

Algoritmos y Estructura de Datos I

Primer cuatrimestre de 2015

6 de Mayo de 2015

TPI - Flores vs Vampiros

1. Tipos

```
tipo Habilidad = Generar, Atacar, Explotar;
tipo ClaseVampiro = Caminante, Desviado;
tipo Posicion = ( $\mathbb{Z}$ ,  $\mathbb{Z}$ );
tipo Vida =  $\mathbb{Z}$ ;
```

2. Flor

```
tipo Flor {
  observador vida (f: Flor) :  $\mathbb{Z}$ ;
  observador cuantoPega (f: Flor) :  $\mathbb{Z}$ ;
  observador habilidades (f: Flor) : [Habilidad];

  invariante sinRepetidos(habilidades(f));
  invariante lasHabilidadesDeterminanLaVidaElGolpe :
    vidaDeFlorValida(vida(f), habilidades(f))  $\wedge$  cuantoPegaFlorValido(cuantoPega(f), habilidades(f));
}

problema nuevaF (v :  $\mathbb{Z}$ , cP :  $\mathbb{Z}$ , hs : [Habilidad]) = this : Flor {
  requiere sinRepetidos(hs);
  requiere vidaDeFlorValida(v, hs);
  requiere cuantoPegaFlorValido(cP, hs);
  asegura mismos(hs, habilidades(this));
}

problema vidaF (this : Flor) = res :  $\mathbb{Z}$  {
  asegura res == vida(this);
}

problema cuantoPegaF (this : Flor) = res :  $\mathbb{Z}$  {
  asegura res == cuantoPega(this);
}

problema habilidadesF (this : Flor) = res : [Habilidad] {
  asegura mismos(res, habilidades(this));
}
```

3. Vampiro

```
tipo Vampiro {
  observador clase (v: Vampiro) : ClaseVampiro;
  observador vida (v: Vampiro) :  $\mathbb{Z}$ ;
  observador cuantoPega (v: Vampiro) :  $\mathbb{Z}$ ;

  invariante vidaEnRango : vida(v)  $\geq$  0  $\wedge$  vida(v)  $\leq$  100;
  invariante pegaEnSerio : cuantoPega(v)  $>$  0;
}

problema nuevoV (cv : claseVampiro, v :  $\mathbb{Z}$ , cP:  $\mathbb{Z}$ ) = this : Vampiro {
  requiere v  $\geq$  0  $\wedge$  v  $\leq$  100;
  requiere cP  $>$  0;
  asegura clase(this) == cv;
}
```

```

    asegura vida(this) == v;
    asegura cuantoPega(this) == cP;
}

problema claseVampiroV (this : Vampiro) = res : ClaseVampiro {
    asegura res == clase(this);
}

problema vidaV (this : Vampiro) = res :  $\mathbb{Z}$  {
    asegura res == vida(this);
}

problema cuantoPegaV (this : Vampiro) = res :  $\mathbb{Z}$  {
    asegura res == cuantoPega(this);
}

```

4. Nivel

```

tipo Nivel {
    observador ancho (n: Nivel) :  $\mathbb{Z}$ ;
    observador alto (n: Nivel) :  $\mathbb{Z}$ ;
    observador turno (n: Nivel) :  $\mathbb{Z}$ ;
    observador soles (n: Nivel) :  $\mathbb{Z}$ ;
    observador flores (n: Nivel) : [(Flor, Posicion, Vida)];
    observador vampiros (n: Nivel) : [(Vampiro, Posicion, Vida)];
    observador spawning (n: Nivel) : [(Vampiro,  $\mathbb{Z}$ ,  $\mathbb{Z}$ )];
    invariante valoresRazonables : ancho(n) > 0  $\wedge$  alto(n) > 0  $\wedge$  soles(n)  $\geq$  0  $\wedge$  turno(n)  $\geq$  0;
    invariante posicionesValidas : vampirosEnCuadrícula(n)  $\wedge$  floresEnCuadrícula(n);
    invariante spawningOrdenado :
        duplasOrdenadas([(turnoSpawn(spawn), filaSpawn(spawn)) | spawn  $\leftarrow$  spawning(n)]);
    invariante necesitoMiEspacio : ( $\forall i, j \leftarrow [0..|flores(n)|], i \neq j$ )  $\text{sgd}(flores(n)_i) \neq \text{sgd}(flores(n)_j)$ ;
    invariante vivosPeroNoTanto : vidaFloresOk(flores(n))  $\wedge$  vidaVampirosOk(vampiros(n));
    invariante spawnenBien : ( $\forall t \leftarrow spawning(n)$ )  $\text{sgd}(t) \geq 1 \wedge \text{sgd}(t) \leq \text{alto}(n) \wedge \text{trd}(t) \geq 0$ ;
}

problema nuevoN (an :  $\mathbb{Z}$ , al :  $\mathbb{Z}$ , s:  $\mathbb{Z}$ , spaw : [(Vampiro,  $\mathbb{Z}$ ,  $\mathbb{Z}$ )]) = this : Nivel {
    requiere an > 0;
    requiere al > 0;
    requiere s  $\geq$  0;
    requiere filasSpawnValidas : ( $\forall s \leftarrow spaw$ ) filaSpawn(s)  $\geq$  1  $\wedge$  filaSpawn  $\leq$  al;
    requiere turnosSpawnValidos : ( $\forall s \leftarrow spaw$ ) turnoSpawn(s)  $\geq$  0;
    requiere spawningOrdenado : duplasOrdenadas([(turnoSpawn(spawn), filaSpawn(spawn)) | spawn  $\leftarrow$  spaw]);
    asegura ancho(this) == an;
    asegura alto(this) == al;
    asegura soles(this) == s;
    asegura mismos(spawning(this), spaw);
    asegura |vampiros(this)| == 0;
    asegura |flores(this)| == 0;
    asegura turno(n) == 0;
}

problema anchoN (this: Nivel) = res :  $\mathbb{Z}$  {
    asegura res == ancho(this);
}

problema altoN (this: Nivel) = res :  $\mathbb{Z}$  {
    asegura res == alto(this);
}

problema turnoN (this: Nivel) = res :  $\mathbb{Z}$  {
    asegura res == turno(this);
}

problema solesN (this: Nivel) = res :  $\mathbb{Z}$  {

```

```

    asegura res == soles(this);
}

problema floresN (this: Nivel) = res : [(Flor, Posicion, Vida)] {
    asegura mismasFloresDeNivel(flores(this), res);
}

problema vampirosN (this: Nivel) = res : [(Vampiro, Posicion, Vida)] {
    asegura mismos(res, vampiros(nthis));
}

problema spawningN (this : Nivel) = res : [(Vampiro,  $\mathbb{Z}$ ,  $\mathbb{Z}$ )] {
    asegura mismos(res, spawning(this));
    asegura duplaOrdenada([(turnoSpawn(spawn), filaSpawn(spawn)) | spawn  $\leftarrow$  res]);
}

problema comprarSoles (this : Nivel, s :  $\mathbb{Z}$ ) {
    requiere s > 0;
    modifica this;
    asegura ancho(this) == ancho(pre(this));
    asegura alto(this) == alto(pre(this));
    asegura turno(this) == turno(pre(this));
    asegura soles(this) == soles(pre(this)) + s;
    asegura mismasFloresDeNivel(flores(this), flores(pre(this)));
    asegura mismos(vampiros(this), vampiros(pre(this)));
    asegura mismos(spawning(this), spawning(pre(this)));
}

problema obsesivoCompulsivo (this : Nivel) = res : Bool {
    asegura res  $\leftrightarrow$  (( $\forall i \leftarrow [0..|flores(this)|], j \leftarrow [0..|flores(this)|], i \neq j \wedge$ posicionMayorInmediata(i, j, flores(this))
        Atacar  $\in$  habilidades(prm(flores(this)i))  $\implies \neg$ (Atacar  $\in$  habilidades(prm(flores(this)j)))));
}

problema agregarFlor (this : Nivel, f : Flor, p : Posicion) {
    requiere sinColisiones : ( $\forall flor \leftarrow flores(this)$ ) sgd(flor)  $\neq$  p;
    requiere solesSuficientes : soles(this)  $\geq 2^{|habilidades(f)|}$ ;
    modifica this;
    asegura ancho(this) == ancho(pre(this));
    asegura alto(this) == alto(pre(this));
    asegura turno(this) == turno(pre(this));
    asegura soles(this) == soles(pre(this)) -  $2^{|habilidades(f)|}$ ;
    asegura mismasFloresDeNivel(flores(this), (f, p, vida(f)) : flores(pre(this)));
    asegura mismos(vampiros(this), vampiros(pre(this)));
    asegura mismos(spawning(this), spawning(pre(this)));
}

problema pasarTurno (this : Nivel) {
    requiere  $\neg$ terminado(this);
    modifica this;
    asegura ancho(this) == ancho(pre(this));
    asegura alto(this) == alto(pre(this));
    asegura turno(this) == turno(pre(this)) + 1;
    asegura soles(this) == soles(pre(this)) +
        |[flor | flor  $\leftarrow flores(pre(this)), Generar \in habilidades(prm(flor))]| + 1;$ 
    asegura mismasFloresDeNivel(flores(this), floresDaniadas(pre(this)));
    asegura mismos(vampiros(this), vampirosMovidos(vampirosDaniados(pre(this)), pre(this)) ++ nuevosVampiros(pre(th
    asegura mismos(spawning(this), proximosVampiros(pre(this)));
}

```

5. Juego

```

tipo Juego {
    observador flores (j: Juego) : [Flor];
    observador vampiros (j: Juego) : [Vampiro];
}

```

```

observador niveles (j: Juego) : [Nivel];
invariante floresDistintas :  $(\forall i, k \leftarrow [0..|flores(j)|], i \neq k) \neg floresIguales(flores(j)_i, flores(j)_k)$ ;
invariante vampirosDistintos : sinRepetidos(vampiros(j));
invariante nivelesConFloresValidas :
   $(\forall nivel \leftarrow niveles(j)) ((\forall flor \leftarrow flores(nivel)) florEnLista(flor, flores(j)))$ ;
invariante nivelesConVampirosValidos :  $(\forall nivel \leftarrow niveles(j)) ((\forall vampiro \leftarrow vampiros(nivel)) vampiro \in$ 
  vampiros(j));
}

problema nuevoJ (fs:[Flor], vs:[Vampiro]) = this : Juego {
  asegura mismasFlores(flores(this), fs);
  asegura mismos(vampiros(this), vs);
  asegura  $|niveles(this)| == 0$ ;
}

problema floresJ (this: Juego) = res : [Flor] {
  asegura mismasFlores(res, flores(this));
}

problema vampirosJ (this: Juego) = res : [Vampiro] {
  asegura mismos(res, vampiros(this));
}

problema nivelesJ (this: Juego) = res : [Nivel] {
  asegura  $|res| == |niveles(this)|$ ;
  asegura  $(\forall i \leftarrow [0..|niveles(this)|]) nivelesIguales(res_i, niveles(this)_i)$ ;
}

problema agregarNivelJ (this: Juego , n : Nivel , i :  $\mathbb{Z}$ ) {
  requiere  $0 \leq i \leq |niveles(this)|$ ;
  requiere  $|flores(n)| == 0$ ;
  requiere  $|vampiros(n)| == 0$ ;
  requiere  $turno(n) == 0$ ;
  modifica this;
  asegura mismasFlores(flores(this), flores(pre(this)));
  asegura mismos(vampiros(this), vampiros(pre(this)));
  asegura  $|niveles(this)| == |niveles(pre(this))| + 1$ ;
  asegura  $(\forall k \leftarrow [0..i]) nivelesIguales(niveles(this)_k, niveles(pre(this))_k)$ ;
  asegura nivelesIguales(n, niveles(this)_i);
  asegura  $(\forall k \leftarrow [i + 1..niveles(pre(this)) + 1]) nivelesIguales(niveles(this)_k, niveles(pre(this))_{k-1})$ ;
}

problema estosSalenFacil (this: Juego) = res : [Nivel] {
  asegura mismosNiveles(res, nivelesFaciles(this));
}

problema jugarNivel (this : Juego, n : Nivel, i :  $\mathbb{Z}$ ) {
  requiere  $0 \leq i < |niveles(this)|$ ;
  requiere  $ancho(n) == ancho(niveles(this)_i)$ ;
  requiere  $alto(n) == alto(niveles(this)_i)$ ;
  requiere  $turno(n) > turno(niveles(this)_i)$ ;
  requiere mismos(spawning(n),  $[spawn|spawn \leftarrow spawning(niveles(this)_i), turnoSpawn(spawn) > turno(n)]$ );
  modifica this;
  asegura mismasFlores(flores(this), flores(pre(this)));
  asegura mismos(vampiros(this), vampiros(pre(this)));
  asegura  $|niveles(this)| == |niveles(pre(this))|$ ;
  asegura  $(\forall k \leftarrow [0..|niveles(pre(this))|], k \neq i) nivelesIguales(niveles(this)_k, niveles(pre(this))_k)$ ;
  asegura  $ancho(niveles(this)_i) == ancho(n)$ ;
  asegura  $alto(niveles(this)_i) == alto(n)$ ;
  asegura  $turno(niveles(this)_i) == turno(n)$ ;
  asegura  $soles(niveles(this)_i) == soles(n)$ ;
  asegura mismasFloresDeNivel(flores(niveles(this)_i), flores(n));
  asegura mismos(vampiros(niveles(this)_i), vampiros(n));
  asegura mismos(spawning(niveles(this)_i), spawning(n));
}

```

```

problema altoCheat (this : Juego, i :  $\mathbb{Z}$ ) {
  requiere  $0 \leq i < |niveles(this)|$ ;
  modifica this;
  asegura mismasFlores(flores(this), flores(pre(this)));
  asegura mismos(vampiros(this), vampiros(pre(this)));
  asegura  $|niveles(this)| == |niveles(pre(this))|$ ;
  asegura  $(\forall k \leftarrow [0..|niveles(pre(this))|], k \neq i) \text{ nivelesIguales}(niveles(this)_k, niveles(pre(this))_k)$ ;
  asegura ancho(niveles(this)i) == ancho(niveles(pre(this))i);
  asegura alto(niveles(this)i) == alto(niveles(pre(this))i);
  asegura turno(niveles(this)i) == turno(niveles(pre(this))i);
  asegura soles(niveles(this)i) == soles(niveles(pre(this))i);
  asegura mismasFloresDeNivel(flores(niveles(this)i), flores(niveles(pre(this))i));
  asegura mismos(vampiros(niveles(this)i), vampirosMitadVida(vampiros(niveles(pre(this))i)));
  asegura mismos(spawning(niveles(this)i), spawning(niveles(pre(this))i));
}

problema muyDeExactas (this : Juego) = res : Bool {
  requiere  $|nivelesGanados(this)| > 0$ ;
  asegura res  $\leftrightarrow$  (
     $(|nivelesGanados(this)| \geq 1 \rightarrow nivelesGanados(this)_0 == 1) \wedge$ 
     $(|nivelesGanados(this)| \geq 2 \rightarrow nivelesGanados(this)_1 == 2) \wedge$ 
     $(|nivelesGanados(this)| > 2 \rightarrow (\forall i \leftarrow [2..|nivelesGanados(this)|]) \text{ nivelesGanados}(this)_i == \text{nivelesGanados}(this)_{i-2})$ ;
  )
}

```

6. Auxiliares

```

aux vidaFloresOk (fs : [(Flor, Posicion, Vida)]) : Bool =  $(\forall f \leftarrow fs) \text{trd}(f) > 0 \wedge \text{trd}(f) \leq \text{vida}(\text{prm}(f))$ ;
aux vidaVampirosOk (fs : [(Vampiro, Posicion, Vida)]) : Bool =  $(\forall f \leftarrow fs) \text{trd}(f) > 0 \wedge \text{trd}(f) \leq \text{vida}(\text{prm}(f))$ ;
aux floresIguales (x, y) : Bool = mismos(habilidades(x), habilidades(y));
aux vidaDeFlorValida (vida :  $\mathbb{Z}$ , habilidades : [Habilidad]) : Bool =  $(\text{vida} == (100 \text{ div } |habilidades| + 1))$ ;
aux cuantoPegaFlorValido (cuantoPega :  $\mathbb{Z}$ , habilidades : [Habilidad]) : Bool =  $(\text{Atacar} \in \text{habilidades} \wedge \text{cuantoPega} == (12 \text{ div } |habilidades|)) \vee (\text{Atacar} \notin \text{habilidades} \wedge \text{cuantoPega} == 0)$ ;
aux fila (pos : Posicion) :  $\mathbb{Z}$  =  $\text{sgd}(\text{pos})$ ;
aux columna (pos : Posicion) :  $\mathbb{Z}$  =  $\text{prm}(\text{pos})$ ;
aux posicionEnNivel (pos : Posicion, n : Nivel) : Bool =  $\text{columna}(\text{pos}) \geq 1 \wedge \text{columna}(\text{pos}) \leq \text{ancho}(n)$ 
 $\wedge \text{fila}(\text{pos}) \geq 1 \wedge \text{fila}(\text{pos}) \leq \text{alto}(n)$ ;
aux posicionVampiroEnNivel (posVampiro : Posicion, n : Nivel) : Bool =  $\text{columna}(\text{posVampiro}) \geq 0$ 
 $\wedge \text{columna}(\text{posVampiro}) \leq \text{ancho}(n) \wedge \text{fila}(\text{posVampiro}) \geq 1 \wedge \text{fila}(\text{posVampiro}) \leq \text{alto}(n)$ ;
aux vampirosEnCuadrícula (n : Nivel) : Bool =  $(\forall v \leftarrow \text{vampiros}(n)) \text{posicionVampiroEnNivel}(\text{sgd}(v), n)$ ;
aux floresEnCuadrícula (n : Nivel) : Bool =  $(\forall f \leftarrow \text{flores}(n)) \text{posicionEnNivel}(\text{sgd}(f), n)$ ;
aux turnoSpawn (spawn : (Vampiro,  $\mathbb{Z}$ ,  $\mathbb{Z}$ )) :  $\mathbb{Z}$  =  $\text{trc}(\text{spawn})$ ;
aux filaSpawn (spawn : (Vampiro,  $\mathbb{Z}$ ,  $\mathbb{Z}$ )) :  $\mathbb{Z}$  =  $\text{sgd}(\text{spawn})$ ;
aux ordenada (lista : [ $\mathbb{Z}$ ]) : Bool =  $|lista| \leq 1 \vee (\forall i \leftarrow [1..|lista|]) \text{lista}_{i-1} \leq \text{lista}_i$ ;
aux duplasOrdenadas (listDuplas : [( $\mathbb{Z}$ ,  $\mathbb{Z}$ )] : Bool =  $|listaDuplas| \leq 1 \vee (\text{ordenada}([\text{prm}(\text{dupla})|\text{dupla} \leftarrow \text{listaDuplas}]) \wedge$ 
 $(\forall i \leftarrow [1..|listaDuplas|], \text{prm}(\text{listaDupla}_{i-1}) == \text{prm}(\text{listaDupla}_i)) \text{sgd}(\text{listaDupla}_{i-1}) \leq \text{sgd}(\text{listaDupla}_i))$ ;
aux cuentaFloresDeNivel (flor : (Flor, Posicion, Vida), flores : [(Flor, Posicion, Vida)]) :  $\mathbb{Z}$  =  $||[f|f \leftarrow \text{flores},$ 
 $\text{floresIguales}(\text{prm}(\text{flor}), \text{prm}(f)) \wedge \text{sgd}(\text{flor}) == \text{sgd}(f) \wedge \text{trc}(\text{flor}) == \text{trc}(f)]||$ ;
aux mismasFloresDeNivel (floresA : [(Flor, Posicion, Vida)], floresB : [(Flor, Posicion, Vida)]) : Bool =  $|\text{floresA}| ==$ 
 $|\text{floresB}| \wedge (\forall \text{flor} \leftarrow \text{floresA}) \text{cuentaFloresDeNivel}(\text{flor}, \text{floresA}) == \text{cuentaFloresDeNivel}(\text{flor}, \text{floresB})$ ;
aux posicionMayor (a : Posicion, b : Posicion) : Bool =  $\text{fila}(a) > \text{fila}(b) \vee (\text{fila}(a) == \text{fila}(b) \wedge \text{columna}(a) >$ 
 $\text{columna}(b))$ ;
aux posicionMenor (a : Posicion, b : Posicion) : Bool =  $a \neq b \wedge \neg \text{posicionMayor}(a, b)$ ;
aux posicionMayorInmediata (a :  $\mathbb{Z}$ , b :  $\mathbb{Z}$ , lista : [Posicion]) : Bool =  $\text{posicionMayor}(\text{lista}_a, \text{lista}_b) \wedge$ 
 $(\forall i \leftarrow [0..|lista|], a \neq i \wedge b \neq i) \neg (\text{posicionMayor}(\text{lista}_i, \text{lista}_b) \wedge \text{posicionMenor}(\text{lista}_i, \text{lista}_a))$ ;
aux vampirosEnCasa (vampiros : [(Vampiro, Posicion, Vida)]) :  $\mathbb{Z}$  =
 $||[\text{vampiro}|\text{vampiro} \leftarrow \text{vampiros}, \text{columna}(\text{sgd}(\text{vampiro})) == 0]||$ ;
aux florExploto (flor : (Flor, Posicion, Vida), vampiros : [(Vampiro, Posicion, Vida)]) : Bool =
 $\text{Explotar} \in \text{habilidades}(\text{prm}(\text{flor})) \wedge (\exists v \leftarrow \text{vampiros}) \text{sgc}(v) == \text{sgd}(\text{flor})$ ;
aux danarFlor (flor : (Flor, Posicion, Vida), vampiros : [(Vampiro, Posicion, Vida)]) : (Flor, Posicion, Vida) =
 $(\text{prm}(\text{flor}), \text{sgd}(\text{flor}), \text{trc}(\text{flor}) - \sum[\text{cuantoPega}(\text{prm}(v))|v \leftarrow \text{vampiros}, \text{sgd}(v) == \text{sgd}(\text{flor})])$ ;

```

```

    aux florMuerta (flor : (Flor, Posicion, Vida), vampiros : [(Vampiro, Posicion, Vida)]) : Bool =
    florExploto(flor, vampiros)  $\vee$  trc(daniarFlor(flor, vampiros))  $\leq$  0 ;
    aux floresDaniadas (n : Nivel) : [(Flor, Posicion, Vida)] = [daniarFlor(flor, vampiros(n)) |
    flor  $\leftarrow$  flores(n),  $\neg$  florMuerta(flor, vampiros(n))];
    aux enMira (flor : (Flor, Posicion, Vida), vampiro : (Vampiro, Posicion, Vida)) : Bool =
    fila(sgd(flor)) == fila(sgd(vampiro))  $\wedge$  columna(sgd(flor))  $\leq$  columna(sgd(vampiro));
    aux intercepta (flor : (Flor, Posicion, Vida), vampiro : (Vampiro, Posicion, Vida), vampiros : [(Vampiro, Posicion,
    Vida)]) : Bool = ( $\exists v \leftarrow$  vampiros) fila(sgd(v)) == fila(sgd(flor))  $\wedge$  columna(sgd(flor))  $\leq$  columna(sgd(v)) <
    columna(sgd(vampiro));
    aux daniarVampiro (vampiro : (Vampiro, Posicion, Vida), flores : [(Flor, Posicion, Vida)], vampiros : [(Vampiro, Posicion,
    Vida)]) : (Vampiro, Posicion, Vida) = (prm(vampiro), sgd(vampiro), trc(vampiro) -
     $\sum$ [cuantoPega(prm(f)) | f  $\leftarrow$  flores(n), enMira(f, vampiro)  $\wedge$   $\neg$  intercepta(f, vampiro, vampiros)]) ;
    aux vampiroMuerto (vampiro : (Vampiro, Posicion, Vida), flores : [(Flor, Posicion, Vida)], vampiros : [(Vampiro, Posicion,
    Vida)]) : Bool = trc(daniarVampiro(vampiro, flores, vampiros))  $\leq$  0 ;
    aux vampirosDaniados (n : Nivel) : [(Vampiro, Posicion, Vida)] = [daniarVampiro(vampiro, flores(n), vampiros(n)) |
    vampiro  $\leftarrow$  vampiros(n),  $\neg$  vampiroMuerto(vampiro, flores(n), vampiros(n))];
    aux florSobreviviente (pos : Posicion, flores : [(Flor, Posicion, Vida)], vampiros : [(Vampiro, Posicion, Vida)]) : Bool
    = ( $\exists$  flor  $\leftarrow$  flores) sgd(flor) == pos  $\wedge$   $\neg$  florMuerta(flor, vampiros);
    aux florExplotada (pos : Posicion, flores : [(Flor, Posicion, Vida)], vampiros : [(Vampiro, Posicion, Vida)]) : Bool =
    ( $\exists$  flor  $\leftarrow$  flores) sgd(flor) == pos  $\wedge$  florExploto(flor, vampiros);
    aux intentarRetroceder (pos : Posicion, anchoNivel :  $\mathbb{Z}$ ) : Posicion =
    if columna(pos) < anchoNivel
    then columna(pos) + 1, fila(pos)
    else pos ;
    aux intentarDesvio (vampiro : (Vampiro, Posicion, Vida)) : Posicion =
    if clase(prm(vampiro)) == Desviado  $\wedge$  fila(sgd(vampiro)) > 1
    then (columna(sgd(vampiro)) - 1, fila(sgd(vampiro)) - 1)
    else (columna(sgd(vampiro)) - 1, fila(sgd(vampiro)));
    aux intentarAvanzar (vampiro : (Vampiro, Posicion, Vida), n : Nivel) : Posicion =
    if florExplotada(sgd(vampiro), flores(n), vampiros(n))
    then intentarRetroceder(sgd(vampiro), ancho(n))
    else intentarDesvio(vampiro);
    aux mover (vampiro : (Vampiro, Posicion, Vida), n : Nivel) : (Vampiro, Posicion, Vida) =
    (prm(vampiro),
    if florSobreviviente(sgd(vampiro), flores(n), vampiros(n))
    then sgd(vampiro)
    else intentarAvanzar(vampiro, n),
    trc(vampiro));
    aux vampirosMovidos (vampiros : [(Vampiro, Posicion, Vida)], n : Nivel) : [(Vampiro, Posicion, Vida)] = [mover(vampiro, n) |
    vampiro  $\leftarrow$  vampiros];
    aux nuevosVampiros (n : Nivel) : [(Vampiro, Posicion, Vida)] = [(prm(spawn), (ancho(n), filaSpawn(spawn)),
    vida(prm(spawn))) | spawn  $\leftarrow$  spawning(n), turnoSpawn(spawn) == turno(n) + 1];
    aux proximosVampiros (n : Nivel) : [(Vampiro,  $\mathbb{Z}$ ,  $\mathbb{Z}$ )] = [spawn | spawn  $\leftarrow$  spawning(n), turnoSpawn(spawn) >
    turno(n) + 1];
    aux florEnLista (flor : Flor, listaFlores : [Flor]) : Bool = ( $\exists f \leftarrow$  listaFlores) floresIguales(flor, f);
    aux cuentaFlores (flor : Flor, flores : [Flor]) :  $\mathbb{Z}$  = |[f | f  $\leftarrow$  flores, floresIguales(f, flor)]|;
    aux mismasFlores (floresA : [Flor], floresB : [Flor]) : Bool = |floresA| == |floresB|  $\wedge$ 
    ( $\forall$  flor  $\leftarrow$  floresA) cuentaFlores(flor, floresA) == cuentaFlores(flor, floresB);
    aux nivelesIguales (nA : Nivel, nB : Nivel) : Bool =
    ancho(nA) == ancho(nB)  $\wedge$ 
    alto(nA) == alto(nB)  $\wedge$ 
    turno(nA) == turno(nB)  $\wedge$ 
    soles(nA) == soles(nB)  $\wedge$ 
    mismasFloresDeNivel(flores(nA), flores(nB))  $\wedge$ 
    mismos(vampiros(nA), vampiros(nB))  $\wedge$ 
    mismos(spawning(nA), spawning(nB));
    aux masFacil (nA : Nivel, nB : Nivel) : Bool = soles(nA) > soles(nB)  $\vee$  (soles(nA) == soles(nB)  $\wedge$  |flores(nA)| >
    |flores(nB)|);
    aux nivelesFaciles (j: Juego) : [Nivel] =
    [n | n  $\leftarrow$  niveles(j),  $\neg$ ( $\exists$  candidato  $\leftarrow$  niveles(j)) (masFacil(candidato, nivel))];
    aux mismosNiveles (a,b: [Nivel]) : Bool = |a| == |b|  $\wedge$ 
    ( $\forall x \leftarrow$  a) cantidadNivelesIguales(x, a) == cantidadNivelesIguales(x, b);
    aux cantidadNivelesIguales (niv: Nivel, ns: [Nivel]) :  $\mathbb{Z}$  = |[n | n  $\leftarrow$  ns, nivelesIguales(n, niv)]|;

```

```

    aux vampirosMitadVida (vampiros : [(Vampiro, Posicion, Vida)]) : [(Vampiro, Posicion, Vida)] = [
      (prm(vampiro),sgd(vampiro),trc(vampiro) div 2)|vampiro ← vampiros];
    aux terminado (n : Nivel) : Bool = (|vampiros(n)| == 0 ∧ |spawning(n)| == 0) ∨ vampirosEnCasa(vampiros(n)) > 0;
    aux nivelesGanados (j : Juego) : [Z] = [i|i ← [0..|niveles(j)|], |spawning(niveles(j)i)| == 0 ∧ |vampiros(niveles(j)i)| ==
0];

```