Algoritmos y Estructura de Datos I

Primer cuatrimestre de 2015

1 de Abril de 2015

TPE - Flores vs Vampiros

1 Tipos

```
tipo Habilidad = Generar, Atacar, Explotar;
tipo ClaseVampiro = Caminante, Desviado;
tipo Posicion = (\mathbb{Z}, \mathbb{Z});
tipo Vida = \mathbb{Z};
2
     Flor
tipo Flor {
        observador vida (f: Flor) : \mathbb{Z};
        observador cuantoPega (f: Flor) : \mathbb{Z};
        observador habilidades (f: Flor) : [Habilidad];
        invariante sinRepetidos(habilidades(f));
        invariante las<code>HabilidadesDeterminanLaVidayElGolpe:</code> vida(f) == \frac{100}{|habilidades(f)|+1} \ \land \ 
            if Atacar \in habilidades(f) Then cP == \frac{12}{|habilidades(f)|} Else cP == 0;
}
problema nuevaF (v : \mathbb{Z}, cP : \mathbb{Z}, hs : [Habilidad]) = res : Flor 
        \verb"requiere habilidadesCoherentes": sinRepetidos(hs);
        requiere viveDelInvariante : v == \frac{100}{|hs|+1};
        requiere pegameSinVariar: if Atacar \in habilidades(f) Then cP == \frac{12}{|hs|} Else cP == 0;
        \verb|asegura tendriaHabilidades|: mismos(habilidades(res), hs); \\
        asegura tieneVida : vida(res) == v;
        asegura siAtacaTePega : cuantoPega(res) == cP;
}
\texttt{problema vidaF} \; (f : \; Flor) = \texttt{res} : \; \mathbb{Z} \; \; \{
        asegura res == vida(f);
problema cuantoPegaF (f: Flor) = res : \mathbb{Z}  {
        asegura res == cuantoPega(f);
}
problema habilidadesF (f: Flor) = res : [Habilidad] {
        asegura res == habilidades(f);
}
3
      {f Vampiro}
tipo Vampiro {
        observador clase (v: Vampiro) : ClaseVampiro;
        observador vida (v. Vampiro) : \mathbb{Z};
        observador cuantoPega (v: Vampiro) : \mathbb{Z};
        invariante vida
En<br/>Rango : vida(v) \geq 0 \wedge vida(v) \leq 100 ;
        invariante pegaEnSerio : cuantoPega(v) > 0;
}
```

```
problema nuevoV (cv : ClaseVampiro, v : \mathbb{Z}, cP : \mathbb{Z}) = res : Vampiro {
        requiere v \ge 0 \land v \le 100;
        requiere cP > 0;
        asegura tieneVida : vida(res) == v;
        asegura estePega : cuantoPega(res) == cP;
        asegura esVampiro : clase(res) == cv;
problema claseVampiroV (v : Vampiro) = res : ClaseVampiro {
        asegura res == clase(v);
problema \ vidaV \ (v : Vampiro) = res : \mathbb{Z} \ 
        asegura res == vida(v);
problema cuantoPegaV (v : Vampiro) = res : \mathbb{Z}  {
        asegura res == cuantoPega(v);
     Nivel
4
tipo Nivel {
        observador ancho (n. Nivel) : \mathbb{Z};
        observador alto (n: Nivel) : \mathbb{Z};
        observador turno (n: Nivel) : \mathbb{Z};
        observador soles (n: Nivel) : \mathbb{Z};
        observador flores (n: Nivel) : [(Flor, Posicion, Vida)];
        observador vampiros (n. Nivel) : [(Vampiro, Posicion, Vida)];
        observador spawning (n: Nivel) : [(Vampiro, \mathbb{Z}, \mathbb{Z})];
        invariante valores Razonables : ancho(n) > 0 \land alto(n) > 0 \land soles(n) \ge 0 \land turno(n) \ge 0;
        invariante posicionesValidas : ...;
        invariante spawningOrdenado : ...;
        invariante necesitoMiEspacio : (\forall i, j \leftarrow [0..|flores(n)|), i \neq j)sgd(flores(n)_i) \neq sgd(flores(n)_i);
        invariante vivosPeroNoTanto : vidaFloresOk(flores(n)) \wedge vidaVampirosOk(vampiros(n));
        invariante spawneanBien: (\forall t \leftarrow spawning(n))sgd(t) \ge 1 \land sgd(t) \le alto(n) \land trd(t) \ge 0;
}
problema nuevoN (an : \mathbb{Z}, al : \mathbb{Z}, s : \mathbb{Z}, spaw : [(Vampiro, \mathbb{Z}, \mathbb{Z})]) = res : Nivel  {
        requiere esBienRazonable : an > 0, al > 0, (\forall t \leftarrow spaw)sgd(t) \ge 1 \land sgd(t) \le al \land trd(t) \ge 0;
        asegura empezasEnTurnoCero : turno(res) == 0;
        asegura tieneTablero : ancho(res) == an \land alto(res) == al;
        asegura esDiaSoleado : soles(res) == s;
        asegura elTableroEstaVacio: vampiros(res) == [] \land flores(res) == [];
        asegura habraEnemigosOrdenados : mismos(spawning(res), spaw);
problema anchoN (n : Nivel) = res : \mathbb{Z}  {
        asegura res == ancho(n);
problema altoN (n : Nivel) = res : \mathbb{Z}  {
        asegura res == alto(n);
problema turnoN (n : Nivel) = res : \mathbb{Z}  {
        asegura res == turno(n);
problema solesN (n : Nivel) = res : \mathbb{Z}  {
        asegura res == soles(n);
problema floresN (n : Nivel) = res : [(Flor, Posicion, Vida)] {
```

```
asegura res == flores(n);
problema vampirosN (n : Nivel) = res : [(Vampiro, Posicion, Vida)] {
                       asegura res == vampiros(n);
problema spawningN (n : Nivel) = res : [(Vampiro, \mathbb{Z}, \mathbb{Z})]  {
                       asegura res == spawning(n);
problema comprarSoles (n: Nivel, s : \mathbb{Z}) {
problema obsesivoCompusilvo (n: Nivel) = res : Bool {
problema agregarFlor (n: Nivel, f: Flor, p: Posicion) {
aux terminado (n: Nivel): Bool = ;
problema pasarTurno (n: Nivel) {
                      modifica n;
                       requiere noEsElFin : terminado(n) == False;
                        asegura graciasPachamama : soles(n) == soles(pre(n)) + 1 + 1
                                 |[1|j \in flores(n), Generar \in habilidadesF(j_1)]| * (turno(pre(n)) + 1);
                       \verb|asegura soloPasaUnTurno|: turno(n) == turno(pre(n)) + 1;
                        asegura\ lasFloresSeMarchitan1: (\forall k \in flores(n))(\exists f \in flores(pre(n)))k == f \lor flores(pre(n))
                                 (k_1 == f_1 \land k_2 == f_2 \land k_3 == f_3 - \sum [cuantoPegaV(v_1) | v \in vampiros(pre(n)), v_2 == f_2];
                        \texttt{asegura lasQueChocanExplotan}: (\not\exists k \in flores(pre(n)), v \in vampiros(pre(n)), k_2 == v_2 \land Explotar \in habilidadesF(k_1))
                                 k \in flores(n);
                        asegura los<code>V</code>ampiros<code>TambienSufren</code> : (orall t \in vampiros(n))(\exists v \in vampiros(pre(n)))t == v \lor (vampiros(pre(n)))t == v \lor (vam
                                 (t_1 == v_1 \land t_2 == v_2 \land t_3 == v_3 - \sum [cuantoPegaF(f)|f \in flores(pre(n)), f_{2,1} == v_{2,1} \lor f(f) = flores(pre(n)), f_{2,1} == flores(pre(n)), f_{2,
                                 (f_{2,2} \leq v_{2,2} \wedge noHayVampirosEnElMedio(v, f, pre(n))] \wedge t_3 > 0);
}
5
                Juego
tipo Juego {
                        observador flores (j: Juego) : [Flor];
                        observador vampiros (j. Juego) : [Vampiro];
                       observador niveles (j: Juego) : [Nivel];
                        invariante floresDistintas : (\forall i, k \leftarrow [0..|flores(j)|), i \neq k) \neg floresIquales(flores(j)_i, flores(j)_k);
                        invariante vampirosDistintos : sinRepetidos(vampiros(j));
                       invariante nivelesConFloresValidas : (\forall n \leftarrow niveles(j))(\forall f \leftarrow flores(n))prm(f) \in flores(j);
                        invariante nivelesConVampirosValidos : (\forall n \leftarrow niveles(j))(\forall v \leftarrow vampiros(n))prm(v) \in vampiros(j);
{\tt problema\ floresJ\ (j:\ Juego) = res: [Flor]\ \{}
                       asegura res == flores(j);
problema vampirosJ (j: Juego) = res : [Vampiro] {
                       asegura res == vampiros(j);
problema nivelesJ (j: Juego) = res : [Nivel] 
                       asegura res == niveles(j);
problema agregarNivelJ (j. Juego, n. Nivel, i. \mathbb{Z}) {
                       requiere turno(n) == 0;
                       requiere |flores(n)| == 0;
                       requiere |vampiros(n)| == 0;
                       requiere i \geq 0;
```

```
 \begin{array}{l} \operatorname{requiere} \ i \leq |\operatorname{niveles}(\operatorname{pre}(j))| \ ; \\ \operatorname{modifica} \ j \ ; \\ \operatorname{asegura} \ (\forall k \leftarrow [0..i))\operatorname{niveles} I \operatorname{guales}(\operatorname{niveles}(j)_k, \operatorname{niveles}(\operatorname{pre}(j))_k) \ ; \\ \operatorname{asegura} \ \operatorname{niveles} I \operatorname{guales}(\operatorname{niveles}(j)_i, n) \ ; \\ \operatorname{asegura} \ (\forall k \leftarrow (i..|\operatorname{niveles}(j)|)\operatorname{niveles} I \operatorname{guales}(\operatorname{niveles}(j)_k, \operatorname{niveles}(\operatorname{pre}(j))_{k-1}) \ ; \\ \operatorname{asegura} \ \operatorname{mismos}(f\operatorname{lores}(j), f\operatorname{lores}(\operatorname{pre}(j))) \ ; \\ \operatorname{asegura} \ \operatorname{mismos}(\operatorname{vampiros}(j), \operatorname{vampiros}(\operatorname{pre}(j))) \ ; \\ \\ \end{array} \} \\ \operatorname{problema} \ \operatorname{estosSalenFacil} \ (j: \ \operatorname{Juego}) = \operatorname{res} : \ [\operatorname{Nivel}] \ \left\{ \right. \\ \\ \operatorname{problema} \ \operatorname{altoCheat} \ (j: \ \operatorname{Juego}, \ i: \ \mathbb{Z}) \ \left\{ \right. \\ \\ \operatorname{problema} \ \operatorname{muyDeExactas} \ (j: \ \operatorname{Juego}) = \operatorname{res} : \ \operatorname{Bool} \ \left\{ \\ \operatorname{asegura} \ \operatorname{listaNivelesGanados}(j) == fibonacci(|\operatorname{listaNivelesGanados}(j)|) \ ; \\ \\ \end{array} \} \\ \\ \end{array} \} \\ \end{array}
```

6 Auxiliares

```
aux vidaFloresOk (fs: [(Flor, Posicion, Vida)]): Bool = (\forall f \leftarrow fs)trd(f) > 0 \land trd(f) \le vida(prm(f)); aux vidaVampirosOk (fs: [(Vampiro, Posicion, Vida)]): Bool = (\forall f \leftarrow fs)trd(f) > 0 \land trd(f) \le vida(prm(f)); aux floresIguales (x, y: Flor): Bool = mismos(habilidades(x), habilidades(y)); aux cuenta (x: T, a: [T]): Int = |[y|y \in a, y = x]|; aux mismos (a, b: [T]): Bool = (|a| = |b| \land (\forall c \in a)cuenta(c, a) = cuenta(c, b)); aux sinRepetidos (xs: [T]): Bool = (\forall i, j \leftarrow [0..|xs|), i \neq j)xs_i \neq xs_j; aux noHayVampirosEnElMedio (v: (Vampiro, Posicion, Vida), f: (Flor, Posicion, Vida), n: Nivel): Bool = (\exists k \in vampiros(n))k_{2,2} \ge f_{2,2} \land k_{2,2} < v_{2,2}; aux nivelGanado (n:Nivel): Bool = vampiros(n) = [vampiros(n) + [vampiros(n) = [vampiros(n) + [v
```