visto anteriormente).
- Neste momento do curso apresentaremos apenas um subconjunto dos operadores da linguagem C. À medida que novos conceitos da linguagem forem introduzidos, novos operadores serão apresentados.
- Iniciaremos com o operador de atribuição, e em seguida, os aritméticos, os lógicos e relacionais.



Algoritmo

Thierson Couto Ros

- As variáveis e constantes correspondem a *expressões* básicas.
- Para obtermos expressões mais elaboradas necessitamos combinar expressões básicas entre si através de operadores (ou usando uma expressão básica como parâmetro de uma função, como visto anteriormente).
- Neste momento do curso apresentaremos apenas um subconjunto dos operadores da linguagem C. À medida que novos conceitos da linguagem forem introduzidos, novos operadores serão apresentados.
- Iniciaremos com o operador de atribuição, e em seguida, os aritméticos, os lógicos e relacionais.
- Por fim, apresentamos as variações do operador de atribuição.



Algoritmo

Thierson Couto Ros

Expressões

• A operação de atribuição consiste em armazenar em uma variável o valor resultante da avaliação de uma expressão.



Algoritmo

Thierson Couto Ros

- A operação de atribuição consiste em armazenar em uma variável o valor resultante da avaliação de uma expressão.
- O operador = é o operador de atribuição em C.



Algoritmo

Thierson Couto Ros

- A operação de atribuição consiste em armazenar em uma variável o valor resultante da avaliação de uma expressão.
- O operador = é o operador de atribuição em C.
- Exemplo: x = 3 + y



Algoritmo

Thierson Couto Ros

- A operação de atribuição consiste em armazenar em uma variável o valor resultante da avaliação de uma expressão.
- O operador = é o operador de atribuição em C.
- Exemplo: x = 3 + y



Algoritmo

Thierson Couto Ros

- A operação de atribuição consiste em armazenar em uma variável o valor resultante da avaliação de uma expressão.
- O operador = é o operador de atribuição em C.
- Exemplo: x = 3 + y armazena na variável x o valor da soma de 3 com o valor armazenado na variável y.
- Ao realizar essa operação, o processador substitui o valor que estava armazenado x com o valor resultante da soma.



Como a operação x=3+y é executada?

Algoritmo

Couto Ros

Expressões

ullet Vamos supor que x e y são do tipo int.



Como a operação x = 3 + y é executada?

Algoritmo

Thierson Couto Rosa

- Vamos supor que x e y são do tipo int.
- Cada uma dessas variáveis ocupa uma quádrupla de bytes na memória RAM (quatro gavetas para x e quatro gavetas para y).



Como a operação x = 3 + y é executada?

Algoritmo

Thierson Couto Ros

- Vamos supor que x e y são do tipo int.
- Cada uma dessas variáveis ocupa uma quádrupla de bytes na memória RAM (quatro gavetas para x e quatro gavetas para y).
- O compilador gera uma instrução em linguagem de máquina para somar 3 com o valor que está nos quatro bytes correspondendo a y e armazenar o resultado nos quatro bytes correspondendo a x.



Como a operação x = 3 + y é executada?

Algoritmo

Thierson Couto Ros

- Vamos supor que x e y são do tipo int.
- Cada uma dessas variáveis ocupa uma quádrupla de bytes na memória RAM (quatro gavetas para x e quatro gavetas para y).
- O compilador gera uma instrução em linguagem de máquina para somar 3 com o valor que está nos quatro bytes correspondendo a y e armazenar o resultado nos quatro bytes correspondendo a x.
- Antes de gerar essa instrução o compilador precisa saber os endereços (etiquetas) dos primeiros bytes de cada uma das quádruplas que formam x e y. Vamos denominar esses dois endereços respectivamente de: &x e &y.



Algoritmo

I hierson Couto Ros

Expressões

 Quando o programa em linguagem de máquina estiver na memória e o processador for interpretar essa instrução, ele entende que deve fazer o seguinte:



Algoritmo

Thierson Couto Ros

- Quando o programa em linguagem de máquina estiver na memória e o processador for interpretar essa instrução, ele entende que deve fazer o seguinte:
 - Acessar a permutação de de 32 bits que está armazenada nos quatro bytes a partir do endereço &y.



Algoritmo

Thierson Couto Ros

- Quando o programa em linguagem de máquina estiver na memória e o processador for interpretar essa instrução, ele entende que deve fazer o seguinte:
 - Acessar a permutação de de 32 bits que está armazenada nos quatro bytes a partir do endereço &y.
 - 2 Somar essa permutação com a permutação de 32 bits que representa o número 3.



Algoritmo

Thierson Couto Ros

- Quando o programa em linguagem de máquina estiver na memória e o processador for interpretar essa instrução, ele entende que deve fazer o seguinte:
 - Acessar a permutação de de 32 bits que está armazenada nos quatro bytes a partir do endereço &y.
 - 2 Somar essa permutação com a permutação de 32 bits que representa o número 3.
 - 3 Substituir a permutação atual de 32 bits que está nos quatro bytes a partir do endereço &x pela permutação de 32 bits correspondendo à soma 3+y.



Algoritmo

Thierson
Couto Rosa

Expressões

 Na linguagem C a atribuição de uma expressão não é feita por um comando (como ocorre em várias linguagens), mas sim por um operador.



Algoritmo

Couto Ros

- Na linguagem C a atribuição de uma expressão não é feita por um comando (como ocorre em várias linguagens), mas sim por um operador.
- Pela definição de expressão, uma expressão combinada com um operador e outras expressões resulta em uma nova expressão.



Algoritmo

Thierson Couto Ros

- Na linguagem C a atribuição de uma expressão não é feita por um comando (como ocorre em várias linguagens), mas sim por um operador.
- Pela definição de expressão, uma expressão combinada com um operador e outras expressões resulta em uma nova expressão.
- Então qual o valor da expressão x=3+2 ?



Algoritmo

Thierson Couto Ros

- Na linguagem C a atribuição de uma expressão não é feita por um comando (como ocorre em várias linguagens), mas sim por um operador.
- Pela definição de expressão, uma expressão combinada com um operador e outras expressões resulta em uma nova expressão.
- Então qual o valor da expressão x=3+2 ?



Algoritmo

Thierson Couto Ros

- Na linguagem C a atribuição de uma expressão não é feita por um comando (como ocorre em várias linguagens), mas sim por um operador.
- Pela definição de expressão, uma expressão combinada com um operador e outras expressões resulta em uma nova expressão.
- Então qual o valor da expressão x=3+2 ? Ela assume o mesmo valor da variável x, isto é, 5.
- Como consequência, a seguinte expressão é válida em C: (x=3+2)+10. Qual o seu valor?



Algoritmo

Thierson Couto Ros

- Na linguagem C a atribuição de uma expressão não é feita por um comando (como ocorre em várias linguagens), mas sim por um operador.
- Pela definição de expressão, uma expressão combinada com um operador e outras expressões resulta em uma nova expressão.
- Então qual o valor da expressão x=3+2? Ela assume o mesmo valor da variável x, isto é, 5.
- Como consequência, a seguinte expressão é válida em C: (x=3+2)+10. Qual o seu valor?



Algoritmo

Thierson Couto Ros

- Na linguagem C a atribuição de uma expressão não é feita por um comando (como ocorre em várias linguagens), mas sim por um operador.
- Pela definição de expressão, uma expressão combinada com um operador e outras expressões resulta em uma nova expressão.
- Então qual o valor da expressão x=3+2? Ela assume o mesmo valor da variável x, isto é, 5.
- Como consequência, a seguinte expressão é válida em C: (x=3+2)+10. Qual o seu valor? 15 e o valor armazenado em x é 5.



Operadores Aritméticos

Algoritmo

Thierson Couto Ros

Operador	Significado
_	Subtração, também menos unário
+	Adição
*	Multiplicação
/	Divisão
%	Módulo da divisão (resto)
	Decremento - diminui de um o valor de uma variável
++	Incremento - aumenta de um o valor de uma variável



Operadores de Incremento e Decremento

Algoritmo

Thierson Couto Ros

- Os operadores ++ e-- têm significados distintos conforme a posição que aparecem em relação à variável sobre a qual operam:
 - + + x o valor da variável x é incrementado primeiro e depois usado na expressão. Ex. x=3;y=++x. O valor de y é 4.
 - x++- o valor da variável x é utilizado na expressão e depois é incrementado. Ex. x=3;y=x++. O valor de y é 3.
 - Em ambas as situações acima, o valor de x passa a ser 4.
 A diferença está no momento em que a operação é feita.
- ullet O mesmo vale para o operador --.



Observação Quanto ao Operador / (Divisão)

Algoritmo

Thierson Couto Ros

- Se os ambos operandos de / forem de algum tipo inteiro (int, char, long), o resultado da divisão é tem suas casas decimais truncadas.
- Se pelo menos um dos operadores for do tipo float ou double o resultado será um valor do mesmo tipo, conservando as casas decimais.



Valores Boolianos

Algoritmo

Thierson Couto Ros

- O resultado de algumas expressões pode representar valores lógicos ou boolianos.
- Os valores boolianos correspondem a: verdadeiro V ou falso — F.
- Algumas linguagens de programação possuem o tipo de dados booliano.
- A linguagem C não possui esse tipo, mas associa ao valor V qualquer expressão cujo valor é diferente de zero e associa ao valor F qualquer expressão cujo valor é zero.
 Assim, mesmo uma expressão aritmética em C pode ser vista como uma expressão booliana.
- As expressões relacionais e as expressões lógicas obrigatoriamente geram valores boolianos.



Expressões Relacionais

Algoritmo

Thierson
Couto Ros

Expressões

As expressões relacionais comparam duas expressões e geram como resultado um valor booliano que indica se a comparação é verdadeira ou falsa. A comparação é feita por meio de um operador relacional. A tabela abaixo mostra os operadores relacionais e seus significados na linguagem C.

Operador	Significado
>	Maior que
>=	Maior que ou igual
<	Menor
<=	Menor que ou igual
==	Igual
!=	Diferente



Operadores Lógicos ou Boolianos

Algoritmo

Thierson
Couto Rosa

Expressões

Os operadores boolianos operam sobre expressões boolianas (cujos valores correspondem a V ou F) e geram um valor também booliano. Os valores resultantes de operadores boolianos são 0 ou 1, onde 0 corresponde a F e 1 corresponde a V. A tabela abaixo mostra os operadores boolianos e seus significados na linguagem C.

Operador	Significado
&&	Operador E
	Operador OU
!	Opeador NÃO



Tabela-Verdade dos Operadores Lógicos

Algoritmo

Thierson Couto Rosa

Expressões

Considerando-se que p e q são expressões que podem assumir os valores V (diferente de zero) ou F (igual a zero), a tabela abaixo mostra o significado dos operadores lógicos quando aplicados a p e a q.

p	q	p&&q	p q	!p
F	F	F	F	V
F	V	F	V	V
V	V	V	V	F
V	F	F	V	F



Exemplos de Expressões relacionais

Algoritmo

Thierson
Couto Rosa

Expressões

Considere o seguinte trecho de programa em C:

O que será impresso?



Exemplos de Expressões relacionais

Algoritmo

Thierson Couto Rosa

Expressões

Considere o seguinte trecho de programa em C:

O que será impresso?

- Os restos das variáveis por dois são computados em primeiro lugar (% tem maior prioridade que &&).
- O if passa a ser if (0==0 && 0==0 && 0==0 && 0==0) e apenas o primeiro printf será executado: "Os quatro valores são pares".



Variações do Operador de Atribuição

Algoritmos

Couto Ros

Expressões

 A linguagem C oferece simplificações para o uso do operador de atribuição. Os operadores de atribuição alternativos são mostrados na tabela abaixo, onde e é uma expressão aritmética:

Operador	Significado
x+=e	x=x+e
x-=e	x=x-e
x*=e	x=x*e
×/=e	x=x/e



Ordem de Precedência de Execução dos Operadores

Algoritmo

Thierson Couto Ros

- Na A linguagem C, alguns operadores têm maior prioridade de execução (precedência) sobre outros.
- Parênteses podem ser utilizados par mudar a ordem de precedência dos operadores (assim como na álgebra, mas cuidado, use apenas parênteses; não use colchetes ou chaves como se faz em algebra).

Associatividade de Operadores

Algoritmo

Thierson Couto Ros

- A associatividade determina a ordem em que se agrupam os operadores de igual precedência, isto é, da esquerda para direita ou da direita para a esquerda.
- Por exemplo:
 - x-2+10 os dois operadores têm a mesma precedência, mas se associam da esquerda para direita, logo x-2+10 == (x-2)+10.
 - x = y = z o operador atribuição se associa da direita para a esquerda. Logo a ordem de execução equivale a x = (y = z).
- Parênteses podem ser utilizados par mudar a ordem de associatividade dos operadores.

Tabela de Precedência e Associatividade

Algoritmo

Thierson Couto Rosa

Expressões

 A tabela a seguir mostra a ordem de precedência e associatividade entre alguns operadores da linguagem C. A precedência aumenta de baixo para cima.

++, pós-fixados (ex. x++)	esq. p/ dir.
++, $$ (pré-fixados), $-$ e $+$ (unários), $!$ (negação)	dir. p/ esq.
*, /, %	esq. p/ dir.
<pre>- e + (binários)</pre>	esq. p/ dir.
<, <=, >, >=	esq. p/ dir.
==,!=	esq p/ dir.
&&	esq. p/ dir.
	esq. p/ dir.
=, +=, -=, *=, /=	dir. p/ esq.



Algoritmo

Couto Ros

Expressões

 $Dado_{x=2;y=4;u=5;z=6;}$

• Qual o valor de x<y ?



Algoritmo

I hierson Couto Ros

Expressões

Dado x=2;y=4;u=5;z=6;

• Qual o valor de x<y ? O valor é 1 - verdadeiro.



Algoritmo

Couto Ros

Expressões

Dado x=2;y=4;u=5;z=6;

- Qual o valor de x<y ? O valor é 1 verdadeiro.
- Qual o valor de x <= y < u < z?



Algoritmo

Thierson Couto Ros

Expressões

Dado x=2;y=4;u=5;z=6;

- Qual o valor de x<y ? O valor é 1 verdadeiro.
- Qual o valor de x <= y < u < z ? O valor é 1: (x <= y) é igual a 1, (1 < u) == 1) e 1 < z é igual a 1.
- Qual o valor de z>u>y>x ?



Algoritmo

Thierson Couto Ros

Expressões

Dado x=2;y=4;u=5;z=6;

- Qual o valor de x<y ? O valor é 1 verdadeiro.
- Qual o valor de x <= y < u < z ? O valor é 1: (x <= y) é igual a 1, (1 < u) == 1) e 1 < z é igual a 1.
- Qual o valor de $\overline{z>u>y>x}$? 0 falso: (z>u)==1, (1>y)==0, (0>x)==0