# Prova Final

October 2, 2022

## 1 Prova Final

## 1.1 Portfólio com Ações Do Mercado De Criptoativos

Utilizou-se a base de dados do yahoo finance para buscar criptoativos, isto é, ativos do mercado de criptomoedas. O Yahoo Finance, no entanto, não conta com dados pareados dos ativos em reais, assim, foi utilizada a moeda fiduciária *Dolár Americano*. Como índice para a bolsa, por se tratar de um mercado não regulado e altamente volátil, como indicador do mercado foi utilizado o ativo *USDC* que é uma *stablecoin*.

Stablecoins, também chamadas de moedas estáveis, são criptomoedas pareadas em algum ativo estável ou cesta de ativos, de modo a controlar a volatilidade. Neste caso o ativo USDC tem seu valor pareado ao  $Dolár\ Americano$ .

O período analisado diz respeito ao ínicio de 2019 até os dias atuais. A data de início escolhida tem ligação com a criação do ativo *USDC* que começou a ser negociado no final de 2018.

```
[]: import math
     import copy
     from datetime import date, timedelta, datetime
     import yfinance
     import requests
     import numpy as np
     import pandas as pd
     from loguru import logger
     import seaborn as sns
     import plotly.io as pio
     import plotly.express as px
     import plotly.offline as pyo
     import matplotlib.pyplot as plt
     import matplotlib.dates as mdates
     from pypfopt import plotting
     from pypfopt import risk_models
     from pypfopt import expected returns
     from pypfopt.risk_models import CovarianceShrinkage
     from pypfopt.efficient_frontier import EfficientFrontier
```

```
import scipy.stats as stats
    import statsmodels.api as sm
    from sklearn import metrics
    from sklearn.linear_model import LinearRegression
    from sklearn.model_selection import train_test_split
    import tensorflow as tf
    from tensorflow.keras import Sequential
    from tensorflow.keras.callbacks import EarlyStopping
    from tensorflow.keras.layers import LSTM, Dense, Dropout
    from sklearn.preprocessing import RobustScaler, MinMaxScaler
    from sklearn.metrics import mean absolute error, mean squared error
    pyo.init_notebook_mode()
    pio.renderers.default = "notebook+pdf"
[2]: acoes = ["BTC-USD", "ADA-USD", "LTC-USD", "ETH-USD", "USDC-USD"]
    data_inicio = "2019-01-01"
    data_fim = date.today().strftime("%Y-%m-%d")
    acoes_df = yfinance.download(acoes, data_inicio, data_fim)['Close']
    [********* 5 of 5 completed
[3]: acoes_df.head()
[3]:
                ADA-USD
                             BTC-USD
                                        ETH-USD
                                                  LTC-USD
                                                           USDC-USD
    Date
    2019-01-01 0.042547 3843.520020 140.819412 31.979931
                                                           1.013301
    2019-01-02 0.045258 3943.409424 155.047684 33.433681
                                                           1.018173
    2019-01-03 0.042682 3836.741211 149.135010 32.026699
                                                           1.013577
    2019-01-04 0.043812 3857.717529 154.581940 32.404167
                                                           1.008160
    2019-01-05 0.044701 3845.194580 155.638596 34.936867 1.011010
[4]: acoes_df.info()
    <class 'pandas.core.frame.DataFrame'>
    DatetimeIndex: 1370 entries, 2019-01-01 to 2022-10-01
    Data columns (total 5 columns):
        Column
                  Non-Null Count Dtype
    --- -----
                 -----
        ADA-USD 1370 non-null float64
     1
        BTC-USD 1370 non-null float64
    2 ETH-USD 1370 non-null float64
        LTC-USD 1370 non-null float64
```

4 USDC-USD 1370 non-null float64

dtypes: float64(5) memory usage: 64.2 KB

### 1.1.1 Preço Individual dos Ativos

[5]: preco\_individual = px.line(acoes\_df, title="Preço Individual dos Ativos") preco\_individual.show()

### Preço Individual dos Ativos



Como visto acima, o Bitcoin parece dominar a escala do gráfico, pois o preço absoluto da ação é muito alto. Os gráficos de todas as outras ações são achatados. Um gráfico como este não é muito útil para comparar o desempenho relativo das ações.

## 1.2 Otimização do Portfólio

## 1.2.1 Otimizando o Índice de Sharpe

A fronteira eficiente é o conjunto de carteiras ótimas que oferecem o maior retorno esperado para um nível definido de risco (volatilidade) ou o menor risco (volatilidade) para um determinado nível de retorno esperado. É representado por uma linha no gráfico Retorno vs Volatilidade. A carteira do índice max Sharpe encontra-se na fronteira eficiente.

Para representar tudo visualmente, o código abaixo gera 10000 portfólios de nossas ações com pesos aleatórios e plota seus retornos e volatilidade. A fronteira eficiente e a carteira de razão máxima

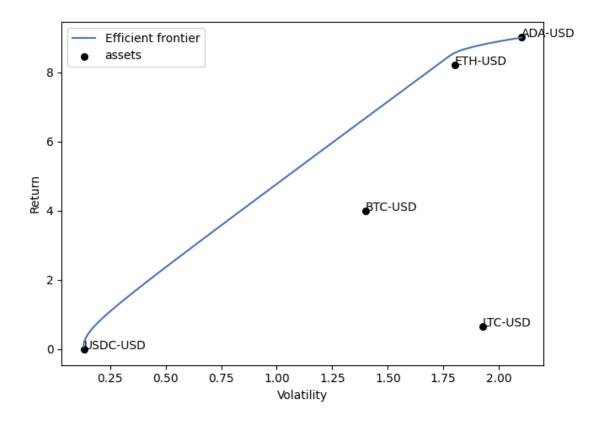
de Sharpe também são plotadas no gráfico.

```
[6]: # calculate the mean and variance
      # mu = expected_returns.ema_historical_return(acoes_df, frequency=365)
     mu = expected_returns.mean_historical_return(acoes_df, compounding=True,__
       ⇔frequency=1363)
     sigma = risk_models.exp_cov(acoes_df, frequency=1363)
 [7]: sigma
 [7]:
                ADA-USD
                          BTC-USD
                                  ETH-USD
                                             LTC-USD USDC-USD
     ADA-USD
               2.846358 1.629370 2.268566 2.113853 -0.000012
     BTC-USD
               1.629370 1.564811 1.877031 1.570661
                                                      0.000078
     ETH-USD
               2.268566 1.877031 3.070647 2.278787 -0.000404
               2.113853 1.570661 2.278787 2.532293 0.000704
     LTC-USD
     USDC-USD -0.000012 0.000078 -0.000404 0.000704 0.000116
 [8]: # get the efficient frontier
     ef = EfficientFrontier(mu, sigma)
 [9]: sharpe_weights = ef.max_sharpe()
     ef.clean_weights()
 [9]: OrderedDict([('ADA-USD', 0.7529),
                  ('BTC-USD', 0.0),
                  ('ETH-USD', 0.2471),
                  ('LTC-USD', 0.0),
                  ('USDC-USD', 0.0)])
[10]: ef.portfolio_performance(verbose=True)
     Expected annual return: 881.7%
     Annual volatility: 162.6%
     Sharpe Ratio: 5.41
[10]: (8.816697558020156, 1.6263654491856003, 5.4088074500261225)
[11]: texto = f"O portfólio ideal que maximiza o Sharpe Ratio é investir em ADA-USD
       →({ef.clean_weights().get('ADA-USD') * 100}) e em ETH ({ef.clean_weights().
       [12]: print(texto)
```

O portfólio ideal que maximiza o Sharpe Ratio é investir em ADA-USD (75.29) e em ETH (24.7099999999999).

1.2.2 Agora, desejamos uma carteira com os ativos de menor volatilidade.

```
[13]: mu_min_v = expected_returns.mean_historical_return(acoes_df, compounding=True,_
       →frequency=1363)
      sigma_min_v = risk_models.exp_cov(acoes_df, frequency=1363)
      ef_min_v = EfficientFrontier(mu, sigma)
[14]: pesos = ef min v.min volatility()
[15]:
     pesos
[15]: OrderedDict([('ADA-USD', 0.0),
                   ('BTC-USD', 0.0),
                   ('ETH-USD', 0.0001692108434677),
                   ('LTC-USD', 0.0),
                   ('USDC-USD', 0.9998307891565325)])
     Para um portfólio com a menor volatilidade devemos investir 99.99% em USDC e 0.001% em ETH.
[16]: ef_min_v.portfolio_performance(verbose=True)
     Expected annual return: -1.2%
     Annual volatility: 1.1%
     Sharpe Ratio: -2.95
[16]: (-0.011691207619210262, 0.010758588445360177, -2.945665946807142)
     1.2.3 Plot da Fronteira Eficiente
[17]: mu_frontier = expected_returns.mean_historical_return(acoes_df,__
       →compounding=True, frequency=1363)
      sigma_frontier = risk_models.sample_cov(acoes_df, frequency=1363)
[18]: ef_frontier = EfficientFrontier(mu_frontier, sigma_frontier)
[19]: fig, ax = plt.subplots()
      plotting.plot_efficient_frontier(ef_frontier, ax=ax, show_assets=True)
      for i, asset in enumerate(ef_frontier.tickers):
          ax.annotate(asset, ((np.diag(ef_frontier.cov_matrix) ** (1/2))[i],__
       →ef_frontier.expected_returns[i]))
```



Com o gráfico da fronteira eficiente é possível inferir que o ativo ADA-USD apresenta o maior retorno dentro do período medido em contrapartida o ativo LTC-USD apresenta quase o mesmo risco, no entanto, com um retorno muito inferior.

O ativo *USDC-USD* apresenta a menor volatilidade e também o menor retorno no período observado. Os resultados são esperados uma vez que o ativo é uma *stablecoin* e tem seu valor lastreado no dólar americano.

### 1.3 Com Portfólios Aleatórios

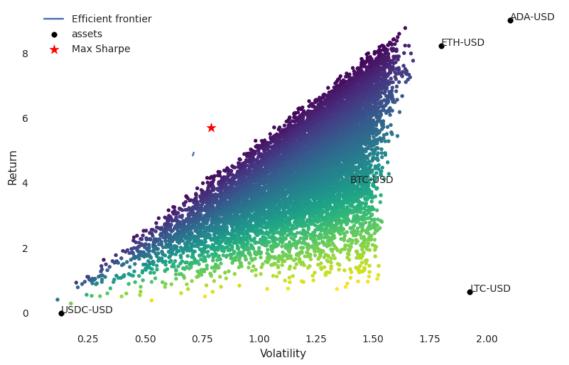
```
ef_frontier = EfficientFrontier(mu_frontier, sigma_frontier, useight_bounds=(None, None))
ef_frontier.add_constraint(lambda w: w[0] >= 0.2)
ef_frontier.add_constraint(lambda w: w[2] == 0.15)
ef_frontier.add_constraint(lambda w: w[3] + w[4] <= 0.10)
```

```
[]: fig, ax = plt.subplots()
  ef_max_sharpe = copy.deepcopy(ef_frontier)
  plotting.plot_efficient_frontier(ef_frontier, ax=ax, show_assets=True)

for i, asset in enumerate(ef_frontier.tickers):
    ax.annotate(asset, ((np.diag(ef_frontier.cov_matrix) ** (1/2))[i],
    ef_frontier.expected_returns[i]))
```

```
# Find the tangency portfolio
ef_max_sharpe.max_sharpe()
ret_tangent, std_tangent, _ = ef_max_sharpe.portfolio_performance()
ax.scatter(std_tangent, ret_tangent, marker="*", s=100, c="r", label="Max__
 ⇔Sharpe")
# Generate random portfolios
n_samples = 10_000
w = np.random.dirichlet(np.ones(ef.n_assets), n_samples)
rets = w.dot(ef.expected_returns)
stds = np.sqrt(np.diag(w @ ef.cov_matrix @ w.T))
sharpes = rets / stds
ax.scatter(stds, rets, marker=".", c=sharpes, cmap="viridis_r")
# Output
ax.set_title("Fronteira Eficiente Com Portfólios Aleatórios")
ax.legend()
plt.tight_layout()
plt.show()
```

#### Fronteira Eficiente Com Portfólios Aleatórios



### 1.4 Análise Descritiva dos Dados

#### 1.4.1 Retornos Diários

O retorno diário de uma ação é o ganho fracionário (ou perda) em um determinado dia em relação ao dia anterior, é dado por (preço de fechamento do dia atual - preço de fechamento do dia anterior) / (preço de fechamento do dia anterior). Por ser um valor relativo, proporciona uma comparação mais justa entre os retornos das ações, independentemente dos preços absolutos das ações. O método pct\_change() pode ser usado para obter os retornos diários de forma eficiente.

```
[25]: retornos = acoes_df.pct_change()
retornos.head()
```

```
[25]:
                   ADA-USD
                             BTC-USD
                                       ETH-USD
                                                  LTC-USD
                                                           USDC-USD
     Date
      2019-01-01
                       NaN
                                 NaN
                                            NaN
                                                      NaN
                                                                NaN
      2019-01-02
                  0.063718
                            0.025989
                                      0.101039
                                                 0.045458
                                                           0.004808
      2019-01-03 -0.056918 -0.027050 -0.038135 -0.042083 -0.004514
      2019-01-04
                 0.026475
                           0.005467
                                      0.036523
                                                 0.011786 -0.005344
      2019-01-05
                 0.020291 -0.003246
                                      0.006836
                                                0.078160 0.002827
```

Agora, traçando os retornos diários das ações ADA-USD, BTC-USD, ETH-USD, USDC-USD, durante todo o período medido. Notavelmente, as flutuações são muito maiores durante um período de alta volatilidade (ou seja, durante o crash do Covid em março de 2020).

```
[26]: fig = px.line(retornos[["BTC-USD", "ADA-USD", "LTC-USD", "ETH-USD", "GTH-USD", "USDC-USD"]], title='Retornos Diários')
fig.show()
```

### Retornos Diários



# 1.4.2 Média dos Retornos Diários

[27]: retornos.mean()

[27]: ADA-USD 0.003303 BTC-USD 0.001913 ETH-USD 0.002848 LTC-USD 0.001751 USDC-USD -0.000003

dtype: float64

# 1.4.3 Desvio Padrão dos Retornos Diários

[28]: retornos.std()

[28]: ADA-USD 0.056925 BTC-USD 0.037931 ETH-USD 0.048763 LTC-USD 0.052175 USDC-USD 0.003578

dtype: float64

#### 1.4.4 Matriz de Covariância

```
[29]: retornos.cov()

[29]: ADA-USD BTC-USD ETH-USD LTC-USD USDC-USD ADA-USD 0.003240 0.001440 0.002041 0.002139 -0.000012 BTC-USD 0.001440 0.001439 0.001508 0.001557 -0.000009 ETH-USD 0.002041 0.001508 0.002378 0.002085 -0.000012 LTC-USD 0.002139 0.001557 0.002085 0.002722 -0.000008 USDC-USD -0.000012 -0.000009 -0.000012 -0.000008 0.000013
```

### 1.4.5 Mapa de Calor a Partir da Matriz de Correlação dos Ativos

A matriz de correlação nos dá os coeficientes de correlação entre cada par de ações. Os coeficientes de correlação são indicadores da força da relação linear entre duas variáveis diferentes. É um valor de 0 a 1, com 1 indicando a relação mais forte. Se for um valor negativo, então as duas variáveis estão inversamente relacionadas.

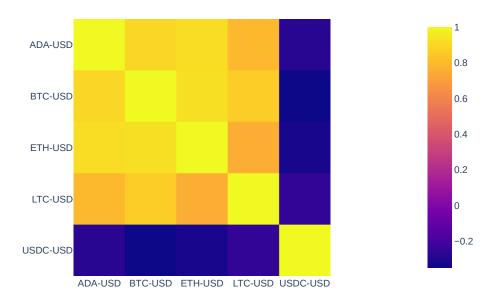
```
[30]: def most_correlated(dataframe):
    """
    Returns a dataframe that contains the most correlated features

    dataframe: dataframe that gives the column names and their correlation value
    """
    corr_values = dataframe.abs().unstack()
    sorted_values = pd.DataFrame(corr_values.sort_values(kind="quicksort"),
    index= None)
    sorted_values = sorted_values[(sorted_values[0] > 0.6) & (sorted_values[0]_u
    <</pre>

    return sorted_values.drop_duplicates()
```

```
[31]: corr_df = acoes_df.corr().round(2) # round to 2 decimal places
fig_corr = px.imshow(corr_df, title = 'Correlação Entre Criptoativos')
fig_corr.show()
```

# Correlação Entre Criptoativos



```
[32]: most_correlated(corr_df)
```

```
[32]: 0

LTC-USD ETH-USD 0.75

ADA-USD LTC-USD 0.79

BTC-USD LTC-USD 0.86

ADA-USD BTC-USD 0.89

ETH-USD ADA-USD 0.91

BTC-USD ETH-USD 0.92
```

# 1.5 ANOVA e Testes de Hipóteses

Para o teste de ANOVA é necessário que algumas suposições se provem verdadeiras:

- Normalidade: Cada amostra é de uma população normalmente distribuída.
- Indepedência: As amostras são independentes.
- Homocedasticidade: Os desvios padrão da população dos grupos são todos iguais.

Serão coletados dados dos ativos ao longo de um ano.

```
[33]: acoes = ["BTC-USD", "ADA-USD", "LTC-USD", "ETH-USD", "USDC-USD"]
data_inicio = "2019-01-01"
```

[34]: cripto\_df.info()

```
<class 'pandas.core.frame.DataFrame'>
DatetimeIndex: 365 entries, 2019-01-01 to 2019-12-31
Data columns (total 5 columns):
    Column
              Non-Null Count Dtype
    -----
              _____
                            ____
                            float64
    ADA-USD 365 non-null
0
1
    BTC-USD 365 non-null
                            float64
2
    ETH-USD 365 non-null
                           float64
3
    LTC-USD
              365 non-null
                            float64
    USDC-USD 365 non-null
                            float64
dtypes: float64(5)
memory usage: 17.1 KB
```

### 1.5.1 Teste de Shapiro-Wilk - Normalidade

O teste de Shapiro-Wilk é um teste de normalidade. É usado para determinar se uma amostra vem ou não de uma distribuição normal.

Para realizar um teste Shapiro-Wilk em Python podemos usar a função scipy.stats.shapiro()

```
shapiro_df = pd.DataFrame(columns=[k for k in cripto_df.keys()],u
index=["estatistica", "p_valor"])

for coluna in shapiro_df:
    shapiro_df[coluna] = stats.shapiro(cripto_df[coluna])

shapiro_df
```

```
[35]:

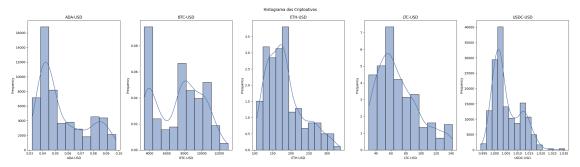
ADA-USD
BTC-USD
ETH-USD
LTC-USD \
estatistica 8.611770e-01 9.289624e-01 9.320979e-01 9.371803e-01 
p_valor 1.611809e-17 3.673350e-12 7.715647e-12 2.700180e-11

USDC-USD
estatistica 9.196935e-01 
p_valor 4.621984e-13
```

```
[36]: # histograma
fig, axis = plt.subplots(ncols=len(cripto_df.columns), figsize=(25, 7))
fig.suptitle("Histograma dos Criptoativos")
```

```
for col, ax in zip(cripto_df, axis):
    sns.histplot(data=col, x=cripto_df[col], stat="frequency", ax=ax, kde=True)
    ax.set_title(col)

fig.tight_layout()
plt.show()
```



#### 1.5.2 Teste de Levene - Homocedasticidade

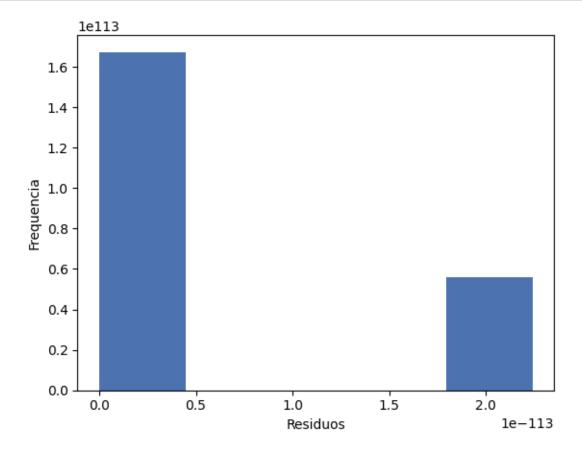
```
[37]: ADA-USD BTC-USD ETH-USD LTC-USD estatistica_F 6.717771e+02 3191.889378 1.814856e+03 1.908498e+03 p_valor 1.889618e-125 0.000000 6.328135e-272 9.823449e-282
```

Como o valor de p é menor que 0.05 nos testes de Shapiro-Wilk e Levene, rejeitamos a hipótese nula. Temos evidências suficientes para dizer que os dados da amostra não vêm de uma distribuição normal.

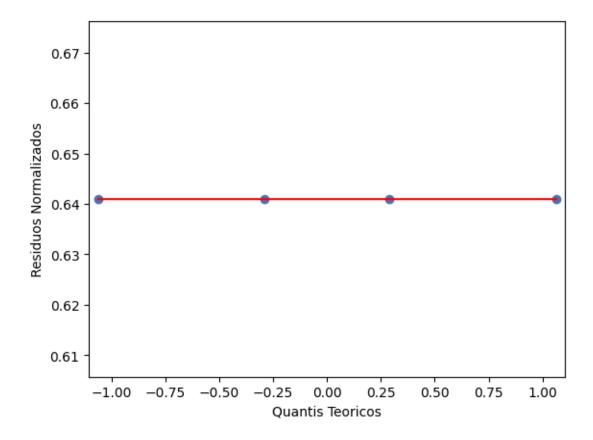
#### 1.5.3 ANOVA

```
[38]: ADA-USD BTC-USD ETH-USD LTC-USD f_valor 873502.484407 2.866299e+03 4.698495e+03 2.271495e+03 p_valor 0.000000 1.235932e-254 8.967291e-320 5.025830e-226
```

```
[39]: # histograma
plt.hist(np.sqrt(anova_df.iloc[1]), bins="doane", histtype="bar", density=True)
plt.xlabel("Residuos")
plt.ylabel("Frequencia")
plt.show()
```



```
[40]: sm.qqplot(np.sqrt(anova_df.iloc[1]), dist=stats.t, line="s", fit=True)
plt.xlabel("Quantis Teoricos")
plt.ylabel("Residuos Normalizados")
plt.show()
```



## 1.6 Regressão Linear

```
[41]:
      cripto_df.corr()
[41]:
                 ADA-USD
                            BTC-USD
                                       ETH-USD
                                                 LTC-USD
                                                           USDC-USD
      ADA-USD
                 1.000000
                           0.187901
                                      0.704564
                                                0.853517 -0.366252
      BTC-USD
                 0.187901
                           1.000000
                                      0.753659
                                                0.602965 -0.728380
      ETH-USD
                 0.704564
                           0.753659
                                      1.000000
                                                0.918237 -0.644323
      LTC-USD
                 0.853517
                           0.602965
                                      0.918237
                                                1.000000 -0.573592
      USDC-USD -0.366252 -0.728380 -0.644323 -0.573592
                                                           1.000000
```

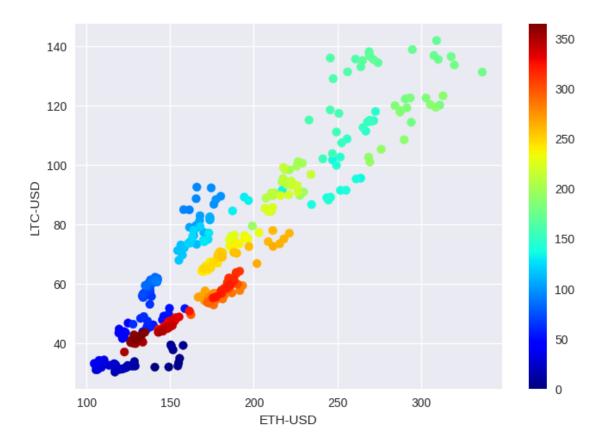
Escolheremos o ativo *LTC-USD* e como índice o ativo *ETH-USD*. Pois, são os dois ativos que possuem maior correlação dentro do período observado dentro da atividade proposta. Ademais, será possível prever o valor de um a partir do outro.

### 1.6.1 Gráfico de Dispersão

Queremos saber se existe de fato uma relação linear entre os dois ativos. Para isto, faremos um gráfico de dispersão dos dois ativos.

/tmp/ipykernel\_48054/1375303785.py:1: MatplotlibDeprecationWarning:

The seaborn styles shipped by Matplotlib are deprecated since 3.6, as they no longer correspond to the styles shipped by seaborn. However, they will remain available as 'seaborn-v0\_8-<style>'. Alternatively, directly use the seaborn API instead.

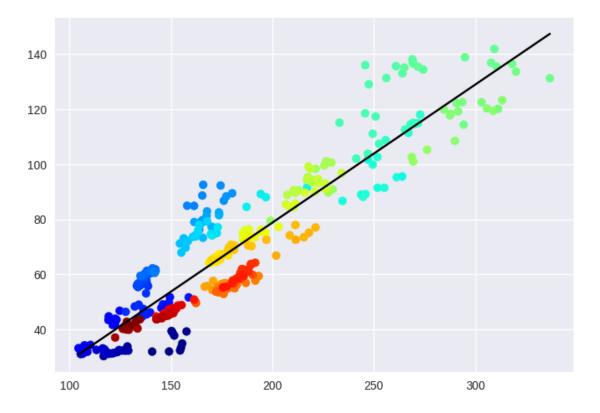


## 1.6.2 Gráfico da Tendência dos Dados em Relação a Média

Agora, queremos analisar visualmente uma linha que atravesse os dois dados na média e apresente o comportamento dos dados em relação a esta tendência.

```
fig, ax = plt.subplots()
plt.scatter(
    x=cripto_df["ETH-USD"],
    y=cripto_df["LTC-USD"],
    c=np.array(range(0, len(cripto_df["USDC-USD"]))),
    cmap="jet",
)
ax.plot(
    np.unique(cripto_df["ETH-USD"]),
    np.poly1d(np.polyfit(cripto_df["ETH-USD"], cripto_df["LTC-USD"], 1))(
        np.unique(cripto_df["ETH-USD"])
    ),
    color="black",
)
```

[43]: [<matplotlib.lines.Line2D at 0x7f192c244130>]



### 1.6.3 Regressão Linear Com Sklearn

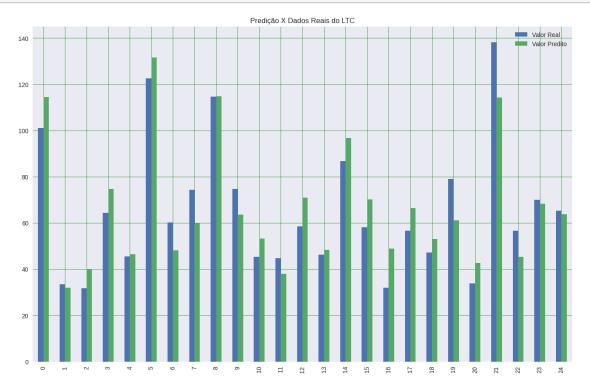
$$LTC = 1.66858034 * ETH + 1.66858034 \tag{1}$$

Vamos testar a equação e checar o quanto o modelo se aproximou do resultado real

```
[50]: y_pred = regressor.predict(X_test)
[51]: df = pd.DataFrame({"Valor Real": y_test.flatten(), "Valor Predito": y_pred.
       →flatten()})
      df
[51]:
          Valor Real Valor Predito
          101.024796
                         114.420788
      1
           33.439255
                          31.919900
           31.823418
      2
                          40.097548
      3
           64.268745
                          74.758618
      4
           45.581425
                          46.504875
           90.622627
      68
                          85.524012
      69
           60.223877
                          46.943425
      70
           88.677864
                          61.474728
          105.300056
      71
                         117.893631
      72
           47.615536
                          53.708511
```

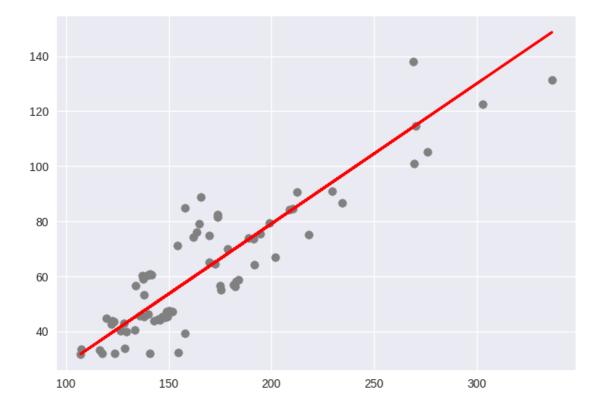
## [73 rows x 2 columns]

```
[52]: df1 = df.head(25)
    df1.plot(kind='bar',figsize=(16,10))
    plt.title("Predição X Dados Reais do LTC")
    plt.grid(which='major', linestyle='-', linewidth='0.5', color='green')
    plt.grid(which='minor', linestyle=':', linewidth='0.5', color='black')
    plt.show()
```



A linha de regressão do modelo treinado

```
[53]: plt.scatter(X_test, y_test, color='gray')
plt.plot(X_test, y_pred, color='red', linewidth=2)
plt.show()
```



O quanto o modelo errou, usando Mean Absolute Error, Mean Squared Error e Root Mean Squared Error.

```
print("Mean Absolute Error:", metrics.mean_absolute_error(y_test, y_pred))
print("Mean Squared Error:", metrics.mean_squared_error(y_test, y_pred))
print("Root Mean Squared Error:", np.sqrt(metrics.mean_squared_error(y_test, y_pred)))

y_pred)))
```

Mean Absolute Error: 8.806731177763458 Mean Squared Error: 121.66276892190167 Root Mean Squared Error: 11.030084719615786

# 1.7 Machine Learning

Coletaremos os dados de operação do ativo Bitcoin do ano (2013) em que ele começou a ser operado na plataforma Mercado Bitcoin até os dias atuais.

```
[]: sns.set_style('white', { 'axes.spines.right': False, 'axes.spines.top': False})

# check the tensorflow version and the number of available GPUs
print('Tensorflow Version: ' + tf._version_)
physical_devices = tf.config.list_physical_devices('GPU')
print("Num GPUs:", len(physical_devices))
```

```
# Setting the timeframe for the data extraction
end_date = date.today().strftime("%Y-%m-%d")
tomorrow = (date.today() + timedelta(days=1)).strftime("%Y-%m-%d")
```

```
[56]: days = range(1, 32)
      months = range(1, 13)
      years = range(2013, datetime.now().year + 1)
      day_summary = "https://www.mercadobitcoin.net/api/{coin}/day-summary/{year}/
       →{month}/{day}/"
      coin = "BTC"
      coin_info = []
      sample json = {
          "date": "2022-09-02",
          "opening": 105024.1362104,
          "closing": 103517.33893317,
          "lowest": 102759.09207443,
          "highest": 106234.45856376,
          "volume": "4252248.79130990",
          "quantity": "40.62196075",
          "amount": 2933.
          "avg_price": 104678.57072383,
      }
```

### 1.7.1 Coleta de Dados

#### 1.7.2 Construindo o DataFrame

```
[68]: btc time series df = pd.DataFrame(coin info, columns=[c for c in sample json.
       ⊸keys()])
      btc_time_series_df['date'] = pd.to_datetime(btc_time_series_df['date'])
      btc time series df.set index('date', inplace=True)
      btc_time_series_df['volume'] = pd.to_numeric(btc_time_series_df['volume'])
      btc_time_series_df['quantity'] = pd.to_numeric(btc_time_series_df['quantity'])
[69]: btc_time_series_df.head()
[69]:
                  opening closing lowest
                                           highest
                                                         volume
                                                                  quantity amount
      date
      2013-06-12
                  249.00
                           265.00 249.00
                                            275.00
                                                    2799.690778 10.916965
                                                                                11
      2013-06-13
                  265.00
                           269.00 259.00
                                            269.00
                                                    2830.406722 10.624724
                                                                                 16
      2013-06-14
                  267.00
                           250.00 245.00
                                            268.00
                                                    8694.710569 34.040328
                                                                                35
      2013-06-15
                  250.00
                           246.01 246.01
                                            259.99
                                                    4481.405612 17.445940
                                                                                 8
                                                    427.690102
      2013-06-16
                  246.01
                           252.00 246.01
                                            257.43
                                                                                 14
                                                                  1.669200
                  avg_price
      date
      2013-06-12
                 256.453225
      2013-06-13 266.398141
      2013-06-14 255.423818
      2013-06-15 256.873845
      2013-06-16 256.224600
[70]: btc_time_series_df.info()
     <class 'pandas.core.frame.DataFrame'>
     DatetimeIndex: 3192 entries, 2013-06-12 to 2022-10-01
     Data columns (total 8 columns):
      #
          Column
                     Non-Null Count Dtype
                     _____
                     3192 non-null
                                     float64
      0
          opening
          closing
                                     float64
      1
                     3192 non-null
      2
          lowest
                     3192 non-null
                                     float64
      3
          highest
                     3192 non-null
                                     float64
      4
          volume
                     3192 non-null
                                     float64
      5
                                     float64
          quantity
                     3192 non-null
          amount
                     3192 non-null
                                     int64
          avg_price 3192 non-null
                                     float64
     dtypes: float64(7), int64(1)
     memory usage: 224.4 KB
```

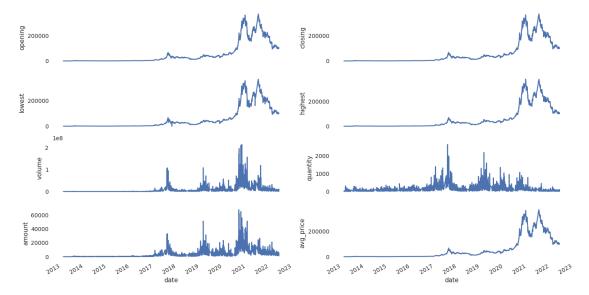
## 1.7.3 Explorando os Dados

```
[71]: # Plot line charts
df_plot = btc_time_series_df.copy()

ncols = 2
nrows = int(round(df_plot.shape[1] / ncols, 0))
fig, ax = plt.subplots(nrows=nrows, ncols=ncols, sharex=True, figsize=(14, 7))

for i, ax in enumerate(fig.axes):
    sns.lineplot(data = df_plot.iloc[:, i], ax=ax)
    ax.tick_params(axis="x", rotation=30, labelsize=10, length=0)
    ax.xaxis.set_major_locator(mdates.AutoDateLocator())

fig.tight_layout()
plt.show()
```



### 1.7.4 Pré-Processamento e Escolha de Features

```
[72]: # Indexing Batches
    train_df = btc_time_series_df.sort_values(by=['date']).copy()

# List of considered Features
    features = ['highest', 'lowest', 'opening', 'closing', 'volume']

print("FEATURE LIST:", features)

# Create the dataset with features and filter the data to the list of features
    data = pd.DataFrame(train_df)
```

```
data_filtered = data[features]
      # We add a prediction column and set dummy values to prepare the data for
      ⇔scaling
     data_filtered_ext = data_filtered.copy()
     data filtered ext['prediction'] = data filtered ext['closing']
      # Print the tail of the dataframe
     data_filtered_ext.tail()
     FEATURE LIST: ['highest', 'lowest', 'opening', 'closing', 'volume']
[72]:
                       highest
                                       lowest
                                                     opening
                                                                    closing \
     date
     2022-09-28 105744.588522
                                99600.008174 100083.353817 104056.101613
     2022-09-29 105550.000000 102071.000000 104008.013304 104214.584520
     2022-09-30 107987.210490 103292.000000 104167.712544 104526.550927
     2022-10-01 104589.765572 103400.002673 104335.615140 103983.378756
     2022-10-01 104589.765572 103400.002673 104335.615140 103983.378756
                       volume
                                prediction
     date
     2022-09-28 4.498772e+06 104056.101613
     2022-09-29 4.871749e+06 104214.584520
     2022-09-30 1.079800e+07 104526.550927
     2022-10-01 1.413710e+06 103983.378756
     2022-10-01 1.413710e+06 103983.378756
[73]: # Get the number of rows in the data
     nrows = data_filtered.shape[0]
      # Convert the data to numpy values
     np_data_unscaled = np.array(data_filtered)
     np_data = np.reshape(np_data_unscaled, (nrows, -1))
     print(np_data.shape)
     # Transform the data by scaling each feature to a range between 0 and 1
     scaler = MinMaxScaler()
     np_data_scaled = scaler.fit_transform(np_data_unscaled)
      # Creating a separate scaler that works on a single column for scaling_
      ⇔predictions
     scaler_pred = MinMaxScaler()
     df_Close = pd.DataFrame(data_filtered_ext['closing'])
     np_Close_scaled = scaler_pred.fit_transform(df_Close)
     (3192, 5)
```

```
[74]: # Set the sequence length - this is the timeframe used to make a single_
       \hookrightarrowprediction
      sequence_length = 50
      # Prediction Index
      index_Close = data.columns.get_loc("closing")
      # Split the training data into train and train data sets
      # As a first step, we get the number of rows to train the model on 80% of the
      train_data_len = math.ceil(np_data_scaled.shape[0] * 0.8)
      # Create the training and test data
      train_data = np_data_scaled[0:train_data_len, :]
      test_data = np_data_scaled[train_data_len - sequence_length:, :]
      # The RNN needs data with the format of [samples, time steps, features]
      # Here, we create N samples, sequence_length time steps per sample, and 6_{\sqcup}
       \hookrightarrow features
      def partition_dataset(sequence_length, data):
          x, y = [], []
          data_len = data.shape[0]
          for i in range(sequence length, data len):
              x.append(data[i-sequence_length:i,:]) #contains sequence_length values_
       ⇔0-sequence length * columnn
              y.append(data[i, index_Close]) #contains the prediction values for_
       ⇒validation, for single-step prediction
          # Convert the x and y to numpy arrays
          x = np.array(x)
          y = np.array(y)
          return x, y
      # Generate training data and test data
      x_train, y_train = partition_dataset(sequence_length, train_data)
      x_test, y_test = partition_dataset(sequence_length, test_data)
      # Print the shapes: the result is: (rows, training_sequence, features)_{\sqcup}
       ⇔(prediction value, )
      print(x_train.shape, y_train.shape)
      print(x_test.shape, y_test.shape)
      # Validate that the prediction value and the input match up
      # The last close price of the second input sample should equal the first_
       ⇔prediction value
      print(x_train[1][sequence_length-1][index_Close])
```

```
print(y_train[0])
     (2504, 50, 5) (2504,)
     (638, 50, 5) (638,)
     0.0006284135835351043
     0.0006284135835351043
     1.7.5 Treinamento do Modelo
 []: # Configure the neural network model
      model = Sequential()
      # Model with n_neurons = inputshape Timestamps, each with x_train.shape[2]__
       \neg variables
      n_neurons = x_train.shape[1] * x_train.shape[2]
      print(n neurons, x train.shape[1], x train.shape[2])
      model.add(LSTM(n_neurons, return_sequences=True, input_shape=(x_train.shape[1],_
       \rightarrowx_train.shape[2])))
      model.add(LSTM(n_neurons, return_sequences=True, input_shape=(x_train.shape[1],_
       →x train.shape[2])))
      model.add(LSTM(n_neurons, return_sequences=False))
      model.add(Dense(5))
      model.add(Dense(1))
      # Compile the model
      model.compile(optimizer='adam', loss='mse')
 []: # Training the model
      epochs = 50
      batch_size = 16
      early_stop = EarlyStopping(monitor='loss', patience=5, verbose=1)
      history = model.fit(x_train, y_train,
                          batch_size=batch_size,
                          epochs=epochs,
                          validation_data=(x_test, y_test)
                         )
[77]: # Plot training & validation loss values
      fig, ax = plt.subplots(figsize=(16, 5), sharex=True)
      sns.lineplot(data=history.history["loss"])
      plt.title("Model loss")
      plt.ylabel("Loss")
      plt.xlabel("Epoch")
      ax.xaxis.set_major_locator(plt.MaxNLocator(epochs))
      plt.legend(["Train", "Test"], loc="upper left")
      plt.grid()
```

plt.show()



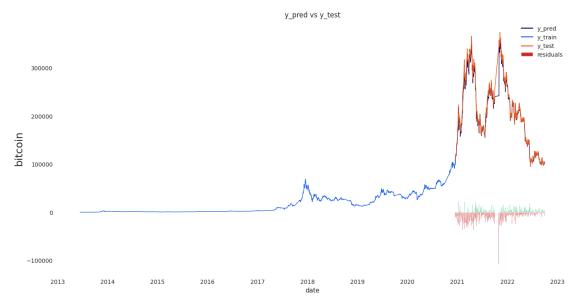
### 1.7.6 Avaliação da Performance do Modelo

```
[78]: # Get the predicted values
      y_pred_scaled = model.predict(x_test)
      # Unscale the predicted values
      y_pred = scaler_pred.inverse_transform(y_pred_scaled)
      y_test_unscaled = scaler_pred.inverse_transform(y_test.reshape(-1, 1))
      # Mean Absolute Error (MAE)
      MAE = mean absolute error(y test unscaled, y pred)
      print(f"Median Absolute Error (MAE): {np.round(MAE, 2)}")
      # Mean Absolute Percentage Error (MAPE)
      MAPE = np.mean((np.abs(np.subtract(y_test_unscaled, y_pred)/ y_test_unscaled)))_u
      print(f"Mean Absolute Percentage Error (MAPE): {np.round(MAPE, 2)} %")
      # Median Absolute Percentage Error (MDAPE)
      MDAPE = np.median((np.abs(np.subtract(y_test_unscaled, y_pred)/__

    y_test_unscaled)) ) * 100

      print(f"Median Absolute Percentage Error (MDAPE): {np.round(MDAPE, 2)} %")
     20/20 [======== ] - 1s 4ms/step
     Median Absolute Error (MAE): 6164.36
     Mean Absolute Percentage Error (MAPE): 2.83 %
     Median Absolute Percentage Error (MDAPE): 2.23 %
[79]: # The date from which on the date is displayed
      display_start_date = "2013-06-12"
      # Add the difference between the valid and predicted prices
```

```
train = pd.DataFrame(data_filtered_ext['closing'][:train_data_len + 1]).
 →rename(columns={'closing': 'y_train'})
valid = pd.DataFrame(data_filtered_ext['closing'][train_data_len:]).
⇔rename(columns={'closing': 'y test'})
valid.insert(1, "y_pred", y_pred, True)
valid.insert(1, "residuals", valid["y_pred"] - valid["y_test"], True)
df_union = pd.concat([train, valid])
# Zoom in to a closer timeframe
df_union_zoom = df_union[df_union.index > display_start_date]
# Create the lineplot
fig, ax1 = plt.subplots(figsize=(16, 8))
plt.title("y_pred vs y_test")
plt.ylabel("bitcoin", fontsize=18)
sns.set_palette(["#090364", "#1960EF", "#EF5919"])
sns.lineplot(data=df_union_zoom[['y_pred', 'y_train', 'y_test']], linewidth=1.
⇔0, dashes=False, ax=ax1)
# Create the bar plot with the differences
df_{sub} = ["#2BC97A" if x > 0 else "#C92B2B" for x in df_union_zoom["residuals"].
 →dropna()]
ax1.bar(height=df_union_zoom['residuals'].dropna(),__
 →x=df_union_zoom['residuals'].dropna().index, width=3, label='residuals',
 plt.legend()
plt.show()
```



#### 1.7.7 Prevendo o Valor do Ativo no Próximo Dia

```
[80]: df temp = btc time series df[-sequence length:]
      new_df = df_temp.filter(features)
      N = sequence_length
      \# Get the last N day closing price values and scale the data to be values \sqcup
       ⇒between 0 and 1
      last_N_days = new_df[-sequence_length:].values
      last_N_days_scaled = scaler.transform(last_N_days)
      # Create an empty list and Append past N days
      X_test_new = []
      X_test_new.append(last_N_days_scaled)
      # Convert the X_test data set to a numpy array and reshape the data
      pred_price_scaled = model.predict(np.array(X_test_new))
      pred_price_unscaled = scaler_pred.inverse_transform(pred_price_scaled.
       \hookrightarrowreshape(-1, 1))
      # Print last price and predicted price for the next day
      price_today = np.round(new_df['closing'][-1], 2)
      predicted_price = np.round(pred_price_unscaled.ravel()[0], 2)
      change_percent = np.round(100 - (price_today * 100)/predicted_price, 2)
      plus = '+'; minus = ''
      print(f"The close price for bitcoin at {end_date} was {price_today}")
      print(f"The predicted close price is {predicted_price} ({plus if change_percent∪
       →> 0 else minus}{change_percent}%)")
```

```
1/1 [=======] - 0s 15ms/step The close price for bitcoin at 2022-10-02 was 103983.38 The predicted close price is 103967.7265625 (-0.02%)
```