

Trabajo Práctico 1

Grupo Número 1

06 de Septiembre de 2015

Algoritmos y Estructuras de Datos II

Integrante	LU	Correo electrónico
Joel Esteban Camera	257/14	joel.e.camera@gmail.com
Manuel Mena	313/14	manuelmena1993@gmail.com
Kevin Frachtenberg Goldsmit	247/14	kevinfra94@gmail.com
Nicolás Bukovits	546/14	nicobuk@gmail.com



Facultad de Ciencias Exactas y Naturales

Universidad de Buenos Aires

Ciudad Universitaria - Pabellón I Intendente Güiraldes 2160 - C1428EGA Ciudad Autónoma de Buenos Aires - Argentina

 $\label{eq:TelFax: formula} Tel/Fax: (54\ 11)\ 4576\text{-}3359 \\ \text{http://exactas.uba.ar}$

Índice

1.	Mó	dulo CampusSeguro	3
	1.1.	Interfaz	3
		1.1.1. Operaciones básicas de CampusSeguro	3
		1.1.2. Representación de campusSeguro	6
		1.1.3. Invariante de Representación	6
		1.1.4. Función de Abstracción	9
	1.2.	Algoritmos	Ö
	Móc	dulo DiccTrie	14
	2.1.	Interfaz	14
		2.1.1. Operaciones básicas de DiccTrie	14
		2.1.2. Representación de campusSeguro	17
		2.1.3. Invariante de Representación	17
		2.1.4. Función de Abstracción	20
	2.2.	Algoritmos	20

1. Módulo CampusSeguro

1.1. Interfaz

```
se explica con: CampusSeguro.
    géneros: campusSeguro.
1.1.1.
          Operaciones básicas de CampusSeguro
    COMENZARRASTRILLAJE(in c: campus, in d: dicc(placa, AS)) 
ightarrow res: campusSeguro
    \mathbf{Pre} \equiv \{ (\forall a : \text{agente}) \ (\text{def}?(a,d) \Rightarrow_L \ (\text{posV\'alida}(\text{obtener}(a,d)) \land \neg \text{ocupada}?(\text{obtener}(a,d,c))) \land (\forall a,a2 : \text{agente}) \} \}
    ((\text{def}?(a,d) \land \text{def}?(a2,d) \land a \neq a2) \Rightarrow_L \text{obtener}(a,d) \neq \text{obtener}(a2,d))
    \mathbf{Post} \equiv \{ \text{res} =_{obs} \text{comenzarRastrillaje}(\mathbf{c}, \mathbf{d}) \}
    Complejidad: O()
    Descripción: Crea un nuevo campusSeguro tomando un campus y un diccionario con agentes.
    INGRESARESTUDIANTE (in e: nombre, in p: posición, in/out cs: campusSeguro)
    \mathbf{Pre} \equiv \{cs =_{obs} cs_o \land e \notin (\mathrm{estudiantes}(cs) \mid \mathsf{J} \ \mathrm{hippies}(cs)) \land \mathrm{esIngreso}?(p, \mathrm{campus}(cs)) \land \neg \mathrm{estaOcupada}?(p, cs)\}
    \mathbf{Post} \equiv \{cs =_{obs} \text{ ingresarEstudiante}(e, p, cs_o)\}
    Complejidad: O(|n_m|) + O(log(N_a))
    Descripción: Ingresa un nuevo estudiante al campusSeguro
    INGRESARHIPPIE (in h: nombre, in p: posición, in/out cs: campusSeguro)
    \mathbf{Pre} \equiv \{cs =_{obs} cs_o \land h \not\in (\mathrm{estudiantes}(cs) \mid \mathsf{j} \ \mathrm{hippies}(cs)) \land \mathrm{esIngreso?}(p, \mathrm{campus}(cs)) \land \neg \mathrm{estaOcupada?}(p, cs)\}
    \mathbf{Post} \equiv \{cs =_{obs} \text{ingresarHippie}(h, p, cs_o)\}\
    Complejidad: O(|n_m|) + O(log(N_a))
    Descripción: Ingresa un nuevo hippie el campusSeguro
    MOVERESTUDIANTE (in e: nombre, in dir: dirección, in/out cs: campusSeguro)
    \mathbf{Pre} \equiv \{cs =_{obs} cs_o \land e \in \text{estudiantes}(cs) \land (\text{seRetira}(e, dir, cs) \lor e\}
    (posValida(proxPosicion(posEstudianteYHippie(e,cs),dir,campus(cs)),
                                                                                                              campus(cs))
                                                                                                                                                 Λ
    \neg esta Ocupada? (proxPosicion(posEstudianteYHippie(e,cs), dir, campus(cs)), cs) \}
    \mathbf{Post} \equiv \{cs =_{obs} \text{moverEstudiante}(e, dir, cs_o)\}
    Complejidad: O(|n_m|) + O(log(N_a))
    Descripción: Mueve un estudiante dentro del campus o lo hace salir y se actualizan los atrapados, sanciones (si
    es que las hay) y hippies atrapados (si es que los hay).
    MOVERHIPPIE (in h: nombre, in d: direction, in/out cs: campusSeguro)
    \mathbf{Pre} \equiv \{cs =_{obs} cs_o \land h \in \text{hippies}(cs) \land \neg \text{todasOcupadas?}(\text{vecinos}(\text{posEstudianteYHippie}(h,cs),\text{campus}(cs)), cs)\}
    \mathbf{Post} \equiv \{cs =_{obs} \text{moverHippie}(h, d, cs_o)\}
    Complejidad: O(|n_m|) + O(log(N_a)) + O(N_e)
    Descripción: Mueve un hippie dentro del campus y se actualizan los atrapados, sanciones(si es que las hay) y
    hippies atrapados (si es que los hay).
```

```
MOVERAGENTE (in a: agente, in/out cs: campusSeguro)

Pre = \{cs - cs \land a \in agentes(cs) \land cs \in agentes(as) \land cs \in agentes(a
```

 $\mathbf{Pre} \equiv \{cs =_{obs} cs_o \land a \in \operatorname{agentes}(cs) \land_L \operatorname{cantSanciones}(a,cs) \leq 3 \land \neg \operatorname{todasOcupadas?}(\operatorname{vecinos}(\operatorname{posEstudianteYHippie}(h,cs),\operatorname{campus}(cs)),cs)\}$

 $\mathbf{Post} \equiv \{cs =_{obs} \text{moverAgente}(a, cs_o)\}\$

Complejidad: $O(|n_m|) + O(log(N_a)) + O(N_h)$

Descripción: Mueve un agente dentro del campus y se actualizan los atrapados, sanciones (si es que las hay) y hippies atrapados (si es que los hay).

```
\mathtt{CAMPUS}(\mathbf{in}\ cs\colon \mathtt{campusSeguro}) 	o res: \mathtt{campus}
\mathbf{Pre} \equiv \{ \mathrm{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} \operatorname{campus}(cs)\}\
Complejidad: O(1)
Descripción: Devuelve el campus del campusSeguro.
Aliasing: res es una referencia no modificable.
ESTUDIANTES(in cs: campusSeguro) \rightarrow res: conj(nombre)
\mathbf{Pre} \equiv \{ \mathbf{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} \text{ estudiantes}(cs)\}\
Complejidad: O(1)
Descripción: Devuelve el conjunto de los estudiantes que estan en el campus.
Aliasing: res es una referencia no modificable.
	ext{HIPPIES}(	ext{in } cs: 	ext{campusSeguro}) 
ightarrow res: 	ext{conj(nombre)}
\mathbf{Pre} \equiv \{ \text{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} \text{ hippies}(cs)\}\
Complejidad: O(1)
Descripción: Devuelve el conjunto de los hippies que estan en el campus.
Aliasing: res es una referencia no modificable.
	ext{AGENTES}(	ext{in } cs : 	ext{campusSeguro}) 
ightarrow res : 	ext{conj(agentes)}
\mathbf{Pre} \equiv \{ \mathrm{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} \operatorname{agentes}(cs)\}\
Complejidad: O(1)
Descripción: Devuelve el conjunto de los agentes que estan en el campus.
Aliasing: res es una referencia no modificable.
POSESTUDIANTEYHIPPIE(in id: nombre, in cs: campusSeguro) 
ightarrow res: posición
\mathbf{Pre} \equiv \{id \in (\text{estudiantes}(cs) \mid ) \mid \text{hippies}(cs) \}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} \mathbf{posEstudianteYHippie}(id,cs)\}
Complejidad: O(|n_m|), donde |m_n| es la longitud mas larga entre todos los nombres.
Descripción: Devuelve la posicion del estudiante o hippie.
POSAGENTE(in a: agente, in cs: campusSeguro) 
ightarrow res: posición
Pre \equiv \{\}
Post \equiv \{\}
Complejidad: O(1) en caso promedio.
CANTSANCIONES(in a: agente, in cs: campusSeguro) \rightarrow res: nat
\mathbf{Pre} \equiv \{\}
Post \equiv \{\}
Complejidad: O(1) en caso promedio.
CANTHIPPIESATRAPADOS(in a: agente, in cs: campusSeguro) 
ightarrow res: nat
\mathbf{Pre} \equiv \{\}
\mathbf{Post} \equiv \{\}
Complejidad: O(1) en caso promedio.
\text{MÁSVIGILANTE}(\textbf{in } cs: \texttt{campusSeguro}) \rightarrow res: \texttt{agente}
\mathbf{Pre} \equiv \{\}
Post \equiv \{\}
```

Complejidad: O(1) ${\tt CONMISMASSANCIONES} (\textbf{in } a : \texttt{agente}, \textbf{in } cs : \texttt{campusSeguro}) \rightarrow res : \texttt{conj(agentes)}$ $\mathbf{Pre} \equiv \{\}$ $\mathbf{Post} \equiv \{\}$ Complejidad: O(1) $\mathtt{CONKSANCIONES}(\mathbf{in}\ k\colon \mathtt{nat},\ \mathbf{in}\ cs\colon \mathtt{campusSeguro}) o res: \mathtt{conj}(\mathtt{agentes})$ $\mathbf{Pre} \equiv \{\}$ $\mathbf{Post} \equiv \{\}$ CONKSANCIONES(in k: nat, in cs: campusSeguro) $\rightarrow res$: conj(agentes) $\mathbf{Pre} \equiv \{\}$ $\mathbf{Post} \equiv \{\}$ $\mathtt{CONKSANCIONES}(\mathbf{in}\ k\colon \mathtt{nat},\ \mathbf{in}\ cs\colon \mathtt{campusSeguro}) o res: \mathtt{conj}(\mathtt{agentes})$ $\mathbf{Pre} \equiv \{\}$ $Post \equiv \{\}$ Complejidad: $O(N_a)$ la primera vez que se la llama y $O(log(N_a))$ en futuras llamadas mientras no ocurran sanciones.

1.1.2. Representación de campusSeguro

1.1.3. Invariante de Representación

(I)

```
Rep : estr \longrightarrow bool
Rep(e) \equiv true \iff
(\forall c: campusSeguro)()
Rep : estr \longrightarrow bool
Rep(e) \equiv true \iff
               (\forall c: \text{compu})(c \in \text{computadoras}(e.\text{topologia}) \Leftrightarrow
                 (\exists cd: compuDCNet) (está?(cd, e.vectorCompusDCNet) \land (cd.pc = puntero(c)) \land
                 (\exists s: \text{string})(\text{def}?(s, e.\text{diccCompusDCNet}) \land (s = c.\text{ip})))
               ) \(\)_L
               (\forall cd: compuDCNet)(está?(cd, e. vectorCompusDCNet) \Leftrightarrow
                (\exists s: \text{string})((s = cd.pc \rightarrow ip) \land \text{def}?(s, e.\text{diccCompusDCNet}) \land_L
                obtener(s, e.diccCompusDCNet) = puntero(cd))
               (\exists cd: compuDCNet)(está?(cd, e. vectorCompusDCNet) \land f
               *(cd.pc) = \text{compuQueM}ásEnvi\acute{o}(e.\text{vectorCompusDCNet}) \land e.\text{laQueM}ásEnvi\acute{o} = \text{puntero}(cd)) \land_{\text{L}}
               (\forall cd_1: compuDCNet)(está?(cd_1, e.vectorCompusDCNet) \Rightarrow
                (\forall p_1: paquete)(p_1 \in cd_1.conjPaquetes \Rightarrow
                 (\forall cd_2: compuDCNet)((está?(cd_2, e.vectorCompusDCNet) \land cd_1 \neq cd_2) \Rightarrow
                  (\forall p_2: paquete)(p_2 \in cd_2.conjPaquetes \Rightarrow p_1.id \neq p_2.id)
               ) \wedge_{\scriptscriptstyle L}
               (\forall cd: compuDCNet)(está?(cd, e.vectorCompusDCNet) \Rightarrow
                 (\forall p: paquete)(p \in cd.conjPaquetes \Leftrightarrow
                   ((p.\text{origen} \in \text{computadoras}(e.\text{topologia}) \land p.\text{destino} \in \text{computadoras}(e.\text{topologia}) \land
                   p.\text{destino} \neq *(cd.\text{pc})) \land_L
                   (\exists sc: secu(compu))(sc \in caminosMinimos(e.topologia, p.origen, p.destino) \land está(*(cd.pc), sc))) \land
                   (\exists n: \text{nat}) ((\text{def}?(n, cd.\text{diccPaquetesDCNet}) \land p.\text{id} = n) \land_{L}
                    (\exists pdn: paqueteDCNet)(pdn \in e.conjPaquetesDCNet \land Siguiente(pdn.it) = p \land
                     ((p.\text{origen} = *(cd.\text{pc}) \land pdn.\text{recorrido} = *(cd.\text{pc}) \bullet <>) \lor
                     (p.\text{origen} \neq *(cd.\text{pc}) \land pdn.\text{recorrido} \in \text{caminosMinimos}(e.\text{topologia}, p.\text{origen}, *(cd.\text{pc})))) \land
                     Siguiente(obtener(n, cd.diccPaquetesDCNet)) = pdn
                  )
                 ) \wedge_{\scriptscriptstyle L}
                 (\neg vacía?(cd.colaPaquetesDCNet) \Leftrightarrow
                  (\exists p: paquete)((p \in cd.conjPaquetes) \land (p = paqueteMásPrioridad(cd.conjPaquetes)) \land
                   (\exists pdn: paqueteDCNet)((pdn \in e.conjPaquetesDCNet) \land (Siguiente(pdn.it) = p) \land
                   (Siguiente(proximo(cd.colaPaquetesDCNet)) = pdn))
                 ) \wedge<sub>L</sub>
                 (cd.enviados \ge enviadosCompu(*(cd.pc), e.vectorCompusDCNet)) \land
                 (¬HaySiguiente?(cd.paqueteAEnviar)) )
compuQueMásEnvió : secu(compuDCNet) scd \longrightarrow compu
                                                                                                                                    \{\neg vacía?(scd)\}
\max Enviado : secu(compuDCNet) scd \longrightarrow nat
                                                                                                                                    \{\neg vacía?(scd)\}
enviaronK : secu(compuDCNet) \times nat \longrightarrow conj(compu)
paqueteMásPrioridad : conj(paquete) cp \longrightarrow paquete
                                                                                                                                           \{\neg\emptyset?(cp)\}
```

```
paquetesConPrioridadK : conj(paquete) \times nat \longrightarrow conj(paquete)
altaPrioridad : conj(paquetes) cp \longrightarrow \text{nat}
                                                                                                                                  \{\neg\emptyset?(cp)\}
enviadosCompu : compu \times secu(compuDCNet) \longrightarrow nat
apariciones Compu: compu \times conj(nat) cn \times dicc(nat \times itConj(paqueteDCNet)) dp \longrightarrow nat
                                                                                                                        \{\text{claves}(dp) \subseteq cn\}
compuQueMásEnvió(scd) \equiv dameUno(enviaronK(scd, maxEnviado(scd)))
\max \text{Enviado}(scd) \equiv \text{if } \text{vac}(\text{in}(scd)) \text{ then } \text{prim}(scd). \text{enviados } \text{else } \max(\text{prim}(scd), \max \text{Enviado}(\text{fin}(scd))) \text{ fi}
enviaronK(scd, k) \equiv if \text{ vacía?}(scd) then
                            else
                                if prim(scd).enviados = k then
                                    Ag(*(prim(scd).pc), enviaronK(fin(scd), k))
                                    enviaronK(fin(scd), k)
                            fi
paqueteMásPrioridad(dcn, cp) \equiv dameUno(paquetesConPrioridadK(cp, altaPrioridad(cp)))
altaPrioridad(cp) \equiv \mathbf{if} \ \emptyset?(\sin \operatorname{Uno}(cp)) then
                               dameUno(cp).prioridad
                           else
                               \min(\text{dameUno}(cp), \text{prioridad}, \text{altaPrioridad}(\sin \text{Uno}(cp)))
paquetesConPrioridadK(cp, k) \equiv \mathbf{if} \ \emptyset ? (cp) \mathbf{then}
                                           else
                                               if dameUno(cp).prioridad = k then
                                                    Ag(dameUno(cp), paquetesConPrioridadK(sinUno(cp), k))
                                               else
                                                    paquetesConPrioridadK(\sin Uno(cp), k)
                                               fi
enviadosCompu(c, scd) \equiv if vacía?(scd) then
                                  else
                                      if prim(scd) = c then
                                          enviadosCompu(c, fin(scd))
                                      else
                                          aparicionesCompu(c, claves(prim(scd).diccPaquetesDCNet),
                                          prim(scd).diccPaquetesDCNet) + enviadosCompu(c, fin(scd))
                                      fi
apariciones Compu(c, cn, dpd) \equiv \mathbf{if} \ \emptyset ? (cn) \mathbf{then}
                                              0
                                          else
                                              if \operatorname{est\'a?}(c, \operatorname{Siguiente}(\operatorname{obtener}(\operatorname{dameUno}(cn), dpd)).\operatorname{recorrido}) then
                                                  1 + \operatorname{aparicionesCompu}(c, \sin \operatorname{Uno}(cn), dpd)
                                              else
                                                  aparicionesCompu(c, sinUno(cn), dpd)
                                              fi
                                          fi
```

1.1.4. Función de Abstracción

```
Abs : estr e \longrightarrow \text{dcnet} {Rep(e)} Abs(e) =_{\text{obs}} \text{dcn:} \text{dcnet} \mid \text{red}(dcn) = e.\text{topología} \land (\forall cdn: \text{compuDCNet}) (\text{está?}(cdn, e.\text{vectorCompusDCNet}) \Rightarrow_{\text{L}} \text{enEspera}(dcn, *(cdn.\text{pc})) = cdn.\text{conjPaquetes} \land \text{cantidadEnviados}(dcn, *(cdn.\text{pc})) = cdn.\text{enviados} \land (\forall p: \text{paquete}) (p \in cdn.\text{conjPaquetes} \Rightarrow_{\text{L}} \text{caminoRecorrido}(dcn, p) = \text{Siguiente}(\text{obtener}(p.\text{id}, cdn.\text{diccPaquetesDCNet})).\text{recorrido})
```

1.2. Algoritmos

```
iIniciarDCNet (in topo: red) \rightarrow res: estr
    res.topologia ← Copiar(topo)
                                                                                       O(n! * n^6)
    res.vectorCompusDCNet ← Vacia()
                                                                                            O(1)
    res.diccCompusDCNet ← CrearDicc()
                                                                                            O(1)
    res.laQueMasEnvio \leftarrow NULL
                                                                                            O(1)
    res.conjPaquetesDCNet ← Vacio()
                                                                                            O(1)
    it Conj (compu): it ← CrearIt (Computadoras (topo))
                                                                                            O(1)
    if (HaySiguiente?(it)) then
                                                                                            O(1)
         res.laQueMasEnvio ← puntero(Siguiente(it))
                                                                                            O(1)
    end if
    while HaySiguiente?(it) do
                                                                                            O(1)
         compuDCNet: compudcnet ← <puntero(Siguiente(it)), Vacio(), CrearDicc(),
             Vacia(), CrearIt (Vacio()), 0>
                                                                                            O(1)
         AgregarAtras (res.vectorCompusDCNet, compudenet)
                                                                                            O(n)
         Definir (res.diccCompusDCNet, Siguiente (it).ip, puntero (compudenet))
                                                                                            O(L)
         Avanzar (it)
                                                                                            O(1)
    end while
                                                                                   O(n * (n + L))
Complejidad : O(n * (n + L))
```

```
iCrearPaquete (in/out dcn: dcnet, in p: paquete)
     puntero(compuDCNet): compudcnet \leftarrow
          Significado (dcn.diccCompusDCNet, p.origen.ip)
                                                                                                    O(L)
     it Conj (paquete): it Paq \leftarrow Agregar Rapido (compudent \rightarrow conj Paquetes, p)
                                                                                                    O(1)
     lista (compu): recorr ← AgregarAtras (Vacia (), p.origen)
                                                                                                    O(1)
     paqueteDCNet: paqDCNet \leftarrow < itPaq, recorr >
                                                                                                    O(1)
     itConj(paqueteDCNet): itPaqDCNet ←
          AgregarRapido(dcn.conjPaquetesDCNet, paqDCNet)
                                                                                                    O(1)
     \overline{Definir}(\overline{compudenet} \rightarrow diccPaquetesDCNet, p.id, itPaqDCNet)
                                                                                                O(\log(k))
     Encolar (compudenet→colaPaquetesDCNet, p. prioridad, itPaqDCNet)
                                                                                                O(\log(k))
Complejidad : O(log(k) + L)
```

```
iAvanzarSegundo (in/out dcn: dcnet)
    nat: maxEnviados \leftarrow 0
    nat: i \leftarrow 0
                                                                                           O(1)
    while i < Longitud (dcn.vectorCompusDCNet) do
                                                                                           O(1)
         if (\neg EsVacia?(dcn.vectorCompusDCNet[i].colaPaquetesDCNet)) then
             dcn.vectorCompusDCNet[i].paqueteAEnviar \leftarrow
                  Desencolar (dcn.vectorCompusDCNet[i].colaPaquetesDCNet)
                                                                                       O(\log(k))
         end if
         i++
                                                                                           O(1)
                                                                                    O(n * log(k))
    end while
    i \leftarrow 0
                                                                                           O(1)
    while i < Longitud (dcn.vectorCompusDCNet) do
                                                                                           O(1)
         if (HaySiguiente?(dcn.vectorCompusDCNet[i].paqueteAEnviar)) then
                                                                                           O(1)
             dcn.vectorCompusDCNet[i].enviados++
                                                                                           O(1)
             if (dcn.vectorCompusDCNet[i].enviados > maxEnviados) then
                                                                                           O(1)
                  dcn.laQueMasEnvio 

puntero(dcn.vectorCompusDCNet[i])
                                                                                           O(1)
             end if
             paquete: pAEnviar ←
                  Siguiente (Siguiente (dcn.vectorCompusDCNet[i].paqueteAEnviar).it)
                                                                                           O(1)
             itConj(lista(compu)): itercaminos \leftarrow
                  CrearIt (Caminos Minimos (dcn. topologia,
                  *(dcn.vectorCompusDCNet[i].pc), pAEnviar.destino))
                                                                                           O(1)
             compu: siguientecompu \leftarrow Siguiente(itercaminos)[1]
                                                                                           O(1)
             if (pAEnviar. destino \neq siguientecompu) then
                                                                                           O(1)
                  compuDCNet: siguientecompudcnet ←
                      *(Obtener (dcn.diccCompusDCNet, siguientecompu.ip))
                                                                                           O(L)
                  it Conj (paquete): it paquete ←
                      Agregar Rapido (siguiente compudent.conj Paquetes, pA Enviar)
                                                                                           O(1)
                  itConj(paqueteDCNet): paqAEnviar \leftarrow
                      Obtener (dcn.vectorCompusDCNet[i].diccPaquetesDCNet,
                      pAEnviar.id)
                                                                                       O(\log(k))
                  AgregarAtras (Siguiente (paqAEnviar). recorrido, siguientecompu)
                                                                                           O(1)
                  Encolar (siguient ecompudent . colaPaquetesDCNet,
                      pAEnviar.prioridad, paqAEnviar)
                                                                                       O(\log(k))
                  Definir (siguientecompudenet.diccPaquetesDCNet,
                                                                                       O(\log(k))
                      pAEnviar.id, paqAEnviar)
             end if
             Borrar (dcn.vectorCompusDCNet[i].diccPaquetesDCNet,
                  Siguiente (dcn. vectorCompusDCNet [i]. paqueteAEnviar→it). id)
             EliminarSiguiente (Siguiente (dcn. vectorCompusDCNet [i]. paqueteAEnviar). it)
                                                                                           O(1)
             Eliminar Siguiente (dcn. vector Compus DCN et [i]. paquete A Enviar)
                                                                                           O(1)
             dcn.vectorCompusDCNet[i].paqueteAEnviar ← CrearIt(Vacio())
                                                                                           O(1)
         end if
         i++
                                                                                           O(1)
```

```
end while O(n*(L + log(k))) \textbf{Complejidad}: O(n*(L + log(k)))
```

```
\label{eq:continuous} \begin{array}{l} \text{Red } (\textbf{in } dcn \colon \texttt{dcnet}) \to \text{res: red} \\ \\ \text{res } \leftarrow \ \text{dcn.topologia} \\ \\ \textbf{Complejidad} \colon O(1) \end{array}
```

```
CaminoRecorrido (in dcn: dcnet, in p: paquete) \rightarrow res: lista(compu)
    nat: i \leftarrow 0
                                                                                 O(1)
    while i < Longitud (dcn.vectorCompusDCNet) do
                                                                                 O(1)
        if Definido?(dcn.vectorCompusDCNet[i].diccPaquetesDCNet, p.id) then
                                                                              O(\log(k))
            p.id)).recorrido
                                                                              O(\log(k))
        end if
        i++
                                                                                 O(1)
    end while
                                                                           O(n * log(k))
{\bf Complejidad}: O(n*log(k))
```

```
EnEspera (in dcn: dcnet, in c: compu) \rightarrow res: nat res \leftarrow Obtener(dcn.diccCompusDCNet, c.ip) \rightarrow conjPaquetes  O(L)  Complejidad: O(L)
```

```
PaqueteEnTransito (in dcn: dcnet, in p: paquete) \rightarrow res: bool
     res \leftarrow false
     nat: i \leftarrow 0
                                                                                                              O(1)
     while i < Longitud (dcn.vectorCompusDCNet) do
                                                                                                              O(1)
           if Definido?(dcn.vectorCompusDCNet[i].diccPaquetesDCNet, p.id) then
                                                                                                          O(\log(k))
                \texttt{res} \leftarrow \texttt{true}
                                                                                                              O(1)
           end if
           i++
                                                                                                              O(1)
                                                                                                      O(n * log(k))
     end while
Complejidad : O(n * log(k))
```

```
\label{eq:lagrangian} \begin{split} \text{LaQueMasEnvio} & \text{ (in } dcn \colon \texttt{dcnet}) \to \text{res: compu} \\ & \text{res } \leftarrow *(\text{dcn.laQueMasEnvio} \to \text{pc}) \end{split} \tag{O(1)} \\ \textbf{Complejidad} & : O(1) \end{split}
```

```
• =_i • (in dcn_1: dcnet, in dcn_2: dcnet) \rightarrow res: bool bool: boolTopo \leftarrow dcn_1. topologia = dcn_2. topologia bool: boolVec \leftarrow dcn_1. vectorCompusDCNet = dcn_2. vectorCompusDCNet bool: boolConj \leftarrow dcn_1. conjPaquetesDCNet = dcn_2. conjPaquetesDCNet bool: boolMasEnvio \leftarrow *(dcn_1.laQueMasEnvio) = *(dcn_2.laQueMasEnvio) O(1) res \leftarrow boolTopo \land boolVec \land boolTrie \land boolConj \land boolMasEnvio O(1) Complejidad: O(n*k^3*(k+n))
```

```
• = compuden • (in c_1: compuDCNet, in c_2: compuDCNet) \rightarrow res: bool
     bool: boolPC \leftarrow *(c_1.pc) = *(c_2.pc)
                                                                                                                 O(1)
     bool: boolConj \leftarrow c_1.conjPaquetes = c_1.conjPaquetes
                                                                                                                O(k^2)
     bool: boolAVL \leftarrow true
                                                                                                                 O(1)
     bool: boolCola \leftarrow true
                                                                                                                 O(1)
     bool: boolPaq \leftarrow Siguiente (c_1. paquete A En viar) =_{paqden} Siguiente (c_2. paquete A En viar)
                                                                                                                O(n)
     bool: boolEnviados \leftarrow c_1. enviados = c_2. enviados
                                                                                                                 O(1)
     if boolConj then
                                                                                                                 O(1)
           itConj: itconj_1 \leftarrow CrearIt(c_1.conjPaquetes)
                                                                                                                 O(1)
           while HaySiguiente? (itconj_1) do
                                                                                                                 O(1)
                if Definido?(c_2.\operatorname{diccPaquetesDCNet}, \operatorname{Siguiente}(itconj_1)).id then
                                                                                                           O(\log(n))
                      if \neg (Siguiente (Obtener (c_1. diccPaquetesDCNet, Siguiente (itconj_1). id))
                           Siguiente (Obtener (c_1. \operatorname{diccPaquetesDCNet}, \operatorname{Siguiente}(itconj_1). \operatorname{id})))
                                                                                                                O(n)
                           boolAVL \leftarrow false
                                                                                                                 O(1)
                      end if
                else
                      boolAVL \leftarrow false
                                                                                                                 O(1)
                end if
                A vanzar (itconj_1)
                                                                                                                 O(1)
           end while
                                                                                                            O(n * k)
     end if
     if EsVacia(c_1.colaPrioridad) then
                                                                                                                 O(1)
           if \neg \text{EsVacia}(c_2.\text{colaPrioridad}) then
                                                                                                                 O(1)
                boolCola \leftarrow false
                                                                                                                 O(1)
           end if
     else
           if EsVacia(c_1.colaPrioridad) then
                                                                                                                 O(1)
                boolCola \leftarrow false
                                                                                                                 O(1)
           else
                if \neg (Siguiente(Proximo(c_1.colaPrioridad))) =_{paqden}
                      Siguiente (Proximo (c_2 \cdot cola Prioridad))) then
                                                                                                                 O(n)
```

 $boolCola \leftarrow false$ O(1)end if $\quad \text{end} \quad \text{if} \quad$ end if $res \;\leftarrow\; boolPC \;\wedge\; boolConj \;\wedge\; boolAVL \;\wedge\; boolCola \;\wedge\; boolPaq \;\wedge\; boolEnviados$ O(1)Complejidad : $O(k^2 + n * k) = O(k * (k + n))$

 $ullet =_{paqdcn} ullet (\mathbf{in}\ p_1 : \mathtt{paqueteDCNet},\ \mathbf{in}\ p_2 : \mathtt{paqueteDCNet},) o \mathrm{res} : \mathrm{bool}$

bool: boolPaq \leftarrow Siguiente $(p_1.it) =$ Siguiente $(p_2.it)$ O(1)bool: boolRecorrido $\leftarrow p_1$.recorrido $= p_2$.recorrido O(n)

 $res \; \leftarrow \; boolPaq \; \land \; boolRecorrido$ O(1)

 ${\bf Complejidad}: O(n)$

2. Módulo DiccTrie

2.1. Interfaz

```
se explica con: DICCTRIE.
géneros: DiccTrie.
```

2.1.1. Operaciones básicas de DiccTrie

hippies atrapados (si es que los hay).

```
COMENZARRASTRILLAJE(in c: campus, in d: dicc(placa, AS)) 
ightarrow res: campusSeguro
\mathbf{Pre} \equiv \{ (\forall a : \text{agente}) \ (\text{def}?(a,d) \Rightarrow_L \ (\text{posV\'alida}(\text{obtener}(a,d)) \land \neg \text{ocupada}?(\text{obtener}(a,d,c))) \land (\forall a,a2 : \text{agente}) \} \}
((\text{def}?(a,d) \land \text{def}?(a2,d) \land a \neq a2) \Rightarrow_L \text{obtener}(a,d) \neq \text{obtener}(a2,d))
\mathbf{Post} \equiv \{ \text{res} =_{obs} \text{comenzarRastrillaje}(\mathbf{c}, \mathbf{d}) \}
Complejidad: O()
Descripción: Crea un nuevo campusSeguro tomando un campus y un diccionario con agentes.
INGRESARESTUDIANTE (in e: nombre, in p: posición, in/out cs: campusSeguro)
\mathbf{Pre} \equiv \{cs =_{obs} cs_o \land e \notin (\mathrm{estudiantes}(cs) \mid \mathsf{J} \ \mathrm{hippies}(cs)) \land \mathrm{esIngreso}?(p, \mathrm{campus}(cs)) \land \neg \mathrm{estaOcupada}?(p, cs)\}
\mathbf{Post} \equiv \{cs =_{obs} \text{ ingresarEstudiante}(e, p, cs_o)\}\
Complejidad: O(|n_m|) + O(log(N_a))
Descripción: Ingresa un nuevo estudiante al campusSeguro
INGRESARHIPPIE (in h: nombre, in p: posición, in/out cs: campusSeguro)
\mathbf{Pre} \equiv \{cs =_{obs} cs_o \land h \not\in (\mathrm{estudiantes}(cs) \mid \mathsf{j} \ \mathrm{hippies}(cs)) \land \mathrm{esIngreso?}(p, \mathrm{campus}(cs)) \land \neg \mathrm{estaOcupada?}(p, cs)\}
\mathbf{Post} \equiv \{cs =_{obs} \text{ingresarHippie}(h, p, cs_o)\}\
Complejidad: O(|n_m|) + O(log(N_a))
Descripción: Ingresa un nuevo hippie el campusSeguro
MOVERESTUDIANTE (in e: nombre, in dir: dirección, in/out cs: campusSeguro)
\mathbf{Pre} \equiv \{cs =_{obs} cs_o \land e \in \text{estudiantes}(cs) \land (\text{seRetira}(e, dir, cs) \lor e\}
(posValida(proxPosicion(posEstudianteYHippie(e,cs),dir,campus(cs)),
                                                                                                                                                                                                                           campus(cs))
                                                                                                                                                                                                                                                                                                  Λ
\neg esta Ocupada? (proxPosicion(posEstudianteYHippie(e,cs), dir, campus(cs)), cs) \}
\mathbf{Post} \equiv \{cs =_{obs} \text{moverEstudiante}(e, dir, cs_o)\}
Complejidad: O(|n_m|) + O(log(N_a))
Descripción: Mueve un estudiante dentro del campus o lo hace salir y se actualizan los atrapados, sanciones (si
es que las hay) y hippies atrapados (si es que los hay).
MOVERHIPPIE (in h: nombre, in d: direction, in/out cs: campusSeguro)
\mathbf{Pre} \equiv \{cs =_{obs} cs_o \land h \in \text{hippies}(cs) \land \neg \text{todasOcupadas?}(\text{vecinos}(\text{posEstudianteYHippie}(h,cs),\text{campus}(cs)), cs)\}
\mathbf{Post} \equiv \{cs =_{obs} \text{moverHippie}(h, d, cs_o)\}
Complejidad: O(|n_m|) + O(log(N_a)) + O(N_e)
Descripción: Mueve un hippie dentro del campus y se actualizan los atrapados, sanciones(si es que las hay) y
hippies atrapados (si es que los hay).
MOVERAGENTE(in a: agente, in/out cs: campusSeguro)
\mathbf{Pre} \equiv \{cs =_{obs} cs_o \land a \in \operatorname{agentes}(cs) \land_L \operatorname{cantSanciones}(a,cs) \leq 3 \land_L \operatorname{cantSanciones}(a,cs)
\neg todasOcupadas?(vecinos(posEstudianteYHippie(h,cs),campus(cs)),cs)
\mathbf{Post} \equiv \{cs =_{obs} \text{moverAgente}(a, cs_o)\}\
Complejidad: O(|n_m|) + O(log(N_a)) + O(N_h)
Descripción: Mueve un agente dentro del campus y se actualizan los atrapados, sanciones (si es que las hay) y
```

```
\mathtt{CAMPUS}(\mathbf{in}\ cs\colon \mathtt{campusSeguro}) 	o res: \mathtt{campus}
\mathbf{Pre} \equiv \{ \mathrm{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} \operatorname{campus}(cs)\}\
Complejidad: O(1)
Descripción: Devuelve el campus del campusSeguro.
Aliasing: res es una referencia no modificable.
ESTUDIANTES(in cs: campusSeguro) \rightarrow res: conj(nombre)
\mathbf{Pre} \equiv \{ \mathbf{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} \text{ estudiantes}(cs)\}\
Complejidad: O(1)
Descripción: Devuelve el conjunto de los estudiantes que estan en el campus.
Aliasing: res es una referencia no modificable.
\texttt{HIPPIES}(\textbf{in } cs : \texttt{campusSeguro}) \rightarrow res : \texttt{conj(nombre)}
\mathbf{Pre} \equiv \{ \text{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} \text{ hippies}(cs)\}\
Complejidad: O(1)
Descripción: Devuelve el conjunto de los hippies que estan en el campus.
Aliasing: res es una referencia no modificable.
	ext{AGENTES}(	ext{in } cs : 	ext{campusSeguro}) 
ightarrow res : 	ext{conj(agentes)}
\mathbf{Pre} \equiv \{ \text{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} \operatorname{agentes}(cs)\}\
Complejidad: O(1)
Descripción: Devuelve el conjunto de los agentes que estan en el campus.
Aliasing: res es una referencia no modificable.
POSESTUDIANTEYHIPPIE(in id: nombre, in cs: campusSeguro) 
ightarrow res: posición
\mathbf{Pre} \equiv \{id \in (\text{estudiantes}(cs) \mid \mathsf{J} \text{ hippies}(cs)\}\
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} \mathbf{posEstudianteYHippie}(id,cs)\}
Complejidad: O(|n_m|), donde |m_n| es la longitud mas larga entre todos los nombres.
Descripción: Devuelve la posicion del estudiante o hippie.
POSAGENTE(in a: agente, in cs: campusSeguro) 
ightarrow res: posición
Pre \equiv \{\}
\mathbf{Post} \equiv \{\}
Complejidad: O(1) en caso promedio.
CANTSANCIONES(in a: agente, in cs: campusSeguro) \rightarrow res: nat
\mathbf{Pre} \equiv \{\}
Post \equiv \{\}
Complejidad: O(1) en caso promedio.
CANTHIPPIESATRAPADOS(in a: agente, in cs: campusSeguro) 
ightarrow res: nat
\mathbf{Pre} \equiv \{\}
\mathbf{Post} \equiv \{\}
Complejidad: O(1) en caso promedio.
\text{MÁSVIGILANTE}(\textbf{in } cs: \texttt{campusSeguro}) \rightarrow res: \texttt{agente}
\mathbf{Pre} \equiv \{\}
Post \equiv \{\}
```

Complejidad: O(1) ${\tt CONMISMASSANCIONES} (\textbf{in } a : \texttt{agente}, \textbf{in } cs : \texttt{campusSeguro}) \rightarrow res : \texttt{conj(agentes)}$ $\mathbf{Pre} \equiv \{\}$ $\mathbf{Post} \equiv \{\}$ Complejidad: O(1) $\mathtt{CONKSANCIONES}(\mathbf{in}\ k\colon \mathtt{nat},\ \mathbf{in}\ cs\colon \mathtt{campusSeguro}) o res: \mathtt{conj}(\mathtt{agentes})$ $\mathbf{Pre} \equiv \{\}$ $\mathbf{Post} \equiv \{\}$ CONKSANCIONES(in k: nat, in cs: campusSeguro) $\rightarrow res$: conj(agentes) $\mathbf{Pre} \equiv \{\}$ $\mathbf{Post} \equiv \{\}$ $\mathtt{CONKSANCIONES}(\mathbf{in}\ k\colon \mathtt{nat},\ \mathbf{in}\ cs\colon \mathtt{campusSeguro}) o res: \mathtt{conj}(\mathtt{agentes})$ $\mathbf{Pre} \equiv \{\}$ $Post \equiv \{\}$ Complejidad: $O(N_a)$ la primera vez que se la llama y $O(log(N_a))$ en futuras llamadas mientras no ocurran sanciones.

2.1.2. Representación de campusSeguro

2.1.3. Invariante de Representación

(I)

```
Rep : estr \longrightarrow bool
Rep(e) \equiv true \iff
(\forall c: campusSeguro)()
Rep : estr \longrightarrow bool
Rep(e) \equiv true \iff
               (\forall c: \text{compu})(c \in \text{computadoras}(e.\text{topologia}) \Leftrightarrow
                 (\exists cd: compuDCNet) (está?(cd, e.vectorCompusDCNet) \land (cd.pc = puntero(c)) \land
                 (\exists s: \text{string})(\text{def}?(s, e.\text{diccCompusDCNet}) \land (s = c.\text{ip})))
               ) \(\)_L
               (\forall cd: compuDCNet)(está?(cd, e. vectorCompusDCNet) \Leftrightarrow
                (\exists s: \text{string})((s = cd.pc \rightarrow ip) \land \text{def}?(s, e.\text{diccCompusDCNet}) \land_L
                obtener(s, e.diccCompusDCNet) = puntero(cd))
               (\exists cd: compuDCNet)(está?(cd, e. vectorCompusDCNet) \land f
               *(cd.pc) = \text{compuQueM}ásEnvi\acute{o}(e.\text{vectorCompusDCNet}) \land e.\text{laQueM}ásEnvi\acute{o} = \text{puntero}(cd)) \land_{\text{L}}
               (\forall cd_1: compuDCNet)(está?(cd_1, e.vectorCompusDCNet) \Rightarrow
                (\forall p_1: paquete)(p_1 \in cd_1.conjPaquetes \Rightarrow
                 (\forall cd_2: compuDCNet)((está?(cd_2, e.vectorCompusDCNet) \land cd_1 \neq cd_2) \Rightarrow
                  (\forall p_2: paquete)(p_2 \in cd_2.conjPaquetes \Rightarrow p_1.id \neq p_2.id)
               ) \wedge_{\scriptscriptstyle L}
               (\forall cd: compuDCNet)(está?(cd, e.vectorCompusDCNet) \Rightarrow
                 (\forall p: paquete)(p \in cd.conjPaquetes \Leftrightarrow
                   ((p.\text{origen} \in \text{computadoras}(e.\text{topologia}) \land p.\text{destino} \in \text{computadoras}(e.\text{topologia}) \land
                   p.\text{destino} \neq *(cd.\text{pc})) \land_L
                   (\exists sc: secu(compu))(sc \in caminosMinimos(e.topologia, p.origen, p.destino) \land está(*(cd.pc), sc))) \land
                   (\exists n: \text{nat}) ((\text{def}?(n, cd.\text{diccPaquetesDCNet}) \land p.\text{id} = n) \land_{L}
                    (\exists pdn: paqueteDCNet)(pdn \in e.conjPaquetesDCNet \land Siguiente(pdn.it) = p \land
                     ((p.\text{origen} = *(cd.\text{pc}) \land pdn.\text{recorrido} = *(cd.\text{pc}) \bullet <>) \lor
                     (p.\text{origen} \neq *(cd.\text{pc}) \land pdn.\text{recorrido} \in \text{caminosMinimos}(e.\text{topologia}, p.\text{origen}, *(cd.\text{pc})))) \land
                     Siguiente(obtener(n, cd.diccPaquetesDCNet)) = pdn
                  )
                 ) \wedge_{\scriptscriptstyle L}
                 (\neg vacía?(cd.colaPaquetesDCNet) \Leftrightarrow
                  (\exists p: paquete)((p \in cd.conjPaquetes)) \land (p = paqueteMásPrioridad(cd.conjPaquetes)) \land
                   (\exists pdn: paqueteDCNet)((pdn \in e.conjPaquetesDCNet) \land (Siguiente(pdn.it) = p) \land
                   (Siguiente(proximo(cd.colaPaquetesDCNet)) = pdn))
                 ) \wedge<sub>L</sub>
                 (cd.enviados \ge enviadosCompu(*(cd.pc), e.vectorCompusDCNet)) \land
                 (¬HaySiguiente?(cd.paqueteAEnviar)) )
compuQueMásEnvió : secu(compuDCNet) scd \longrightarrow compu
                                                                                                                                     \{\neg vacía?(scd)\}
\max Enviado : secu(compuDCNet) scd \longrightarrow nat
                                                                                                                                     \{\neg vacía?(scd)\}
enviaronK : secu(compuDCNet) \times nat \longrightarrow conj(compu)
paqueteMásPrioridad : conj(paquete) cp \longrightarrow paquete
                                                                                                                                           \{\neg\emptyset?(cp)\}
```

```
paquetesConPrioridadK : conj(paquete) \times nat \longrightarrow conj(paquete)
altaPrioridad : conj(paquetes) cp \longrightarrow nat
                                                                                                                                  \{\neg\emptyset?(cp)\}
enviadosCompu : compu \times secu(compuDCNet) \longrightarrow nat
apariciones Compu: compu \times conj(nat) cn \times dicc(nat \times itConj(paqueteDCNet)) dp \longrightarrow nat
                                                                                                                        \{\text{claves}(dp) \subseteq cn\}
compuQueMásEnvió(scd) \equiv dameUno(enviaronK(scd, maxEnviado(scd)))
\max \text{Enviado}(scd) \equiv \text{if } \text{vac}(\text{in}(scd)) \text{ then } \text{prim}(scd). \text{enviados } \text{else } \max(\text{prim}(scd), \max \text{Enviado}(\text{fin}(scd))) \text{ fi}
enviaronK(scd, k) \equiv if \text{ vacía?}(scd) then
                            else
                                if prim(scd) enviados = k then
                                    Ag(*(prim(scd).pc), enviaronK(fin(scd), k))
                                    enviaronK(fin(scd), k)
                            fi
paqueteMásPrioridad(dcn, cp) \equiv dameUno(paquetesConPrioridadK(cp, altaPrioridad(cp)))
altaPrioridad(cp) \equiv \mathbf{if} \ \emptyset?(\sin \operatorname{Uno}(cp)) then
                               dameUno(cp).prioridad
                           else
                               \min(\text{dameUno}(cp), \text{prioridad}, \text{altaPrioridad}(\sin \text{Uno}(cp)))
paquetesConPrioridadK(cp, k) \equiv \mathbf{if} \ \emptyset ? (cp) \mathbf{then}
                                           else
                                               if dameUno(cp).prioridad = k then
                                                    Ag(dameUno(cp), paquetesConPrioridadK(sinUno(cp), k))
                                               else
                                                    paquetesConPrioridadK(\sin Uno(cp), k)
                                               fi
enviadosCompu(c, scd) \equiv if vacía?(scd) then
                                  else
                                      if prim(scd) = c then
                                          enviadosCompu(c, fin(scd))
                                      else
                                          aparicionesCompu(c, claves(prim(scd).diccPaquetesDCNet),
                                          prim(scd).diccPaquetesDCNet) + enviadosCompu(c, fin(scd))
                                      fi
apariciones Compu(c, cn, dpd) \equiv \mathbf{if} \ \emptyset ? (cn) \mathbf{then}
                                              0
                                          else
                                              if \operatorname{est\'a?}(c, \operatorname{Siguiente}(\operatorname{obtener}(\operatorname{dameUno}(cn), dpd)).\operatorname{recorrido}) then
                                                  1 + \operatorname{aparicionesCompu}(c, \sin \operatorname{Uno}(cn), dpd)
                                              else
                                                  aparicionesCompu(c, sinUno(cn), dpd)
                                              fi
                                          fi
```

2.1.4. Función de Abstracción

```
Abs : estr e \longrightarrow \text{dcnet} {Rep(e)} Abs(e) =_{\text{obs}} \text{dcn:} \text{dcnet} \mid \text{red}(dcn) = e.\text{topología} \land (\forall cdn: \text{compuDCNet}) (\text{está?}(cdn, e.\text{vectorCompusDCNet}) \Rightarrow_{\text{L}} \text{enEspera}(dcn, *(cdn.\text{pc})) = cdn.\text{conjPaquetes} \land \text{cantidadEnviados}(dcn, *(cdn.\text{pc})) = cdn.\text{enviados} \land (\forall p: \text{paquete}) (p \in cdn.\text{conjPaquetes} \Rightarrow_{\text{L}} \text{caminoRecorrido}(dcn, p) = \text{Siguiente}(\text{obtener}(p.\text{id}, cdn.\text{diccPaquetesDCNet})).\text{recorrido})
```

2.2. Algoritmos

```
iIniciarDCNet (in topo: red) \rightarrow res: estr
    res.topologia ← Copiar(topo)
                                                                                       O(n! * n^6)
    res.vectorCompusDCNet ← Vacia()
                                                                                            O(1)
    res.diccCompusDCNet ← CrearDicc()
                                                                                            O(1)
    res.laQueMasEnvio \leftarrow NULL
                                                                                            O(1)
    res.conjPaquetesDCNet ← Vacio()
                                                                                            O(1)
    it Conj (compu): it ← CrearIt (Computadoras (topo))
                                                                                            O(1)
    if (HaySiguiente?(it)) then
                                                                                            O(1)
         res.laQueMasEnvio ← puntero(Siguiente(it))
                                                                                            O(1)
    end if
    while HaySiguiente?(it) do
                                                                                            O(1)
         compuDCNet: compudcnet ← <puntero(Siguiente(it)), Vacio(), CrearDicc(),
             Vacia(), CrearIt (Vacio()), 0>
                                                                                            O(1)
         AgregarAtras (res.vectorCompusDCNet, compudenet)
                                                                                            O(n)
         Definir (res.diccCompusDCNet, Siguiente (it).ip, puntero (compudenet))
                                                                                            O(L)
         Avanzar (it)
                                                                                            O(1)
    end while
                                                                                   O(n * (n + L))
Complejidad : O(n * (n + L))
```

```
iCrearPaquete (in/out dcn: dcnet, in p: paquete)
     puntero(compuDCNet): compudcnet \leftarrow
          Significado (dcn.diccCompusDCNet, p.origen.ip)
                                                                                                  O(L)
     it Conj (paquete): it Paq \leftarrow Agregar Rapido (compudent \rightarrow conj Paquetes, p)
                                                                                                  O(1)
     lista (compu): recorr ← AgregarAtras (Vacia (), p.origen)
                                                                                                  O(1)
    paqueteDCNet: paqDCNet \leftarrow < itPaq, recorr >
                                                                                                  O(1)
    itConj(paqueteDCNet): itPaqDCNet ←
          Agregar Rapido (dcn. conj Paquetes DCN et , paq DCN et )
                                                                                                  O(1)
     Definir (compudenet \rightarrow diccPaquetesDCNet, p.id, itPaqDCNet)
                                                                                              O(\log(k))
     Encolar (compudenet→colaPaquetesDCNet, p. prioridad, itPaqDCNet)
                                                                                              O(\log(k))
Complejidad : O(log(k) + L)
```

```
iAvanzarSegundo (in/out dcn: dcnet)
    nat: maxEnviados \leftarrow 0
    nat: i \leftarrow 0
                                                                                           O(1)
    while i < Longitud (dcn.vectorCompusDCNet) do
                                                                                           O(1)
         if (\neg EsVacia?(dcn.vectorCompusDCNet[i].colaPaquetesDCNet)) then
             dcn.vectorCompusDCNet[i].paqueteAEnviar \leftarrow
                  Desencolar (dcn.vectorCompusDCNet[i].colaPaquetesDCNet)
                                                                                       O(\log(k))
         end if
         i++
                                                                                           O(1)
                                                                                    O(n * log(k))
    end while
    i \leftarrow 0
                                                                                           O(1)
    while i < Longitud (dcn.vectorCompusDCNet) do
                                                                                           O(1)
         if (HaySiguiente?(dcn.vectorCompusDCNet[i].paqueteAEnviar)) then
                                                                                           O(1)
             dcn.vectorCompusDCNet[i].enviados++
                                                                                           O(1)
             if (dcn.vectorCompusDCNet[i].enviados > maxEnviados) then
                                                                                           O(1)
                  dcn.laQueMasEnvio 

puntero(dcn.vectorCompusDCNet[i])
                                                                                           O(1)
             end if
             paquete: pAEnviar ←
                  Siguiente (Siguiente (dcn.vectorCompusDCNet[i].paqueteAEnviar).it)
                                                                                           O(1)
             itConj(lista(compu)): itercaminos \leftarrow
                  CrearIt (Caminos Minimos (dcn. topologia,
                  *(dcn.vectorCompusDCNet[i].pc), pAEnviar.destino))
                                                                                           O(1)
             compu: siguientecompu \leftarrow Siguiente(itercaminos)[1]
                                                                                           O(1)
             if (pAEnviar. destino \neq siguientecompu) then
                                                                                           O(1)
                  compuDCNet: siguientecompudcnet ←
                      *(Obtener (dcn.diccCompusDCNet, siguientecompu.ip))
                                                                                           O(L)
                  it Conj (paquete): it paquete ←
                      Agregar Rapido (siguiente compudent et conj Paquetes, pA Enviar)
                                                                                           O(1)
                  itConj(paqueteDCNet): paqAEnviar \leftarrow
                      Obtener (dcn.vectorCompusDCNet[i].diccPaquetesDCNet,
                      pAEnviar.id)
                                                                                        O(\log(k))
                  AgregarAtras (Siguiente (paqAEnviar). recorrido, siguientecompu)
                                                                                           O(1)
                  Encolar (siguient ecompudent . colaPaquetesDCNet,
                      pAEnviar.prioridad, paqAEnviar)
                                                                                       O(\log(k))
                  Definir (siguientecompudenet.diccPaquetesDCNet,
                                                                                        O(\log(k))
                      pAEnviar.id, paqAEnviar)
             end if
             Borrar (dcn.vectorCompusDCNet[i].diccPaquetesDCNet,
                  Siguiente (dcn. vectorCompusDCNet [i]. paqueteAEnviar→it). id)
             EliminarSiguiente (Siguiente (dcn. vectorCompusDCNet [i]. paqueteAEnviar). it)
                                                                                           O(1)
             Eliminar Siguiente (dcn. vector Compus DCN et [i]. paquete A Enviar)
                                                                                           O(1)
             dcn.vectorCompusDCNet[i].paqueteAEnviar ← CrearIt(Vacio())
                                                                                           O(1)
         end if
         i++
                                                                                           O(1)
```

```
end while O(n*(L + log(k))) \textbf{Complejidad}: O(n*(L + log(k)))
```

```
\label{eq:continuous} \begin{array}{l} \operatorname{Red}\; (\mathbf{in}\; dcn\colon \mathtt{dcnet}) \to \operatorname{res}\colon \operatorname{red} \\ \\ \operatorname{res}\; \leftarrow\; \operatorname{dcn}\colon \operatorname{topologia} \\ \\ \mathbf{Complejidad} : O(1) \end{array}
```

```
CaminoRecorrido (in dcn: dcnet, in p: paquete) \rightarrow res: lista(compu)
    nat: i \leftarrow 0
                                                                                 O(1)
    while i < Longitud (dcn.vectorCompusDCNet) do
                                                                                 O(1)
        if Definido?(dcn.vectorCompusDCNet[i].diccPaquetesDCNet, p.id) then
                                                                              O(\log(k))
            p.id)).recorrido
                                                                              O(\log(k))
        end if
        i++
                                                                                 O(1)
    end while
                                                                           O(n * log(k))
{\bf Complejidad}: O(n*log(k))
```

```
 \begin{aligned} & \text{CantidadEnviados (in } \textit{dcn} \colon \texttt{dcnet, in } \textit{c} \colon \texttt{compu}) \to \texttt{res: nat} \\ & \text{res } \leftarrow & \text{Obtener} (\texttt{dcn.diccCompusDCNet}\,, \ \texttt{c.ip}) \to \texttt{enviados} \end{aligned} \qquad & \text{O(L)}   & \textbf{Complejidad} \colon \textit{O(L)}
```

```
EnEspera (in dcn: dcnet, in c: compu) \rightarrow res: nat res \leftarrow Obtener(dcn.diccCompusDCNet, c.ip) \rightarrow conjPaquetes  O(L)  Complejidad: O(L)
```

```
PaqueteEnTransito (in dcn: dcnet, in p: paquete) \rightarrow res: bool
     res \leftarrow false
     nat: i \leftarrow 0
                                                                                                              O(1)
     while i < Longitud (dcn.vectorCompusDCNet) do
                                                                                                              O(1)
           if Definido?(dcn.vectorCompusDCNet[i].diccPaquetesDCNet, p.id) then
                                                                                                          O(\log(k))
                \texttt{res} \leftarrow \texttt{true}
                                                                                                              O(1)
           end if
           i++
                                                                                                              O(1)
                                                                                                      O(n * log(k))
     end while
Complejidad : O(n * log(k))
```

```
\label{eq:lagrangian} \begin{split} \text{LaQueMasEnvio} & \text{ (in } dcn \colon \texttt{dcnet}) \to \text{res: compu} \\ & \text{res } \leftarrow *(\text{dcn.laQueMasEnvio} \to \text{pc}) \end{split} \tag{O(1)} \\ \textbf{Complejidad} & : O(1) \end{split}
```

```
 \bullet =_i \bullet (\text{in } dcn_1 \colon \text{dcnet}, \text{ in } dcn_2 \colon \text{dcnet}) \to \text{res: bool}    \text{bool: boolTopo} \leftarrow dcn_1 \colon \text{topologia} = dcn_2 \colon \text{topologia}   \text{bool: boolVec} \leftarrow dcn_1 \colon \text{vectorCompusDCNet} = dcn_2 \colon \text{vectorCompusDCNet}  bool: boolConj \leftarrow dcn_1 \colon \text{conjPaquetesDCNet} = dcn_2 \colon \text{conjPaquetesDCNet}  on  \text{bool: boolMasEnvio} \leftarrow *(dcn_1 \colon \text{laQueMasEnvio}) = *(dcn_2 \colon \text{laQueMasEnvio})  of  \text{O}(k^3 * (k + n))  of  \text{O}(k^3 * (k + n))  complejidad:  \text{O}(n * k^3 * (k + n))  of  \text{O}(1)  Complejidad:  \text{O}(n * k^3 * (k + n))
```

```
• = compuden • (in c_1: compuDCNet, in c_2: compuDCNet) \rightarrow res: bool
     bool: boolPC \leftarrow *(c_1.pc) = *(c_2.pc)
                                                                                                                O(1)
     bool: boolConj \leftarrow c_1.conjPaquetes = c_1.conjPaquetes
                                                                                                               O(k^2)
     bool: boolAVL ← true
                                                                                                                O(1)
     bool: boolCola \leftarrow true
                                                                                                                O(1)
     bool: boolPaq \leftarrow Siguiente (c_1. paquete A En viar) =_{paqden} Siguiente (c_2. paquete A En viar)
                                                                                                                O(n)
     bool: boolEnviados \leftarrow c_1. enviados = c_2. enviados
                                                                                                                O(1)
     if boolConj then
                                                                                                                O(1)
           itConj: itconj_1 \leftarrow CrearIt(c_1.conjPaquetes)
                                                                                                                O(1)
           while HaySiguiente? (itconj_1) do
                                                                                                                O(1)
                if Definido?(c_2.\operatorname{diccPaquetesDCNet}, \operatorname{Siguiente}(itconj_1)).id then
                                                                                                           O(\log(n))
                      if \neg (Siguiente (Obtener (c_1. diccPaquetesDCNet, Siguiente (itconj_1). id))
                           Siguiente (Obtener (c_1. \operatorname{diccPaquetesDCNet}, \operatorname{Siguiente}(itconj_1). \operatorname{id})))
                                                                                                                O(n)
                           boolAVL \leftarrow false
                                                                                                                O(1)
                      end if
                else
                      boolAVL \leftarrow false
                                                                                                                O(1)
                end if
                A vanzar (itconj_1)
                                                                                                                O(1)
           end while
                                                                                                            O(n * k)
     end if
     if EsVacia(c_1.colaPrioridad) then
                                                                                                                O(1)
           if \neg \text{EsVacia}(c_2.\text{colaPrioridad}) then
                                                                                                                O(1)
                boolCola \leftarrow false
                                                                                                                O(1)
           end if
     else
           if EsVacia(c_1.colaPrioridad) then
                                                                                                                O(1)
                boolCola \leftarrow false
                                                                                                                O(1)
           else
                if \neg (Siguiente(Proximo(c_1.colaPrioridad))) =_{paqden}
                      Siguiente (Proximo (c_2 \cdot cola Prioridad))) then
                                                                                                                O(n)
```

 $\begin{array}{c} \text{boolCola} \leftarrow \text{false} & \text{O(1)} \\ \text{end} \quad \text{if} \\ \text{end} \quad \text{if} \\ \text{end} \quad \text{if} \\ \\ \text{res} \leftarrow \text{boolPC} \land \text{boolConj} \land \text{boolAVL} \land \text{boolCola} \land \text{boolPaq} \land \text{boolEnviados} \\ \\ \textbf{Complejidad} : O(k^2 + n * k) = O(k * (k + n)) \end{array}$

 $ullet =_{paqden} ullet (ext{in } p_1 : ext{paqueteDCNet, in } p_2 : ext{paqueteDCNet,}) o ext{res: bool}$ $bool: boolPaq \leftarrow Siguiente(p_1.it) = Siguiente(p_2.it) \qquad O(1)$ $bool: boolRecorrido \leftarrow p_1. ext{recorrido} = p_2. ext{recorrido} \qquad O(n)$ $res \leftarrow boolPaq \wedge boolRecorrido \qquad O(1)$ Complejidad: O(n)