

## 題目敘述

兩個零售商同時在一個市場銷售類似的商品。若商品 1 和商品 2 的價格各是  $p_1$  和  $p_2$ ，則兩者的需求量將各是  $q_1 = a - p_1 + bp_2$  和  $q_2 = a - p_2 + bp_1$ ，其中  $a$  是此商品免費時的需求量、 $b \in [0, 1)$  是對方商品漲 1 元時我的商品會增加的銷售量。兩個商品的進貨價各是  $c_1$  和  $c_2$ 。兩個零售商同時定價以最大化各自的利潤。換言之，零售商 1 決定  $p_1$  以最大化

$$(p_1 - c_1)(a - p_1 + bp_2),$$

零售商 2 則決定  $p_2$  以最大化

$$(p_2 - c_2)(a - p_2 + bp_1).$$

經過簡單的微積分推導，我們可以求得兩個零售商對應對方價格的最佳回應 (best response)。若零售商 1 將價格設定在  $p_1$ ，則零售商 2 的最佳價格是

$$p_2 = \frac{a + bp_1 + c_2}{2}.$$

同樣地，若零售商 2 將價格設定在  $p_2$ ，則零售商 1 的最佳價格是

$$p_1 = \frac{a + bp_2 + c_1}{2}.$$

我們現在想要使用課程影片所教的方式，來逐步求得兩者互動到最後的市場均衡價格。首先，零售商 1 會先進入市場，此時因為沒有商品 2，相當於  $p_2 = 0$ ，所以零售商 1 會將價格設在  $p_1^{(0)} = \frac{a + c_1}{2}$ ，接著零售商 2 進入市場，會將價格設在  $p_2^{(0)} = \frac{a + bp_1^{(0)} + c_2}{2}$ ，接著零售商 1 會將價格調整為  $p_1^{(1)} = \frac{a + bp_2^{(0)} + c_1}{2}$ ，接著零售商 2 會將價格調整為  $p_2^{(1)} = \frac{a + bp_1^{(1)} + c_2}{2}$ ，依此類推。

我們說第  $k$  輪調整結束後的價格為  $p_1^{(k)}$  與  $p_2^{(k)}$ ， $k = 0, 1, 2, \dots$ 。給定  $a$ 、 $b$ 、 $c_1$ 、 $c_2$  的值和一個整數  $n$ ，請輸出完成  $n$  輪調整後的兩個價格，無條件捨去到小數點後第二位。

## 輸入輸出格式

在每筆測試資料中，會有一列共五個數字  $a$ 、 $b$ 、 $c_1$ 、 $c_2$  和  $n$ ，其中  $b$  是小數，其他四個數字則都是整數。已知  $10 \leq a \leq 10000$ 、 $0 \leq b < 1$ 、 $0 \leq c_1 \leq a$ 、 $0 \leq c_2 \leq a$ ，且  $0 \leq n \leq 10$ 。任兩個數字中間用一個逗點隔開。

讀入這些數字後，請按照題目規則，印出雙方互動到第  $n$  輪結束後的價格，先印出價格 1，接著空一格，再印出價格 2。價格 2 後面應該沒有空格。兩個價格都應該無條件捨去到小數點後第二位。如果小數點後有 0，請將 0 輸出，例如請印出 12.10 而非 12.1。假設你最後算出的均衡價格分別存在 `p1Eq` 和 `p2Eq` 這兩個變數，你可以使用

```
1 print("%.2f %.2f" % (p1Eq, p2Eq))
```

來以符合題目要求的格式印出結果。

舉例來說，如果輸入是

```
1 100,0.4,26,18,3
```

則輸出應該是

```
1 77.92 74.58
```