Ejercicio 3 práctico 3.1:

Datos:

- Se desea realizar un viaje en un automóvil con autonomía A.
- Desde la localidad 10 hasta la localidad ln pasando por las localidades 11, ..., ln-1 (en ese orden).
- Se conoce cada distancia di <= A entre la localidad li-1 y la localidad li.
- Existe una estación de combustible en cada una de las localidades.

Escribir un algoritmo que compute el menor número de veces que es necesario cargar combustible para realizar el viaje, y las localidades donde se realizaría la carga.

Entonces si voy de 10 a ln tengo que pasar por n+1 localidades, donde la distancia es conocida. Y mi auto tiene autonomía de A km, entonces si tengo una lista con las localidades, voy a ir recorriendo esa lista de izquierda a derecha, y viendo el primer elemento. Si no tengo autonomía para ir a esa localidad la eliminaré de la lista. Pero en caso de tener autonomía tengo que añadirla a una lista donde voy guardando los resultados y luego se elimina.

El criterio de selección: Cargó combustible en las localidades cuando no me alcanza para llegar a destino.

```
La estructura:
type Localidad = tuple
                  id: nat
                  distancia: nat
            end tuple
fun viaje (l: List of Localidad, in autonomia: nat) ret loc carga:
                                                         List of Localidad
      var 1 copy: List of Localidad
      var loc: Localidad
      var a: nat
      var nafta: nat
      nafta := 0
      a := autonomia
      l copy = copy list(1)
      loc carga := empty list()
      while not is empty(1 copy) do
            loc := head(l copy)
            if a < loc.distancia then
                  tail(l copy)
            else
                  nafta := nafta + 1
                   a := a + 1
                  addr(loc carga, loc)
                  tail(l_copy)
            i f
```

```
od
    destroy(l_copy)
end fun
```

Ejercicio 4 (Ballena)

Datos:

- n ballenas varadas en una playa.
- se conocen los tiempos s1,...,sn que cada ballena sea capaz de sobrevivir hasta que la asista un equipo de rescate.

Dar un algoritmo voraz que determine el orden en que deben ser rescatadas para salvar el mayor número posible de ellas, asumiendo que llevar una ballena mar adentro toma tiempo constante t, que hay un único equipo de rescatee y que una ballena no muere mientras está siendo regresada mar adentro.

El criterio de selección: el salvar a la ballena que tiene menor si (tiempo que es capaz de sobrevivir).

```
La estructura:
type Ballena = tuple
                  id: nat
                  tiempoRestante: nat
            end tuple
fun salvarBallena(1: Set of Ballena, t: nat) ret rescatadas: List
      var ballenasAunVivas: Set of Ballena
      var hora: nat
      var ballena: Ballena
      hora := 0 {- para llevar el contador de la hora -}
      ballenasAunVivas := set copy(1)
      rescatadas := empty list()
      while not is empty set(ballenasAunVivas) do
            ballena := elegirBallena(ballenasAunVivas)
            addR(rescatadas, ballena)
            elim set(ballenasAunVivas, ballena)
            hora := hora + t
            quitarMuertas(ballenasAunVivas, hora)
      destroy(ballenasAunVivas)
end fun
fun elegirBallena(l: Set of Ballena) ret b: Ballena
      var b aux: Ballena
      var min: nat
      var l aux: Set of Ballena
```

```
var min := +infinito
      l_aux := set_copy(1)
      while not is empty(l aux) do
            b aux := get(B aux)
            if b aux.tiempoRestante < min then
                  min := b_aux.tiempoRestante
                  b := b aux
            fi
            elim_set(Baux, b_aux)
      destroy_set(l_aux)
end fun
proc quitarMuertas(in/out 1: Set of Ballenas, hora: nat)
      var d: Set of Ballena
      var b: Ballena
      d := copy set(1)
      while not is empty(d) do
            b := get(d)
            if b.tiempoRestate < hora then
                  elim(l, b)
            fi
            elim(d, b)
      od
      destroy_set(d)
end proc
```

Ejercicio 5 (teléfono satelital)

Datos:

- n amigos para que se lo llevan de vacaciones
- Cada uno va a un lugar diferente
- Se conocen los dias de partida y regreso de cada uno

El criterio: le doy el teléfono al que tenga menor fecha de regreso

```
aux l := set copy(l)
      while not is empty(aux 1) do
            a := select amigo(aux as)
            addr(ls, a)
            elim set(aux_as, a)
            t := t + a.regreso
            elim no prestamos(aux 1, t)
      od
      set_destroy(aux_as)
end fun
proc elim_no_prestamos(in/out 1: Set of Amigo, in t: nat)
      var aux l: Set of Amigo
      var a: Amigo
      aux 1 := set copy(1)
      while not is empty(aux 1) do
            a := get(aux as)
            if a.regreso <= t then
                  elim set(l, a)
            fi
            elim set(aux l, a)
      od
      set destroy(aux 1)
end proc
fun select_amigo(l: Set of Amigo) ret a: Amigo
      var aux 1: Set of Amigo
      var min: nat
      var a: Amigo
      min := +infinito
      aux 1 := set copy(1)
      while not is_empty(aux_l) do
            b := get(aux 1)
            if b.regreso < min then
                  min := b.regreso
                  a := b
            elim set(aux 1, b)
      set_destroy(aux_1, b)
end fun
```

Ejercicio 6 (panadería)

Datos:

- Abrir el horno el menor número de veces
- Hay n piezas de panadería
- Cada pieza tiene un tiempo mínimo y un tiempo máximo, si se la extrae antes del min queda cruda y si es después del max se quema

¿Qué criterio utiliza un algoritmo voraz para extraer todas las piezas del horno piezas del horno en perfecto estado?

Datos:

```
n facturas
conocemos tiempo mínimo (ti) y tiempo máximo (Ti) de cocción
Queremos abrir el horno la menor cantidad de veces
```

Criterio:

Tomamos la factura que menor tiempo máximo tenga y sacamos todas las facturas que ya estén listas en ese tiempo

```
Representación:
   type Bun = tuple
                    id: nat
                    min time: nat
                    max time: nat
               end tuple
fun open (buns: Set of Bun) ret t: nat
    var in oven: Set of Bun
    var next bun: Bun
    var hour: nat
    {- Comenzamos con todas las facturas en el horno -}
    in oven := copy set(buns)
    t := 0
    hour := 0
    while (!is empty set(in oven)) do
        {- Elegimos la factura a sacar de acuerdo al criterio -}
        next bun := choose bun(in oven)
        {- Establecemos la hora en la que abrimos el horno -}
        hour := next_bun.max_time
        {- Añadimos uno a la cuenta de veces que abrimos el horno -}
        t := t + 1
        {- Sacamos todas las facturas que ya estén listas -}
        remove ready(in oven, hour)
    od
end fun
fun choose bun (buns : Set of Bun) ret chosen: Bun
   var aux bun : Bun
   var min_max_time : nat
```

```
var aux set : Set of Bun
    {- Elegimos la factura que tenga el menor tiempo máximo en el horno -}
    min max time := +infinito
    aux set := copy set(buns)
    while (!is empty set(aux set)) do
        aux bun := get(aux set)
        if aux bun.max time < min max time then
            min max time := aux bun.max time
            chosen := aux bun
        fi
        elim set(aux set, aux bun)
    od
    destroy set(aux set)
end fun
proc remove ready(in/out buns : Set of Bun, in hour : nat)
    var aux set : Set of Bun
    var aux bun : Bun
    aux set := copy set(buns)
    while (!is empty set(aux set)) do
        aux bun := get(aux set)
        if (aux bun.min time < hour) then
            elim set(buns, aux bun)
        fi
        elim set(aux set, aux bun)
    od
    destroy set(aux set)
end proc
```

9. (sobredosis de limonada) Es viernes a las 18 y usted tiene ganas de tomar limonada con sus amigos. Hay n bares cerca, donde cada bar i tiene un precio P_i de la pinta de limonada y un horario de happy hour H_i , medido en horas a partir de las 18 (por ejemplo, si el happy hour del bar i es hasta las 19, entonces H_i = 1), en el cual la pinta costará un 50% menos. Usted toma una cantidad fija de 2 pintas por hora y no se considera el tiempo de moverse de un bar a otro. Se desea obtener el menor dinero posible que usted puede gastar para tomar limonada desde las 18 hasta las 02 am (es decir que usted tomará 16 pintas) eligiendo en cada hora el bar que más le convenga.

Datos:

```
Desde 18 a 02 tomamos 2 pintas por hora (16 total)
Conocemos el precio Pi y el horario Hi de cada bar
```

Criterio:

Para cada hora elegimos el bar que más barato sea, considerando también los precios con descuento gracias a los happy hour.

```
fun limonada(bars: Set of Bar) ret final price: nat
    var hour: nat
    var current bar: Bar
    {- Comenzamos a las 18, que es nuestra 'hora 0' habiendo gastado $0 -}
    hour := 0
    final price := 0
    while (hour < 8) do
        {- Elegimos el bar que visitaremos en esa hora según el criterio -}
        current_bar := bar(bars, hour)
        {- Sumamos el precio de tomar 2 pintas en ese bar -}
        final price := final price + (2 * current bar.price)
        {- Modificamo la hora para continuar con la ejecución -}
       hour := hour + 1
    od
end fun
fun bar(bars: Set of Bar, hour: nat) ret chosen: Bar
   var aux set : Set of Bar
   var aux bar : Bar
   var min price : nat
    aux set := copy set(bars)
   min price := inf
    while (!is_empty_set(aux_set)) do
        aux bar := get(aux_set)
        if (aux bar.happy hour < hour && aux bar.price/2 < min price) then
            chosen := aux bar
            min_price := (aux_bar.price)/2 {- se divide por el happy -}
        else if (aux bar.price < min price) then
            chosen := aux bar
            min price := aux bar.price
        fi
        elim set(aux bar, aux set)
    od
    destroy set(aux set)
end fun
```

Ejercicio 7 (Submarino)

datos

- n sobrevivientes en el interior.
- c1,...,cn son las cantidades de oxígeno que cada uno consume por minuto.
- se puede rescatar a uno por vez.
- El rescate lleva t minutos.

Criterio salvar a quienes consumen más oxígeno.

```
type Submarino = tuple
                  id: String
                  oxigeno: Float
            end tuple
fun rescate a(as: array[1..N] of Submarino, C: float, t: nat) ret
                                                  ls: List of Submarino
      var oxigeno: float
      var aux as: array[1..N] of Submarino
      var s: Submarino
      aux as := copy(as)
      sort submarino(as) {-ordena de mayor a menor-}
      oxigeno := C
      ls := empty list()
      i := 1
      while oxigeno > 0 and i <= N do
            s := get(aux as[i])
            addr(ls, s)
            oxigeno := oxigeno - s.oxigeno
      destroy(aux_as)
end fun
```

Ejercicio 8 (estufa)

Datos:

- Tengo una estufa y n troncos de leña
- Todos los troncos del mismo tamaño y en la estufa entra uno por vez
- ullet cada tronco i irradia temperatura k y dura t

Se requiere encontrar el orden en que se utilizarán la menor cantidad posible de troncos a quemar entre las 22 y las 12hs del día siguiente, asegurando que entre las 22 y las 6 la estufa irradia constantemente una temperatura no menor a K1 y entre las 6 y las 12 am, una temperatura no menos a K2.

Criterio de selección:

```
Durante las 22 y las 6 (8hs) elijo el tronco con tiempo mayor, tal que ki es mayor o igual a K1.
```

Entre las 6 y las 12 (6hs) idem, pero con K2

```
type Tronco = tuple
                  id: nat
                  calor: float
                  tiempo: float
            end tuple
fun estufa voraz(S: Set of Tronco, K1: float, K2: float) res ls:
                                                        List of Tronco
      var C: Set of Tronco
      vat t: Tronco
      var h: float
      C := copy_set(S)
      h := 0
      ls := empty_list()
      while h < 14 do
            if h < 8 then
                  t := elegirTronco(C, K1)
            else
                  t := elegirTronco(C, K2)
            fi
            addR(ls, t)
            elim_set(C, t)
            h := h + t.tiempo
      destroy set(C)
end fun
fun elegirTronco(C: Set of tronco, K: float) ret t: Tronco
      var B: Set of Tronco
      var max tiempo: Float
      var t´: Tronco
      max tiempo := -infinito
      B := copy set(C)
      while not set empty(B) do
            t' := get(B)
            if t'.tiempo > max_tiempo && t'.calor >= K then
                  max tiempo := t´.tiempo
                  t := t'
            fi
            elim(B, t´)
      destroy(B)
end fun
```

Ejercicio 2

```
proc p (in/out 1: list)
  var a, b: pointer to node
  a:= l
  while a /= null do
    b:= a→next
    if b /= null then
       a→next := b→next
       free(b)
    fi
       a:= a → next
    od
end proc
```

- a) p toma como argumento una l: list, donde luego usa un a aux que es igual a l, después hace un while mientras a sea distinto de null. Luego inicializa a b con el segundo elemento de a. y si b es distinto de null, y luego libera el b. Es decir, que elimina los elementos en las posiciones impares de la lista mientras los array arranquen en 0.
- b) El orden es n recorre el array una vez.

Ejercicio 3

Dada la siguiente función:

```
fun f(n: nat) ret m: nat
  if n ≤ 1 then m:= 2 * n
  else
    m := 1
    for i:= n downto 1 do
        m := n * m
    od
    m := 3 * f(n div 2)
  fi
end fun
```

- a) cantidad de llamadas recursivas hay -> 1
- b) Expresar la ecuación de recurrencia en función de la cantidad de asignaciones a la variable m.
 - t(n) = ``Calcula la cantidad de asignaciones a m, cuando pasamos n como argumento"

$$t(n) = 1$$
 si n <= 1
= 1 + n + $t(n/2)$ cc

c) Orden de asignaciones a la variable m

```
g(n) = n + 1

a = 1 \rightarrow núm que multiplica a t()
```

```
b = 2 \rightarrow t(n/b)

k = 1 \rightarrow es el grado de g(n)

Como a < b^k, entonces esta implementación tiene orden lineal: n
```

```
Formas de decidir:

t(n) = at(n/b) + g(n) b in N, g(n) in O(n^k)

O(n^(log_b a)) si a > b^k

O(n^k log n) si a = b^k

O(n^k) si a < b^k
```

Ejercicio 1

Un colectivero conduce su pequeño colectivo. Muy pequeño. Solamente hay lugar para un pasajero. Más que un colectivo, parece una moto. Su recorrido o viaje va de la parada 1 hasta la parada n pasando por las paradas intermedias 2, 3, ..., n-1. Hay m pasajeros esperando. Para cada pasajero i sabemos en qué parada se quiere subir (s_i) , y en qué parada se va a bajar (b_i) con $1 \le s_i \le b_i \le n$. La intención del colectivero es trasladar en un viaje a la mayor cantidad de pasajeros posible. El colectivero no tiene obligación de levantar un pasajero por más que esté libre, puede preferir reservarlo para un pasajero que sube después. Se debe obtener el número máximo de pasajeros trasladables en un único viaje. Se pide lo siguiente:

- (a) Indicar de manera simple y concreta, cual es el criterio de selección voraz para construir la solución?
- (b) Indicar qué estructuras de datos utilizarías para resolver el problema.
- (c) Explicar en palabras como resolvería el problema el algoritmo.
- (d) Implementar el algoritmo en el lenguaje de la materia de manera precisa.
 - (a) El criterio de selección es subir, siempre que podamos al pasajero que más pronto se baje.
 - (b) type Pasajero
 id: nat
 s: nat
 b: nat
 end tuple
 - (c) Recorremos el conjunto y seleccionamos al pasajero que primero se baja, descartamos a los que no sean compatibles (quienes se suben cuando ya está montado nuestro pasajero, es decir, vamos a descartar a los pasajeros cuya subida sea anterior a la bajada del pasajero seleccionado) y a partir de ahí de los restantes repetimos el proceso hasta que no haya más pasajeros, o sea la última parada.

```
fun motito(p: Set of Pasajero) ret res: nat
    var p_aux: Set of Pasajero
    var w: Pasajero
```

```
p_aux := copy_set(p)
      while not is empty set(p aux) do
            w := elegir_pasajero(p_aux)
            elim set(p aux, w)
            res := res + 1
            remover pasajeros(p_aux, w)
      od
      destroy(p_aux)
end fun
fun elegir_pasajero(p: Set of pasajero) ret res: Pasajero
      var p aux: Set of pasajero
      var w: Pasajero
      var min: nat
      p_aux := set_copy(p)
      min := +infinito
      while not is_empty_set(p_aux) do
            pasajero := get(p aux)
            if pasajero.b < min then
                  res := pasajero.b
                  min := res
            fi
      od
      destroy(p_aux)
end fun
proc remover pasajeros(in/out p: Set of pasajero, in pasajero:
                                                               Pasajero)
      var p aux: Set of Pasajero
      var w: Pasajero
      p_aux := copy_set(p)
      while not is_empty_set(p_aux) do
            w := get(p_aux)
            if w.s < pasajero.b then
                  elim(p, w)
            elim(p aux, w)
      destroy_set(p_aux)
end proc
```

```
var j : nat
  if i = k then m := a[i]
    j := (i + k) \operatorname{div} 2
   m := min(minimo(a, i, j), minimo(a, j+1, k))
  fi
end fun
Corramos el algoritmo con a=[2,5,1,8]
minimo(a, 1, 4)
i = k false entonces va al else
j := 5 div 2 -> 2 entonces
min(minimo(a,1,2), minimo(a,3,4))
veamos minimo(a,1,2)
i = k es false entonces va al else
j = 3 \text{ div } 2 = 1
min(minimo(a,1,1), minimo(a,2,2))
i = k entonces a[i]
min(2,5) = 2
entonces minimo(3,4) = 1
entonces m = 1
Es del tipo divide y vencerás:
El tamaño del problema es k-i.
Si el arreglo tiene 1 elemento se hace 1 asignación.
Se llama recursivamente 2 veces.
a = 2
b = 2
k = 0
t(m) = Cantidad de operaciones que realiza el algoritmo minimo(a,i,k) donde m
es k-i
t(m) = 1
                  ,si m=1
       2t(m/2) + 1 , si m>1
a ? b^k
2 > 2^0 por lo tanto es orden m^(log 2 2) == m osea el orden es m -> es
lineal.
```

1. Calculá el orden de complejidad de los siguientes algoritmos:

```
\mathbf{proc}\ f1(\mathbf{in}\ n:\mathbf{nat})
                                                        \mathbf{proc}\ f2(\mathbf{in}\ n:\mathbf{nat})
              if n \leq 1 then skip
                                                            for i := 1 to n do
                                                                for j := 1 to i do t := 1 od
              else
                  for i := 1 to 8 do f1(n \text{ div } 2) od
                                                            od
                  for i := 1 to n^3 do t := 1 od
                                                            if n > 0 then
                                                                for i := 1 to 4 do f2(n \text{ div } 2) od
a)
t(m) = Número de operaciones realizadas por f1(n) donde m es n/2
El skip es O(0)
t(m) = 0
                              sim = 1
         8t[m/2] + n^3
                              CC
entonces a=8, k=3, b=2.
entonces 8 = 2^3 por lo que la complejidad es n^3 log n
b)
t(m) = Número de operaciones realizadas por f2(n) donde m es n/2
t(m) = ? sin = 0
ops(C) = ops(for i:=1 to n do C(i) od)
        = \sum_{i=1}^n \operatorname{ops}(\operatorname{for} j:=1 \text{ to n do } C(i,j) \text{ od})
        = \sum_{i=1}^n \sum_{j=1}^i ops(t:=1)
        = \sum_{i=1}^n \sum_{j=1}^i 1
         = \sum_{i=1}^n i = n*(n+1)/2
Entonces:
t(m) = n*(n+1)/2 si n = 0
        at (n/b) + g(n)
donde -> a = 4, b = 2, k=0
Entonce 4 > 2^0 - n^1 \log 2 = n^1 \pmod{2} = n^2 \pmod{2} = n^2
```

Calculá el orden de complejidad del siguiente algoritmo:

for i := 1 to 3 do $f3(n \operatorname{div} 4)$ od

for i := 1 to n^4 do t := 1 od

 $\mathbf{proc}\ f3(n:\mathbf{nat})$

od

for j := 1 to 6 do

else

if $n \leq 1$ then skip

entonces b = 4, a = 18 y k=4 por lo que $18 < 4^4$ entonces n^4 .

1. (Voraz) Anacleta reparte pedidos en bicicleta. Todos los clientes viven en la Avenida San Wachín y la dirección del trabajo de Anacleta es Avenida San Wachín 0. Al llegar a trabajar, Anacleta tiene cada pedido con la altura de la casa donde debe entregarlo. En la bici, Anacleta puede transportar cinco pedidos o menos. Escriba un algoritmo que reciba una lista de naturales llamada pedidos y determine la menor distancia que debrá pedalear Anacleta para entregar todos los pedidos.

Anacleta reparte pedidos en bicicleta

Al llegar a trabajar Anacleta tiene cada pedido con la altura de la casa donde debe entregarlo.

En la bici, puede transportar 5 pedidos o menos.

Escriba un algoritmo que reciba una lista de naturales llamadas pedidos y determine la menor distancia que deberá pedalear Anacleta para entregar todos los pedidos.

tipo de datos el array que define la consigna

Criterio de selección: Entregar primero el pedido más lejos.

```
fun anacleta(pedidos: array[1..N] of nat) ret r: nat
    var pedidos_aux: array[1..N]
    var i: nat

    copy_array(pedidos, pedidos_aux)
    reverse_sort(pedidos_aux) {- ordena de mayor a menor -}

    r := 0
    i := 1

    while i <= N do
        r := r + pedido_aux[i]*2
        i := i + 5
    od
end fun</pre>
```

1. (Algoritmos voraces) Te vas n días de vacaciones al medio de la montaña, lejos de toda civilización. Llevás con vos lo imprescindible: una carpa, ropa, una linterna, un buen libro y comida preparada para m raciones diarias, con m > n. Cada ración i tiene una fecha de vencimiento v_i , contada en días desde el momento en que llegás a la montaña. Por ejemplo, una vianda con fecha de vencimiento 4, significa que se puede comer hasta el día número 4 de vacaciones inclusive. Luego ya está fuera de estado y no puede comerse.

Tenés que encontrar la mejor manera de organizar las viandas diarias, de manera que la cantidad que se vencen sin ser comidas sea mínima. Deberás indicar para cada día j, $1 \le j \le n$, qué vianda es la que comerás, asegurando que nunca comas algo vencido.

- Hay n días de vacaciones al medio de la montaña
- m raciones diarias, con m>n
- Cada ración i tiene un fecha de vencimiento vi, contada en días desde el momento en que llegas a la montaña

Hay que encontrar la mejor manera de organizar las viandas diarias, de manera que la cantidad que se vencen sin ser comidas sea mínima.

Criterio de selección = Comer primero las viandas que tiene menor fecha de vencimiento.

```
type Vienda = tuple
            id: nat
            vencimiento: nat
      end tuple
```

Armar un arreglo de índice y ordenarlo de menor a mayor de acuerdo al vencimiento, recuerdo en una variable i el índice de la última vianda que consideré.

Para cada día j, me fijo si la vianda actual se puede comer, si venció voy a la siguiente hasta encontrar una que pueda comer. Cuando encuentro una que se pueda comer, selecciona esa para el día j y actualizo el valor de i.

```
fun viandas (venc: array[1..m] of nat, n: nat) ret r: array[1..n] of nat
      var venc aux: array[1..m] of nat
      var i: nat
      index sort(vec, venc aux)
{- devuelve en venc aux los índices del arreglo venc ordenados de acuerdo a
los valores de venc de menor a mayor -}
      i := 1
      for j:=1 to n do
            {- elijo la ración para el día-}
            while venc[venc aux[i]] < j do</pre>
                   i:=i+1
            od
            r[j] := venc_aux[i]
            i := i+1
end fun
fun viandas (venc: array[1..m] of nat, n: nat) ret r: array[1..n] of nat
      var venc aux: array[1..m] of nat
      var i: nat
      index sort(venc, venc aux)
      i := 1
      for j:=1 to n do
            while i<m && venc[venc aux[i]] < j do</pre>
                  i := i+1
            od
            if i>m then
                  r[j] := -1
            else
                  r[j] := venc aux[i]
                   i := i+1
```

```
fi
      od
end fun
con conjuntos:
fun viandas (venc: Set of Vianda, n: nat) ret r: List of Vianda
      var venc aux: Set of Vianda
      var v: Vienda
      var i: nat
      i := 0
      venc_aux := set_copy(venc)
      r := empty list()
      while not is empty set(venc aux) do
            v := seleccionar vianda(venc aux)
            add(r, v)
            elim set(venc aux, v)
            i := i + 1 {- cuento los días de vacaciones -}
            eliminar vencidas (venc aux, i) {- elimina las viandas menores al
            dia i-}
      od
end fun
{-Selecciona la vianda a comer el día i, siempre y cuando no este vencida, es
como un mín-}
fun seleccionar_vianda(v: Set of Vianda) ret r: Vianda
      var aux v: Set of Vianda
      var w: Vianda
      var min: nat
      var n: nat
      n := 0 {- Contador de días -}
      min := +infinito
      aux v := copy set(v)
      while not is empty set(aux set) do
            w := get(aux set)
            if w.vencimiento < min then
                  min := w.vencimiento
                  r := w
                  n := n + 1
            elim_set(aux_set, n)
      od
      destroy_set(aux_set)
endo fun
{-Elimina las viandas que ya vencidas-}
proc eliminar vencidas(in/out v: Set of Vianda, dia: nat)
      var aux v: Set of Vianda
      var w: Vianda
```

```
aux v := set copy(v)
      while not is empty set(aux v) do
            w := get(aux v)
            if w.vencimiento < dia then
                   elim(v, w)
            fi
            elim(aux_v,w)
      od
      destroy(aux v)
end fun
```

2. Para cada uno de los siguientes algoritmos determinar por separado cada uno de los siguientes incisos.

```
(a) ¿Qué hace?
                                                            fun q(a : array[1..n] \text{ of int}, i : nat) ret j: nat
      (b) ¿Cómo lo hace?
                                                                 var m,k : nat
      (c) El orden del algoritmo, analizando los distintos ca-
                                                                 j:=i
          sos posibles.
                                                                 if i mod 2 == 0 then
      (d) Proponer nombres más adecuados para los identifi-
                                                                       m := a[i]
          cadores (de variables y procedimientos).
                                                                       \mathbf{k}{:=}\;\mathbf{i}{+}2
                                                                       \mathbf{while}\ k \leq n\ \mathbf{do}
     proc p(in/out a : array[1..n] of int)
                                                                             if a[k] < m then
           \mathbf{var}\ \mathbf{i}:\ \mathbf{nat}
                                                                                m := a[k]
           i := 1
                                                                                j{:=}\ k
           \mathbf{while}\;i <= n\;\mathbf{do}
                                                                             fi
                 swap(a,i,q(a,i))
                                                                             k := j + 2
                 i{:=}\;i{+}1
                                                                       od
           od
                                                                 \mathbf{fi}
     end proc
                                                            end fun
Ejemplo de ejecución de q() con [2,3,4,5], i=1
j:=1
if i \mod 2 == 0 (1 \mod 2 == 1) -> entonces j:=1
j:=2
if i \mod 2 == 0 (2 \mod 2 == 0) es true, entonces entra al if
        m:=a[2] (m = 3)
         k := i+2 (k = 4)
         while (4 \le 4) true
                 if a[4] < 3 then (5 < 3 \text{ es false})
                 -> k:=4
j := 3
if i mod 2 == 0 (3 mod 2 == 1) -> j := 3
j:=4
if i \mod 2 == 0 \pmod{2} == 1) es true
        m := a[4] = 5
         k := 6
         while 6 <= 5 false -> j:=3
Otro ejemplo [3,2,5,4]
```

- (a) la función q toma un arreglo de longitud n y un natural i, devuelve el mismo natural i si es impar y si no devuelve el índice del menor elemento del arreglo desde la posición im de entre todos los que se encuentren en posiciones impares
- (b) En caso que i sea par, recorre el arreglo solo en las posiciones pares de izquierda a derecha, desde la posición i y calcula el índice del menor de esos elementos
- (c) orden (n-i)/2

ahora con p:

- (a) Toma un arreglo de tamaño n, ordena de menor a mayor los elementos que se encuentran en posiciones pares de a.
- (b) Recorre el arreglo de izquierda a derecha, desde la posición 1, para cada elemento, si está en posición impar lo deja igual, si no, lo intercambia por el mínimo elemento de entre los que están en posiciones impares
- (c) es n^2

```
n habitaciones, consecutivas de 1 a n. carrito con capacidad de 5 desayunos. nos dicen cuántos desayunos hay que dar a cada habitación. Se debe dar el orden en que se entregan los desayunos de manera de recorrer la mínima distancia entregando todo.
```

Criterio = atiendo los pedidos de las habitaciones más lejanas

```
type Entrega = tuple
                  hab: nat
                  cant: nat
            end tuple
fun desayuno(p: array[1..N] of nat) ret r: List of of Entrega
      var en carro: nat
      var p_rest: array[1..N] of nat
      var viaje actual: List of Entrega
      var entrega actual: Entrega
      for i:=1 to n do
            p rest[i] := p[i]
      od
      en carro := 5
      r := empty list()
      viaje actual := empty list()
      addr(r, viaje_actual)
      for h:=N downto 1 do
            while p rest[h] > 0 do
                  if en_carro >= p_rest[h] then
                         entrega actual.hab := h
                         entrega actual.cant := p rest[h]
                         addr(viaje_actual, entrega_actual)
                         p rest[h] := 0
                  else
                         entrega_actual.hab := h
                         entrega actual.cant := en carro
                         p rest[h] := p rest[h] - en carro
                         addr(viaje actual, entrega actual)
                         viaje actual := empty list()
                  fi
            od
      od
end fun
```

```
proc p(a: array[1..n] of nat)
      var d: nat
      for i := 1 to n do
            d = i
            for j=i+1 to n do
                  if a[j] < a[d] then d=j fi
            od
            swap(a,i,d)
end proc
si tenemos [5,4,6,7] \rightarrow [1,2,3,4]
primera ejecución
for i:=1 to 4 do
      d := 1
      for j=2 to 4 do
            if a[2] < a[1] (4 < 5) si entonces d=j (d=2)
todavía estoy en el for de adentro entonces, ahora con d=2
      for j=3 to 4 do
            if a[3] < a[2] (6 < 4) no entonces salgo del for y voy a
swap(a,1,2) \rightarrow [4,5,6,7]
for i:=2 to 4
      d:=2
      for j:=3 to n do
            if a[3] < a[2] (6 < 5) no entonces
swap(a,2,2) queda como esta
for i:=3 to 4
      d:=3
      for j:=4 to n do
            if a[4] < a[3] (7 < 6) no asique voy a swap(a,3,3)
queda el arreglo como esta [5,4,6,7] y termina, entonces ordena el arreglo
El primer for recorre el arreglo y en d va guardando los índices del arreglo
a, luego en el segundo for se empieza a recorrer desde el segundo elemento
del arreglo y compara ese elemento con el índice anterior que guardo en d y
en casos que el segundo elemento sea menor que el primero el primer elemento
es iqual al segundo y caso contrario hace un swap de esos elementos.
Complejidad es n^2 xq recorre el arreglo 2 veces.
Complejidad?
Ops(C) = ops(for i:=1 to n do C1 od)
       = ops(for i:=1 to n do (ops(d:=1) + ops(j=i+1 to n do (if a[j] <
```

```
= sum_{i=1}^{n} (ops(for j+1 to no do(if a[j]<a[d])then d:=j)od)od)
         = sum \{i=1\}^{n} sum \{j=i+1\}^{n} ops(if a[j]<a[d] then d:=j od)
         = sum \{i=1\}^{n} sum \{j=i+1\}^{n} 1
         = sum \{i=1\}^{n} n-i+2
         = sum \{i=1\}^{n} n - sum \{i=1\}^{n} i + sum \{i=1\}^{n} 2
         = n*n - n(n+1)/2 + 2*n.
                                         Calcular complejidad
t := 1
dot < n
      t :=t*2
Si n=1 \rightarrow t = 1 \rightarrow 1 < 1 \rightarrow false (1 operación)
Si n=2 \rightarrow t = 1 \rightarrow 1 < 2 \rightarrow true \rightarrow t = 2
            t = 2 \rightarrow 2 < 2 \rightarrow false (2 operaciones)
Si n=3 -> t = 1 -> 1 < 3 -> true -> t = 2
            t = 2 \rightarrow 2 < 3 \rightarrow true \rightarrow t = 4
             t = 4 \rightarrow 4 < 3 (3 operaciones)
Si n=4 \rightarrow t = 1 \rightarrow 1 < 4 \rightarrow true \rightarrow t = 2
             t = 2 \rightarrow 2 < 4 \rightarrow true \rightarrow t = 4
             t = 4 -> 4 < 4 (3 operaciones)
Si n=5 \rightarrow t = 1 \rightarrow 1 < 5 \rightarrow true \rightarrow t = 2
             t = 2 \rightarrow 2 < 5 \rightarrow true \rightarrow t = 4
             t = 4 \rightarrow 4 < 5 \rightarrow true \rightarrow t = 8
             t = 8 \rightarrow 8 < 5  (4 operaciones)
tengo que buscar una función t(ops). Entonces, t = 2^{operaciones -1}
t = 2^{(1-1)} = 2^0 = 1
t = 2^{(2-1)} = 2^1 = 2
t = 2^{(3-1)} = 2^2 = 4
t = 2^{(4-1)} = 2^3 = 8
entonces log t = (operaciones - 1)
           operaciones = \log t + 1 \rightarrow 0(\log t)
proc r(in/out a: array[1..N] of int, in y: nat)
       for j:=y to n do
               m := j
               while m > y and a[m] < a[m-1] do
```

a[d]) then d:=j) od)) od)

```
swap(a,m,m-1)
                   m := m-1
             od
      od
end proc
Complejidad?
ops(r) = sum {j=y}^{n} ops(m:= j
                          while m > y and a[m] < a[m-1] do
                                 swap(a, m, m-1)
                                m := m-1
                          od)
En el peor caso en el que a[m] < a[m-1] es siempre cierto y el while se
recorre hasta que m = y(j-y) veces
Veamos con más detalle, que pasa con el while:
m := j
while m > y and a[m] < a[m-1] do
      swap(a,m,m-1)
      m := m-1 \longrightarrow O(1)
od
vemos que y es un parámetro que se le pasa a la función, supongamos que y = 1
en ese caso se recorre todo el arreglo con el for y se la asigna a m el
indice que guarda j, entonces:
si y=1 \rightarrow m=1 entonces 1>1 es false.
si y=2 \rightarrow m=2 entonces 2>1 es true y se entra al while y a[2] < a[1]
            se swapean los elementos y luego m=1
       -> m=1 no se entra al ciclo.
Como m va disminuyendo en el while se recorre en ciclo y veces mientras y>1
xq sino no entra al while, el arreglo se recorre de izquierda a derecha.
Entonces:
ops(r) = sum_{j=y}^{n} y si
entonces en el peor caso y \rightarrow ops(r) sum \{j=i\}^n = n = n^2 \text{ (por le for de } i)
afuera).
```

Para cada uno de los siguientes algoritmos determinar por separado cada uno de los siguientes incisos.

```
(a) ¿Qué hace? ¿Cuáles son las precondiciones nece-
    sarias para ello?
(b) ¿Cómo lo hace?
                                                         fun t(p: array[1..n] of nat) ret y: nat
                                                              var z: nat
 (c) El orden del algoritmo, analizando los distintos ca-
                                                              y, z := 0, 1
                                                              while z \le n do
(d) Proponer nombres más adecuados para las fun-
                                                                    y, z := y+1, s(z,p)+1
    ciones.
                                                         end fun
fun s(v: nat, p: array[1..n] of nat) ret y: nat
    y := v
    while y < n \land p[y] \le p[y+1] do
                                                         fun u(p: array[1..n] of nat) ret v: bool
          y := y + 1
    od
                                                              v := (t(p) \le 1)
end fun
                                                         end fun
```

(a)

- $s\left(\right)$ -> el índice del elemento de p tal que es mayor que el siguiente.
- t() -> la cantidad de segmentos ordenados.
- u() -> ve si el arreglo está ordenado.

(b)

- s() -> recorre el arreglo desde la posición y avanza hasta que encuentra el primer elemento que es mayor que el siguiente
- t() \rightarrow recorre el arreglo en segmento ordenados, usando s para determinar dónde termina cada segmento, contando la cantidad de segmentos que se recorrieron
- $u() \rightarrow llama a t() y se fija si el resultado es <= (igual 0 no va a dar nunca)$

(C)

- $s() \rightarrow mejor caso O(1)$, cuando el primer elemento a considerar es mayor al siguiente. Peor caso O(n-v), cuando está ordenado desde v hasta el final.
- t() \rightarrow mejor y peor caso O(n) ya que recorre el arreglo desde la posición cero hasta la última posición (por medio de s)
- u() -> igual que t() entonces O(n)

```
proc r(in/out a : array[1..N] of int, in y : nat)
       for j:= y to n do
           m := j
           while m > y \wedge a[m] < a[m-1] do
               swap(a,m,m-1)
               m := m-1
           od
       od
 end proc
a = [2,5,3,1], y = 1
for j:=1 to 4 do
      m:=1
      while 1 > 1 / a[1] < a[0] do (false no entra al while)
entonces
for j:=2 to 4 do
      m:=2
      while 2>1 /\ a[2] < a[1] do (5<2) false
for j:=3 to 4 do
      m:=4
      while 4>1 /\ a[4] > a[1] do (1<2 = true)
             swap(a,4,3) \rightarrow [2,5,1,3]
             m:=3
      while 3>1 / a[3] < a[2] do (3<5 = true)
             swap(a,3,2) \rightarrow [2,1,5,3]
             m:=2
      while 2>1 / a[2] < a[1] do (1<2 = true)
             swap(a,2,1) \rightarrow [1,2,5,3]
             m:=1
      while 1>1 = false
for j:=4 to 4 do
      m:=4
      while 4>1 / a[4] < a[3] (3<5 = true)
             swap(a,4,3) \rightarrow [1,2,3,5]
             m:=3
      while 3>1 / a[3] < a[2] (3<2) false
y termina la -> ordena el array el proc
```

1. (Algoritmos voraces) Estás en época de exámenes y tenés n materias cursadas, no correlativas entre sí, que podrías rendir. Cada materia tiene un día de examen: d_1, \ldots, d_n , y una cantidad de días previos **consecutivos** al examen que vos necesitás dedicar exclusivamente a su estudio: c_1, \ldots, c_n . También asumimos que el día que rendís un examen se dedica solamente a eso, no podés estudiar otra materia. Así por ejemplo si la materia "Bases de Datos" se rinde el día 10, y necesita 2 días de estudio, para poder rendirla tenés que dedicar el día 8 y 9 exclusivamente a la misma, y en el día 11 ya podrías empezar a estudiar otra materia. Se supone que solo estudiás la materia que estás por rendir, por más que te sobren días no comenzás a estudiar la siguiente para no confundir los temas.

Todos los d_i y los c_i son números naturales, inicialmente estamos al comienzo del día 1.

Se debe obtener la mayor cantidad de materias que podés rendir.

Se pide lo siguiente:

- (a) Indicar de manera simple y concreta, cuál es el criterio de selección voraz para construir la solución?
- (b) Indicar qué estructuras de datos utilizarás para resolver el problema.
- (c) Explicar en palabras cómo resolverá el problema el algoritmo.
- (d) Implementar el algoritmo en el lenguaje de la materia de manera precisa.

Datos:

```
n materias cursadas, no correlativas entre sí
día de examen d1,...,dn
días de estudio necesario c1,...,cn
solo se rinde un examen por día.
```

- -> mayor cantidad de materias que puedes rendir?
 - (a) El criterio de selección es rendir las materias que menos días de estudio lleven.
 - (b) Estructura

```
type Materia = tuple
    id: nat
    c: nat
    end tuple
```

(c) Paso directo al algoritmo

```
fun rendir(m: Set of Materia) ret res: nat
    var aux_m: Set of Materia
    var w: Materia

res := 0
    aux_m := copy_set(d)

while not is_empty_set(m) do
    w := get(aux_m)
    w := elegir_materia(aux_m)
    elim_set(aux_m, w)
    res := res + 1 {-contador de las materias rendidas-}
        remover_materias(aux_m, w)
    od
    destroy(aux_m)
end fun
```

fun elegir materia (m: set of Materia) ret res: Materia

```
var m aux: Set of Materia
      var w: Pasajero
      var min: nat
      m aux := set copu(m)
      min := +infinito
      while not is_empty_set(m_aux) do
            w := get(m aux)
            if w.c < min then
                   res := w
                   min := res.c
            fi
      od
      destroy(m aux)
end fun
proc remover_materias(in/out m: set of Materia, in g: materia)
      var m aux: Set of Materia
      var w: Materia
      m aux := copy(m)
      while not is empty(m aux) do
            w := get(m aux)
            if w.c < q.c then
                   elim(m, w)
            fi
            elim(m aux,w)
      od
      destroy(m aux)
end proc
```

 (Algoritmos voraces) Un amigo te recomienda que entres en el mundo del trading de criptomonedas asegurándote que siempre vas a ganar, ya que tiene una bola de cristal que ve el futuro.

Conocés el valor actual v_1^0,\dots,v_n^0 de n criptomonedas. La bola de cristal indica el valor que tendrá cada una de las criptomonedas durante los m días, siguientes. Es decir, los valores v_1^1,\dots,v_1^m que tendrá la criptomoneda 1 dentro de 1 día, ..., dentro de m días respectivamente; los valores v_1^1,\dots,v_2^m que tendrá la criptomoneda 2 dentro de 1 día, ..., dentro de m días respectivamente, etcétera. En general, v_i^j es el valor que tendrá la criptomoneda i dentro de i días.

Con esta preciada información podés diseñar un algoritmo que calcule el máximo dinero posible a obtener al cabo de m días comprando y vendiendo criptomonedas, a partir de una suma inicial de dinero D.

Se asume que siempre habrá suficiente cantidad de cada criptomoneda para comprar y que no se cobra comisión alguna por la compra y venta. También se asume que se pueden comprar fracciones de criptomonedas. Recordá que no siempre las criptomonedas incrementan su valor.

Se pide lo siguiente:

- (a) Indicar de manera simple y concreta, cuál es el criterio de selección voraz para construir la solución?
- (b) Indicar qué estructuras de datos utilizarás para resolver el problema.
- (c) Explicar en palabras cómo resolverá el problema el algoritmo.
- (d) Implementar el algoritmo en el lenguaje de la materia de manera precisa.

```
type Cripto = tuple
    id: nat
    po: nat
    p1: nat
    end tuple
```

Criterio: compro una cripto por día, que se corresponda con la que más variación porcentual tuvo. (ver el caso en que todas bajen de precio)

3. Miguel Hernández decide invitar a sus amigos/as a un asado. Como vive en un departamento, planifica la realización del asado en la casa de su amiga Josefina Manresa. "Ché, ahí invité a toda la barra. Nos vemos hoy en tu casa para comer el asado", le dice. "Estás loco, che?" le responde Josefina, "tengo la casa hecha un kilombo. Me hubieras avisado." "No te preocupes, voy para allá y te doy una mano". Y sale para allá.

Cuando Miguel llega a lo de su amiga encuentra a Josefina en el patio preparando el fuego y salando la carne, así que la saluda y se dispone a acomodar la casa antes de que llegue la gente. No puede creer el desorden que encuentra al entrar a la casa. Con un simple vistazo, estima que cada uno de los N ambientes de la casa le va a insumir un tiempo t_1, t_2, \ldots, t_N acomodar y que la valoración que va a recibir por la tarea realizada es v_1, v_2, \ldots, v_N . También descubre que el tiempo total T de que dispone hasta que vengan los/as amigos/as no es suficiente para acomodar todos los ambientes, pero sabe que si acomoda parcialmente un ambiente, obtiene el reconocimiento proporcional. Es decir, a modo de ejemplo, si ordena $\frac{2}{5}$ del ambiente i, eso le lleva un tiempo $\frac{2}{5}t_i$ y le genera una valoración $\frac{2}{5}v_i$.

Se desea escribir un algoritmo que encuentre la mayor valoración total a recibir por el trabajo de acomodar los ambientes realizado en el tiempo T.

```
N ambientes
tiempo t1,t2,...,tn acomodar
valoración v1, v2, ..., vn
tiempo total T
algoritmo que encuentre la mayor valoración total a recibir por el trabajo de
acomodar los ambientes realizado en el tiempo T.
type ambiente = tuple
            t: real
            v: real
      end tuple
fun asado(am: Set of Ambiente, T: float) ret res: real
      var am aux: Set of Ambiente
      var w: Ambiente
      var t: real
      var max: real
      am \ aux = copy \ set(am)
      t := T
      res := 0
      max := -infinito
      while (not is empty(am aux)) do
            w := promedio(am aux, time)
            if w.t <= time then
```

t := t - w.tres = res + w.t

(Algoritmos voraces) Es principio de mes y tenés que ayudar a tu abuelo a pagar n facturas de servicios. El viejo
es medio desconfiado y solo paga él mismo por ventanilla en efectivo, nada de transferencias o homebanking.

Para cada factura i sabés qué día d_i va a llegar al domicilio y el día de vencimiento v_i . Obviamente no podés ir a pagar si no te ha llegado aún la factura al domicilio, y tenés que pagarlas todas antes del vencimiento (se puede pagar también el mismo día que vence). Como sos un excelente estudiante de Algoritmos 2, vas a diseñar un algoritmo que obtenga qué facturas se pagarán cada día, de manera tal que el abuelo vaya la menor cantidad de veces posible a la ventanilla de pago.

Se pide lo siguiente:

- (a) Indicar de manera simple y concreta, cuál es el criterio de selección voraz para construir la solución?
- (b) Indicar qué estructuras de datos utilizarás para resolver el problema.
- (c) Explicar en palabras cómo resolverá el problema el algoritmo.
- (d) Implementar el algoritmo en el lenguaje de la materia de manera precisa.

```
n facturas de servicios por pagar
```

cada factura i se sabe en día di cuando llega a domicilio y el vencimiento vi.

Hay que pagar todas antes del vencimiento (se puede pagar el mismo día que vence)

```
Tipo de datos:
type Factura = tuple
    id: nat
    di: nat
    vi: nat
    end tuple
```

Criterio de selección: pagar las facturas que vencen primero.

```
fun factura(f: Set of Facturas, n: nat) ret res: List of Facturas
    var f_aux: Set of Facturas
    var w: Facturas
    var t: nat
    var dia: nat

    f_aux := set_copy(f)
    t := n

    while not is_empty(f_aux) && n>0 do
        w := facturas_para_pagar(f_aux)
        add(res, w.id)
        elim_set(res, w)
        n := n - 1
    od
```

```
fun facturas para pagar(f: Set of Facturas) ret Factura
      var f aux: Set of Factura
      var w: Factura
      var min: nat
      min := +infinito
      f aux := set copy(f)
      while not is empty(f aux) do
            w := get(f aux)
            if w.v < min then
                  min := w.v
                  ret := w
            fi
            set elim(f aux, w)
      od
      set destroy(f aux)
end fun
```

tiene que devolver List(nat, List of Factura) ver después

(Algoritmos voraces)

Dado un grafo dirigido G con costos no negativos en sus aristas, representado por su matriz de adyacencia, y un vértice v del mismo, el algoritmo de Dijkstra calcula, para cada vértice w del grafo G, el costo del camino de costo mínimo de v a w.

- (a) De qué manera podés modificar el algoritmo de Dijkstra (llamémosle algoritmo de Artskjid) para que en lugar de calcular costos de caminos desde v, calcule costos de caminos hacia v. Es decir, para que dado G tal como se dijo, y dado un vértice v del mismo, calcule, para cada vértice w del grafo G, el costo del camino de costo mínimo de w a v. Escribí el algoritmo.
- (b) ¿Cómo podrías utilizar los algoritmos de Dijkstra y de Artskjid para calcular, para cada vértice w de G el costo del camino de costo mínimo de ida y vuelta de v a w. Incluso si no resolviste el inciso anterior, podés intentar resolver éste utilizando ambos algoritmos.

a) en lugar de calcular costos de caminos desde v, calcule costos de caminos hacia v. Es decir, para que dado un G tal como se dijo, y dado un vértice v del mismo, calcule, para cada vértice w del grafo G, el costo del camino de costo mínimo de w a v.

```
D[1] = minimo entre D[1] y D[3] + L[3,1]

fun artskjid(L: array[1..n,1..n] of Nat, v: Nat) ret D: array[1..n] of nat
    var c: nat
    var C: Set of nat
    for i:=1 to no do add(C,i) od
    elim(C,w)
    for j:=1 to n do D[j] := L[j,v] od
    while not is_empty_set(C) do
        c := elijo elementos c de C tal que D[c] sea minimo
        elim(C,c)
```

La funcion recibe un arreglo que representa el coste de ir desde el vertice del campo 1 al campo 2, recibe v que es un vertice (el de origen) y w otro vertice (el de destino). Se aplica Dijkstra apra obtener el arreglo con los valores de ir desde v hasta cada uno de los vertices, luego se aplica Artskjid para obtener los valores de cada uno de los vertices hacia v. Luego para calcular el coste de la ide y vuelta desde w se suman D[w] (coste de ir desde v hasta e) y A[w] (Coste desde ir desde w hacia v)