Algoritmos y Estructuras de Datos II

Departamento de Computación Facultad de Ciencias Exactas y Naturales Universidad de Buenos Aires

Trabajo Práctico II

Reentrega

Grupo: 12

| Integrante | LU | Correo electrónico |
|-----------------------|--------|-------------------------------|
| Pondal, Iván | 078/14 | ivan.pondal@gmail.com |
| Paz, Maximiliano Leon | 251/14 | m4xileon@gmail.com |
| Mena, Manuel | 313/14 | manuelmena1993@gmail.com |
| Demartino, Francisco | 348/14 | demartino.francisco@gmail.com |

Reservado para la cdra

| Instancia | Docente | Nota |
|-----------------|---------|------|
| Primera entrega | | |
| Segunda entrega | | |

Índice

| 1. | Mo | dulo DCNet |
|------------|------|---|
| | 1.1. | Interfaz |
| | | 1.1.1. Operaciones básicas de DCNet |
| | 1.2. | Representación |
| | | 1.2.1. Representación de dcnet |
| | | 1.2.2. Invariante de Representación |
| | | 1.2.3. Función de Abstracción |
| | 1.3. | Algoritmos |
| 2 . | Mó | dulo Red |
| | 2.1. | Interfaz |
| | 2.2. | Representación |
| | | 2.2.1. Estructura |
| | | 2.2.2. Invariante de Representación |
| | | 2.2.3. Función de Abstracción |
| | 2.3. | Algoritmos |
| 3. | Mó | dulo Cola de mínima prioridad (α) |
| | 3.1. | Especificación |
| | 3.2. | Interfaz |
| | | 3.2.1. Operaciones básicas de Cola de mínima prioridad |
| | 3.3. | Representación |
| | | 3.3.1. Representación de colaMinPrior |
| | | 3.3.2. Invariante de Representación |
| | | 3.3.3. Función de Abstracción |
| | 3.4. | Algoritmos |
| 4. | Mó | dulo Diccionario logarítmico($lpha$) |
| | 4.1. | Interfaz |
| | | 4.1.1. Operaciones básicas de Diccionario logarítimico (α) |
| | | 4.1.2. Operaciones auxiliares del TAD |
| | 4.2. | Representación |
| | | 4.2.1. Representación de $\mathrm{diccLog}(\alpha)$ |
| | | 4.2.2. Invariante de Representación |
| | | 4.2.3. Función de Abstracción |
| | 4.3. | Algoritmos |
| 5 . | Mó | dulo Árbol binario $(lpha)$ |
| | | |
| | | $5.1.1.$ Operaciones básicas de Árbol binario (α) |
| | 5.2. | Representación |
| | | • |

| | | 5.2.1. | Representación de $\operatorname{ab}(\alpha)$ | 38 | | | |
|----|------|-----------------------------------|---|----|--|--|--|
| | | 5.2.2. | Invariante de Representación | 38 | | | |
| | | 5.2.3. | Función de Abstracción | 38 | | | |
| | 5.3. | Algori | itmos | 38 | | | |
| 3. | Mó | ódulo Diccionario String $(lpha)$ | | | | | |
| | 6.1 | Interf | a7. | 40 | | | |

1. Módulo DCNet

1.1. Interfaz

```
se explica con: DCNET.
géneros: dcnet.
```

1.1.1.

```
Operaciones básicas de DCNet
INICIARDCNET(in r: red) \rightarrow res: dcnet
\mathbf{Pre} \equiv \{ \text{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} iniciarDCNet(red)\}\
Complejidad: O(n*(n+L)) donde n es es la cantidad de computadoras y L es la longitud de nombre de
computadora mas larga
Descripción: crea una DCNet nueva tomando una red
CREARPAQUETE(in/out \ dcn: dcnet, in \ p: paquete)
\mathbf{Pre} \equiv \{
       dcn =_{\text{obs}} dcn_0 \wedge
      \neg( (\exists p': paquete)( paqueteEnTransito(dcn, p') \land id(p) = id(p') \land origen(p) \in computadoras(red(dcn)) \land<sub>L</sub>
               \operatorname{destino}(p) \in \operatorname{computadoras}(\operatorname{red}(dcn)) \wedge_{\operatorname{L}} \operatorname{hayCamino}(\operatorname{red}(dcn), \operatorname{origen}(p), \operatorname{destino}(p))))
\mathbf{Post} \equiv \{dcn =_{obs} \operatorname{crearPaquete}(dcn_0)\}\
Complejidad: O(L + log(k)) donde L es la longitud de nombre de computadora mas larga y k es la longitud de
la cola de paquetes mas larga
Descripción: crea un nuevo paquete
AVANZARSEGUNDO(in/out dcn: dcnet)
\mathbf{Pre} \equiv \{dcn =_{\mathrm{obs}} dcn_0\}
\mathbf{Post} \equiv \{dcn =_{obs} avanzar Segundo(dcn_0)\}\
Complejidad: O(n*(L+log(k))) donde n es es la cantidad de computadoras, L es la longitud de nombre de
computadora mas larga y k es la longitud de la cola de paquetes mas larga
Descripción: envia los paquetes con mayor prioridad a la siguiente compu
Red(\mathbf{in}\ dcn: \mathtt{dcnet}) \rightarrow res: \mathtt{red}
\mathbf{Pre} \equiv \{ \text{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{ \operatorname{alias}(res =_{\operatorname{obs}} \operatorname{red}(dcn)) \}
Complejidad: O(1)
Descripción: devuelve la red de una DCNet
Aliasing: res es una referencia no modificable
CaminoRecorridge (in dcn: dcnet, in p: paquete) \rightarrow res: secu(compu)
\mathbf{Pre} \equiv \{ \text{paqueteEnTransito?}(dcn, p) \}
Post \equiv \{alias(res =_{obs} caminoRecorrido(dcn, p))\}
Complejidad: O(n * log(k)) donde n es es la cantidad de computadoras y k es la longitud de la cola de paquetes
mas larga
```

Descripción: devuelve el camino recorrido por un paquete

Aliasing: res es una referencia no modificable

```
CANTIDADENVIADOS(in dcn: dcnet, in c: compu) \rightarrow res: nat
\mathbf{Pre} \equiv \{c \in \operatorname{computadoras}(\operatorname{red}(dcn))\}\
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} \operatorname{cantidadEnviados}(dcn, c)\}\
Complejidad: O(L) donde L es la longitud de nombre de computadora mas larga
Descripción: devuelve la cantidad de paquetes enviados por una compu
ENESPERA(in dcn: dcnet, in c: compu) \rightarrow res: conj(paquete)
\mathbf{Pre} \equiv \{c \in \operatorname{computadoras}(\operatorname{red}(dcn))\}\
\mathbf{Post} \equiv \{ \operatorname{alias}(res =_{\operatorname{obs}} \operatorname{enEspera}(dcn, c)) \}
Complejidad: O(L) donde L es la longitud de nombre de computadora mas larga
Descripción: devuelve el conjunto de paquetes encolados en una compu
Aliasing: res es una referencia no modificable
PAQUETEENTRANSITO(in dcn: dcnet, in p: paquete) 
ightarrow res: bool
\mathbf{Pre} \equiv \{ \text{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} \text{paqueteEnTransito}(dcn, p)\}\
Complejidad: O(n * log(k)) donde n es es la cantidad de computadoras y k es la longitud de la cola de paquetes
Descripción: indica si el paquete está en transito
LaQueMasEnvio(in\ dcn:dcnet) \rightarrow res:compu
\mathbf{Pre} \equiv \{ \mathrm{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{ \mathrm{alias}(res =_{\mathrm{obs}} \mathrm{laQueMasEnvio}(dcn)) \}
Complejidad: O(1)
Descripción: devuelve la compu que mas paquetes envió
Aliasing: res es una referencia no modificable
ullet = ullet(in dcn_1: dcnet, in dcn_2: dcnet) 
ightarrow res: bool
\mathbf{Pre} \equiv \{ \text{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} dcn_1 = dcn_2\}
Complejidad: O(n * k^3 * (k+n))
Descripción: compara dcn_1 y dcn_2 por igualdad
```

1.2. Representación

1.2.1. Representación de denet

```
dcnet se representa con estr
```

1.2.2. Invariante de Representación

- (I) Las compus de los elementos de vectorCompusDCNet son punteros a todas las compus de la topología
- (II) Las claves de diccCompusDCNet son todos los hostnames de la topología
- (III) Los significados de diccCompusDCNet son punteros que apuntan a las compuDCNet cuyo hostname equivale a su clave en vectorCompusDCNet
- (IV) laQueMásEnvió es un puntero a la compuDCNet en vectorCompusDCNet que más paquetes enviados tiene. Si no hay compus es NULL
- (V) El conjPaquetesDCNet contiene tuplas con iteradores a todos los paquetes en tránsito en la red y sus recorridos
- (VI) Todos los paquetes en conjPaquetes de cada compuDCNet tienen id único y tanto su origen como destino existen en la topología
- (VII) El paquete en conjPaquetes tiene que tener en su recorrido a la compuDCNet en la que se encuentra y esta no puede ser igual al destino del recorrido
- (VIII) Las claves de diccPaquetesDCNet son los id de los paquetes en conjPaquetes
 - (IX) Los significados de diccPaquetesDCNet son un iterador al paqueteDCNet de conjPaquetesDCNet que contiene un iterador al paquete con el id equivalente a su clave y un recorrido que es uno de los caminos mínimos del origen del paquete a la compu en la que se encuentra
 - (X) La cantidad de enviados de una compuDCNet es igual o mayor a la cantidad de apariciones de esa compu en los caminos recorridos de paquetes en la red
 - (XI) El paquete a enviar de cada compuDCNet es un iterador que no tiene siguiente

```
Rep : estr \longrightarrow bool
Rep(e) \equiv true \iff
               (\forall c: \text{compu})(c \in \text{computadoras}(e.\text{topologia}) \Leftrightarrow
                 (\exists cd: compuDCNet) (está? (cd, e. vectorCompusDCNet) \land (cd.pc = puntero(c)) \land
                 (\exists s: \text{string})(\text{def}?(s, e.\text{diccCompusDCNet}) \land (s = c.\text{ip})))
               ) \wedge_{\scriptscriptstyle L}
               (\forall cd: compuDCNet)(está?(cd, e. vectorCompusDCNet) \Leftrightarrow
                (\exists s: \text{string})((s = cd.\text{pc} \rightarrow \text{ip}) \land \text{def}?(s, e.\text{diccCompusDCNet}) \land_{L}
                obtener(s, e.diccCompusDCNet) = puntero(cd))
               (\exists cd: compuDCNet)(está?(cd, e. vectorCompusDCNet) \land_{t}
               *(cd.pc) = \text{compuQueM}ásEnvió(e.\text{vectorCompusDCNet}) \land e.\text{laQueM}ásEnvió= \text{puntero}(cd)) \land_{\text{L}}
               (\forall cd_1: compuDCNet)(está?(cd_1, e. vectorCompusDCNet) \Rightarrow
                (\forall p_1: paquete)(p_1 \in cd_1.conjPaquetes \Rightarrow
                 (\forall cd_2: compuDCNet)((está?(cd_2, e. vectorCompusDCNet) \land cd_1 \neq cd_2) \Rightarrow
                  (\forall p_2: paquete)(p_2 \in cd_2.conjPaquetes \Rightarrow p_1.id \neq p_2.id)
               ) \wedge_{\scriptscriptstyle L}
               (\forall cd: compuDCNet)(está?(cd, e. vectorCompusDCNet) \Rightarrow
                 (\forall p: paquete) (p \in cd.conjPaquetes \Leftrightarrow
                   ((p.\text{origen} \in \text{computadoras}(e.\text{topologia}) \land p.\text{destino} \in \text{computadoras}(e.\text{topologia}) \land
                   p.\text{destino} \neq *(cd.pc)) \land_{\text{L}}
                   (\exists sc: secu(compu))(sc \in caminosMinimos(e.topologia, p.origen, p.destino) \land está(*(cd.pc), sc))) \land
                   (\exists n: \text{nat}) ((\text{def}?(n, cd.\text{diccPaquetesDCNet}) \land p.\text{id} = n) \land_{\text{L}}
                    (\exists pdn: paqueteDCNet)(pdn \in e.conjPaquetesDCNet \land Siguiente(pdn.it) = p \land
                     ((p.\text{origen} = *(cd.\text{pc}) \land pdn.\text{recorrido} = *(cd.\text{pc}) \bullet <>) \lor
                     (p.\text{origen} \neq *(cd.\text{pc}) \land pdn.\text{recorrido} \in \text{caminosMinimos}(e.\text{topologia}, p.\text{origen}, *(cd.\text{pc})))) \land
                     Siguiente(obtener(n, cd.diccPaquetesDCNet)) = pdn
                 ) \wedge_{\scriptscriptstyle L}
                 (\neg vacía?(cd.colaPaquetesDCNet) \Leftrightarrow
                  (\exists p: paquete)((p \in cd.conjPaquetes)) \land (p = paqueteMásPrioridad(cd.conjPaquetes)) \land
                   (\exists pdn: paqueteDCNet)((pdn \in e.conjPaquetesDCNet) \land (Siguiente(pdn.it) = p) \land
                   (Siguiente(proximo(cd.colaPaquetesDCNet)) = pdn))
                  )
                 ) \wedge<sub>L</sub>
                 (cd.enviados \ge enviadosCompu(*(cd.pc), e.vectorCompusDCNet)) \land
                 (¬HaySiguiente?(cd.paqueteAEnviar)) )
                                                                                                                                    \{\neg vacía?(scd)\}
compuQueMásEnvió : secu(compuDCNet) scd \longrightarrow compu
maxEnviado : secu(compuDCNet) scd \longrightarrow nat
                                                                                                                                    \{\neg vacía?(scd)\}
enviaronK : secu(compuDCNet) \times nat \longrightarrow conj(compu)
paqueteMásPrioridad : conj(paquete) cp \longrightarrow  paquete
                                                                                                                                           \{\neg\emptyset?(cp)\}
paquetesConPrioridadK : conj(paquete) \times nat \longrightarrow conj(paquete)
altaPrioridad : conj(paquetes) cp \longrightarrow nat
                                                                                                                                           \{\neg\emptyset?(cp)\}
enviadosCompu : compu \times secu(compuDCNet) \longrightarrow nat
aparicionesCompu: compu \times conj(nat) cn \times dicc(nat \times itConj(paqueteDCNet)) dp \longrightarrow nat
```

 $\{ \text{claves}(dp) \subseteq cn \}$

```
compuQueMásEnvió(scd) \equiv dameUno(enviaronK(scd, maxEnviado(scd)))
\max \text{Enviado}(scd) \equiv \text{if } \text{vac}(\text{in}(scd)) \text{ then } \text{prim}(scd). \text{enviados } \text{else } \max(\text{prim}(scd), \max \text{Enviado}(\text{fin}(scd))) \text{ fi}
enviaronK(scd, k) \equiv if \text{ vacía}?(scd) then
                           else
                               if prim(scd).enviados = k then
                                   Ag(*(prim(scd).pc), enviaronK(fin(scd), k))
                                   enviaronK(fin(scd), k)
                               fi
                            fi
paqueteMásPrioridad(dcn, cp) \equiv dameUno(paquetesConPrioridadK(cp, altaPrioridad(cp)))
altaPrioridad(cp) \equiv \mathbf{if} \ \emptyset?(\sin \operatorname{Uno}(cp)) then
                               dameUno(cp).prioridad
                           else
                               \min(\text{dameUno}(cp).\text{prioridad}, \text{altaPrioridad}(\sin \text{Uno}(cp)))
paquetesConPrioridadK(cp, k) \equiv if \emptyset?(cp) then
                                           else
                                               if dameUno(cp).prioridad = k then
                                                   Ag(dameUno(cp), paquetesConPrioridadK(sinUno(cp), k))
                                                   paquetesConPrioridadK(\sin Uno(cp), k)
enviadosCompu(c, scd) \equiv \mathbf{if} \text{ vacía?}(scd) \mathbf{then}
                                  else
                                      if prim(scd) = c then
                                          enviadosCompu(c, fin(scd))
                                      else
                                          aparicionesCompu(c, claves(prim(scd).diccPaquetesDCNet)),
                                          \operatorname{prim}(scd).\operatorname{diccPaquetesDCNet}) + \operatorname{enviadosCompu}(c, \operatorname{fin}(scd))
                                      fi
aparicionesCompu(c, cn, dpd) \equiv \mathbf{if} \ \emptyset?(cn) \mathbf{then}
                                             0
                                          else
                                              if está? (c, Siguiente(obtener(dameUno(cn), dpd)). recorrido) then
                                                  1 + \operatorname{aparicionesCompu}(c, \sin \operatorname{Uno}(cn), dpd)
                                              else
                                                  aparicionesCompu(c, sinUno(cn), dpd)
                                          fi
```

1.2.3. Función de Abstracción

```
Abs : estr e \longrightarrow \text{dcnet} {Rep(e)} 
 Abs(e) =_{\text{obs}} \text{dcn: dcnet} \mid \text{red}(dcn) = e.\text{topología} \land (\forall cdn: \text{compuDCNet})(\text{está?}(cdn, e.\text{vectorCompusDCNet}) \Rightarrow_{\text{L}} \text{enEspera}(dcn, *(cdn.\text{pc})) = cdn.\text{conjPaquetes} \land \text{cantidadEnviados}(dcn, *(cdn.\text{pc})) = cdn.\text{enviados} \land (\forall p: \text{paquete})(p \in cdn.\text{conjPaquetes} \Rightarrow_{\text{L}} \text{caminoRecorrido}(dcn, p) = \text{Siguiente}(\text{obtener}(p.\text{id}, cdn.\text{diccPaquetesDCNet})).\text{recorrido})
```

```
iIniciarDCNet (in topo: red) \rightarrow res: estr
    res.topologia ← Copiar(topo)
                                                                                       O(n! * n^6)
    res.vectorCompusDCNet ← Vacia()
                                                                                            O(1)
    res.diccCompusDCNet ← CrearDicc()
                                                                                            O(1)
    res.laQueMasEnvio \leftarrow NULL
                                                                                            O(1)
    res.conjPaquetesDCNet \leftarrow Vacio()
                                                                                            O(1)
    it Conj (compu): it ← CrearIt (Computadoras (topo))
                                                                                            O(1)
    if (HaySiguiente?(it)) then
                                                                                            O(1)
         res.laQueMasEnvio ← puntero(Siguiente(it))
                                                                                            O(1)
    end if
    while HaySiguiente?(it) do
                                                                                            O(1)
         compuDCNet: compudcnet ← <puntero(Siguiente(it)), Vacio(), CrearDicc(),
             Vacia(), CrearIt(Vacio()), 0>
                                                                                            O(1)
         AgregarAtras (res.vectorCompusDCNet, compudenet)
                                                                                            O(n)
         Definir (res.diccCompusDCNet, Siguiente (it).ip, puntero (compudenet))
                                                                                            O(L)
         Avanzar (it)
                                                                                            O(1)
                                                                                    O(n * (n + L))
    end while
Complejidad : O(n*(n+L))
```

```
iCrearPaquete (in/out dcn: dcnet, in p: paquete)
     puntero (compuDCNet): compudenet \leftarrow
          Significado (dcn.diccCompusDCNet, p.origen.ip)
                                                                                                   O(L)
     it Conj (paquete): it Paq \leftarrow Agregar Rapido (compudent \rightarrow conj Paquetes, p)
                                                                                                   O(1)
     lista (compu): recorr ← AgregarAtras (Vacia (), p.origen)
                                                                                                   O(1)
     paqueteDCNet: paqDCNet \leftarrow < itPaq, recorr >
                                                                                                   O(1)
     itConj(paqueteDCNet): itPaqDCNet ←
          AgregarRapido(dcn.conjPaquetesDCNet, paqDCNet)
                                                                                                   O(1)
     Definir (compudenet \rightarrow diccPaquetesDCNet, p.id, itPaqDCNet)
                                                                                               O(\log(k))
     Encolar (compudent \rightarrow cola Paquetes DCNet, p. prioridad, it Paq DCNet)
                                                                                               O(\log(k))
Complejidad : O(log(k) + L)
```

```
iAvanzarSegundo (in/out dcn: dcnet)
    nat: maxEnviados \leftarrow 0
    nat: \ i \ \leftarrow \ 0
                                                                                             O(1)
     while i < Longitud (dcn.vectorCompusDCNet) do
                                                                                             O(1)
         if (\neg EsVacia?(dcn.vectorCompusDCNet[i].colaPaquetesDCNet)) then
             dcn.vectorCompusDCNet[i].paqueteAEnviar \leftarrow
                  Desencolar (dcn.vectorCompusDCNet[i].colaPaquetesDCNet)
                                                                                         O(\log(k))
         end if
         i++
                                                                                             O(1)
                                                                                      O(n * log(k))
    end while
    i \leftarrow 0
                                                                                             O(1)
     while i < Longitud (dcn.vectorCompusDCNet) do
                                                                                             O(1)
         if (HaySiguiente?(dcn.vectorCompusDCNet[i].paqueteAEnviar)) then
                                                                                             O(1)
              dcn.vectorCompusDCNet[i].enviados++
                                                                                             O(1)
              if (dcn.vectorCompusDCNet[i].enviados > maxEnviados) then
                                                                                             O(1)
                  dcn.laQueMasEnvio \leftarrow puntero(dcn.vectorCompusDCNet[i])
                                                                                             O(1)
             end if
              paquete: pAEnviar ←
                  Siguiente (Siguiente (dcn. vectorCompusDCNet[i]. paqueteAEnviar). it)
                                                                                             O(1)
              itConj(lista(compu)): itercaminos \leftarrow
                  CrearIt (Caminos Minimos (dcn. topologia,
                  *(dcn.vectorCompusDCNet[i].pc), pAEnviar.destino))
                                                                                             O(1)
             compu: siguientecompu \leftarrow Siguiente(itercaminos)[1]
                                                                                             O(1)
              if (pAEnviar. destino \neq siguientecompu) then
                                                                                             O(1)
                  compuDCNet: siguientecompudcnet ←
                       *(Obtener(dcn.diccCompusDCNet, siguientecompu.ip))
                                                                                             O(L)
                  it Conj (paquete): it paquete ←
                       Agregar Rapido (siguiente compudent et conj Paquetes, pA Enviar)
                                                                                             O(1)
                  itConj(paqueteDCNet): paqAEnviar \leftarrow
                       Obtener (dcn.vectorCompusDCNet[i].diccPaquetesDCNet,
                       pAEnviar.id)
                                                                                         O(\log(k))
                                                                                             O(1)
                  AgregarAtras (Siguiente (paqAEnviar). recorrido, siguientecompu)
                  Encolar (siguient ecompudent . colaPaquetesDCNet,
                       pAEnviar.prioridad, paqAEnviar)
                                                                                         O(\log(k))
                  D\,efinir\,(\,siguient\,ecompud\,cnet\,.\,diccPaquetesD\,CNet\,\,,
                                                                                         O(\log(k))
                       pAEnviar.id, paqAEnviar)
             end if
              Borrar (dcn. vectorCompusDCNet [i]. diccPaquetesDCNet,
                  Siguiente (dcn. vectorCompusDCNet [i]. paqueteAEnviar→it). id)
              EliminarSiguiente (Siguiente (dcn. vectorCompusDCNet [i]. paqueteAEnviar). it)
                                                                                             O(1)
              Eliminar Siguiente (dcn. vector Compus DCNet [i]. paquete A Enviar)
                                                                                             O(1)
             dcn.vectorCompusDCNet[i].paqueteAEnviar ← CrearIt(Vacio())
                                                                                             O(1)
         end if
                                                                                             O(1)
         i +++
```

```
end while \mathrm{\mathbf{Complejidad}}: O(n*(L+log(k)))
```

```
Red (in dcn: dcnet) \rightarrow res: red res \leftarrow dcn.topologia O(1)

Complejidad : O(1)
```

```
CaminoRecorrido (in dcn: dcnet, in p: paquete) \rightarrow res: lista(compu)
    nat: i \leftarrow 0
                                                                                O(1)
    while i < Longitud (dcn.vectorCompusDCNet) do
                                                                                O(1)
        if Definido?(dcn.vectorCompusDCNet[i].diccPaquetesDCNet, p.id) then
                                                                             O(\log(k))
            p.id)).recorrido
                                                                             O(\log(k))
        end if
        i++
                                                                                O(1)
    end while
                                                                          O(n * log(k))
Complejidad : O(n * log(k))
```

```
 \begin{aligned} & \text{CantidadEnviados} \text{ (in } \textit{dcn} \colon \texttt{dcnet}, \text{ in } \textit{c} \colon \texttt{compu}) \to \texttt{res} \colon \texttt{nat} \\ & \text{res } \leftarrow & \text{Obtener} (\texttt{dcn} \ldotp \texttt{diccCompusDCNet} \,, \, \, \texttt{c} \ldotp \texttt{ip}) \to \texttt{enviados} \end{aligned} \qquad & \text{O(L)}   & \text{\textbf{Complejidad}} \colon \textit{O(L)}
```

```
EnEspera (in dcn: dcnet, in c: compu) \rightarrow res: nat res \leftarrow Obtener(dcn.diccCompusDCNet, c.ip) \rightarrow conjPaquetes  O(L)  Complejidad: O(L)
```

```
PaqueteEnTransito (in dcn: dcnet, in p: paquete) \rightarrow res: bool
     res \leftarrow false
     nat: i \leftarrow 0
                                                                                                         O(1)
     while i < Longitud (dcn.vectorCompusDCNet) do
                                                                                                         O(1)
          if Definido?(dcn.vectorCompusDCNet[i].diccPaquetesDCNet, p.id) then
                                                                                                    O(\log(k))
               res \leftarrow true
                                                                                                         O(1)
          end if
          i++
                                                                                                         O(1)
                                                                                                 O(n * log(k))
     end while
Complejidad : O(n * log(k))
```

```
\label{eq:lagrangian} \begin{split} \text{LaQueMasEnvio} & \text{ (in } dcn \colon \texttt{dcnet}) \to \text{res: compu} \\ & \text{res } \leftarrow *(\text{dcn.laQueMasEnvio} \to \text{pc}) \end{split} \tag{O(1)} \\ \textbf{Complejidad} & : O(1) \end{split}
```

```
• =_i • (in dcn_1: dcnet, in dcn_2: dcnet) \rightarrow res: bool bool: boolTopo \leftarrow dcn_1. topologia = dcn_2. topologia bool: boolVec \leftarrow dcn_1. vectorCompusDCNet = dcn_2. vectorCompusDCNet bool: boolConj \leftarrow dcn_1. conjPaquetesDCNet = dcn_2. conjPaquetesDCNet bool: boolMasEnvio \leftarrow *(dcn_1.laQueMasEnvio) = *(dcn_2.laQueMasEnvio) O(1) res \leftarrow boolTopo \land boolVec \land boolTrie \land boolConj \land boolMasEnvio O(1) Complejidad: O(n*k^3*(k+n))
```

```
• = compuden • (in c_1: compuDCNet, in c_2: compuDCNet) \rightarrow res: bool
     bool: boolPC \leftarrow *(c_1.pc) = *(c_2.pc)
                                                                                                             O(1)
     bool: boolConj \leftarrow c_1.conjPaquetes = c_1.conjPaquetes
                                                                                                            O(k^2)
     bool: boolAVL \leftarrow true
                                                                                                             O(1)
     bool: boolCola \leftarrow true
                                                                                                             O(1)
     bool: boolPaq \leftarrow Siguiente (c_1. paquete A En viar) =_{paqden} Siguiente (c_2. paquete A En viar)
                                                                                                             O(n)
     bool: boolEnviados \leftarrow c_1. enviados = c_2. enviados
                                                                                                             O(1)
     if boolConj then
                                                                                                             O(1)
          itConj: itconj_1 \leftarrow CrearIt(c_1.conjPaquetes)
                                                                                                             O(1)
           while HaySiguiente? (itconj_1) do
                                                                                                             O(1)
                if Definido?(c_2.diccPaquetesDCNet, Siguiente(itconj_1)).id then
                                                                                                        O(\log(n))
                     if \neg (Siguiente (Obtener (c_1. diccPaquetesDCNet, Siguiente (itconj_1). id))
                          Siguiente (Obtener (c_1. \operatorname{diccPaquetesDCNet}, \operatorname{Siguiente}(itconj_1). \operatorname{id})))
                                                                                                             O(n)
                          boolAVL \leftarrow false
                                                                                                             O(1)
                     end if
                else
                     boolAVL \leftarrow false
                                                                                                             O(1)
                end if
                A vanzar (itconj_1)
                                                                                                             O(1)
          end while
                                                                                                         O(n * k)
     end if
     if EsVacia(c_1.colaPrioridad) then
                                                                                                             O(1)
           if \neg EsVacia(c_2.colaPrioridad) then
                                                                                                             O(1)
                boolCola \leftarrow false
                                                                                                             O(1)
          end if
     else
           if EsVacia(c_1.colaPrioridad) then
                                                                                                             O(1)
                boolCola \leftarrow false
                                                                                                             O(1)
           else
                if \neg (Siguiente(Proximo(c_1.colaPrioridad))) =_{paqden}
                     Siguiente (Proximo (c_2 \cdot cola Prioridad))) then
                                                                                                             O(n)
```

$$\begin{array}{c} \text{boolCola} \leftarrow \text{false} \\ \text{end if} \\ \text{end if} \\ \\ \text{end if} \end{array}$$

$$\text{res} \leftarrow \text{boolPC} \land \text{boolConj} \land \text{boolAVL} \land \text{boolCola} \land \text{boolPaq} \land \text{boolEnviados} \end{array} \tag{O(1)}$$

$$\textbf{Complejidad} : O(k^2 + n * k) = O(k * (k + n))$$

2. Módulo Red

2.1. Interfaz

```
se explica con: RED.
géneros: red.
INICIARRED() \rightarrow res: red
\mathbf{Pre} \equiv \{ \mathbf{true} \}
Post \equiv \{res =_{obs} iniciarRed\}
Complejidad: O(1)
Descripción: Crea una red nueva
AGREGARCOMPUTADORA(\mathbf{in}/\mathbf{out}\ r: red, \mathbf{in}\ c: compu)
\mathbf{Pre} \equiv \{(r =_{\mathrm{obs}} r_0) \land ((\forall \ c': \mathrm{compu}) \ (c' \in \mathrm{computadoras}(r) \Rightarrow \mathrm{ip}(c) \neq \mathrm{ip}(c'))) \ \}
\mathbf{Post} \equiv \{r =_{obs} \operatorname{agregarComputadora}(r_0, c)) \}
Complejidad: O((n * L))
Descripción: Agrega una computadora a la red
Aliasing: La compu se agrega por copia
CONECTAR(\mathbf{in}/\mathbf{out}\ r: red, \mathbf{in}\ c: compu, \mathbf{in}\ c': compu, \mathbf{in}\ i: compu, \mathbf{in}\ i': compu)
\mathbf{Pre} \equiv \{(r =_{\mathrm{obs}} r_0) \land (c \in \mathrm{computadoras}(r)) \land (c' \in \mathrm{computadoras}(r)) \land (\mathrm{ip}(c) \neq \mathrm{ip}(c'))\}
\land (\neg \text{conectadas}?(r, c, c')) \land (\neg \text{usaInterfaz}?(r, c, i) \land \neg \text{usaInterfaz}?(r, c', i')) \}
\mathbf{Post} \equiv \{r =_{obs} \operatorname{conectar}(r_0, c, i, c', i'))\}\
Complejidad: O(n! * (n^4))
Descripción: Conecta dos computadoras y recalcula los caminos mínimos de la red.
COMPUTADORAS(in r: red) \rightarrow res: conj(compu)
\mathbf{Pre} \equiv \{ \text{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{ \mathrm{alias}(res =_{\mathrm{obs}} \mathrm{computadoras}(r)) \}
Complejidad: O(1)
Descripción: Devuelve el conjunto de computadoras de la red.
Aliasing: El conjunto se da por referencia, y es modificable si y solo si la red es modificable.
CONECTADAS? (in r: red, in c: compu, in c': compu) \rightarrow res: bool
\mathbf{Pre} \equiv \{(c \in \mathbf{computadoras}(r)) \land (c' \in \mathbf{computadoras}(r))\}\
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} \text{conectadas?}(r, c, c')\}\
Complejidad: O(1)
Descripción: Indica si dos computadoras de la red estan conectadas
INTERFAZUSADA(in r: red, in c: compu, in c': compu) \rightarrow res: interfaz
\mathbf{Pre} \equiv \{ \text{conectadas}?(r, c, c') \}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} interfazUsada(r, c, c')\}\
Complejidad: O(L+n)
Descripción: Devuelve la interfaz con la cual se conecta c con c'
VECINOS(in \ r: red, in \ c: compu) \rightarrow res : conj(compu)
\mathbf{Pre} \equiv \{c \in \operatorname{computadoras}(r)\}\
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} vecinos(r, c)\}\
Complejidad: O(n^2)
Descripción: Devuelve el conjunto de computadoras conectadas con c
Aliasing: Devuelve una copia de las computadoras conectadas a c
```

```
USAINTERFAZ?(in r: red, in c: compu, in i: interfaz) \rightarrow res: bool
\mathbf{Pre} \equiv \{c \in \operatorname{computadoras}(r)\}\
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} usaInterfaz?(r, c, i)\}
Complejidad: O(L+n)
Descripción: Indica si la interfaz i es usada por la computadora c
{\tt CAMINOSMINIMOS}({\tt in}\ r\colon {\tt red},\ {\tt in}\ c\colon {\tt compu},\ {\tt in}\ c'\colon {\tt compu}) 	o res: {\tt conj(lista(compu))}
\mathbf{Pre} \equiv \{(c \in \operatorname{computadoras}(r)) \land (c' \in \operatorname{computadoras}(r))\}
\mathbf{Post} \equiv \{ \operatorname{alias}(res =_{\operatorname{obs}} \operatorname{caminosMinimos}(r, c, i)) \}
Complejidad: O(L)
Descripción: Devuelve el conjunto de caminos minimos de c a c'
Aliasing: Devuelve una refencia no modificable
HAYCAMINO?(in r: red, in c: compu, in c': compu) \rightarrow res: bool
\mathbf{Pre} \equiv \{(c \in \operatorname{computadoras}(r)) \land (c' \in \operatorname{computadoras}(r))\}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{\mathrm{obs}} \mathsf{hayCamino?}(r,\,c,\,i)\}
Complejidad: O(L)
Descripción: Indica si existe algún camino entre c y c'
COPIAR(in r: red) \rightarrow res: red
\mathbf{Pre} \equiv \{ \text{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{\mathrm{obs}} r\}
Complejidad: O(n!*(n^6))
Descripción: Devuelve una copia la red
ullet = ullet (\mathbf{in} \ r \colon \mathtt{red}, \ \mathbf{in} \ r' \colon \mathtt{red}) 	o res : \mathtt{bool}
\mathbf{Pre} \equiv \{ \mathrm{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{ res =_{obs} (r =_{obs} r') \}
Complejidad: O(n + L^2)
Descripción: Indica si r es igual a r'
```

2.2. Representación

2.2.1. Estructura

2.2.2. Invariante de Representación

- (I) Todas los elementos de compus deben tener IPs distintas.
- (II) Para cada compu, el diccionario de strings dns define para la clave <IP de esa compu> un nodoRed cuyo pc es puntero a esa compu.
- (III) nodoRed.conexiones contiene como claves todas las interfaces usadas de la compu c (que tienen que estar en pc.interfaces)
- (IV) Ningun nodo se conecta con si mismo.
- (V) Ningun nodo se conecta a otro a traves de dos interfaces distintas.
- (VI) Para cada nodoRed en dns, caminos tiene como claves todas las IPs de las compus de la red (estr.compus), y los significados corresponden a todos los caminos mínimos desde la compu pc hacia la compu cuya IP es clave.

```
Rep : estr \longrightarrow bool
Rep(e) \equiv true \iff (
                     ((\forall c1, c2: \text{compu}) \ (c1 \neq c2 \land c1 \in e.\text{compus} \land c2 \in e.\text{compus}) \Rightarrow c1.\text{ip} \neq c2.\text{ip}) \land c1
                     ((\forall c: \text{compu})(c \in e.\text{compus}) \Rightarrow
                        (\operatorname{def}?(c.\operatorname{ip}, e.\operatorname{dns}) \wedge_{\operatorname{L}} \operatorname{obtener}(c.\operatorname{ip}, e.\operatorname{dns}).\operatorname{pc} = \operatorname{puntero}(c))
                     )) \wedge
                     ((\forall i: \text{string}, n: \text{nodoRed}) ((\text{def}?(i, e.\text{dns})) \land_{L} n = \text{obtener}(i, e.\text{dns})) \Rightarrow
                        (\exists c: \text{compu}) \ (c \in e.\text{compus} \land (n.\text{pc} = \text{puntero}(c)))
                     )) \wedge
                     ((\forall i: \text{string}, n: \text{nodoRed}) ((\text{def?}(i, e.\text{dns}) \land_{\text{L}} n = \text{obtener}(i, e.\text{dns})) \Rightarrow
                        ((\forall t: \text{nat}) (\text{def}?(t, n.\text{conexiones}) \Rightarrow (t \in n.\text{pc} \rightarrow \text{interfaces})))
                     )) \
                     ((\forall i: \text{string}, n: \text{nodoRed}) ((\text{def}?(i, e.\text{dns})) \land_{L} n = \text{obtener}(i, e.\text{dns})) \Rightarrow
                        ((\forall t: \text{nat}) (\text{def}?(t, n.\text{conexiones}) \Rightarrow_{\mathsf{L}} (\text{obtener}(t, n.\text{conexiones}) \neq \text{puntero}(n))))
                     )) ^
                     ((\forall i: \text{string}, n: \text{nodoRed}) ((\text{def}?(i, e.\text{dns})) \land_{\text{L}} n = \text{obtener}(i, e.\text{dns})) \Rightarrow
                        ((\forall t1, t2: \text{nat}) \ ((t1 \neq t2 \land \text{def}?(t1, n.\text{conexiones}) \land \text{def}?(t2, n.\text{conexiones})) \Rightarrow_{L}
                           (obtener(t1, n.conexiones) \neq obtener(t2, n.conexiones))
                        ))
                     )) ^
                     ((\forall i1, i2: string, n1, n2: nodoRed))
                        (\operatorname{def?}(i1,\,e.\operatorname{dns})\,\wedge_{\scriptscriptstyle{\! L}}\,n1=\operatorname{obtener}(i1,\,e.\operatorname{dns}))\,\wedge\\
                        (def?(i2, e.dns) \wedge_L n2 = obtener(i2, e.dns))
                      \Rightarrow (def?(i2, n1.caminos) \land_L obtener(i2, n1.caminos) = darCaminosMinimos(n1, n2))
                     ))
                     )
```

vecinas : nodoRed → conj(nodoRed) auxVecinas : $nodoRed \times dicc(nat \times puntero(nodoRed))$ \longrightarrow conj(nodo Red) secusDeLongK : $\operatorname{conj}(\operatorname{secu}(\alpha)) \times \operatorname{nat}$ $\longrightarrow \operatorname{conj}(\operatorname{secu}(\alpha))$ longMenorSec : $conj(secu(\alpha))$ secus \longrightarrow nat $\{\neg\emptyset?(secus)\}$ darRutas : nodoRed $nA \times \text{nodoRed } nB \times \text{conj(pc)} \times \text{secu(nodoRed)}$ \rightarrow conj(secu(nodoRed))

```
darRutasVecinas
                        : conj(pc) \ vec \times nodoRed \ n \times conj(pc) \times secu(nodoRed)
                                                                                              \longrightarrow conj(secu(nodoRed))
dar
Caminos<br/>Minimos : nodo
Red n1 \times nodo
Red n1
                                                                                              \longrightarrow conj(secu(compu))
vecinas(n)
                                                \equiv \text{auxVecinas}(n, n.\text{conexiones})
auxVecinas(n, cs)
                                                \equiv if \emptyset?(cs) then
                                                       \emptyset
                                                   else
                                                       Ag(obtener(dameUno(claves(cs)), cs), auxVecinas(n, sinUno(cs)))
secusDeLongK(secus, k)
                                                \equiv if \emptyset?(secus) then
                                                       Ø
                                                   else
                                                       if long(dameUno(secus)) = k then
                                                          dameUno(secus) \cup secusDeLongK(sinUno(secus), k)
                                                       else
                                                          secusDeLongK(sinUno(secus), k)
                                                   fi
longMenorSec(secus)
                                                \equiv if \emptyset?(sinUno(secus)) then
                                                       long(dameUno(secus))
                                                   else
                                                       \min(\log(\text{dameUno}(secus)),
                                                       longMenorSec(sinUno(secus)))
                                                   fi
darRutas(nA, nB, rec, ruta)
                                                \equiv if nB \in \text{vecinas}(nA) then
                                                       Ag(ruta \circ nB, \emptyset)
                                                   else
                                                       if \emptyset? (vecinas(nA) - rec) then
                                                       else
                                                          darRutas(dameUno(vecinas(nA) - rec),
                                                          nB, Ag(nA, rec),
                                                          ruta \circ dameUno(vecinas(nA) - rec)) \cup
                                                          darRutasVecinas(sinUno(vecinas(nA) - rec),
                                                          nB, Ag(nA, rec),
                                                          ruta \circ dameUno(vecinas(nA) - rec)
                                                   fi
darRutasVecinas(vecinas, n, rec, ruta)
                                                \equiv if \emptyset?(vecinas) then
                                                       Ø
                                                   else
                                                       darRutas(dameUno(vecinas), n, rec, ruta) \cup
                                                       darRutasVecinas(sinUno(vecinas), n, rec, ruta)
                                                   fi
darCaminosMinimos(nA, nB)
                                                   secusDeLongK(darRutas(nA, nB, \emptyset, <>),
                                                   longMenorSec(darRutas(nA, nB, \emptyset, <>)))
```

2.2.3. Función de Abstracción

```
 \begin{array}{l} \mathrm{iIniciarRed}\;() \rightarrow \mathrm{res:}\; \mathrm{red} \\ \mathrm{res.compus}\; \leftarrow \; \mathrm{Vacio}() \\ \mathrm{res.dns}\; \leftarrow \; \mathrm{Vacio}() \\ \mathbf{Complejidad} : O(1) \\ \end{array}
```

```
iAgregarComputadora (in/out r: red, in c: compu)
                                                                                                         O(1)
    itCompus: itConj(compu) \leftarrow CrearIt(r.compus)
    while HaySiguiente?(itCompus) do
                                                                                                         O(1)
      nr:nodoRed ← Significado(r.dns, Siguiente(itCompus).ip)
                                                                                                         O(L)
      Definir (nr. caminos, c. ip, Vacio())
                                                                                                         O(L)
      Avanzar (it Compus)
                                                                                                         O(1)
    end while
                                                                                                       O(n*L)
    AgregarRapido (r.compus, c)
                                                                                                         O(1)
    Definir (r.dns, compu.ip, Tupla &c, Vacio(), Vacio()>)
                                                                                                         O(L)
    InicializarConjCaminos(r, c)
                                                                                                       O(n*L)
  Complejidad : O(n * L)
```

```
\begin{array}{lll} \operatorname{InicializarConjCaminos} & (\mathbf{in/out} \ r \colon \mathtt{red, in} \ c \colon \mathtt{compu}) \\ & \operatorname{itCompus} \colon \operatorname{itConj}(\mathtt{compu}) \leftarrow \operatorname{CrearIt}(\mathtt{r.compus}) & \operatorname{O}(1) \\ & \operatorname{cams: diccTrie}(\mathrm{ip\,,conj}(\mathrm{lista\,(compu}))) \leftarrow \\ & \operatorname{Significado}(\mathtt{r.dns, c.ip}).\mathtt{caminos} & \operatorname{O}(\mathtt{L}) \\ & \mathrm{while \ HaySiguiente?}(\mathrm{itCompus}) \ \operatorname{do} & \operatorname{O}(1) \\ & \operatorname{Definir}(\mathtt{cams, Siguiente}(\mathrm{itCompus}).\mathrm{ip\,, Vacio}()) & \operatorname{O}(\mathtt{L}) \\ & \operatorname{Avanzar}(\mathrm{itCompus}) & \operatorname{O}(1) \\ & \mathrm{end \ while} & \operatorname{O}(n*L) \\ \\ & \mathbf{Complejidad} \colon O(n*L) \end{array}
```

```
CrearTodosLosCaminos (in/out r: red)
 itCompuA: itConj (compu) ← CrearIt (r.compus)
                                                                                              O(1)
  while HaySiguiente?(itCompuA) do
                                                                                              O(1)
   O(L)
   itCompuB: itConj(compu) ← CrearIt(r.compus)
                                                                                              O(1)
    while HaySiguiente?(itCompuB) do
                                                                                              O(1)
     caminimos: conj (list a (compu)) ← Minimos (Caminos
                                                                                  O(n! * n*(n + L))
       (nr, Siguiente(itCompuB).ip)
     Definir (nr.caminos, Siguiente (itCompuB).ip, caminimos)
                                                                                              O(L)
     Avanzar (itCompuB)
                                                                                              O(1)
                                                                               O(n! * (n^2 * (n + L)))
   end while
   Avanzar(itCompuA)
                                                                                              O(1)
                                                                               O(n! * (n^3 * (n + L)))
  end while
Complejidad : O(n! * (n^3 * (n + L)))
```

| Caminos (in $c1$: nodoRed, in $ipDestino$: string) \rightarrow res: conj(lista(compu)) res \leftarrow Vacio() | O(1) |
|--|----------------------|
| frameRecorrido:pila(lista(compu)) ← Vacia() frameCandidatos:pila(lista(nodoRed)) ← Vacia() | O(1) O(1) |
| $iCandidatos: lista(nodoRed) \leftarrow listaNodosVecinos(c1) iRecorrido: lista(compu) \leftarrow Vacia() AgregarAdelante(iRecorrido, *(c1.pc))$ | O(n) O(1) O(1) |
| Apilar(frameRecorrido, iRecorrido) Apilar(frameCandidatos, iCandidatos) | O(1) O(1) |
| $\operatorname{pCandidatos:compu} \\ \operatorname{fCandidatos:lista(nodoRed)}$ | O(1) O(1) |
| while $\neg EsVacia?(frameRecorrido)$ do $iRecorrido \leftarrow Tope(frameRecorrido)$ $iCandidatos \leftarrow Tope(frameCandidatos)$ | O(1) O(1) O(1) |
| Desapilar (frameRecorrido) Desapilar (frameCandidatos) | O(1) O(1) |
| $pCandidatos \leftarrow Primero(iCandidatos)$ | O(1) |
| // sigue | |

```
if ¬EsVacio?(iCandidatos) then
                                                                                                        O(1)
      Fin(iCandidatos)
                                                                                                        O(1)
      fCandidatos \leftarrow iCandidatos
                                                                                                        O(n)
      if ult(iRecorrido).pc→ip = ipDestino then
                                                                                                       O(L)
        AgregarRapido (res, iRecorrido)
                                                                                                        O(n)
      else
        Apilar (frameRecorrido, iRecorrido)
                                                                                                        O(1)
        Apilar (frameCandidatos, fCandidatos)
                                                                                                        O(1)
        if ¬nodoEnLista(pCandidatos, iRecorrido) then
                                                                                               O(n*(n + L))
          iRecorrido ← Copiar(iRecorrido)
                                                                                                        O(n)
          AgregarAtras(iRecorrido, *(pCandidatos))
                                                                                                        O(n)
          Apilar(frameRecorrido, iRecorrido)
                                                                                                        O(1)
          Apilar(frameCandidatos, listaNodosVecinos(pCandidatos))
                                                                                                        O(n)
                                                                                               O(n*(n + L))
        fi
      fi
                                                                                               O(n*(n + L))
    fi
                                                                                               O(n*(n + L))
                                                                                           O(n! * n*(n + L))
  end while
Complejidad : O(n! * n * (n + L))
```

```
Minimos (in caminos: conj(lista(compu))) \rightarrow res: conj(lista(compu))
  res \leftarrow Vacio()
                                                                                                            O(1)
  longMinima: int
                                                                                                            O(1)
  itCaminos: itConj(lista(compu)) ← CrearIt(caminos)
                                                                                                            O(1)
  if HaySiguiente?(itCaminos) then
                                                                                                            O(1)
    longMinima ← Longitud(Siguiente(itCaminos))
                                                                                                            O(1)
    Avanzar(itCaminos)
                                                                                                            O(1)
    while HaySiguiente?(itCaminos)
                                                                                                            O(1)
       if Longitud (Siguiente (it Caminos)) < longMinima then
        longMinima ← Longitud(Siguiente(itCaminos))
                                                                                                            O(1)
      Avanzar (it Caminos)
                                                                                                            O(1)
    end while
                                                                                                            O(n)
    itCaminos \leftarrow CrearIt(caminos)
                                                                                                            O(1)
    while HaySiguiente? (itCaminos)
                                                                                                            O(1)
      if \ Longitud (Siguiente (it Caminos)) \ = long Minima \ then
                                                                                                            O(1)
         AgregarRapido(res, Siguiente(itCaminos))
                                                                                                            O(1)
      Avanzar (it Caminos)
                                                                                                            O(1)
    end while
                                                                                                            O(n)
  end if
                                                                                                            O(1)
Complejidad : O(n)
```

```
\begin{array}{ll} \operatorname{listaNodosVecinos}\; (\textbf{in}\; n\colon \mathtt{nodoRed}) \to \operatorname{res:}\; \operatorname{lista(nodoRed)} \\ \operatorname{res}\; \leftarrow \operatorname{Vacia}() & \operatorname{O}(1) \\ \operatorname{itVecinos}\; :\operatorname{itDicc}(\operatorname{interfaz}\;,\; \operatorname{puntero}(\operatorname{nodoRed}))) \leftarrow \operatorname{CrearIt}(\operatorname{n,conexiones}) & \operatorname{O}(1) \\ \operatorname{while}\; \operatorname{HaySiguiente?}(\operatorname{itVecinos})\; \operatorname{do} & \operatorname{O}(1) \\ \operatorname{AgregarAdelante}(\operatorname{res}\;,\; *\operatorname{SiguienteSignificado}(\operatorname{itVecinos})) & \operatorname{O}(1) \\ \operatorname{Avanzar}(\operatorname{itVecinos}) & \operatorname{O}(1) \\ \operatorname{end}\; \operatorname{while} & \operatorname{O}(\operatorname{n}) \\ \\ \operatorname{\textbf{Complejidad}}\; :O(n) \end{array}
```

```
nodoEnLista (in n: nodoRed, in <math>ns: lista(nodoRed)) \rightarrow res: bool
  res \leftarrow false
                                                                                                                O(1)
  itNodos: itLista(lista(nodoRed)) ← CrearIt(ns)
                                                                                                                O(1)
  while HaySiguiente?(itNodos) do
                                                                                                                O(1)
                                                                                                           O(n + L)
    if Siguiente(itNodos) = n then
       res \leftarrow true
                                                                                                                O(1)
    end if
                                                                                                                O(1)
    Avanzar(itNodos)
                                                                                                                O(1)
                                                                                                       O(n*(n + L))
  end while
Complejidad : O(n*(n+L))
```

```
iComputadoras (in r: red) \rightarrow res: conj(compu)

res \leftarrow r.compus

Complejidad : O(1)
```

```
iConectadas? (in r: red, in c_0: compu, in c_1: compu) \rightarrow res: bool
    nr0:nodoRed ← Significado(r.dns, c0.ip)
                                                                                                                O(L)
    it :itDicc(interfaz, puntero(nodoRed))) \leftarrow CrearIt(nr0.conexiones)
                                                                                                                O(1)
    res \leftarrow false
                                                                                                                O(1)
    while HaySiguiente?(it) do
                                                                                                                O(1)
       if cl.ip = SiguienteSignificado(it)->pc->ip then
                                                                                                                O(1)
         res \leftarrow true
                                                                                                                O(1)
      end if
                                                                                                                O(1)
      Avanzar(it)
                                                                                                                O(1)
    end while
                                                                                                                O(n)
  Complejidad : O(L+n)
```

```
iInterfazUsada (in r: red, in c_0: compu, in c_1: compu) \rightarrow res: interfaz
    nr0:nodoRed ← Significado(r.dns, c0.ip)
                                                                                                            O(L)
    it :itDicc(interfaz, puntero(nodoRed))
      \leftarrow CrearIt(nr0.conexiones)
                                                                                                            O(1)
    while HaySiguiente?(it) do
                                                                                                            O(1)
      if cl.ip = SiguienteSignificado(it)->pc->ip then
                                                                                                            O(1)
        res ← SiguienteClave(it)
                                                                                                            O(1)
      end if
                                                                                                            O(1)
      Avanzar(it)
                                                                                                            O(1)
    end while
                                                                                                            O(n)
  Complejidad : O(L+n)
```

```
iVecinos (in r: red, in c: compu) \rightarrow res: conj(compu)
    nr:nodoRed \leftarrow Significado(r.dns, c.ip)
                                                                                                             O(L)
    res:conj(compu) \leftarrow Vacio()
                                                                                                             O(1)
    it :itDicc(interfaz, puntero(nodoRed))
      ← CrearIt(nr.conexiones)
                                                                                                             O(1)
    while HaySiguiente?(it) do
                                                                                                             O(1)
      AgregarRapido(res,*(SiguienteSignificado(it)->pc))
                                                                                                             O(1)
      Avanzar(it)
                                                                                                             O(1)
    end while
                                                                                                             O(n)
  Complejidad : O(L+n)
```

```
 \begin{array}{ll} {\rm iCaminosMinimos}\;(\textbf{in}\;r\colon \textbf{red},\,\textbf{in}\;c_0\colon \textbf{compu},\,\textbf{in}\;c_1\colon \textbf{compu}) \to \textbf{res}\colon \textbf{conj}(\textbf{secu}(\textbf{compu})) \\ {\rm nr}\colon \textbf{nodoRed}\;\leftarrow\; \text{Significado}\,(\textbf{r}.\,\textbf{dns},\;\textbf{c0}.\,\textbf{ip}) \\ {\rm res}\;\leftarrow\; \text{Significado}\,(\textbf{pnr}.\,\textbf{caminos},\;\textbf{c1}.\,\textbf{ip}) \\ {\rm \textbf{Complejidad}}\;:O(L) \\ \end{array}
```

```
HayCamino? (in r: red, in c_0: compu, in c_1: compu) \rightarrow res: bool nr:nodoRed \leftarrow Significado(r.dns, c0.ip) O(L) res \leftarrow \neg \text{EsVacio}?(Significado(pnr.caminos, c1.ip)) O(L) Complejidad: O(L)
```

```
iCopiar (in otraRed: red) \rightarrow res: red
    res \leftarrow iIniciarRed
                                                                                                          O(1)
    // copia el conjunto de tuplas
    res.compus ← Copiar(otraRed.compus)
                                                                                                          O(n)
    // rearma los nodos (con conexiones en blanco) del diccionario dns
    itCompus: itConj(compu) \leftarrow CrearIt(res.compus)
                                                                                                          O(1)
    while HaySiguiente?(itCompus) do
                                                                                                          O(1)
      c:compu ← Siguiente(itCompus)
                                                                                                          O(1)
      nodoAux:nodoRed ← Obtener(otraRed.dns, c.ip)
                                                                                                          O(L)
      copiaCaminos:diccString(conj(lista(compu))) 	← Copiar(nodoAux.caminos)
                                                                                                          O(n)
      Definir (res. dns, c.ip, Tupla &c, copia Caminos, Vacio()>)
                                                                                                          O(L)
      Avanzar (it Compus)
                                                                                                          O(1)
                                                                                                   O(n^2 + n*L)
    end while
    // rearma las conexiones
    itCompus: itConj(compu) ← CrearIt(res.compus)
                                                                                                          O(1)
    while HaySiguiente?(itCompus) do
                                                                                                          O(1)
      nodoMio:nodoRed ← Obtener(res.dns, c.ip)
                                                                                                          O(L)
      nodoOtra: nodoRed ← Obtener(otraRed.dns, c.ip)
                                                                                                          O(L)
      itInterfs:itConj(nat) \leftarrow CrearIt(nodoMio.pc \rightarrow interfaces)
                                                                                                          O(1)
      while HaySiguiente?(itInterfs) do
                                                                                                          O(1)
                                                                                                          O(1)
        interf:nat \leftarrow Siguiente(itInterfs)
        ip:string ← Obtener(nodoOtra.conexiones, interf)
                                                                                                          O(n)
        Definir (nodoMio. conexiones, interf, &Obtener (res. dns, ip))
                                                                                                          O(L)
        Avanzar(itInterfs)
                                                                                                          O(1)
                                                                                                  O(n^2 + n*L)
      end while
      Avanzar (it Compus)
                                                                                                O(n^3 + n^2 * L)
    end while
  Complejidad : O(n^3 + n^2 * L)
```

```
ullet = ullet (in r_0: red, in r_1: red) 	o res: bool res \leftarrow (r0.compus = r1.compus) \wedge (r0.dns = r1.dns) O(n + L<sup>2</sup>) Complejidad : O(n + L(L + n))
```

3. Módulo Cola de mínima prioridad(α)

El módulo cola de mínima prioridad consiste en una cola de prioridad de elementos del tipo α cuya prioridad está determinada por un nat de forma tal que el elemento que se ingrese con el menor nat será el de mayor prioridad.

Especificación 3.1.

TAD COLA DE MÍNIMA PRIORIDAD (α)

igualdad observacional

$$(\forall c, c' : \operatorname{colaMinPrior}(\alpha)) \quad \left(c =_{\operatorname{obs}} c' \iff \begin{pmatrix} \operatorname{vac\'{a}?}(c) =_{\operatorname{obs}} \operatorname{vac\'{a}?}(c') \wedge_{\operatorname{L}} \\ (\neg \operatorname{vac\'{a}?}(c) \Rightarrow_{\operatorname{L}} (\operatorname{pr\'{o}ximo}(c) =_{\operatorname{obs}} \operatorname{pr\'{o}ximo}(c') \wedge_{\operatorname{L}} \\ \operatorname{desencolar}(c) &=_{\operatorname{obs}} \end{pmatrix} \right)$$

parámetros formales

géneros

operaciones • < : $\alpha \times \alpha \longrightarrow \text{bool}$

Relación de orden total estricto¹

 $colaMinPrior(\alpha)$ géneros

exporta $colaMinPrior(\alpha)$, generadores, observadores

usa

observadores básicos

vacía? : $colaMinPrior(\alpha)$ ightarrow bool

: $colaMinPrior(\alpha) c$ $\{\neg \operatorname{vacía}(c)\}$ $\{\neg \operatorname{vacía}(c)\}$

desencolar : $colaMinPrior(\alpha) c$ \longrightarrow colaMinPrior(α)

generadores

vacía \longrightarrow colaMinPrior(α) encolar : $\alpha \times \text{colaMinPrior}(\alpha) \longrightarrow \text{colaMinPrior}(\alpha)$

otras operaciones

: $colaMinPrior(\alpha)$ tamaño \rightarrow nat

 $\forall c: colaMinPrior(\alpha), \forall e: \alpha$ axiomas

vacía? (vacía) ≡ true \equiv false vacía?(encolar(e, c))

próximo(encolar(e, c)) \equiv if vacía?(c) \vee_{L} proximo(c) > e then e else próximo(c) fi

desencolar(encolar(e, c)) \equiv if vacía?(c) \vee_{\perp} proximo(c) > e then c else encolar(e, desencolar(c)) fi

Fin TAD

Antirreflexividad: $\neg a < a$ para todo $a : \alpha$

Antisimetría: $(a < b \Rightarrow \neg b < a)$ para todo $a, b : \alpha, a \neq b$ **Transitividad:** $((a < b \land b < c) \Rightarrow a < c)$ para todo $a, b, c : \alpha$

Totalidad: $(a < b \lor b < a)$ para todo $a, b : \alpha$

 $^{^{1}\}mathrm{Una}$ relación es un orden total estricto cuando se cumple:

3.2. Interfaz

```
parámetros formales géneros \alpha se explica con: Cola de mínima prioridad(nat). géneros: cola\minPrior(\alpha).
```

3.2.1. Operaciones básicas de Cola de mínima prioridad

```
VACÍA() \rightarrow res : colaMinPrior(\alpha)
\mathbf{Pre} \equiv \{ \mathrm{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} vacía\}
Complejidad: O(1)
Descripción: Crea una cola de prioridad vacía
VACÍA?(\mathbf{in}\ c: colaMinPrior(\alpha)) \rightarrow res: bool
\mathbf{Pre} \equiv \{ \text{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{ res =_{obs} vacía?(c) \}
Complejidad: O(1)
Descripción: Devuelve true si y sólo si la cola está vacía
PRÓXIMO(in c: colaMinPrior(\alpha)) \rightarrow res : \alpha
\mathbf{Pre} \equiv \{\neg \text{vacía}?(c)\}
\mathbf{Post} \equiv \{ \operatorname{alias}(res =_{\operatorname{obs}} \operatorname{pr\'oximo}(c)) \}
Complejidad: O(1)
Descripción: Devuelve el próximo elemento a desencolar
Aliasing: res es modificable si y sólo si c es modificable
DESENCOLAR(in/out c: colaMinPrior(\alpha)) \rightarrow res: \alpha
\mathbf{Pre} \equiv \{\neg \text{vacía}?(c) \land c =_{obs} c_0\}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{\mathrm{obs}} \operatorname{pr\'oximo}(c_0) \land c =_{\mathrm{obs}} \operatorname{desencolar}(c_0)\}
Complejidad: O(\log(\tan \tilde{a}no(c)))
Descripción: Quita el elemento más prioritario
Aliasing: Se devuelve el elemento por copia
ENCOLAR(in/out c: colaMinPrior(\alpha), in p: nat, in a: \alpha)
\mathbf{Pre} \equiv \{c =_{\text{obs}} c_0\}
\mathbf{Post} \equiv \{c =_{obs} \operatorname{encolar}(p, c_0)\}\
Complejidad: O(\log(tama\tilde{n}o(c)))
Descripción: Agrega al elemento \alpha con prioridad p a la cola
Aliasing: Se agrega el elemento por copia
ullet = ullet (	ext{in } c : 	ext{colaMinPrior}(lpha), 	ext{in } c' : 	ext{colaMinPrior}(lpha)) 	o res: 	ext{bool}
\mathbf{Pre} \equiv \{ \mathrm{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{ res =_{obs} (c =_{obs} c') \}
Complejidad: O(\min(\tan \tilde{a} \tilde{n} o(c), \tan \tilde{a} \tilde{n} o(c')))
Descripción: Indica si c es igual c'
```

3.3. Representación

3.3.1. Representación de colaMinPrior

```
colaMinPrior(\alpha) se representa con estr donde estr es diccLog(nodoEncolados) donde nodoEncolados es tupla(encolados: cola(\alpha), prioridad: nat)
```

3.3.2. Invariante de Representación

- (I) Todos los significados del diccionario tienen como clave el valor de prioridad
- (II) Todos los significados del diccionario no pueden tener una cola vacía

```
Rep : estr \longrightarrow bool 
Rep(e) \equiv true \iff (\forall n : \text{nat}) \text{ def?}(n, e) \Rightarrow_{\text{L}} ((\text{obtener}(n, e).\text{prioridad} = n) \land \neg \text{vac\'a?}(\text{obtener}(n, e).\text{encolados}))
```

3.3.3. Función de Abstracción

```
Abs : estr e \longrightarrow \text{colaMinPrior} {Rep(e)}
\text{Abs}(e) =_{\text{obs}} \text{cmp: colaMinPrior} \mid (\text{vac\'a?}(cmp) \Leftrightarrow (\#\text{claves}(e) = 0)) \land \\ \neg \text{vac\'a?}(cmp) \Rightarrow_{\text{L}} \\ ((\text{pr\'oximo}(cmp) = \text{pr\'oximo}(\text{m\'inimo}(e).\text{encolados})) \land \\ (\text{desencolar}(cmp) = \text{desencolar}(\text{m\'inimo}(e).\text{encolados})))
```

```
iVac\'a \ () \to res: colaMinPrior(\alpha) res \leftarrow CrearDicc \ () Complejidad: O(1)
```

```
iVacía? (in c: colaMinPrior(\alpha)) \rightarrow res: bool res \leftarrow Vacio?(c)

Complejidad: O(1)
```

```
\operatorname{iPr\'oximo}\left(\operatorname{in/out} c\colon\operatorname{colaMinPrior}(\alpha)\right) 	o \operatorname{res}\colon \alpha
\operatorname{res} \leftarrow \operatorname{Proximo}(\operatorname{Minimo}(c)\operatorname{.encolados}) 		O(1)
\operatorname{Complejidad}: O(1)
```

```
iEncolar (in/out c: colaMinPrior(\alpha), in p: nat, in a: \alpha)
if Definido?(c, p) then
                                                                                                             O(\log(\tan \tilde{n}o(c)))
     \operatorname{Encolar}(\operatorname{Obtener}(c, p).\operatorname{encolados}, a)
                                                                                                O(\log(\tan \tilde{a} \tilde{n} o(c)) + \cos y(\alpha))
else
     {\tt nodoEncolados}\ nuevoNodoEncolados
                                                                                                                             O(1)
     nuevoNodoEncolados.encolados \leftarrow Vacia()
                                                                                                                             O(1)
     nuevoNodoEncolados.prioridad \leftarrow p
                                                                                                                             O(1)
     Encolar(nuevoNodoEncolados.encolados, a)
                                                                                                                      O(copy(a))
     Definir(c, p, nuevoNodoEncolados)
                                                                                O(\log(\tan a\tilde{n}o(c)) + \cos(nodoEncolados))
end if
\textbf{Complejidad}: O(log(tamano(c)) + O(copy(\alpha))
```

```
ullet = ullet ( 	ext{in } c_0 : 	ext{colaMinPrior}(lpha), 	ext{in } c_1 : 	ext{colaMinPrior}(lpha) ) 	o 	ext{res: bool} 
	ext{res} \leftarrow c_0 = c_1
	ext{Complejidad} : O(min(tamano(c_0), tamano(c_1)))
	ext{Omplejidad} : O(min(tamano(c_0), tamano(c_1)))
```

se explica con: DICCIONARIO(NAT, α).

4. Módulo Diccionario logarítmico(α)

4.1. Interfaz

```
géneros: diccLog(\alpha).
4.1.1. Operaciones básicas de Diccionario logarítimico (\alpha)
    CREARDICC() \rightarrow res : diccLog(\alpha)
    \mathbf{Pre} \equiv \{ \text{true} \}
     \mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} vacio\}
     Complejidad: O(1)
    Descripción: Crea un diccionario vacío
    DEFINIDO?(in d: diccLog(\alpha), in c: nat) \rightarrow res: bool
    \mathbf{Pre} \equiv \{ \mathbf{true} \}
    \mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} \operatorname{def}?(c, d)\}\
     Complejidad: O(log(\#claves(d)))
    Descripción: Devuelve true si y sólo si la clave fue previamente definida en el diccionario
    DEFINIR(\mathbf{in}/\mathbf{out}\ d: diccLog(\alpha), \mathbf{in}\ c: nat, \mathbf{in}\ s: \alpha)
    \mathbf{Pre} \equiv \{d =_{\mathrm{obs}} d_0\}
    \mathbf{Post} \equiv \{d =_{obs} \operatorname{definir}(c, s, d_0)\}\
     Complejidad: O(log(\#claves(d)) + copy(s))
    Descripción: Define la clave c con el significado s en d
     OBTENER(in/out d: diccLog(\alpha), in c: nat) \rightarrow res : \alpha
    \mathbf{Pre} \equiv \{ \operatorname{def}?(c, d) \}
    \mathbf{Post} \equiv \{ \operatorname{alias}(res =_{\operatorname{obs}} \operatorname{obtener}(c, d)) \}
    Complejidad: O(log(\#claves(d)))
    Descripción: Devuelve el significado correspondiente a la clave en el diccionario
     Aliasing: res es modificable si y sólo si d es modificable
    BORRAR(in/out d: diccLog(\alpha), in c: nat)
    \mathbf{Pre} \equiv \{ \operatorname{def}?(c, d) \}
    \mathbf{Post} \equiv \{res =_{\mathrm{obs}} \mathrm{borrar}(c, d))\}
     Complejidad: O(log(\#claves(d)))
    Descripción: Borra el elemento con la clave dada
    Vacio?(\mathbf{in}\ d: \mathtt{diccLog}(lpha)) 
ightarrow res: \mathtt{bool}
    \mathbf{Pre} \equiv \{ \mathrm{true} \}
    \mathbf{Post} \equiv \{ \text{res} =_{\text{obs}} \emptyset ? (\text{claves}(d)) \}
     Complejidad: O(1)
    Descripción: Devuelve true si y sólo si el diccionario está vacío
    MÍNIMO(\operatorname{in/out} d : \operatorname{diccLog}(\alpha)) \to res : \alpha
    \mathbf{Pre} \equiv \{\neg \emptyset? (\mathrm{claves}(d))\}\
    \mathbf{Post} \equiv \{ \operatorname{alias}(res =_{\operatorname{obs}} \operatorname{obtener}(\operatorname{claveMinima}(d), d)) \}
     Complejidad: O(1)
    Descripción: Devuelve el significado correspondiente a la clave de mínimo valor en el diccionario
     Aliasing: res es modificable si y sólo si d es modificable
```

```
• = •(in d: diccLog(\alpha), in d': diccLog(\alpha)) \rightarrow res: bool

Pre \equiv {true}

Post \equiv {res = obs (d = obs d')}

Complejidad: O(max(\#claves(d),\#claves(d')))

Descripción: Devuelve true si y sólo si ambos diccionarios son iguales
```

4.1.2. Operaciones auxiliares del TAD

```
\begin{array}{lll} {\rm claveM\'inima} &: {\rm dicc(nat} \times \alpha) \ d & \longrightarrow {\rm nat} & \{\neg \emptyset?({\rm claves}(d))\} \\ {\rm darClaveM\'inima} &: {\rm dicc(nat} \times \alpha) \ d \times {\rm conj(nat)} \ c & \longrightarrow {\rm nat} & \{\neg \emptyset?({\rm claves}(d)) \wedge ({\rm c} \subseteq {\rm claves}(d))\} \\ {\rm claveM\'inima}(d) & \equiv {\rm darClaveM\'inima}(d, {\rm claves}(d)) \\ {\rm darClaveM\'inima}(d, c) & \equiv {\bf if} \ \emptyset?({\rm sinUno}(c)) \ {\bf then} \\ & {\rm dameUno}(c) \\ & {\bf else} \\ & {\rm min}({\rm dameUno}(c), {\rm darClaveM\'inima}(d, {\rm sinUno}(c))) \\ & {\bf fi} \end{array}
```

4.2. Representación

4.2.1. Representación de dicc $Log(\alpha)$

```
diccLog(\alpha) se representa con estr
donde estr es tupla(abAvl: ab(nodoAvl), minimo: puntero(ab(nodoAvl)))
donde nodoAvl es tupla(clave: nat, data: \alpha, balance: int)
```

4.2.2. Invariante de Representación

- (I) Se mantiene el invariante de árbol binario de búsqueda para las claves de los nodos.
- (II) Cada nodo tiene $balance \in \{-1, 0, 1\}$ donde balance es:
 - * 0 si el arbol esta balanceado
 - * 1 si la diferencia en altura entre el hijo derecho y el izquierdo es de uno
 - * -1 si la diferencia en altura entre el hijo izquierdo y el derecho es de uno
- (III) Todas las claves son distintas.
- (IV) El minimo apunta al árbol con el la clave de menor valor, si el diccionario está vacío vale NULL.

```
Rep : estr \longrightarrow bool
\operatorname{Rep}(e) \equiv \operatorname{true} \iff \operatorname{esABB}(e.\operatorname{abAvl}) \wedge \operatorname{balanceadoBien}(e.\operatorname{abAvl}) \wedge \operatorname{clavesUnicas}(e.\operatorname{abAvl}, \operatorname{vac\'{io}}) \wedge_{\operatorname{L}}
                  e.mínimo = árbolClaveMínima(e.abAvl)
esABB
                                   : ab(nodoAvl)
                                                                                          \rightarrow bool
balanceadoBien
                                   : ab(nodoAvl)
                                                                                          \longrightarrow bool
clavesEnÁrbol
                                   : ab(nodoAvl)
                                                                                          \longrightarrow \text{conj(nat)}
clavesÚnicas
                                   : ab(nodoAvl)
                                                                                          \longrightarrow bool
árbolClaveMínima
                                   : ab(nodoAvl)
                                                                                          \longrightarrow puntero(ab(nodoAvl))
darSignificado
                                   : ab(nodoAvl) a \times nat c
                                                                                                                        \{c \in \text{clavesEnArbol}(a) \land \text{esABB}(a)\}
```

```
\equiv (\neg nil?(a)) \Rightarrow_{L} (
esABB(a)
                                         (\neg \mathrm{nil}?(\mathrm{izq}(a)) \Rightarrow_{\mathtt{L}} (\mathrm{ra\acute{z}}(a).\mathrm{clave} > \mathrm{ra\acute{z}}(\mathrm{izq}(a)).\mathrm{clave} \wedge \mathrm{esABB}(\mathrm{izq}(a)))) \wedge \\
                                         (\neg \text{nil}?(\text{der}(a)) \Rightarrow_{\text{L}} (\text{ra\'iz}(a).\text{clave} < \text{ra\'iz}(\text{der}(a)).\text{clave} \land \text{esABB}(\text{der}(a))))
balanceadoBien(a)
                                   \equiv if (nil?(a)) then
                                            true
                                        else
                                             (abs(altura(der(a)) - altura(izq(a))) < 2) \land
                                             (\operatorname{raiz}(a) \rightarrow \operatorname{balance} = \operatorname{altura}(\operatorname{der}(a)) - \operatorname{altura}(\operatorname{izq}(a))) \wedge
                                             balanceadoBien(izq(a)) \land balanceadoBien(der(a))
                                       fi
clavesEnÁrbol(a)
                                   \equiv if (nil?(a)) then
                                            Ø
                                       else
                                             Ag(raiz(a).clave, (clavesEnArbol(izq(a)) \cup clavesEnArbol(der(a))))
claves Únicas(a)
                                   \equiv \tan \tilde{\text{ano}}(a) = \#(\text{clavesEnArbol}(a))
arbolClaveMínima(a)
                                   \equiv if (nil?(a)) then
                                            NULL
                                        else
                                            if (nil?(izq(a))) then puntero(a) else árbolClaveMínima(izq(a)) fi
darSignificado(a, c)
                                   \equiv if (raiz(a).clave = c) then
                                            raíz(a).data
                                       else
                                            if (raíz(a).clave < c) then
                                                 darSignificado(izq(a), c)
                                                 darSignificado(der(a), c)
                                       fi
```

4.2.3. Función de Abstracción

```
Abs : estr e \longrightarrow \operatorname{dicc}(\operatorname{nat}, \alpha) {Rep(e)} 
Abs(e) =_{\operatorname{obs}} d: dicc(\operatorname{nat}, \alpha) \mid (\forall n : \operatorname{nat}) ( (def?(n, d) \Leftrightarrow n \in \operatorname{clavesEn\acute{A}rbol}(e.\operatorname{abAvl})) \land_{\operatorname{L}} (def?(n, d) \Rightarrow_{\operatorname{L}} \operatorname{obtener}(n, d) = \operatorname{darSignificado}(e.\operatorname{abAvl}, n)))
```

```
 \begin{array}{l} {\rm iCrearDicc}\;() \to {\rm res:}\; {\rm diccLog}(\alpha) \\ {\rm res}\; \leftarrow <{\rm Nil}\;,\; {\rm NULI}> \\ {\bf Complejidad}:O(1) \end{array}
```

```
iDefinir (\mathbf{in/out}\ diccLog(\alpha): d, \mathbf{in}\ nat: c, \mathbf{in}\ \alpha: s)
     if (Nil?(d.abAvl)) then
                                                                                                                      O(1)
                                                                                                                O(copy(s))
         d.abAvl \leftarrow crearArbol(c, s)
         d.minimo \leftarrow puntero(d.abAvl)
                                                                                                                      O(1)
     else
         it: ab(nodoAvl) \leftarrow d.abAvl
                                                                                                                      O(1)
         up: pila(puntero(ab(nodoAvl)))
                                                                                                                      O(1)
         upd: pila(bool)
                                                                                                                      O(1)
         Apilar (upd, (Raiz(it).clave < c))
                                                                                                                      O(1)
         Apilar(up, puntero(it))
                                                                                                                      O(1)
         while (\neg Nil?(subArbol(it, Tope(upd))))
                                                                                                                      O(1)
              it \leftarrow subArbol(it, Tope(upd))
                                                                                                                      O(1)
                                                                                                                      O(1)
              Apilar (upd, (Raiz(it).clave < c))
              Apilar (up, puntero (it))
                                                                                                                      O(1)
                                                                                                       O(\log(\#claves(d)))
         end while
         subArbol(it, Tope(upd)) \leftarrow crearArbol(c, s)
                                                                                                                O(copy(s))
         if(c < Raiz(*d.minimo).clave) then
                                                                                                                      O(1)
              d.minimo \leftarrow puntero(subArbol(it, Tope(upd)))
                                                                                                                      O(1)
         end if
         break \leftarrow false
                                                                                                                      O(1)
         while ((Tamano(up) > 0) \land \neg break)
                                                                                                                      O(1)
              if (Tope(upd)) then
                                                                                                                      O(1)
                   Raiz(*Tope(up)). balance \leftarrow Raiz(*Tope(up)). balance +1
                                                                                                                      O(1)
              else
                   Raiz(*Tope(up)). balance \leftarrow Raiz(*Tope(up)). balance -1
                                                                                                                      O(1)
              end if
              if (Raiz(*Tope(up)).balance = 0) then
                                                                                                                      O(1)
                   break \leftarrow true
                                                                                                                      O(1)
              else
                                                                                                                      O(1)
                   if (abs(Raiz(*Tope(up)), balance > 1)) then
                        *Tope(up) \leftarrow puntero(insertarBalance(*Tope(up), Tope(upd)))
                                                                                                                      O(1)
                        if\left( Tamano(up) \,>\, 1\right) \ then
                                                                                                                      O(1)
                            upTope: puntero(ab(nodoAvl)) \leftarrow copy(Tope(up))
                                                                                                                      O(1)
                             Desapilar (up)
                                                                                                                      O(1)
                             Desapilar (upd)
                                                                                                                      O(1)
                            subArbol(*Tope(up), Tope(upd)) \leftarrow *upTope
                                                                                                                      O(1)
                        else
                            d.abAvl \leftarrow *Tope(up)
                                                                                                                      O(1)
                        end if
                        break \leftarrow true
                                                                                                                      O(1)
                   else
                        Desapilar (up)
                                                                                                                      O(1)
                        Desapilar (upd)
                                                                                                                      O(1)
                   end if
              end if
         end while
                                                                                                       O(\log(\#claves(d)))
end if
Complejidad : O(log(\#claves(d))) + O(copy(s))
```

```
crearArbol (in nat: c, in \alpha: s) \rightarrow res: ab(nodoAvl)
res \leftarrow Bin(Nil, <c, copy(s), 0>, Nil)
Complejidad: O(copy(s))
```

```
\begin{array}{l} \operatorname{subArbol}\left(\mathbf{in/out}\ ab(nodoAvl)\colon \mathbf{a},\ \mathbf{in}\ bool\colon \mathtt{dir}\right)\to \operatorname{res:}\ ab(\operatorname{nodoAvl})\\ & \operatorname{if}\left(\operatorname{dir}\right)\ \operatorname{then}\\ & \operatorname{res}\leftarrow\operatorname{Der}(\mathbf{a})\\ & \operatorname{else}\\ & \operatorname{res}\leftarrow\operatorname{Izq}(\mathbf{a})\\ & \operatorname{end}\ \operatorname{if}\\ & \operatorname{\mathbf{Complejidad}}\colon O(1) \end{array}
```

```
insertarBalance (in/out\ ab(nodoAvl): root, in\ bool: dir) \rightarrow res: ab(nodoAvl)
     hijo: ab(nodoAvl) \leftarrow subArbol(root, dir)
                                                                                                                          O(1)
     if (dir) then
                                                                                                                          O(1)
         bal: int \leftarrow 1
                                                                                                                          O(1)
     else
         bal: int \leftarrow -1
                                                                                                                          O(1)
     end if
     if(Raiz(hijo).balance = bal) then
                                                                                                                          O(1)
          Raiz(root). balance \leftarrow 0
                                                                                                                          O(1)
         Raiz(hijo).balance \leftarrow 0
                                                                                                                          O(1)
         root \leftarrow rotacionSimple(root, \neg dir)
                                                                                                                          O(1)
     else
         ajustarBalance(root, dir, bal)
                                                                                                                          O(1)
         root \leftarrow rotacionDoble(root, \neg dir)
                                                                                                                          O(1)
     end if
     res \leftarrow root
                                                                                                                          O(1)
Complejidad : O(1)
```

```
 \begin{array}{lll} \operatorname{rotacionSimple} \left( \operatorname{in/out} \ ab(nodoAvl) \colon \operatorname{root}, \ \operatorname{in} \ bool \colon \operatorname{dir} \right) \to \operatorname{res:} \ ab(\operatorname{nodoAvl}) \\ \operatorname{hijo:} \ ab(\operatorname{nodoAvl}) \ \leftarrow \ \operatorname{subArbol}(\operatorname{root}, \ \neg \operatorname{dir}) \\ \operatorname{subArbol}(\operatorname{root}, \ \neg \operatorname{dir}) \ \leftarrow \ \operatorname{subArbol}(\operatorname{hijo}, \ \operatorname{dir}) \\ \operatorname{subArbol}(\operatorname{hijo}, \ \operatorname{dir}) \ \leftarrow \ \operatorname{root} \\ \end{array} \qquad \begin{array}{ll} O(1) \\ \operatorname{complejidad} \ : O(1) \\ \end{array}
```

```
\begin{array}{ll} \operatorname{nieto} \leftarrow \operatorname{subArbol}(\operatorname{root}, \neg \operatorname{dir}) & \operatorname{O}(1) \\ \operatorname{subArbol}(\operatorname{root}, \neg \operatorname{dir}) \leftarrow \operatorname{subArbol}(\operatorname{nieto}, \operatorname{dir}) & \operatorname{O}(1) \\ \operatorname{subArbol}(\operatorname{nieto}, \operatorname{dir}) \leftarrow \operatorname{root} & \operatorname{O}(1) \\ \\ \operatorname{res} \leftarrow \operatorname{nieto} & \operatorname{Complejidad}: O(1) \\ \end{array}
```

```
ajustarBalance (in/out \ ab(nodoAvl): root, in \ bool: dir, in \ int: bal)
    hijo: ab(nodoAvl) \leftarrow subArbol(root, dir)
                                                                                                                     O(1)
    nieto: ab(nodoAvl) ← subArbol(hijo, ¬dir)
                                                                                                                     O(1)
    if (Raiz(nieto), balance = 0) then
                                                                                                                     O(1)
         Raiz(root). balance \leftarrow 0
                                                                                                                     O(1)
         Raiz(hijo).balance \leftarrow 0
                                                                                                                     O(1)
     _{
m else}
         if(Raiz(nieto).balance = bal) then
                                                                                                                     O(1)
              Raiz(root). balance \leftarrow -bal
                                                                                                                     O(1)
              Raiz(hijo). balance \leftarrow 0
                                                                                                                     O(1)
         else
              Raiz(root). balance \leftarrow 0
                                                                                                                     O(1)
              Raiz(hijo).balance ← bal
                                                                                                                     O(1)
         end if
    end if
    Raiz(nieto).balance \leftarrow 0
                                                                                                                     O(1)
Complejidad : O(1)
```

```
iBorrar (\mathbf{in}/\mathbf{out}\ diccLog(\alpha): d, \mathbf{in}\ nat: c)
     it: ab(nodoAvl) \leftarrow d.abAvl
                                                                                                                           O(1)
     padre: ab(nodoAvl) \leftarrow Nil
                                                                                                                           O(1)
     padreDir: bool \leftarrow false
                                                                                                                           O(1)
     up: pila(puntero(ab(nodoAvl)))
                                                                                                                           O(1)
     upd: pila(bool)
                                                                                                                           O(1)
     while (Raiz (it). clave \neq c)
                                                                                                                           O(1)
          Apilar (upd, (Raiz(it).clave < c))
                                                                                                                           O(1)
          Apilar (up, puntero (it))
                                                                                                                           O(1)
          padre \leftarrow it
                                                                                                                           O(1)
          padreDir \leftarrow Tope(upd)
                                                                                                                           O(1)
          it \leftarrow subArbol(it, Tope(upd))
                                                                                                                           O(1)
                                                                                                            O(\log(\#claves(d)))
     end while
     if (Raiz(it).clave = Raiz(*d.minimo).clave) then
                                                                                                                           O(1)
          if (Nil?(padre)) then
                                                                                                                           O(1)
               d.minimo \leftarrow NULL
                                                                                                                           O(1)
          else
                                                                                                                           O(1)
               d.minimo \leftarrow puntero(padre)
          end if
     end if
     // ... sigue
```

```
if (Nil?(Izq(it)) \vee Nil?(Der(it))) then
                                                                                                             O(1)
    dir: bool ← Nil?(Izq(it))
                                                                                                             O(1)
    if (Tamano(up) > 1) then
                                                                                                             O(1)
         SubArbol(*Tope(up), Tope(upd)) \leftarrow subArbol(it, dir)
                                                                                                             O(1)
    else
         d.abAvl \leftarrow subArbol(it, dir)
                                                                                                             O(1)
    end if
else
    heredero: ab(nodoAvl) \leftarrow Der(it)
                                                                                                             O(1)
    Apilar (Tope (upd), true)
                                                                                                             O(1)
    Apilar (Tope(up), puntero(it))
                                                                                                             O(1)
    while (¬Nil? (Izq (heredero))
                                                                                                             O(1)
         Apilar (upd, false)
                                                                                                             O(1)
         Apilar (up, puntero (heredero))
                                                                                                              O(1)
         heredero \leftarrow Izq(heredero)
                                                                                                             O(1)
    end while
                                                                                               O(\log(\#claves(d)))
    subArbol(*Tope(up), Tope(up) = puntero(it)) ← Der(heredero)
                                                                                                             O(1)
    Izq(heredero) \leftarrow Izq(it)
                                                                                                             O(1)
    Der(heredero) \leftarrow Der(it)
                                                                                                             O(1)
    if (\neg Nil?(padre)) then
                                                                                                             O(1)
         subArbol(padre, padreDir) \leftarrow heredero
                                                                                                             O(1)
    end if
end if
break: bool \leftarrow false
                                                                                                             O(1)
while ((Tamano(up) > 0) \land \neg break)
                                                                                                             O(1)
    if (Tope(upd)) then
                                                                                                             O(1)
         Raiz(*Tope(up)). balance \leftarrow Raiz(*Tope(up)). balance +1
                                                                                                             O(1)
    else
         Raiz(*Tope(up)). balance \leftarrow Raiz(*Tope(up)). balance -1
                                                                                                             O(1)
    end if
    if (abs(Raiz(*Tope(up)), balance) = 1) then
                                                                                                             O(1)
                                                                                                             O(1)
         break \leftarrow true
    else
         if (abs(Raiz(*Tope(up)).balance) > 1) then
                                                                                                             O(1)
              *Tope(up) \leftarrow removerBalanceo(*Tope(up), Tope(upd), \&break)
                                                                                                             O(1)
              if (Tamano(up) > 1) then
                                                                                                              O(1)
                  upTope: puntero(ab(nodoAvl)) \leftarrow copy(Tope(up))
                                                                                                             O(1)
                  Desapilar (up)
                                                                                                             O(1)
                  Desapilar (upd)
                                                                                                             O(1)
                  subArbol(*Tope(up), Tope(upd)) \leftarrow *upTope
                                                                                                             O(1)
              else
                  d.abAvl \leftarrow *Tope(up)
                                                                                                             O(1)
             end if
         else
              Desapilar (up)
                                                                                                             O(1)
              Desapilar (upd)
                                                                                                             O(1)
         end if
    end if
                                                                                               O(\log(\#claves(d)))
end while
Complejidad : O(log(\#claves(d)) + copy(data))
```

```
removerBalanceo (in/out ab(nodoAvl): root, in bool: dir, in/out puntero(bool): done) \rightarrow res: ab(nodoAvl)
     hijo: ab(nodoAvl) \leftarrow subArbol(root, \neg dir)
                                                                                                                        O(1)
     if (dir) then
                                                                                                                        O(1)
         bal \leftarrow 1
                                                                                                                        O(1)
     else
         bal \leftarrow -1
                                                                                                                        O(1)
    end if
     if (Raiz(hijo).balance = -bal) then
                                                                                                                        O(1)
         Raiz(root).balance \leftarrow 0
                                                                                                                        O(1)
         Raiz(hijo).balance \leftarrow 0
                                                                                                                        O(1)
         root \leftarrow rotacionSimple(root, dir)
                                                                                                                        O(1)
     _{
m else}
          if (Raiz(hijo). balance) = bal) then
                                                                                                                        O(1)
              ajustarBalance(root, ¬dir, −bal)
                                                                                                                        O(1)
              root \leftarrow rotacionDoble(root, dir)
                                                                                                                        O(1)
          else
                                                                                                                        O(1)
              Raiz(root). balance \leftarrow -bal
                                                                                                                        O(1)
              Raiz(hijo).balance \leftarrow bal
              root \leftarrow rotacionSimple(root, dir)
                                                                                                                        O(1)
              *done ← true
                                                                                                                        O(1)
         end if
    end if
                                                                                                                        O(1)
    res \leftarrow root
Complejidad : O(1)
```

```
iMínimo (in diccLog(\alpha): d) \rightarrow res: \alpha
res \leftarrow Raiz(*d.minimo).data
Complejidad: O(1)
```

```
iDefinido? (in diccLog(\alpha): d, in nat: c) \rightarrow res: bool
     definido:bool \leftarrow false
                                                                                                                                  O(1)
     it:ab(nodoAvl) \leftarrow d.abAvl
                                                                                                                                  O(1)
                                                                                                                                  O(1)
     while (\neg Nil?(it) \land \neg definido) do
          definido \leftarrow (Raiz(it).clave = c)
                                                                                                                                  O(1)
          it \; \leftarrow \; subArbol(it \;, \; (Raiz(it).clave < \, c \,))
                                                                                                                                  O(1)
     end while
                                                                                                                 O(\log(\#claves(d)))
     res ← definido
                                                                                                                                  O(1)
Complejidad : O(log(\#claves(d)))
```

```
\begin{split} \text{iObtener } (\textbf{in/out } \textit{diccLog}(\alpha) : \texttt{d, in } \textit{nat} : \texttt{c}) \to \text{res: } \alpha \\ & \text{it } : \texttt{ab}(\texttt{nodoAvl}) \leftarrow \texttt{d.abAvl} \\ \end{split} \qquad \qquad & O(1) \\ \\ \text{while } (\texttt{Raiz}(\texttt{it}) . \texttt{clave} \neq \texttt{c}) \ \texttt{do} \\ & \text{it } \leftarrow \texttt{subArbol}(\texttt{it} , \ (\texttt{Raiz}(\texttt{it}) . \texttt{clave} < \texttt{c})) \\ & \text{end while} \\ \end{split} \qquad \qquad & O(1) \\ \\ \text{res} \leftarrow \texttt{Raiz}(\texttt{it}) . \texttt{data} \\ \text{Complejidad} : O(log(\#claves(d))) \\ \end{split} \qquad \qquad & O(1) \\ \end{split}
```

```
iVacio? (in diccLog(\alpha): d) \rightarrow res: bool
res \leftarrow Nil?(d.abAvl)
Complejidad: O(1)
```

```
inorder (in diccLog(\alpha): d) \rightarrow res: lista(tupla(nat, \alpha))
     root:ab(nodoAvl) \leftarrow d.abAvl
                                                                                                                          O(1)
     p: pila(puntero(ab(nodoAvl))) \leftarrow Vacia()
                                                                                                                          O(1)
     done:bool \leftarrow false
                                                                                                                          O(1)
     res \leftarrow Vacia()
                                                                                                                          O(1)
     while (!done) do
                                                                                                                          O(1)
          if (\neg Nil?(root)) then
                                                                                                                          O(1)
               Apilar(p, puntero(root))
                                                                                                                          O(1)
              root \leftarrow Izq(root)
                                                                                                                          O(1)
          _{\rm else}
               if ¬EsVacia?(p) then
                                                                                                                          O(1)
                   AgregarAtras(res, <Raiz(*Tope(p)).clave, Raiz(*Tope(p)).data>)
                                                                                                                          O(1)
                   root \leftarrow Der(*Tope(p))
                                                                                                                          O(1)
               else
                   done \leftarrow true
                                                                                                                          O(1)
              end if
         end if
                                                                                                               O(#claves(d))
     end while
Complejidad : O(\#claves(d))
```

```
 \bullet = \bullet \ (\textbf{in} \ diccLog(\alpha) : \texttt{d1}, \ \textbf{in} \ diccLog(\alpha) : \texttt{d2}) \rightarrow \text{res: bool} \\ \text{res} \leftarrow \text{inorder}(\texttt{d1}) = \text{inorder}(\texttt{d2}) \\ \textbf{Complejidad} : O(max(\#claves(\texttt{d1}), \#claves(\texttt{d2})))
```

5. Módulo Árbol binario(α)

5.1. Interfaz

```
se explica con: Árbol Binario(\alpha).
géneros: ab(\alpha).
```

5.1.1. Operaciones básicas de Árbol binario(α)

```
NIL() \rightarrow res : ab(\alpha)
\mathbf{Pre} \equiv \{\mathrm{true}\}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} nil\}
Complejidad: O(1)
Descripción: Crea un árbol binario nulo
BIN(in i: ab(\alpha), in r: \alpha, in d: ab(\alpha)) \rightarrow res: ab(\alpha)
\mathbf{Pre} \equiv \{ \mathrm{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} bin(i, r, d)\}\
Complejidad: O(copy(r) + copy(i) + copy(d))
Descripción: Crea un árbol binario con hijo izquierdo i, hijo derecho d y raíz de valor r
RAIZ(in/out \ a: ab(\alpha)) \rightarrow res: \alpha
\mathbf{Pre} \equiv \{\neg \mathrm{nil}?(a)\}
Post \equiv {alias(res =_{obs} raíz(a))}
Complejidad: O(1)
Descripción: Devuelve el valor de la raíz del árbol
Aliasing: res es modificable si y sólo si a lo es
IzQ(in/out \ a: ab(\alpha)) \rightarrow res : ab(\alpha)
\mathbf{Pre} \equiv \{\neg \mathrm{nil}?(a)\}\
\mathbf{Post} \equiv \{ \operatorname{alias}(res =_{\operatorname{obs}} \operatorname{izq}(a)) \}
Complejidad: O(1)
Descripción: Devuelve el hijo izquierdo
Aliasing: res es modificable si y sólo si a lo es
Der(in/out \ a: ab(\alpha)) \rightarrow res : ab(\alpha)
\mathbf{Pre} \equiv \{\neg \mathrm{nil}?(a)\}
Post \equiv \{alias(res =_{obs} der(a))\}\
Complejidad: O(1)
Descripción: Devuelve el hijo derecho
Aliasing: res es modificable si y sólo si a lo es
Nil?(\mathbf{in}/\mathbf{out}\ a: \mathtt{ab}(\alpha)) \rightarrow res: \mathtt{bool}
\mathbf{Pre} \equiv \{ \mathrm{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} \operatorname{nil}?(a)\}\
Complejidad: O(1)
Descripción: Devuelve true si res es un árbol vacío
```

5.2. Representación

5.2.1. Representación de $ab(\alpha)$

```
ab(\alpha) se representa con estr donde estr es puntero(nodoAb) donde nodoAb es tupla( raiz: \alpha, hijos: arreglo[2] de ab(\alpha)
```

5.2.2. Invariante de Representación

- (I) No puede haber ciclos en el árbol
- (II) Los hijos no pueden apuntar a un mismo árbol

5.2.3. Función de Abstracción

```
\begin{array}{ll} \operatorname{Abs}: \operatorname{estr} e & \longrightarrow \operatorname{ab}(\alpha) & \{\operatorname{Rep}(e)\} \\ \operatorname{Abs}(e) =_{\operatorname{obs}} \operatorname{abn}: \operatorname{ab}(\alpha) \mid (\operatorname{nil}?(abn) \Leftrightarrow e = \operatorname{NULL}) \wedge \\ & (\neg \operatorname{nil}?(abn) \Rightarrow_{\operatorname{L}} \\ & (\operatorname{raiz}(abn) = e \to \operatorname{raiz} \wedge \operatorname{izq}(abn) = e \to \operatorname{hijos}[0] \wedge \operatorname{der}(abn) = e \to \operatorname{hijos}[1]) \\ & ) \end{array}
```

```
iNil\ () 	o res: ab(lpha) res\ \leftarrow NULL   O(1)  Complejidad: O(1)
```

```
iBin (in i: ab(\alpha), in r: \alpha, in d: ab(\alpha)) \rightarrow res: ab(\alpha)

nuevoAb: nodoAb

nuevoAb. raiz \leftarrow copy(r)

nuevoAb. hijos[0] \leftarrow copy(i)

nuevoAb. hijos[1] \leftarrow copy(d)

res \leftarrow puntero(nuevoAb)

Complejidad: O(copy(r) + copy(i) + copy(d))
```

```
iRaíz\ (in/out\ a: ab(lpha)) 
ightarrow res: lpha
res \leftarrow (a 
ightarrow raiz)
Complejidad: O(1)
```

$$iIzq (in/out \ a: ab(\alpha)) \rightarrow res: ab(\alpha)$$

$$res \leftarrow (a \rightarrow hijos[0])$$
 O(1)

 ${\bf Complejidad}: O(1)$

iDer (in/out
$$a: ab(\alpha)$$
) $\rightarrow res: ab(\alpha)$

$$res \leftarrow (a \rightarrow hijos[1])$$
 O(1)

 ${\bf Complejidad}: O(1)$

iNil? (in
$$a: ab(\alpha)$$
) \rightarrow res: bool

$$res \leftarrow (a = NULL)$$

Complejidad : O(1)

6. Módulo Diccionario String(α)

se explica con: DICCIONARIO (STRING, α). géneros: diccString(α).

6.1. Interfaz

```
Se representa mediante un árbol n-ario con invariante de trie
CREARDICC() \rightarrow res : diccString(\alpha)
\mathbf{Pre} \equiv \{ \text{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{ res =_{\mathrm{obs}} \mathrm{vac}(0) \}
Complejidad: O(1)
Descripción: Crea un diccionario vacío.
DEFINIDO?(in d: diccString(\alpha), in c: string)) \rightarrow res: bool
\mathbf{Pre} \equiv \{ \mathrm{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} \operatorname{def}?(d, c)\}
Complejidad: O(L)
Descripción: Devuelve true si la clave está definida en el diccionario y false en caso contrario.
DEFINIR(in d: diccString(\alpha), in c: string, in s: \alpha)
\mathbf{Pre} \equiv \{d =_{\text{obs}} d_0\}
\mathbf{Post} \equiv \{d =_{obs} \operatorname{definir}(c, s, d_0)\}\
Complejidad: O(L)
Descripción: Define la clave c con el significado s
Aliasing: Almacena una copia de s.
OBTENER(in d: diccString(\alpha), in c: string) \rightarrow res : \alpha
\mathbf{Pre} \equiv \{ \operatorname{def}?(c, d) \}
\mathbf{Post} \equiv \{ \operatorname{alias}(res =_{\operatorname{obs}} \operatorname{obtener}(c, d)) \}
Complejidad: O(L)
Descripción: Devuelve el significado correspondiente a la clave c.
Aliasing: Devuelve el significado almacenado en el diccionario, por lo que res es modificable si y sólo si d lo es.
• = •(in/out d: diccString(\alpha), in/out d': diccString(\alpha)) \rightarrow res: bool
\mathbf{Pre} \equiv \{ \mathrm{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{ res =_{obs} (d =_{obs} d') \}
Complejidad: O(L * n * (\alpha =_{obs} \alpha'))
Descripción: Indica si d es igual d'
COPIAR(in dicc: diccString(\alpha)) \rightarrow res: diccString(\alpha)
\mathbf{Pre} \equiv \{ \mathrm{true} \}
\mathbf{Post} \equiv \{res =_{obs} dicc\}
Complejidad: O(n * L * copy(\alpha))
Descripción: Devuelve una copia del diccionario
```