

## Answers for Number System Exercises

- 1     a)    00100111  
      b)    00111011  
      c)    1000000000  
      d)    00111111  
      e)    100000000

- 2     a)    13  
      b)    27  
      c)    11  
      d)    36  
      e)    15

- 3     a)    A  
      b)    10  
      c)    18  
      d)    27  
      e)    A3

- 4     a)    15  
      b)    21  
      c)    165  
      d)    78  
      e)    255

- 5     a)    B7  
      b)    9C  
      c)    C  
      d)    26  
      e)    37

- 6     a)    11111001  
      b)    00011010  
      c)    11011000  
      d)    00001011  
      e)    00001000

## Answers for Number System Exercises

7) a) 
$$\begin{array}{r} 1011 \\ + 1101 \\ \hline 11000 \end{array}$$
 
$$\begin{array}{r} 11 \\ 13 \\ 24 \end{array}$$

b) 
$$\begin{array}{r} 1110 \\ + 1111 \\ \hline 11101 \end{array}$$
 
$$\begin{array}{r} 14 \\ 15 \\ 29 \end{array}$$

c) 
$$\begin{array}{r} 10001 \\ + 101 \\ \hline 10110 \end{array}$$
 
$$\begin{array}{r} 17 \\ 5 \\ 22 \end{array}$$

d) 
$$\begin{array}{r} 101 \\ + 10101 \\ \hline 11010 \end{array}$$
 
$$\begin{array}{r} 5 \\ 21 \\ 26 \end{array}$$

e) 
$$\begin{array}{r} 111 \\ + 111 \\ \hline 1110 \end{array}$$
 
$$\begin{array}{r} 7 \\ 7 \\ 14 \end{array}$$

8) a) 
$$\begin{array}{r} 1111 \\ - 1000 \\ \hline 0111 \end{array}$$

b) 
$$\begin{array}{r} 1101 \\ - 1011 \\ \hline 0010 \end{array}$$

c) 
$$\begin{array}{r} 1110 \\ - 11 \\ \hline 1011 \end{array}$$

## Answers for Number System Exercises

$$\begin{array}{r} \text{d)} \quad 10101010 \\ - \quad 1111 \\ \hline 10011011 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} \text{e)} \quad 11000 \\ - \quad 111 \\ \hline 10001 \end{array}$$

Another way of doing these calculations is to negate the number being subtracted, and then add it to the first number. This means that the processor doesn't need to have any subtraction circuits built into the Arithmetic unit.

$$\begin{array}{r} \text{a)} \quad 00001111 \\ + \quad 11111000 \quad \text{8-bit 2's Comp for -8} \\ \hline \mathbf{00000111} \quad \mathbf{(15 - 8 = 7)} \end{array}$$

$$\begin{array}{r} \text{b)} \quad 00001101 \\ + \quad 11110101 \quad \text{8-bit 2's Comp for -11} \\ \hline \mathbf{00000010} \quad \mathbf{(13 - 11 = 2)} \end{array}$$

$$\begin{array}{r} \text{c)} \quad 00001110 \\ + \quad 11111101 \quad \text{8-bit 2's Comp for -3} \\ \hline \mathbf{00001011} \quad \mathbf{(14 - 3 = 11)} \end{array}$$

$$\begin{array}{r} \text{d)} \quad 10101010 \\ + \quad 11110001 \quad \text{8-bit 2's Comp for -15} \\ \hline \mathbf{10011011} \quad \mathbf{(170 - 15 = 155)} \end{array}$$

$$\begin{array}{r} \text{e)} \quad 00011000 \\ + \quad 11111001 \quad \text{8-bit 2's Comp for -7} \\ \hline \mathbf{00010001} \quad \mathbf{(24 - 7 = 17)} \end{array}$$

## Answers for Number System Exercises

- 9     a)    38  
      b)    -7  
      c)    -19  
      d)    85  
      e)    -112

- 10    a)    15  
      b)    -116  
      c)    -52  
      d)    -93  
      e)    -16

- 11    a)    00000101  
      b)    10000101  
      c)    11111111  
      d)    11000011  
      e)    10000000

- 12    a)    00001010  
      b)    11110110  
      c)    01111111  
      d)    10000001  
      e)    10000000