5장. 딥러닝 - IV

인공지능: 튜링 테스트에서 딥러닝까지

4. 재귀 신경망

- 4.1 재귀 신경망
- 4.2 ReLU 활성화 함수를 사용하는 재귀 신경망
- 4.3 LSTM 재귀 신경망
- 4.4 GRU 재귀 신경망
- 4.5 재귀 신경망의 확장
- 4.6 재귀 신경맘의 적용분야

4.1 재귀 신경망

- ❖ 재귀 신경망(Recurrent Neural Networks, RNN, 순환 신경망)
 - **서열 데이터**(Sequence data)
 - 음성, 자연어 문장, 동영상, 주가 변동 등의 데이터
 - 구성요소가 순차적으로 발생하거나 구성요소 간에 순서 존재
 - 이전 값들이 현재 값에 영향을 주는 경우
 - 서열 데이터의 **분류, 예측**에서 **현재 시점**의 값과 **이전 시점의** 값들을 고려 필요
 - 재귀 신경망은 서열 데이터의 학습 및 추론에 적합한 모델
 - 기계 번역, 음성 인식, 필기체 인식, 염상 주석달기, 동염상에서 행동 인식, 작곡 및 작사 등 다양한 응용 분야에서 활용

4.1.1 재귀 신경망의 구조와 동작

❖ 재귀 신경망의 구조

- 기본적으로 **은닉츰** 한 개와 **출력츰**으로 구성입력의 일부로
- 과거의 정보를 반영하기 위해, **은닉츰 또는 출력층의 값**을 입력의 일부로 **사용**

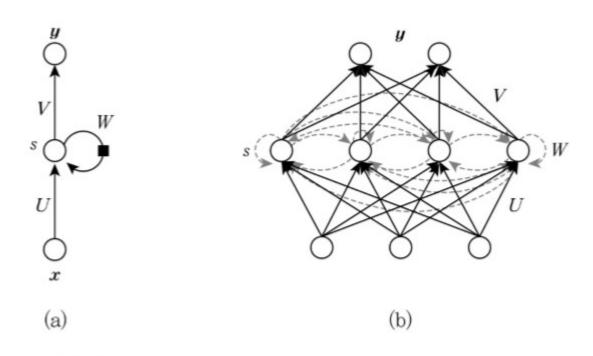


그림 5.52 RNN 모델 (a) RNN 모델의 형태 (b) RNN 모델의 실제 형태

재귀 신경맘의 구조와 동작

❖ 재귀 신경맘의 동작

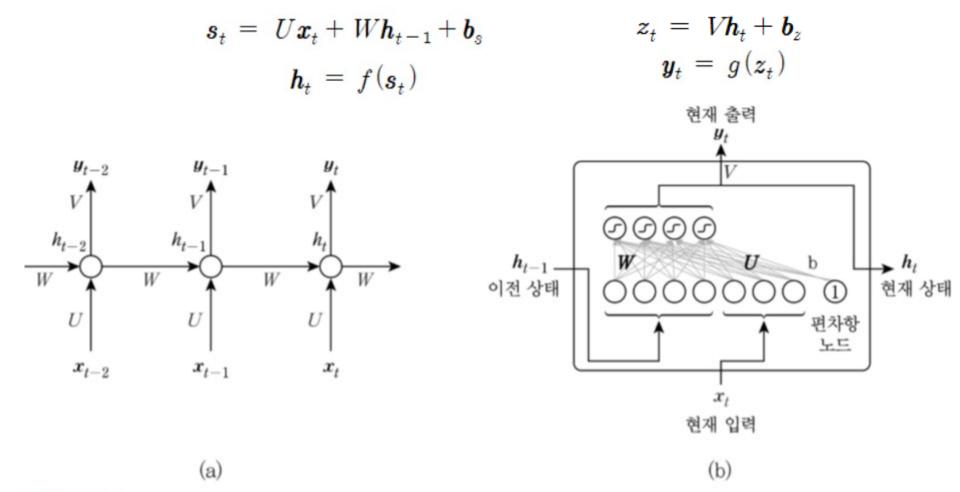
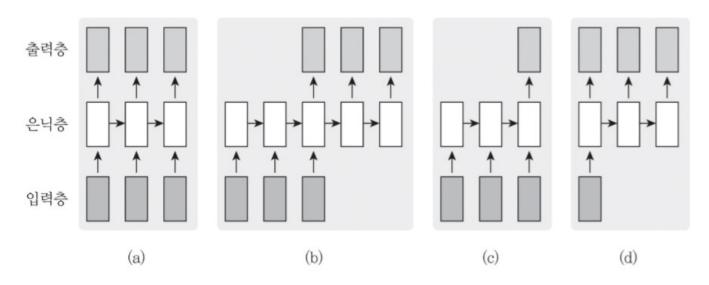


그림 5.53 RNN 모델 (a) RNN을 펼쳐놓은 형태 (b) RNN의 입출력 구조

재귀 신경맘의 구조와 동작

※ 재귀 신경망에서 입력과 출력의 대응 형태



- (a) 각 시점의 입력에 대한 출력이 학습 데이터에 지정
- (b) 앞 시점에 입력이 끝나면서 출력값이 주어지는 상황
 - 기계 번역: '이것은 책이다' → 'This is a book'
- (c) 일련의 데이터가 입력으로 주어진 다음, 마지막에 결과 값이 주어지는 상황
 - 감성 분석: '이 책은 내용이 알차게 구성되어 있다' → '긍정적'
- (d) 하나의 입력에 대해 일련의 출력 이 나오는 것
 - 영상 주석달기: 영상 → 설명하는 문장

4.1.2 재귀 신경망의 학습

- ❖ 재귀 신경망의 학습 데이터 형태
 - 서열 데이터의 집합
 - Ex. 문자열 'hello' 의 학습 데이터 형태
 - $h \rightarrow e, e \rightarrow l, l \rightarrow l, l \rightarrow o$

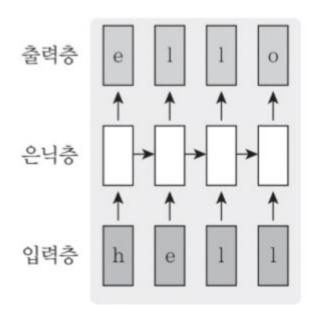


그림 5.55 RNN으로 'hello'를 학습할 때 학습 데이터

- ❖ BPTT(Back Propagation Through Time) 알고리즘
 - 과거 시간으로 오차를 전달하여 가중치 조정
 - 과거 시점으로 오차를 전달할 때 각 가중치 는 동일하게 사용
 - 학습을 할 때는, 각 시점에서의 그레디언트를 구한 다음, 그 평균값을 해당 변수에 대한 그레디언트로 사용

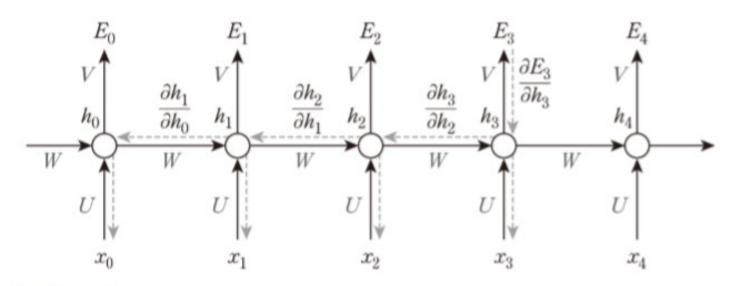


그림 5.56 t=3에서 각 이전 시점으로 역전파되는 오차 정보의 흐름

❖ BPTT 알고리즘 - Cont.

$$y' = (y_0', y_1', y_2', \dots, y_N')$$

$$y_t = (y_{t1}, y_{t2}, \dots, y_{tK})$$

■ 오차 함수

$$E_t(y_t, y_t') = -\sum_{i=1}^{K} y_{ti}' \log y_{ti}$$

$$E_{t}(\boldsymbol{y}_{t}, \boldsymbol{y}_{t}') = \frac{1}{K} \sum_{k=1}^{K} (y_{ti}' - y_{ti})^{2}$$

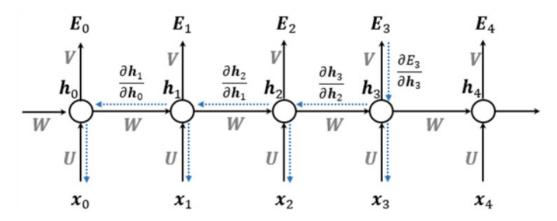
■ 목적함수

$$E(\boldsymbol{y}, \boldsymbol{y}') = \sum_{t} E_{t}(\boldsymbol{y}_{t}, \boldsymbol{y}_{t}')$$

■ 목적 함수의 그레디언트

$$\frac{\partial E}{\partial W} = \sum_{i} \frac{E_{t}(\boldsymbol{y}_{t}, \boldsymbol{y}_{t}')}{\partial W}$$

⋄ BPTT 알고리즘 – Cont.



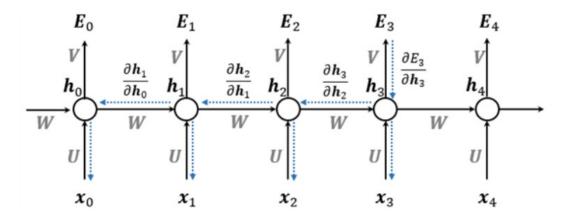
• t=3 일 때 W 에 대한 그레디언트

$$\frac{\partial E_3}{\partial W} = \frac{\partial E_3}{\partial \mathbf{y}_3} \frac{\partial \mathbf{y}_3}{\partial \mathbf{h}_3} \frac{\partial \mathbf{h}_3}{\partial W}$$

$$\frac{\partial E_3}{\partial W} = \sum_{k=0}^{3} \frac{\partial E_3}{\partial \mathbf{y}_3} \frac{\partial \mathbf{y}_3}{\partial \mathbf{h}_3} \frac{\partial \mathbf{h}_3}{\partial \mathbf{h}_k} \frac{\partial \mathbf{h}_k}{\partial W}$$

$$=\frac{\partial E_3}{\partial \pmb{y}_3}\frac{\partial \pmb{y}_3}{\partial \pmb{h}_3}\bigg[\frac{\partial \pmb{h}_3}{\partial \pmb{h}_3}\frac{\partial \pmb{h}_3}{\partial W}+\frac{\partial \pmb{h}_3}{\partial \pmb{h}_2}\frac{\partial \pmb{h}_2}{\partial W}+\frac{\partial \pmb{h}_3}{\partial \pmb{h}_1}\frac{\partial \pmb{h}_1}{\partial W}+\frac{\partial \pmb{h}_3}{\partial \pmb{h}_0}\frac{\partial \pmb{h}_0}{\partial W}\bigg]$$

⋄ BPTT 알고리즘 – Cont.



• t=3일 때 V에 대한 그레디언트

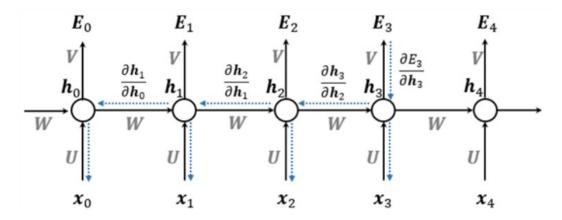
$$\frac{\partial E_3}{\partial V} = \frac{\partial E_3}{\partial \mathbf{y}_3} \frac{\partial \mathbf{y}_3}{\partial V} = \frac{\partial E_3}{\partial \mathbf{y}_3} \frac{\partial \mathbf{y}_3}{\partial \mathbf{z}_3} \frac{\partial \mathbf{z}_3}{\partial V}$$

• t=3 일 때 U 에 대한 그레디언트

$$\frac{\partial E_3}{\partial U} = \sum_{k=0}^{3} \frac{\partial E_3}{\partial \mathbf{y}_3} \frac{\partial \mathbf{y}_3}{\partial \mathbf{h}_3} \frac{\partial \mathbf{h}_3}{\partial \mathbf{h}_k} \frac{\partial \mathbf{h}_k}{\partial U}$$

4.1.3 재귀 신경맘의 기울기 소멸과 폭발

❖ 그레디언트



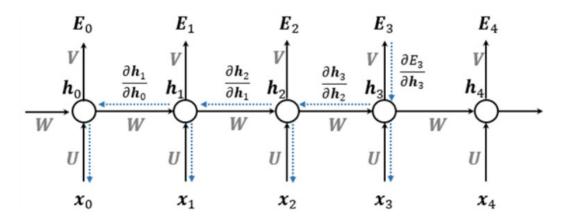
$$\frac{\partial E_3}{\partial W} = \sum_{k=0}^{3} \frac{\partial E_3}{\partial \mathbf{y}_3} \frac{\partial \mathbf{y}_3}{\partial \mathbf{h}_3} \frac{\partial \mathbf{h}_3}{\partial \mathbf{h}_k} \frac{\partial \mathbf{h}_k}{\partial W} = \sum_{k=0}^{3} \frac{\partial E_3}{\partial \mathbf{y}_3} \frac{\partial \mathbf{y}_3}{\partial \mathbf{h}_3} \left(\prod_{j=k+1}^{3} \frac{\partial \mathbf{h}_j}{\partial \mathbf{h}_{j-1}} \right) \frac{\partial \mathbf{h}_k}{\partial W}$$

$$\boldsymbol{h}_{j} = f(\boldsymbol{s}_{j}) = f(U\boldsymbol{x}_{j} + W\boldsymbol{h}_{j-1} + \boldsymbol{b}_{s})$$

$$\frac{\partial \boldsymbol{h}_{j}}{\partial \boldsymbol{h}_{j-1}} = W^{\top} diag(f'(\boldsymbol{s}_{j}))$$

재귀 신경망의 기울기 소멸과 폭발

❖ 그레디언트 – cont.



$$\prod_{j=1}^{3} \frac{\partial \boldsymbol{h}_{j}}{\partial \boldsymbol{h}_{j-1}} = \underline{W}^{\top} \operatorname{diag}(f'(\boldsymbol{s}_{3})) \underline{W}^{\top} \operatorname{diag}(f'(\boldsymbol{s}_{2})) \underline{W}^{\top} \operatorname{diag}(f'(\boldsymbol{s}_{1}))$$

- t = 100이면, W^{T} 의 100 거듭제곱 포함
- f(x) = x 라고 가정할 때

•
$$f'(x) = 1 \rightarrow diag(f'(s)) = I$$

$$\prod_{j=1}^{100} \frac{\partial \boldsymbol{h}_j}{\partial \boldsymbol{h}_{j-1}} = (W^{\top})^{100}$$

재귀 신경망의 기울기 소멸과 폭발

- ❖ 그레디언트 cont.
 - 행렬 ₩의 고유값 분해

$$W=Q \Lambda Q^{-1}$$
 Λ : 고유값을 대각 원소로 갖는 대각 행렬

 $oldsymbol{Q}$: 고유벡터를 열벡터로 갖는 행렬

$$(W^{\top})^{100} = (Q^{-1})^{\top} \Lambda^{100} Q^{\top}$$

• ex.
$$\Lambda = \begin{pmatrix} -0.6 & 0 \\ 0 & 1.8 \end{pmatrix}$$
 $\Lambda^3 = \begin{pmatrix} (-0.6)^3 & 0 \\ 0 & 1.8^3 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} -0.216 & 0 \\ 0 & 3.375 \end{pmatrix}$ $\Lambda^{10} = \begin{pmatrix} 0.006 & 0 \\ 0 & 357,046 \end{pmatrix}$

- |고유값| < 1이면, 기울기 소멸</p>
- |고유값| > 1이면, 기울기 폭발

재귀 신경망의 기울기 소멸과 폭발

❖ 기울기 소멸 문제(Vanishing gradient problem)

- 오차 정보를 역전파 시키는 과정에서 그레디언트가 급격히 영벡터에
 가까워져서 학습이 되지 않는 현상
- 일부 가중치 성분에서만 발생 가능 □ 문제 발생 파악 곤란

❖ 기울기 폭발 문제(Exploding gradient problem)

- 학습과정에 그레디언트가 급격히 커지는 현상
- 일부 성분에서의 기울기 폭발현상은 다른 성분에 바로 파급□ 문제 발생 확인 용이

4.1.4 재귀 신경망의 기울기 소멸과 폭발 조건

- ❖ 재귀 신경망의 기울기 소멸과 폭발 조건
 - λ₁: 가중치 행렬 W의 최대 고유값
 - λ₁< 1/γ 일 때
 - 기울기 소멸 문제 반드시 발생
 - 활성화 함수가 tanh()일 때, $\gamma = 1$
 - 활성화 함수가 $\sigma()$ 일 때, $\gamma = 1/4$
 - λ₁> 1/γ 일 때
 - 기울기 폭발 문제 발생 가능

4.1.5 기울기 폭발 문제의 대음 방법

※ 기울기 폭발 문제의 대응 방법

- RMSprop 방법 사용
 - 최근 그레디언트들의 크기의 평균에 해당 하는 값으로 나누어 사용
 - 그레디언트의 갑작스러운 큰 변화를 방지하는 효과
 - 기울기 소멸 문제뿐만 아니라 기울기 폭발 문제 완화
- 단기 BPTT(truncated BPTT) 사용
 - 오차정보를 최근 몇 단계까지만 역전파
 - 가중치 행렬 W이 거듭제곱되는 횟수 제한
- 그레디언트 최대값 고정 방법 사용
 - 그레디언트가 일정한 임계값 이상이 되면 임계값 으로 고정
 - $\|\nabla f\| > \theta$ 이면

$$\nabla f \leftarrow \theta \frac{\nabla f}{\|\nabla f\|}$$

4.2 LeRU 활성화 함수를 사용하는 재귀 신경망

❖ LeRU를 사용하는 재귀 신경망

IRNN

- 은닉층에서 은닉층으로의 가중치를 나타내는 행렬 W를 **항등행렬** /로 초기화한 후에 학습
- 기존의 RNN 모델보다 높은 성능 개선 가능

np-RNN

은닉층에서 은닉층으로의 가중치를 고유값의 하나는 1이고 나머지는 1보다 작은 값은 갖는 양의 준정부호 행렬(positive semi-definite matrix)로 초기화

uRNN

 은닉층의 가중치 W가 모든 고유값의 크기가 1인 유니타리 행렬 (unitary matrix)이 되도록 하면서 학습

4.3 LSTM 재귀 신경망

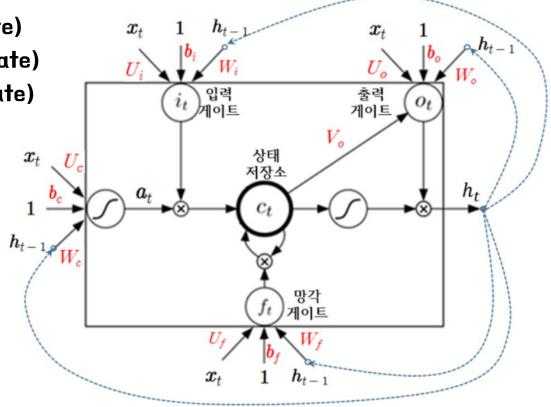
- **❖ LSTM(Long Short Time Memory) RNN**
 - 역전파되는 그레디언트가 쉽게 소멸되는 현상을 완화시키는 RNN 모델

■ 각 은닉 노드가 **상태 저장소(memory cell)와 저장, 출력, 맘각**을 **조절**하는 게이트(gate) 포함

• 입력 게이트(input gate)

• 출력 게이트(output gαte)

• 맘각 게이트(forget gate)



4.3.1 LSTM 재귀 신겸맘의 구조

- ❖ 일반 재귀 신경망의 입력에 대한 민감도
 - 시점 t = 1에서의 입력에 대한 **시점별 민감도**를 **노드의 진하기**로 보인 것
 - 시간이 진행됨에 따라 새로운 입력이 은닉 상태에 반영되기 때문에 과 거의 기억은 점차 사라짐

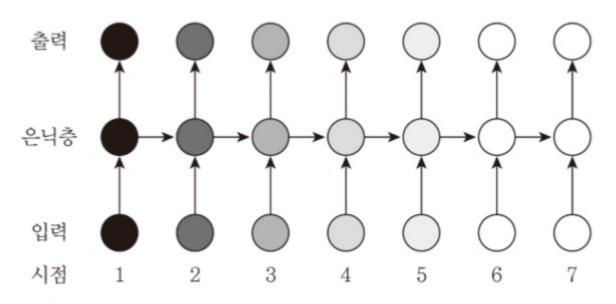


그림 5.57 재귀 신경망에서 시점 1의 입력에 대한 그레디언트의 민감도

LSTM 재귀 신겸맘의 구조

❖ 게이트 장착을 통한 민감도 조절

- 게이트의 조작을 통해 먼 시점까지 영향 전파 가능
- LSTM은 게이트의 동작을 학습을 통해 결정

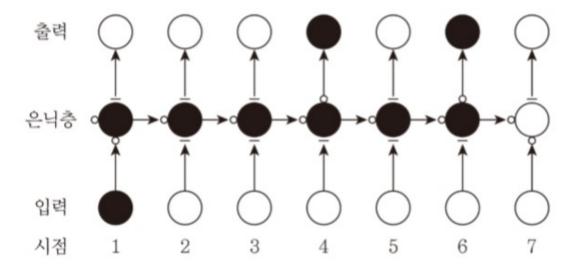
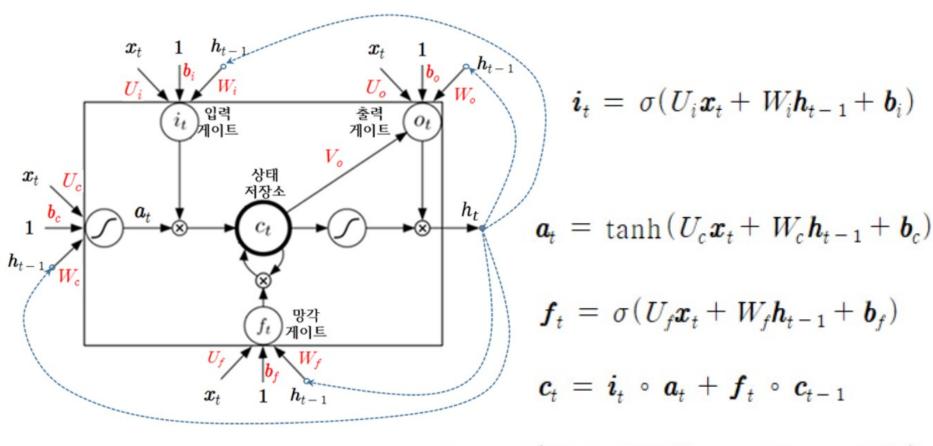


그림 5.58 게이트의 열림-닫힘에 의한 시점 1의 입력에 대한 그레디언트의 민감도 노드의 왼쪽에는 망각 게이트, 아래쪽에는 입력 게이트, 위쪽에는 출력 게이트가 위치하고, ○는 게이트의 열림, - 또는 ㅣ는 게이트의 닫힘을 나타낸다.

4.3.2 LSTM 재귀 신겸맘의 동작

❖ LSTM 재귀 신경맘의 동작



$$o_t = \sigma(U_o x_t + W_o h_{t-1} + V_o c_{t-1} + b_o)$$

$$h_t = o_t \circ \tanh(c_t)$$

LSTM 재귀 신경망의 동작

알고리즘 5.3 LSTM 재귀 신경망의 실행

입력 : 서열 데이터
$$(x_1,\,x_2,\,\,\cdots,\,x_T)$$
 가중치 $W_c,\,U_c,\,W_i,\,U_i,\,W_f,\,U_f,\,W_o,\,U_o,\,V_0$ 편차항 $m{b}_c,\,m{b}_i,\,m{b}_f,\,m{b}_o$

출력 : LSTM의 출력 $(\boldsymbol{h}_1,\,\boldsymbol{h}_2,\,\,\cdots,\,\boldsymbol{h}_T)$

1.
$$h_0 \leftarrow 0$$

$$c_0 \leftarrow 0$$

3. for
$$t=1$$
 to T

4.
$$i_t \leftarrow \sigma(U_i x_t + W_i h_{t-1} + b_i)$$

5.
$$a_t \leftarrow \tanh\left(U_c x_t + W_c h_{t-1} + b_c\right)$$

6.
$$f_t \leftarrow \sigma(U_f x_t + W_f h_{t-1} + b_f)$$

7.
$$c_t \leftarrow i_t \circ a_t + f_t \circ c_{t-1}$$

8.
$$o_t \leftarrow \sigma(U_o x_t + W_o h_{t-1} + V_o c_{t-1} + b_o)$$

9.
$$h_t \leftarrow o_t \circ \tanh(c_t)$$

4.3.3 LSTM 재귀 신경맘의 학습

⋄ LSTM 재귀 신경망의 학습

- BPTT 사용
- 게이트와 상태 저장소에 대한 오차 함수 E의 그레디언트

$$\begin{aligned} \frac{\partial E}{\partial c_t^k} &= \frac{\partial E}{\partial h_t^k} \frac{\partial h_t^k}{\partial c_t^k} = \frac{\partial E}{\partial h_t^k} o_t^k (1 - \tanh^2(c_t^k)) \\ \frac{\partial E}{\partial i_t^k} &= \frac{\partial E}{\partial c_t^k} \frac{\partial c_t^k}{\partial i_t^k} = \frac{\partial E}{\partial c_t^k} a_t^k \\ \frac{\partial E}{\partial f_t^k} &= \frac{\partial E}{\partial c_t^k} \frac{\partial c_t^k}{\partial f_t^k} = \frac{\partial E}{\partial c_t^k} c_{t-1}^k \\ \frac{\partial E}{\partial a_t^k} &= \frac{\partial E}{\partial c_t^k} \frac{\partial c_t^k}{\partial a_t^k} = \frac{\partial E}{\partial c_t^k} i_t^k \\ \frac{\partial E}{\partial a_t^k} &= \frac{\partial E}{\partial h_t^k} \frac{\partial h_t^k}{\partial a_t^k} = \frac{\partial E}{\partial h_t^k} tanh(c_t^k) \end{aligned}$$

LSTM 재귀 신경망의 학습

- - 시점 t-1로 역전파되는 그레디언트

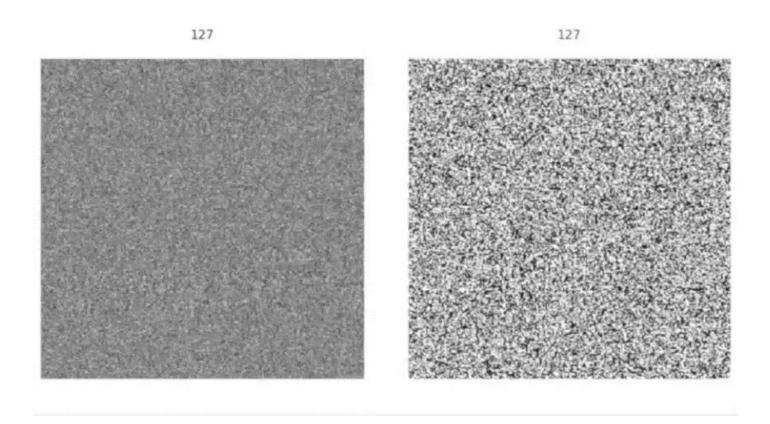
$$\frac{\partial E}{\partial c_{t-1}^k} = \frac{\partial E}{\partial c_t^k} \frac{\partial c_t^k}{\partial c_{t-1}^k} = \frac{\partial E}{\partial c_t^k} \frac{\partial (i_t^k a_t^k + f_t^k c_{t-1}^k)}{\partial c_{t-1}^k} = \frac{\partial E}{\partial c_t^k} f_t^k$$

• p 단계 과거로 전달되는 그레디언트

$$\frac{\partial E}{\partial c_{t-p}^k} = \frac{\partial E}{\partial c_t^k} \prod_{n=t-p}^t f_n^k$$

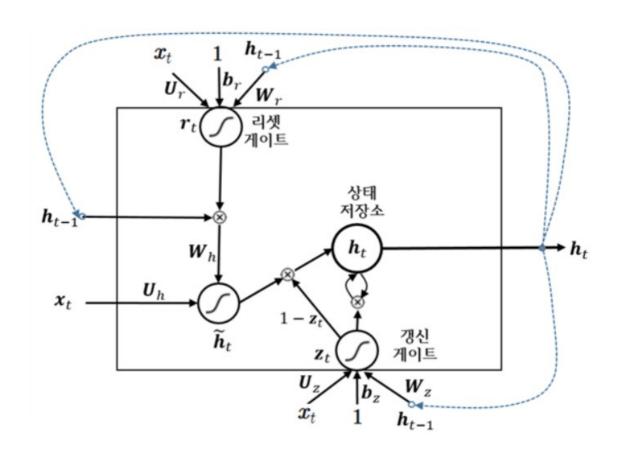
LSTM 재귀 신경망의 학습

- ❖ 기존 재귀 신경망과 LSTM 재귀 신경망
 - 시간에 따른 그레디언트 전달 비교



4.4 GRU 재귀 신경망

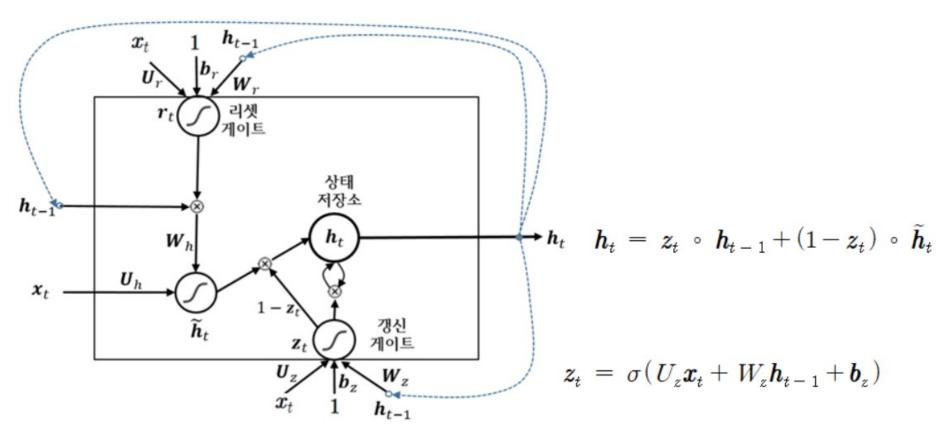
- ❖ GRU(gated recurrent unit) 재귀 신경망
 - **삼태 저장소**(memory cell)과 **리셋 게이트**(reset gate) 및 **갱신 게이트**(update gate) 포함 모델



GRU 재귀 신경망

❖ GRU 재귀 신경망의 동작

$$\mathbf{r}_t = \sigma(U_r \mathbf{x}_t + W_r \mathbf{h}_{t-1} + \mathbf{b}_r)$$



$$\tilde{\boldsymbol{h}}_{t} = \tanh\left(U_{h} \boldsymbol{x}_{t} + W_{h} (\boldsymbol{r}_{t} \circ \boldsymbol{h}_{t-1})\right)$$

GRU 재귀 신경망

❖ GRU 재귀 신경망의 학습

- BPTT 알고리즘 사용
- LSTM 재귀 신경망의 파라미터 개수의 약 ¾ 파라미터 포함
- LSTM 재귀 신경망과 유사한 성능

4.5 재귀 신경망의 확장

❖ 양방향 재귀 신경망(Bidirectional RNN)

시점 t의 출력이 이전 시점의 입력값과 은닉층의 값들 뿐만 아니라 이후 시점의 입력값과 은닉층의 값들에도 영향을 받도록 한 모델

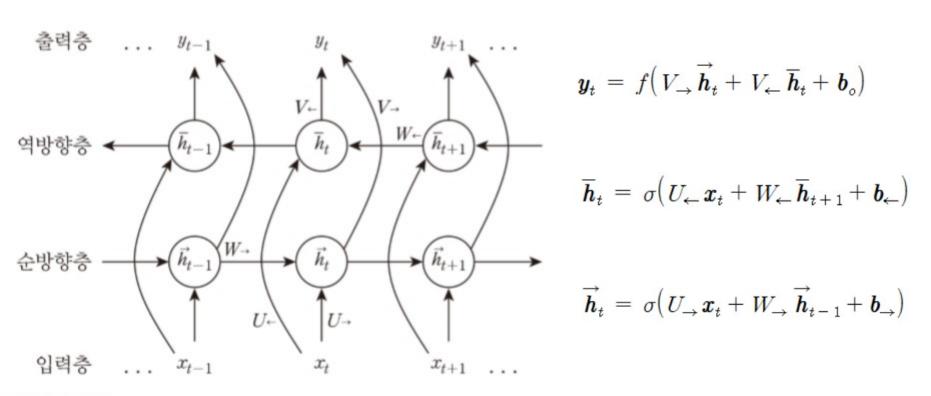


그림 5.61 양방향 재귀 신경망

재귀 신경망의 확장

❖ 딥러닝 재귀 신경망(Deep RNN)

 여러 개의 재귀 신경망을 쌓아서 아래층의 출력을 바로 위층의 입력으로 받아들이도록 만든 모델

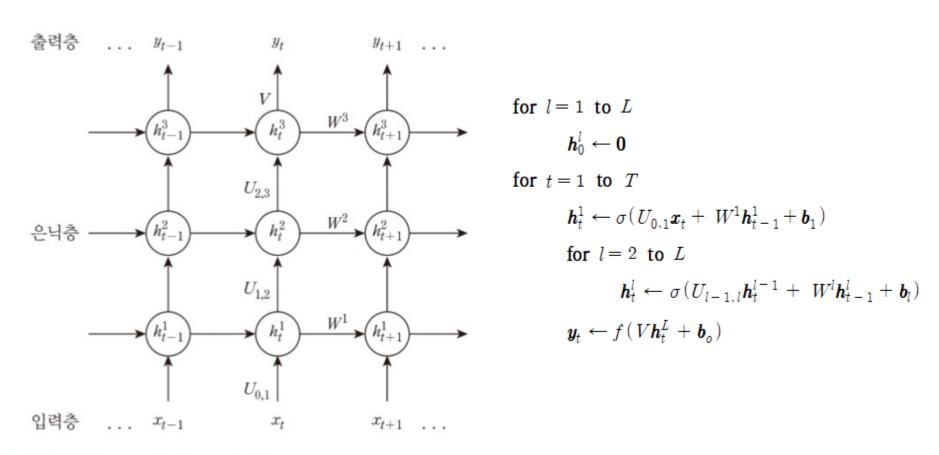


그림 5.62 딥러닝 재귀 신경망

재귀 신경망의 확장

- ❖ 딥러닝 양방향 재귀 신경망(Deep bidirectional RNN)
 - 양방향 재귀 신경망과 딥러닝 재귀 신경망을 결합한 형태

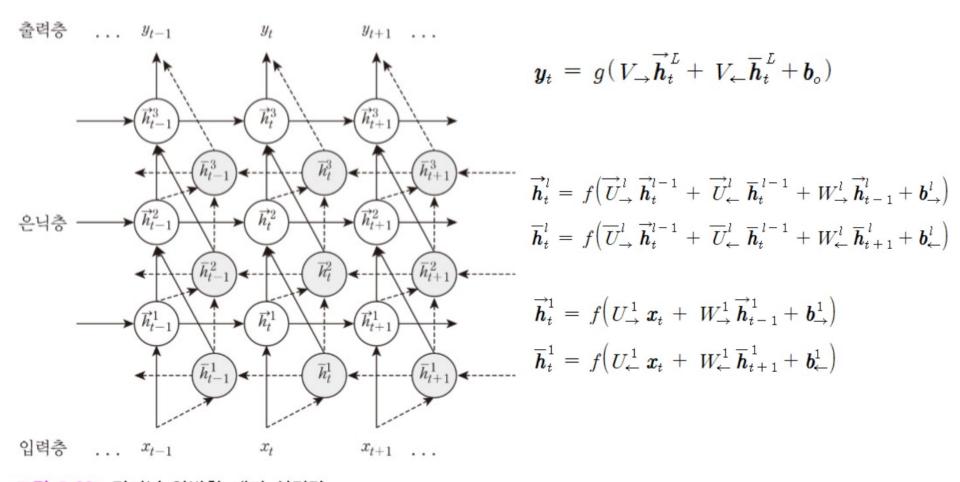


그림 5.63 딥러닝 양방향 재귀 신경망

재귀 신경망의 확장

- ❖ 잔차연결 딥러닝 재귀 신경망(Deep RNN with Residual Connection)
 - 딥러닝 재귀 신경망에 층을 건너 뛸 수 있는 지름길 연결(skip connection)을 추가한 모델

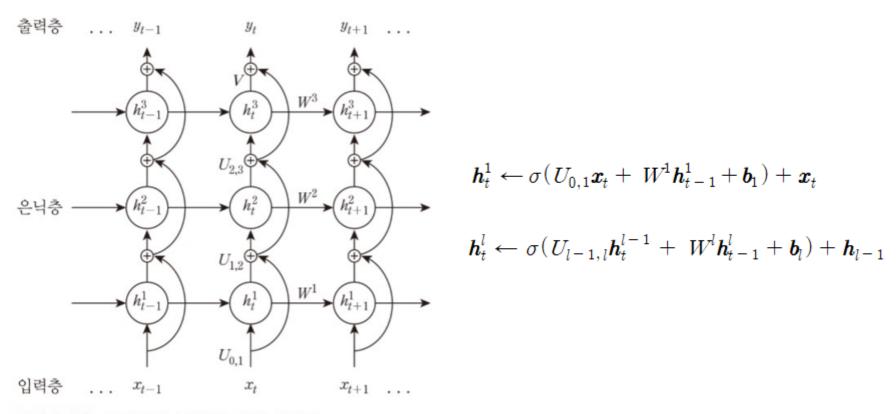
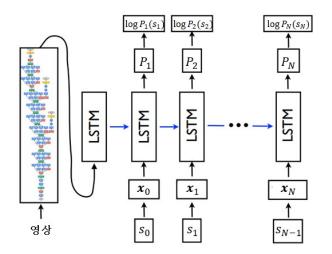


그림 5.64 잔차연결 딥러닝 재귀 신경망

4.6 재귀 신경망의 적용 분야

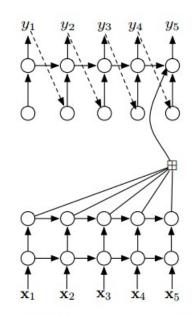
❖ 적용분야

- 자연어 처리
 - 언어 모델(language model)
 - 문장 생성
 - 문서 생성
 - 기계 번역(machine translation)
- 음성 인식
- 영상 주석달기(Image captioning)



PANDARUS:

Alas, I think he shall be come approached and the day When little srain would be attain'd into being never fed, And who is but a chain and subjects of his death, I should not sleep.





"man in black shirt is playing guitar."



"construction worker in orange safety vest is working on road."